

Scheme 기초 (Scheme Basics)

U

컴퓨터공학과 이만호





학습목표

Scheme으로 프로그래밍 하는데 필요한 Scheme에 대한 기초 지식을 학습한다.

	학 습 내 용	
 •	Scheme의 특성	
 •	Scheme의 언어 체계	
 •	Data Types	
 •	Primitive List functions	
	IF/COND Expression	
 -	II/COND Expression	



목 차

- 들어가기
- 학습하기
 - Scheme의 특성
 - Scheme의 언어 체계
 - Data Types
 - Primitive List functions
 - IF/COND Expression
- 평가하기
- 정리하기



알고가기

! Scheme의 recursive function에서 주로 처리하는 대상이 되는 자료구조의 형태는?

- a. Integer
- b. Real
- c. Symbol
- d. List

확인



Scheme의 특성

- Lisp으로부터 유래
- 교육 목적으로 많이 사용됨
 - 매우 간단함 (syntax, semantics)
 - 🤛 무료로 제공되는 interpreter가 많음
- Static scope rule만 적용 (dynamic scope rule은 지원 안함)
- 변수의 type 선언이 없음 (typeless)
- Function이 first-class object(또는 entity) 임
 - Expression/Function 의 결과가 될 수 있음
 - 🔁 List의 element가 될 수 있음
 - ▶ Parameter로 전달 가능
 - ▶ 변수에 assign될 수 있음 (바람직하지 않음)
- Prefix 표현 사용
 - (+ a b), (combination n r)



Scheme Interpreter



Scheme Interpreter의 실행 방법

- Nead-Evaluate-Write 를 무한히 반복한다.
- 1 Prompt를 화면에 출력 (prompt를 '>'라고 하자)
- Read an expression
 - ▶ 사용자가 입력하는 expression(수식)을 list 형태로 읽는다.
 - □력되는 expression
 - ▶ Function definition(정의)
 - ▶ Function application(적용, 호출)
- ③ Evaluate (function application의 경우): function EVAL에 의해서 실행됨
 - 1. 전달 받은 parameter 값을 계산한다. (계산 순서는 정해져 있지 않음)
 - 2. 계산된 parameter 값이 body 내의 parameter를 대체한다.
 - 3. Body를 실행한다.
 - 4. Body에서 마지막으로 계산한 expression의 값을 결과로 return한다.
- 4 Write
 - 결과 값을 화면에 출력한다.



Scheme의 언어 체계

Alphabet

⊳ 출력이 가능한 모든 문자

Word(Lexicon)

- Number
 - integer, real
- Identifier
 - ▶ function 이름, 변수 이름, ...
- Symbol
 - Quoted identifier

Expression

- Number
- Identifier
- Symbol
- **Application**
 - (operator operand-1 operand-2 ...)

명령형언어의 체계

- Alphabet
 - _영문자, 숫자, 특수문자
- Lexicon
 - -Number, Identifier, symbol
- Expression
 - _산술식, 관계식, 논리식
- Statement
 - _할당문, ...
- Subprogram
 - -Procedure, Function



Numbers



Integers

부호가 사용될 수 있음

$$375, +375, -375$$

🧾 자릿수에 제한이 없음

73247927429836642539643670074775286988924792...4

▶ 2진수 표현을 사용하지 않음



부호가 사용될 수 있음

► 지수 표현(exponential notation)



Identifiers



출력이 가능한 모든 문자들의 조합

- 사용될 수 없는 문자
 - ▶ 특별한 의미를 가지는 문자: () [] ' ` , @ " \ # ;
 - ▶ 제어 문자: \t, \n, ...
 - > 공백(space character)
- 🔁 첫 문자로 사용될 수 없는 문자

```
0~9 . + -
```

```
foo woman blsp what? b2*p
top-down principle+interest *big*
i<j i-j i.j =i i*j i&j ...</pre>
```



Symbols



- Quoted identifier: identifier 앞에 quote 문자를 붙인다.
 - ▶ quote function을 사용한 것과 동일하다.
- Case-sensitive하지 않다.
- 🔁 길이에 제한이 없다.

```
'pi == (quote pi)
'WOMBAT == 'wombat == (quote WOMBAT) == (quote wombat)
'long_symbol-with_funny%characters+:~!
quote 문자를 제거하면 모두 identifier가 된다.
'748 == (quote 748) == 748 ; 'number: symbol의 의미가 없다.
```



Expressions



: integer, real

398739593 3987.39593



: quoted identifier : (quote E) or 'E

'foo (quote foo)

▶ E를 계산하지 않고, E를 결과로 return한다.

Variable(변수)

: 어떤 값을 저장하기 위한 identifier

foo

First-class object이면 variable에 저장할 수 있다.

Application(함수의 적용)

```
(function argument 1 ...)
(+38)
(factorial 3)
(a b c) ; a는 반드시 function이어야 함
```



│ Variable의 값 정의하기



Primitive function DEFINE을 사용한다.



(DEFINE V E) ;

expression

- : identifier. Variable(변수)로 사용됨
- - **E** : expression
- E를 계산하고 그 결과를 V에 저장한다.
 - ▶ "∨는 E의 결과로 bound된다"라고 표현한다.
- (DEFINE V E) 의 실행 결과는 지정되지 않음(unspecified)

```
(DEFINE pi 3.1415928) ; pi: 3.1415928
(DEFINE qi pi) ; qi: 3.1415928
(DEFINE animal 'tiger) ; animal: tiger
```



Data Types



- **List가 아닌 모든 것. (즉, cons cell이 없다. Pair가 아니다.)**
- number, symbol, string, boolean
 - String: "...", ""(null string)
 - ▶ Boolean: #T, #F



structured data

- Form: $(data_1 \dots data_n)$ where $n \ge 0$
 - ▶ 모든 function application은 list이다.
 - Data로서의 list는 quote를 사용해야 한다.
- ▶ List 구조는 중첩될 수 있다.

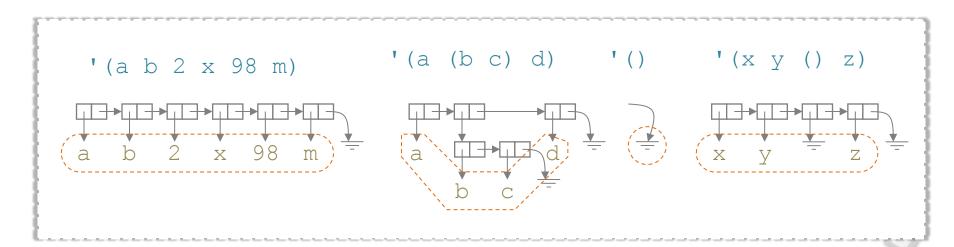
```
예
```

```
(DEFINE vec '(5 8 3)) ; → unspecified, vec:(5 8 3)
(DEFINE vec (quote (5 8 3)))
(+ 3 6) ; → 9 function application
'(+ 3 6) ; → (+ 3 6) data로서의 list
'(Sat Sun) == (quote (Sat Sun)) ; → (Sat Sun)
'((Mon Tue Wed Thu Fri) (Sat Sun))
'() ; () : null list ※ ()은 list이며 atom이기도하다.
'(a (b c) () ((d e) ()) (f (g h) i) j)
```



| List의 표현

- Linked list(연결리스트)로 표현한다.
- Linked list를 구성하는 각 node를 "cons cell" 또는 "pair" 라고 한다.
- Top-level item
 - ▶ 중첩되지 않은 최 상위에 있는 item
- List의 내부 구조



Primitive Functions

- Scheme이 기본적으로 제공하는 functions
- Numeric functions
 - Number를 다루는 function

```
+, -, *, /,
abs, sqrt, remainder, min, max, ...
```

🔁 사용 방법

```
(+ 5 7) (+ 5 7 8 6) (+ 5)
(+) ; → + 연산의 항등원
(*) ; → * 연산의 항등원
```

- **List functions**
 - ▶ List를 다루는 function
- 기타
 - DEFINE, ...



Lambda Expression



무명 Function을 정의하는데 사용됨

- > Form: (LAMBDA (parameters ...) body)
 - parameters (형식 매개변수) : bound variables
- 🔁 실 매개변수를 전달하고 실행하기

```
((LAMBDA (parameters ...) body) arguments ...)
```

▶ arguments: 실 매개변수

```
(LAMBDA (x) (* x x)) ; \rightarrow function

((LAMBDA (x) (* x x)) 7) ; \rightarrow 49

(LAMBDA (a b) (+ a b))

((LAMBDA (a b) (+ a b)) 24 5) ; \rightarrow 29
```



Function 이름

- Lambda e
 - Lambda expression으로 무명 function을 정의
 - ► Function 이름이 없으면 사용하기 불편함
 - DEFINE을 이용하여 function에 이름을 줄 수 있다.
- Form-1

```
(DEFINE function_name (LAMBDA (p ...) body))
```

- ► 두번째 parameter인 lambda expression을 evaluate하고, 그 결과를 변수 function name에 bind해 준다.
- Form-2 : 교재에서 사용되고 있음

```
(DEFINE (function name p ...) body)
```

▶ Form-1과 의미가 동일함

```
(DEFINE (square x) (* x x))

• square: (LAMBDA (x) (* x x))

(square 7) ; \rightarrow 49

((LAMBDA (x) (* x x)) 7) ; \rightarrow 49
```



Primitive List Functions



Constructor(생성자)

- ▶ List를 생성하는데 사용
 - CONS : list를 생성함



Selector(선택자)

- ▶ List에서 head와 tail을 선택하는데 사용
 - **CAR** : list의 head를 선택함
 - ▶ CDR : list의 tail을 선택함 (could-er라고 읽음)



용어의 어원

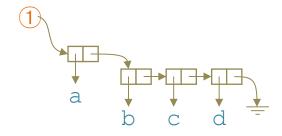
- **CONS**: CONStructing list
- CAR: Contents of the Address part of Register number
- CDR: Contents of the Decrement part of Register number
 - ▶ CAR과 CDR는 Lisp이 1950년대 후반에 최초로 설치된 IBM 704의 instruction임

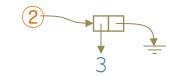


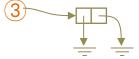
│ Constructor(생성자)

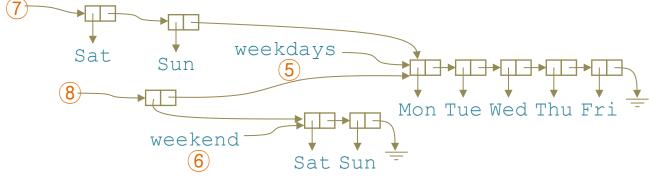
(CONS item list)

- 1. 하나의 cons cell을 할당한다.
- 2. Cons cell의 앞이 item을 point하도록 한다.
- 3. Cons cell의 뒤가 list를 point하도록 한다.
- (CONS 'a '(b c d)) ; \rightarrow (a b c d)
- $(CONS 3 '()) ; \rightarrow (3)$
- $(CONS '() '()) ; \rightarrow (())$
- (CONS 1 (CONS 3 '())) ; \rightarrow (1 3)
- (DEFINE weekdays '(Mon Tue Wed Thu Fri))
- (DEFINE weekend '(Sat Sun))
- (CONS 'Sat (CONS 'Sun weekdays))
- (CONS weekend weekdays)









| Selectors(선택자)

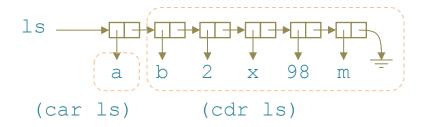
(CAR list)

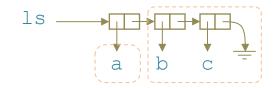
- ▶ list: non-empty list.
- ▶ list가 point하는 cons cell에서 앞의 pointer를 return한다.

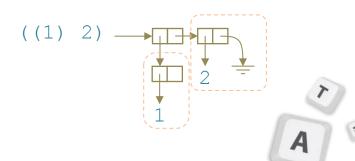
(CDR list)

- ▶ list: non-empty list.
- ▶ list가 point하는 cons cell에서 뒤의 pointer를 return한다.
 - 결과는 항상 list이다.

```
(define ls '(a b c))
(car ls) ==> a
(cdr ls) ==> (b c)
(car '((1) 2)) ==> (1)
(cdr '((1) 2)) ==> (2)
```







I CAR와 CDR의 연속

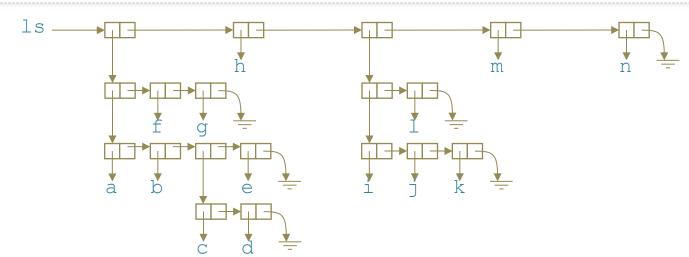


CAR와 CDR는 연속해서 사용하는 경우가 많음

- 🔁 간단히 표현할 수 있는 방법을 사용
- \rightarrow (CAR (CAR (CDR (CDR E)))) \equiv (CAADDR E)
- \rightarrow (CDR (CAR (CAR E))) \equiv (CDAAR E)

```
예
```

```
(DEFINE ls '(((a b (c d) e) f g) h ((i j k) l) m n))
(CAAAR ls)
(CADDAAR ls)
```



I CONS, CAR, CDR의 관계



Constructor와 Selector는 밀접한 관계임

- \rightarrow (CAR (CONS item list)) \rightarrow item
- \rightarrow (CDR (CONS item list)) \rightarrow list
- \rightarrow (CONS (CAR list) (CDR list)) \rightarrow list



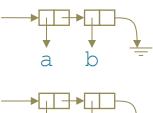
Predicates(조건 함수)

- 항상 boolean 값을 return하는 function
- ▶ Boolean 값: #T, #F

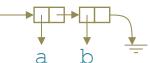


Type 관련 Predicates

```
(number? E) (symbol? E) (boolean? E)
(list? E) (pair? E) (null? E)
```



a



Number 관련 Predicates

```
(= n1 n2) (> n1 n2) (>= n1 n2)
(<> n1 n2) (< n1 n2) (<= n1 n2)
(ZERO? n) (POSITIVE? n) (NEGATIVE? n) (EVEN? n) (ODD? n)</pre>
```



Equivalence Predicates (동일성 test)

```
(= n1 n2) : number의 동일성 test
(EQ? atom1 atom2) : atom의 동일성 test
(EQUAL? list1 list2) : list의 동일성 test
(EQ? 'a 'a) ; → #T
(EQ? '(a b) '(a b)); → #F
(EQUAL? '(a b) '(a b)); → #T
```



| 논리 연산 함수



(OR E-1 ... E-n) where $n \ge 0$

- ho $_{
 m E-1}$ 부터 순서대로 값을 계산해서 $_{
 m TT}$ 인 $_{
 m E-k}$ 가 있으면 즉시 $_{
 m TT}$ 를 $_{
 m return}$ 한다.
- 모든 E-k가 #F이면 #F를 return한다.
- (OR) ; → or의 항등원



(AND E-1 ... E-n) where $n \ge 0$

- \triangleright E-1부터 순서대로 값을 계산해서 #F인 E-k가 있으면 즉시 #F를 return한다.
- □ 모든 E-k가 #T이면 #T를 return한다.
- ightharpoonup (AND) ; ightarrow and의 항등원



(NOT E)



IF Expression



IF expression

```
(IF Test
Consequence ; then part
Alternative) ; else part, optional
```

- ► Test의 결과가 #T이면, Consequence를 계산하고,
 #F이면, Alternative를 계산한다.
- 중첩될 수 있다.(nested)

```
(DEFINE (max2 a b) (IF (> a b) a b))

(max2 8 3); \rightarrow (IF (> 8 3) 8 3) \rightarrow 8

(max2 3 8); \rightarrow (IF (> 3 8) 3 8) \rightarrow 8
```



COND Expression



COND expression

- 여러 개의 Test k의 결과가 #T일 수 있다.
- ► Test_1부터 순서대로 값을 계산해서 #T인 Test_k가 있으면
 Consequence_k 를 계산해서 그 결과를 return한다.

```
예
```

```
(DEFINE (max2 a b) (COND ((> a b) a) (ELSE b)))

(max2 8 3); \rightarrow (COND ((> 8 3) 8) (ELSE 3)) \rightarrow 8 (max2 3 8); \rightarrow (COND ((> 3 8) 3) (ELSE 8)) \rightarrow 8
```



COND Expression



COND expression

```
(COND

(Test_1 Consequence_1)

(Test_2 Consequence_2)

...

(Test_n Consequence_n)

(ELSE Alternative)); optional
```

- 여러 개의 Test_k의 결과가 #T일 수 있다.
- Test_1부터 순서대로 값을 계산해서 #T인 Test_k가 있으면 Consequence_k 를 계산해서 그 결과를 return한다.

```
예
```

```
(DEFINE (max2 a b) (COND (> a b) a) (< a b) b) ( else a)))
```







평가하기

마지막으로 내가 얼마나 이해했는지를 한번 확인해 볼까요? 총 2문제가 있습니다.

START



평가하기 1

1. '(QUOTE)에 대한 설명으로 맞지 않는 것은?

- a. 'foo는 atom이다.
- b. 'foo는 (QUOTE foo)와 의미가 같다.
- c. '(+ 3 4)의 결과는 '7이다.
- d. '(foo goo hoo)에서, foo가 function일 수도 있다.

확인



평가하기 2

2. Scheme에서 atom으로 생각할 수 없는 것은?

- a. 'foo
- b. 314
- c. '()
- d. goo

확인



정리하기



- ▶ Static scope rule만 적용
- ▶ 변수의 type 선언이 없음
- Scheme의 언어 체계
 - **▶** Alphabet
 - **▶** Word(Lexicon)
 - **Expression**
- **Data Types**
 - ▶ Atom, List
- **Primitive List functions**
 - ▶ Static scope rule만 적용
 - ▶ 변수의 type 선언이 없음
- **▶** IF/COND Expression
 - ▶ Predicates 사용





66 次四臺四大川湖台山江,今卫新湖台山江, 99

