

Compiler (컴파일러)

Semantic Analysis

Abstract Syntax Tree, Syntax Directed Definitions, Symbol Tables

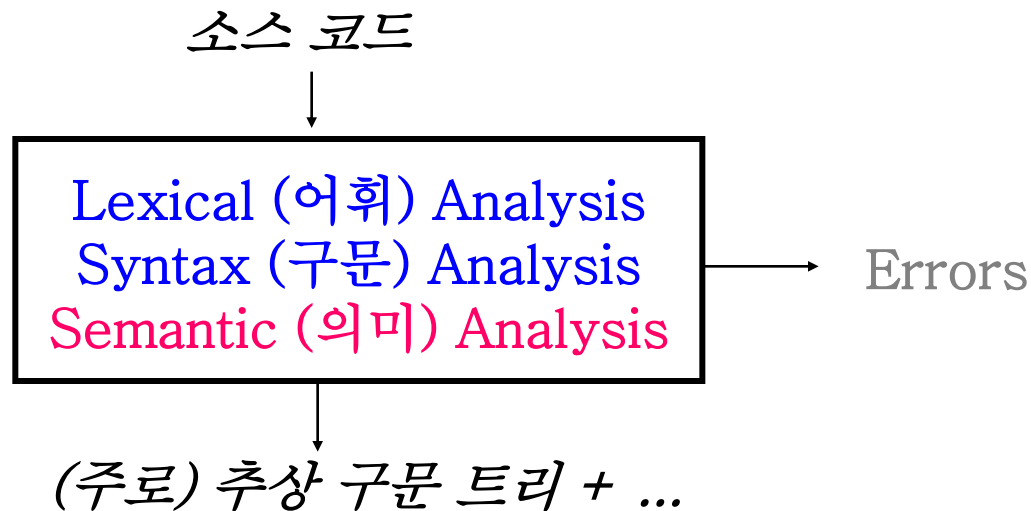
2015년 2학기

충남대학교 컴퓨터공학과

조은선

Semantic Analysis

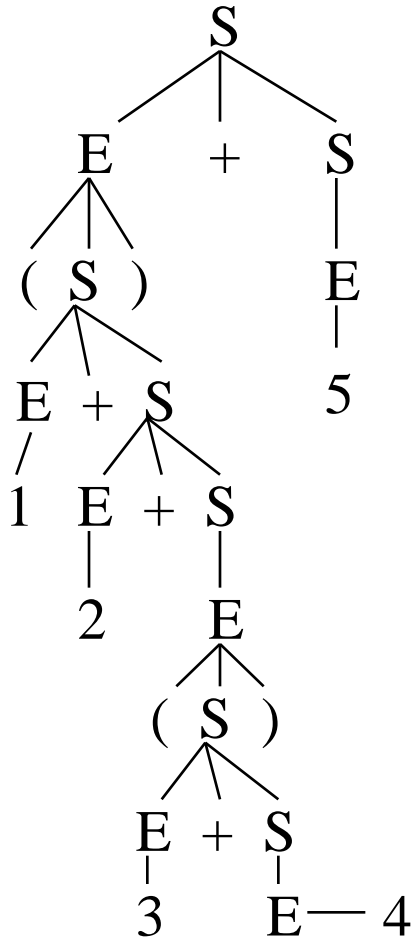
- Semantic Analysis = Syntax Analysis + a



- 먼저 두 가지 도구
 - Abstract Syntax Tree (AST)
 - Syntax-Directed Definition/Translation (SDT)

Abstract Syntax Tree

Parse Tree



- 파스트리 (parse tree)
 - 유도과정을 트리로 나타냄
 - terminal 이 leaf 노드
 - non-terminal이 중간노드
 - 유도 순서(left/right) 는 표현 안됨

Motivating Problem

How can I hide parens in ANTLR4?



For example, input = `'(1+2)*3'` .

1

tree is like that `'(expr (expr ((expr (expr 1) + (expr 2))))*(expr 3))'`



And then, I would like to hide or delete the '(' and ')' in the tree , they are no needed any more. I try to make it , but didn't.



1

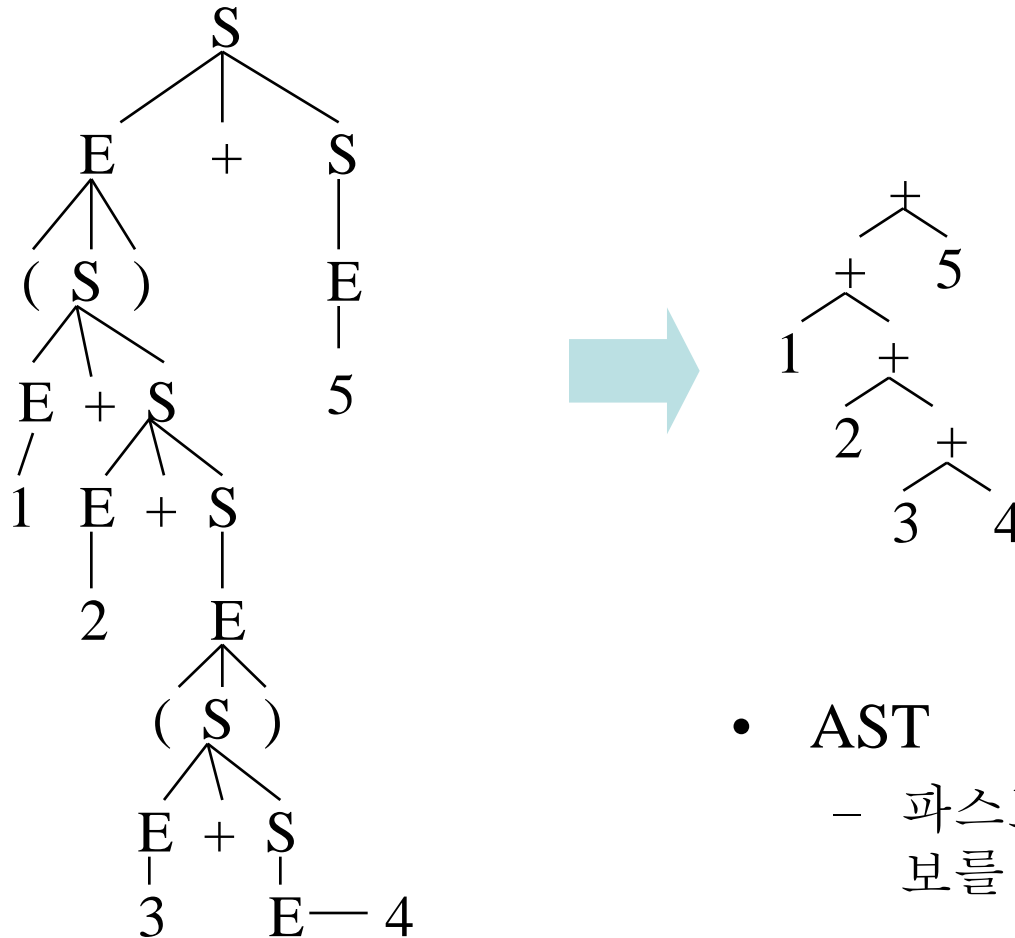
```
expr : ID LPAREN exprList? RPAREN
      | '-' expr
      | '!' expr
      | expr op=('*' | '/') expr
      | expr op=('+' | '-') expr
      | ID
      | INT
      | LPAREN expr RPAREN //### Parens Here ####
      ;
LPAREN : '(' ;
RPAREN : ')' ;
```

괄호는
파싱하고나면
불필요



<http://stackoverflow.com/questions/29455634/how-can-i-hide-parens-in-antlr4/29456792#29456792>

Abstract Syntax Tree (AST)

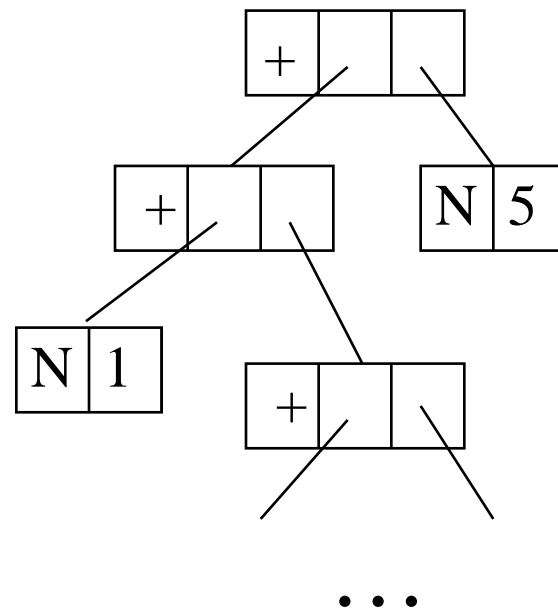


- AST
 - 파스트리에서 불필요한 정보를 제거한 형태

AST 자료구조 – Java 예

```
abstract class Expr{}
class Add extends Expr {
    Expr left, right;
    Add(Expr L, Expr R) {
        left=L; right=R;
    }
}

class Num extends Expr {
    int value;
    Num(int v) {value = v;}
}
```



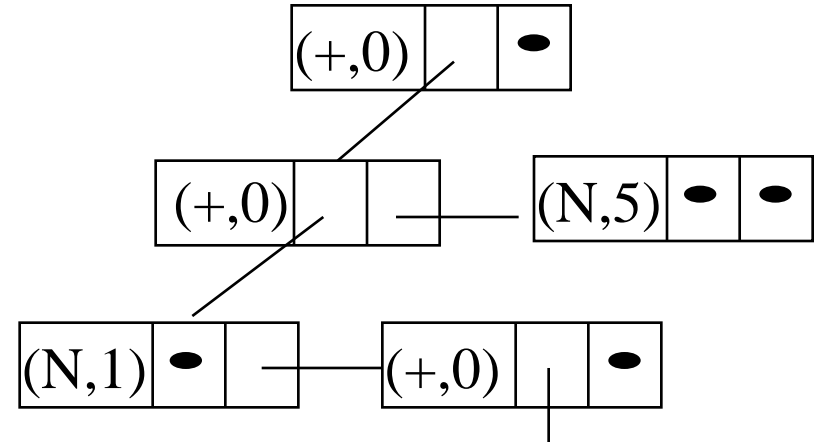
참고 : Visitor Pattern

AST 자료구조 - C 예

```
struct tokenType {
    int tokenNumber;
    char * tokenValue;
}
```

```
typedef struct nodeType{
    struct tokenType token; // 의미 있는 token 만 다룸
    struct nodeType * son;
    struct nodeType * brother;
}
```

// n-ary tree를 binary tree로 나타냄.... 자료구조책 참고



$S \rightarrow aAb$

$A \rightarrow aS \mid b$

파싱 단계에서 AST 만들기 - II

Recursive descent parser에서 non terminal 프로시저를 변형

```
void pS() {  
    if (nextSymbol == ta) {  
        pa(); pA(); pb();  
    }  
}
```



```
Node_S pS() {  
    if (nextSymbol == ta) {  
        Node_a x1 = pa();  
        Node_A x2 = pA();  
        Node_b x3 = pb();  
        return new Node_S(x1,x2,x3);  
    } else return null;  
}
```

파싱 단계에서 AST 만들기 - LR

- Shift a : 의미있는 terminal일 경우 단말 노드를 만듦
- Reduce $A \rightarrow X_1 X_2 X_3 \dots$:
 - 의미 있는 생성 규칙일 때 : 지금까지 만들었던 노드들을 한데 묶어 subtree를 구성
 - in C
 - 형제 노드를 연결하고 ($X_1 X_2 X_3 \dots$)
 - 새 노드를 만들어 형제 노드를 자식 노드로 삼는다.
 - 의미 있는 생성 규칙이 아닐 때 : skip
 - in C (과제할 때): 새 노드를 만들지 않고 형제 노드만 연결한다.

노드 만들기-예 (LR)

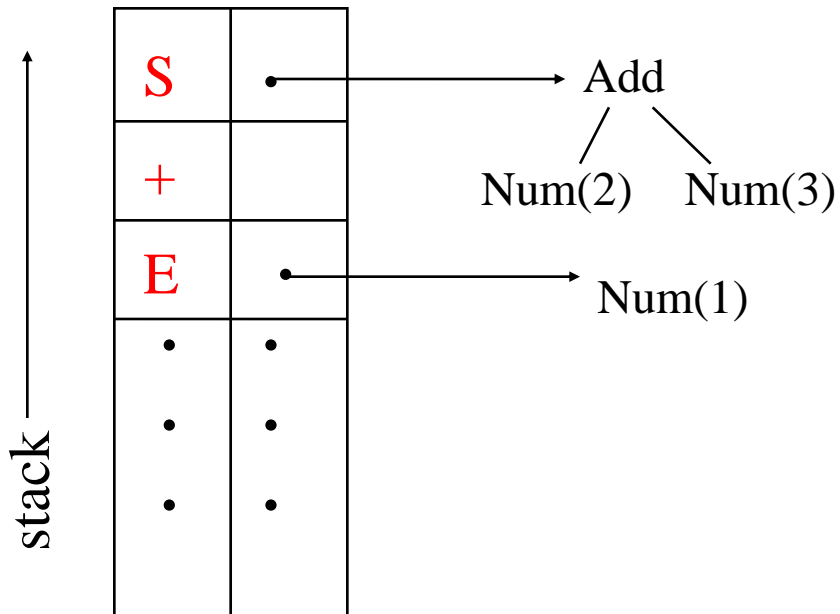
\$	1 + 2 + 3\$	shift num	num node 만들기
\$1	+2 + 3\$	reduce $E \rightarrow \text{num}$	
\$E	+2 + 3 \$	shift +	
\$E+	2+3 \$	shift num	num node 만들기
\$E+2	+3\$	reduce $E \rightarrow \text{num}$	
\$E+E	+3\$	shift +	
\$E+E+	3\$	shift num	num node 만들기
\$E+E+3	\$	reduce $E \rightarrow \text{num}$	
\$E+E+E	\$	reduce $S \rightarrow E$	2+3 node 만들기
\$E+E+S	\$	reduce $S \rightarrow E+S$	1+(2+3) node 만들기
\$E+S	\$	reduce $S \rightarrow E+S$	
\$S	\$	acc	

Note: reduce $S \rightarrow E$ 는 노드를 만들지 않는다 11

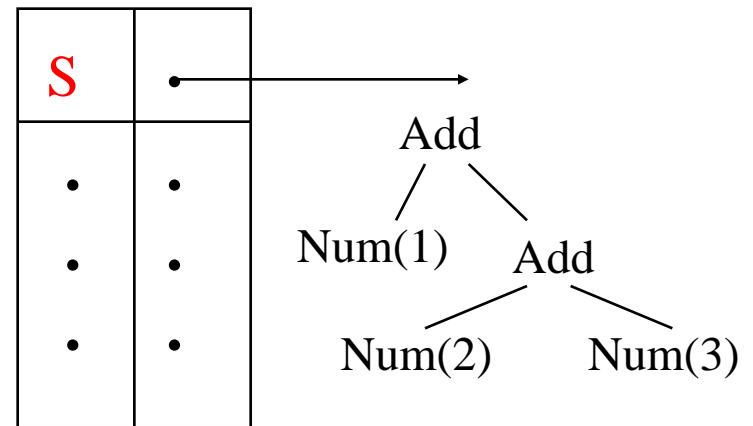
파싱 단계에서 AST 만들기 – LR (예)

$S \rightarrow E + S \mid E$
 $E \rightarrow \text{num} \mid (S)$

input string: “1 + 2 + 3”



Before reduction: $S \rightarrow E + S$



After reduction: $S \rightarrow E + S$

in Java

Syntax Directed Definition

Syntax-Directed Definition (SDD)

- **AST**
 - 파싱 단계에서 의미 있는 일을 함
 - LL : production rule derivation 할 때
 - LR : reduce 할 때
- **Syntax-Directed Definition**
 - AST처럼 파싱 단계에서 의미 있는 일을 하는데..
 - 여러 다양한 일을 할 수 있도록, 이것 좀 체계적으로 확장된 것으로 볼 수 있음
 - production 규칙마다 ‘할 일(!)’을 적어 놓음
 - 할일 = an associated **semantic action** (code)
 - 해당 production rule이 reduce 될 때 (LR 경우), derive 될 때 (LL 경우) ‘할 일’이 수행됨
 - 파서 생성기에서 많이 사용
 - 생성된 파서에 삽입될 semantic action을 사용자가 정의가능

Semantic Actions

- Action은 파서의 스택을 접근하는 코드
 - 스택 entry로, terminal, nonterminal, 파서 상태 이런 것들 말고도 좀 추가해야함.
 - 앞서 LR에서 AST 만들 때 스택에 트리 넣은 작업도 이것의 일종
- $E \rightarrow E + E$ 규칙에 대한 action
 - 세 E가 구별이 되야 action code를 쓰므로...
 - Yacc/Bison에서는 $$$, $1, $2, \dots$
 - eg. `expr : expr PLUS expr { $$ = $1 + $3; }`
 - ANTLR에서는 $\$<name>$
 - eg. `expr : unary_expr { $expr = $unary_expr; }`

- SDD 예1) AST를 **Yacc**의 SDD 스타일로 만들려면

```
%union{
    Expr node;
    int val;
}
%token    <val>    NUM
%type     <node>   expr
...
expr : NUM          { $$ . node = new Num($1.y); }
    | expr PLUS expr
                        { $$ . node = new Add($1.node, $3.node); }
    | expr MULT expr
                        { $$ . node = new Mul($1.node, $3.node); }
    | LPAR expr RPAR
                        { $$ . node = $2.node; }
    ;
```


Class Problem

아래 문법에서 각 단계별로 계산된 값을 구하여 `$$val`에 넣도록 밑줄 친 semantic action 부분을 수정하십시오. 단 대문자 NUM, PLUS, MULT, LPAR, RPAR은 토큰이다.

Lex에서

```
...  
[0-9]+          { yylval.val = atoi(yytext); return NUM;}  
...
```

Yacc에서

```
%union{  
    int val;  
}  
%token <val> NUM  
%type <val> expr  
...
```

```
expr : NUM          { _____ }  
expr : expr PLUS expr { $$val = $1.val + $3.val; }  
expr : expr MULT expr { _____ }  
expr : LPAR expr RPAR { _____ }
```

- SDD 예2) AST를 **ANTLR**의 SDD 스타일로 만들려면

`expr` returns [Expr node]:

```

    NUM          {node = new Num($NUM.int);}
    | ex1=expr PLUS ex2=expr
                  {node=new Add(ex1.node, ex2.node);}
    | ex1=expr MULT ex2=expr
                  {node=new Mul(ex1.node, ex2.node);}
    | LPAR ex1=expr RPAR {node=ex1.node};}
;

```

Note:

```

file returns [List<List<String>> data]
@init {data = new ArrayList();}
: (row {data.add($row.list);})+ EOF
;

```

Listener Style in ANTLR

```
// Generated from MiniC.g4 by ANTLR 4.5.1
```

```
import org.antlr.v4.runtime.ParserRuleContext;  
import org.antlr.v4.runtime.tree.ErrorNode;  
import org.antlr.v4.runtime.tree.TerminalNode;
```

```
/**  
 * This class provides an empty implementation of {@link MiniCListener}  
 * which can be extended to create a listener which only needs  
 * of the available methods.  
 */
```

```
public class MiniCBaseListener implements MiniCListener {
```

```
    /**  
     * {@inheritDoc}  
     *  
     * <p>The default implementation does nothing.</p>  
     */
```

```
    @Override public void enterProgram(MiniCParser.ProgramContext ctx) { }
```

```
    /**  
     * {@inheritDoc}  
     *  
     * <p>The default implementation does nothing.</p>  
     */
```

```
    @Override public void exitProgram(MiniCParser.ProgramContext ctx) { }
```

```
    /**  
     * {@inheritDoc}  
     *  
     * <p>The default implementation does nothing.</p>  
     */
```

각 메소드를 채우면 해당
노드를 시작할 때 할 일을
명시할 수 있다.

문법 이름이 **MiniC**면
인터페이스인
MiniCListener와
껍데기 클래스인
MiniCBaseListener가
자동 생성된다.

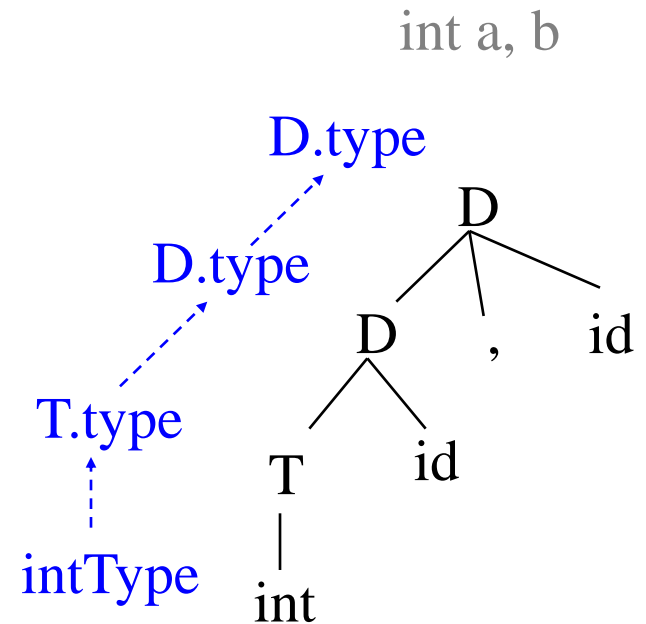
Nonterminal마다 **entry**,
exit 메소드가 자동 생성

트리를 순회할 때
Nonterminal의 해당 노드
방문 시
entry, **exit** 메소드가
자동 호출됨

SDD 예3-1) Type Declaration

`{ AddType($2, $1.type);`
`$.type = $1.type; }` *in yacc*

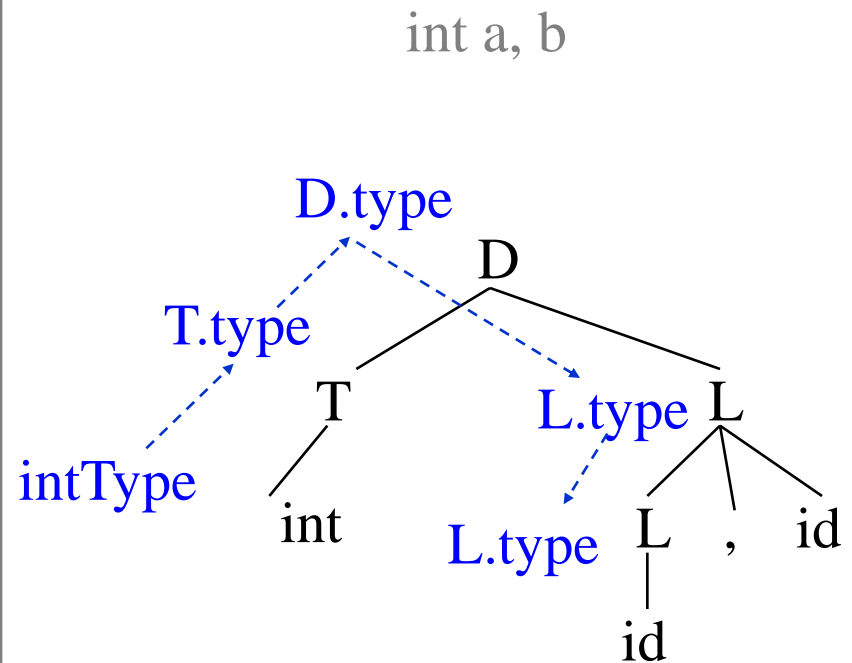
$D \rightarrow T \text{ id}$	<code>{ AddType(id, T.type);</code> <code> D.type = T.type; }</code>
$D \rightarrow D1, \text{id}$	<code>{ AddType(id, D1.type);</code> <code> D.type = D1.type; }</code>
$T \rightarrow \text{int}$	<code>{ T.type = intType; }</code>
$T \rightarrow \text{float}$	<code>{ T.type = floatType; }</code>



값이 bottom-up으로 propagation

SDD 예3-2) Type Declaration

$D \rightarrow TL$	$\{ \text{AddType}(\text{id}, \text{T.type});$ $\text{D.type} = \text{T.type};$ $\text{L.type} = \text{D.type}; \}$
$T \rightarrow \text{int}$	$\{ \text{T.type} = \text{intType}; \}$
$T \rightarrow \text{float}$	$\{ \text{T.type} = \text{floatType}; \}$
$L \rightarrow L1, \text{id}$	$\{ \text{AddType}(\text{id}, \text{L1.type});$ $\text{???} \}$
$L \rightarrow \text{id}$	$\{ \text{AddType}(\text{id}, \text{???}); \}$



값이 bottom-up/top-down 둘 다로 propagation!!₂₁

속성 (Attributes)

- AST vs. SDD
 - AST가 SDD에 의해 정의되는 것으로 보기도 하지만,
 - SDD를 AST의 각 노드에 속성을 붙여 evaluation 해가는 것으로 보기도 함.
- 속성의 종류 ($A \rightarrow XYZ$ 에서)
 - synthesized attr.
 - children에 의해 계산 (bottom-up)
 - $A.attr = f(X.attr, Y.attr, Z.attr);$
 - terminal은 synthesized attr. 뿐
 - inherited attr.
 - parent, sibling에 의해 계산
 - $Y.attr = f(A.attr, X.attr, Z.attr);$

Attribute Evaluation

- Parse tree method
 - AST 만드는 순서를 속성값 계산 순서대로 조정
 - 속성값 계산 순서 : 속성간에 계산 dependency graph를 만들고 topological sort 를 하면 나옴
 - dependency graph의 cycle 등 있으면 fail위험
- Rules based
 - 각 production 마다 attr. evaluation 순서를 미리 정의
- On-the-fly
 - node 방문 순서대로 그냥 따라 evaluation (e.g., LL 일 때 topdown, LR 일때 bottom-up)
 - 가장 efficient, but restriction이 있음 (다음 경우만...LR 관점)
 - S-attributed SDD : synthesized attr. 만 가지고 있던지,
 - L-attributed SDD : synthesized attr. 만 가지거나, 아니면 값이 왼쪽에서 오른쪽으로 흘러 계산이 이루어지는 경우

Semantic Analysis

- 의미분석 (Semantic analysis)
 - 프로그램 constructs (변수, 객체, 식, 문장...) 의 올바른 사용 여부를 분석, 확인
 - Scope 관련 : 변수가 선언되기 전에 쓰였나? 두 번 정의됐나?
 - 타입 관련 : 변수와 assign되는 값과 서로 타입이 맞는가?
 - 의미분석 \cong “속성 계산하고 값 check”
- Single Pass analysis
 - 기존AST에 첨부된 속성 계산하고 값 check
 - mixed with parser code
 - 장점 – 효율, 단점-AST 바꾸고 싶을 때 checking 도 바뀌야
- Multi Pass analysis
 - (code 생성이 아닌) Semantic checking을 위한 별도의 AST를 만들고, 이 tree를 traverse 하면 check
 - trusted

Class Problem

다음에서 오류가 발생된다면
어휘분석, 구문분석, 의미분석 중 어디쯤 속하는지 생각해봅시오.

```
int a;  
a = 1.0;
```

```
int a; b  
b = a;
```

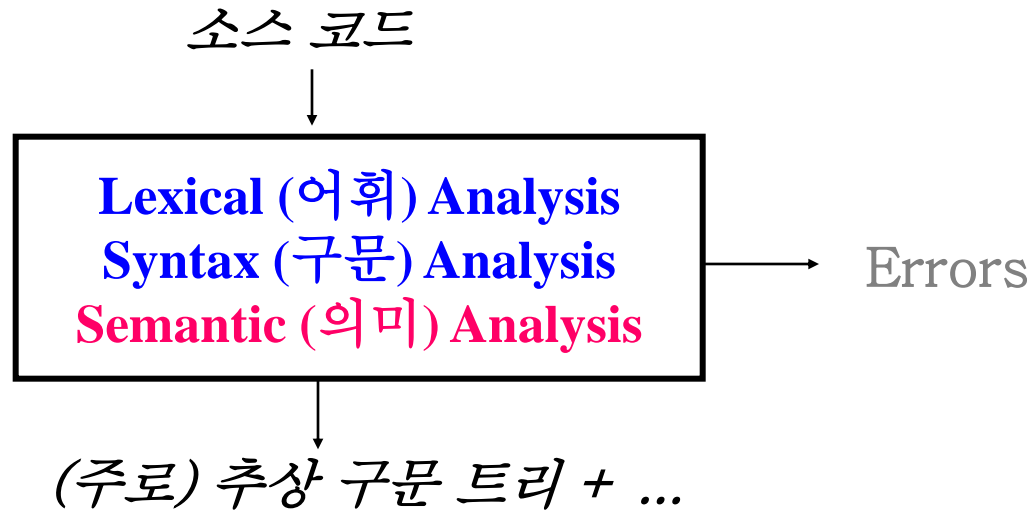
```
{ int a;  
  a = 1;  
}  
{ a = 2;  
}
```

```
in a;  
a = 1;
```

```
int foo(int a)  
{  
  foo = 3;  
}
```

Semantic Analysis

Semantic Analysis

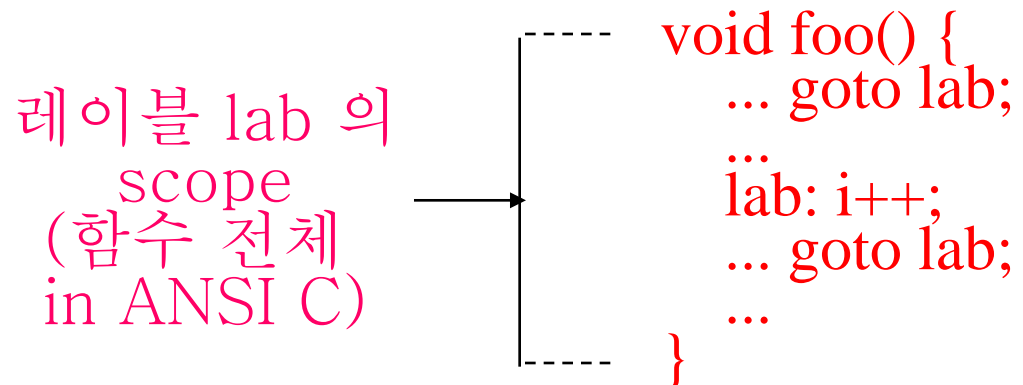
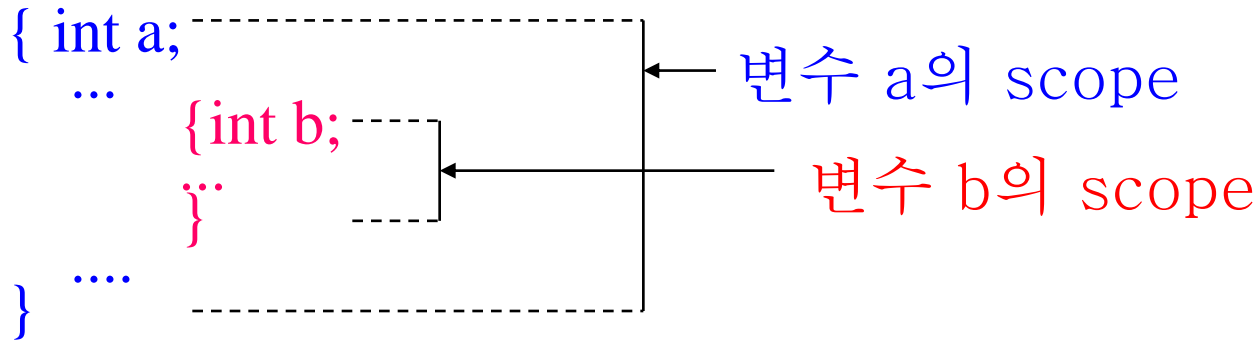


- 프로그램 constructs (변수, 객체, 식, 문장...) 의 올바른 사용 여부를 분석, 확인
- **Scope** 관련 : 변수가 선언되기 전에 쓰였나? 두 번 정의됐나?
- **Type** 관련 : 변수와 assign되는 값과 타입이 맞는가?

Scope

- 식별자 (Identifiers)
 - 변수, 상수, 함수이름, labels ...
- Lexical Scope
 - 프로그램을 문자적으로(textual) 볼 때 특정 범위
 - 문장 block, 형식인자 리스트, 함수 정의문, 소스 파일, 프로그램 전체...
- 식별자의 scope
 - 그 선언이 참조되는 lexical scope
 - 예) 변수의 scope:
 - 문장 block 내 (local 변수), 함수 내 (형식 인자), 소스 파일 (global 변수), 전체 프로그램 (extern 변수)
 - cf. How about fields? methods?

변수 Scope : PL 복습



Semantic Rules for Scopes

- Main rules:
 - Rule 1: 각 식별자는 자신의 scope 에서 한번만 선언되어야함
 - Rule 2: 같은 종류의 식별자를 한 lexical scope 내에서 두 번이상 선언하면 안됨

```
class X {  
    int X;  
    void X(int X) {  
        X: ...  
        goto X;  
    }  
}
```

```
int X(int X) {  
    int X;  
    goto X;  
    {  
        int X;  
        X: X = 1;  
    }  
}
```

문제가 있을까?
있다면,
어디서 발생하나?

Symbol Tables

- Symbol tables
 - 심벌들에 관한 정보를 관리하는데 사용되는 자료구조
 - 의미 분석단계에서 식별자의 성질 (scope, type)을 참조하거나 코드 생성할 때 주로 사용 됨
 - 선언될 때 정보 수집해서 테이블에 삽입(insert)
 - 사용되는 부분에서 테이블 참조 (get)
- 테이블 entry : 식별자 이름 + info
 - 예)

NAME	KIND	TYPE	ATTRIBUTES
foo	func	int,int → int	extern
m	arg	int	
n	arg	int	const
tmp	var	char	const

Scope Information in Symbol Tables

```
int x;  
void f(int m) {  
    float x, y;  
    ...  
    {int i, j; ....; }  
    {int x; l: ...; }  
}  
  
int g(int n) {  
    char t;  
    ... ;  
}
```

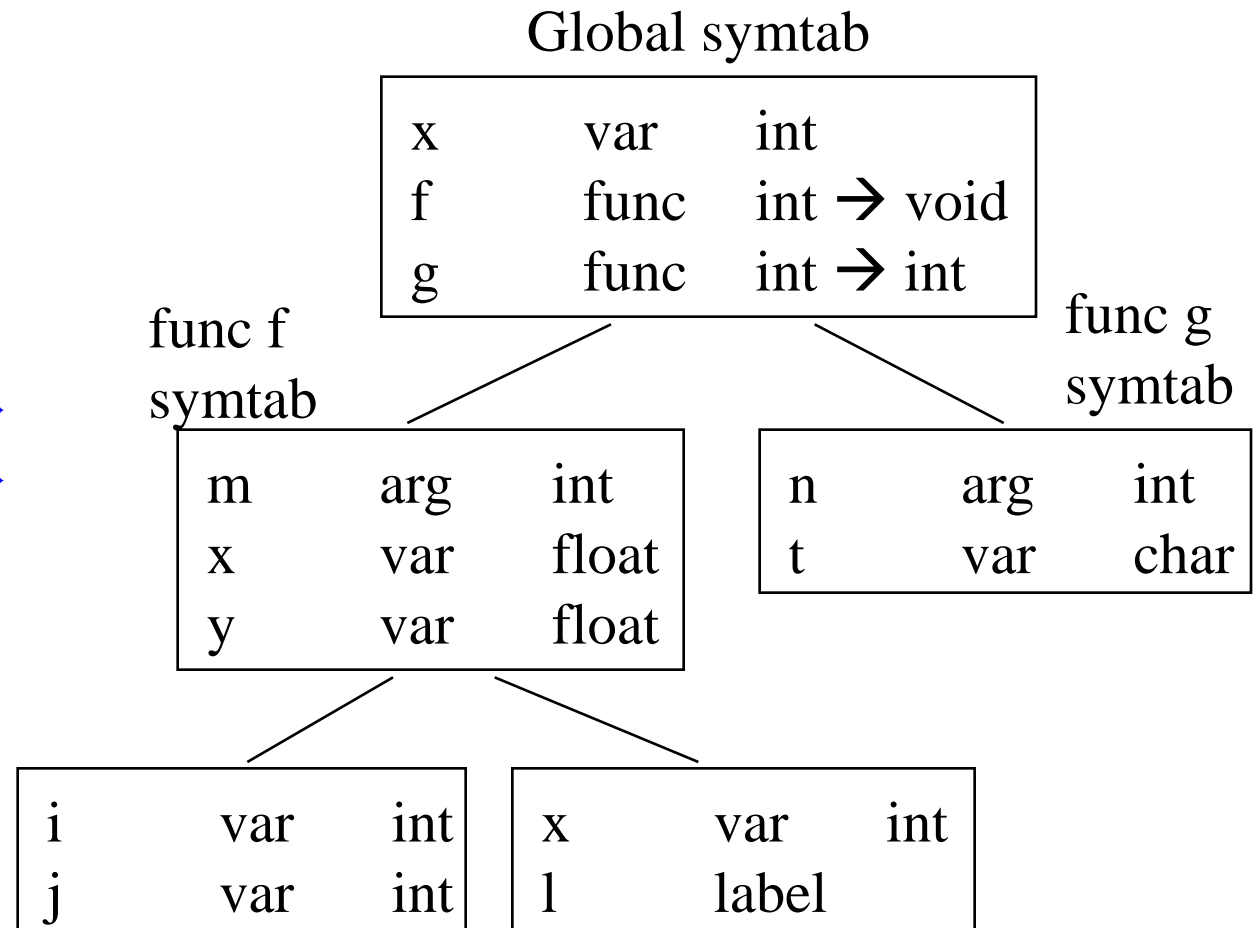
- Block structured 언어 특징
 - 각 block (lexical scope) 내에는 local 변수 선언들 존재
- ➔ 한 lexical 마다 한 symbol table
- Hierarchy of scopes :
 - 각 block (lexical scope)은 다른 subblock을 포함가능하고,
 - 자기 block 에서 선언되지 않고, 자신을 포함하는 block 에서 선언된 변수 사용 가능
- ➔ Hierarchy of symbol tables

Examples

```
int x;
```

```
void f(int m) {  
    float x, y;  
    ...  
    {int i, j; ....; }  
    {int x; l: ...; }  
}
```

```
int g(int n) {  
    char t;  
    ... ;  
}
```



오류 Checking

```
int x;
void f(int m) {
    float x, y;
    ...
    {int i, j; x=1; }
    {int x; l: i=2; }
}
```

```
int g(int n) {
    char t;
    x=3;
}
```

Error!
“undefined
variable”

Global symtab

x	var	int
f	func	int → void
g	func	int → int

m	arg	int
x	var	float
y	var	float

n	arg	int
t	var	char

i	var	int
j	var	int

x	var	int
l	label	

i=2

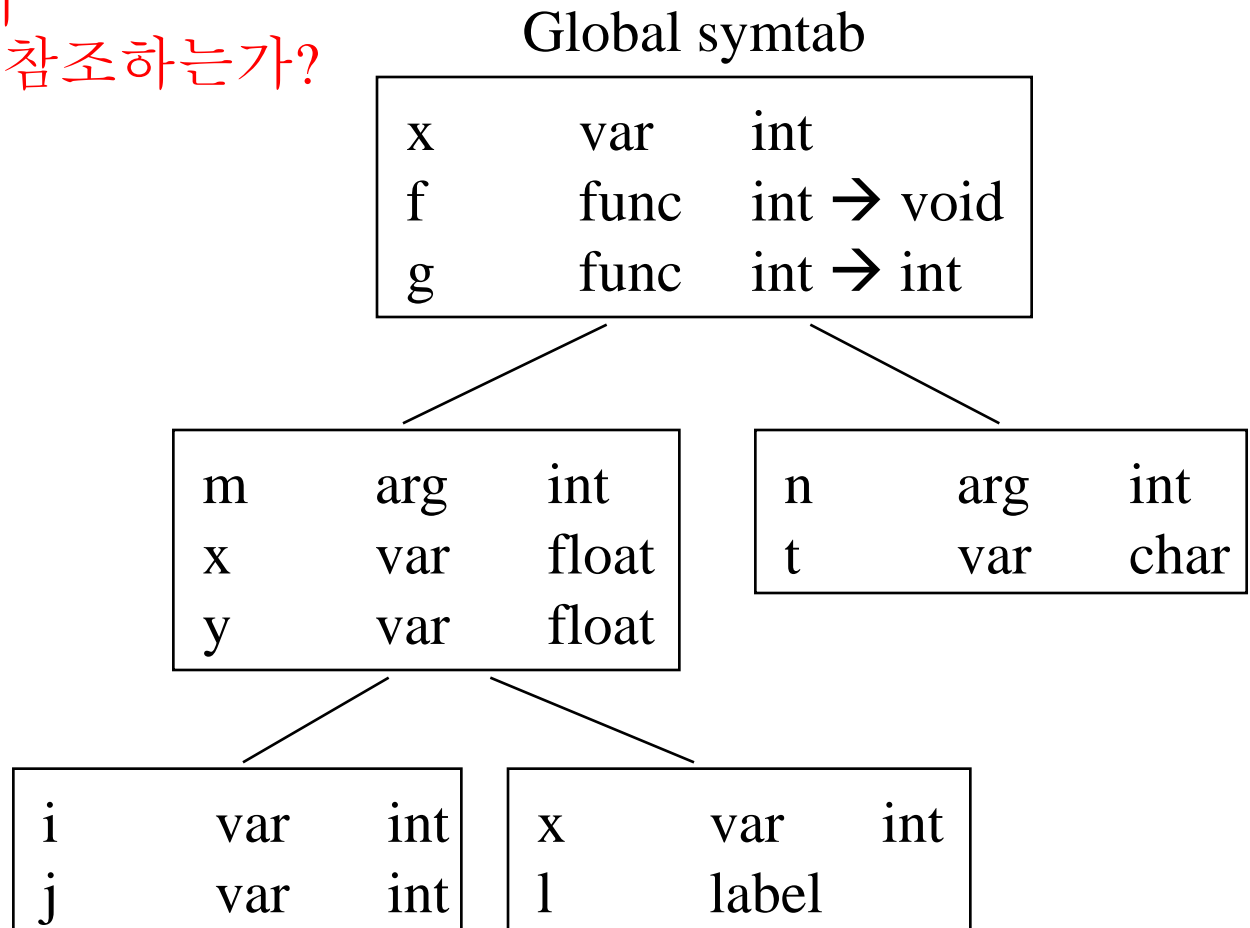
- 현재 scope 에서 시작해서 hierarchy 위쪽으로 올라가면서 찾음
- 끝까지 없으면 에러

Class Problem

각 x 의 assignment 가
어느 symbol table을 참조하는가?

```
int x;  
void f(int m) {  
    float x, y;  
    ...  
    {int i, j; x=1; }  
    {int x; l: x=2; }  
}
```

```
int g(int n) {  
    char t;  
    x=3;  
}
```

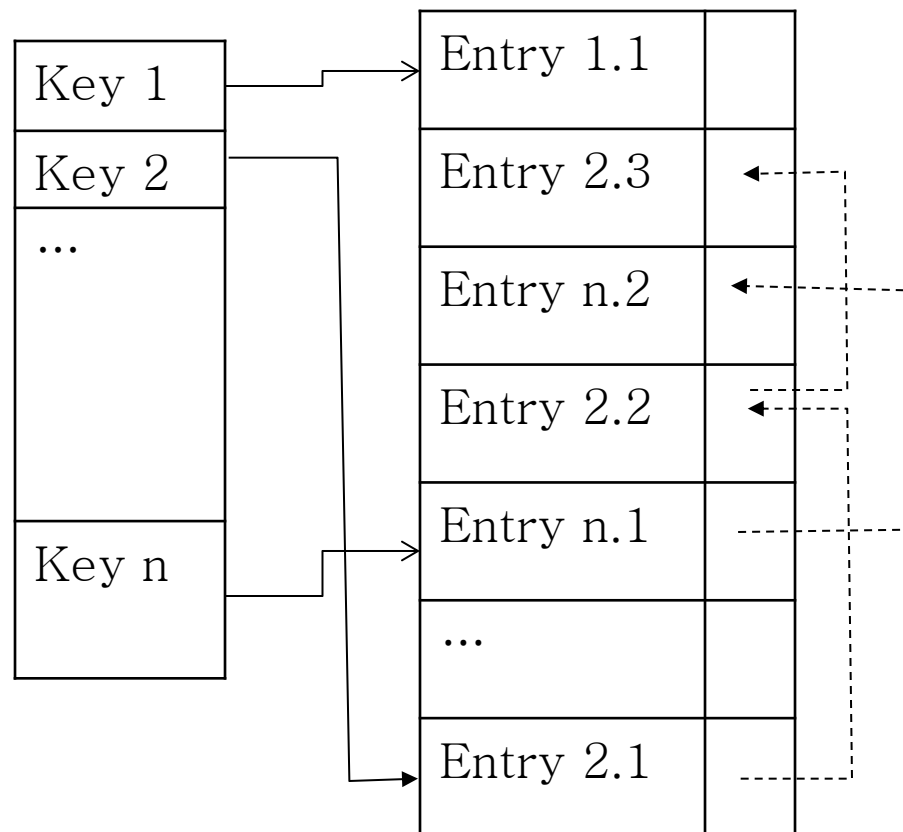


Symbol Table Implementation

- 필요한 operation
 - 테이블 구성 : AST 까지 만들어져야 가능
 - 삽입 (insertion) : 해당 식별자가 선언될 때
 - 검색 (lookup) : 해당 식별자가 사용될 때 (checking)
cf. forward reference 는?
- Efficiency를 위해
 - 테이블 entry에서 식별자 이름
 - 이름들의 스트링 값을 따로 보관하는 스트링 풀로의 포인터
 - Local 테이블 구조 : hash 테이블 사용
 - Global하게는 N-ary tree 구조 :
 - 트리를 쓰지는 않는다. : 포인터 유지등의 비용 때문
 - 사용의 locality : scope을 빠져 나가면 해당 local table은 필요가 없어짐

Local Table

- Local Hash Table 만 생각하면...

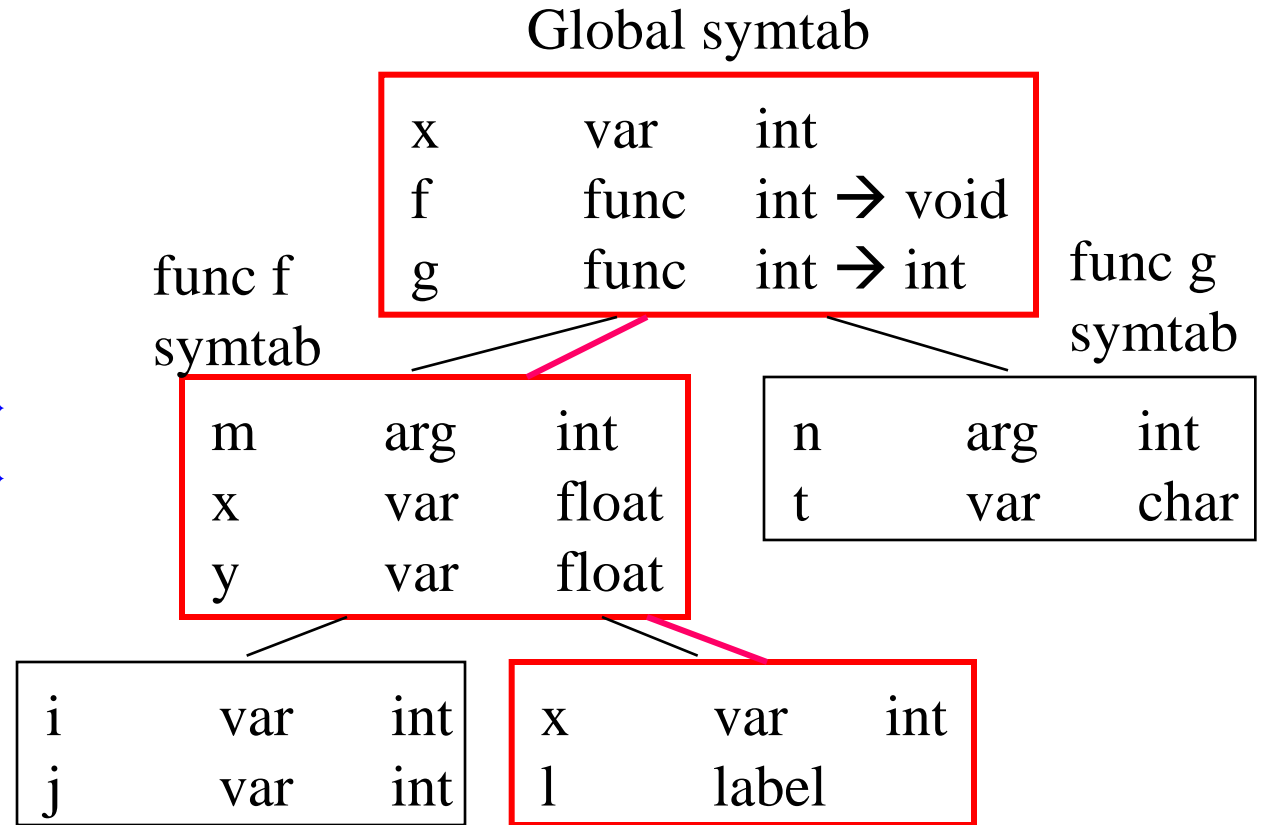


Global Table Hierarchy-스택을 사용

```
int x;
```

```
void f(int m) {
    float x, y;
    ...
    {int i, j; ....; }
    {int x; l: ...; }
}
```

```
int g(int n) {
    char t;
    ... ;
}
```



스택 구조

file	f()	{int i,j;}	{int x..}	f()	g()	file
file	file	file	file	file	file	file

Hierarchies of Local Tables

```

int x,y;
char name;
void m1(int ind) {
    int x;
}
void m2 (int j) {
    {
        int f[j];
        char test;
    }
}
    
```



0	/
1	5
2	2
3	/
4	4
5	/
6	/
7	1
8	/
9	/
10	/

6				← AVAIL
5	x		3	
4	ind		/	
3	m1		0	
2	name		/	
1	y		/	
0	x		/	

4

0

← TOP

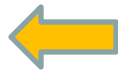
- x, m1은 1
- name은 2
- ind, j는 4
- test는 6
- f, y는 7
- m2는 10

“스택과 해쉬의 공존”

Hierarchies of Local Tables (cont')

```

int x,y;
char name;
void m1(int ind) {
    int x;
}
void m2 (int j) {
    {
        int f[j];
        char test;
    }
}
    
```



0	/
1	3
2	2
3	/
4	5
5	/
6	7
7	6
8	/
9	/
10	4

8			← AVAIL
7	test		/
6	f		1
5	j		/
4	m2		/
3	m1		0
2	name		/
1	y		/
0	x		/

5

0

TOP

- x, m1 \Leftarrow 1
- name \Leftarrow 2
- ind, j \Leftarrow 4
- test \Leftarrow 6
- f, y \Leftarrow 7
- m2 \Leftarrow 4

Back to Type Checking

- 타입이란?
 - 수행 중 가지게 되는 ‘값’에 대한 기술
 - Predicate이기도 함.
(예: C에서 “int x” 는 $-2^{31} \leq x < 2^{31}$ 라는 뜻)
- 타입 오류 : 값의 부적절한 사용
- 타입 안전성:
 - “타입 오류가 없음”
 - 보장 방법
 - 타입을 선언하고 (=binding)
 - 명시적방법 (int x) vs. 암묵적 방법 (x=1;)
 - 이를 검사함 (= checking) 으로써 보장
 - 타입 규칙을 세우고 이에 대해 검사함

타입과 관련된 몇 가지 개념들

1. Static vs. dynamic checking

- 타입 검사 시점 : 컴파일 시 vs. 수행시

2. Static vs. dynamic typing

- 타입 정의 시점 : 컴파일전 vs. 수행시

3. Strong vs. weak typing

- 타입 오류 : 엄격히 방지 vs. 조금 허용

4. Sound type systems

- 모든 타입 오류를 방지 하는 타입 규칙 집합 및 enforce 시스템

타입 표현식 (Type Expressions)

- 언어에서 제공하는 기본 타입
 - int, float, char ...
- 타입 표현식 (type expressions)
 - 기본 타입 및 이들로부터 작성되는 의미있는 타입들
 - Array types : $T[], T[10], T[1..10], T[2][3]$
 - 각 원소 접근, 지정 시 타입 유의
 - Structure types : $\{id_1: T_1, \dots, id_n: T_n\}$
 - 필드 접근, 지정 시 타입 유의
 - Pointer types : $T *$
 - 내용 접근, 지정 시 타입 유의
 - Function types : $T_1 \times T_2 \times \dots \times T_n \rightarrow T_{\text{return}}$
 - 호출 시 인자와 리턴 값 타입 유의

타입 규칙 정의

- 타입 규칙들
 - `int + float` 는 `float`, `float f(int x)` 에 인자로 3을 주면 `float`타입 결과 리턴, ... OO는 subtype까지!
- 타입 judgment (= static semantics)
 - 타입 규칙을 formal하게 정의함

$E : T$

“ E 는 T 타입을 만족한다.”

- `2 : int`
- `true : bool`
- `2 * (3 + 4) : int`
- `“Hello” : string`
- `if (b) 2 else 3 : int`
- `x == 10 : bool`
- `y = 2 : int` 또는 `y=2 : unit`

(어휘분석에는 regular expression,
구문 분석에는 CFG, 타입 분석 (의미
분석)에는 타입 judgment)

// `unit` 는 well typed 임을 표현

Class Problem

- 다음 문장의 type 은?

단 i로 시작하는 식별자는 int 변수거나 int 타입을 원소로 하는 배열이고, f로 시작하는 식별자는 float 변수거나 float 타입을 원소로 하는 배열이라고 가정한다. S1은 타입이 오류가 없는 문장이다.

- f1 [3]

- i = i1 [i2]

- while (i < 10) do S1

- (i == 0 ? 4.0 : 1.0)

타입 Judgment 유도

- Consider `if (b) 2 else 3 : int`
- 이것을 위해 알아야할 것들
 - `b` 는 `bool` (`b : bool`)
 - `2` 는 `int` (`2 : int`)
 - `3` 는 `int` (`3 : int`)
- 타입 judgment notation
 - $A \vdash E : T$ “A 상황에서 E는 T타입을 만족한다”
 - 예)
 - $b : \text{bool}, x : \text{int} \vdash b : \text{bool}$
 - $b : \text{bool}, x : \text{int} \vdash \text{if } (b) \ 2 \text{ else } x : \text{int}$
 - $\vdash 2 + 2 : \text{int}$

타입 Judgment 유도

- 이것을 보이기 위해서는
 - $b: \text{bool}, x: \text{int} \vdash \text{if } (b) \ 2 \ \text{else } x : \text{int}$

이것을 먼저 보여야함

- $b: \text{bool}, x: \text{int} \vdash b : \text{bool}$
- $b: \text{bool}, x: \text{int} \vdash 2 : \text{int}$
- $b: \text{bool}, x: \text{int} \vdash x : \text{int}$

- 일반적인 추론 (inference) 규칙

$$\frac{A \vdash E : \text{bool} \quad A \vdash S1 : T \quad A \vdash S2 : T}{A \vdash \text{if } (E) \ S1 \ \text{else } S2 : T}$$

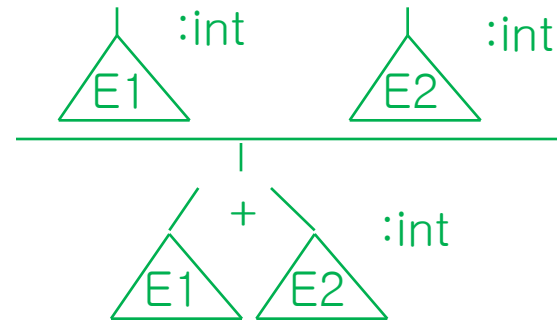
가정

결론

“모든 $E, S1, S2, A, T$ 에 대해 가정이 성립하면 결론이 성립한다.” 47

Proof Tree (타입 유도 트리)

$$\frac{\begin{array}{l} A \vdash E1 : \text{int} \\ A \vdash E2 : \text{int} \end{array}}{A \vdash E1 + E2 : \text{int}}$$



- 앞서 예에서 S1과 S2가 true 인지도 확인해야함
 - 반복됨, 결국 트리 형태 ➔ proof tree
- 만족하는 proof tree 가 있다 == 타입 오류가 없다
- 예)

$$\frac{\frac{A1 \vdash b : \text{bool}}{A1 \vdash !b : \text{bool}} \quad \frac{A1 \vdash 2 : \text{int} \quad A1 \vdash 3 : \text{int}}{A1 \vdash 2 + 3 : \text{int}}}{A1 \vdash x : \text{int}} \quad b : \text{bool}, x : \text{int} \vdash \text{if} (!b) 2 + 3 \text{ else } x : \text{int}$$

(단, A1은 $b : \text{bool}, x : \text{int}$ 를 편의상 짧게 쓴 것)

Class Problem

- 다음과 같은 언어에 대해

$t ::= \text{true}$

| false

| $\text{if } t \text{ then } t \text{ else } t$

| 0

| $\text{succ } t$

| $\text{pred } t$

| $\text{iszero } t$

- 다음과 같은 타입 규칙이 있을 때

$0 : \text{int}$

$\text{true} : \text{bool}$

$\text{false} : \text{bool}$

$$\frac{t1 : \text{bool} \quad t2 : T \quad t3 : T}{\text{if } t1 \text{ then } t2 \text{ else } t3 : T}$$

$$\frac{t1 : \text{int}}{\text{succ } t1 : \text{int}}$$

$$\frac{t1 : \text{int}}{\text{pred } t1 : \text{int}}$$

$$\frac{t1 : \text{int}}{\text{iszero } t1 : \text{bool}}$$

- 다음 문장의 타입을 트리로 유도하시오.

(1) $\text{if iszero } 0 \text{ then } 0 \text{ else pred } 0 : \text{int}$

(2) $\text{pred}(\text{succ}(\text{iszero}(\text{succ}(\text{pred}(0))))) : \text{int}$

Assignment Statements

$$\frac{\begin{array}{l} \text{id:T} \in A \\ A \vdash E : T \end{array}}{A \vdash \text{id} = E : T} \quad \text{(variable-assign)}$$

$$\frac{\begin{array}{l} A \vdash E3 : T \\ A \vdash E2 : \text{int} \\ A \vdash E1 : \text{array}[T] \end{array}}{A \vdash E1[E2] = E3 : T} \quad \text{(array-assign)}$$

If Statements

- if 는 각 절을 수행한 결과값의 타입

$$\frac{\begin{array}{l} A \vdash E : \text{bool} \\ A \vdash S1 : T \quad A \vdash S2 : T \end{array}}{A \vdash \text{if } (E) S1 \text{ else } S2 : T} \quad (\text{if-then-else})$$

- else 가 없으면 값을 부여하지 않는다

$$\frac{\begin{array}{l} A \vdash E : \text{bool} \\ A \vdash S : T \end{array}}{A \vdash \text{if } (E) S : \text{unit}} \quad (\text{if-then})$$

Class Problem

다음을 위한 추론 규칙을 정의해보시오.

1. while (E) S

2. T id = E

Control Flow 오류

- Scope와 Type check외에 하나 더
- “Control flow errors”
 - `break` 나 `continue` 가 while이나, for 속에 들어 있는지.
 - `Goto labels` 이 해당 함수 안에 있는지 등
 - AST 를 따라가면 어렵지 않게 알 수 있는 간단한 결과들.

Where We Are...

