

Universiteit van Stellenbosch

Toegepaste Wiskunde 314

Tutoriaal 8: Donderdag 29 April 2004

- (1) Gestel 'n sesde persoon, Persoon F , moet tot die RSA-gebruikersgroep in Tabel 4-4 op bladsy 143 van die klasnotas toegevoeg word. Genereer, met behulp van die program **Mathematica**, geldige sleutelgetalle p , q , n , e en d vir Persoon F , sodat die publieke getalle, n en e , uit net soveel desimale bestaan as dié van Persone A – E . [Wenk: Die **Mathematica**-opdrag `Prime[m]` lewer die m -de priemgetal; die opdrag `GCD[e,n]` lewer, met behulp van die Euklidiese Algoritme, die grootste gemene deler van e en n ; en die opdrag `PowerMod[e,-1,n]` lewer, met behulp van die Gewysigde Euklidiese Algoritme, die multiplikatiewe inverse $e^{-1} \pmod{n}$.]
- (2) Probleem 7(a) op bladsy 155 van die klasnotas (gebruik 'n bloklengthe protokol van 5 karakters, oftewel 10 desimale syfers).
- (3) Die getal $n = 762\,029$ bestaan uit die produk van twee priemgetalle. Gebruik Pollard se Algoritme met gladheidsgrens $B = 13$ om n te faktoriseer. Gebruik die opdrag `FactorInteger[n]` in **Mathematica** om die korrektheid van jou antwoord te toets.
- (4) Gebruik die **Mathematica**-opdragte `FactorInteger[n]` en `PowerMod[e,-1,n]` om Probleem 6 op bladsy 155 van die klasnotas te doen.
- (5) Probleem 8(c) op bladsy 155 van die klasnotas.
- (6) Probleem 10(a) op bladsy 156 van die klasnotas.
- (7) Probleme 11(a)–(b) op bladsy 156 van die klasnotas.
- (8) Konstrueer binêre (n, M, d) -kodes met die volgende parameters of verduidelik waarom so 'n kode nie bestaan nie:
 - (a) $(6, 2, 6)$
 - (b) $(3, 8, 1)$
 - (c) $(4, 8, 2)$
 - (d) $(5, 4, 3)$
 - (e) $(5, 3, 4)$
 - (f) $(8, 30, 3)$