

### Probleme met stelselontwikkeling

- Groot stelsels: baie programmeerders nodig om betyds klaar te maak.
- Stelsel: baie programme wat saam werk om gemeenskaplike funksie te verrig.
- Misverstande tussen programmeerders veroorsaak probleme.
- Stelsels is te groot vir een persoon om alles te verstaan.
- Firms moet “raai” hoe lank dit sal neem om 'n stelsel te voltooi (om die tender te wen) en daar duik gewoonlik later probleme op

1

### Stadiums van ontwikkeling

1. Behoeftebepaling
2. Spesifikasie
3. Stelselontwerp
4. Detailontwerp
5. Kodering
6. Toetsing
7. Onderhoud (foutkorreksies en uitbreidings)

2

### A340 vlugbeheerstelsel

Gesofistikeerde beheerstelsel:

- 7 verwerkers (Intel 386/80186)
- 5 voer beheerstelsel uit
- 2 monitor wat aangaan

3

### Ongeluk

- Verskeie mense sterf weens beheerstelselfout:
  - tydens lae toetsvlug probeer die loods meer brandstof voer om te styg om bome te vermy
  - enjins reageer nie. . .

4

### Waarom is fout nie gevind?

- Fout in spesifikasie!
- Beheerstelsel korrek geïmplementeer
  - spesifikasie vereis: indien vliegtuig laer as sekere hoogte, moenie reageer op “meer brandstof” sein nie, want loods is besig met 'n landing
  - die beheerstelsel laat nie die loods toe om beheer oor te neem nie

5

### Foute sluip in op verskillende plekke

- Is spesifikasie duidelik en ondubbelsinnig?
- Validering: bepaal of die vereistes bevredig word. (Word die regte stelsel ontwikkel?)
- Verifikasie: bepaal of die spesifikasie bevredig word. (Word die stelsel reg ontwikkel?)

6

### Tradisionele spesifikasies

- Dokument met diagramme en beskrywings (gewoonlik in Engels)
- Spesifikasies vir groot stelsels beslaan verskeie boeke
- Dubbelsinnighede kom dikwels voor
- Niemand kan dit alles in detail verstaan nie
- Dis waarskynlik onvolledig op sommige plekke
- Dis dalk teenstrydig (op een plek word vereis dat 'n klep oopgemaak word en op 'n ander plek dat dit toegemaak word onder dieselfde omstandighede)

7

### Mense skryf nie wat hulle bedoel nie

- By ingang na Stellenbosch Tegnopark: “Slegs honde aan leibande toegelaat”
- Wat waarskynlik bedoel word: “geen honde sonder leibande toegelaat”
- Dink oor die betekenis van “no head injury is too trivial to ignore” (dis nie wat bedoel word nie!)

8

### Formele spesifikasies

- Grammatikas (EBNF) is nuttig tydens ontwikkeling van vertalers:
  - notasie is kompak en presies
  - teenstrydighede kan opgespoor word
  - dis moontlik om vas te stel of die spesifikasie volledig is
- Twee ander nuttige formele notasies wat gebruik kan word vir spesifikasie:
  - logiese uitdrukkings
  - outomate

9

### Proposisielogika

- Proposisies word voorgestel as veranderlikes
- 'n proposisie is 'n bewering (stelling) wat waar of vals is
  - *temphi* “die temperatuur van die vloeistof in 'n tenk is te hoog”
  - *eof(input)* “end van lêer *input* is bereik”
- Die waarde van 'n proposisie is altyd *waar* of *vals*

10

### Basiese operatore

- $\neg a$  (“nie *a*”)
- $a \wedge b$  (“*a* en *b*”)
- $a \vee b$  (“*a* of *b*”)
- $a \Rightarrow b$  (“*a* impliseer *b*”)
- $a \equiv b$  (“*a* is ekwivalent aan *b*”)

11

### Spesifikasies as logiese uitdrukkings

- Die uitdrukking “ $a \Rightarrow b$ ” word interpreteer as “if *a* then *b*”:
- $alarm \Rightarrow (temphi \wedge pressurehi)$
- $(temphi \wedge pressurehi) \Rightarrow alarm$

Verduidelik die verskil tussen bogenoemde twee uitdrukkings.

12

### Voorkeurorde van operatore

- Evalueer eerste  $\neg$
- Daarna  $\wedge, \vee$
- Daarna  $\Rightarrow, \equiv$
- Gebruik hakies om twyfel uit te skakel

13

### Standaard definisies

- $a \Rightarrow b$  gedefinieer as  $\neg a \vee b$
- $a \equiv b$  gedefinieer as  $(a \Rightarrow b) \wedge (b \Rightarrow a)$

14

### Toutologieë en teenstrydighede

- Toutologie: uitdrukking wat altyd waar is vir alle waardes van elke veranderlike
- Teenstrydigheid: uitdrukking wat altyd vals is vir alle waardes van elke veranderlike
- $a \vee \neg a$
- $a \wedge \neg a$
- $(p \Rightarrow q) \Rightarrow ((q \Rightarrow r) \Rightarrow (p \Rightarrow r))$
- Hoe kan ons bepaal of 'n gegewe uitdrukking 'n toutologie is of nie?

15

### Toetse vir toutologieë

1. Stel 'n waarheidstabel op (ken elke moonlike kombinasie van waardes toe aan elke veranderlike)
2. Vereenvoudig die uitdrukking en toon dat dit ekwivalent is aan *true* (herskryf die uitdrukking sonder om die betekenis te verander)
3. Aanvaar die uitdrukking is vals en bepaal of dit 'n teenstrydigheid veroorsaak

16

### Oefening

Bepaal watter van die volgende uitdrukkings toutologieë is:

1.  $p \vee \neg p$
2.  $p \wedge q$
3.  $p \Rightarrow (q \Rightarrow (p \wedge q))$
4.  $(p \Rightarrow q) \Rightarrow (\neg q \Rightarrow \neg p)$
5.  $(p \Rightarrow q) \Rightarrow (\neg p \Rightarrow \neg q)$

17

### Vereenvoudiging van logiese uitdrukkings

- Gebruik afleidingsreëls (sommige reëls het algemeen aanvaarde name)
- $\frac{p \wedge q}{p}$  (as p en q albei waar is, lei ons af dat p waar is)
- $\frac{p \wedge \text{true}}{p}$
- $\frac{p \wedge \text{false}}{\text{false}}$

18

### Belangrike reëls

- $\frac{\neg \neg p}{p}$  [dubbel negering]
- $\frac{p \vee \neg p}{\text{true}}$
- $\frac{\neg(p \vee q)}{\neg p \wedge \neg q}$  [De Morgan]
- $\frac{p \wedge \neg p}{\text{false}}$  [teenstrydigheid]
- $\frac{p \Rightarrow q, \neg q}{\neg p}$
- $\frac{p, p \Rightarrow q}{q}$
- $\frac{p \vee (q \wedge r)}{(p \vee q) \wedge (p \vee r)}$  [distributiewe reël]

19

### Vereenvoudiging: formele notasie

- [1]  $(\text{open} \vee \neg \text{open}) \wedge \text{open}$
- [2]  $\text{true} \wedge \text{open}$       [1,  $\frac{p \vee \neg p}{\text{true}}$ ]
- [3]  $\text{open}$       [2,  $\frac{\text{true} \wedge p}{p}$ ]

20

### Ontleding van spesifikasies: metode 1

- Aannames:  $S_1, S_2, S_3$  (spesifikasie)
- Gevolgtrekking:  $C$
- Toon aan dat  $S_1, S_2, S_3 \vdash C$  (betekenis:  $C$  is afleibaar van  $S_1, S_2, S_3$ )
- Herskryf as:  $S_1 \wedge S_2 \wedge S_3 \Rightarrow C$  (betekenis: as  $S_1$  en  $S_2$  en  $S_3$  waar is, dan is  $C$  waar)
- Vereenvoudig om vas te stel of uitdrukking waar is.
- Nadeel van tegniek: uitdrukings raak lomp en groot.

21

### Ontleding van spesifikasies: metode 2

- Bekend as “teenstrydigheidsbewys” of “indirekte bewys”
- Opdrag: toon aan dat  $S_1, S_2, S_3 \vdash C$  ( $S_1, S_2$  en  $S_3$  verteenwoordig die spesifikasie en  $C$  die gevolgtrekking—dit wat bewys moet word)
- Aanvaar  $\neg C$  (negeer die gevolgtrekking)
- Probeer 'n teenstrydigheid aflei vanaf  $S_1, S_2, S_3$  en  $\neg C$
- Gevolgtrekking is geldig indien teenstrydigheid gevind word; anders nie

22

### Voorbeeld: teenstrydigheidsbewys

$S1 \ p \Rightarrow q$

$S2 \ q \Rightarrow r$

$C \ p \Rightarrow r$  (gevolgtrekking)

$S3 \ \neg(p \Rightarrow r)$  (negeer die gevolgtrekking)

[1]  $\neg(\neg p \vee r)$  [S3, def impl]

[2]  $p \wedge \neg r$  [1, DeM]

[3]  $p$  [2, and]

[4]  $\neg r$  [2, and]

[5]  $q$  [3, S1, def impl]

[6]  $r$  [5, S2, def impl]

[7]  $false$  [4, 6, teenstr]

23

### Oefening

Bewys dat die deure van 'n motor ontsluit sal wees as die enjin loop. Die sentrale sluitstelsel is soos volg gespesifiseer:

- If the alarm is enabled, the immobiliser is also enabled:

$S1 : AlarmEnabled \Rightarrow ImmobiliserEnabled$

- The engine cannot be running while the immobiliser is enabled:

$S2 : \neg(Running \wedge ImmobiliserEnabled)$

- If the doors are locked, the immobiliser will be enabled:

$S3 : DoorsLocked \Rightarrow AlarmEnabled$

24

### Teenstrydige spesifikasies

- 'n Lys van uitdrukkings is teenstrydig as en slegs as elke toekenning van waardes aan die veranderlikes minstens een van die uitdrukkings vals maak.
- Is die volgende uitdrukkings teenstrydig? (Stel waardes in.)
  1.  $(a \vee b) \wedge \neg(a \wedge b)$
  2.  $a \equiv b$
- Hoe kan teenstrydige spesifikasies opgespoor word?

25

### 'n Toets vir teenstrydighede

- Gebruik teenstrydigheidsbewys om aan te toon dat  $(S_1 \wedge S_2 \wedge S_3 \dots \wedge S_n) \Rightarrow \text{false}$
- Dit beteken dat  $S_1 \wedge S_2 \wedge S_3 \dots \wedge S_n$  vals is. (Dis al manier wat die implikasie waar kan wees.)
- Gevolglik moet minstens een van die uitdrukkings  $S_1, S_2, \dots \wedge S_n$  vals wees—dieselfde as definisie van 'n teenstrydige spesifikasie.

26

### Oefening

Bepaal of die volgende spesifikasie teenstrydig is:

$Pr1 : HighPressure \Rightarrow ValveOpen$

$Pr2 : ValveOpen \Rightarrow Bell$

$Pr3 : \neg Bell \vee Reset$

$Pr4 : \neg HighPressure \Rightarrow Reset$

$Pr5 : \neg Reset$

27