Deep Learning Basics

Bing Duan, 2020.8

```
Deep Learning Basics
  基本模型
     经典回归模型[CS229]
     损失函数(cost function)
     深度神经网络
     自动求导
  主要网络
     单层网络
     多层感知器
     CNN
     DNN
     简单总结
  优化方法
     优化算法
       学习率调整 (含梯度估计修正)
       批量大小
       参数初始化
       数据预处理[Book NNDL]
       超参数优化[JRYB2011]
     网络正则化
       L1/I2正则
       权重衰减
       丢弃法
  库和框架
     深度学习库对比
       Keras
       PyTorch
     深度学习框架对比
  参考
```

基本模型

在介绍所有的库支持,参考[Book PDSH]熟悉Python、Numpy、Pandas、Matplotlib以及sklearn库。

经典回归模型[CS229]

假设输入是符合特征为 $x\in R^d$ 的样本,偏差项为b,W是权重(矩阵)参数, \hat{y} 是对y的预估,经典回归模型可以表达如下:

$$\hat{y} = Wx + b$$

有时候bias b可以作为W的一列进行表示. 也被写作 θ , W和b都是张量。

损失函数(cost function)

定义为:

$$Loss(W, b) = ||\hat{y} - y||_{p}$$

p 一般取1、2或者∞.

学习的目标:

$$W,b = rg \min_{W,b} Loss(W,b)$$

深度神经网络

包含如下4个主要对象:

- 层,各层链接形成model或者网络
- 输入输出和对应的目标
- 损失函数
- 优化器

基本原理:

1) 正向传播

$$egin{aligned} z &= W^{(1)}x \ h &= \phi(z) \ o &= W^{(2)}h \ L &= Loss(o,y) \ s &= rac{\lambda}{2}(||W^{(1)}||_F^2 + ||W^{(2)}||_F^2) \ J &= L + s \end{aligned}$$

目标函数 $J(W,b,\lambda)$ 为带正则项的损失函数,其中 $W^{(1)}\in R^{h\times d}$ 是隐藏层权重参数, $z\in R^h$ 是隐藏层变量, $o\in R^q$ 是输出层变量, $W^{(2)}\in R^{q\times h}$ 是输出层权重,假设损失函数为Loss, 样本标签是y. 给定超参为 λ , 计算正则项 s,

2) 反向传播

相对正向传播计算出代价函数,反向传播目标是通过求梯度,计算(W, b)。首先计算目标函数J有关损失项L和正则项s. 需要借助链式法则。

推导过程如下:

$$\begin{split} \frac{\partial J}{\partial L} &= 1, \frac{\partial J}{\partial s} = 1 \\ \frac{\partial J}{\partial o} &= \frac{\partial J}{\partial L} \cdot \frac{\partial L}{\partial o} = \frac{\partial L}{\partial o} \\ \frac{\partial s}{\partial W^{(1)}} &= \lambda W^{(1)}, \frac{\partial s}{\partial W^{(2)}} = \lambda W^{(2)} \\ \frac{\partial J}{\partial W^{(2)}} &= \frac{\partial J}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial W^{(2)}} + \frac{\partial J}{\partial s} \cdot \frac{\partial s}{\partial W^{(2)}} = \frac{\partial J}{\partial o} h^T + \lambda W^{(2)} \\ \frac{\partial J}{\partial h} &= \frac{\partial J}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial h} = W^{(2)}{}^T \frac{\partial J}{\partial o} \\ \frac{\partial J}{\partial z} &= \frac{\partial J}{\partial h} \cdot \frac{\partial h}{\partial z} = \frac{\partial h}{\partial z} \cdot \phi(z)' \\ \frac{\partial J}{\partial W^{(1)}} &= \frac{\partial J}{\partial o} \cdot \frac{\partial o}{\partial W^{(1)}} + \frac{\partial J}{\partial s} \cdot \frac{\partial s}{\partial W^{(1)}} = \frac{\partial J}{\partial z} x^T + \lambda W^{(1)} \end{split}$$

其中注意·表示向量的内积,可能需要对向量调整(专职或者互换输入位置等)。 以上推导过程参考 [Book DIDL].

基本过程如下:

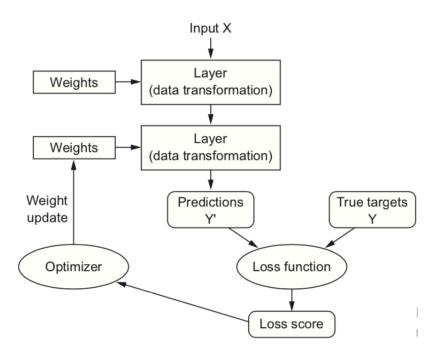


图1: 深度学习计算过程,来自[Book DLP]

自动求导

文章[COCG]给出了基于计算图进行后向传播计算的原因,主要原因是相对前向传播来说,便于一次性算出所有的目标梯度。MXNet提供了对任意函数求梯度的方法, 例子

见./example/mxnet2.3.1 autograd.py。

课程[AG]将微分求解分为有如下几种:

- 符号微分:是指基于计算图进行微分计算,常借助于求和、乘积以及链式法则等。类似前向计算, 出现指数级计算复杂度;
- 数值微分: 利用微分定义计算, 误差较大。

• 后向传播(自动梯度): 利用计算图进行后向传播计算,例如计算 $f=\frac{1}{1+e^{-(w_0+w_1x_1+w_2x_2)}}$, 以运算操作符为点,数据流为边,建立数据流图如下图的黑色部分,红色部分是后向梯度计算。

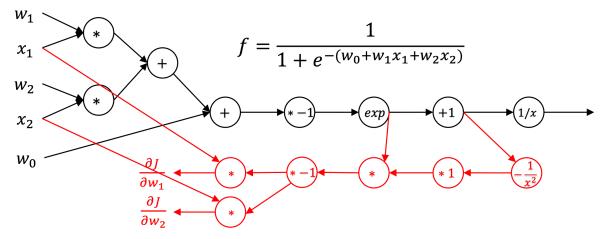
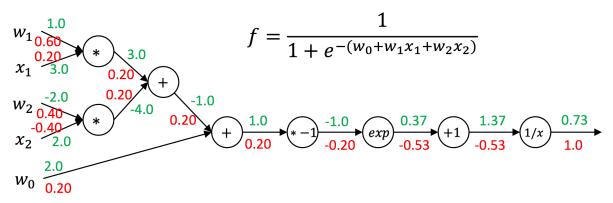


图6: 自动求导, 图来自[AG] P27

从1/x开始计算出每个点的微分之后,然后输入为 $1=\frac{\partial x}{\partial x}$,进行逆向计算,实际效果如下:



从而在 x_1, x_2 处分别计算得到 $\frac{\partial J}{\partial w_1}, \frac{\partial J}{\partial w_2}$ 。

计算全部节点符号梯度的伪代码如下:

```
def gradient(out):
    node_to_grad[out] = 1 # 标记尾部节点的梯度为1
    nodes = get_node_list(out) # 获得所有的前向节点
    for node in reverse_topo_order(nodes): # 按照拓扑序逆序遍历节点, 例如上图从1/x
    开始, 反向去计算$w_i, i \in {1, 2}$
        grad := sum partial adjoints from output edges # 找出多个出边
        input_grads := node.op.gradient(input, grad) for input in node.inputs #
        th算多个出边的梯度
        add input_grads to node_to_grad #将多个出边计算的梯度加起来
        return node_to_grad
```

后向传播相对前两种来说,一次计算就能推导出所有节点的梯度。另外针对具有多条出边的节点, 还可以增加缓存,来避免多个出边的时候出现重复计算。

对于高阶导数,典型的深度学习方法是使用Krylov方法,而不是显式地计算Hessian矩阵。 Krylov方法是用于执行各种操作的一组迭代技术,这些操作包括像近似求解矩阵的逆、或者近似矩阵的特征值或特征向量等,而不使用矩阵-向量乘法以外的任何操作。

主要网络

单层网络

LR针对连续数据分类, maxsoft针对离散数据分类。

如下:

- 训练:
 - o LR

$$egin{aligned} \hat{y} &= wx + b; \ l(w,b) &= rac{1}{2}(\hat{y} - y)^2 \ w,b &= rgmin_{w,b} l(w,b) \end{aligned}$$

maxsoft

$$egin{aligned} \hat{y} &= wx + b; \ l(w,b) &= rac{1}{n} \sum_{j=1}^n H(y^{(i)}, \hat{y}^{(i)}), H(y, \hat{y}) = - \sum_{j=1}^q y_j^{(i)} log \ \hat{y}^{(i)} \ w, b &= rgmin \ l(w,b) \end{aligned}$$

预测: ŷ

多层感知器

引入隐藏层,介于输入和输出层之间,全连接。

• 训练

$$H = \phi(XW_H + b_H) \ O = HW_O + b_O \ l(W_H, W_O, B_H, B_O) = SoftmaxCrossEntropyLoss \ W_H, W_O, B_H, B_O = \mathop{argmin}_{w,b} l(W_H, W_O, B_H, B_O)$$

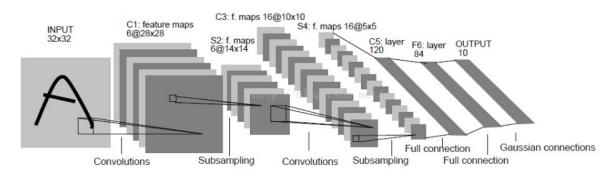
其中激活函数 ϕ 包括:

$$egin{array}{ll} \circ & relu(x) = max(x,0) \ \circ & sigmoid(x) = rac{1}{1+exp(-x)} \ \circ & tagh(x) = rac{1-exp(-x)}{1+exp(-x)} \end{array}$$

CNN

引入卷积核,将输入和卷积核进行二维相关运算。相关运算涉及到填充和步长。卷积层用来检测图像中的边缘,找到像素变化的位置。池化层缓解卷积层对位置的过度敏感性。Conv2D如果涉及到逐个元素赋值、需要注意不能直接进行求导。

● LeNet: LeNet展示了通过梯度下降训练卷积神经网络可以达到手写数字识别在当时最先进的结果。 一共7层,示意如下:



● AlexNet: 首次证明了学习到的特征可以超越手工设计的特征,从而一举打破计算机视觉研究的前状。一共8层。其中有5层卷积和2层全连接隐藏层,以及1个全连接输出层。

```
net.add(nn.Conv2D(96, kernel size=11, strides=4, activation='relu'),
       nn.MaxPool2D(pool_size=3, strides=2),
       # 减小卷积窗口,使用填充为2来使得输入与输出的高和宽一致,且增大输出通道数
       nn.Conv2D(256, kernel size=5, padding=2, activation='relu'),
       nn.MaxPool2D(pool size=3, strides=2),
       # 连续3个卷积层,且使用更小的卷积窗口。除了最后的卷积层外,进一步增大了输出通道
数。
       # 前两个卷积层后不使用池化层来减小输入的高和宽
       nn.Conv2D(384, kernel size=3, padding=1, activation='relu'),
       nn.Conv2D(384, kernel size=3, padding=1, activation='relu'),
       nn.Conv2D(256, kernel size=3, padding=1, activation='relu'),
       nn.MaxPool2D(pool size=3, strides=2),
       # 这里全连接层的输出个数比LeNet中的大数倍。使用丢弃层来缓解过拟合
       nn.Dense(4096, activation="relu"), nn.Dropout(0.5),
       nn.Dense(4096, activation="relu"), nn.Dropout(0.5),
       # 输出层。由于这里使用Fashion-MNIST,所以用类别数为10,而非论文中的1000
```

- VGG: VGG块的组成规律是连续使用数个相同的填充为1、窗口形状为3×3的卷积层后接上一个步幅为2、窗口形状为2×2的最大池化层。VGG块作为卷积层,后面接上全连接层。
- NiN: LeNet、AlexNet和VGG在设计上的共同之处是: 先以由卷积层构成的模块充分抽取空间特征,再以由全连接层构成的模块来输出分类结果,它提出了另外一个思路,即串联多个由卷积层和"全连接"层构成的小网络来构建一个深层网络。NiN去除了容易造成过拟合的全连接输出层,而是将其替换成输出通道数等于标签类别数的NiN块和全局平均池化层。
- GoogLeNet: GoogLeNet将多个设计精细的Inception块和其他层串联起来。其中Inception块的通道数分配之比是在ImageNet数据集上通过大量的实验得来的。Inception块相当于一个有4条线路的子网络。它通过不同窗口形状的卷积层和最大池化层来并行抽取信息,并使用1×1卷积层减少通道数从而降低模型复杂度。

DNN

DNN通过隐藏状态来存储/记忆之前时间步的信息,常用在语言模型中。常见的网络包括GRU、LSTM等。

简单总结

CNN在计算机视觉领域应用非常广。借助于卷积层、池化层,借助于填充、步幅以及通道等形式,参考[CNNs], [Book DIDL]给出了常见的卷积神经网络以及各自之间的关系。

RNN对具有序列特性(时间、逻辑等)的数据非常有效,它能挖掘数据中的时序信息以及语义信息,利用了RNN的这种能力,应用在解决语音识别、语言模型、机器翻译以及时序分析等NLP领域。[Book DIDL]有专门的章节介绍各种RNN网络。

相对于CNN每层神经元只能向上一层传播,样本的处理在不同时刻是独立的,RNN的输出可以在下一个时间戳上作用在自身上,也就是第k层神经元在t时刻,除了(k-1)层神经元在该时刻的输出外,还包括了其自身在(t-1)时刻的输出。图示如下:

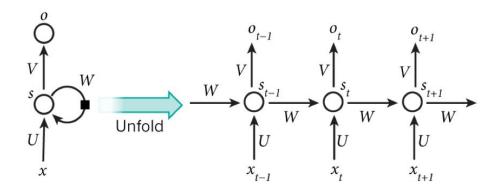


图2: RNN在时间维度上展开,图来自[CNN_RNN_DNN]

(t+1)时刻网络的最终结果O(t+1)是该时刻输入和所有历史共同作用的结果, 实现某种记忆能力,达到对时间序列建模的目的。例如典型的n-gram语义理解等。

论文[ZLM]也对多层感知器、CNN、RNN之间做了分析和对比。

优化方法

优化难点:

- 非凸优化、平坦局部最小值以及鞍点
- 梯度消失和爆炸

由bp算法推动的最后2个步骤得知: $\phi(z)^{'}$ 就是对激活函数求导,如果其求导结果大于1,经过多层计算之后, $\frac{\partial J}{\partial W^{(1)}}$ 就会以指数形式增加,出现梯度爆炸,否则以指数形式递减,形成梯度消失。

● 泛化问题(generalization error): 过拟合问题

优化算法

学习率调整 (含梯度估计修正)

对于正常的梯度下降,设定学习率 $\eta>0$,f为连续可导函数,根据泰勒展开,权重矩阵的训练过程如下:

$$W = W - \eta \Delta f(x)$$

1. MBGD: 小批量梯度下降法(mini-batch gradient descent),从大的训练集里面,分批并且取样进行训练,朝着当前所在位置的坡度最大的方向前进, 在时间步t,

$$g_t = rac{1}{|B|} \sum_{i \in B_t} \Delta f(x)$$
 $W = W - \eta_t g_t$

2. Momentum: 参照小球在碗中滚动的物理规则进行移动, $\alpha \in (0,1)$, 借助指数加权移动平均使得自变量的更新方向更加一致,从而 可以在开始选择较大的学习率,加速收敛。

$$egin{aligned} v_t &= lpha v_{t-1} + \eta_t g_t \ W &= W - v_t \end{aligned}$$

3. AdaGrad: Ada来自英文单词Adaptive,即"适当的"的意思;AdaGrad会为参数的每个元素适当地调整更新步伐(学习率),即学习率衰减,随着学习的进行,使学习率逐渐减小,一开始"多"学,然后逐渐"少"学。·表示内积。

$$h_t = h_{t-1} + g_t \cdot g_t$$
$$W = W - \frac{\eta}{\sqrt{h_t}} g_t$$

4. RMSProp: 在AdaGrad的基础上,应用指数加权平均.

$$s_t = \alpha s_{t-1} + (1 - \alpha)g_t \cdot g_t$$
$$W = W - \frac{\eta}{\sqrt{h_t}}g_t$$

批量大小

批大小会印象随机梯度的方差, 跟泛化能力也相关. 批量大小的选择不宜过大或过小,需根据实际需求 做出选择,较大的批量可以更准确地估计梯度,而较小的批量可以获得更快的收敛速度.

参数初始化

- 预训/随机/固定值 初始化
- 基于固定方差的初始化: 例如使用高斯分布 $N(0, \sigma^2)$.
- 基于方差缩放的参数初始化, 例如Xavier初始化
- 正交初始化: W初始化为正交矩阵,满足 $W^{(l)}(W^{(l)})^T=I$, 使得误差项 $\delta^{(l-1)}=((W^{(l)})^T)\delta^{(l)}$ 满足**范数保持性**,即 $\|\delta^{(l-1)}\|^2=\|\delta^{(l)}\|^2=\|((W^{(l)})^T)\delta^{(l)}\|^2$.

数据预处理[Book NNDL]

- 最小最大值归一化
- 标准化
- 合并

超参数优化[JRYB2011]

常见的超参数有:

- 1. 网络结构,包括神经元之间的连接关系、层数、每层的神经元数量、激活函数的类型.
- 2. 批量大小、学习率以及梯度评估方法等
- 3. 正则化系数等。

常使用随机搜索等方法进行最优组合寻找。

网络正则化

L1/I2正则

$$heta^* = rg\min_{ heta} rac{1}{N} \sum_i Loss(y^{(n)}, f(x^{(n)}; heta)) + \lambda l_p(heta)$$

 l_p 为范数。 通过添加范数减少过拟合。

权重衰减

引入衰减系数 β , 在时间步骤t:

$$\theta_t = (1 - \beta)\theta_{t-1} - \alpha g_t$$

丢弃法

是指在训练一个深度神经网络时,我们可以随机丢弃一部分神经元来避免过拟合,每次选择丢弃的神经元是随机的。

库和框架

深度学习库对比

Keras

<u>Keras</u> 是提供了高度抽象的深度学习API,依赖于TensorFlow进行部署和分布式训练。 提供了丰富的数据预处理和网络配置功能,支持多种框架上运行,实现端到端的深度学习。

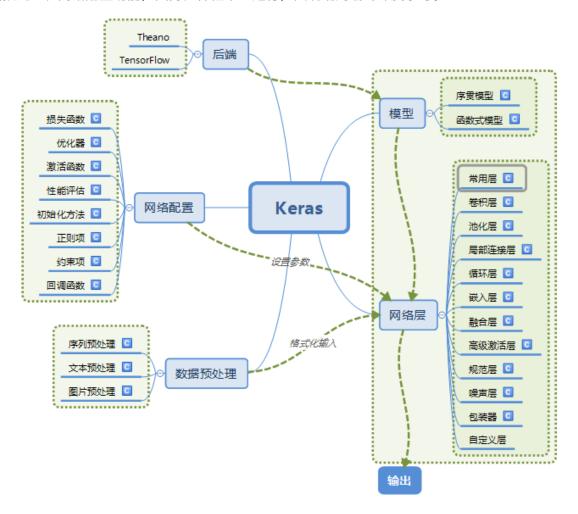


图2: Keras模块结构, 图来自[Keras_Intro]

layers的具体介绍参考layers.

构建网络步骤:

- 1. 预处理: TextVectorization | Normalization , 调用adapt进行实际的预处理
- 2. 构建网络层:
 - 1. 支持的Model

- Sequential: keras.Sequential(), a linear stock of layers;
- Functional: keras.Model(inputs=[input_], outputs=[output]), a graph of layers as nodes.
- 2. Layer: Input | Dense | Conv2D | MaxPooling | Output | custom
- 3. 编译: compile(optimizer = SGD|RMSprop|Adam...,
 loss=MeanSquaredError|KLDivergence|CosineSimilarity..., metrics=[AUC...])
- 4. 训练: fit(x, y, batch_size, epochs, validation_data...)
- 5. 预测: predict(x)

PyTorch

<u>PyTorch</u>本身算是一个深度学习框架,同时也提供了支持GPU的Tensor计算库和神经网络库, 相对其他深度学习库,支持<u>动态计算图</u>。相对静态计算图(computational graph, 节点为张量,边为运算(Function, 卷积、基本运算等)),先搭建图然后运算,动态图是运算与搭建同时进行,更为灵活,但是效率相对较低。

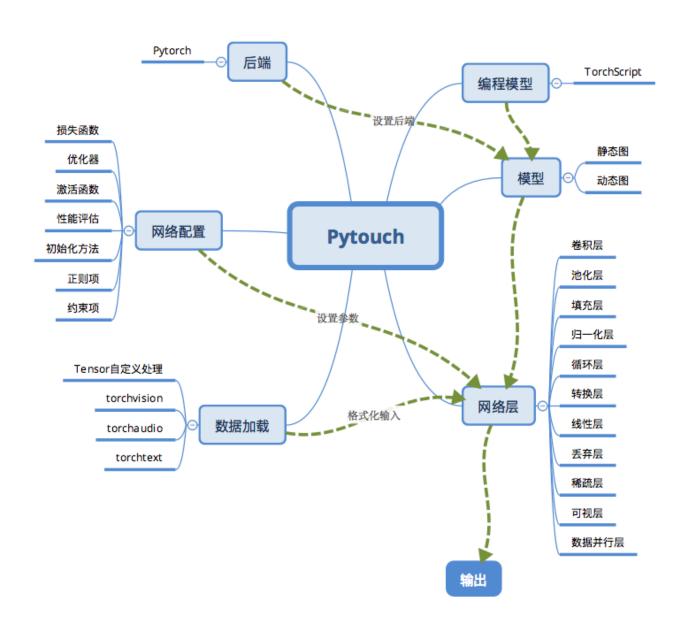


图3: Pytorch模块结构

构建网络步骤:

- 1. 通过torchvision等进行数据加载;
- 2. 构建网络,继承nn.Module,定义layers;
 - 1. Layer: torch.Linear | Conv2D | | custom
 - 2. 在输入数据集上迭代 torch.functional.forward;
 - 3. 定义损失函数和优化器;
- 3. 训练:
 - 1. 通过网络处理输入,进行梯度反向传播:

```
net.zero_grad()
out.backward(torch.randn(1, 10))
```

2. 定义并且计算loss(输出和正确答案的距离)例如选择 MSELoss, 然后调用 loss.backward;

```
output = net(input)
target = torch.randn(10) # 本例子中使用模拟数据
target = target.view(1, -1) # 使目标值与数据值尺寸一致
criterion = nn.MSELoss()

loss = criterion(output, target)

net.zero_grad() # 清零所有参数(parameter) 的梯度缓存
loss.backward()
```

3. 将梯度反向传播给网络的参数,更新网络的权重:

```
# 创建优化器(optimizer)

optimizer = optim.SGD(net.parameters(), lr=0.01)

# 在训练的迭代中:

optimizer.zero_grad() # 清零梯度缓存

output = net(input)

loss = criterion(output, target)

loss.backward()

optimizer.step() # 更新参数
```

4. 预测: net(test x)

简单总结: Keras和PyTorch的对比参考[Keras_vs_PyTorch]. PyTorch更加灵活,可定制程度高,Debug能力强,同时效率也较高,社区更活跃,适合research,Keras抽象程度高,适合新手入门,对小数据集和快速原型搭建非常适合。

深度学习框架对比

通过文献[GSMVAPL] 我们可以大概了解目前深度学习库和框架之间的大概关系:

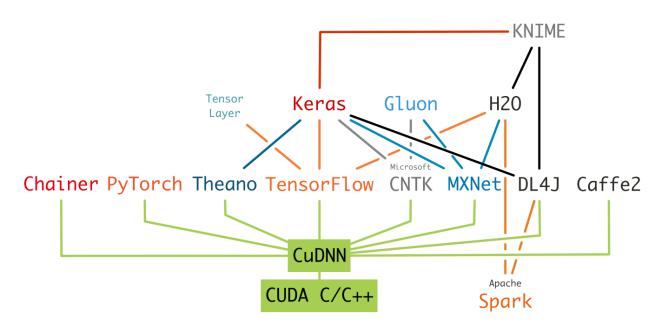


图4: 流行深度学习框架和库的层次关系

这里我们只关注框架。

[GSMVAPL] P100-101对当前主要机器学习框架和库从licence、开发语言、计算图支持情况、API语言以及流行度、使用场景和项目发起者进行了分析,最流行的框架是TensorFlow,开发语言基本上是c++或者python,只有TensorFlow、PyTorch以及MXNet和Chainer支持动态图,同时基本所有框架都支持Python API. 最后可以看到大部分框架都是由大厂牵头研发的,人力和财力投入巨大。

从性能方面来看,没有一个框架在所有的场景和案例下面都绝对领先于其他框架。从文献[YCWSWQ]可以看到,不同的超参对性能和精确度都有非常大的影响。

参考

[Book PDSH]: Python Data Science Handbook

[CS229]: https://see.stanford.edu/Course/CS229

[JRYB2011]: Algorithms for Hyper-Parameter Optimization

[Book DLP]: Deep Learning with Python

[Book DIDL]: Diving Into Deep Learning

[Book NNDL]: https://nndl.github.io/, 总结: https://zhuanlan.zhihu.com/p/162943650

[Keras_Intro]: https://blog.csdn.net/zdy0_2004/article/details/74736656

[Keras_vs_PyTorch] : https://deepsense.ai/keras-or-pytorch/

[DL_framework]: https://www.zhihu.com/question/46587833/answer/104288698

[GSMVAPL]: <u>Machine Learning and Deep Learning frameworks and libraries for large-scale data mining: a survey</u>, Artificial Intelligence Review(2019), 77-124

[YCWSWQ]: A Comparative Measurement Study of Deep Learning as a Service Framework

[CNNs]: https://zhuanlan.zhihu.com/p/47391705

[CNN_RNN_DNN] https://www.zhihu.com/question/34681168/answer/84061846

[ZLM]: 张荣. et.al《深度学习研究综述》, 2018《信息与控制》385-397. https://arxiv.org/pdf/1804.01 653.pdf

[COCG] http://colah.github.io/posts/2015-08-Backprop/

[AG] http://dlsys.cs.washington.edu/pdf/lecture4.pdf