# **Notas: Inferencia**

# Lunes 09 de Abril

## **Temas vistos:**

• Tema de la clase: Introducción a la inferencia

## **Actividades:**

- Examen diágnostico.
- Criterios de calificación, se acuerda como vamos a obtener la nota, calendarios y medios de comunicación, puntos extras.

## **Temas vistos**

#### Estadísticos muestrales

#### Definición:

Se le llama estádistico muestral a una función g tal que, al obtener observaciones del vector  $\hat{X}=(X_1,\ldots,X_n)$ , el valor  $g(\hat{X})$  estima un parámetro poblacional . También a la distribución de  $\hat{X}$  se es llamada distribución muestral.

**Que entiendo:** Un estadístico es una función que recibe datos y nos devuelve un número que trata de inferir un parámetro poblacional.

Que no entendí: ¿A que se refiere con observaciones?

R= Se refiere a hacer un muestreo.

#### **Ejemplos:**

- Promedio.
- Otro Ejemplo (Referencia: Estadístico muestral Wikipedia, la enciclopedia libre)

Investigación extra: Otros de estadísticos conocidos (aplicaciones a la IA).....

## Viernes 14 de Abril

## **Temas vistos:**

- Media muestral.
- Varianza muestral.

## **Actividades:**

• Se deja la primera tarea: Temas a evaluar ----

#### Investigación extra:

Apliaciones de cierto tema

#### 1.9.1. Gaussian Naive Bayes

GaussianNB implements the Gaussian Naive Bayes algorithm for classification. The likelihood of the features is assumed to be Gaussian:

$$P(x_i \mid y) = rac{1}{\sqrt{2\pi\sigma_y^2}} \mathrm{exp}\left(-rac{(x_i - \mu_y)^2}{2\sigma_y^2}
ight)$$

The parameters  $\sigma_y$  and  $\mu_y$  are estimated using maximum likelihood.

```
>>> from sklearn.datasets import load_iris
>>> from sklearn.model_selection import train_test_split
>>> from sklearn.naive_bayes import GaussianNB
>>> X, y = load_iris(return_X_y=True)
>>> X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.5, random_state=0)
>>> gnb = GaussianNB()
>>> y_pred = gnb.fit(X_train, y_train).predict(X_test)
>>> print("Number of mislabeled points out of a total %d points : %d"
... % (X_test.shape[0], (y_test != y_pred).sum()))
Number of mislabeled points out of a total 75 points : 4
```

Acá explico como el tema se aplica.

Referencia: 1.9. Naive Bayes — scikit-learn 1.2.2 documentation

# **Ejercicios resueltos**

## Viernes 14 de abril

## Ejercicio:

Calcula la media de estos datos 1, 2, 3, 4, 5, 6, 77, 88, 88, 88

#### Respuesta:

El promedio se calcula con la ecuación  $\frac{\sum_{i}^{m}k}{m}$ , usando esta fórmula,

```
# Esta lista contiene los datos que vamos a calcular el promedio
lista = [1,2,3,4,5,6,77,88,88,88]

'''
Con esta función vamos obtener la cantidad de datos en la lista,
que es contar la cantidad de elementos.

'''

total = len(lista)

'''

Vamos obtener la suma de los elementos contenidos en la lista
'''

suma_total = sum(lista)

'''

El siguiente código replicla la ecuación del promedio
'''

promedio = suma_total/total
```

```
# Esta lista contiene los datos que vamos a calcular el promedio
lista <- c(1,2,3,4,5,6,77,88,88,88)

#Con esta función vamos obtener la cantidad de datos en la lista, que es contar la cantidad de elementos.

total = length(lista)

# Vamos obtener la suma de los elementos contenidos en la lista

suma_total = sum(lista)

# El siguiente código replicla la ecuación del promedio

promedio = suma_total/total

# Esta función pertenece a la liberia base de R calcula la media de un vector mean(lista)</pre>
```

## Lunes 17 de Abril

#### **Ejercicio:**

Calcula el valor esperado de la varaible aleatoria  $Y = \sum_{i=0}^M X_i$  si cada  $X_i$  tiene valor esperado  $E(X_i) = i$ .

#### Respuesta:

De la propiedad lineal de la esperanza,

$$E(Y) = E\left(\sum_{i=0}^{M} X_i
ight) = \sum_{i=0}^{M} E(X_i) = \sum_{i=0}^{M} i = rac{M(M+1)}{2}$$

donde usamos la ecuación  $1+2+3+4+\cdots+n=rac{n(n+1)}{2}$  para M=n y como  $E(X_0)=0$  no afecta la ecuación.