



Prolog

- ◆ Objets
- ◆ Opérateurs
- ◆ Listes

Objets en prolog

- ◆ **Alphabet :**

- A,B,...,Z, a,b,...,z
- 0,1,...,9
- + - * / < > = : . & _ ~

En prolog tout est un terme

- ◆ **variable:** X_25, _resultat

- ◆ **constante :**

- atome (chaîne alphabétique): tom, x_25, 'racing club de lens'
- nombre : 3.14, -0.573, 23E-5 (réels) 23, 5753, -42 (entiers)

- ◆ **structure :**

- date(10, mars, 2003),
- eleve(robert, maitrise, info, adresse(10, 'bvd Bazly ', 62300, ' Lens '))

Arithmétique et opérateurs

- ◆ Chaque Prolog dispose d'opérateurs infixés, préfixés et postfixés :
 $+$, $-$, $*$, $/$
- ◆ L'interprète les considère comme foncteurs et transforme les expressions en termes :
 $2 * 3 + 4 * 2$ est un terme identique à
 $+(*(2,3), *(4,2))$

Arithmétique et opérateurs

Règles de précedence et d'associativité

- ♦ **La précedence** est la détermination récursive de foncteur principal par une priorité de 0 à 1200

- ♦ **L'associativité** détermine le parenthésage de

$A \text{ op } B \text{ op } C :$

- Si elle est à **gauche**, on a $(A \text{ op } B) \text{ op } C$
- si elle est à **droite**, on a $A \text{ op } (B \text{ op } C)$

Arithmétique et opérateurs

Règles de précedence et d'associativité

- ◆ On peut définir de nouveaux opérateurs par :

`:- op(précedence, associativité, nom)`

- **`nom`** est un atome.
- **`précedence`** est un entier [0..1200] (norme Edimbourg)
- **`associativité`** : On distingue trois types :

`xfx xfy yfx` - opérateurs infixés

`fx fy` - opérateurs préfixés

`xf yf` - opérateurs postfixés

`f` représente l'opérateur, `x` & `y` représentent les arguments

Arithmétique et opérateurs

Règles de précedence et d'associativité

| | <i>non assoc.</i> | <i>droite</i> | <i>gauche</i> |
|-----------------|-------------------|---------------|---------------|
| <i>Infixé</i> | xfx | xfy | yfx |
| <i>préfixé</i> | fx | fy | |
| <i>postfixé</i> | xf | | yf |

♦ Exemple:

`:- op(600, xfx, aime).`

On peut écrire : `toto aime tata.`

Mais pas : `toto aime tata aime titi`

Arithmétique et opérateurs

Règles de précedence et d'associativité

- ♦ La précedence d'un atome est 0. La précedence d'une structure celle de son foncteur principal
- ♦ **X** représente un argument dont la précedence doit être strictement inférieur à celle de l'opérateur.
- ♦ **Y** représente un argument dont la précedence doit être inférieur ou égale à celle de l'opérateur
- ♦ **Exemples:**
 - **a - b - c** est comprise comme **(a - b) - c**
=> l'opérateur '-' doit être défini comme **fy f**
x.
 - Si l'opérateur **not** est défini comme **fy** alors l'expression **not not p** est légale. S'il est défini comme **fx** alors elle est illégale, et elle doit être écrite comme : **not (not p).**

Arithmétique et opérateurs

◆ Opérateur prédéfini en Prolog

```
:- op(1200, xfx, `:-').  
:- op(1200, fx, [:-, ?-]).  
:- op(1100, xfy, `;').  
:- op(1000, xfy, `,').  
:- op(700, xfx, [=, is, <, >, =<, >=, ==, =\=, \==, ==:]).  
:- op(500, yfx, [+,-]).  
:- op(500, fx, [+,-,not]).  
:- op(400, yfx, [*,/ ,div]).  
:- op(300, xfx, mod).
```


Arithmétique et opérateurs

- ◆ **Opérateurs prédéfinis :**

- `+, -, *, /, mod`

- ◆ Une opération est effectuée uniquement si on la explicitement indiquée.

- ◆ Exemple:

- `X = 1 + 2.`

- `X=1+2`

- ◆ L 'opérateur prédéfini `'is'` force l 'évaluation.

- `X is 1 + 2.`

- `X=3`

- ◆ Les opérateurs de comparaison force aussi l 'évaluation.

- `145 * 34 > 100.`

- `yes`

Arithmétique et opérateurs

◆ Opérateurs de comparaison:

- $X > Y$
- $X < Y$
- $X \geq Y$
- $X \leq Y$
- $X ::= Y$ les valeurs de X et Y sont identiques
- $X \neq Y$ les valeurs de X et Y sont différentes.

Arithmétique et opérateurs

- ◆ **Opérateur (=)**

$X = Y$ permet d'unifier X et Y (possibilité d'instanciation de variables).

- ◆ **Exemples:**

- $1 + 2 = 2 + 1.$

> no

- $1 + 2 =:= 2 + 1.$

> yes

- $1 + A = B + 2.$

> $A = 2$

> $B = 1$

Arithmétique et opérateurs

- ♦ **T1 == T2** si les termes T1 et T2 sont littéralement égaux .
i.e. ont la même structure et leur composants sont les mêmes.
- ♦ **T1 \== T2** est vrai si T1 == T2 est faux
- ♦ **Exemples:**
 - ?- f(a,b) == f(a,b) .
> yes
 - ?- f(a,b) == f(a,X) .
> no
 - ?- f(a,X) == f(a,Y) .
> no
 - ?- X \== Y
> yes
 - ?- t(X, f(a,Y)) == t(X, f(a,Y)) .
> yes

Exemple : calcul du PGCD

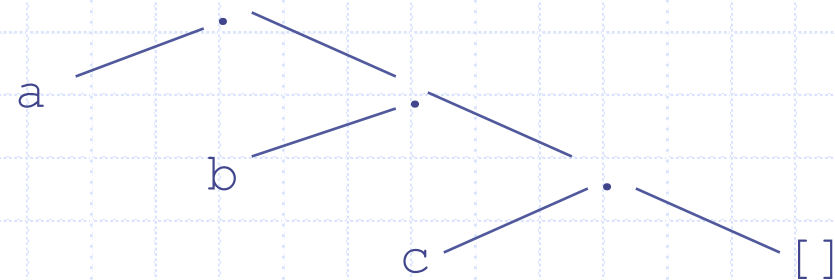
- ◆ Le PGCD D de X et Y peut être calculé par :
 - (1) Si X et Y sont égaux alors D est égale à X .
 - (2) si $X < Y$ alors D est égale au PGCD de X et $(Y-X)$.
 - (3) si $Y < X$ alors idem que pour (2) en échangeant X et Y

```
pgcd(X,X,X) .
pgcd(X,Y,D) :-
    X<Y,
    Y1 is Y - X,
    pgcd(X,Y1,D) .
pgcd(X,Y,D) :-
    Y < X,
    pgcd(Y,X,D) .
```

Listes

- ◆ Une liste est une séquence de nombres ou d'atomes
- ◆ Structure de liste: **.(Car, Cdr)**

`.(a, .(b, []))` \Leftrightarrow



- ◆ `[paul, dupont]` \Leftrightarrow `.(paul, .(dupont, []))`
- ◆ `[a | Cdr]` \Leftrightarrow `.(a, Cdr)`
- ◆ `[a,b,c] = [a | [b,c]] = [a,b | [c]] = [a,b,c|[]]`
- ◆ Les éléments peuvent être des listes et des structures:
- ◆ `[a, [1, 2, 3], tom, 1995, date(10,mars,2003)]`

Opérations sur les listes

◆ Appartient :

- `member(X, L) si $X \in L$.`

`member(X, [X | L]).`

`member(X, [Y | L]) :-`

`member(X, L).`

◆ Concaténation :

- `conc(L1, L2, L3) si $L3 = L1.L2$`

`conc([], L, L).`

`conc([X|L1], L2, [X|L3]) :-`

`conc(L1, L2, L3).`

Opérations sur les listes

```
?- conc( [a,b,c], [1,2,3], L) .
```

```
> L = [a,b,c,1,2,3]
```

```
?- conc( L1, L2, [a,b,c] ) .
```

```
> L1 = [] , L2 = [a,b,c];
```

```
> L1 = [a], L2 = [b,c];
```

```
> L1 = [a,b], L2 = [c];
```

```
> L1 = [a,b,c], L2 = [];
```

```
> no
```

```
?- conc( Avant, [4|Après], [1,2,3,4,5,6,7]) .
```

```
> Avant = [1,2,3], Après = [5,6,7]
```

```
?- conc( _, [Pred, 4, Succ | _], [1,2,3,4,5,6,7]) .
```

```
> Pred = 3, Succ = 5
```


Opérations sur les listes

- ◆ **Redéfinition de member en utilisant conc:**

```
member1(X, L) :-  
    conc(_, [X|_], L).
```

- ◆ **ajout en tête :**

```
add(X, L, [X|L]).
```

- ◆ **Suppression de toutes les occurrences d'un élément**

```
del(X, [], []) :- !.  
del(X, [X|L1], L2) :-  
    del(X, L1, L2).  
del(X, [Y|L1], [Y|L2]) :-  
    X \== Y,  
    del(X, L1, L2).
```

- ◆ **Suppression d'un élément**

```
del1(X, [X|L], L).  
del1(X, [Y|L], [Y|L1]) :-  
    del1(X, L, L1).
```

- ◆ Si X apparaît plusieurs fois, toutes les occurrences de X sont supprimés.

Opérations sur les listes

- ◆ **Pour insérer un élément dans une liste:**

```
?- del1(a, L, [1,2,3]).
```

```
> L = [a,1,2,3]; > L = [1,a,2,3]; > L = [1,2,a,3];
```

```
> L = [1,2,3,a]; > no
```

- ◆ **On peut définir insert en utilisant del1:**

```
insert(X,L1,L2) :-
```

```
del1(X, L2, L1).
```

- ◆ **La relation sous-liste**

```
sublist(S, L) :-
```

```
conc(L1, L2, L),
```

```
conc(S, L3, L2).
```

```
?- sublist(S, [a,b,c]).
```

```
> S = []; S = [a]; ... S = [b,c]; > S = [a, b,c];
```

```
> no
```

Opérations sur les listes

◆ Permutations:

```
permutation([], []).  
permutation([X|L], P) :-  
    permutation(L, L1),  
    insert(X, L1, P).
```

```
insert(X, L, [X|L]).  
insert(X, [Y|L1], [Y|L2]) :-  
    insert(X, L1, L2).
```

```
?- permutation([a,b,c], P).
```

```
> P = [a,b,c];
```

```
> P = [a,c,b];
```

```
> P = [b,a,c];
```

```
...
```

```
permutation2([], []).  
permutation2(L, [X|P]) :-  
    del(X, L, L1),  
    permutation2(L1, P).
```

Opérations sur les listes

- ♦ La longueur d'une liste peut être calculé de la manière suivante :

```
length([], 0).
```

```
length([_|L],N) :-
```

```
    length(L, N1),
```

```
    N is 1 + N1.
```

```
?- length([a,b,[c,d],e], N).
```

```
> N = 4
```

```
?- length(L,4).
```

```
> [_5, _10, _15, _20] ;
```

```
..... ?
```

Prédicats prédéfinies

Tester le type d'un terme :

- ♦ Le type d'un terme peut être une variable, une constante (atome, nombre), une structure.
- ♦ Un terme de type variable peut être instancié ou non.

Built-in predicates:

- ♦ **integer(X)** \Leftrightarrow X est un entier
- ♦ **var(X)** \Leftrightarrow X est une variable non instancié
- ♦ **nonvar(X)** \Leftrightarrow X est un terme autre qu'une variable, ou une variable instancié.
- ♦ **atom(X)** \Leftrightarrow X est un atome
- ♦ **atomic(X)** \Leftrightarrow X est entier ou un atome.

Prédicats prédéfinies

♦ Exemples:

- `?- var(Z), Z=2.`

> `Z=2`

- `?- Z=2, var(Z).`

> `no`

- `?- integer(Z), Z=2.`

> `no`

- `?- var(Z), Z=2, integer(Z), nonvar(Z).`

> `Z=2`

- `?- atom(22).`

> `no`

- `?- atomic(22).`

> `yes`

- `?- atom(==>).`

> `yes`

- `?- atom(date(1, mars, 2003)).`

> `no`

Prédicats prédéfinies

Utilisation: `integer(X), integer(Y), Z is X+Y;`

Que faire en cas d'échecs ...

- ♦ **count(A,L,N) \Leftrightarrow A apparaît N fois dans L**

```
count(_, [], 0).
```

```
count(A, [A|L], N) :- !,
```

```
    count(A, L, N1),
```

```
    N is N1 + 1.
```

```
count(A, [_|L], N) :-
```

```
    count(A, L, N).
```

- ♦ **Mais alors:**

```
?- count(a, [a,b,X,Y], N).
```

```
> N = 3
```

```
?-count(b, [a,b,X,Y], N).
```

```
> N = 3
```

- X et Y ont été instancié à a (b)

Prédicats prédéfinie

♦ Nouvelle solution:

```
count(_, [], 0).
```

```
count(A, [B|L], N) :-
```

```
    atom(B), A = B, !,
```

%B est un atome A?

```
    count(A, L, N1),
```

%compter nombre de A dans L

```
    N is N1 + 1;
```

```
    count(A, L, N).
```

%sinon - compter dans L

Prédicats de manipulation de la BD

- ◆ **Ajout et suppression de clauses (règles) en cours d'exécution :**
- ◆ **assert(C) :**
ajout de la clause C à la base de données.
- ◆ **retract(C) :**
Suppression des clauses unifiable avec C.
- ◆ **asserta(C) :**
ajout de C au début de la base de données.
- ◆ **assertz(C) :**
ajout de C en fin de la base de données.

Prédicats repeat

- ◆ **Repeat**

Le prédicat repeat est toujours vrai (succès) et à chaque fois qu'il est rencontré, une nouvelle branche d'exécution est générée.

- ◆ Repeat peut être définie par :

```
repeat.
```

```
repeat :- repeat.
```

- ◆ **Exemple d'utilisation:**

```
dosquares :-
```

```
    repeat,
```

```
    read(X),
```

```
    (X = stop, !; Y is X*X, write(Y), fail ).
```

Prédicats bagof & setof

♦ bagof and setof

- La résolution Prolog peut trouver toutes les solutions satisfaisant un ensemble de buts.
- Mais lorsqu'une nouvelle solution est générée, la solution précédente est perdue.
- Les prédicats bagof, setof et findall permettent de collecter ses solutions dans une liste.

♦ bagof(X,P,L) :

- permet de produire la liste L de tout les objets X vérifiant P.
- Utile si X et P admettent des variable en commun.

♦ setof(X,P,L) :

- idem que bagof. Les éléments de la liste sont ordonnées et sans répétitions.

Prédicats bagof & setof

Exemples:

```
class( f, con).  
class( e, vow).  
class( d, con).  
class( c, con).  
class( b, con).  
class( a, vow).  
  
?- bagof(Letter, class(Letter, con), List).  
    > List = [f,d,c,b]  
  
?- bagof(Letter, class(Letter,Class), List).  
    > Class = con  
       List = [f,d,c,b];  
    > Class = vow  
       List = [e,a]
```

Prédicats bagof & setof

```
?- setof(Letter, class(Letter,con), List).
```

```
> Letter = _0
```

```
List = [b,c,d,f]
```

```
?- setof((C1,Let), class(Let,C1), List).
```

```
> C1 = _0
```

```
Let = _1
```

```
List = [(con,b), (con,c), (con,d), (con,f), (vow,a),  
(vow,e)]
```