

## Análise da complexidade de tempo (Big O) para cada algoritmo

---

### 1. Bubble Sort

| Caso   | Complexidade | Explicação  |
|--------|--------------|---|
| Melhor | $O(n)$       | Ocorre quando o vetor já está ordenado; só é feita 1 passagem sem trocas. |
| Médio  | $O(n^2)$     | Compara cada elemento com todos à frente.                                 |
| Pior   | $O(n^2)$     | Vetor invertido gera máximo de trocas.                                    |

---

### 2. Insertion Sort

| Caso   | Complexidade | Explicação  |
|--------|--------------|---|
| Melhor | $O(n)$       | Vetor já ordenado: cada inserção faz apenas 1 comparação. |
| Médio  | $O(n^2)$     | Elementos deslocados em média metade do vetor.            |
| Pior   | $O(n^2)$     | Vetor invertido: cada elemento deslocado até o início.    |

---

### 3. Selection Sort

| Caso   | Complexidade | Explicação  |
|--------|--------------|---|
| Melhor | $O(n^2)$     | Sempre procura o menor elemento $\Rightarrow$ número fixo de comparações. |
| Médio  | $O(n^2)$     | Independente da ordem inicial.  |
| Pior   | $O(n^2)$     | Também igual; não depende de trocas.                                      |

---

### 4. Merge Sort

| Caso   | Complexidade  | Explicação   |
|--------|---------------|--|
| Melhor | $O(n \log n)$ | Divide o vetor ao meio e combina ordenadamente.    |
| Médio  | $O(n \log n)$ | Recursão equilibrada sempre.                       |
| Pior   | $O(n \log n)$ | Mesmo no pior caso, o processo de merge é estável. |

---

### 5. Quick Sort

| Caso   | Complexidade  | Explicação                                 |
|--------|---------------|--|
| Melhor | $O(n \log n)$ | Partições bem equilibradas (pivô central). |

|              |                                 |   |
|--------------|---------------------------------|---|
| <b>Médio</b> | <b><math>O(n \log n)</math></b> | Em média, particiona o problema em partes razoavelmente iguais.                 |
| <b>Pior</b>  | <b><math>O(n^2)</math></b>      | Pivô sempre escolhido como menor ou maior → vetores já ordenados ou invertidos. |

---

## 6. Shell Sort

Shell Sort não tem uma análise exata para todos os tipos de sequência de gaps, mas para a sequência tradicional de gaps ( $n/2, n/4, \dots, 1$ ), temos:

| <b>Caso</b>   | <b>Complexidade aproximada</b>                      | <b>Explicação</b>  |
|---------------|---|--|
| <b>Melhor</b> | <b><math>O(n \log n)</math></b>                     | Para algumas sequências, o comportamento se aproxima de inserção em sublistas. |
| <b>Médio</b>  | <b><math>O(n^{(3/2)}) \approx O(n^{1.5})</math></b> | Aproximação clássica da sequência de Shell.                                    |
| <b>Pior</b>   | <b><math>O(n^2)</math></b>                          | Com certas sequências ruins, pode deteriorar.                                  |