Datenkommunikation und Informationssysteme, Übung 1

Domenic Quirl 354437

Julian Schakib 353889 Daniel Schleiz 356092

Übungsgruppe 14

Aufgabe 1

A1: / 1

Aufgabe 2

- (a)
- (b)

A2: / 3

${\bf Aufgabe~3}$

- (a)
- (b)
- (c)

A3: / 5

${\bf Aufgabe}~{\bf 4}$

- (a)
- (b)
- (c)

A4: /1.5

Aufgabe 5

- (a) Kanal 1:
 - -B = 20kHz 5kHz = 15kHz

```
-S/N = 10^{3,1} \approx 1258,9
```

$$-R_{ny} = 2 * B * ld(n) = 30.000 * ld(n)$$
, bei einem zweiwertigen Signal $R_{ny} = 30.000 Bit/s$

$$-R_{sh} = B * ld(1 + S/N) \approx 15.000 * ld(1 + 1258, 9) \approx 154.486Bit/s$$

$$-R_{max} = min\{R_{ny}, R_{sh}\} \approx min\{30.000 * ld(n), 154.486\}$$

• Kanal 2:

$$-B = 40kHz - 22kHz = 18kHz$$

$$-S/N = 10^{2.5} \approx 316,23$$

$$-R_{ny}=2*B*ld(n)=36.000*ld(n),$$
bei einem zweiwertigen Signal $R_{ny}=36.000Bit/s$

$$-R_{sh} = B * ld(1 + S/N) \approx 18.000 * ld(1 + 316, 23) \approx 149.569Bit/s$$

$$-R_{max} = min\{R_{ny}, R_{sh}\} \approx min\{36.000 * ld(n), 149.569\}$$

• Kanal 3:

$$-B = 95kHz - 74kHz = 21kHz$$

$$-S/N = 10^2 = 100$$

$$-R_{ny} = 2 * B * ld(n) = 42.000 * ld(n)$$
, bei einem zweiwertigen Signal $R_{ny} = 42.000 Bit/s$

$$-R_{sh} = B * ld(1 + S/N) = 21.000 * ld(1 + 100) \approx 139.822Bit/s$$

$$-R_{max} = min\{R_{ny}, R_{sh}\} \approx min\{42.000 * ld(n), 139.822\}$$

(b) Auf allen Kanälen liegt die durch 64-QAM theoretisch erreichbare Datenrate nach Nyquist oberhalb der maximalen Datenrate nach Shannon. Für Kanal 3 gilt dies zusätzlich auch für 16-QAM, da 42.000*ld(16)=168.000>139.822. Kanal 3 kann also insgesamt maximal eine Datenrate von 139.822 Bit/s erreichen, mit 4-QAM sind es 42.000*ld(4)=84.000Bit/s. Kanal 2 kann hingegen 16-QAM in vollem Umfang nutzen, da 36.000*ld(16)=144.000<149.569. Auf Kanal 2 kann also mittels 16-QAM eine Datenrate von 144.000 Bit/s erreicht werden. Kanal 1 erreicht aufgrund der geringeren Bandbreite nur 30.000*ld(16)=120.000Bit/s, was zwar ebenfalls unterhalb der 154.486 Bit/s nach Shannon liegt, aber langsamer ist als Kanal 2.

Die maximale Datenrate erzielt also Kanal 2 bei der Verwendung von 16-QAM. Sie liegt bei 144.000 Bit/s.

A5: /4.5