# Contents

C	onter	$\mathbf{t}\mathbf{s}$	
1	TO 1.1 1.2 1.3 1.4	TechD Genera class N	oc
2	clas	s Neur	ron
	2.1	Attrib	utes
		2.1.1	int inputs
		2.1.2	int nrInputs
		2.1.3	float netInput
		2.1.4	float weights []
		2.1.5	float threshold
	2.2	Consti	ructors
		2.2.1	Neuron(int nrInputs)
	2.3		ds
		2.3.1	Boolean setInput(int nrInput)
		2.3.2	Boolean unsetInput(int nrInput)
		2.3.3	Boolean setWeight(int nrInput, float weight)
		2.3.4	void setThreshold(float threshold)
		2.3.5	float getOutput()
3	clas	s Conr	nection
	3.1	Attrib	utes
		3.1.1	Neuron neuronFrom
		3.1.2	Neuron neuronTo
		3.1.3	$int\ input \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots$
		3.1.4	float connWeight
		3.1.5	float weightToSet
	3.2	Consti	ructors
		3.2.1	Connection(Neuron neuronFrom, Neuron neuronTo, int input, float
			connWeight)
	3.3	Metho	ds
		2 2 1	void run()

CONTENTS 2

4	clas	s MultiLayerPerceptron	7	
	4.1	Attributes	7	
		4.1.1 Neuron inputNeuron[]	7	
		4.1.2 Neuron hiddenNeuron[][]	7	
			7	
		4.1.4 int hiddenLayers	7	
			7	
			7	
		<del></del>	7	
		4.1.8 float outputVector[]	8	
		<del></del>	8	
		- 2	8	
		63.63	8	
	4.2		8	
		4.2.1 MultiLayerPerceptron(int inputNeurons, int hiddenNeuronsPerLayer,		
		int hiddenLayers, int outputNeurons)	8	
	4.3	Methods	8	
			8	
			9	
5	Pro	spective Enhancements 18	3	
	5.1	Up to 64 inputs/outputs	3	
	5.2	Activation function and Output function settable	3	
6	Test results			
	6.1	results19Unit test for NeuronFloat19		
7	Disc	earded 20	o	

## **TODOs**

#### 1.1 TechDoc

Update of chapters Neuron, Connection, MultiLayerPerceptron

#### 1.2 General

Description, Header (File-Header too), Comments

#### 1.3 class MultiLayerPerceptron

Default Konstructoren (mit weniger Variablen), die Hauptkonstruktor, mit Default-Werten aufrufen

#### 1.4 Tests

artificial Neural Network durchgehen und Test entwerfen, die jede Zeile und Sonderfaelle abdecken

Vergleich von verschiedenen Topologien, welche erreicht am schnellsten die Loesung Alle Tests rein kommentieren, Ergebnisse in extra txt-files

### class Neuron

Uses step function for calculating the output.

#### 2.1 Attributes

#### 2.1.1 int inputs

For all inputs one integer variable is used. So the neuron can handle up to 32 inputs, which can just be 0 or 1.

#### 2.1.2 int nrInputs

Specifies how many inputs (respectively bits of the variable inputs) shall be used.

#### 2.1.3 float netInput

The result of the net input function: netInput = input.1 \* weights[0] + ... + input.32 \* weights[31] So far also used as output.

#### 2.1.4 float weights[]

The weights of the inputs. Array size depends on the number of inputs.

#### 2.1.5 float threshold

The threshold when output is activated.

#### 2.2 Constructors

#### 2.2.1 Neuron(int nrInputs)

Sets nrInputs, size of array weights and initialzes inputs, netInput, and weights to 0, activated to false, and threshold to max (0x7fffffff).

#### 2.3 Methods

#### 2.3.1 Boolean setInput(int nrInput)

Sets given input to 1 by shifting a 1 to the corresponding bit in inputs.

Returns true if input was set, returns false if input number is to high.

#### 2.3.2 Boolean unsetInput(int nrInput)

Sets given input to 0 by shifting a 1 to the corresponding bit in inputs and bitwise inverting it.

Returns true if input was unset, returns false if input number is to high.

#### 2.3.3 Boolean setWeight(int nrInput, float weight)

Puts the given weight into the for the given input corresponding field in the weights array. Returns true if weight was set, returns false if input number is to high.

#### 2.3.4 void setThreshold(float threshold)

Sets threshold for the neuron.

#### 2.3.5 float getOutput()

Calculates the netInput, the result of the net input function, and uses the activation function for returning the output.

So far, there is no extra output variable in the class, since the output function is just the identity. So the method returns the variable netInput.

So far, the activation function is just a step function, which is implemented as a simple if-else.

## class Connection

Connects the output of a neuron to an input of another neuron. The weight of the following input is the output value times the weight of the connection.

#### 3.1 Attributes

#### 3.1.1 Neuron neuronFrom

Neuron the output is taken from.

#### 3.1.2 Neuron neuronTo

Neuron the input is set.

#### 3.1.3 int input

Input of neuronTo which is set.

#### 3.1.4 float connWeight

Weight of the connection.

#### 3.1.5 float weightToSet

Weight set in neuronTo. Output of neuronFrom \* weight of connection.

#### 3.2 Constructors

# 3.2.1 Connection(Neuron neuronFrom, Neuron neuronTo, int input, float connWeight)

Just sets neuronFrom, neuronTo, input, and connWeight.

#### 3.3 Methods

#### 3.3.1 void run()

Calculates the weight for neuronTo. The weight, which is set, is calculated by getOutput() from neuronFrom \* the weight of the connection.for neuronTo. The calculated weight is

set to the given input.

The method uses getActivation() from neuronFrom to set or unset the given input of neuronTo.

## class MultiLayerPerceptron

Automatically builds a multi-layer perceptron. The number of input neurons and output neurons can be set in any case, more possibilities depends on the constructors. The maximum number of neurons for one layer is 32.

#### 4.1 Attributes

#### 4.1.1 Neuron inputNeuron[]

Input layer, size depends on definition.

#### 4.1.2 Neuron hiddenNeuron[][]

Hidden layer(s), dimension 1 depends on how many hidden layers are defined (or calculated). Dimension 2 depends on how many hidden neurons are defined (or calculated).

#### 4.1.3 Neuron outputNeuron[]

Output layer, size depends on definition.

#### 4.1.4 int hiddenLayers

Size of 1st dimension of array hiddenNeuron. Depending on the constructor this value may be settable or be calculated in the constructor.

#### 4.1.5 float inputConnWeights[]

Weights of the connections between input layer and 1st hidden layer.

#### 4.1.6 float hiddenConnWeights[][]

Weights of the connections between the hidden layers (if more than 1 is defined or calculated). The size of the 1st dimension of this array is set by hiddenLayers.

#### 4.1.7 float outputConnWeights[]

Weights of the connections between the last hidden layer and the output layer.

#### 4.1.8 float outputVector[]

The result of the multi layer perceptron, is returned by the method run(). The size of the array depends on the number of output neurons.

#### 4.1.9 Connection inputConnection[]

Connections between input layer and 1st hidden layer.

#### 4.1.10 Connection hiddenConnection[][]

Connections between the hidden layers (if more than 1 is defined or calculated). The size of the 1st dimension of this array is set by hiddenLayers.

#### 4.1.11 Connection outputConnection[]

Connections between the last hidden layer and the output layer.

#### 4.2 Constructors

#### 4.2.1 MultiLayerPerceptron(int inputNeurons, int hiddenNeuronsPer-Layer, int hiddenLayers, int outputNeurons)

The constructor creates a multi-layer perceptron with the given number of input neurons, number of hidden neurons per layer, number of hidden layers and number of output neurons.

Each input neuron is implemented with one input. All neurons will be connected automatically to each neuron of the following layer, except of the output layer. So the number of inputs for the hidden neurons is calculated by the number of input neurons for the first layer and by the number of hidden neurons for all hidden layers and, in case of just one output neuron, for the output layer. If there are more than one output neuron the outputs of the last hidden layer are split to the output neurons, the lower hidden neurons to the lower output neurons etc., so the number of inputs will be calculated by dividing the number of hidden neurons by the number of output neurons. Therefore it is not possible to have more output neurons than hidden neurons and there must be at least one hidden layer. In case the division has a remainder one more input is added to each output neuron. The weights and the thresholds of all neurons and the weights of all connections will be initialised with 1.

The constructor calculates the amount of weights for each layer, stored in the corresponding arrays and then sets the connections.

The output vector is set to 0.

#### 4.3 Methods

#### 4.3.1 float [] run(int input Vector)

The method just executes the built multi-layer perceptron. The inputs of the input neurons are set with the given input vector. Than the connections of the different layers are executed one after another, starting with the first connection of the input layer, by calling the run()-methods of the connections. Finally, the getOutput()-methods of the output-neurons are called and the output vector returned.

#### 4.3.2 void backpropagation(float[] resultOut, float[] wantedOut)

```
TODO: Klaeren ob inkl. threshold
        Kommentare \ in \ Tech Doc
3
4
5
        Beispiel: 2\ Input, \ 4\ Hidden, \ 2\ Hidden layer, \ 2\ Output
6
           Connection each, Oupuzt connection 2 Groups
8
           input Connection [] \ | \ hidden Connection [][] \ | \ output Connection []
9
10
11
                  2
12
                  3
13
           1 >
14
15
                  1
                  2
16
                  3
17
18
           2 >
                     0
19
                  2
20
                  3
22
23
                  2
24
25
26
          : 0 >
                       0
27
                  2
                    >
28
30
           1 >
31
                  1
32
                  3
33
                     0
34
          2 >
35
                  2
36
37
                  3
38
                  1
39
40
                  2
                  3
41
42
43
44
45
      * \ Backpropagation \ all gemein:
       deltaGewichtsvektor\_u = Lernfaktor (Summe \tilde{A}\frac{1}{4}ber Folgeneuronen ((Summe \tilde{A}\frac{1}{4}ber
46
          Ausgabeneuronen (
         (Erwartete\ Ausgabe-Ausgabe)\ dAusgabe-Ausgabeneuron\ nach
47
           dNetzeingabe\_Folgeneuron))*Gewicht\_Neuron-FolgeNeuron)
        ) dAusgabe_u nach dNetzeingabe_u * Eingabevektor_u (S.71)
48
49
      * F\widetilde{A}_{1}^{1}r Identiaet als Ausgabefunktion und logistischer Aktivierungsfunktion:
50
      * delta Gewichtsvektor_u = Lern faktor (Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Folgeneuronen ((Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Folgeneuronen))
51
           Ausgabeneuronen (
       (Erwartete\ Ausgabe\_Ausgabeneuron\ -\ Ausgabe\_Ausgabeneuron\ )\, dAusgabe\_Ausgabeneuron
52
            nach\ dNetzeingabe\_Folgeneuron))*Gewicht\_FolgeNeuron-u)
53
      * ) Ausgabe_u (1 - Ausgabe_u) * Eingabevektor_u
54
      * -> SCHICHTENWEISE
55
     \rightarrow Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Ausgabeneuronen:
```

```
*-> Summe Årac{1}{4}ber Folgeneuronen: Pfad im Netz muss mathematisch nachgebildet
57
     * -> Eingabevektor muss angepasst werden, enthaelt Bitmuster
58
     * -> bei logistischer Funktion:
59
     60
            -Ausgabe\_Ausgabeneuron)
61
62
     *\ Einzelner\ Gradientenabstieg:
     * delta Gewichtsvektor-u = Lernfaktor (Erwartete Ausgabe - Ausgabe) Ausgabe (1 -
63
         Ausgabe) * Eingabevektor_u
     * -> pro inputneuron:
64
     *\ delta\ Gewicht\_u = Lernfaktor\ (Erwartete\ Ausgabe\ -\ Ausgabe)\ Ausgabe\ (1\ -\ Ausgabe
65
         ) * Eingabe_u
66
     st Um delta Gewicht f\AA rac{1}{4}r jede verbindung zu berechnen erst mit for-loop \AA rac{1}{4}ber
67
          output connection .\ length
     * dann for (int i = hiddenLayer - 2; i >= 0; i++) -> loop <math>\tilde{A} = hiddenLayer [i]. length
68
     * dann \ for-loop \ 	ilde{A} rac{1}{4} ber \ input Connection. length
69
70
71
     st Um Folgeneuronen zu ermitteln Position in Array ben	ilde{A}\Ptigt, dann loops 	ilde{A}rac{1}{4}ber die
           folgende
72
     * Netzstruktur (nicht einfach \tilde{A}\frac{1}{4}ber die ConnectionArrays)
      *********************************
73
74 private void backpropagation(float[] resultOut, float[] wantedOut){
        // TODO: Kommentare wof \tilde{A} \frac{1}{4}r Variablen, Richtige Reihenfolge
75
        int connectionsOfNeuron;
76
        int neuronsInLayer;
77
        {\bf int} \ {\tt neuronsInNextLayer} \, ;
78
        int offset;
79
        float trainingCoefficient = 0.2f;
80
        float weight Delta = 0;
81
82
        float connWeights[];
        Connection connections[];
83
84
        float outputOfNeuron;
        float inputVectorOfNeuron;
85
86
        // Um deltaGewicht f\tilde{A}\frac{1}{4}r jede verbindung zu berechnen loop \tilde{A}\frac{1}{4}ber alle (
87
            Verbindungs-)Layer...
        for (int layer = hiddenLayers; layer >= 0; layer --){
88
          // Bestimmen der Position des Neurons im Netz und der folgenden
89
          // Struktur f\tilde{A}\frac{1}{4}r die Summe \tilde{A}\frac{1}{4}ber die Folgeneuronen,
90
          // d.h. f	ilde{A}rac{1}{4}r die Grenze der for-Schleife. Daher nur int neuronsInLayer
91
               ben \tilde{A} \P tigt
          // -> mit layer ermitteln in welchem Layer: output, hidden o input
92
          // -> mit neuron an welcher Stelle im Layer
93
94
          // Grenze f\tilde{A}\frac{1}{4}r Summe \tilde{A}\frac{1}{4} ber Folgeneuronen
95
          // DEBUG
96
          System.out.println("int layer = " + hiddenLayers + "; layer >= 0; layer: " +
97
              layer + "{");
98
          // Outputconnection layer
99
100
          if (layer = hiddenLayers) {
            neuronsInLayer = hiddenNeuron[layer -1].length;
101
            neuronsInNextLayer = 1;
102
103
            // Es gibt nur Verbindung(en) vom letztem Hidden Layer zu OutputNeuron(en)
104
105
            // TODO: Abbruchbedingung, ist noch falsch, ben\tilde{A}¶tigt allgemein g\tilde{A}\frac{1}{4}ltigen
106
                 Ausdruck
               Go to next output neuron if all inputs are connected
107
            // Funktioniert nur wenn neuron > 0
108
            //while \ \ ((neuron\ \%\ (hidden Neuron\ [hidden Layers-1].\ length/output Neuron\ .\ length/output Neuron\ .
                 )) != 0){}
110
            // Im Moment nur eine Verbindung von hidden Neuron zu outputLayer
111
```

```
connectionsOfNeuron = 1;
112
113
114
                  // Connections between last hidden and output layer
115
116
                   int inp = 0;
                   int \ outNeur = -1;
117
118
                   // From each hidden neuron...
119
                  for \ (int \ hidNeur = 0; \ hidNeur < hiddenNeuron[hiddenLayers - 1].length; \ hidNeur < hiddenNeuron[hiddenLayers - 1].length; \ hidNeuron[hiddenLayers - 1].length; \ hidNeuron[hidd
120
                          ++, inp++){
121
                      // Go to next output neuron if all inputs are connected
122
                      if \ \ ((\mathit{hidNeur}\ \%\ (\mathit{hiddenNeuron}\ [\mathit{hiddenLayers}-1].\ length/outputNeuron.\ length))
123
                              == 0){
                           outNeur++;
                           inp = 0;
125
126
127
                      // ... to the "nearest" output neuron (if several are available)
128
                       outputConnection[hidNeur] = new\ Connection(hiddenNeuron[hiddenLayers-1]]
129
                               outputNeuron[outNeur], inp, outputConnWeights[hidNeur]);
130
131
                   ********************
132
133
                      /\!/ TODO: Auch hier allgemeine Formulierungen
134
                      connWeights = new float [outputConnWeights.length];
135
136
                      connWeights = outputConnWeights;
137
                      connections = new Connection [outputConnection.length];
138
139
                      connections = outputConnection;
                  }
140
141
                   // InputConnection layer
142
                  else if (layer = 0)
143
                      neuronsInLayer = inputNeuron.length;
144
145
                      neuronsInNextLayer = hiddenNeuron[0].length;
146
                      // TODO: Allgemein g\tilde{A}\frac{1}{4}ltiger Ausdruck
147
                      // Im Moment nur von jeden inputNeuron zu jedem hiddenNeuron
148
149
                      connectionsOfNeuron = hiddenNeuron [0].length;
150
151
                  // Connections between input layer and 1st hidden layer
152
                   int position In Layer = 0;
153
154
                  // From each input neuron...
155
                  for (int inp = 0; inp < inputNeuron.length; inp++){
156
157
                      // ... to each neuron of the 1st hidden layer
158
                      for \ (int \ conn = 0; \ conn < hiddenNeuron[0].length; \ conn++) \{
159
160
                           inputConnection[positionInLayer] = new Connection(inputNeuron[inp],
161
                                  hidden Neuron \ [0] \ [conn] \ , \ inp \ , \ input Conn Weights \ [position In Layer]) \ ;
162
163
                          positionInLayer++;
164
                      }
165
                  }
166
                   *********************
167
168
                      connWeights = new float [inputConnWeights.length];
169
                      connWeights = inputConnWeights;
170
                      connections = new Connection [inputConnection.length];
172
173
                      connections = inputConnection;
174
                   175
176
                   // Connection weights
                  inputConnWeights = new float[inputNeurons * hiddenNeuronsPerLayer];
177
178
```

```
hiddenConnWeights = new \ float \ [hiddenLayers-1] \ [hiddenNeuronsPerLayer * \ ]
179
                            hiddenNeuronsPerLayer];
180
                    outputConnWeights = new float[hiddenNeuronsPerLayer];
181
182
                    Struktur siehe Connections weiter oben
183
184
                   }
185
186
                    // Hidden Layer
                    else {
188
189
                        neuronsInLayer = hiddenNeuron[layer -1].length;
                        neuronsInNextLayer = hiddenNeuron[layer].length;
190
191
                        // TODO: Allgemein g\tilde{A}\frac{1}{4}ltiger Ausdruck
192
                        //\ Im\ Moment\ nur\ von\ jeden\ hidden Neuron\ zu\ jedem\ hidden Neuron\ im\ Folgelayer
193
                        connectionsOfNeuron = hiddenNeuron[layer].length;
194
195
                        connWeights = new float [hiddenConnWeights[layer - 1].length];
196
197
                        connWeights = hiddenConnWeights[layer -1];
198
199
                        connections = new Connection [hiddenConnection[layer -1].length];
                        connections = hiddenConnection[layer-1];
200
                   }
201
                    //DEBUG
202
203
                   System.out.println("\tconnWeights.lenght: " + connWeights.length);
204
                    // ..., \tilde{A} rac{1}{4} ber alle Neuronen in dem Layer...
205
                    for (int neuron = 0; neuron < neuronsInLayer; neuron++){
206
207
                        //DEBUG
                        System.out.println("\tfor (int neuron = 0; neuron < "+neuronsInLayer+";
208
                                neuron: "+neuron+" {");
209
                        // Position of 1st connection of this neuron (Is the same // for all neurons in this layer)
210
211
                        offset = neuron * connectionsOfNeuron;
212
213
                        // ... und nu \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber alle Verbindungen des Neurons
214
                        for (int conn = 0; conn < connectionsOfNeuron; conn++){
215
                             //DEBUG
216
                            System.out.println ("\t\tfor (int conn = 0; conn < "+connectionsOfNeuron+") + (int conn = 0; conn < "+connectionsOfNeuron+") + (int connectionsOfNeuron+") + (int connectionsOfNeuro+") + (int connectionsOfNeuro+") +
217
                                    ; conn" +conn+ "{");
218
                            /*** Notwendig?
219
                            /// pro Inputneuron:
// Notwendig? wie sonst inputVector[inp] verwenden?
220
221
                            for (int inp = 0; inp < inputNeuron.length; inp++){}
                            223
                             ***/
224
225
                            // Beginn der Berechnung

// deltaGewichtsvektor\_u = Lernfaktor * -> hinter die Summen verschoben

// weightDelta = training Coefficient *
226
227
228
229
                             // DEBUG
230
                            System.out.println("\t\tneuronsInNextLayer: " + neuronsInNextLayer);
231
232
233
                            // Summe \tilde{A}_{4}^{1} ber Folgeneuronen
234
                            for (int succ = 0; succ < neuronsInNextLayer; succ++){
235
                                 // Summe \tilde{A}\frac{1}{4}ber Ausgabeneuronen
236
                                for (int out = 0; out < outputNeuron.length; out++){
237
                                     weightDelta += (
238
                                     //\ Erwartete\ Ausgabe\_Ausgabeneuron\ -\ Ausgabe\_Ausgabeneuron
239
                                     (wantedOut[out] - resultOut[out]) *
240
                                     //dAusgabe\ nach\ dNetzeingabe
241
                                     resultOut[out] * (1- resultOut[out]));
242
                                M_{\star} for () Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Ausgabeneuronen
243
```

```
244
                                    // Bestimmen der Position im Netz um Gewicht_Neuron-FolgeNeuron zu
                                             laden
                                           layer \ und \ neuron: \ Position \ von \ Neuron \ im \ Netz
246
                                           connectionsOfNeuron: Anzahl der Folgeneuronen von Neuron
247
                                    // succ: x-tes FolgeNeuron von Neuron
248
249
                                    // * Gewicht_Neuron-FolgeNeuron
250
251
                                     //DEBUG
252
                                    System.out.println("\t\t\connWeights["+ (offset+succ) + "]");
253
254
                                     weightDelta *= connWeights[offset + succ];
255
256
                               M_{\star} for () Summe \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber Folgeneuronen
257
                                // * Ausgabe\_u (1 - Ausgabe\_u) * Eingabevektor\_u \\ // Ausgabe\_u = getOutput von aktuellem Neuron -> connection[neuron + Partial Par
258
259
                                         conn ] . getNeuronTo . getOutput
                                     Eingabevektor_{-}u = inputs[] \ von \ aktuellem \ Neuron \rightarrow getInputVector()
260
                                         in Neuron implementieren
                                // Eingabevektor_u = netInput, da Verbindungsgewichte schon in inputs
261
                                         integriert
                                outputOfNeuron = connection [neuron + conn].getNeuronTo.getOutput;
262
                               inputVectorOfNeuron = connection [neuron + conn].getNeuronTo.getNetInput;
263
264
265
                                weightDelta *= (outputOfNeuron * (1 - outputOfNeuron) *
                                        inputVectorOfNeuron;
266
                               // deltaGewichtsvektor_u = Lernfaktor * -> hinter die Summen verschoben
267
268
                                weightDelta *= trainingCoefficient;
269
                                // Add calculated weight difference to connection weight
270
                                connections \left[\, neuron \, + \, conn \, \right]. \, addWeightDelta \left(\, weightDelta \, \right);
271
                          for() \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber alle Verbindungen
272
                     \}// for () \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber alle Neuronen
273
                 M_{4} / for() \tilde{A}_{4}  ber alle (Verbindungs-)Layer
274
            }// backpropagation()
275
   1
                                                                             *********************
   2
            * TODO: Aufraeumen
   3
   4
                Beispiel: 2 Input, 4 Hidden, 2 Hiddenlayer, 2 Output
   5
                      Connection each, Oupuzt connection 2 Groups
   6
                     input Connection [] \mid hidden Connection [][] \mid output Connection []
   8
   9
                    : 0 >
                                             \theta >
  10
                                    2
 11
                                    3
  12
                      1 >
                                         0
 13
                                    1
 14
                                    2
 15
                                    3
 16
 17
                      2 >
                                         0
 18
                                    2
 19
                                    3
 20
 21
                     3 >
 22
 23
                                    2
                                    3
 24
                    : 0 >
                                             0
 25
 26
                                    2 >
                                                       1
 27
```

```
28
                  1 >
29
                               1
30
                               2
31
                               3
32
                                   0
                  2 >
33
34
                               2
35
                              3 >
36
                  3 >
37
                               1
38
39
                               2
40
41
42
43
         * Backpropagation allgemein:
44
         * delta Gewichtsvektor_u = Lernfaktor (Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Folgeneuronen ((Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber
45
                  Ausgabeneuronen (
              (\textit{Erwartete} \ \textit{Ausgabe} - \textit{Ausgabe}) \ \textit{dAusgabe\_Ausgabeneuron} \ \textit{nach}
46
                  dNetzeingabe\_Folgeneuron))*Gewicht\_Neuron-FolgeNeuron)
             ) dAusgabe_u nach dNetzeingabe_u * Eingabevektor_u (S.71)
47
48
         * F \hat{A} rac{1}{4} r Identia et als Ausgabe funktion und logistischer Aktivierung sfunktion:
49
         * delta Gewichtsvektor_u = Lernfaktor (Summe \hat{A}\frac{1}{4}ber Folgeneuronen ((Summe \hat{A}\frac{1}{4}ber
50
                  Ausaabeneuronen (
51
             (Erwartete\ Ausgabe\_Ausgabeneuron\ -\ Ausgabe\_Ausgabeneuron\ )\, dAusgabe\_Ausgabeneuron
                    nach\ dNetzeingabe\_Folgeneuron))*Gewicht\_FolgeNeuron-u)
52
         * ) Ausgabe_u (1 - Ausgabe_u) * Eingabevektor_u
53
         * -> SCHICHTENWEISE
54
         \rightarrow Summe \tilde{A}\frac{1}{4} ber Ausgabeneuronen:
55
         * -> Summe \hat{A} rac{1}{4} ber Folgeneuronen: Pfad im Netz muss mathematisch nachgebildet
56
57
         * \rightarrow Eingabevektor\ muss\ angepasst\ werden, enthaelt\ Bitmuster
         * -> bei logistischer Funktion:
58
         * \ dAusgabe\_Ausgabeneuron \ nach \ dNetzeingabe\_Folgeneuron = Ausgabe\_Ausgabeneuron \ (1 \ Ausgabe\_Ausgabeneuron)
59
                     -Ausgabe\_Ausgabeneuron)
60
         *\ Einzelner\ Gradientenabstieg:
61
             delta\ Gewichtsvektor\_u = Lernfaktor\ (Erwartete\ Ausgabe\ - Ausgabe)\ Ausgabe\ (1-e)
62
                 Ausgabe) * Eingabevektor_u
63
         * \rightarrow pro inputneuron:
             delta\ Gewicht_-u = Lernfaktor\ (Erwartete\ Ausgabe\ -\ Ausgabe)\ Ausgabe\ (1\ -\ Ausgabe)
64
                  ) * Eingabe_u
65
         st Um deltaGewicht f\AA rac{1}{4}r jede verbindung zu berechnen erst mit for-loop \AA rac{1}{4}ber
66
                  output connection \ . \ length
         * \ dann \ for \ (int \ i = hiddenLayer-2; \ i>=0; \ i++) -> \ loop \ \tilde{A} \\ \frac{1}{4} ber \ hiddenLayer[i]. \ length \ loop \ l
67
         * dann \ for-loop \ \tilde{A} \frac{1}{4} \ ber \ input Connection. \ length
68
69
         st Um Folgeneuronen zu ermitteln Position in Array ben	ilde{A}\Ptigt, dann loops 	ilde{A}rac{1}{4}ber die
70
                    folgende
         * Netzstruktur (nicht einfach \tilde{A}\frac{1}{4}ber die ConnectionArrays)
71
72
         st Umwandlung des Schwellenwertes in ein Gewicht: Der Schwellenwert wird auf 0
73
                  festgelegt, als Ausgleich wird ein zusaetzlicher (imaginaerer)
              Eingang (x_-0) eingefuehrt, der den festen Wert 1 hat und mit dem negierten
74
                  Schwellenwert\ gewichtet\ wird.(S.32)
          **********************
75
76 private void backpropagation(float[] resultOut, float[] wantedOut){
              // TODO: wof \tilde{A} \frac{1}{4}r Variablen, Richtige Reihenfolge
77
              float trainingCoefficient = 2;
78
              float weightDelta = 0;
```

```
float succWeights[] = new float[1];
80
        Connection connections [] = new Connection [1];
 81
        int succNeurons = 0:
82
 83
        int numberOfThresholds;
 84
        float outputOfNeuron;
 85
        float inputOfNeuron;
 86
        int position;
 87
        // Um deltaGewicht f\hat{A}^{1}_{4}r jede verbindung zu berechnen erst loop \hat{A}^{1}_{4}ber alle (
88
             Verbindungs-)Layer...
        {\bf int} \ \ {\bf connectionLayer} \ = \ {\bf hiddenLayers} \ - \ 1;
 89
 90
        for (int layer = connectionLayer; layer >= 0; layer --){
91
92
 93
          // Outputconnection layer
          if (layer == connectionLayer){
94
             connections = new Connection [outputConnections.length];
95
 96
             connections = outputConnections;
97
98
            numberOfThresholds = outputNeurons.length;
99
100
101
          // InputConnection layer
          else if (layer == 0)
102
103
             if (connectionLayer > 1){
104
               succWeights = new float [hiddenConnWeights[0].length];
               succWeights = hiddenConnWeights[0];
105
106
               // Number of inputs of neuron in 1st hidden layer = number of // successive neurons
107
108
               succNeurons = hiddenConnWeights [0].length/hiddenNeurons [0].length;
109
            }
110
            else {
111
               succWeights = new float [outputConnWeights.length];
112
               succWeights = outputConnWeights;
113
114
115
               succNeurons = outputConnWeights.length/outputNeurons.length;
            }
116
117
            connections = new Connection [inputConnections.length];
118
119
            connections = inputConnections;
120
            numberOfThresholds = inputNeurons.length;
121
          }
122
123
          // Hidden Layer
124
125
             if (layer = connectionLayer -1){
126
               succWeights = new float [outputConnWeights.length];
127
               succWeights = outputConnWeights;
129
130
               // Nur eine Verbingung pro Neuron zum outputLayer
131
               succNeurons = 1;
132
133
134
            else {
               succWeights = new float [hiddenConnWeights[layer + 1].length];
135
               succWeights = hiddenConnWeights[layer + 1];
136
137
138
               // To each neuron of the following layer
               succNeurons = hiddenNeurons[layer + 1].length;
139
140
141
            connections = new Connection [hiddenConnections[layer].length];
142
143
            connections = hiddenConnections[layer];
144
            numberOfThresholds = hiddenNeurons[layer].length;
145
146
147
          // ... und nu \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber alle Verbindungen
148
```

```
for (int conn = 0; conn < (connections.length); conn++)\{
149
150
             // Gradientenabstieg f	ilde{A}rac{1}{4}r outputLayer
             if (layer == connectionLayer){
152
               // delta Gewichtsvektor_u = Lernfaktor (Erwartete Ausgabe - Ausgabe)
153
                    Ausgabe\ (1\ -\ Ausgabe)\ *\ Eingabevektor\_u
               // \rightarrow delta \ Gewichtsvektor_u = Lernfaktor \ Ausgabe \ (1 - Ausgabe) *
154
                    Eingabevektor\_u auch in backpropagation (hinter for-loops)
               // \rightarrow nur \ (Erwartete \ Ausgabe - Ausgabe) \ ben \tilde{A} \P tigt
155
               position = connections[conn].getPositionNeuronTo();
156
157
               weightDelta = wantedOut[position] - resultOut[position];
158
159
160
             // Da real backpropagation
161
162
             else {
               // Beginn der Berechnung

// deltaGewichtsvektor_u = Lernfaktor * \rightarrow hinter die Summen verschoben

// weightDelta = trainingCoefficient *
163
164
165
166
               // Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Folgeneuronen
167
               for (int succ = 0; succ < succNeurons; succ++){
168
                 int sumOutputNeurons = 0;
169
170
                  // Summe \tilde{A}^{\frac{1}{4}}ber Ausgabeneuronen
171
                  172
                    sumOutputNeurons += (
173
                    // Erwartete Ausgabe\_Ausgabeneuron - Ausgabe\_Ausgabeneuron
174
                    (wantedOut[out] - resultOut[out]) *
175
                    //dAusgabe nach dNetzeingabe
176
177
                    resultOut[out] * (1- resultOut[out]));
                 M_{1}^{2}/M_{2}^{2} for () Summe \tilde{A}_{4}^{1} ber Ausgabeneuronen
178
179
                  weightDelta += sumOutputNeurons;
180
181
182
                  // * Gewicht_Neuron-FolgeNeuron
183
                  position = connections[conn].getPositionNeuronTo();
184
185
                  weightDelta *= succWeights[position];
               M_{\star} for () Summe \tilde{A} \frac{1}{4} ber Folgeneuronen
186
187
188
             // * Ausgabe_u (1 - Ausgabe_u) * Eingabevektor_u
189
             // Ausgabe_u = getOutput von aktuellem Neuron -> connection [neuron + conn
190
                  ].\ getNeuronTo.\ getOutput
             // Eingabevektor_u = inputs [] von aktuellem Neuron \rightarrow getInputVector() in
191
                 Neuron\ implementieren
             outputOfNeuron = connections [conn].getNeuronTo().getOutput();
192
193
             inputOfNeuron = connections [conn].getNeuronFrom().getOutput();
194
             weightDelta *= (outputOfNeuron * (1 - outputOfNeuron) * inputOfNeuron);
195
196
             // deltaGewichtsvektor_{-}u = Lernfaktor * \rightarrow hinter die Summen verschoben
197
             weightDelta *= trainingCoefficient;
198
199
             // Add calculated weight difference to connection weight
200
             connections [conn].addWeightDelta(weightDelta);
201
          M for () \tilde{A} \frac{1}{4} ber alle Verbindungen
202
203
           // for \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber die Thresholds
204
           for (int thresh = 0; thresh < numberOfThresholds; thresh++){
205
             // TODO: Der Schwellenwert wird auf 0 festgelegt??? noch notwendig?
206
             // , als Ausgleich wird ein zusaetzlicher (imaginaerer)
207
             // Eingang (x_-0) eingef \hat{A} \frac{1}{4} hrt, der den festen Wert 1 hat und mit dem
208
                  negierten Schwellenwert gewichtet wird.(S.32)
             // Position in Layer = threshold * Anzahl der Verbindungen pro Neuron ->
209
                 Anzahl der Verbinungen in Layer / Anzahl der Neuronen (Thresholds)
```

```
int positionInLayer = thresh * (connections.length / numberOfThresholds);
210
               float oldThresh = -1 * connections[positionInLayer].getNeuronTo().
                   getThreshold();
212
              // Gradientenabstieg f\tilde{A}\frac{1}{4}r outputLayer
213
              if \ (layer == connection Layer) \{\\
214
215
                 // delta Gewichtsvektor_u = Lernfaktor (Erwartete Ausgabe - Ausgabe)
                      Ausgabe\ (1-Ausgabe)\ *\ Eingabevektor\_u
                 //-> delta \ Gewichtsvektor_u = Lernfaktor \ Ausgabe \ (1 - Ausgabe) *
216
                      Eingabevektor_u auch in backpropagation (hinter for-loops)
                 // \rightarrow nur \ (Erwartete \ Ausgabe - Ausgabe) \ ben \tilde{A} \P tigt
217
                 // Erwartete Ausgabe - Ausgabe
218
                 // Note: Anzahl thresholds entspricht Anzahl, und somit Position, von
219
                      Output Neuron\\
                 weightDelta = wantedOut[thresh] - resultOut[thresh];
220
221
222
223
               // Da real backpropagation
               else {
                 // Beginn der Berechnung
225
226
                 // delta Gewichtsvektor_u = Lernfaktor * -> hinter die Summen verschoben
                 // weightDelta = trainingCoefficient *
227
228
                 // Summe \tilde{A}^{\frac{1}{4}}ber Folgeneuronen
229
                 \label{eq:formula} \textbf{for} \hspace{0.2cm} (\textbf{int} \hspace{0.2cm} \texttt{succ} \hspace{0.2cm} = \hspace{0.2cm} 0\hspace{0.2cm}; \hspace{0.2cm} \texttt{succ} \hspace{0.2cm} < \hspace{0.2cm} \texttt{succNeurons}\hspace{0.2cm}; \hspace{0.2cm} \texttt{succ} \hspace{0.2cm} + \hspace{0.2cm} +) \{
230
231
                   int sumOutputNeurons = 0;
232
233
                   // Summe \tilde{A}\frac{1}{4}ber Ausgabeneuronen
                   for (int out = 0; out < outputNeurons.length; out++){
234
                      sumOutputNeurons += (
235
                      // Erwartete Ausgabe\_Ausgabeneuron - Ausgabe\_Ausgabeneuron
236
237
                      (wantedOut[out] - resultOut[out]) *
                      //dAusgabe nach dNetzeingabe
238
                      resultOut[out] * (1- resultOut[out]));
239
                   M_{\star} for () Summe \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber Ausgabeneuronen
240
241
242
                    weightDelta += sumOutputNeurons;
243
244
                    // * Gewicht_Neuron-FolgeNeuron
                    weightDelta *= succWeights[succ];
245
                 M_{\phi}^{2}/M_{\phi}^{2} for () Summe \tilde{A}^{\frac{1}{4}} ber Folgeneuronen
246
247
248
              //* Ausgabe_u (1 - Ausgabe_u) * Eingabevektor_u
249
              // Ausgabe_u = getOutput von aktuellem Neuron -> connection[neuron + conn
250
                    ] \ . \ getNeuronTo \ . \ getOutput
251
                  Eingabevektor\_u = inputs[] \ von \ aktuellem \ Neuron \rightarrow getInputVector() \ in
                   Neuron implementieren
252
              outputOfNeuron = connections[positionInLayer].getNeuronTo().getOutput();
              // input Vector Of Neuron nicht ben \tilde{A} \P tigt, da nur = 1;
253
254
              weightDelta *= (outputOfNeuron * (1 - outputOfNeuron));
255
256
              // deltaGewichtsvektor_{-}u = Lernfaktor * \rightarrow hinter die Summen verschoben
257
              weightDelta *= trainingCoefficient;
258
259
              // Add calculated weight difference to old threshold and set new threshold
260
              connections[positionInLayer].getNeuronTo().setThreshold(oldThresh+
261
                    weightDelta);
            \}// for () \tilde{A}_{4}^{\frac{1}{4}} ber thresholds
262
         \}// for () \tilde{A} \frac{1}{4} ber alle (Verbindungs-)Layer
263
       }// backpropagation()
264
```

## **Prospective Enhancements**

#### 5.1 Execution of multiLayerPerceptron using integer

```
*************************
    st Executes the built multi-layer perceptron with given input vector
    * \ Returns \ the \ output \ vector \ as \ single \ integer
    int runInt(int inputVector){
5
      int output = 0;
      float networkInputVector[] = new float[inputNeuron.length];
      float networkOutputVector[] = new float[outputVector.length];
      /\!/Set\ input\ if\ corresponding\ bit\ is\ high\,,\ unset\ if\ low
10
      for (int i = 0; i < inputNeuron.length; i++){
11
12
         \mathbf{if} \ ((inputVector \ \& \ (1 << \ i)) == (1 << \ i))
13
          networkInputVector[i] = 1;
        else
15
          networkInputVector[i] = 0;
16
17
18
19
      networkOutputVector = run(networkInputVector);
20
      for (int i = 0; i < networkOutputVector.length || i < 32; i++){
21
22
         if (networkOutputVector[i] >= 0.5f)
          output |= (1 << i);
23
24
      return output;
26
    }// runInt()
```

# 5.2 Execution of multiLayerPerceptron using integer, defined threshold

#### 5.3 Training for execution using integer

1 Boolean training (int training In Vector, int training Out Vector, float error Tolerance)

#### 5.4 Topology rising

#### 5.5 Topology diamond

```
1 //TODO: case "diamond"
2 // rising until hiddenLayers/2, then declining
```

# 5.6 Topology with different numbers of hidden neurons per layer

#### 5.7 Up to 64 inputs/outputs

For function int runInt()

#### 5.8 Activation function and Output function settable

```
(Into extra classes so class Neuron remains as small as possible) (siehe ComputaionalIntelligence S.52) Step function: if (netInput \not \equiv threshold) return netInput; else return 0; semi-lineare Funktion: if (netInput \not \equiv threshold + 1/2) return netInput; else if ((netInput \not \equiv threshold + 1/2) && (netInput \not \equiv threshold - 1/2)) output = (netInput
```

```
- threshold) + 1/2; else return 0; Sinus bis Saettigung: if (netInput ¿ threshold + pi/2) return netInput; else if ((netInput ¡ threshold + pi/2) && (netInput ¿ threshold - pi/2)) output = (sin(netInput - threshold) + 1)/2; else return 0; logistische Funktion: output = 1 / (1 + e^{(-(netInput-threshold))}) // geht nur von 0 - 1 radiale Basis Funktionen enum f\tilde{A}\frac{1}{4}r Funktionen in Klasse \tilde{A}\frac{1}{4}ber Neuron
```

# Test results

6.1 Unit test for NeuronFloat

48

## Discarded

```
************************
2 * class ThresholdItem:
3 * up to 32 inputs possible
4 * inputs are just 0 or 1
 5 * output = input.1*weights[0] + ... + input.32*weights[31] 
 6 \ * \ So \ far \ , \ \ output \ = \ netInput 
{\it 7\ *\ activated\ just\ returns\ true\ if\ output>=\ threshold}
8 * Note! So far, activated can just be called if getOutput was called before
10 class ThresholdItem
11 {
12 protected
13
    int inputs;
14
     int nrInputs;
15
     // So far also used as output
     float netInput;
16
17
     float weights [];
     float threshold;
18
     // Used as output
19
20
     Boolean activated;
21
22 public
     // Constructors
     ThresholdItem() {};
24
25
     ThresholdItem(int nrInputs){
26
       \mathbf{this}.\, \mathtt{nrInputs} \,=\, \mathtt{nrInputs}\,;
27
28
       weights = new float[nrInputs];
29
       // Initialize inputs, output and weights to 0, threshold to max
30
31
       inputs = 0;
       netInput = 0;
32
33
       activated = false;
       threshold = 0 x 7 fffffff;
34
35
36
       for (int i = 0; i < nrInputs; i++)
         weights[i] = 0;
37
38
39
     Boolean setInput(int nrInput){
40
41
       if(nrInput < nrInputs){</pre>
42
         inputs |= 1 << nrInput;
43
44
         {\bf return\ true}\,;
45
46
47
       return false;
```

```
49
50
     Boolean unsetInput(int nrInput){
       if(nrInput < nrInputs){
  inputs &= ~(1 << nrInput);</pre>
51
52
53
54
          {\bf return\ true}\,;
55
56
        return false;
57
58
59
     Boolean \ setWeight(int \ nrInput \,, \ float \ weight) \{
60
        if(nrInput < weights.length){</pre>
61
          weights [nrInput] = weight;
62
63
          return true;
64
65
66
       return false;
67
68
     void setThreshold(float threshold){
69
       this.threshold = threshold;
70
71
72
     float getOutput(){
73
74
       // Reset net input
       netInput = 0;
75
76
        // Net input function f_net
77
       for (int i = 0; i < nrInputs; i++){
78
          if((inputs & (1 << i)) = (1 << i))
79
            netInput += weights[i];
80
81
82
        // Activation function f_act: step function
83
        \mathbf{if} (netInput >= threshold){
84
85
          activated = true;
86
87
          // Output function f_out: Identity
          return netInput;
88
89
90
        else {
          activated = false;
91
92
          return 0;
93
     }
94
95
     Boolean getActivation(){
96
       {\bf return} \ \ {\tt activated} \ ;
97
99 }// class ThresholdItem
```