

freeprio

Nagy Zoltán¹
2009. november 7.
svn²r9M

szabad ablak szekvencia (igazából nem tudom jól elnevezni)

1. Probléma

Adott $k, n \in \mathbb{N}^+ : k \leq n$ - a kérdés a legrövidebb olyan bináris szekvencia $x_0, x_1, \dots, x_l \in \{0, 1\}$ mely teljesíti az alábbi feltételeket:

$\forall i_1, i_2 \dots i_k \in [1 : n]$ páronként nem egyező indexsorozattal s egy tetszőlegesen választott $q \in [0 : 2^k - 1]$ számhoz
 $\exists u \in \mathbb{N} : q = \sum_{j=1}^k x_{(i_j+u \bmod l)} 2^{j-1}$

Megjegyzés: ha $k = n$ akkor egy De Bruijn szekvencia a megoldás

1.1. Átfogalmazás

Van egy szoba melybe beszereltek n darab izzót, ebbe a szobába bemegy Emil és megjelöl legfeljebb k darab izzót hogy égjen-e vagy sem - a megjelölést nem ismerjük.

Hogy váltsuk az izzókat? Hogy a lehető legrövidebb időn belül biztosan beáljon a kívánt állapot

2. valodi problema

Adott egy irányítatlan G gráf melyben minden csúcshoz hozzárendeltünk egy-egy számot egy $[0 : 2^n - 1]$ intervallumból, valamint ismert a gráf fokszámára egy felső korlát melyet k -val jelölök

Megjegyzés: : az intervallum lehet kisebb is mint $|V|$, de ekkor teljesülni kell hogy $\forall (v_i, v_j) \in E : id(v_i) \neq id(v_j)$

A cél hogy az idő és egy fent használt szekvencia segítségével lokálisan kitüntetett csúcsokat jöjhessenek létre.

Ha a fenti feltételt teljesítő bináris szekvenciát az egyes időpillanatokban párhuzamosan tolják végig a saját azonosítójukon (bitenkénti kizáró vagy segítségével) az eléri a kívánt hatást.

Megjegyzés: néhány a fenti feltételt teljesítő szekvenciát megkerestem, s mellekeltam a $k=4$ eseteit ezen kívül még találtam jópárat néhány heurisztika segítségével, de azokról nem merem kijelenteni hogy a legrövidebbek az alkalmazott módok a következők voltak: legy \hat{u}, \hat{v} egy-egy t bites szám, s legyen $\neg \hat{u}$ az \hat{u} bitenkénti negáltja

tükör mód: $\hat{u} \neg \hat{u}$

axAx mód: $\hat{u} \hat{v} \neg \hat{u} \hat{v}$

3. egy also korlat

Megjegyzés: ami úgy néz ki nem működik.

Egy s bit hosszú számban k bitet $\binom{s}{k}$ fele keppen választhatunk ki, s minden ilyen esetben 2^k fele lefedésre van szükségünk. ha veszünk a sorozatból egy fix kezdő bitet x_i -t akkor ez az elem $\binom{s-1}{k-1}$ hasznos lefedésben van benne, így:

$$2^k \binom{s}{k} \leq l \binom{s-1}{k-1}$$

ami átrendezve:

$$2^k \frac{s}{k} \leq l$$

ez nem működött mert aláment - a probléma az lehet hogy mindegy hogy az s hosszú számban honnan kezdődik a szekvencia mert egyszer úgyis odaérünk, viszont hogyha azt is rögzítem akkor csak $2^k \leq l$ adódik, ami igazából nem túl hasznos.

¹kirk@bteam.hu

²https://demeter.teteny.bme.hu/svn/freeprio/trunk

[illegible]