

Rust Crypto For XChain

Rust Crypto For XChain

Xuper-sdk-go vs rust-sgx for Crypto

ECC

ECDSA

ECDSA签名:

ECDSA 验证签名

ECIES算法

加密

解密

证明过程

Refer

有限域运算

表示

多项式基表示法

正规基表示法

运算

模加法

模乘法

Montgomery模乘

模逆

Xuper-sdk-go vs rust-sgx for Crypto

	超级链	crate-rust-sgx
ecdsa	crypto/ecdsa: P256-SHA256-ANS1	ring::P256-SHA256-ASN1 ring::P256-SHA384-ASN1
hash	crypto/hmac crypto/sha512 crypto/sha256 "golang.org/x/crypto/ripemd160"	ring::{hmac,sha256,sha512} ripemd160
encode	self/base58 自己实现的	base58
bigint	math/bigint	num-bigint
rand	crypto/rand	rand
aes	crypto/aes (Rijndael 128, 192, 256)	ring
ecies	Kylom's implementation curve: P256	Done
sign	multi_sign, schnorr_ring_sign, schnorr_sign	需要实现
hdwallet/keychain	hdwallet/keychain	需要实现

ECC

ECDSA

Parameter	
CURVE	the elliptic curve field and equation used
G	elliptic curve base point, a point on the curve that generates a subgroup of large prime order n
n	integer order of G , means that $n \times G = O$, where O is the identity element.
k	the private key (randomly selected)
P	the public key (calculated by elliptic curve)
M	the message to send

ECDSA签名:

$$\begin{aligned}P &= (x_1, y_1) = k \times G \\S &= k^{-1}(\text{Hash}(M) + k * x_1) \bmod p \\Signature &= (x_1, S)\end{aligned}$$

ECDSA 验证签名

$$\begin{aligned}P' &= S^{-1} * \text{Hash}(M) \times G + S^{-1} * x_1 \times P \\&= P\end{aligned}$$

- 证明

$$\begin{aligned}P' &= S^{-1} * \text{Hash}(M) \times G + S^{-1} * k \times G \\&= (S^{-1} * \text{Hash}(M) + S^{-1} * k) \times G \\&= (\text{Hash}(M) + x_1) * S^{-1} \times G \\&= (\text{Hash}(M) + x_1) * (k^{-1}(\text{Hash}(M) + k))^{-1} \times G \\&= (\text{Hash}(M) + x_1) * k * (\text{Hash}(M) + k)^{-1} \times G \\&= k \times G \\&= (x_1, y_1)\end{aligned}$$

ECIES算法

为了向Bob发送ECIES加密信息，Alice需要以下信息：

- 密码学套件（KDF，MAC，对称加密E）
- 椭圆曲线(p, a, b, G, n, h)

- Bob的公钥:

$$K_b, K_b = k_b G, k_b \in [1, n - 1]$$

- 共享信息

$$S_1, S_2$$

- 无穷远点O

加密

Alice使用Bob的公钥加密消息m:

$$\begin{aligned} & \text{For random } r \in [1, n - 1], \text{ calculate } R = rG \\ & \text{derive shared secret : } S = P_x, \text{ where } P = P(P_x, P_y) = rK_b, P \neq O \\ & \text{derive } K_E || K_M = KDF(S || S_1) \\ & \text{encrypt message } m : c = E(k_E; m) \\ & \text{calculate MAC : } d = MAC(k_M; c || S_2) \\ & \text{output : } R || c || d \end{aligned}$$

解密

Bob解密密文 R || c || d的步骤如下:

$$\begin{aligned} & \text{derive shared secret : } S = P_x, P = P(P_x, P_y) = k_B R \\ & \text{derive } K_E || K_M = KDF(S || S_1) \\ & \text{verify MAC : } d == MAC(k_M; c || S_2) \\ & \text{decrypt : } m = E^{-1}(k_E; c) \end{aligned}$$

证明过程

we need ensure S is really shared by Alice and Bob:

$$P = K_B r = k_B R$$

Refer

1. https://en.wikipedia.org/wiki/Integrated_Encryption_Scheme

有限域运算

密码学主要研究2种有限域：大素数域以及特征为2的有限域。

表示

有限域：

$$GF(p^n)$$

这里专门针对p=2为特征的多项式进行计算。

多项式基表示法

$$A = \alpha_{m-1}\beta^{m-1} + \dots + \alpha_1\beta + \alpha_0$$

正规基表示法

$$A = \sum_{i=0}^{m-1} \alpha_i \beta^{2^i}, \text{ where } \alpha_i \in GF(2), i \leq i \leq m-1$$

运算

模加法

1. 点加法

$$\lambda = \begin{cases} x = (y_p - y_q) / (x_p - x_q) \bmod p, P \neq Q \\ y = (3x_p^2 + a) / y_p \bmod p, P = Q \end{cases}$$

$$x_r = (\lambda^2 - x_p - x_q) \bmod p$$

$$y_r = (\lambda(x_p - x_r) - y_p) \bmod p$$

转成Jacobian格式(转换方法: $(x, y) \rightarrow (x', y', 1), (x', y', z) \rightarrow (x = x' / z^2, y = y' / z^3)$)之后, 计算流程如下 (推导过程省略):

$$\begin{aligned} u1 &= x1 \cdot z2^2 \\ u2 &= x2 \cdot z1^2 \\ s1 &= y1 \cdot z2^3 \\ s2 &= y2 \cdot z1^3 \\ h &= u2 - u1 \\ r &= s2 - s1 \\ x3 &= r^2 - h^2 - 2 \cdot u1 \cdot h^2 \\ y3 &= r \cdot (u1 \cdot h^2 - x3) - s1 \cdot h^3 \\ z3 &= z1 \cdot z2 \cdot h \end{aligned}$$

2. 二倍运算

相当于p=q的场景，代入上面计算。

模乘法

Montgomery模乘

模仿快速幂，然后利用点加进行计算。例如Golang的实现[ScalarMut](#).

例如快速幂的思想如下： $a^b \% p$ 伪代码如下：

```
long long Montgomery()  
{  
    long long int res = 1;  
    while(exp_1)  
    {  
        if (exp_1&1)//如果为奇数  
            res = (res*base) % mod;  
        exp_1 >>= 1;//指数对半  
        base = (base*base) % mod;//底数平方  
    }  
    return res;  
}
```

原理如下：

$$a^b = a^{\sum_{i=0}^k 2^{k_i}}, k_i \in \{0, 1\}$$

将b分解为二进制之后，从k_0开始计算，如果遇到当前二进制位为偶数：

$$\begin{aligned} s' &= s \\ base &= base * base \end{aligned}$$

如果b为奇数：

$$\begin{aligned} s' &= s * base \\ base &= base * base \end{aligned}$$

那么对于椭圆曲线上的点乘法，可以采用类似的思路，分解k为二进制，然后使用二倍运算计算base，点加计算s。

模逆

模逆基($a^{-1} \bmod p$)本上采用的是扩展欧几里算法。如果p是素数，那么可以用Femat's little theorem:

$$\begin{aligned} a^{p-1} &= 1 \bmod p \\ a^{p-2} &= a^{-1} \bmod p \end{aligned}$$

然后利用上面的点乘解决。

要计算 $a^{-1} \bmod p$, 可以写成求最小的正整数x, y, 使得: $ax + by = 1$ 。 注意p重新命名为b, 明显 $\gcd(a, b) = 1$.

充分利用 $\gcd(a, b) = \gcd(b, a \% b)$, 最终求得 $x=d$, 伪代码如下:

```
Extend-Ecuclid(a,b):  
  If b == 0:  
    Then return(a,1,0)  
  (d1,x1,y1) = Extend-Ecuclid(b,a mod b)  
  (d,x,y) = (d,y1,x1-[a / b] * y1)  
  Return (d,x,y)
```