

# Truonw Cong Nghe Thong Tin

duc viet

may 2022

# Bài 1

a.  $1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 999$

b.  $2 + 4 + 8 + 16 + \dots + 1024$

c.  $\sum_{i=3}^{n+1} 1$       d.  $\sum_{i=3}^{n+1} i$       e.  $\sum_{i=0}^{n-1} i(i+1)$

f.  $\sum_{j=1}^n 3^{j+1}$       g.  $\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n ij$       h.  $\sum_{i=1}^n \frac{1}{i(i+1)}$

i.  $\sum_{j \in \{2,3,5\}} (j^2 + j)$       j.  $\sum_{i=1}^m \sum_{j=0}^n \sum_{k=0}^{100} (i+j)$

Câu d.  $\sum_{i=3}^{n+1} i = \sum_{i=1}^{n+1} i - \sum_{i=1}^2 i = \frac{(n+1)(n+2)}{2} - 3 = \frac{1}{2}x^2 + \frac{3}{2} - 2$

Câu e.  $\sum_{i=0}^{n-1} i(i+1) = \sum_{i=0}^{n-1} (i^2 + i)$   
 $= \sum_{i=0}^{n-1} i^2 + \sum_{i=0}^{n-1} i = \frac{1}{3}(n-1)^3 + \frac{1}{2}(n-1)^2$

Câu i.  $\sum_{j \in \{2,3,5\}} j^2 + j$

# Bài 4

```
float Alpha (float x, long n)
{
    long i = 1; float z = 0;
    while ( i ≤ n)
    {
        long j = 1; float t = 1;
        while (j ≤ i)
        {
            t = t*x;
            j = 2*j;
        }
        z = z+i*t;
        i=i+1;
    }
    return z;
}
```

- Xét vòng while ngoài: Ta có:

- $2 + 4 * n(G)$
- $n + 1(SS)$

- Xét vòng while trong : Đặt  $\alpha_i$  là số vòng lặp của while trong, ta có:

- $2 * \alpha_i$  (G)
- $\alpha_i + 1$  (SS)

$$\text{Suy ra: } \begin{cases} G(n) = 2 + 4n + \sum_{i=1}^n 2\alpha_i \\ SS(n) = n + 1 + n + \sum_{i=1}^n \alpha_i \end{cases}$$

Xét  $\alpha_i$  ta có:

$\alpha_i$  là số con  $j$  với  $j \leq i$ , Bước tăng theo tỉ lệ:  $2 * j$

$\Rightarrow \alpha_i$  là số phần tử của tập hợp  $\{2^0, 2^1, 2^2, 2^3 \dots\} = k (\in 0 < 2^k \leq i)$

$$\Leftrightarrow 1 \leq 2^k \leq i$$

$$\Leftrightarrow 0 \leq k \leq \log_2 i$$

$$\Rightarrow \alpha_i = \log_2 i + 1$$

$$\text{Suy ra: } \begin{cases} G(n) = 2 + 4n + \sum_{i=1}^n 2(\log_2 i + 1) \\ SS(n) = n + 1 + n + \sum_{i=1}^n (\log_2 i + 1) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} G(n) = 2 + 6n + \log_2 n! \\ SS(n) = 3n + 1 + \log_2 n! \end{cases}$$

## Bài 5

```
sum = 0; i = 1;
while ( i ≤ n)
{
    j = n - i;
    while (j ≤ 2 * i )
    {
        sum = sum + i * j;
        j = j + 2;
    }
    k = i;
    while ( k > 0)
    {
        sum = sum + 1;
        k = k / 2;
    }
    i = i + 1;
}
```

- Xét vòng while ngoài: Ta có:

- $2 + 3 * n(G)$
- $n + 1(SS)$

- Xét vòng  $while_{(1)}$  trong : Đặt  $\alpha_i$  là số vòng lặp của while, ta có:

- $2 * \alpha_i (G)$
- $\alpha_i + 1 (SS)$

- Xét vòng  $while_{(2)}$  trong : Đặt  $\beta_i$  là số vòng lặp của while, ta có:

- $2 * \beta_i (G)$
- $\beta_i + 1 (SS)$

$$\text{Suy ra: } \begin{cases} G(n) = & 2 + 4n + \sum_{i=1}^n 2\alpha_i + \sum_{i=1}^n 2\beta_i \\ SS(n) = & n + 1 + n + n + \sum_{i=1}^n \alpha_i + \sum_{i=1}^n \beta_i \end{cases}$$

Xét  $\alpha_i$  ta có:

$\alpha_i$  là số con  $j$  với  $j \leq 2 * i$  , Bước tăng theo tỉ lệ: 2

$$\Rightarrow \alpha_i = \frac{3i-n}{2}$$

Ta có:      Vòng lặp  $while_{(1)}$  trong chỉ thực hiện khi  $j \leq 2 * i \iff n/3 \leq i$

$$\begin{cases} \alpha_i = & \frac{3i-n}{2} , i \geq n/3 \\ \alpha_i = & 0 , \text{ còn lại} \end{cases}$$

Xét  $\beta_i$  ta có:

$\beta_i$  là số con  $k$  với  $k > 0$  , Bước giảm theo tỉ lệ: 1/2

$\Rightarrow \beta_i$  là số phần tử của tập hợp  $\{\frac{i}{2^0}, \frac{i}{2^1}, \frac{i}{2^2}, \frac{i}{2^3} \dots\} = k (\in 0 < \frac{i}{2^k} \leq i)$

$$\Leftrightarrow 1 \leq \frac{i}{2^k} \leq i$$

$$\Leftrightarrow 1 \leq 2^k \leq i$$

$$\Leftrightarrow 0 \leq k \leq \log_2 i$$

$$\Rightarrow \beta_i = \log_2 i + 1 \text{ (c/m tương tự câu 4)}$$

$$\text{Suy ra: } \begin{cases} G(n) = 2 + 4n + \sum_{i=n/3}^n 2^{\frac{3i-n}{2}} + \sum_{i=1}^n 2(\log_2 i + 1) \\ SS(n) = n + 1 + n + n + \sum_{i=n/3}^n \frac{3i-n}{2} + \sum_{i=1}^n (\log_2 i + 1) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} G(n) = 2 + 6n - 3 * (\frac{1}{2}n^2 + 1) + \log_2 n! \\ SS(n) = 4n + 1 - (\frac{1}{2}n^2 + 1) + \log_2 n! \end{cases}$$

## Bài 9

```

i=1;
res=0;
while i≤n do
    j=1;
    k=1;
    while j ≤ i do
        res=res+i*j;
        k=k+2;
        j=j+k;
    endwhile
    i=i+1;
endwhile

```

$P_i$  → [ ]

- Xét vòng while ngoài: Ta có:

- $2 + 3 * n(G)$
- $n + 1(SS)$

- Xét vòng while trong : Đặt  $\alpha_i$  là số vòng lặp của while, ta có:

- $3 * \alpha_i (G)$
- $\alpha_i + 1 (SS)$

$$\text{Suy ra: } \begin{cases} G(n) = 2 + 3n + \sum_{i=1}^n 3\alpha_i \\ SS(n) = n + 1 + n + \sum_{i=1}^n \alpha_i \end{cases}$$

Xét  $\alpha_i$  ta có:

$\alpha_i$  là số con  $j$  với  $j \leq i$ , Bước tăng theo tỉ lệ:  $j = j + k + 2$

$\Rightarrow \alpha_i$  là số phần tử  $\in \{1, 4, 9, 16, 25, \dots\}$

Hay  $1 \leq k^2 \leq i$

$\Rightarrow \alpha_i = \sqrt{i}$

$$\text{Vây: } \begin{cases} G(n) = & 2 + 3n + \sum_{i=1}^n 3\sqrt{i} \\ SS(n) = & n + 1 + n + \sum_{i=1}^n \sqrt{i} \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} G(n) = & 2 + 3n + \frac{3}{1/2+1} * n^{k+1} \\ SS(n) = & n + 1 + n + \frac{1}{1/2+1} * n^{k+1} \end{cases}$$