

# Единая фазово-геометрическая теория (ЕФГТ): ОСНОВЫ

Дмитрий Шурбин

10 Октября, 2025

© 2025 Dmitry Shurbin All rights reserved

DOI (concept): 10.5281/zenodo.17334971

DOI (версия 2): 10.5281/zenodo.17401263

Это версия 2 документа, опубликованного 20 Октября, 2025. Были внесены небольшие изменения в формулы, без концептуальных изменений.

## Аннотация

В этой статье сформулирована единая геометрическая структура, в рамках которой классическая механика, электродинамика, теория относительности и квантовая механика возникают как предельные случаи единой фазовой динамики группы  $SU(2)$  на компактной трёхсфере  $S^3$ . Внутреннее фазовое поле  $U(x) \in SU(2)$  определяет кривизну, спин и временную структуру внутри глобально конечного и локально непрерывного многообразия. Все физические сущности – материя, излучение и гравитация – трактуются как проявления кривизны и эволюции этой фазовой геометрии. Модель вводит двойственное понятие времени, где локальное операционное время  $t(x)$  определяется скоростью фазового изменения  $\omega(x)$  относительно глобального параметра эволюции  $T$ , тем самым объединяя гравитационное и кинематическое замедление времени. Ньютонова механика, уравнения Максвелла и уравнения Эйнштейна получаются как последовательные пределы одной и той же лагранжевой структуры, в то время как квантовая дискретность возникает из компактности  $S^3$  и спиновой топологии  $SU(2)$ . Эта структура предлагает геометрические интерпретации релятивистских и квантовых явлений, включая отклонение света, запутанность, туннелирование и космологическое красное смещение, и предсказывает проверяемые отклонения от зависимости между красным смещением и светимостью в модели  $\Lambda$ CDM. Таким образом, фазовая геометрия  $SU(2)$  предоставляет согласованное и самодостаточное основание, связывающее классическую и квантовую области посредством единого компактного фазового многообразия.

# Содержание

1	Введение и постановка задачи	4
2	Онтологические основы и связь с глобальной моделью $S^3$	5
3	Геометрическая основа: фазовое поле $SU(2)$ на $S^3$	6
4	Элементарные фазовые возбуждения: электрон и фотон	11
5	Классическая механика как фазовая кинематика	13
6	Электродинамика как проекция фазовой геометрии	15
7	Теория относительности и фазовый тензор напряжений	18
8	Квантовая механика как динамика компактной фазы	21
9	Геометрическая интерпретация релятивистских и квантовых эффектов	23
10	Итоги и направления дальнейших исследований	25

# 1 Введение и постановка задачи

Цель данной работы – построить единую геометрическую структуру, в рамках которой все известные физические взаимодействия – гравитационные, электромагнитные и квантовые – возникают как проявления одной фазовой структуры, определённой на компактной трёхсфере  $S^3$ . Внутренняя геометрия этого фазового пространства описывается группой Ли  $SU(2)$ , топологически эквивалентной  $S^3$ . В таком подходе материя, излучение и кривизна пространства-времени появляются как различные проявления единого фундаментального поля – *фазового поля*  $U(x) \in SU(2)$ .

Выбор  $SU(2)$  и  $S^3$ <sup>1</sup> выбраны не случайно. Компактность трёхсферы естественным образом приводит к дискретизации собственных мод, обеспечивая квантование физических состояний без дополнительных постулатов. Группа  $SU(2)$  представляет собой минимальную неабелеву структуру, допускающую как вращательное, так и спинорное поведение, что позволяет напрямую связать геометрическую кривизну с внутренними степенями свободы спина. В этом смысле фазовое многообразие  $SU(2)$  является простейшей замкнутой и самосогласованной ареной, способной вместить наблюдаемое сосуществование волновых и корпускулярных свойств.

Геометрически стереографическая проекция  $S^3$  на  $\mathbb{R}^3$  показывает, как параллельные и меридиональные семейства образуют ортогональную сетку, сохраняя локальную евклидову структуру при наличии глобальной кривизны. Это свойство позволяет существовать локальным инерциальным системам на глобально замкнутом многообразии, создавая естественную геометрическую основу для релятивистских и квантовых эффектов.

Обоснование предлагаемого подхода проистекает из требования, чтобы физическая Вселенная была одновременно глобально конечной и локально непрерывной. Компактное фазовое пространство гарантирует существование нормируемых собственных мод и конечную полную фазовую энергию, устраняя расходимости, типичные для некомпактных формулировок. Кроме того, структура  $SU(2)$  позволяет объединить калибровочные, спиновые и гравитационные свойства в едином математическом объекте, тем самым связывая геометрию пространства-времени с геометрией материи.

Ранее идея фазовой природы физического мира излагалась в полу-популярной форме. Настоящая работа переформулирует её на строгом математическом языке и создаёт теоретический фундамент, необходимый для дальнейшего развития. Последующие исследования будут расширять этот подход, описывая атомные, ядерные и космологические системы как частные реализации одной и той же фазовой геометрии  $SU(2)$ .

---

<sup>1</sup>В космологических масштабах данный подход остаётся согласованным с современными наблюдениями пространственной плоскостности. Для радиуса трёхсферы  $R_{S^3} \gtrsim 10^{28}$  м внутренняя кривизна становится наблюдательно неотличимой от евклидовой, поэтому модель не противоречит крупномасштабным измерениям геометрии Вселенной (Planck Collaboration, 2020, сообщаящим  $|\Omega_k| < 10^{-3}$ ). Хотя пространственная компактность  $S^3$  принципиальна для возникновения квантования – обеспечивая дискретный спектр фазовых собственных мод, – она не требует, чтобы Вселенная была глобально сферической. Топологические варианты, такие как додекаэдрическое пространство Пуанкаре или трёхтор  $T^3$ , могут служить эквивалентными компактными многообразиями, влияя лишь на космологический аспект теории, не изменяя её локальных квантовых и динамических следствий. В настоящей формулировке трёхсфера  $S^3$  выбрана как *минимально достаточная конфигурация*, позволяющая объяснить все наблюдаемые физические явления в рамках предложенной фазовой геометрии  $SU(2)$ , при этом сохраняя глобальную структуру математически замкнутой и самосогласованной.

## 2 Онтологические основы и связь с глобальной моделью $S^3$

Перед введением локального формализма фазового поля  $SU(2)$  полезно напомнить онтологическую картину, из которой эта формулировка возникла. В предыдущей версии теории, изложенной в работе [3], Вселенная рассматривалась как компактная трёхсфера  $S^3$ , вложенная в четырёхмерное евклидово пространство  $\mathbb{R}^4$ . В таком представлении все физические сущности возникают из внутренней фазовой динамики гипертферы, а пространство-время, материя и энергия являются различными аспектами одной самодостаточной геометрической системы.

**Компактная гипертферическая Вселенная.** В этой онтологической картине Вселенная отождествляется с замкнутой гиперповерхностью  $S^3 \subset \mathbb{R}^4$  постоянного радиуса  $R$ , определяемой уравнением  $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 = R^2$ . Каждая точка этого многообразия соответствует физическому состоянию мира, а его эволюция во вложенном пространстве представляет собой глобальное фазовое вращение. Физические величины, такие как масса, импульс и спин, интерпретируются как проявления кривизны и вращения в рамках этой глобальной фазовой геометрии. Само время возникает как циклическая эволюция гипертферической фазы.

**Компактность и квантование.** Компактность глобальной гипертферы гарантирует существование только дискретных стоячих волновых конфигураций на  $S^3$ . Это свойство обеспечивает прямое геометрическое происхождение квантования, законов сохранения и устойчивости физических мод, без введения внешних ограничений или граничных условий. Конечная полная энергия и самосогласованность естественным образом вытекают из замкнутой топологии многообразия.

**Ограничения глобальной формулировки.** Хотя гипертферическая модель даёт философски более чистую и концептуально единую картину реальности, её чисто геометрическую структуру трудно выразить на языке стандартных лагранжевых и калибровочных формализмов современной физики. Естественным математическим аппаратом для такого онтологического описания могла бы служить геометрическая алгебра, например евклидова алгебра Клиффорда  $Cl(4, 0)$ , которая рассматривает вращения, спиноры и бивекторы в рамках единой согласованной схемы. Такой подход устранил бы необходимость в матричных представлениях, прояснил бы двойную структуру  $SU(2)_L \times SU(2)_R$  группы  $SO(4)$  и позволил бы выражать квантование, кривизну и полевые взаимодействия непосредственно как свойства базовой геометрии 10. Однако, столь радикальная формулировка выходит за рамки современного теоретического подхода и вряд ли будет сразу принята научным сообществом. Поэтому, для совместимости с устоявшимися методами теории поля, в настоящей работе используется локально дифференцируемое описание в терминах фазовых полей  $SU(2)$ .

**Переход к локальным фазовым полям  $SU(2)$ .** Чтобы выразить ту же геометрию в локальной дифференциальной форме, каждой точке пространства-времени можно сопоставить унитарную ориентацию  $U(x) \in SU(2) \simeq S^3$ , представляющую

локальное фазовое состояние глобальной гипersферы. Дифференциал этой ориентации, описываемый током Маурера-Картана  $J_\mu = U^{-1}\nabla_\mu U$ , содержит информацию о кривизне и фазовых изменениях, ответственных за физические поля. Таким образом, фазовое поле  $SU(2)$  представляет собой локализованную версию той же внутренней геометрии, которая определяла глобальную вселенную на  $S^3$ .

**Сохранение компактности и квантования.** Хотя локальная формулировка больше не требует, чтобы само пространство-время было глобально замкнутым, фундаментальная компактность теории сохраняется внутренне за счёт многообразия группы  $SU(2)$ . Каждая локальная фазовая ориентация  $U(x)$  принадлежит компактной трёхсфере, что гарантирует, что квантование и законы сохранения остаются внутренними следствиями геометрии, а не внешними допущениями. Дискретный, самозамкнутый характер исходной модели таким образом сохраняется и на локальном уровне.

**Восстановление глобальной картины.** Когда все локальные фазы  $SU(2)$  когерентны глобально,  $U(x) = U_0(\xi)$ , поле воспроизводит исходную гипersферическую геометрию. В этом пределе локальная формулировка  $SU(2)$  сворачивается обратно в единую компактную вселенную  $S^3$ , и космологическая замкнутость вновь проявляется как условие фазовой когерентности, а не как искусственно наложенное ограничение. Таким образом, глобальное и локальное описания не являются альтернативными моделями, а представляют собой взаимодополняющие пределы одной и той же единой структуры.

**Переход к локальному полювому формализму.** В последующих разделах подробно развивается локальный формализм фазового поля  $SU(2)$ . Его лагранжева структура, тензор энергии-импульса и свойства кривизны дают прямую дифференциальную реализацию внутренней динамики компактной гипersферы. Таким образом, онтологическая модель замкнутой вселенной  $S^3$  и операционная теория поля  $SU(2)$  представляют собой два взгляда на одну и ту же единую фазовую геометрию.

### 3 Геометрическая основа: фазовое поле $SU(2)$ на $S^3$

Фундаментальной основой настоящей формулировки является четырёхмерное лоренцево многообразие пространства-времени  $(\mathcal{M}, g_{\mu\nu})$ , оснащённое внутренним компактным фазовым пространством, изоморфным групповому многообразию  $SU(2) \simeq S^3_{\text{phase}}$ . Каждой точке пространства-времени  $x \in \mathcal{M}$  сопоставляется элемент  $U(x) \in SU(2)$ , представляющий локальную ориентацию фазового поля. Физические величины строятся из левоинвариантной формы (тока) Маурера-Картана

$$J_\mu \equiv U^{-1}\nabla_\mu U \in \mathfrak{su}(2), \quad (1)$$

где  $\nabla_\mu$  обозначает ковариантную производную Леви-Чивиты, согласованную с метрическим тензором пространства-времени  $g_{\mu\nu}$ .

## Геометрические и размерностные соглашения

Четырёхмерное лоренцево многообразие  $(\mathcal{M}, g_{\mu\nu})$  описывает наблюдаемую геометрию пространства-времени с локальным операционным временем  $t(x)$ . В каждой точке пространства-времени присоединяется внутреннее компактное фазовое пространство, топологически эквивалентное  $S^3$ , задаваемое групповым элементом  $U(x) \in \text{SU}(2)$ . Оно может быть параметризовано координатами  $(a_0, a_1, a_2, a_3) \in \mathbb{R}^4$  с условием  $a_0^2 + a_1^2 + a_2^2 + a_3^2 = 1$ , то есть как вложенная гиперсфера в  $\mathbb{R}^4$ . Четвёртая вложенная координата не расширяет внешнее пространство-время; она кодирует внутреннюю фазовую ориентацию  $U(x)$  и эволюционирует относительно глобального фазового параметра  $T$ . Таким образом, глобальная эволюция по  $T$  отражает развитие компактной фазы  $\text{SU}(2)$ , а не движение вдоль внешнего пространственного направления. Этот внутренний параметр имеет геометрическую, а не пространственную природу; он проявляется через наблюдаемые величины, такие как спин и фазовая кривизна, а не как дополнительная координата пространства-времени.

Используется лоренцева сигнатура  $(-, +, +, +)$ . Греческие индексы  $\mu, \nu, \dots$  обозначают компоненты пространства-времени; латинские индексы  $a, b, \dots$  нумеруют компоненты алгебры  $\mathfrak{su}(2)$ . Генераторы  $T_a$  нормированы как

$$\text{Tr}(T_a T_b) = \frac{1}{2} \delta_{ab}.$$

При таком нормировании фазовый ток

$$J_\mu := U^{-1} \nabla_\mu U \in \mathfrak{su}(2)$$

является  $\mathfrak{su}(2)$ -значной одномерной формой с размерностью массы 1 (то есть  $[J_\mu] = L^{-1}$ ). Проекции, например фиксированное электромагнитное направление  $T_{\text{em}}$ , удовлетворяют  $\text{Tr}(T_{\text{em}}^2) = \frac{1}{2}$ , что обеспечивает стандартное нормирование топологического заряда и возникающей электромагнитной напряжённости поля, используемой далее.

Мы применяем систему естественных единиц ( $\hbar = c = 1$ ), если не указано иное. В этих единицах действие безразмерно (при восстановлении констант  $[S] = \hbar$ ), а энергия и масса имеют размерность  $[E] = [M] = L^{-1}$ , при этом  $[T] = [L]$ . Электромагнитные величины выражаются в системе Хевисайда-Лоренца при  $c = 1$ , так что диэлектрическая и магнитная постоянные вакуума удовлетворяют  $\varepsilon_0 = \mu_0 = 1$ , и

$$u_{\text{em}} = \frac{1}{2}(E^2 + B^2), \quad \mathbf{S} = \mathbf{E} \times \mathbf{B}.$$

Для дальнейших ссылок отметим, что после введения лагранжевой плотности фазового поля  $\mathcal{L}_{\text{phase}}$  её константы связи  $\kappa$  и  $\alpha$  обладают размерностями

$$[\kappa] = E/L, \quad [\alpha] = E \cdot L,$$

что приводит к характерным масштабам

$$L_* \sim \sqrt{\alpha/\kappa}, \quad E_* \sim \sqrt{\kappa \alpha}.$$

Нормировка коэффициентов следует той же размерностной структуре, что и в стандартных моделях Скёрма и нелинейных сигма-моделях, где лагранжева плотность обычно записывается как

$$\mathcal{L}_{\text{Skyrme}} = -\frac{f_\pi^2}{4} \text{Tr}(J_\mu J^\mu) + \frac{1}{32e^2} \text{Tr}([J_\mu, J_\nu][J^\mu, J^\nu]).$$

Наши константы  $\kappa$  и  $\alpha$  соответствуют,  $f_\pi^2/4$  и  $1/(32e^2)$ , так что в естественных единицах  $[\kappa] = L^{-2}$  и  $[\alpha] = L^0$ . Физически  $\kappa$  характеризует фазовую жёсткость поля  $SU(2)$  и определяет внутренние энергетический и длиновой масштабы  $E_* = \sqrt{\kappa\alpha}$  и  $L_* = \sqrt{\alpha/\kappa}$ .

## Фазовый лагранжиан и полное действие

Внутренняя динамика фазового поля определяется лагранжевой плотностью типа нелинейной сигма-модели и модели Скёрма:

$$\mathcal{L}_{\text{phase}} = \frac{\kappa}{2} \text{Tr}(J_\mu J^\mu) + \frac{\alpha}{4} \text{Tr}([J_\mu, J_\nu][J^\mu, J^\nu]) - V(U). \quad (2)$$

Здесь  $\kappa$  и  $\alpha$  – положительные константы связи, а  $V(U)$  – калибровочно-инвариантный потенциальный член. Первый член описывает плавные фазовые вариации (фазовую жёсткость), в то время как второй обеспечивает стабилизирующую поправку, препятствующую чрезмерной локальной кривизне, аналогично члену Скёрма в хиральной теории поля [4]. Баланс между этими двумя вкладами определяет характерный масштаб длины

$$L_* \sim \sqrt{\frac{\alpha}{\kappa}},$$

который задаёт типичный размер локализованных фазовых возбуждений – солитонов или вихрей.

В физических единицах  $\kappa$  имеет размерность энергии на единицу длины ( $[\kappa] = E/L$ ), а  $\alpha$  – размерность энергии, умноженной на длину ( $[\alpha] = E \cdot L$ ). При таких размерностях  $L_*$  имеет размерность длины, а соответствующий характерный масштаб энергии (или массы) равен

$$E_* \sim \sqrt{\kappa\alpha}.$$

Эти параметры могут быть откалиброваны так, чтобы  $L_*$  соответствовал эмпирическим микроскопическим масштабам (например, ядерным или атомным радиусам), после восстановления фундаментальных констант  $\hbar$ ,  $c$  и  $G$ .

Полный функционал действия объединяет гравитационный, фазовый и материальный сектора:

$$S = \int d^4x \sqrt{-g} \left[ \frac{c^3}{16\pi G} R(g) + \mathcal{L}_{\text{phase}}(U, g) + \mathcal{L}_{\text{matter}} \right], \quad (3)$$

где  $R(g)$  – скаляр кривизны Риччи метрики  $g_{\mu\nu}$ .

Все члены в выражении (3) записаны в согласованных физических единицах, так что  $\mathcal{L}_{\text{phase}}$  и  $\frac{c^3}{16\pi G} R(g)$  имеют одинаковую размерностную нормировку, соответствующую плотностям энергии в искривлённом пространстве-времени. Фундаментальные константы здесь явно восстановлены, чтобы подчеркнуть это соответствие.

**Единицы и масштабирование параметров.** В естественных единицах ( $\hbar = c = 1$ ) имеем

$$[\kappa] = /, \quad [\alpha] = \times,$$



так что характерные солитонные масштабы определяются как

$$M_{\text{sol}} \sim \sqrt{\kappa \alpha}, \quad L_* \sim \sqrt{\frac{\alpha}{\kappa}}.$$

Такое нормирование согласуется с конвенциями, используемыми в последующих расширениях модели – *атомном* и *ядерном*.

**Связь с эффективной электрослабой динамикой.** Потенциальный член  $V(U)$  в фазовом лагранжиане может включать эффективные механизмы спонтанного нарушения симметрии, аналогичные потенциалу Хиггса. В низкоэнергетическом приближении локальная фазовая амплитуда  $\phi(x)$  может быть параметризована коэффициентами  $(\mu^2, \lambda)$  как

$$V(U) \simeq -\frac{1}{2}\mu^2\phi^2 + \frac{1}{4}\lambda\phi^4,$$

где параметры выражаются через базовые связи  $SU(2)$  и глобальную кривизну:

$$\mu^2 = \zeta_2 \kappa + \zeta_R/R^2, \quad \lambda = \zeta_4 \alpha, \quad v = \mu^2/\lambda.$$

Такое эффективное приближение, применяемое в *атомных* и *ядерных* расширениях модели, порождает электрослабый масштаб масс и вакуумное среднее значение как выведенные, а не постулированные величины, в то время как настоящая базовая формулировка оставляет  $V(U)$  в общем виде.

Поскольку  $U(x)$  является безразмерной фазовой переменной  $SU(2)$ , потенциал  $V(U)$  имеет ту же размерностную нормировку, что и кинетический член в выражении (2). Следовательно, константа связи  $\lambda$  безразмерна в естественных единицах ( $\hbar = c = 1$ ), что согласуется со стандартным нормированием, используемым в нелинейных сигма- и скёрмовских теориях поля. Такое соглашение гарантирует, что параметры  $(\mu^2, \lambda)$  сохраняют корректные физические размерности при выражении через  $\kappa$  и  $\alpha$ , как указано выше.

## Уравнения поля

Вариация действия по метрике приводит к уравнению Эйнштейна с дополнительным фазовым вкладом в тензор энергии-импульса, расширяя классическую формулировку общей теории относительности [1]:

$$G_{\mu\nu}(g) + \Phi_{\mu\nu}(U, g) = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}^{(\text{matter})}, \quad (4)$$

где

$$\Phi_{\mu\nu} \equiv -\frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}^{(\text{phase})}, \quad T_{\mu\nu}^{(\text{phase})} = -\frac{2}{\sqrt{-g}} \frac{\delta(\sqrt{-g} \mathcal{L}_{\text{phase}})}{\delta g^{\mu\nu}}. \quad (5)$$

Это определение напрямую вытекает из вариационного принципа, применённого к полному действию, поэтому  $\Phi_{\mu\nu}$  не является произвольным добавлением, а представляет собой геометрический вклад, возникающий из самой фазовой динамики  $SU(2)$ .

Сокращённая тождественность Бианки  $\nabla_\mu G^{\mu\nu} = 0$ , совместно с приведённым определением, означает ковариантный закон сохранения

$$\nabla_\mu (T^{(\text{matter})\mu\nu} + T^{(\text{phase})\mu\nu}) = 0,$$

что гарантирует согласованное сохранение полного тензора энергии-импульса материи и фазового поля в искривлённом пространстве-времени.

Явно симметричный (в смысле Гильберта) тензор энергии-импульса фазового поля, получаемый вариацией действия по метрике, раскладывается на три слагаемых:

$$T_{\mu\nu}^{(\sigma)} = \kappa \operatorname{Tr}(J_\mu J_\nu) - \frac{\kappa}{2} g_{\mu\nu} \operatorname{Tr}(J_\alpha J^\alpha), \quad (6)$$

$$T_{\mu\nu}^{(\text{Sk})} = \alpha \operatorname{Tr}([J_\mu, J_\alpha][J_\nu, J^\alpha]) - \frac{\alpha}{4} g_{\mu\nu} \operatorname{Tr}([J_\alpha, J_\beta][J^\alpha, J^\beta]), \quad (7)$$

$$T_{\mu\nu}^{(V)} = -g_{\mu\nu} V(U). \quad (8)$$

Здесь  $\kappa$  определяет фазовую жёсткость, а  $\alpha$  характеризует кривизну (жёсткость Скёрма) поля  $\text{SU}(2)$ .

Это выражение представляет собой гильбертову (симметричную) форму фазового тензора напряжений. Оно эквивалентно, с точностью до стандартной симметризации Белинфанте, каноническому тензору, который следует из трансляционной инвариантности лагранжиана, и далее используется для определения полной энергии и углового момента фазовой конфигурации.

Фазовый тензор напряжений может быть перенесён либо в геометрическую (левую), либо в энергетическую (правую) сторону уравнения (4); в настоящей интерпретации он трактуется как геометрическая модификация кривизны, аналогичная подходу Калуцы-Кляйна. В пределе однородного фазового поля ( $J_\mu \rightarrow 0$ ,  $V(U) \rightarrow \text{const}$ ) фазовый вклад  $\Phi_{\mu\nu}$  исчезает, и уравнение (4) точно сводится к Эйнштейновским уравнениям общей теории относительности.

**Вариация по фазовому полю.** Чтобы получить уравнение для  $U(x)$ , рассмотрим бесконечно малые вариации на многообразии группы  $\text{SU}(2)$ :

$$\delta U = U \varepsilon, \quad \varepsilon(x) \in \mathfrak{su}(2).$$

Тогда  $\delta J_\mu = [J_\mu, \varepsilon] + \nabla_\mu \varepsilon$ , и вариации членов сигма- и скёрмовского типа дают соответственно:

$$\delta \mathcal{L}_\sigma = -\kappa \operatorname{Tr}(\varepsilon \nabla_\mu J^\mu), \quad \delta \mathcal{L}_{\text{Sk}} = -\alpha \operatorname{Tr}(\varepsilon \nabla_\mu ([J_\nu, [J^\mu, J^\nu]])),$$

в то время как  $\delta V = \operatorname{Tr}(\frac{\partial V}{\partial U} \varepsilon)$ . Так как  $\varepsilon(x)$  произвольно, из принципа Эйлера-Лагранжа следует уравнение

$$\nabla_\mu (\kappa J^\mu) + \alpha \nabla_\mu ([J_\nu, [J^\mu, J^\nu]]) - \frac{\partial V}{\partial U} U^{-1} = 0, \quad (9)$$

описывающее нелинейную динамику фазового поля  $\text{SU}(2)$  в искривлённом пространстве-времени. Таким образом, полная система уравнений поля – как для гравитации, так и для внутренней фазы  $\text{SU}(2)$  – следует из экстремизации единого функционала действия, обеспечивая теоретическую самосогласованность и объединение геометрии и внутренней фазовой динамики в рамках одного вариационного принципа.

## Двойственное время и фазовая частота

Чтобы связать внутреннюю эволюцию фазы с операционным понятием времени, вводится глобальный параметр эволюции  $T$ . Пусть  $n^\mu(x)$  — направленное в будущее единичное векторное поле времени, удовлетворяющее условию  $g_{\mu\nu}n^\mu n^\nu = -1$ . Определим скалярный фазовый угол  $\theta(x)$  вдоль фиксированного генератора алгебры  $\mathfrak{su}(2)$ . Тогда локальная частота фазового вращения равна

$$\omega(x) = n^\mu \partial_\mu \theta(x) = \frac{d\theta}{d\tau}, \quad (10)$$

где  $d\tau$  — собственное время вдоль интегральных линий вектора  $n^\mu$ . Наблюдаемое (операционное) время  $t(x)$  связано с глобальным фазовым параметром  $T$  через локальное отношение фазовых скоростей:

$$\boxed{\frac{dt(x)}{dT} = \frac{\omega(x)}{\omega_*}}, \quad (11)$$

где  $\omega_*$  — универсальная опорная частота, задающая скорость равномерной фазовой эволюции.

Следовательно, если локальная фазовая частота  $\omega(x)$  уменьшается из-за кривизны или фазовой энергии, то отношение  $dt/dT$  становится меньше, что означает замедление хода локального операционного времени относительно глобального параметра эволюции  $T$ . Это даёт геометрическое происхождение замедления времени и красного смещения: области с пониженной фазовой частотой соответствуют более медленным физическим часам. В пределе равномерной фазы, когда  $\omega(x) \equiv \omega_*$ , восстанавливается соответствие  $t \equiv T$ , и стандартное релятивистское время возникает как частный случай. Такое толкование согласуется с обычными законами гравитационного и кинематического замедления времени, где  $\omega/\omega_* \simeq 1 + \phi/c^2$  в слабополевом приближении.

В практических приложениях, таких как *Атомное* и *Ядерное* расширения теории, используется локальный предел: фазовая частота  $\omega(x)$  изменяется пренебрежимо мало в пределах атомных масштабов, поэтому операционное время  $t(x)$  совпадает с глобальным параметром эволюции  $T$ . Лишь на космологических масштабах, где  $\omega(x)$  медленно изменяется вследствие глобальной кривизны  $R$ , различие между  $t$  и  $T$  становится наблюдаемым, проявляясь в виде частотных сдвигов или космологического красного смещения.

## 4 Элементарные фазовые возбуждения: электрон и фотон

Определённое выше фазовое поле  $SU(2)$  допускает два фундаментальных класса возбуждений: локализованные топологические вихри, соответствующие материальным частицам, и делокализованные колебательные моды, соответствующие излучению. Оба типа возбуждений возникают как самосогласованные решения фазового уравнения (9), причём их различие определяется топологическими и динамическими свойствами конфигурации.

## Электрон как локализованный вихрь SU(2)

Стационарная локализованная конфигурация с нетривиальным числом обёртывания

$$B = \frac{1}{24\pi^2} \int_{S_{\text{space}}^3} \epsilon^{ijk} \text{Tr}(J_i J_j J_k) d^3x, \quad (12)$$

представляет собой квантованный вихрь SU(2). Ориентация и нормировка выбраны так, чтобы сферически симметричная конфигурация типа «ёж»  $U(\mathbf{x}) = \exp[i F(r) \hat{\mathbf{x}} \cdot \boldsymbol{\sigma}]$  несла топологический заряд  $B = +1$ , фиксируя общую конвенцию знаков и обеспечивая согласованность со стандартным определением числа обёртывания в модели Скирма.

Целое число  $B$  измеряет топологическую степень отображения  $S_{\text{space}}^3 \rightarrow S_{\text{phase}}^3$ , гарантируя глобальную устойчивость таких конфигураций. Наименьшая нетривиальная конфигурация  $B = 1$  соответствует локализованному вихрю SU(2), отождествляемому с электроном. Здесь  $S_{\text{space}}^3$  обозначает компактифицированное трёхмерное пространство, а  $S_{\text{phase}}^3$  — внутреннее фазовое многообразие SU(2).

**Топологическое замечание.** В статическом приближении, используемом в атомной модели, электрон может быть представлен локализованной фазовой конфигурацией SU(2) с локальным числом обёртывания  $B = 1$ . Однако в полном динамическом описании электрон следует рассматривать как делокализованное фазовое возбуждение SU(2), чья мгновенная структура поля может локально иметь  $B = 1$ , тогда как полный топологический заряд временнозависимой конфигурации остаётся равным  $B = 0$ . Это устраняет кажущееся противоречие между топологическим квантованием и волновой природой электрона, позволяя непрерывное распространение и аннигиляцию пар без нарушения топологической согласованности.

В этом толковании компоненты электромагнитного поля возникают как эффективные проекции тензора кривизны SU(2). Определяя

$$F_{\mu\nu} = +i \text{Tr}(T_{\text{em}}[J_\mu, J_\nu]), \quad (13)$$

получаем стандартные соотношения

$$E_i = F_{0i}, \quad B_i = \frac{1}{2} \epsilon_{ijk} F_{jk}.$$

Следовательно, на локальном уровне:

$$E_i \propto +i \text{Tr}(T_{\text{em}}[J_0, J_i]), \quad B_i \propto +\frac{i}{2} \epsilon_{ijk} \text{Tr}(T_{\text{em}}[J_j, J_k]). \quad (14)$$

Здесь  $T_{\text{em}}$  — фиксированный генератор, определяющий электромагнитную ориентацию во внутреннем пространстве SU(2). Локальная циркуляция фазового поля порождает собственный магнитный момент, а двусвязная топология SU(2) естественным образом объясняет свойство спина  $\frac{1}{2}$ .

В связанных системах локализованный вихрь распределяется вдоль резонансной собственной моды атомного фазового поля. Получающаяся протяжённая конфигурация сохраняет ту же локальную топологическую структуру, но обладает пространственно распределённой плотностью энергии и углового момента, что соответствует привычной орбитальной структуре атомных состояний.

Эти соотношения согласуются с тензорным тождеством

$$F_{\mu\nu} = \partial_\mu J_\nu - \partial_\nu J_\mu + [J_\mu, J_\nu],$$

вытекающим из уравнения структуры Маурера–Картана и фазового уравнения (9). Его проекция на фиксированный генератор  $T_{\text{em}}$  восстанавливает тензор электромагнитного поля (29), демонстрируя, что стандартная электродинамика естественным образом возникает как абелева граница фазовой геометрии  $SU(2)$ .

## Фотон как фазовая волна

Второй класс возбуждений возникает из малых по амплитуде колебаний фазового поля с нулевым топологическим зарядом:

$$B = 0, \quad U(x) \simeq \exp[i\theta(x)T_{\text{em}}], \quad (15)$$

что приводит к линеаризованному волновому уравнению для фазовой компоненты. Соответствующее поле удовлетворяет однородным и неоднородным уравнениям Максвелла в пределе слабых полей, что согласуется с определением кривизны, данным в уравнении (13).

Состояние поляризации соответствует внутренней ориентации колебания в пространстве  $SU(2)$ , тогда как частота  $\omega$  и волновой вектор  $k^\mu$  связаны с временными и пространственными градиентами фазового угла  $\theta(x)$ . Таким образом, фотон представляет собой *распространяющуюся кривизну фазового поля*  $SU(2)$ , передающую энергию и импульс через вариации внутренней ориентации.

В областях, где сосуществуют локализованные вихри и делокализованные волны, взаимодействие между этими двумя типами возбуждений порождает известные явления поглощения, испускания и давления излучения. Никакое внешнее калибровочное поле при этом не требуется – электромагнитные взаимодействия возникают как внутренние деформации самой фазовой геометрии.

## Материя и излучение как единые фазовые состояния

Таким образом, как корпускулярные, так и волновые возбуждения возникают из одного и того же фундаментального объекта  $U(x)$ . Локализованные вихри соответствуют конечным по энергии топологическим дефектам, тогда как фотоны представляют собой плавные периодические модуляции того же поля. Переход между этими режимами является непрерывным и определяется относительной величиной локального члена кривизны в уравнении (2). Это даёт единую физическую интерпретацию материи и излучения как различных проявлений одной и той же фазовой динамики  $SU(2)$ .

## 5 Классическая механика как фазовая кинематика

Классическая механика возникает как макроскопический предел фазовой динамики  $SU(2)$  в случае, когда фазовые вариации являются плавными на масштабе компактного многообразия, а нелинейные вклады в уравнении (9) малы. В этом режиме локализованные фазовые вихри ведут себя как квазичастицы, а их коллективное движение подчиняется привычным законам ньютоновской механики.

## Фазовый импульс и энергия

Канонический тензор энергии-импульса, связанный с фазовым полем, следует из теоремы Нётер для бесконечно малых трансляций координат. Он эквивалентен (с точностью до симметризации Белинфанте) симметричному тензору энергии-импульса Гильберта, выведенному в разделе 3, и предоставляет удобную форму для вычисления сохраняющихся величин:

$$T_{(\text{phase})}^{\mu\nu} = \kappa \text{Tr}(J^\mu J^\nu) + \alpha \text{Tr}([J^\mu, J_\alpha][J^\nu, J^\alpha]) - g^{\mu\nu} \mathcal{L}_{\text{phase}}. \quad (16)$$

Для локализованной конфигурации полный четырёхимпульс имеет вид

$$P^\mu = \int T_{(\text{phase})}^{0\mu} d^3x, \quad (17)$$

а инвариантная масса покоя определяется как

$$mc^2 = \int T_{(\text{phase})}^{00} d^3x. \quad (18)$$

Подынтегральное выражение соответствует плотности фазовой энергии, накопленной в кривизне поля  $U(x)$ .

В нерелятивистском пределе, когда  $J_0 \gg J_i$ , временная часть уравнения (9) сводится к эффективному уравнению движения центра вихря:

$$m \frac{d^2 x^i}{dt^2} = F^i, \quad (19)$$

где эффективная сила  $F^i$  возникает из пространственных градиентов окружающей фазовой энергии. Уравнение (19) воспроизводит второй закон Ньютона как описание трансляционной динамики локализованного вихря  $\text{SU}(2)$ .

## Угловой момент и вращательная динамика

Вращательное движение соответствует внутренней переориентации фазового поля. Сохраняющийся угловой момент вытекает из глобальной внутренней инвариантности Лагранжиана относительно преобразований группы  $\text{SU}(2)$ , получаемой при вариации действия относительно бесконечно малых внутренних вращений  $U \rightarrow e^{\epsilon^a T_a} U$ . Он получает вклады как от  $\sigma$ -члена, так и от члена Скёрма:

$$L^a = \int \epsilon^{ijk} x_i \text{Tr} \left( T^a [\kappa J_j J_k + \alpha [J_j, J_\ell][J_k, J^\ell]] \right) d^3x. \quad (20)$$

где  $T^a$  – генераторы алгебры  $\mathfrak{su}(2)$ . Для медленно вращающихся конфигураций можно ввести эффективный тензор момента инерции  $I_{ab}$ , определяемый как

$$L^a = I_{ab} \Omega^b, \quad (21)$$

где  $\Omega^b$  – обобщённые угловые скорости, описывающие внутреннее вращение фазовой ориентации. Кинетическая энергия вращения тогда принимает стандартную квадратичную форму:

$$E_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I_{ab} \Omega^a \Omega^b. \quad (22)$$

Таким образом, обычные соотношения между моментом силы, угловым ускорением и угловым моментом возникают как макроскопические проявления переориентации фазового поля  $\text{SU}(2)$ .

## Потенциальная энергия и фазовая деформация

Внешние поля и взаимодействия соответствуют пространственным вариациям фоновой фазовой конфигурации. Градиент скалярного фазового угла  $\theta(x)$  создаёт эффективный потенциал

$$V_{\text{eff}}(\mathbf{x}) \propto \frac{\kappa}{2} \text{Tr}(J_i J^i), \quad (23)$$

который действует как восстанавливающая или притягивающая сила в зависимости от кривизны окружающей фазы. Малое отклонение  $\delta U$  от равновесия удовлетворяет линеаризованному уравнению движения, аналогичному гармоническому осциллятору:

$$\kappa \partial_t^2 \delta U = - \frac{\partial^2 V}{\partial U^2} \delta U, \quad (24)$$

что показывает: инерционные и потенциальные эффекты имеют общий геометрический источник – локальную кривизну фазового многообразия.

## Гамильтонова и лагранжева структура

Локальная плотность лагранжиана (2) определяет сопряжённые импульсы:

$$\Pi^\mu = \frac{\partial \mathcal{L}_{\text{phase}}}{\partial(\partial_\mu U)} = \kappa U^{-1} \partial^\mu U + \alpha [J_\nu, [J^\mu, J^\nu]], \quad (25)$$

что приводит к гамильтоновой плотности

$$\mathcal{H}_{\text{phase}} = \text{Tr}(\Pi_\mu \partial^\mu U) - \mathcal{L}_{\text{phase}}. \quad (26)$$

В пределе плавного поля  $\mathcal{H}_{\text{phase}}$  сводится к стандартной сумме кинетического и потенциального членов:

$$\mathcal{H}_{\text{phase}} \simeq \frac{\kappa}{2} \text{Tr}(J_0 J^0) + \frac{\kappa}{2} \text{Tr}(J_i J^i) + V(U), \quad (27)$$

что соответствует привычному разложению механической энергии на вклад движения и вклад деформации.

## Возникновение классических законов

Уравнения (18)–(19) показывают, что масса, импульс и сила могут быть интерпретированы как меры кривизны и потока энергии внутри фазового поля. Классические законы движения, включая законы сохранения энергии и углового момента, вытекают непосредственно из внутренней SU(2)-симметрии и инвариантности действия относительно преобразований пространства-времени. Следовательно, ньютоновская механика восстанавливается не как самостоятельный постулат, а как низкочастотный предел общей фазовой динамики SU(2).

## 6 Электродинамика как проекция фазовой геометрии

Электродинамика возникает как проекция фазовой динамики SU(2) на фиксированное внутреннее направление, связанное с электромагнитной ориентацией. В этом

представлении электромагнитное поле соответствует абелевому сектору неабелевой фазовой геометрии, получаемому проецированием тока Маурера-Картана  $J_\mu$  на один из генераторов алгебры  $\mathfrak{su}(2)$ .

## Проекция и эффективный четырёхпотенциал

Пусть  $T_{\text{em}}$  — фиксированный нормированный генератор алгебры  $\mathfrak{su}(2)$ , удовлетворяющий условию  $\text{Tr}(T_{\text{em}}^2) = \frac{1}{2}$ . Проекция тока  $SU(2)$  на это направление определяет эффективный электромагнитный четырёхпотенциал:

$$a_\mu = -i \text{Tr}(T_{\text{em}} U^{-1} \nabla_\mu U). \quad (28)$$

Соответствующий тензор поля, представляющий кривизну проецированного фазового соединения, имеет вид

$$\mathcal{F}_{\mu\nu} = \partial_\mu a_\nu - \partial_\nu a_\mu = +i \text{Tr}(T_{\text{em}} [J_\mu, J_\nu]), \quad (29)$$

где знак «плюс» следует из тождества Маурера-Картана  $\partial_\mu J_\nu - \partial_\nu J_\mu + [J_\mu, J_\nu] = 0$  для левоинвариантного соединения  $SU(2)$ . В искривлённом пространстве-времени частные производные заменяются ковариантными; для медленно изменяющихся фазовых полей абелева проекция остаётся применимой с точностью до малых неабелевых поправок порядка  $[J_\mu, J_\nu]^2$ .

В слабополеовом пределе, когда нелинейные коммутаторные члены малы, тождество Бьянки для кривизны  $SU(2)$  влечёт

$$\partial_{[\lambda} \mathcal{F}_{\mu\nu]} = 0, \quad (30)$$

что соответствует однородным уравнениям Максвелла. Вариация действия по фазовым компонентам, выровненным вдоль  $T_{\text{em}}$ , даёт

$$\partial_\mu \mathcal{F}^{\mu\nu} = j^\nu, \quad (31)$$

где  $j^\nu$  обозначает эффективный ток, возникающий при движении заряженных фазовых вихрей.

Таким образом, уравнения (29)–(31) воспроизводят уравнения Максвелла как предельный случай полевого уравнения  $SU(2)$  (9). Проекция выделяет абелев подпространственный сектор полной динамики  $SU(2)$  и остаётся корректной, когда высокопорядковые коммутаторные поправки пренебрежимо малы, обеспечивая естественное возникновение стандартной электродинамики из фундаментальной фазовой геометрии.

## Электрическое и магнитное поля

В локальной системе покоя электрическое и магнитное поля выражаются как

$$E_i = \mathcal{F}_{0i}, \quad B_i = \frac{1}{2} \epsilon_{ijk} \mathcal{F}^{jk}. \quad (32)$$

Плотность энергии и вектор Пойнтинга непосредственно следуют из тензора энергии-импульса фазового поля:

$$u_{\text{em}} = \frac{1}{2} (E^2 + B^2), \quad \mathbf{S} = \mathbf{E} \times \mathbf{B}. \quad (33)$$

Таким образом, поток электромагнитной энергии соответствует переносу кривизны фазы через пространство-время.



**Замечание о калибровочной симметрии.** Проекция на фиксированный внутренний генератор  $T_{\text{em}}$  явно понижает полную локальную калибровочную симметрию  $SU(2)$  до её подгруппы  $U(1)$ . Такое понижение выделяет предпочтительное внутреннее направление, соответствующее электромагнитной фазе, в результате чего проецированный потенциал  $a_\mu \equiv -i \text{Tr}(T_{\text{em}} J_\mu)$  ведёт себя как абелево соединение. Следовательно, полученный тензор поля  $F_{\mu\nu}$  удовлетворяет уравнениям Максвелла как кривизна этого остаточного сектора  $U(1)$  внутри единой фазовой геометрии  $SU(2)$ .<sup>2</sup>

## Ток, напряжение и сопротивление

Эффективный электрический ток  $j^\mu$  в уравнении (31) возникает из градиентов фазового угла  $SU(2)$ , переносимого локализованными вихрями:

$$j^\mu \propto \nabla^\mu \theta(x), \quad (34)$$

где  $\theta(x)$  – локальная проекция внутренней фазы на направление  $T_{\text{em}}$ .

Скалярная разность потенциалов между двумя точками  $A$  и  $B$  вдоль пути  $\Gamma$  выражается как

$$V_{AB} = - \int_{\Gamma} \partial_i a_0 dx^i, \quad (35)$$

где скалярный потенциал

$$a_0 = -i \text{Tr}(T_{\text{em}} U^{-1} \partial_0 U)$$

представляет собой временную компоненту проецированного фазового соединения. В квазистационарном пределе, когда временные изменения поля медленны и  $\partial_t a_i \approx 0$ , можно положить  $a_0 \propto \dot{\theta}$ , и тогда уравнение (35) сводится к виду  $V_{AB} = - \int_{\Gamma} \partial_i \theta dx^i$ , что описывает чисто потенциальный вклад в электродвижущую разность.

В общем случае электрическое поле определяется полным соотношением

$$E_i = F_{0i} = -\partial_t a_i - \partial_i a_0,$$

так что индуктивные и радиационные эффекты проявляются всякий раз, когда квазистационарное приближение перестаёт быть применимым.

Локальное сопротивление определяется скоростью потери фазовой когерентности. Для ансамбля вихрей с временем когерентности  $\tau_c$  проводимость может быть записана как

$$\sigma \propto \tau_c, \quad (36)$$

что показывает: идеальная когерентность ( $\tau_c \rightarrow \infty$ ) приводит к бесконечной проводимости. Таким образом, омическое сопротивление не является фундаментальным свойством, а служит мерой степени фазового беспорядка.

## Сверхпроводимость как фазовая когерентность

В идеально когерентной фазовой области ковариантная производная фазового угла обращается в ноль:

$$\nabla_\mu \theta(x) = 0, \quad (37)$$

---

<sup>2</sup>Каллиграфическое обозначение  $\mathcal{F}_{\mu\nu}$ , использованное ранее, обозначает кривизну  $SU(2)$ , спроецированную на электромагнитное направление до явного сведения  $SU(2) \rightarrow U(1)$ . В этом абелевом пределе  $\mathcal{F}_{\mu\nu}$  переходит в обычный электромагнитный тензор  $F_{\mu\nu}$ , что согласуется с уравнением (29).

и проецированное электрическое поле внутри материала исчезает, тогда как поверхностные токи поддерживают постоянную фазу. Это состояние соответствует состоянию Мейсснера, при котором магнитный поток вытесняется, а сопротивление исчезает. Следовательно, сверхпроводимость естественным образом возникает как макроскопическое проявление когерентного выравнивания фаз  $SU(2)$ .

На микроскопическом уровне плотность сверхтока пропорциональна градиенту глобальной фазы:

$$\mathbf{j}_s \propto \nabla\theta, \quad (38)$$

и удовлетворяет уравнению типа Лондона:

$$\nabla^2 \mathbf{B} = \frac{1}{\lambda_L^2} \mathbf{B}, \quad \lambda_L^{-2} \propto \kappa |\Psi|^2. \quad (39)$$

Здесь  $\lambda_L$  – глубина проникновения Лондона, а  $|\Psi|$  обозначает амплитуду когерентной фазы. Пропорциональность  $\lambda_L^{-2} \propto \kappa |\Psi|^2$  понимается феноменологически: точный коэффициент зависит от микроскопических свойств конденсата и может быть откалиброван путём сравнения с формализмами Гинзбурга-Ландау или БКШ. Это гарантирует, что макроскопический предел фазовой теории  $SU(2)$  воспроизводит стандартное поведение по Лондону, не предполагая какого-либо конкретного микроскопического механизма спаривания. В таком представлении сверхпроводимость возникает как следствие глобальной фазовой когерентности на компактном многообразии  $SU(2)$ , а не из внешнего потенциала или взаимодействия.

## Резюме

Таким образом, электродинамика отождествляется с абелевой проекцией фазовой геометрии  $SU(2)$ . Электрический заряд соответствует топологической намотке фазы, электрическое и магнитное поля представляют собой её градиенты и роторы, а электрический ток отражает коллективный перенос внутренней фазовой ориентации. Уравнения Максвелла, перенос электромагнитной энергии и сверхпроводимость возникают как предельные выражения фундаментальной фазовой динамики  $SU(2)$ .

## 7 Теория относительности и фазовый тензор напряжений

Геометрическая структура фазового поля  $SU(2)$  обеспечивает естественное основание как для специальной, так и для общей теории относительности. Компактность  $S^3$  гарантирует существование локальных евклидовых окрестностей, в которых возможны инерциальные системы отсчёта, в то время как вариации скорости фазового изменения порождают эффективную кривизну и замедление времени. Релятивистские явления, таким образом, проявляются как реакция пространства-времени на внутреннюю фазовую энергию.

### Специальная теория относительности как предел однородного фазового потока

Рассмотрим однородную фазовую конфигурацию, в которой скорость фазового изменения постоянна,  $\omega(x) = \omega_*$ . В этом случае локальное операционное время  $t$ ,

определяемое уравнением (11), совпадает с глобальным параметром  $T$ , а метрика пространства-времени локально имеет форму метрики Минковского:

$$ds^2 = -c^2 dt^2 + dx^2 + dy^2 + dz^2. \quad (40)$$

Малые возмущения фазового поля соответствуют локальным бустам внутренней ориентации, что приводит к преобразованиям Лоренца между движущимися наблюдателями. Инвариантность фазового действия относительно таких преобразований гарантирует постоянство скорости света  $c$ , поскольку она представляет собой скорость распространения бесконечно малых фазовых возмущений на  $S^3$ .

Таким образом, специальная теория относительности восстанавливается как симметрия однородной фазовой эволюции, при которой все области имеют одинаковую скорость фазы  $\omega_*$ , а внутренняя геометрия является изотропной.

## Гравитационные эффекты как вариации фазовой частоты

Когда фазовая частота  $\omega(x)$  изменяется пространственно вследствие локальной кривизны поля  $SU(2)$ , связь между операционным временем  $t(x)$  и глобальным фазовым параметром  $T$  становится нетривиальной, как показано в уравнении (11). Отношение  $\omega(x)/\omega_*$  играет роль эффективного гравитационного коэффициента красного смещения, и замедление времени следует непосредственно:

$$\frac{dt}{dT} = \frac{\omega(x)}{\omega_*} \Rightarrow \frac{d\tau_1}{d\tau_2} = \frac{\omega(x_1)}{\omega(x_2)}. \quad (41)$$

Области с повышенной фазовой кривизной соответствуют меньшей локальной частоте  $\omega(x)$ , поэтому часы, находящиеся там, идут медленнее относительно областей с меньшей кривизной. В этом представлении гравитационные потенциальные ямы проявляются как области пониженной фазовой частоты, а красное смещение возникает как прямое следствие фазовой геометрии  $SU(2)$ .

Ньютонов потенциал  $\phi$  восстанавливается в слабополевоом пределе из соотношения

$$\frac{\omega(x)}{\omega_*} \simeq 1 + \frac{\phi}{c^2}, \quad g_{00} \simeq -\left(1 + \frac{2\phi}{c^2}\right), \quad (42)$$

что воспроизводит стандартное постньютоновское приближение. Таким образом, гравитационные эффекты соответствуют пространственным вариациям внутренней фазовой частоты, и общерелятивистское замедление времени естественным образом возникает из локальной фазовой динамики  $SU(2)$ .

## Фазовое напряжение и тензор Эйнштейна

Геометрическая связь между фазовой энергией и кривизной выражается уравнением (4):

$$G_{\mu\nu} + \Phi_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}^{(\text{matter})}, \quad (43)$$

где тензор фазового напряжения  $\Phi_{\mu\nu}$  представляет собой кривизну, индуцированную внутренней динамикой поля  $SU(2)$ . В явном виде:

$$\Phi_{\mu\nu} = -\frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}^{(\text{phase})}, \quad (44)$$

при этом  $T_{\mu\nu}^{(\text{phase})}$  задаётся уравнениями (16)–(20). Этот тензор описывает полное влияние фазового поля на геометрию пространства-времени и может рассматриваться как геометрический аналог тензора энергии-импульса самого гравитационного поля.

В областях, где  $\mathcal{L}_{\text{phase}} \rightarrow 0$ , тензор  $\Phi_{\mu\nu}$  исчезает, и восстанавливаются обычные уравнения Эйнштейна:

$$G_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}^{(\text{matter})}. \quad (45)$$

Таким образом, общая теория относительности возникает как предел при исчезающей внутренней фазовой кривизне, тогда как ненулевой  $\Phi_{\mu\nu}$  вводит геометрические поправки высшего порядка, которые могут объяснять дополнительные эффекты кривизны, обычно приписываемые тёмной энергии или поляризации вакуума.

## Геодезические и фазовое движение

Движение пробного вихря в искривлённом пространстве-времени следует из закона сохранения  $\nabla_\mu T_{(\text{phase})}^{\mu\nu} = 0$ , который в пределе малых градиентов фазового напряжения приводит к стандартному уравнению геодезической:

$$\frac{d^2 x^\mu}{d\tau^2} + \Gamma_{\alpha\beta}^\mu \frac{dx^\alpha}{d\tau} \frac{dx^\beta}{d\tau} = 0. \quad (46)$$

Таким образом, свободное движение соответствует переносу вдоль экстремальных траекторий фазового многообразия. Отклонения от геодезического поведения возникают лишь тогда, когда внутренние фазовые взаимодействия вносят заметное напряжение, что приводит к гравитационному самовзаимодействию или радиационным поправкам.

## Единство гравитационной и электромагнитной геометрии

Уравнения (4) и (29) показывают, что и гравитация, и электромагнетизм возникают как различные проявления одной и той же фазовой геометрии  $SU(2)$ . Кривизна, связанная с диагональным генератором  $T_{\text{em}}$ , порождает электромагнитное поле, в то время как общая кривизна  $SU(2)$  входит в метрику пространства-времени через тензор  $\Phi_{\mu\nu}$ . Такое соответствие отражает структуру объединений типа Калуцы-Кляйна и калибровочно-гравитационных теорий, но без введения дополнительных измерений пространства-времени: внутреннее компактное пространство само порождает как калибровочные, так и гравитационные явления.

## Резюме

Специальная теория относительности возникает из равномерной эволюции фазового поля, а общая теория относительности следует при наличии локальных вариаций фазовой частоты  $\omega(x)$ , которые изменяют метрику через тензор напряжений  $\Phi_{\mu\nu}$ . Таким образом, как инерционные, так и гравитационные эффекты имеют общий геометрический источник – кривизну фазового поля  $SU(2)$ , что обеспечивает единую и согласованную основу для релятивистской физики.

## 8 Квантовая механика как динамика компактной фазы

Квантовая механика возникает как естественное описание компактной эволюции фазы на многообразии  $SU(2)$ . Поскольку внутреннее пространство  $S^3$  конечно и замкнуто, все собственные моды оператора Лапласа на этом многообразии образуют дискретный спектр. Следовательно, квантование является геометрической необходимостью, а не дополнительным постулатом.

### Волновое уравнение на компактном многообразии

Рассмотрим малые гармонические возмущения фазового поля около стационарной конфигурации:

$$U(x) = U_0 \exp[i\psi(x)], \quad |\psi| \ll 1. \quad (47)$$

Линеаризация уравнения (9) приводит к выражению

$$\nabla_\mu \nabla^\mu \psi + M^2 \psi = 0, \quad (48)$$

где  $M^2$  – это эффективный массовый член, возникающий из кривизны потенциала  $V(U)$ . На компактной трёхсфере радиуса  $R$  собственные функции оператора Лапласа удовлетворяют соотношению

$$\nabla_{S^3}^2 Y_n = -\frac{n(n+2)}{R^2} Y_n, \quad n = 0, 1, 2, \dots, \quad (49)$$

так что уровни энергии стационарных мод квантованы:

$$E_n = \hbar\omega_n = \hbar c \sqrt{k^2 + \frac{n(n+2)}{R^2}}, \quad (50)$$

что даёт геометрическое объяснение дискретным спектрам в связанных системах.

### Возникновение уравнения Шрёдингера

В нерелятивистском пределе, когда пространственные градиенты малы по сравнению с временными осцилляциями, поле  $\psi(x)$  можно разложить в виде

$$\psi(x, t) = \Psi(\mathbf{x}, t) e^{-iMc^2 t/\hbar}. \quad (51)$$

Тогда уравнение (48) сводится к виду

$$i\hbar \frac{\partial \Psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2M} \nabla^2 \Psi + V_{\text{eff}} \Psi, \quad (52)$$

что представляет собой уравнение Шрёдингера для эффективной волновой функции  $\Psi(\mathbf{x}, t)$ . Таким образом, фундаментальная квантовая эволюция возникает как медленная модуляция внутренней осцилляции фазы  $SU(2)$ , при этом постоянная Планка  $\hbar$  выступает коэффициентом пропорциональности между внутренним угловым моментом и скоростью фазового вращения.

## Коммутационные соотношения и неопределённость

Каноническая структура фазового поля приводит к стандартной операторной алгебре. Оператор импульса следует из генератора пространственных трансляций фазы:

$$\hat{p}_i = -i\hbar \partial_i, \quad (53)$$

а коммутатор  $[x_i, \hat{p}_j] = i\hbar \delta_{ij}$  является прямым следствием структуры алгебры Ли группы  $SU(2)$  в бесконечно малом пределе. Соотношение неопределённостей  $\Delta x_i \Delta p_i \geq \hbar/2$  таким образом отражает ненулевую кривизну и некоммутативность сопряжённых фазовых переменных на компактном многообразии.

## Вероятность и нормировка на $S^3$

Плотность вероятности, соответствующая квантовому состоянию, интерпретируется как норма фазовой амплитуды на  $S^3$ :

$$\int_{S^3} |\Psi(\xi)|^2 dV_{S^3} = 1. \quad (54)$$

Для физических наблюдаемых в трёхмерном пространстве плотность получается интегрированием по скрытой координате компактного многообразия:

$$\rho(\mathbf{x}) = \int_{\pi^{-1}(\mathbf{x})} |\Psi(\xi)|^2 d\mu_{\text{fiber}}(\xi), \quad (55)$$

где  $\pi : S^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  обозначает стереографическую проекцию, а  $d\mu_{\text{fiber}}$  – меру вдоль волокна. Таким образом, обычная вероятностная интерпретация квантовой механики соответствует проекции нормированной фазовой амплитуды  $SU(2)$ .

## Спин и внутренний угловой момент

Дважды связанная топология группы  $SU(2)$  означает, что вращение на угол  $2\pi$  в физическом пространстве соответствует изменению знака внутренней фазовой ориентации. Это свойство естественным образом приводит к спиновому поведению фермионов с  $s = \frac{1}{2}$  без необходимости вводить дополнительные постулаты. Матрицы Паули представляют собой бесконечно малые генераторы группы  $SU(2)$ , а операторы спина непосредственно следуют из внутренней алгебры:

$$\hat{S}_i = \frac{\hbar}{2} \sigma_i, \quad [\hat{S}_i, \hat{S}_j] = i\hbar \epsilon_{ijk} \hat{S}_k. \quad (56)$$

Внутренний магнитный момент электрона соответствует взаимодействию ориентации спина с электромагнитной проекцией  $T_{\text{em}}$ .

## Когерентность и квантовая суперпозиция

Поскольку многообразие  $SU(2)$  является компактным и унитарным, линейная суперпозиция собственных мод фазового поля соответствует конструктивной или деструктивной интерференции внутренних ориентаций. Когерентные состояния занимают минимальные объёмы на групповом многообразии и характеризуются устойчивыми фазовыми соотношениями, тогда как декогеренция соответствует диффузии фазовой ориентации и потере недиагональной когерентности в матрице плотности. Таким образом, статистическая природа квантовой механики проистекает из усреднения микроскопических конфигураций  $SU(2)$ -фазы.

## Резюме

Квантовая механика возникает как предельный случай динамики  $SU(2)$ -фазы в компактном режиме. Дискретность уровней энергии является следствием конечности пространства  $S^3$ ; уравнение Шрёдингера представляет собой нерелятивистский предел фазового волнового уравнения; а принцип неопределённости отражает внутреннюю кривизну фазового многообразия. Таким образом, квантовое поведение материи непосредственно вытекает из тех же геометрических принципов, которые порождают классическую механику, электродинамику и относительность в рамках единой  $SU(2)$ -фазовой геометрии.

## 9 Геометрическая интерпретация релятивистских и квантовых эффектов

Единая  $SU(2)$ -фазовая геометрия не только воспроизводит формальную структуру известных физических законов, но и предоставляет наглядные геометрические интерпретации широкого круга экспериментально подтверждённых явлений. Ряд ключевых эффектов, которые традиционно считаются парадоксальными или контринтуитивными в теории относительности и квантовой механике, в данном подходе естественно объясняются как прямые следствия кривизны и эволюции компактного фазового многообразия.

### Отклонение света и гравитационное красное смещение

Отклонение света в гравитационном поле следует из пространственных вариаций локальной скорости фазового вращения  $\omega(x)$ . Фотон распространяется вдоль нулевых геодезических эффективной метрики

$$g_{\mu\nu}^{\text{eff}} = g_{\mu\nu} + \delta g_{\mu\nu}(\omega),$$

где возмущение  $\delta g_{\mu\nu}$  зависит от градиента  $\omega(x)$ . Разложив по первому порядку по гравитационному потенциалу  $\phi$ ,

$$\frac{\omega(x)}{\omega_*} \simeq 1 + \frac{\phi}{c^2},$$

мы получаем стандартный угол отклонения света, проходящего вблизи массивного тела,

$$\Delta\theta = \frac{4GM}{c^2 b},$$

где  $b$  – параметр воздействия. Таким образом, гравитационное линзирование и эффект красного смещения Эйнштейна возникают непосредственно из геометрической модуляции скорости фазового вращения, без необходимости вводить дополнительные постулаты.

### Замедление времени и фазовая геометрия

Уравнение (11) показывает, что локальные часы измеряют время в соответствии с

$$dt = \frac{\omega(x)}{\omega_*} dT,$$

так что более медленная эволюция фазы соответствует более медленному течению времени. В движущихся системах отсчёта эффективная фазовая частота уменьшается по закону Лоренца:

$$\omega(x, v) = \omega_* \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}},$$

что воспроизводит кинематическое замедление времени специальной теории относительности. Таким образом, как гравитационное, так и кинематическое замедление времени объединяются в рамках единого механизма — локальных вариаций фазовой частоты  $SU(2)$ .

## Эффект наблюдателя как фазовая синхронизация

Акт измерения или наблюдения соответствует синхронизации между локальной фазой измерительного прибора и фазой наблюдаемой системы. Во время этого взаимодействия внутренняя ориентация системы  $U(x)$  выравнивается с фазовой системой отсчёта наблюдателя, в результате чего уменьшается доступное системе пространство состояний. Так называемый «коллапс» волновой функции, следовательно, представляет собой геометрическую проекцию распределённой фазовой конфигурации на синхронизированное подмногообразие полного  $SU(2)$ -многообразия. Вероятностные исходы отражают относительные объёмы этих подмногообразий в рамках инвариантной меры группы. *Относительные объёмы таких подмногообразий определяют вероятности соответствующих исходов, что даёт прямое геометрическое основание статистической интерпретации квантовой механики.*

## Квантовая запутанность как коррелированная фазовая ориентация

Для двух пространственно разделённых возбуждений, описываемых коррелированными  $SU(2)$ -фазовыми полями  $U_1(x_1)$  и  $U_2(x_2)$ , единое глобальное условие на совокупную фазовую ориентацию гарантирует сохранение корреляции их внутренних состояний, даже при большом пространственном разделении. Эти корреляции возникают благодаря общему глобальному параметру  $T$ , управляющему эволюцией фазы, в то время как каждый наблюдатель воспринимает локальное время  $t(x)$ . Поскольку никакой причинный сигнал не передаётся во времени  $t(x)$ , релятивистская причинность остаётся соблюденной. Таким образом, запутанность представляет собой нелокальное ограничение на совместную  $SU(2)$ -фазовую конфигурацию, а не физическое сверхсветовое взаимодействие.

## Квантовое туннелирование как непрерывный фазовый переход

Прохождение через потенциальный барьер интерпретируется как непрерывное вращение  $SU(2)$ -фазы в области с повышенной кривизной энергии. Экспоненциальное подавление вероятности прохождения

$$P \propto e^{-2 \int \sqrt{2m(V-E)} dx / \hbar},$$

соответствует геометрическому затуханию амплитуды фазы при переходе через искривлённый участок многообразия. Этот механизм согласуется с экспериментальными наблюдениями макроскопического квантового туннелирования, в частности, с



работами Джона Кларка, Мишеля Деворе и Джона Мартиниса в сверхпроводящих системах [2], для которых скорость туннелирования определяется той же зависимостью от кривизны фазы.

## Космологическое красное смещение как старение фазы

Космологическое красное смещение не обязательно указывает на метрическое расширение Вселенной. В рамках  $SU(2)$ -фазовой модели свет, испущенный при глобальном времени  $T_{\text{emit}}$  и наблюдаемый при  $T_{\text{obs}}$ , испытывает изменение частоты вследствие медленной эволюции глобальной скорости фазового вращения:

$$1 + z = \frac{\omega_{\text{emit}}}{\omega_{\text{obs}}} = \frac{\omega_*(T_{\text{emit}})}{\omega_*(T_{\text{obs}})}.$$

Если функция  $\omega_*(T)$  монотонно убывает с течением глобального времени, то наблюдаемое в далёких галактиках красное смещение возникает естественным образом как следствие *старения фазы*, без необходимости предполагать расширение пространственных расстояний. Фотон, таким образом, «стареет» в фазе, распространяясь через глобальное  $SU(2)$ -поле, и его частота уменьшается по мере того, как Вселенная эволюционирует к более низкой глобальной фазовой энергии. *Данная интерпретация предсказывает соотношение между красным смещением и светимостью стандартных свечей, отличное от модели  $\Lambda\text{CDM}$ , что открывает возможность экспериментальной проверки в будущих астрономических обзорах.*

## Резюме

Релятивистские и квантовые явления получают наглядное геометрическое толкование в рамках  $SU(2)$ -фазовой модели. Отклонение света, замедление времени, запутанность, туннелирование и космологическое красное смещение объединяются как различные проявления кривизны и эволюции на компактном фазовом многообразии. При рассмотрении материи и излучения как проявлений единой  $SU(2)$ -фазовой геометрии, эволюционирующей во времени  $T$ , никакие парадоксы не возникают.

## 10 Итоги и направления дальнейших исследований

Представленная выше формулировка задаёт единый геометрический каркас, в котором классическая механика, электродинамика, теория относительности и квантовая механика возникают как предельные случаи одной и той же  $SU(2)$ -фазовой динамики на компактной трёхсфере  $S^3$ . Материя, излучение и гравитация рассматриваются не как отдельные сущности, а как различные проявления кривизны и движения в рамках одной внутренней фазовой геометрии.

Компактность многообразия  $SU(2)$  обеспечивает как глобальную конечность, так и локальную непрерывность, естественным образом приводя к квантованию, внутренней спиновой структуре и отсутствию сингулярностей. В этом контексте традиционные физические величины – масса, заряд, напряжённость поля и энергия – соотносятся с геометрическими инвариантами фазового поля: масса – с локализованной энергией кривизны, заряд – с топологическим закручиванием, напряжённость

поля – с градиентами фазы, а излучение – с распространяющимися волнами кривизны. Время получает двойную интерпретацию: как глобальный параметр эволюции  $T$  и как локально измеряемая скорость, определяемая фазовой частотой  $\omega(x)$ .

Анализ показывает, что:

- ньютоновская динамика возникает как низкочастотный предел локализованного фазового движения;
- электромагнетизм соответствует абелевой проекции  $SU(2)$ -кривизны;
- релятивистские эффекты следуют из пространственных вариаций скорости фазы и её связи с кривизной через тензор  $\Phi_{\mu\nu}$ ;
- квантовая механика описывает динамику собственных мод на  $S^3$ , порождая дискретные спектры и внутреннюю спиновую структуру без введения внешних постулатов квантования.

Это единое геометрическое толкование сохраняет всё содержание современной физики, устраняя искусственное разделение между частицами, полями и пространством-временем. Все наблюдаемые явления описываются как различные аспекты одного дифференцируемого объекта  $U(x) \in SU(2)$ , чья локальная ориентация задаёт внутренние степени свободы, а кривизна определяет силы и динамику.

Настоящая работа сосредоточена на общем формализме и его прямых следствиях для фундаментальных взаимодействий. Дальнейшее развитие теории предполагает детальную проработку трёх направлений:

1. **Атомные системы:** связанные конфигурации делокализованных  $SU(2)$ -вихрей на резонансных модах, объясняющие магнитные моменты, спектральную структуру и условия устойчивости. Эта тема требует отдельного исследования.
2. **Ядерная структура:** коллективные фазовые конфигурации на глобальной оболочке  $S^3$ , описывающие магические числа и энергии связи как устойчивые многовихревые моды.
3. **Космология:** крупномасштабная кривизна и расширение глобального  $SU(2)$ -фазового многообразия, связывающие гравитационные константы и космическую эволюцию с геометрией компактного фазового пространства.

Таким образом,  $SU(2)$ -фазовая модель обеспечивает непрерывный переход от микроскопических к космологическим масштабам в рамках одного математического принципа. Будущие исследования будут направлены на уточнение количественных предсказаний, анализ устойчивости составных конфигураций и сопоставление наблюдаемых следствий с экспериментальными данными. В конечном счёте цель заключается в построении полностью геометрического описания физической реальности, в котором кажущееся разнообразие природных явлений объединяется топологией и кривизной компактного  $SU(2)$ -фазового многообразия.

**Возникающая иерархия физических масштабов.**  $SU(2)$ -фазовое поле описывает внутреннюю геометрию каждой точки пространства-времени, а не внешнюю пространственную структуру. Огромная разница между адронными, атомными и космологическими масштабами возникает динамически – из баланса между градиентной энергией (с константой связи  $\kappa$ ) и стабилизирующим членом Скирма (с коэффициентом  $\alpha$ ) в едином лагранжиане. Это взаимодействие задаёт характерную длину

$$L_* \sim \sqrt{\frac{\alpha}{\kappa}},$$

которая определяет порядок величины равновесных конфигураций поля.

В топологическом секторе с числом зацепления  $B = 1$  минимизация статической энергии

$$E_{\text{stat}}(r_0) = A\kappa r_0 + B \frac{\alpha}{r_0}$$

даёт компактный солитон радиуса  $r_0^* \sim \sqrt{\alpha/\kappa}$ , естественно отождествляемый с ядром нуклона – высокоэнергетической ветвью теории. Для лептонной ветви ( $B = 0$ ) преобладают градиентные и электромагнитные члены самодействия, что приводит к расширенной конфигурации с характерным размером порядка комптоновской длины волны  $\lambda_C = \hbar/(m_e c)$ , соответствующей атомным и субатомным масштабам. На противоположном конце шкалы радиус кривизны фона  $R$  глобальной трёхсферы определяет космологический масштаб модели. Физические размеры ядер и атомов, таким образом, выражаются как малые отношения  $r_{\text{нук}}/R$  и  $a_0/R$ , что естественным образом объясняет наблюдаемую иерархию масштабов.

Следовательно, одно  $SU(2)$ -фазовое поле допускает несколько классов устойчивых решений – локализованные солитоны, расширенные лептонные моды и глобальную фоновую кривизну – каждая из которых имеет свой характерный размер, определяемый минимизацией энергии в рамках одного и того же лагранжиана. Групповая структура остаётся универсальной, а наблюдаемые масштабы являются следствием внутренней динамики этой структуры.

## Приложение: Формулировка онтологии $S^3$ в терминах геометрической алгебры

Глобальная гипersферическая модель может быть наиболее естественно выражена на языке геометрической алгебры. В евклидовой клиффордовой алгебре  $Cl(4, 0)$  точки трёхсферы  $S^3 \subset \mathbb{R}^4$  соответствуют единичным роторам  $R$ , удовлетворяющим условию  $R\tilde{R} = 1$ , где  $\tilde{R}$  обозначает реверсию. Эти роторы порождают вращения векторов через геометрическое произведение  $x' = Rx\tilde{R}$  и в совокупности образуют группу  $Spin(4) \simeq SU(2)_L \times SU(2)_R$ .

Локальная фазовая структура гипersферы может быть представлена полем ротора  $R(X)$ , чья производная определяет бивекторное поле тока:

$$J_\mu = R^{-1}\partial_\mu R.$$

Этот объект непосредственно аналогичен форме Мора-Картана  $U^{-1}\nabla_\mu U$ , используемой в  $SU(2)$ -формализме, но теперь выступает как геометрическая величина, а не как матричный оператор. Скалярная часть выражения  $J_\mu J^\mu$  задаёт кинетический член лагранжиана, в то время как его внешние произведения описывают внутреннюю кривизну фазового поля.

Координатно-независимое выражение для лагранжиана может быть записано в виде

$$\mathcal{L} = \frac{\kappa}{2} \langle J_\mu J^\mu \rangle_0 + \frac{\alpha}{4} \langle (J_\mu \wedge J_\nu)(J^\mu \wedge J^\nu) \rangle_0 - V(R),$$

где  $\langle \cdot \rangle_0$  обозначает скалярную (нулевую) компоненту мультивектора. Такое представление устраняет необходимость в явном использовании операции следа и матричных базисов, описывая вращения, спиноры и бивекторы как элементы единой унифицированной структуры.

Электромагнитные и калибровочные проекции могут быть заданы геометрически выбором единичного простого бивектора  $B_e$ , который определяет ориентированную двухплоскость в самодуальном подпространстве  $Cl(4, 0)$ . Эффективный электромагнитный потенциал и тензор поля тогда выражаются как

$$a_\mu = -\langle B_e J_\mu \rangle_0, \quad F_{\mu\nu} = -\langle B_e (J_\mu \wedge J_\nu) \rangle_0.$$

Таким образом, то, что в  $SU(2)$ -формулировке выражается через выделенный генератор  $T_{em}$ , в геометрической алгебре представляется как чисто геометрический выбор двухплоскости в фазовом пространстве.

Такое представление в терминах геометрической алгебры проясняет двойственную структуру симметрии  $SU(2)_L \times SU(2)_R$  гипersферы и выражает квантование, кривизну и взаимодействия полей напрямую через алгебру мультивекторов. Хотя этот подход математически элегантен и философски согласуется с исходной онтологией  $S^3$ , он значительно отличается от привычных полевых формализмов и поэтому приводится здесь лишь как формально эквивалентное описание  $SU(2)$ -матричному представлению, развитому в основном тексте.

## Список литературы

- [1] A. Einstein. The foundation of the general theory of relativity. *Annalen der Physik*, 1916.
- [2] John M. Martinis, Michel H. Devoret, and John Clarke. Energy-level quantization in the zero-voltage state of a current-biased josephson junction. *Physical Review Letters*, 55(15):1543–1546, 1985. doi: 10.1103/PhysRevLett.55.1543.
- [3] Dmitry Shurbin. Matter and gravity as phase structures on a 4d hypersphere (su(2) model). <https://doi.org/10.5281/zenodo.17112588>, June 2025. Published June 5, 2025.
- [4] T. H. R. Skyrme. A non-linear field theory. *Proc. R. Soc. Lond. A*, 260:127–138, 1961.