1 INTRODUÇÃO

As empresas possuem um ecossistema de software composto por diversas aplicações que geralmente são desenvolvidas internamente ou adquiridas de terceiros. O avanço das tecnologias de desenvolvimento de aplicações e a incorporação de serviços de software disponíveis na internet têm deixado os ecossistemas de software ainda mais heterogêneos. Os processos de negócio de uma empresa precisam ser suportados por um conjunto de aplicações e serviços de software que integram seu ecossistema, porém, frequentemente, tais aplicações e serviços não estão preparados para trabalhar de forma conjunta. A Integração de Aplicações Empresariais (EAI) é o campo de estudo que oferece metodologias, técnicas e ferramentas para que os processos de negócio funcionem de forma sincronizada, promovendo repostas rápidas e confiáveis.

As plataformas de integração são softwares especializados que permitem projetar, executar e monitorar soluções de integração, as quais conectam funcionalidades e dados de diferentes aplicações. Uma solução de integração implementa um fluxo de integração composto por distintas tarefas atômicas que são executadas ao longo desse fluxo. Gregor Hophe e Bobby Woolf [?] documentaram um conjunto de padrões de integração que tem inspirado o desenvolvimento de plataformas de integração de código aberto e que por sua vez organizam o fluxo de integração seguindo uma arquitetura Pipes&Filters [?]. Usualmente, essas plataformas fornecem uma linguagem de domínio específico, um kit de ferramentas de desenvolvimento, um motor de execução e uma ferramenta de monitoramento. A linguagem de domínio específico possibilita a descrição de modelos conceituais para soluções de integração. O kit de desenvolvimento é um conjunto de ferramentas de software que permite a implementação de soluções, ou seja, transforma uma solução conceitual em código executável. O motor proporciona todo o suporte necessário à execução das soluções de integração. A ferramenta de monitoramento é utilizada para detectar erros que possam ocorrer durante a execução de soluções de integração. O motor é o responsável pela execução das soluções de integração [?].

As tarefas da solução de integração são executadas por meio de recursos computacionais presentes no motor de execução, dentre os quais estão as *threads* de execução. Neste contexto, as *threads* são usadas para proporcionar que as tarefas sejam executadas de forma simultânea, por meio da programação *multithreads* [? ?]. Nesse tipo de programação, a criação de *threads* pode impactar o desempenho da execução de uma solução de integração.

Um algoritmo de agendamento de tarefas inadequado aumenta o tempo de execução, impactando o desempenho da solução de integração. A abordagem mais comum é a contratação de mais recursos computacionais, porém essa alternativa é financeiramente onerosa e nem sempre viável. Nossa revisão da literatura identificou que os motores de integração adotam como política de agendamento de tarefas as políticas de prioridade e a *First-In-First-Out* (FIFO). Há propostas de algoritmos de agendamento de tarefas para máquina virtuais em sistemas distribuídos [??], porém não foram identificadas propostas que foquem na otimização de desempenho de motores de execução de plataformas de integração de sistemas.

O agendamento de fluxo de trabalho tem sido amplamente estudado ao longo dos anos, nos quais os algoritmos se concentram na geração de soluções aproximadas ou quase ótimas, por se tratar de um problema não polinomial difícil [?]. Pandey et al. [?] propõem um algoritmo baseado em PSO para minimizar o custo de execução de um único fluxo de trabalho enquanto equilibra a carga da tarefa nos recursos disponíveis. Wu et al. [?] usam PSO para produzir um agendamento quase ideal, se preocupando em minimizar custo e tempo, mas assume que um conjunto limitado de recursos, sem levar em conta a elasticidade proporcionada com a computação em das nuvens. O algoritmo de Byun et al. [?] estima o número ótimo de recursos que precisam ser alocados para que o custo de execução de um fluxo de trabalho seja minimizado. Sua abordagem aproveita a elasticidade dos recursos da nuvem, mas não considera a natureza heterogênea dos recursos computacionais.

A contribuição deste trabalho é a aplicação da meta-heurística *Particle Swarm Optimization* (PSO) para o contexto dos motores de execução, nos quais as políticas de agendamento adotadas, não consideram o tempo de espera na fila de tarefas prontas, nem a complexidade computacional das tarefas. PSO é fácil de implementar e existirem poucos parâmetros para serem ajustado, adequando-se ao problema de encontrar melhor agendamento das tarefas. Classifica-se como uma pesquisa exploratória, a medida que busca um método mais eficiente do que os existentes, na resolução do problema. Um resumo com ideias iniciais para esse trabalho foi apresentado em um seminário de pesquisa [?], e o presente artigo as discute de forma mais ampla e completa a proposta de um algoritmo que busca o mapeamento ótimo das tarefas para os pools de *threads*.

O resto deste artigo está organizado como segue. A Seção 2 apresenta a formulação do problema. A Seção 3 descreve sucintamente a técnica PSO. A Seção 4 expõe a abordagem proposta. E a Seção 5 apresenta nossas conclusões e perspectivas de trabalhos futuros.

2 FORMULAÇÃO DO PROBLEMA

Numa solução de integração, baseada no estilo arquitetural *Pipes&Filters* [?], os *pipes* são representados por canais de mensagens e os *filters* por tarefas atômicas que implementam um padrão de integração concreto e processam dados encapsulados em mensagens. A Figura 1 mostra um exemplo mostra o modelo conceitual de uma solução de integração para o problema Café, introduzido por Gregor Hohpe [?] modelado com Guaraná [?]. O modelo conceitual pode ser representado como fluxos de trabalho modelados como Grafos Direcionados Acíclicos,

./figs/cafe-guarana.png

Figura 1: Solução de integração Café

1

definidos por W(T,E), onde $T=\{t_1,t_2,..t_n\}$ é o conjunto de tarefas e E é o conjunto de arestas direcionadas. Uma aresta e_{ij} da forma (t_i,t_j) existe, se houver uma dependência de dados entre t_i e t_j onde t_i é tarefa pai de t_j é tarefa filha de t_i . Logo, uma tarefa filha não pode ser executada até que todas as suas tarefas pai estejam concluídas. Considera-se que o motor de execução oferece uma variedade de recursos computacionais para execução das tarefas da solução de integração. Essa variedade de recursos é definida por pool de threads, com diferentes números de threads, onde uma thread é a unidade básica de processamento. Assim, assume-se que um motor de execução pode ter mais de um pool de threads e que o número de threads em cada um pode ser diferente, ou seja, um pool com uma quantidade x threads e outro com uma quantidade y. Considera-se ainda, que um motor de execução tem uma quantidade limitada de recursos computacionais δ_r , sendo um recurso computacional Pool, um pool de threads que tem um tipo $Pool_i$, uma capacidade de processamento $PPool_j$. O tipo diferencia os pools, a capacidade de processamento é a quantidade de threads do pool. A capacidade de memória não é tratada; assume-se que é suficiente para executar as tarefas do fluxo de trabalho. Assume-se que para cada tipo de recurso, a capacidade de processamento é definida em termos de instruções por ciclo (IPC), que pode ser estimada [?]. Esta informação é usada no algoritmo, para calcular o tempo de execução de uma tarefa em um determinado pool de threads Pool. A variação do desempenho pode ser modelada pelo ajuste da capacidade do Pool e introduzindo uma degradação de desempenho deg_{Pool_j} [?]. O tempo de execução $TE_{t_i}^{Pool_j}$ da tarefa t_i em um Pool de tipo $Pool_j$ é estimado pelo tamanho Tam_{t_i} da tarefa em instruções por ciclo (IPC), calculado pela Equação 1.

$$TE_{t_i}^{Pool_j} = Tam_{t_i}/(P_{Pool_j} * (1 - \deg_{Pool_j}))$$
(1)

O tempo médio de espera na fila de tarefas $TFi_{e_{ij}}$ é definido como o tempo para transferir dados entre uma tarefa pai t_i e sua tarefa filha t_j e assume-se que ele pode ser monitorado e medido.

Finalmente, o tempo total de processamento $TP_{t_i}^{Pool_j}$ de uma tarefa em um Pool é calculado na Equação 2, onde k é o número de arestas, t_i é uma tarefa pai e s_k representa o tempo gasto pelo motor na troca de pool de threads, de maneira que $s_k = 0$, quando t_i e t_j são processadas no mesmo pool e $s_k = 1$, caso contrário.

$$TP_{t_i}^{Pool_j} = TE_{t_i}^{Pool_j} + \left(\sum_{1}^{k} TF_{ij} + s_k\right) \tag{2}$$

O objetivo é encontrar um agendamento de tarefas que possibilite executar as tarefas da solução de integração em *pools* de *threads* do motor de execução, minimizando o tempo total de execução e sem aumentar a quantidade de recursos computacionais. O agendamento de tarefas é definido por A = (R, M, TR, TTE), sendo R um conjunto de recursos; M o mapeamento de tarefas em recursos, TR, TR = |R| = n, o total de recursos, TTE o tempo total de execução. Um exemplo é mostrado na Figura 2, representando o agendamento para o fluxo de trabalho da Figura ??, em que cada uma das quatro tarefas é mapeada para ser executada por um dos três recursos disponíveis, e onde as tarefas pais são executadas antes das sua tarefas filhas, mantendo assim a dependência dos dados. $R = \{r_1, r_2, ..., r_n\}$ é o conjunto de recursos (*pools* de

Figura 2: Agendamento para o workflow do Café.

threads) do motor de execução, onde cada recurso r_i tem associado a ele um Pool do tipo $Pool_i$, um tempo de início estimado para alocação do recurso estimado $TIni_{r_i}$. e um tempo de finalização estimado $TFim_{r_i}$. M representa um mapeamento para cada uma das tarefas do fluxo de trabalho e é constituído por tuplas $m_{t_i}^{r_j} = (t_i, r_j, TIni_{t_i}, TFin_{t_i})$, significando que a tarefa t_i será executada pelo recurso r_j , com o início da execução agendado para $TIni_{t_i}$ e previsão de término em $TFin_{t_i}$. A Equação 3 mostra como o tempo total de execução TTE é calculado:

$$TTE = \max\{TFim_{t_i} : t_i \in T\} \tag{3}$$

Assim, o problema pode ser formulado como: encontrar um agendamento A com o menor tempo total de execução TTE da solução de integração, sem exceder um valor pré-definido para o total de recursos TR. Essa formulação é representada pela Equação 4:

$$MinimizeTTE$$
 (4) sujeito a $TR \le \delta_r$

3 PARTICLE SWARM OPTIMIZATION

Particle Swarm Optimization (PSO) foi introduzido por Kennedy e Eberhart em 1995 [?], e foi inspirado no comportamento social de organismos biológicos, mais especificamente na habilidade de algumas espécies de animais de trabalhar em conjunto para localizar boas regiões com fontes de alimento, assim como ocorre em cardumes e em bandos de pássaros [?]. Em outras palavras, é baseado em um enxame de partículas (Particle Swarm) que se movem pelo espaço e se comunicam para determinar uma direção de busca ideal. O PSO tem melhor desempenho computacional para este tipo de problema de otimização de funções não-lineares de alta dimensionalidade com variáveis contínuas, do que outros algoritmos [???] e tem menos parâmetros para ajustar, facilitando sua implementação. O PSO vem sendo utilizado com sucesso na solução de problemas da ciência e da engenharia devido à sua simplicidade, eficácia e robustez [???????]. Apresenta como desvantagens, a necessidade de informação do tomador de decisão, parâmetros difíceis de ajustar, e ainda incapacidade de alcançar a

Frente de Pareto, principalmente em problemas com multimodalidade, aqueles com múltiplas soluções ótimas, onde algumas podem ser melhores soluções globais e outras melhores soluções locais [?], porém adapta-se ao problema abordado.

Cada partícula i do enxame S é representada por sua posição e sua velocidade. A posição é um vetor de n dimensões, cujos componentes representam os parâmetros da função objetivo. As partículas controlam a sua melhor posição pbest e a melhor posição global gbest, a melhor solução conhecida dentro de sua vizinhança.

Inicialmente, as partículas do enxame possuem posições aleatórias no espaço de busca, obedecendo uma distribuição de probabilidade uniforme. Posteriormente, a posição x_i (t) de cada partícula i na iteração t é modificada por uma velocidade estocástica v_i (t) que depende da distância que a partícula está da sua melhor solução conhecida e da distância para a melhor solução conhecida dentro de sua vizinhança. Cada partícula $i \in S$ se movimenta em cada dimensão $j \in \{1, 2, ..n\}$ do espaço de busca em um instante discreto de tempo t, segundo as Equações 5 e 6:

$$\overrightarrow{x}_{i}(t+1) = \overrightarrow{x}_{i}(t) + \overrightarrow{v}_{i}(t)$$
(5)

$$\overrightarrow{v}_{i}(t+1) = w\overrightarrow{v}_{i}(t) + c_{1}r_{1}\left(\overrightarrow{x}_{i}^{*}(t) - \overrightarrow{x}_{i}(t)\right) + c_{2}r_{2}\left(\overrightarrow{x}^{*}(t) - \overrightarrow{x}_{i}(t)\right)$$

$$(6)$$

onde: w = inércia

 c_i = coeficiente de aceleração, i = (1, 2)

 r_i = número aleatório pertencente a uma distribuição de probabilidade uniforme , i=(1,2) e $r_i\in[0,1]$

 $\overrightarrow{x}_{i}^{*}(t)$ = melhor posição da partícula i

 $\overrightarrow{x}^*(t)$ = posição da melhor partícula da população

 $\overrightarrow{x}_{i}(t)$ = posição atual da partícula i

Quando a vizinhança das partículas consiste no enxame inteiro, a posição $\overrightarrow{x}_i(t)$ é denominada de gbest. O vetor velocidade é quem orienta o processo de otimização, usando tanto o conhecimento adquirido partícularmente pela partícula quanto o conhecimento adquirido pela partícula baseada na interação com sua vizinhança. O termo $c_1r_1\left(\overrightarrow{x}_i^*(t) - \overrightarrow{x}_i(t)\right)$ da equação de atualização da velocidade é a componente cognitiva e representa a experiência da partícula. Essa componente é a responsável pela tendência que a partícula tem de voltar para a melhor solução encontrada por ela no passado. O termo $c_2r_2\left(\overrightarrow{x}^*(t) - \overrightarrow{x}_i(t)\right)$, por sua vez, é conhecido como componente social da equação da velocidade, e representa o conhecimento coletivo do enxame, sendo responsável por atrair cada partícula para a melhor solução encontrada por alguma partícula de sua vizinhança.

4 ALGORITMO

A modelagem de um problema PSO é dividida em duas fases: definição do problema e definição da função aptidão. A primeira consiste em definir como o problema será codificado, ou seja, definir como a solução será representada. A segunda, em definir o quão boa uma partícula será medida, ou seja, definir a função de aptidão. Já para transformar o problema PSO em um algoritmo, é preciso definir a partícula e sua dimensão. Na abordagem adotada neste artigo, uma partícula representa um fluxo de trabalho e suas tarefas, e dimensão da partícula representa o número de tarefas no fluxo de trabalho. A dimensão de uma partícula serve para localizar sua posição no espaço, definindo o sistema de coordenadas. No exemplo apresentado na Figura ??, a dimensão da partícula é quatro, sendo sua posição especificada por um sistema com quatro coordenadas.

Uma partícula movimenta-se num espaço limitado, denomina-se alcance. Na abordagem adotada neste artigo, o alcance é determinado pelo número de *pools* de *threads* disponíveis para executar a tarefa. Assim, o valor de uma coordenada no sistema de coordenadas, que define o espaço de movimentação da partícula, tem um alcance de 0 até o número máximo de *pools* de *threads* disponíveis. A parte inteira do valor de uma coordenada na posição de uma partícula corresponde ao número de *pools* de *threads* e representa o recurso computacional atribuído a uma tarefa definida por essa coordenada específica. Assim, a posição da partícula corresponde a um mapeamento da tarefa em recursos.

A Figura ?? apresenta um exemplo de valores para as dez coordenadas do nosso sistema de coordenadas, no qual existem três recursos computacionais (pools de threads disponíveis), de forma que o valor de cada coordenada poderá variar entre 0 e 3. Há 4 tarefas para serem mapeadas, o que corresponde a dimensão 4 da partícula, portanto a posição da partícula terá 4 coordenadas. O índice da coordenada (de 1 a 4) corresponde a uma tarefa (de t_1 a t_4). O valor da coordenada é um número real de 0 a 3 , correspondendo ao número de recursos disponíveis para cada tarefa, com o máximo de 3 no nosso exemplo. Quando esse número inteiro é arredondado, é determinado o número de recursos disponíveis para cada tarefa. A função de aptidão deve refletir os objetivos do problema de agendamento, pois ela é usada para determinar o quão boa uma determinada solução é. Nessa abordagem, ela é minimizada e seu valor será o tempo total de execução TTE contido no agendamento A derivado da posição da partícula. Considerando que o motor de execução é capaz de aumentar elástica e dinamicamente a quantidade de recursos, o modelo de aquisição oferecido pela computação em nuvem parece ilimitado, ou seja, não há um conjunto de recursos disponíveis que pode ser usado no algoritmo. A estratégia é definir um conjunto inicial de recursos que o algoritmo pode usar para explorar diferentes soluções e alcançar o agendamento. O tamanho desse conjunto será nossa restrição $TR \le \delta_r$, conforme a Equação 4. Tal estratégia tem de refletir a heterogeneidade dos pools de threads (diferentes números de threads) e oferecer opções suficientes de PSO, a fim de que seja produzida uma partícula adequada, ou seja, a solução. O conjunto de recursos inicial e limitado conterá os recursos que podem ser usados. Se esse conjunto é muito grande, o número de agendamento possíveis aumentará, assim como, o espaço de pesquisa explorado pelo PSO, tornando difícil para o algoritmo convergir e encontrar uma solução adequada [?].

Para reduzir o tamanho do espaço de pesquisa, o qual será usado pelo PSO para encontrar um agendamento próximo do ótimo, considera-se um conjunto de recursos inicial $R_{inicial}$, composto por um Pool de cada tipo, para cada tarefa em P; onde P é o conjunto que contém o número máximo de tarefas que podem ser executadas em paralelo para um dado fluxo de trabalho. O algoritmo selecionará o número e o tipo apropriados de Pools para o motor de execução, dentro das opções contidas em $R_{inicial}$. Assim, reflete-se a heterogeneidade dos recursos computacionais e reduz-se o tamanho do espaço de busca, além de permitir mapear todas as tarefas que podem ser executadas em paralelo. O tamanho de $R_{inicial}$ seria igual a |P|*n, onde n é o número de tipos de Pools disponíveis, sendo ainda possível, que o PSO selecione mais de um recurso |P|, se necessário (a menos que n=1).

O problema abordado possui a restrição $TR \leq \delta_r$, utiliza-se uma versão do PSO que incorpora uma estratégia para tratar restrições [?]. Nela, sempre que duas soluções estão sendo comparadas e (i) ambas as soluções forem viáveis, então a solução com melhor aptidão é selecionada; (ii) se uma solução é viável e a outra não é, então a viável é selecionada; e finalmente, (iii) se ambas as soluções são inviáveis, aquela que violar menos a restrição é selecionada. No último caso, implica que uma medida de quanto uma solução viola a restrição precisa ser encontrada. O problema define o valor de violação de restrição de uma solução δ_k , a restrição pode ser atribuída a limitação de recursos que se deseja contratar na computação em nuvem ou simplesmente e a quantidade de threads físicas das máquinas que irão ser utilizadas na execução da solução de integração. Uma solução do PSO que utilize recursos próximos de δ_k será preterida em relação a uma solução menos recursos.

O Algoritmo 1 apresenta o pseudo-código para mapear a posição de uma partícula em um agendamento. O conjunto de recursos R para serem alocados e o conjunto de mapeamentos M de tarefas para recursos são inicializados sem elementos, ou seja, vazios, e tempo total de execução TTE é inicializado com o valor zero. Na sequência, o algoritmo estima o tempo de execução de cada tarefa do fluxo de trabalho para todo o recurso $r_i \in R_{inicial}$. A representação é uma matriz em que as linhas representam as tarefas, as colunas representam os recursos e a entrada TempoExec[i,j] corresponde ao tempo gasto para executar a tarefa t_i no recurso r_j , calculado conforme a Equação 1. O próximo passo é o cálculo ou atribuição da matriz de tempo de transferência de dados, ou tempo de espera na fila de tarefas, o qual assume-se que está sendo obtido por um procedimento, não tratado nesse trabalho, tal como por uma ferramenta de monitoramento. Essa matriz é representada como uma matriz de adjacência ponderada do workflow DAG, onde a entrada TempoTransfer[i,j] contém o tempo que leva para transferir os dados de saída da tarefa t_i para a tarefa t_j e esse valor é zero sempre que i=j ou não há aresta direcionada conectando t_i (tarefa pai) e t_j (tarefa filha). A Figura 3 exemplifica essas matrizes para o workflow apresentado na Figura ??. De posse dessas informações, o algoritmo inicia determinando a posição da partícula e construindo o agendamento. Para isso, itera para toda i do array de posição array0 de posição array1 de posição array2 de posição array3 de escrita anteriormente, a qual indica que a coordenada array4 corresponde à tarefa array5 corresponde ao recurso array6 e array7 de descrita anteriormente, array8 qual indica que a coordenada array9 de posição de descrita anteriormente, array9

O valor de tempo de início $TIni_{t_i}$ diferencia-se em duas situações. Na primeira, a tarefa não tem tarefa pai e, portanto, pode começar a ser executada, assim que o recurso alocado para ela $r_{pos[i]}$ estiver disponível, o que ocorrerá quando o referido recurso terminar a execução que estiver em andamento. Na segunda situação, a tarefa tem um ou mais pais e, nesse caso, além de esperar que o recurso para ela alocado esteja disponível, também terá que aguardar pelo término da execução das suas tarefas pai, além do tempo de transferência dos dados.

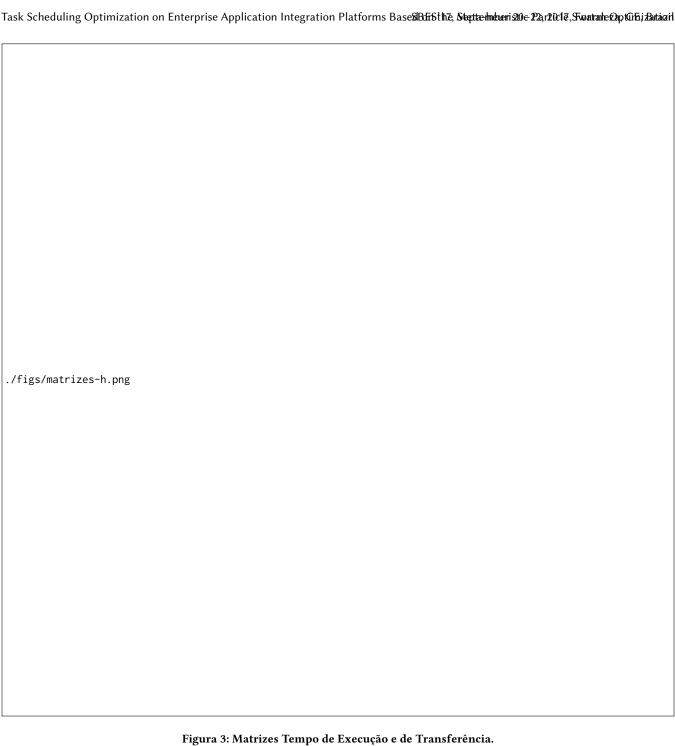
O valor de $TFin_{t_i}$ é calculado baseado no tempo total de processamento e no tempo de início da tarefa. Para determinar o tempo de processamento $TP_{t_i}^{r_{pos[j]}}$, é necessário calcular o tempo de execução e o tempo de transferência. O primeiro é TempoExec[i, pos[i]], enquanto o último é calculado pela soma dos valores do tempo de transferência TempoTransf[i, filha(i)] para toda tarefa filha $t_{filha(i)}$ de t_i , que está mapeada para rodar em um recurso diferente de $t_{pos[i]}$. Esses dois valores são então somados para obter $TP_{t_i}^{r_{pos[j]}}$, como definido na Equação 2. Por fim, o valor de $TFin_{t_i}$ é obtido pela subtração de $TIni_{t_i}$ de $TP_{t_i}^{r_{pos[j]}}$. Calculados os elementos de m, adiciona-se recurso para R, se necessário. Quando o algoritmo termina de processar, cada coordenada do vetor posição, R conterá todos os recursos necessários e os tempos de início e finalização. Além disso, o mapeamento completo das tarefas para os recursos estará em M e cada tarefa terá um recurso atribuído a ela e o tempo estimado de início e o de término. Com essas informações o algoritmo pode calcular o TTE associado a solução atual, conforme Equação 2. Nesse ponto, o algoritmo calculou R, M e TTE e poderá construir e apresentar o agendamento associado para essa posição da partícula. Finalmente, os Algoritmos \ref{theta} e 1 são combinados para o agendamento próximo de ótimo. Na linha 4 do Algoritmo \ref{theta} , em vez de calcular o valor de aptidão da partícula, gera-se o agendamento, conforme Algoritmo 1. Em seguida, usa-se o TTE como valor de aptidão nas etapas seguintes e é introduzido o mecanismo de manipulação de restrição, tal que $TR \leq \delta_r$.

5 ACKNOWLEDGEMENTS

This work was supported by the Brazilian Coordination for the Improvement of Higher Education Personnel (Capes) under grants Daniela F. Sellaro and Rafael Z. Frantz

6 CONCLUSÃO

A eficiência dos motores de execução das plataformas de integração está diretamente relacionado com o algoritmo de agendamento das tarefas e a alocação de *threads* para executá-las. Um algoritmo ineficiente leva a um aumento do tempo de execução, degradando assim o desempenho das soluções de integração. Este artigo propõe um algoritmo baseado na meta-heurística *Particle Swarm Optimization* para a



alocação de threads em motores de execução baseados em filas FIFO. O algoritmo proposto atribui threads para as tarefas considerando a complexidade computacional da tarefa e a heterogeneidade na capacidade computacional das threads. Apesar do PSO localizar de forma rápida a região das boas soluções, é lento no ajuste fino da solução, como acontece em outras técnicas, como no caso dos algoritmos genéticos. Como trabalho futuro, pretende-se implementar esse algoritmo em um motor de execução da plataforma Guaraná para avaliar o ganho de desempenho com distintos casos de uso.

Algorithm 1 Geração de agendamento

Entrada: Conjunto de fluxo de trabalho de tarefas TConjunto Inicial de recursos $R_{inicial}$ Um array pos[|T|] representando a posição da partícula **Saída:** Um agendamento A

```
1: R = \emptyset, M = \emptyset, TTE = 0
                                                                                                                                                   ▶ Inicializa componentes
 2: Calcula TempoExec[|T| \times |R_{inicial}|]
 3: Calcula TempoTrans f[|T| \times |T|]
 4: for i do0|T| - 1
         t_i = T[i], r_{pos[i]} = \mathsf{R}_{inicial}[pos[i]]
 5:
         if t_i não tem pai then
 6:
              TIni_{t_i} = TFin_{r_{pos[i]}}
 7:
 8:
         else
              TIni_{t_i} = (\max{\{TFin_{t_{pai}}: t_{pai}[\in pais(t_i)\}, TFin_{r_{pos[i]}})}
 9:
10:
         exe = tempoExec[i][pos[i]]
11:
         \mathbf{for} cada filha t_{filha} de t_i do
12:
              if t_{filha} é mapeada para um recurso diferente de r_{pos[i]} then
13:
                   trasfer + = TempoTransf[i][c]
14:
15:
16:
         TP_{t_i}^{r_{pos[j]}} = exe + transf
17:
         TFin_{t_i} = TP_{t_i}^{r_{pos[j]}} - TIni_{t_i}
18:
         m_{t_i}^{r_{pos[j]}} = (t_i, r_{pos[i]}, TIni_{t_i}, TFin_{t_i})
19:
         M = M \cup \{m_{t_i}^{r_{pos[i]}}\}
20:
         if r_{pos[i]} \notin \mathbb{R} then
21:
              R = R \cup r_{pos[i]}
22:
23:
         end if
24: end for
25: Calcula TTE conforme Equação 3
26: A = (R, M, TR, TTE)
```