

# 分布式深度学习框架

---

## 分布式深度学习框架

### 主要挑战

大规模训练数据产生

优化方法

节点间通信量增加

异构设备支持

### 分布式训练方法

#### 分布式机器学习算法

##### 数据和模型拆分

训练数据切分

训练样本的特征维度划分

模型划分

##### 单机优化

随机梯度下降

随机坐标下降法

随机拟牛顿法

随机对偶坐标上升法

非凸随机优化算法

##### 数据和模型聚合

全部加和聚合

部分模型加和

基于模型集成的聚合方法

#### 分布式机器学习算法

弹性平均SGD算法EASGD

ASGD

Hogwild!/Cyclades算法

### 节点间通信

#### 通信内容

#### 通信拓扑

基于迭代式MapReduce/AllReduce拓扑

基于参数服务器的通信拓扑

基于数据流的通信拓扑

### 分布式计算理论

### 参考

关于分布式机器学习在《分布式机器学习: 算法, 理论与实践》<sup>b0</sup>这本书进行了非常详细的介绍。这本书第三章对整个书籍进行概括, 本书主要从

- 挑战: 大规模训练数据的产生, 导致计算量、训练数据以及模型规模过大, 已有的单机方案以及GPU方案出现性能瓶颈;
- 分布式机器学习的基本流程
  - 数据和模型划分: 数据划分解决训练数据过大的问题, 模型划分解决模型规模太大的问题;

这种划分势必带来通信量的急剧增加，类似于“分”

- 单机优化：单机计算本质上是传统的机器学习训练过程；
- 通信模块：通信模块在划分，特别是模型划分的系统中扮演着非常重要的角色。解决多机、多线程之间数据共享的问题。当前主流的通信方式有基于Map/Reduce、参数服务器以及数据流的方式。
- 数据和模型聚合模块：类似于“合”，当前节点收集到其所有依赖节点发送的数据，然后进行本地模型训练；
- 分布式机器学习理论：从理论部分分析了分布式机器学习算法的收敛速度、加速比和泛化能力。
- 已有分布式机器学习系统的比较

这些方面进行分布机器学习的应用和实践讲解。下面就该书以及其他一些论文的结果，记录学习笔记。

## 主要挑战

### 大规模训练数据产生

计算和存储相辅相成。计算量的增大往往可以通过增加缓存、存储进行缓解，反过来，存储量的增加，则可以借助于分布式、并行计算来并行处理。

[GPU](#)区别于普通的CPU，具备更强的并行计算能力，适合分支较少的重复性计算。GPU提供了丰富的内存结构配合线程（核心）进行独立计算，因此非常适合深度神经网络的模型训练。AlexNet是最早利用2 GPU进行并行化训练的神经网络之一。

但是随着数据量的增加，单机上的GPU也无法满足大规模训练的要求，这个时候就需要跨机器间的分布式机器学习框架，同时在优化方法以及通信方式上都会面临更多的挑战。

### 优化方法

相对于单机优化方法，分布式优化方法在加速比、收敛速度以及泛华性上都有很大的影响。具体来说分布式优化方法涉及到数据/模型划分、节点通信方式以及数据和模型聚合等多个方面。

### 节点间通信量增加

节点（包括机器内部进程之间以及机器之间）之间的通信量在分布式训练急剧增加，体现在训练数据访问以及梯度数据交换上。同时数据在内存/显存和磁盘/网络之间的拷贝带来的是对设备PCI/E上IO带宽的消耗增大。需要接触已有的DMA技术等技术加速数据的传输；

其次，针对不同的优化方法，例如基于数据划分和基于模型划分，通信量相差很大。其次通信过程中，可能拜占庭将军问题，例如个别节点延迟太大(stragglers)、节点异常、梯度结果过时等问题。

### 异构设备支持

异构设备例如GPU、FPGA等充分利用新型的体系结构，减少甚至消除指令流的复杂的控制逻辑（指令存储器、译码器、各种指令的运算器、分支跳转处理逻辑等）从而实现加速，从而实现。

TensorFlow<sup>[5]</sup>等介绍了针对跨设备在任务编译优化、任务调度以及通信方式做了大量的工作来提升分布式训练效率。

## 分布式训练方法

### 分布式机器学习算法

分布式训练最普遍的思路是数据并行和模型并行，因此前提是要有合理的数据和模型拆分方案。

## 数据和模型拆分

数据的划分分为训练数据的切分以及训练样本特征纬度的划分。

### 训练数据切分

训练数据的切分的前提是保证各节点的数据跟全部训练数据是[独立同分布 \(IID\)](#)的。

1. 随机取样：有放回抽样
2. 置乱切分：无放回抽样

### 训练样本的特征纬度划分

针对训练数据纬度较高的情况，并且优化目标线性可分(例如逻辑回归、线性回归、SVM等)，且某个纬度的偏导数可以通过较小的代价得到。

### 模型划分

对于本地无法完全存储的模型文件，需要对模型进行划分。

- 线性模型：将不同纬度的模型参数划分到不同节点，节点只依赖某些全局变量和对应的纬度数据，独立更新参数, 优化方法如下：

$$\min_{w \in R^d} f(w) := \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n l(w; x_i, y_i) + R(w)$$
$$R(w) = \sum_{j=1}^d R_j(w_j)$$

$R(w)$ 凸且可分。 $l$ 可以使用平方损失、Logistic损失或者Hinge损失等。

节点 $j$ 只需要 $(x_j, y_j, w_j)$ 以及某些全局变量 $n$ 等即可独立计算梯度，然后在时间步 $t+1$ 全局更新方式如下：

$$w_{t+1,j} = w_{t,j} + \Delta w'_j$$

- 高度非线性神经网络：
  - 横向按层划分：例如machine1, 2（合并为一个节点，下同）和machine3, 4之间，可以

借助于流水线<sup>[6]</sup>加速。

- 纵向跨层划分：例如machine1, 3 和machine 2, 4之间
- 模型随机划分： 骨架网络 + 随机的非骨架网络的神经元参数

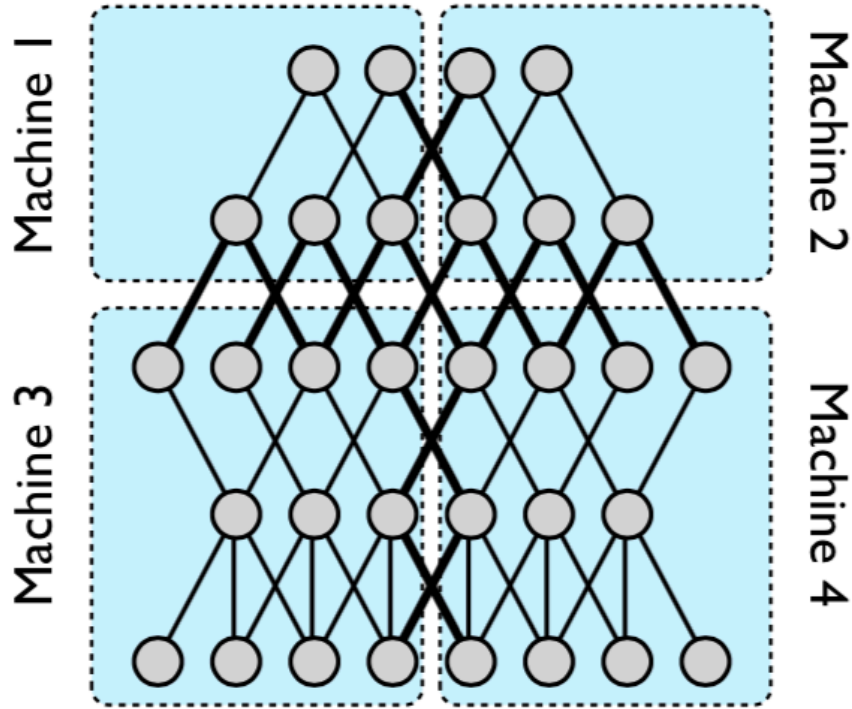


图1： An example of model parallelism in DistBelief<sup>[1]</sup>

这里提到骨架网络，一个更小的神经网络，但是因为神经网络的冗余性，这个更小的神经网络能够达到类似的拟合效果。那么每个节点都存储骨架网络。骨架网络的选择可以参考[7]，将连边的重要性之定义为边权重加上连边梯度的绝对值。

## 单机优化

各个算法的收敛速度参考书籍[b0]。

### 随机梯度下降

时间步 $t$ ，对于随机选择的样本 $i_t \in 1 \dots n$ ，参数更新如下：

$$w_{t+1} = w_t - \eta_t \Delta f_{i_t}(w_t)$$

小批量随机梯度下降跟SGD的区别在于 $S_t$ 是一个小批量样本集合，

$$\Delta f_{S_t}(w_t) = \frac{1}{|S_t|} \sum_{i \in S_t} \Delta f_i(w_t)$$

$$w_{t+1} = w_t - \eta_t \Delta f_{S_t}(w_t)$$

### 随机坐标下降法

样本随机抽样+模型纬度随机抽样。选择随机纬度 $j_t \in 1 \dots d$ ,

$$w_{t+1,j_t} = w_{t,j_t} - \eta_t \Delta_{j_t} f(w_t)$$

$\Delta_{j_t} f(w_t)$  是损失函数对模型  $w_t$  中的第  $j_t$  个纬度的偏导数。

## 随机拟牛顿法

牛顿法是将目标函数展开为二阶泰勒展开式，最小化这个展开式作为目标函数。构造一个跟Hessian矩阵相差不远的正定矩阵，通过拟牛顿法可以迭代更新该矩阵的逆矩阵。

在牛顿法中  $H_t$  的计算比较复杂，所以构造拟牛顿条件(割线方程，Secant equation)如下：

$$\begin{aligned}\Delta f(w) &= \Delta f(w_t) + B_t(w - w_t) \\ f(w) &= f(w_t) + B_t(w - w_t) \\ \text{Def: } \delta_t &= w_{t+1} - w_t, \delta'_t = \Delta f(w) - \Delta f(w_t) \\ \text{S.T. } B_t^{-1} \delta'_t &\approx \delta_t\end{aligned}$$

根据 [Wolfe conditions](#)，可以证明  $B_t$  相对  $\delta_t$  是正定的。

构造满足上面条件的权重更新 [方式](#) 有：

- BFGS算法
- DFP算法

## 随机对偶坐标上升法

利用对偶问题（对偶可分），假设损失函数是凸函数且L-Lipschitz连续。其效率能够达到次线性收敛效率。

## 非凸随机优化算法

非凸优化算法可能出现鞍点以及局部最小值问题，采用Ada系列算法中，Adam综合考虑了包括冲量算法、AdaGrad以及RMSProp等算法中所有的因素：

1. 考虑历史梯度累计计算，
2. 对步长利用累加的梯度平方值进行修正
3. 信息累加按照指数形式衰减

因此效果最好。

## 数据和模型聚合

### 全部加和聚合

模型平均(MA)就是简单的将所有节点的模型的参数进行平均，得到新的模型。BMUF在MA的基础上加入了冲量，也就是在参数平均值上加入冲量进行调整。还有SSGD、EASGD等基于MA的方法。ADMM 在文献[b0], [10]给出了详细的介绍，区别MA是在优化问题里面引入了拉格朗日正则项，使得不容易出现过拟合，但是效率不如MA。

### 部分模型加和

在同步梯度下降法的训练过程中，利用备份几点，防止个别慢节点拖慢整体训练效率。异步ADMM采用了类似备份节点的思路进行全局平均值  $z$  的聚合和分发，同时增加节点的最大更新延迟。去中心化的分布式机器学习算法(D-PSGD)则是将本地的梯度信息，结合邻接点的最新模型乘以2个节点之间的关联度信息，来更新本地参数。

## 基于模型集成的聚合方法

模型集成引入“模型压缩”环节，对样本进行再标注，解决非凸场景下的优化问题。

## 分布式机器学习算法

分布式机器学习算法分为同步和异步。同步算法包括经典的SGD、MA、ADMM、EASGD等。异步包括异步SGD、Hogwild!等。

### 弹性平均SGD算法EASGD

弹性平均SGD算法相对ADMM是不强制要求各个节点集成全局模型 $z$ ，也就是在优化函数中，EASGD不需要各个节点继承全局模型 $z$ ，但是在优化方法加入全局模型（非全局模型在当前节点的反馈），保证局部模型跟全局模型的偏离不会过大。

### ASGD

异步SGD非常简单，但是面临个别worker更新延迟过大导致梯度和模型失配的问题。

### Hogwild!/Cyclades算法

Hogwild! 的假设是在稀疏模型下，权重更新冲突的情况极少。Cyclades算法试图解决冲突问题，将样本进行分组，分组的要求是样本对应的参数尽量不重叠，然后将不同的数据送到不同的核上，完成异步无锁的多线程更新。

## 节点间通信

### 通信内容

- 参数/参数更新
- 计算中间结果

### 通信拓扑

通信拓扑是对分布式计算集群中节点连接和通信的形式。

### 基于迭代式MapReduce/AllReduce拓扑

典型的实现有Spark MLLib等IMR框架。MapReduce过程在Map阶段进行数据分发、并行处理，在Reduce阶段进行实现数据的全局同步和规约。AllReduce在文献[9]，[10]给出了比较详细的介绍，AllReduce定义了一套消息通信接口(MPI)，具体的通信拓扑可以实现为星型、树形、蝶形或者ReduceScatter+AllGather的形式。

文献[9]特别给出了多种基于ReduceScatter+AllGather算法的优化。例如：

- Binary Blocks Algorithm: 引入将机器分成多种blocks，每个blocks里面机器数是2的幂次方，然后按照各个block中机器数，从少到大排成行，从最小的开始，进行第一次Reduce，然后将Reduce结果发送给更大的block，进行第二次Reduce，直到将结果发送给机器数最大的Block。然后开始从大到小，进行Gather。这种算法最大程度的对计算力在不同的服务器之间进行均衡分配。

这种拓扑模式只支持同步通信，并且只支持数据划分，不能支持模型划分，对大的模型不适合，同时慢节点很容易拖慢整个训练。

### 基于参数服务器的通信拓扑

Google DistBelief以及微软DMTK采用的就是这种拓扑结构。例如DistBelief的2种拓扑结构如下：

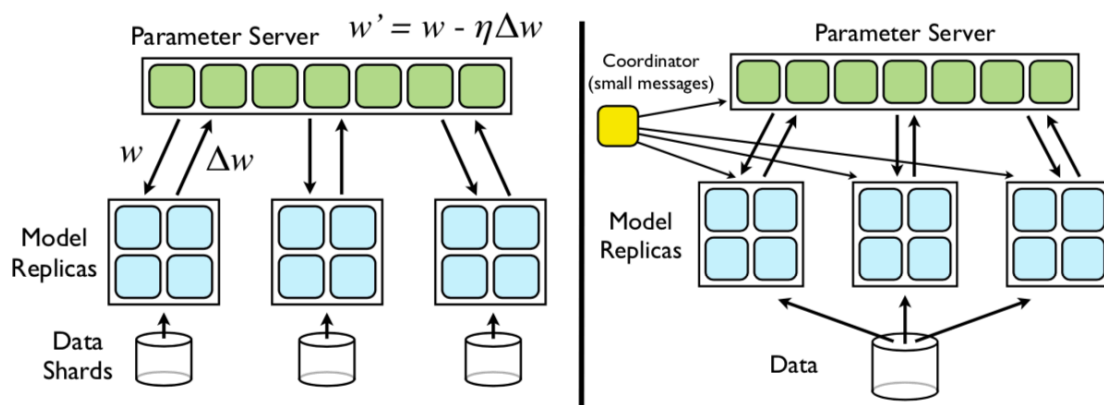


Figure 2: Left: Downpour SGD. Model replicas asynchronously fetch parameters  $w$  and push gradients  $\Delta w$  to the parameter server. Right: Sandblaster L-BFGS. A single 'coordinator' sends small messages to replicas and the parameter server to orchestrate batch optimization.

图2：参数服务器介绍，来自文献[2]

这种结构工作节点之间运行逻辑一致，但是相互不通信，只与参数服务器通信，通信方式可以是Push/Pull，步调可灵活设置。参数服务器依赖于异步参数更新机制，例如AdamGrad/冲量加速算法等。

### 基于数据流的通信拓扑

计算任务很容易被描述为一个有向无环的数据流图，数据处理或者计算是节点，每条边代表数据以及流动方向，当2个节点位于2台不同的机器时候，他们之间会发生通信。TensorFlow就是使用的这种结构，示意如下：

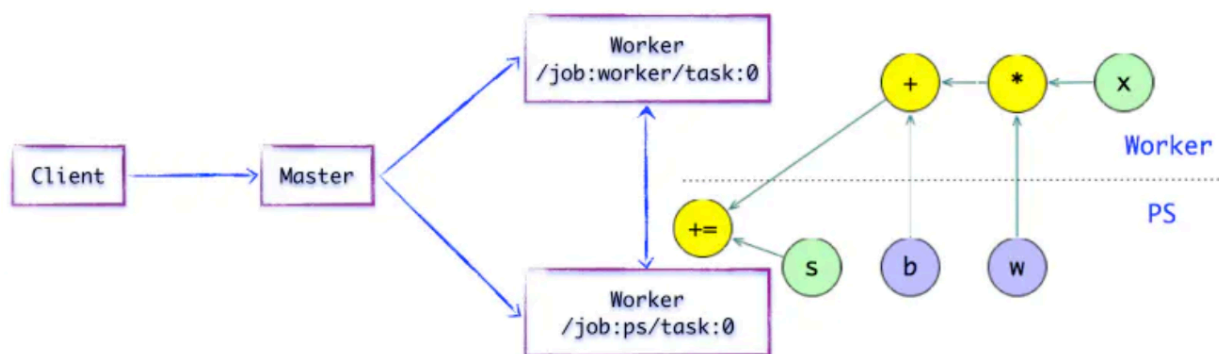


图3：TensorFlow单机运算，图来自[b1]

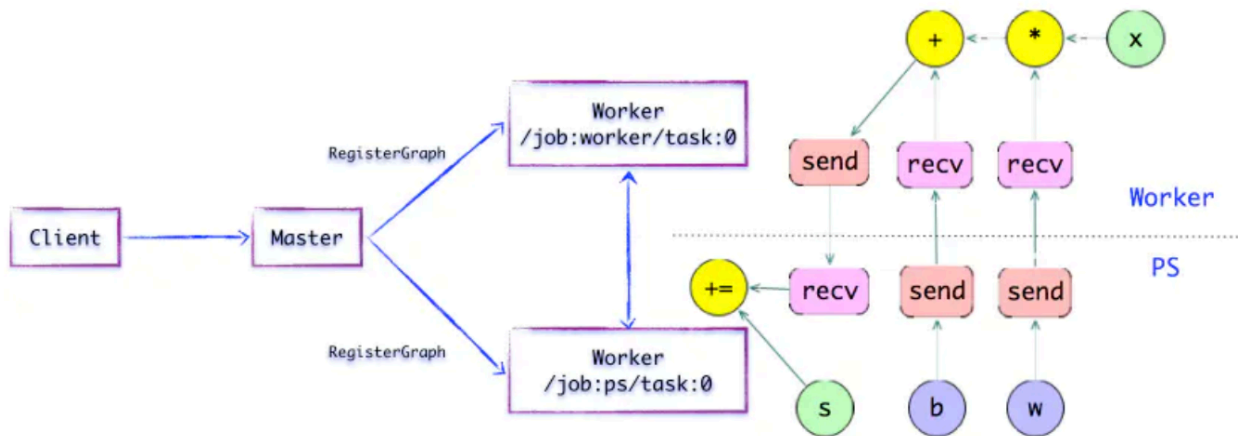


图4： Tensorflow多机/设备运算，图来自[b1]

可以看到当PS和Worker分布不同节点的时候，就需要通过跨进程的传输方式进行参数或者中间加过的传递，对应数据流通的操作就是将涉及到的边进行分裂，形成不同的子图片段，然后交给不同的Worker进行对应的计算。这种数据流模式非常适合参考编译器的实现进行各种CFG优化。例如公共表达式消除等。

## 分布式计算理论

TBD。

## 参考

[b0] 《分布式机器学习: 算法, 理论与实践》 刘铁岩...

[b1] [《TensorFlow内核剖析》](#), [PDF](#), 刘光聪...

[1] Jeffrey Dean, et.al. Large Scale Distributed Deep Networks, 2012

[2] Hogwild!: A Lock-Free Approach to Parallelizing Stochastic Gradient Descent

[3] Wei Zhang, et.al. Staleness-aware Async-SGD for Distributed Deep Learning

[4] L. Deng, et.al. Scalable stacking and learning for building deep architecture, In ICASSP, 2012

[5] Mart'ín, et.al. TensorFlow: Large-Scale Machine Learning on Heterogeneous Distributed Systems, 2015

[6] Biye Jiang, et.al XDL: An Industrial Deep Learning Framework for High-dimensional Sparse Data, 2019

[7] Song Han, et.al Learning both Weights and Connections for Efficient Neural Networks, 2015

[8] <https://zh.wikipedia.org/wiki/%E6%93%AC%E7%89%9B%E9%A0%93%E6%B3%95>

[9] Karanbir Chahal, et.al A Hitchhiker's Guide On Distributed Training of Deep Neural Networks, 2018



[10] ADMM推导过程: <https://www.zhihu.com/question/309568920/answer/580226096>