



Prolog

- ◆ Listes
- ◆ Arbres en prolog
- ◆ Structures : bases de données

Inversion récursive d'une liste

♦ Inversion récursive d'une liste :

```
?- reverseRec([a,[x,[y,z]],[d,e],b],L).
```

```
L = [b, [e,d], [[z,y],x], a]
```

```
reverseRec([],[]).
```

```
reverseRec([X|L1],L2):-
```

```
    atom(X) % not(list(X))
```

```
    reverseRec(L1,L3),
```

```
    append(L3,[X],L2).
```

```
reverseRec([X|L1],L2):-
```

```
    not(atom(X)), % list(X)
```

```
    reverseRec(L1,L3),
```

```
    reverseRec(X,L4),
```

```
    append(L3,[L4],L2).
```

```
list([]).
```

```
list([_|_]).
```

Inversion récursive d'une liste : utilisation d'un accumulateur

- ◆ Inversion récursive d'une liste sans append :

```
?- reverseRec([a,[x,[y,z]],[d,e],b],L).
```

```
L = [b, [e,d], [[z,y],x], a]
```

```
reverseRec(L,I):-
```

```
    reversRecAcc(L, [], I).
```

```
reverseRecAcc([],I, I).
```

```
reverseRecAcc([X|L1],I1, I2):-
```

```
    atom(X) % not(list(X))
```

```
    reverseRecAcc(L1, [X|I1], I2).
```

```
reverseRecACC([X|L1], I1, I2):-
```

```
    not(atom(X)), % list(X)
```

```
    reverseRecAcc(X, [], I3),
```

```
    reverseRecAcc(L1, [I3|I1], I2).
```

```
list([]).
```

```
list([_|_]).
```

Chemin dans un graphe

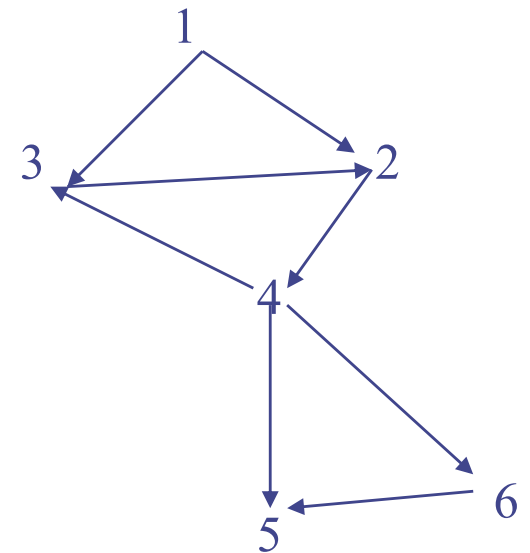
*Soit $G = (S,A)$ un graphe orienté sans boucle,
écrire un prédicat $\text{chemin}(X,Y, L)$, tq L représente
un chemin sans boucle dans G entre X et Y .*

*$\text{fleche}(1,2)$. $\text{fleche}(1,3)$.
 $\text{fleche}(2,4)$. $\text{fleche}(3,2)$.
 $\text{fleche}(4,3)$. $\text{fleche}(4,5)$.
 $\text{fleche}(4,6)$. $\text{fleche}(6,5)$.*

?-chemin(1,5, L) .

L = [1, 2, 4, 5]

L = [1, 2, 4, 6, 5]



Chemin dans un graphe

```
chemin (X, Y, L) :-
```

```
    chemin_s_boucle (X, Y, [X], L) .
```

```
chemin_s_boucle (X, Y, L, [Y | L]) :-
```

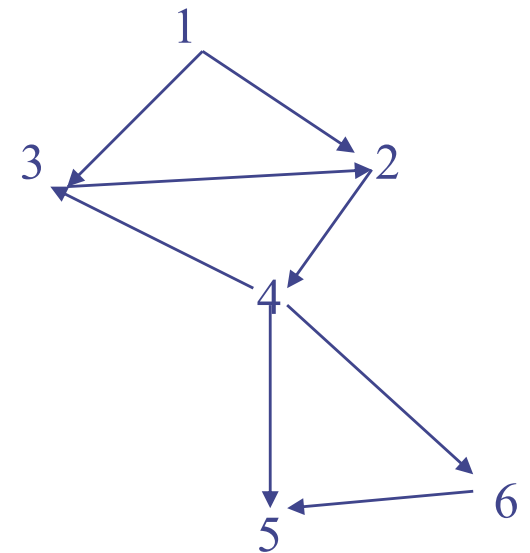
```
    fleche (X, Y) .
```

```
chemin_s_boucle (X, Y, M, L) :-
```

```
    fleche (X, Z) ,
```

```
    hors_de (Z, M) ,
```

```
    chemin_s_boucle (Z, Y, [Z | M], L) .
```



Algorithme de tri rapide

- ♦ **Algorithme de tri rapide :**

```
triRapide([], []).
```

```
triRapide([P|L], T) :-
```

```
    partage(P, L, L1, L2),
```

```
    triRapide(L1, T1),
```

```
    triRapide(L2, T2),
```

```
    append(T1, [P|T2], T).
```

```
partage(_, [], [], []).
```

```
partage(P, [X|T], [X|U1], U2) :-
```

```
    P > X,
```

```
    partage(P, T, U1, U2).
```

```
partage(P, [X|T], U1, [X|U2]) :-
```

```
    P <= X,
```

```
    partage(P, T, U1, U2).
```

Algorithme de tri fusion

- ♦ **Algorithme de tri fusion**

```
triFusion([], []).
```

```
triFusion([X], [X]).
```

```
triFusion([A,B|R], S) :-  
    diviser([A,B|R], L1, L2),  
    triFusion(L1, S1),  
    triFusion(L2, S2),  
    fusionner(S1, S2, S).
```

```
diviser([], [], []).
```

```
diviser([A], [A], []).
```

```
diviser([A,B|R], [A|Ra], [B|Rb]) :-  
    diviser(R, Ra, Rb).
```

Algorithme de tri fusion

- ♦ Algorithme de tri fusion (suite):

```
fusionner(A, [], A) .
```

```
fusionner([], B, B) .
```

```
fusionner([A|Ra], [B|Rb], [A|M]) :-
```

```
    A <= B,
```

```
    fusionner(Ra, [B|Rb], M) .
```

```
fusionner([A|Ra], [B|Rb], [B|M]) :-
```

```
    A > B,
```

```
    fusionner([A|Ra], Rb, M) .
```


Algorithme de tri sélection

```
triSelection([], []).
triSelection([X], [X]).
triSelection([X,Y|L], [Z|T]) :-
    minimum([X,Y|L], Z),
    retirer(Z, [X,Y|L], S)
    triSelection(S, T).
```

```
minimum([X], X).
minimum([X,Y|L], X) :-
    minimum([Y|L], M),
    X <= M.
minimum([X,Y|L], M) :-
    minimum([Y|L], M),
    X > M.
```

```
retirer(X, [], []).
retirer(X, [X|L], L).
retirer(X, [U|L], [U|M]) :-
    X \== U,
    retirer(X, L, M)
```

Algorithme de tri à bulle

```
triBulle(Liste, Trie) :-  
    echange(Liste, List1),!,  
    triBulle(List1, Trie).
```

```
triBulle(Trie,Trie) .
```

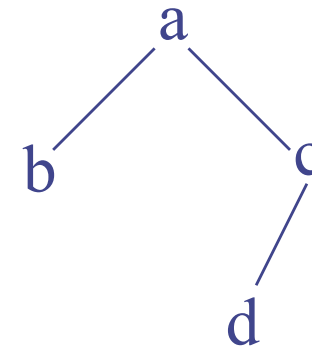
```
echange([X,Y|Reste], [Y,X|Reste]) :-  
    X>Y.
```

```
echange([Z|Reste], [Z|Reste1]) :-  
    echange(Reste,Reste1) .
```

Arbres en prolog

- ◆ Arbres binaires :

- représentation ?
 $a(b, c(d))$



- ◆ méthode la plus répandue :

- l'atome nil représente l'arbre vide
- t sera le foncteur tel que l'arbre de racine X ayant un sous-arbre gauche G et un sous-arbre droit D sera représenté par :
 $t(G, X, D)$

- ◆ $a(b, c(d))$ sera représenté par :

$t(t(\text{nil}, b, \text{nil}), a, t(t(\text{nil}, d, \text{nil}), c, \text{nil}))$

Arbres en prolog

◆ Arbres binaires :

- tester l'appartenance d'un élément
- Afficher un arbre binaire (préfixé, infixé, postfixé)

◆ Arbres binaires ordonnés :

- tester l'appartenance d'un élément
- ajouter un élément
- supprimer un élément

Arbre en prolog

- Recherche dans un arbre binaire

```
dans(X,t(_,X,_)):-!.
```

```
dans(X,t(G,_,_)):-
```

```
    dans(X,G).
```

```
dans(X,t(_,_,D)):-
```

```
    dans(X,D).
```

* il est évident que : dans(X,nil) échouera.

- Recherche dans un arbre binaire ordonnée

```
dans(X,t(_,X,_)).
```

```
dans(X,t(G, Racine,_)):-
```

```
    X< Racine, dans(X,G).
```

```
dans(X,t(_,Racine,D)):-
```

```
    X> Racine, dans(X,D).
```

Arbre en prolog

- Afficher un arbre binaire :

```
afficher(nil).
```

```
afficher(t(G,X,D)):-
```

```
    afficher(G),
```

```
    write(X), tab(4),
```

```
    afficher(D).
```

* etc.

Arbre en prolog

- Ajouter un élément dans un arbre binaire ordonnée:

ajout(A, X, A1) : insérer X dans A donne A1

ajout(nil, X, t(nil,X,nil)).

ajout ((t(G, X, D), X, t(G, X, D)).

ajout(t(G, R, D), X, t(Ag, R, D)):-

 X<R,

 ajout(G, X, Ag).

ajout(t(G, R, D), X, t(G,R,Ad)):-

 X>R,

 ajout(D, X, Ad).

Arbre en prolog

- Suppression d'un élément dans un arbre binaire ordonné:

```
suppr(t(nil, X, D ), X, D ).
```

```
suppr(t(G, X, nil), X, G).
```

```
suppr(t(G, X, D), X, t(G, Y, D1) ) :-
```

```
    effMin(D, Y, D1).
```

```
suppr(t(G, Racine, D), X, t(G1, Racine, D) ):-
```

```
    Racine > X,
```

```
    suppr(G, X, G1).
```

```
suppr(t(G, Racine, D), X, t(G, Racine, D1) ):-
```

```
    Racine < X,
```

```
    suppr(D, X, D1).
```

```
effMin(t(nil, Y, D), Y, D).
```

```
effMin(t(G, Racine, D), Y, t(G1, Racine, D)):-
```

```
    effMin(G, Y, G1).
```


Utilisations des structures

- ◆ **Extraction d'informations structurées d'une base de données**

- Une base de données en prolog est représenté par un ensemble de fait.

- **Exemple :**

une famille est composé de trois éléments suivants :

- ◆ le mari, l'épouse et les enfants. Les enfants seront représenté par une liste (nombre est variable)

chaque personne est décrite par quatre composants :

- ◆ le prénom, le nom, la date de naissance, et l'emploi. Ce dernier peut prendre la valeur « inactif » , « étudiant(e) » ou spécifier l'employeur et le salaire.

- Famille(

individu(jean , dupont, date(7, mai, 1950), travail(univ, 1200)) ,

individu(anne, dupont, date(9 mai, 1951), travail(hopital, 1500)) ,

[enfant(rose, dupont, date(5, mai, 1973), etudiante),

enfant(éric, dupont, date(10, octobre, 1978), étudiant)]).

Utilisations des structures

- ◆ Extraction d'informations structurées d'une base de données

?- famille(individu(_ , dupont, _ , _) , _ , _).

Toutes les familles ayant dupont pour nom

?- famille(M, E, [_ , _ , _]).

Les familles ayant trois enfants

?- famille(M, E, [_ , _ , _|_]).

Les familles ayant au moins trois enfants

Quelques prédicats pour faciliter le dialogue avec la BD :

mari(X):-

famille(X,_,_).

epouse(X) :-

famille(_X,_).

Utilisations des structures

- ◆ Extraction d'informations structurées d'une base de données

```
enfant(X):-
```

```
    famille(_,_, Enfants),
```

```
    member(X, Enfants).
```

```
existe(Individu) :-
```

```
    mari(Individu);
```

```
    epouse(Individu);
```

```
    enfant(Individu).
```

```
dateNaissance(individu(_,_,Date,_), Date).
```

```
salaire(individu(_,_,_, travail(_,S) ), S).
```

```
salaire(individu(_,_,_, inactif ), 0).
```

```
?- existe(individu(Prenom, Nom, _, _)).
```

```
?- enfant(X), dateNaissance(X, date(_,_,2000) ).
```

Utilisations des structures

- ♦ Extraction d'informations structurées d'une base de données

écrire le prédicat : `total(ListeIndividus, SommeSalaire)?`

`Total([], 0).`

`Total([Individu|Liste], Somme):-`

`salaire(Individu, S),`

`total(Liste, Reste),`

`Somme is S+Reste.`

Poser la question permettant de connaître le salaire total d'une famille?

?- `famille(Mari, Epouse, Enfants), total([Mari, Epouse|Enfants], revenus).`