Compilation Université d'Artois

Compilation

L3 Info

TD - Compilation, Automates

Exercice 1: ER \Rightarrow AFN \Rightarrow AFD \Rightarrow AFD minimisé

Soit l'expression régulière $(a|b)^*abb(a|b)^*$.

- construisez un AFN représentant cette expression régulière
- transformez cet AFN en AFD
- minimisez l'AFD obtenu

Exercice 2: AFN /AFD

Soit l'AFN avec $e_0 = 0$ et $T = \{0, 1, 2\}$:

| Δ | a | $\mid b \mid$ |
|----------|------|---------------|
| 0 | 1, 3 | 3 |
| 1 | 1, 2 | - |
| 2 | - | 3 |
| 3 | 3 | 3 |
| 4 | 3 | 2 |

- a) Tous les états sont-ils accessibles depuis l'état initial?
- b) Tous les états peuvent-ils amener à un état final?
- c) Simplifier l'automate et le rendre déterministe.
- d) Quel est le langage reconnu?

Exercice 3: AFD/AFN

Soit l'AFN avec $e_0 = 1$ et $T = \{2\}$:

| Δ | a | b | c | ϵ |
|----------|---|---|---|------------|
| 1 | 1 | - | 4 | 2 |
| 2 | - | 2 | - | 1,3 |
| 3 | - | - | - | 2 |
| 4 | - | 3 | - | - |

Compilation Université d'Artois

- a) Détérminiser l'AFN présenté ci-dessus et si possible, le minimiser.
- b) Donner une expression régulière (r) correspondant au langage reconnu par l'AFN précédent et l'AFD que vous venez de trouver.
- c) Construire l'arbre abstrait pour l'expression régulière étendue ((r)#).
- d) Préciser les "positions suivantes" des feuilles et les "premières" de la racine de cet arbre abstrait.
- e) En utilisant les fonctions calculées dans la question d) donner un AFD correspondant au langage reconnu par l'expression régulière de la question b)
- f) Comparer les automates obtenus dans les questions a) et e).
- g) Tester sur vos AFD les mots aaabbebebab, bababbbe, ebbbebaaabb.