

프로그래밍 언어론

모호한 Grammar

컴퓨터공학과
조은선



학습 목표

프로그래밍 언어의 syntax를 컴퓨터 내부적으로 표현하기 위해 grammar에 대한 이해를 더 심화한다.

프로그래밍언어론 개요

학습 내용

- syntax를 명세하는 다양한 방법과 특성을 공부한다.
- syntax를 컴퓨터 내부적으로 표현하는 방법을 배운다.



목 차

- 들어 가기
- 학습하기
 - 모호한 grammar
 - EBNF 표기법
 - Abstract Syntax Tree
- 평가하기
- 정리하기



알고가기

Pretest

다음 C 프로그래밍 예제에서 출력하는 값은?

```
int false = 0; int true = 1;  
if (false) if (true) printf("2\n"); else printf("3\n");  
printf("%d\n" 1+2*3);
```



| 모호한 grammar

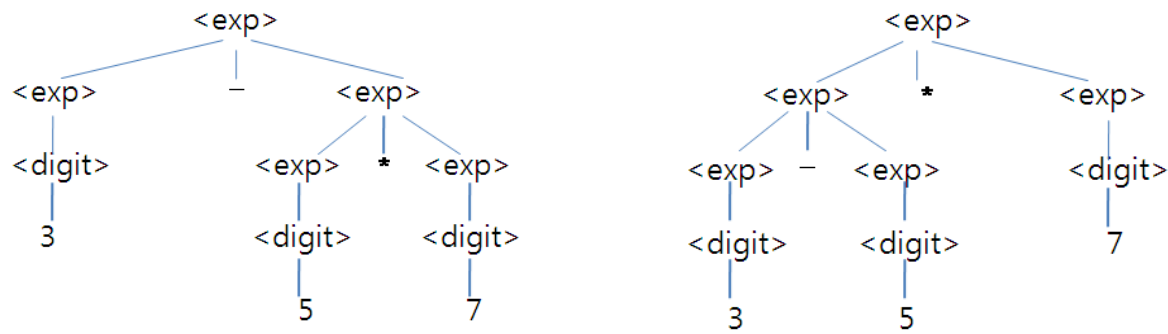
주어진 문장에 대한 두 개 이상의 parsing tree가 가능한 경우 그 grammar는 모호하다고 한다.

➔ 간단한 수식 언어의 모호한 grammar

$\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{exp} \rangle * \langle \text{exp} \rangle \mid \langle \text{exp} \rangle - \langle \text{exp} \rangle \mid \langle \text{digit} \rangle$

$\langle \text{digit} \rangle ::= 0 \mid 1 \mid 2 \mid \dots \mid 9$

➔ 3 - 5 * 7 의 parsing는?



| 모호한 grammar의 예

➔ 모호한 grammar의 예

$$\begin{aligned} \langle \text{stmt} \rangle &::= \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ else } \langle \text{stmt} \rangle \\ &\quad | \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \end{aligned}$$

➔ 다음 문장의 parsing tree는 ?

if <exp> if <exp> <stmt> else <stmt>

* if <exp> if <exp> <stmt> else <stmt>

* if <exp> if <exp> <stmt> else <stmt>



| 모호한 grammar 수정

➔ 모호함이 발생하지 않도록 원래 의미를 참고하여 grammar를 수정한다.

➔ $\langle \text{exp} \rangle ::= (\langle \text{exp} \rangle * \langle \text{exp} \rangle) \mid (\langle \text{exp} \rangle - \langle \text{exp} \rangle) \mid \langle \text{digit} \rangle$

* $((3 - 5) * 7)$

* $(3 - (5 * 7))$

➔ $\langle \text{stmt} \rangle ::= \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ else } \langle \text{stmt} \rangle \text{ endif}$

| $\text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ endif}$

* $\text{if } \langle \text{exp} \rangle \text{ if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ endif else } \langle \text{stmt} \rangle \text{ endif}$

* $\text{if } \langle \text{exp} \rangle \text{ if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ else } \langle \text{stmt} \rangle \text{ endif endif}$



| 모호한 grammar 해결하는 방법

➔ grammar 외에 우선순위 결합성등 강제하기

➔ **우선순위**

예) $3 - 5 * 7$ 에서 $*$ 가 높은 우선순위를 갖도록 하면 $3 - (5 * 7)$ 의 parse tree를 생성

➔ **결합성**

예1) $3 - 5 - 7$ 에서 $-$ 를 left associative 하게 하면 $(3 - 5) - 7$ 의 parse tree를 생성

예2) else 부분은 가장 최근에 나타난 if와 짝을 이룬다.

if <exp> if <exp> <stmt> else <stmt>

→ if <exp> **if** <exp> <stmt> **else** <stmt>



| EBNF

EBNF(Extended BNF)

- * BNF 표기법에 다양한 매크로를 추가하여 편리하게 사용할 수 있도록 함
- * 반복 { }
- * 옵션 []
- * 다중 선택 ()

➔ 반복 { } : 0번 또는 그 이상의 반복

$\langle \text{number} \rangle ::= \langle \text{number} \rangle \langle \text{digit} \rangle \mid \langle \text{digit} \rangle$

$\langle \text{number} \rangle ::= \langle \text{digit} \rangle \{ \langle \text{digit} \rangle \}$

$\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{exp} \rangle + \langle \text{term} \rangle \mid \langle \text{term} \rangle$

$\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{term} \rangle \{ + \langle \text{term} \rangle \}$



| EBNF-옵션과 선택 표현

옵션 []: 한 번 나오거나 나오지 않음을 의미

$\langle \text{if} \rangle ::= \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle$

$\quad | \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle \text{ else } \langle \text{stmt} \rangle$

$\langle \text{if} \rangle ::= \text{if } \langle \text{exp} \rangle \langle \text{stmt} \rangle [\text{else } \langle \text{stmt} \rangle]$

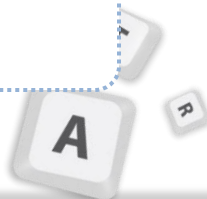
선택 (): 여러 개에서 하나를 선택함

$\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{exp} \rangle + \langle \text{exp} \rangle$

$\quad | \langle \text{exp} \rangle - \langle \text{exp} \rangle$

$\quad | \langle \text{exp} \rangle * \langle \text{exp} \rangle$

$\langle \text{exp} \rangle ::= \langle \text{exp} \rangle (+|-|*) \langle \text{exp} \rangle$

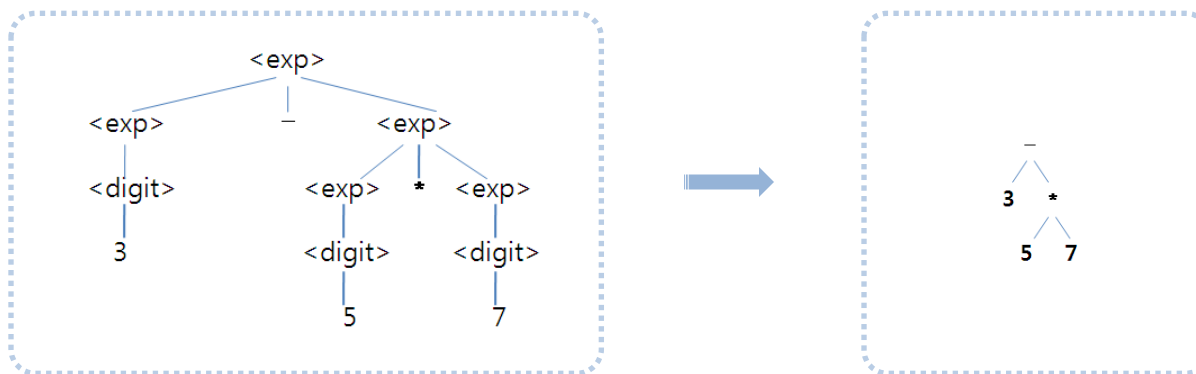


| Abstract Syntax Tree

Abstract Syntax Tree(추상구문트리)

- ➔ **Parsing tree**는 문장의 **derivation**과정이 모두 들어있어서 추후의 다른 작업을 하기에 복잡하다.
- ➔ **Abstract Syntax Tree (AST)**는 parsing tree를 **non-terminal symbol**들을 제거하고 **terminal**과 의미 있는 **node**로만 이루어진 표현으로 간략하게 바꾼것.

- 문장 내부 구조를 표현하면서 다루기 좋은 자료구조임
 비교) 프로그램을 컴퓨터 내부에 표현하는 다른 방법 들
 예) 문자열, token열, parsing tree..



- * **AST**에서 **operator**들은 **terminal**이 **root**나 중간 **node** 역할을 하고
 operand는 operator의 children (subtree) 를 구성한다.



평가하기

마지막으로 내가 얼마나 이해했는지를 한번 확인해 볼까요?
총 3문제가 있습니다.

START



평가하기 1

1. 다음 중 모호한 grammar인 것은?

- ① $S \rightarrow aSb \mid \epsilon$
- ② $S \rightarrow SS \mid id \mid \epsilon$
- ③ $S \rightarrow SaSb \mid c$
- ④ $S \rightarrow aS \mid bS \mid c$

확인



평가하기 2

2. 다음 EBNF grammar 에 대한 설명이 잘못된 것은?

```
<exp> ::= <term> {(+|-) <term>}
<term> ::= <factor> {(*/|) <factor>}
<factor> ::= num
```

- ① <term>이 나타내는 집합은 $\text{num} * \text{num}$ 을 포함한다.
- ② <exp>이 나타내는 집합은 <term>이 나타내는 집합을 포함한다.
- ③ <term>으로부터 유도되는 문장은 반드시 * 또는 /를 포함한다.
- ④ 문장 $\text{num} * \text{num} + \text{num}$ 을 <exp>로부터 유도할 수 있다.

확인



평가하기 3

3. Abstract Syntax Tree (AST) 의 설명이 잘못된 것은?

- ① AST 는 parsing tree 보다 간단하여 derivation 과정이 드러나지 않는다.
- ② AST 는 parsing tree에서 terminal symbol들을 제거한 것이다.
- ③ AST 에는 operator가 root 나 중간 node가 역할을 한다.
- ④ AST는 문장 내부 구조를 컴퓨터에서 표현하기 좋은 자료 구조이다.

확인



정리하기

➤ 모호한 grammar

주어진 문장에 대하여 두 개 이상의 서로 다른 parsing를 생성할 수 있는 grammar는 모호하다고 한다.

➤ EBNF

BNF 표기법에 다양한 매크로를 추가하여 좀 더 편리한 표기법을 제시한다.

➤ Abstract Syntax Tree (AST)

Parsing tree로부터 non-terminal을 제거하여 간략화한 AST는 프로그램을 컴퓨터 내부에서 다루기 좋은 자료구조이다.