

**4.1** A área  $A$  de um triângulo cujos lados medem  $a$ ,  $b$  e  $c$  pode ser calculada usando a fórmula (atribuída ao matemático grego Heron)

$$A = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

onde  $s = (a + b + c)/2$  é o semi-perímetro do triângulo. Implemente uma função `area_triangulo(a,b,c)` que calcule a área de um triângulo usando esta fórmula.

- ▷ **4.2** Escreva uma função `triangulo(a,b,c)` que classifica um triângulo como *equilátero*, *isósceles* ou *escaleno* dados os comprimentos  $a, b, c$  dos três lados; o resultado deve ser uma cadeia de caracteres. Alguns exemplos:

```
>>> triangulo(3,3,3)
'equilátero'
>>> triangulo(3,2,3)
'isósceles'
>>> triangulo(3,4,5)
'escaleno'
```

- ▷ **4.3** Escreva uma função `classifica(p)` que, dada a pontuação  $p$  obtida num exame (de 0 a 100), retorna uma cadeia de caracteres com a classificação; veja os exemplos e a tabela seguintes.

<code>&gt;&gt;&gt; classifica(55)</code>	$< 0$ ou $> 100$	inválido
<code>'suficiente'</code>	$\geq 0, < 50$	insuficiente
<code>&gt;&gt;&gt; classifica(80)</code>	$\geq 50, < 70$	suficiente
<code>'muito bom'</code>	$\geq 70, < 80$	bom
<code>&gt;&gt;&gt; classifica(110)</code>	$\geq 80, < 90$	muito bom
<code>'inválido'</code>	$\geq 90, \leq 100$	excelente

**4.4** Um ano é *bissexto* se for divisível por 4, exceto se for múltiplo de 100 e não for divisível por 400. Escreva a função `bissexto(n)` que retorna `True` se  $n$  for um ano bissexto e `False` no caso contrário.

**4.5** Teste a função do exercício anterior (4.4) fazendo um programa que escreve uma tabela dos anos bissextos entre 2000 e 2020. Verifique os resultados com o calendário do computador.

- ▷ **4.6** Podemos contar algarismos decimais na representação de um número fazendo divisões inteiras por dez. Por exemplo: 9733 tem 4 algarismos porque podemos fazer quatro divisões inteiras sucessivas por 10 até obter quociente zero.

Escreva uma função `algarismos(n)` que retorna o número de algarismos decimais de  $n$ . Sugestão: utilize um ciclo `while`.

**4.7 (T)** O *menor divisor próprio* de um inteiro  $n$  é o menor inteiro  $d$  tal que  $d > 1$  e  $d$  divide  $n$  (ou seja: o resto da divisão de  $n$  por  $d$  é zero).

- (a) Escreva a definição duma função `mindiv(n)` que calcula o menor divisor próprio.
- (b) Um inteiro  $n$  é *primo* se  $n > 1$  e o menor divisor próprio de  $n$  é igual a  $n$ . Escreva uma definição da função `primo(n)` que testa se  $n$  é primo usando o critério anterior; o resultado deve ser `True` ou `False`.
- (c) Note que se  $d$  é o menor divisor próprio de  $n$  e  $d > \sqrt{n}$  então  $d = n$  (porquê?). Modifique a definição da função da alínea (a) para usar esta propriedade para tornar mais rápida a pesquisa do menor divisor próprio.

**4.8** A fórmula de Leibniz para aproximar  $\pi$  é:

$$\pi = 4 \times \left( 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} + \dots \right) = 4 \times \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{2n+1}$$

Implemente a função `leibniz(k)` que calcula o somatório dos primeiros  $k$  termos desta série. Documente a sua função com uma *docstring*.

**4.9** Considere o programa para simular o lançamento de dois dados apresentado na aula teórica.

- (a) Generalize este programa para uma função `soma2dados(k)` que estima a frequência da soma de dois dados dar um valor  $k$ .
- (b) Use a função de alínea anterior para imprimir uma tabela da distribuição de frequência da soma de dois dados (entre 2 e 12).

#### 4.10

As espirais da figura ao lado foram desenhadas usando o módulo *turtle* apenas mudando o ângulo de rotação entre cada segmento. Escreva um procedimento `espiral(...)` para desenhar espirais deste tipo.

Sugestão: pense quais os parâmetros que necessita para fazer o 1º desenho (ângulos retos) primeiro e depois generalize para caso geral.

