

Python: Документация

Барсуков Дмитрий

Февраль 2026

Содержание

1 Архитектура конспекта	2
2 Структуры данных	3
2.1 Хеш-таблица	3
2.2 Множество (set)	6

Архитектура конспекта

Этот конспект — не пересказ документации и не сухая теория. Это структурированная система, которая помогает не просто помнить синтаксис, а осознанно выбирать решения в алгоритмических задачах.

Главная цель — понимать, как работает инструмент, когда его применять и какие компромиссы он несёт.

Шаблон раздела структуры данных

Каждая тема описывается по единому плану, чтобы сохранялась логика анализа, было проще сравнивать разные структуры и приёмы и быстро находить нужную информацию в любой теме

0. **Связь с другими структурами (если есть):** Где эта структура встречается, частью чего является или что лежит в её основе. Помогает видеть общую картину языка и выстраивать связи между темами
1. **Идея:** Что это такое? Краткое определение и главная цель конструкции. Зачем она существует и какую проблему решает
2. **Интуитивная модель:** Как это работает «под капотом»? Объяснение принципа работы без излишней технической детализации
3. **Основные операции и методы:** Перечень того, что можно делать с этой структурой: добавление, удаление, поиск, изменение и характерные для неё методы. Без оценки сложности
4. **Синтаксис:** Формальная запись и базовые примеры использования. Минимальный набор конструкций, необходимый для практики
5. **Сложность (Big O):** Оценка времени выполнения и памяти для ключевых операций. Важно для понимания эффективности кода и выбора подходящей структуры под задачу
6. **Применимость и ограничения:** Когда эта конструкция лучший выбор, когда от неё лучше отказаться, и какие компромиссы она несёт (скорость/память/читаемость)

Структуры данных

Хеш-таблица

0. Связь с другими структурами

Хеш-таблица лежит в основе структур данных:

- Множество (set)
- Словарь (dict)
- Counter, defaultdict и других производных структур

1. Идея

Хеш-таблица — это структура данных, обеспечивающая быстрый доступ к элементам по ключу, которая хранит элементы так, чтобы операции поиска/добавления/удаления обычно выполнялись за $O(1)$. Основной принцип работы: объект → вычисление хеша → определение индекса в таблице → обращение к ячейке.

2. Интуитивная модель

Хеш-таблицу можно представить как большой массив ячеек, часть из которых остаётся пустой

Добавление элемента x :

1. От элемента вычисляется хеш:

```
python
1 hash(x)
```

2. От хеша берётся остаток от деления на размер массива — получается индекс ячейки:

```
python
1 index = hash(x) % size
```

3. Проверка:

- Если ячейка пустая → объект записывается туда
- Если занята другим объектом (коллизия) → применяется поиск следующей подходящей позиции
- Если найден тот же объект → добавление не происходит

Почему так быстро?

Потому что мы “прыгаем” сразу к нужной области, а не перебираем всё подряд, как в списке

Почему хеш-таблица содержит много пустых ячеек?

Чтобы поиск следующей позиции обычно был коротким. Это и есть компромисс память ↔ скорость

Load factor (заполненность)

$$\text{Load factor} = \frac{\text{число элементов}}{\text{размер таблицы}}$$

Чем выше заполненность, тем больше коллизий, тем длиннее поиск и тем ниже эффективность

Resize (расширение таблицы)

Когда таблица становится слишком заполненной, происходит resize:

1. Создаётся таблица большего размера
2. Элементы перераскладываются по новым индексам (потому что индекс зависит от размера)
3. После этого load factor снова падает, и операции снова быстрые

Размер таблицы обычно выбирается как степень двойки: $8 \rightarrow 16 \rightarrow 32 \rightarrow 64 \rightarrow \dots$

Это упрощает вычисление индекса и управление заполненностью

Сжатие таблицы

При массовом удалении элементов таблица может не уменьшаться автоматически

Если требуется освободить память, можно создать новую структуру на основе текущей:

```
python
1 d = dict(d)
2 s = set(s)
```

Это приводит к пересборке таблицы под текущее количество элементов

3. Основные операции и методы

Хеш-таблица поддерживает следующие пользовательские операции:

1. Вставка элемента
2. Поиск элемента
3. Удаление элемента

Внутренний механизм:

4. Расширение таблицы при переполнении

В Python эти операции реализованы внутри `set` и `dict`

4. Синтаксис

В Python хеш-таблица не является самостоятельной структурой, доступной пользователю напрямую

5. Сложность (Big O)

Для корректных хешируемых ключей и нормального распределения:

1. Поиск / вставка / удаление: в среднем $O(1)$
2. Построение из n элементов: $O(n)$
3. Resize: $O(n)$, но происходит редко, поэтому средняя сложность вставки остаётся $O(1)$

Память: $O(n)$, с дополнительным запасом пустых ячеек + служебные данные

Важно: В худшем случае (при большом числе коллизий) операции могут деградировать до $O(n)$

6. Применимость и ограничения

Когда это лучший выбор

1. Быстрая проверка наличия элемента
2. Нужен быстрый доступ по ключу
3. Нужны частоты / группировки
4. Хранение уникальных ключей

Ограничения

1. Ключи должны быть хешируемыми: числа, строки, кортежи из `hashable`-элементов
2. Порядок (как “отсортированный”) хеш-таблица не даёт
3. Возможна деградация до $O(n)$ в худшем случае (редко в нормальной практике)

Компромиссы (скорость/память/читаемость)

1. Скорость отличная → память выше, чем у списка
2. Код обычно читаемый (особенно для “подсчётов/группировок”), но иногда требуется аккуратность с ключами и равенствами

Множество (set)

Идея

Множество — это структура данных, которая:

1. Хранит только уникальные элементы
2. Обеспечивает быструю проверку наличия элемента
3. Основана на хеш-таблице

Главные преимущества:

1. Нет дубликатов
2. `x in s` работает очень быстро
3. Удобные операции над множествами: пересечение, объединение, разность

Интуитивная модель

Можно представить множество как массив ячеек, большинство из которых изначально пустые. Когда мы добавляем элемент `x`:

1. От элемента вычисляется хеш:

```
python
1 hash(x)
```

2. От хеша берётся остаток от деления на размер массива — получается индекс ячейки:

```
python
1 index = hash(x) % size
```

3. Проверка:

- Если ячейка пустая → элемент записывается туда
- Если занята другим элементом (коллизия) → применяется probing (поиск другой позиции)
- Если найден тот же элемент → добавление не происходит

По такому же принципу работает:

- Поиске элемента `x in s`
- Удаление элемента `s.remove(x)`

Изначально размер таблицы небольшой, но по мере заполнения множество увеличивается.

Обычно размер — степени двойки: $8 \rightarrow 16 \rightarrow 32 \rightarrow 64 \rightarrow \dots$

Когда происходит `resize`:

1. Создаётся новая таблица большего размера, элементы перекладываются в неё
2. Их хеш не пересчитывается, но пересчитывается их индекс (потому что изменился размер таблицы)

Сложность `resize` — $O(n)$

Но так как `resize` происходит редко, операция добавления остаётся: амортизированно $O(1)$

Если мы добавили 10 миллионов элементов, потом удалили почти всё. Таблица обычно не сжимается обратно автоматически. Если нужно реально уменьшить память, можно пересобрать множество:

```
python
1 s = set(s)
```

Это создаст новую таблицу под текущий размер. Сложность — $O(n)$, где n — текущее число элементов.

Синтаксис

```
python
1 nums_set = {1, 2, 3}                                # {1, 2, 3} мн-во из чисел
2 symbols_set = {'a', 'b', 'c', 'd'}                  # {'b', 'c', 'a', 'd'} мн-во из символов
3 empty_set = set()                                    # пустое множество (не {}, это словарь)
4 hello_set = set('hello')                            # hello_set = {'h', 'o', 'l', 'e'}
5 a = {i ** 2 for i in range(10)}                   # a = {0, 1, 4, 81, 64, 9, 16, 49, 25, 36}
6 from_list = set([1, 2, 2, 3])                      # {1, 2, 3} – дубли убраны
7 words_set = set(['hi', 'dad', 'hi', 'mum'])       # {'hi', 'dad', 'mum'}
```

Сложность (Big O)

1. Проверка принадлежности: `x in s` — $O(1)$

2. Добавление элемента: `s.add(x)` — $O(1)$

3. Удаление элемента: `s.remove(x)` — $O(1)$

Выдаст ошибку, если x нет

3' Удаление элемента: `s.discard(x)` — $O(1)$

Ничего не делает, если x нет

4. Построение из списка длины n : `set(nums)` — $O(n)$

Мы проходим по каждому элементу и вставляем его.

5. Получение размера множества: `len(s)` — $O(1)$

Внутри множества хранится отдельное поле (счётчик), которое содержит текущее количество элементов.

При добавлении или удалении оно изменяется.

Память: $O(n)$

Важно: В худшем случае (при большом числе коллизий) операции могут деградировать до $O(n)$

Применимость и ограничения

Операции с множествами:

```
python
1 a = {1,2,3}
2 b = {2,3,4}
3
4 a & b    # {2,3}      Пересечение –  $O(\min(\text{len}(a), \text{len}(b)))$ 
5 a | b    # {1,2,3,4} Объединение –  $O(\text{len}(a) + \text{len}(b))$ 
6 a - b    # {1}        Разность –  $O(\text{len}(a))$ 
7 a ^ b    # {1,4}     Симметрическая разность –  $O(\text{len}(a) + \text{len}(b))$ 
```

Не использовать, если:

- Нужен порядок элементов
- Важны индексы
- Нужен доступ по позиции

Ограничения:

- Множество не сохраняет порядок
- Можно хранить только объекты со стабильным хешем. Потому что если объект изменится после добавления, его хеш изменится, и структура сломается.
- Требует дополнительную память

Компромиссы: скорость поиска достигается за счёт дополнительной памяти (хеш-таблица занимает больше места, чем список)