## Probleem 1:

Die Matlab-kode vir (a): (vir (b) word die eerste reël vervang met n = 30)

Die afvoer sien soos volg daaruit:

	(a) $n = 10$	(b) $n = 30$
LK (n!  eksak)	3628800	2.652528598121910e + 032
RK (Stirling se formule)	3.598695618741033e+006	2.645170959229639e + 032
Absolute fout	3.010438125896733e+004	7.357638892271364e + 029
Relatiewe fout	0.00829596044394	0.00277382076012
t-waarde	2.08113332737839	2.55692160577450

In elke geval is die relatiewe fout 'n baie beter aanduiding van die kwaliteit van die benadering. Soos n toeneem streef die absolute fout na oneindig, terwyl die relatiewe fout na nul streef.

In (a) stem LK en RK na afronding ooreen tot 2 beduidende syfers, naamlik 36xxxxx, wat klop met die waarde van t. In (b) stem LK en RK na afronding ooreen tot 3 beduidende syfers, naamlik 2.65xxx...e32, wat ook klop met die waarde van t.

## Probleem 2:

(a)

```
>> a = 1; b = -2004; c = 1;
>> r = roots([a b c]);
```

Die twee wortels soos hierbo bereken is 2.003999500997880e+03 en 4.990021202610360e-04.

(b)

```
>> x1 = (-b+sqrt(b^2-4*a*c))/(2*a);
>> x2 = (-b-sqrt(b^2-4*a*c))/(2*a);
```

Die waarde van x1 is 2.003999500997880e+03, wat met r(1) ooreenstem tot alle syfers. Die waarde van x2 is 4.990021202502248e-04, wat met r(2) ooreenstem slegs tot 10 syfers.

(c)

Die probleem het ingesluip in die berekening van

$$-b - \sqrt{b^2 - 4ac} \ = \ 2004 - 2003.99900...$$

waar katastrofiese kansellasie plaasgevind het. 'n Beter metode is

$$>> x2_beter = c/(a*x1)$$

Nou is die waarde van x2\_beter 4.990021202610360e-04, wat tot alle syfers oreenstem met r(2) van hierbo.

## Probleem 3:

>> 
$$x = 1e-5$$
;  $f = (1+cos(x))/(1-cos(x))$ 

Bostaande lewer 3.99999668938544e+010, wat slegs akkuraat is tot 7 syfers. 'n Beter formule vir f(x) kan as volg verkry word (onthou,  $\cos 2x = 2\cos^2 x - 1$ ),

$$f(x) = \frac{1 + \cos x}{1 - \cos x} = \frac{2\cos^2\frac{x}{2}}{2 - 2\cos^2\frac{x}{2}} = \left(\frac{1}{\cos^2\frac{x}{2}} - 1\right)^{-1} = \left(\tan^2\frac{x}{2}\right)^{-1} = \cot^2\frac{x}{2}.$$

Hierdie formule in MATLAB,

$$\Rightarrow$$
 f = cot(x/2)^2

lewer 3.99999999933334e+010, wat tot byna alle syfers akkuraat is.

## Probleem 4:

$$>> x = 1e-3; g = sqrt(1+x^3)-1$$

Bostaande lewer 5.000000413701855e-10, wat slegs akkuraat is tot 7 syfers (na afronding). Ons kan weer eens 'n beter formule kry,

$$g(x) = (\sqrt{1+x^3}-1) \times \frac{\sqrt{1+x^3}+1}{\sqrt{1+x^3}+1} = \frac{x^3}{\sqrt{1+x^3}+1}.$$

Hierdie formule in MATLAB,

$$>> g = x^3/(sqrt(1+x^3)+1)$$

lewer 4.99999998750000e-010, wat tot alle syfers akkuraat is.