בראונית

2020 בדצמבר 29

1 אור הרקע ומטרת הניסוי 51%

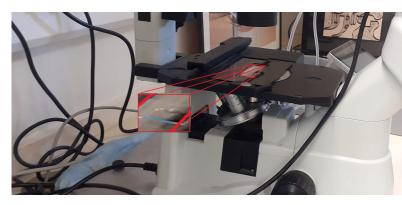
הניסוי בוחן תנועה רב חלקיקית, תחת הנחת הארגודיות - לפיה הכוח מתפלג באופן אחיד על כלל המערכת-. ולכן מיצוע שלו יניב $\langle xF\left(t
ight)
angle=0$. פיתוח מהכיוון הנ"ל יביא למשוואת התנועה הבאה :

$$\langle x^2 \rangle = \frac{m}{\alpha} e^{-\frac{\alpha}{m}t} x_0^2 + \frac{2k_B T}{\alpha} t$$

נזכיר כי ל α היה היה יחידות של $\left[\frac{m}{t}\right]$ (קבוע משוואת סטוקס), אנו מצפים כי למדידה לאחר זמן סביר תזניח את האיבר המעריכי ונקבל את למדידה לאחר

$$\frac{2k_BT}{6\pi\mu a}t = \frac{2k_BT}{\alpha}t = \langle r^2 \rangle$$

מה שמתאים לפיתוח דרך משוואת הדיפוזיה - $\nabla^2\psi$ - משר מהתאים לפיתוח דרך משוואת הדיפוזיה - ψ כלומר התפלגות היא צפיפות החומר, הפתרון הוא : ψ (ψ כלומר התפלגות נורמלית ולכן ψ (ψ בדוק שאכן פקטור ψ) $\mathbb{E}[x^2]=\sqrt{2}Dt$ (לבדוק שאכן פקטור ביסו הייתה תחילה לאשש תאוריה זאת, כלומר לבדוק האם ההנחת הרגודיות היא סבירה בתנאים של טמפ' החדר וריכוזים שונים של טווחים אותם אנו מערכים כ"סטנדרטים". לאחר הערכה הגסה, לתת תוקף נוסף בהמצאות חישוב קבוע בולצמן עד כדי שגיאה שמקורה ביכולת המדידה. לשמחתנו אף על פי שהתרשלנו במדידת הטמפ' ונוכחות של זרם, הגענו להערכה טובה של קבוע זה עד להשלים ספרות אחרי הנקודה.



איור 1: המיקרוסקופ בו השתמשנו כדי לקחת את הדגימות, בהגדלה ניתן לראות את הצלחית ששימשה אותנו, הפס הכחול מדגיש את הזכוכית העליונה שנועדה לשטח את הרכיוז.

- 2 מאור מהלך הניסוי איך הניסוי בוצע שיטת העבודה בעיות מיוחדות – איך התגברתם

2.0.1 תיאור טכני של מהלך הניסוי.

כדי לבחון את התנועה הבראונית חילקנו את הניסוי לפי ריכוזים שונים. כל ריכוז הכיל כ000ריכוז של חלקיקים -להלן טבלה-, וכ 90% מתערובת של מים וגליצרול. יחד בנפח כולל של כ $40_{[\mu L]}$. להלן טבלה המתארת את את ריכוז הגליצרול בתערובת בכל אחד הניסויים, ולכל ריכוז שכזה את קבוע הצמיגות המאפיין אותה. כל ריכוז שוכן בין שתי פלטות זכוכית, במטרה לצמצם את דרגת החופש של התנועה בציר ה \hat{z} . ובכך להבטיח שאנו מסתכלים על מערכת שהיא בקרוב דו מימדית.

90 עוד קצת פרטים טכנים על הכנת הריכוזים. כדי להבטיח יחס של 00 עוד קצת פרטים טכנים על הכנת המלוצרול ל $160_{[\mu L]}$ מריכוז תערובת הגליצרול וכ וכ וכ אמנו לב כי עבור ריכוזים גבוהים של $40_{[\mu L]}$ מתערובת החלקיקים, שמנו לב כי עבור ריכוזים גבוהים של גליצרול, הפטיפטה מזייפת, בערכה גסה כ ..., כלומר היא אינה יונקת כ $160_{[\mu L]}$ נפח.

את תמונה המתקבלת מהמיקרוסקופ ניתחנו בהמצאות תוכנת מעקב, עבור חלקיקים שנבחרו באופן סלקטיבי כך שלמראית העין ניראים כדורים. כארבעה חלקיקים פר ריכוז. במערכת המצייתת באופן מושלם להנחת הארגודיות, מקטע הנתונים [$t_1
ightarrow t_2$] הוא מדידה בפני עצמו. זאת מאחר ומערכת ארגודית היא חסרת זכרון. הסעיף הבא מתואר כיצד השתמשנו בעובדה הזאת, כדי להתגבר על משברים שנקלנו בם בעת ההסקה מהמדידה. לצורך המשך הדיון נגיד כי חלון ω הוא אינטרוול זמן, ומיצוע על החלונות

$$\bar{X}\left(t\right) = \frac{1}{\#windows} \sum_{\omega} X\left[\omega + t\right]$$

כאשר X הוא גודל כל שהוא (כמובן שבהקשר המרחק $X=\bar{x}^2$). שוב, בהתאמה מושלמת לתאוריה, המדידה על פני החלונות שקולה למדידה על פני חליקיקים שונים ברדיוס זהה.

נציין כי בתחילת הניסוי ההיינו חשדנים לגבי טיב האיכות של התוצאות המתקבלות מבחירה סלקטיבית של חלקיקים (כדורים). ולמעשה הדרישה הזאת אינה הכרחית אם מניחים כי התפלגות צורת החלקיקים היא ללא עדיפות מבחינה מרחבית, כלומר שבתוחלת הכדורים שואפים להיות כדורים. המחשבה הזאת, התניעה בנו מוטיבציה לסכום על פני כל החלקיקים במערכת, ומשם קבוע בולצמן יהיה השיפוע של הישר התקבל מחישוב התוחלת המותנת

$$k_B t = c \cdot \mathbb{E}\left[\mathbb{E}\left[r^2|a\right]\right](t)$$

. תוצאה שכזאת הייתה יכולה להיות מאוד מרגשת. לבסוף לא הצלחנו לממש את הרעיון אך יצאו לנו כמה תמונות יפות ,ויותר חשוב, ההתעסקות בכך חיזקה את הבנה הכללית שלנו לגבי קנה המידה של המערכת, עד כמה היא רועשת, מה זה אומר ארגודיות בעצם ולמה כשאומרים "סביר להניח" אז באמת סביר להניח.

. יחף 2.0.2

נזכיר שוב כי פיתוח הקשר של התנועה הבראונית מניח כי מיצוע על פני הכוח אותו ירגיש חליקיק במרחב מתאפס $\langle xF(x,t) \rangle$. אך ברור כי

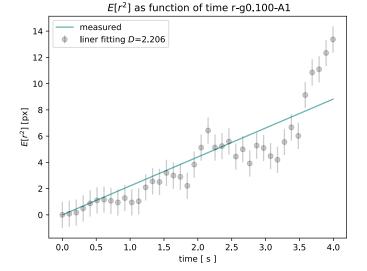
גורמים שונים יכולים להטוות כיוון לכוח זה ומכאן כיוון מרכזי לזר גורמים שונים יכולים לחטוות כיוון מועדף נצפה כי ל $\langle x\left(t\right)\rangle\neq0$ (תוחלת מיי החלקיק).

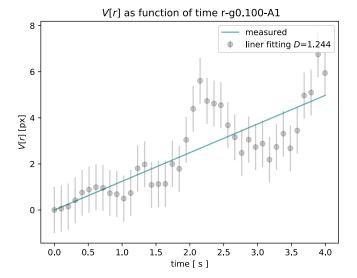
הגישה הראשונה בה נקטו כדי להתמודד עם הפער בין ההנ למצב המערכת היתה צימצום למינמום השפעות החיצוניות על המער השתמשנו בפלס כדי לוודא שמשטח המיקרסקופ ישר ובכך נמנע מ הגרויטציה של כדו"א להאיץ את החליקיקים, דאגנו לחכות לחכות זמן ס כדי שתנאי ההתחלה שנירכשו ברגע הצבת הצלוחית ידעכו. נוסף על זה הקפדנו על סטראיליות מאחר וראינו כי הצטברות אבק עקב הזנחה צלוחית עשויה גם לתת תוצאות מוזרות.

לאחר שיצמצמנו את עוצמת השפעת ההפרעות, נקטנו בגשיה שני כעת היה ניתן להניח כי ההפרעות בטווח קצר (טווח שהתברר בדי בסדר גודל של שניות, כלומר אכן מתאים לזמן האופייני בניסוי) הן : הגורם העיקרי בהכתבת אופי התנועה ומעתה היה ניתן לחשוב עלי כאל 'משתנה מקרי', ועל מקטע זמן כאל דגימה, חילקנו הנתונים אל חלו

זה עדיין, לא הספיק. להל"נ (איור 2) ניתוח על פני 60 פריימי 64 שניות לחלון) לחלקיק הנמצא בתווך עם מקדם צמיגות $[P\cdot s]$ של מיצוע על פני החלונות. וההתאמה הלניארית המתאימה לו. מא של מיצוע על פני החלונות. וההתאמה של בקיבלנו גרף לניארי, אבל למעשה ב של 6 שניות קיבלנו שיפוע של 3.5 \sim , כלומר בערך הכפלה לאחר 4 שנ הגדלים הללו אינם דומים כלל לזמן האופייני במערכת.

את הגישה השלישית, אנחנו חייבים לצוות ההדרכה. למעשה, פי משוואה הדיפוזיה חוזה כי המקדם אותו אנו מחפשים $\frac{2k_BT}{\alpha}$ הוא שו התפלגות המתקבלת ממשוואת הדיפוזיה. תחת ההפרעות, נקבל כי הממ. α של ההתפלגות כבר אינו מתאפס. ומכאן שנקבל מיפוי:





איור 2: $\mathbb{V}\left[r^2\right]$ ו - $\mathbb{E}\left[r^2\right]$: 2 איור 1: $\mathbb{E}\left[r^2\right]$: 2 בריכוז 0.1% גליצרול (מקדם צמיגות $[P\cdot s]$) אמיגות גליצרול (מקדם צמיגות היא פחות טובה עבור הערה חשובה, אומנם זה ניראה שהאתאמה הלניארית היא פחות טובה עבור השונות. אבל יש לשים לב שהסקלה של ציר ה \hat{y} בתרשים הקודם היא כפולה. ולכן גם המרחקים מהציר הם משמעותים יותר. והשיפוע תלול בהרבה.

$$\mathbb{E}\left[r\right] \neq 0 \Rightarrow \mathbb{V}\left[x\right] \mapsto \mathbb{E}\left[r^{2}\right] - \mathbb{E}^{2}\left[r\right]$$

הפירוש פיזיקלי, הוא שחיסור התוחלת ממפה את המערכת בחזרה אל מערכת בה מרכז המסה סטטי. מה שמגביר את מידת הארגודיות במערכת.

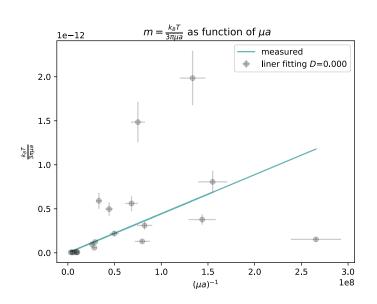
2.0.4 חישוב קבוע בולצמן

ליחדות המדידה בעולם הטרקר אנו קוראים אורך אופייני של המער כלומר הערכים המחושבים ע"י. את תהליך המיפוי בין ערכים אלה לבין ע המרחק ביצענו באופן הבא. תחילה השתמשנו בלוחית הכיול כדי לספור נ פיקסלים בתמונה הם $[mm]^{-2}$. עבור מספר פריימים בודד, לקחנו הפרש מיקום של חלקיק מסוים בפיקסלים וחילקנו מספר זה. קיבלנו י "אורך אופיני" שקול ל[m] ל $\sim rac{1}{2} 10^{-6}$ בנוסף, הוספנו שגיאת מדידה. כ 1 [אורך אופייני] הערכה הזאת היא הערכה גסה, השגיאה האמיתית י יותר נמוכה ותלויה בעיקר במידת הסימטריה של החלקיק, חלק מהשג גם נובע מקיונטוט של פיקסלים ופיפוס שלנו בספירת פיקסל או שתי (עבור חלקיקים כדורים, התוכנה אינה מפשלת בחישוב מרכז החלק .thermo את טבלת הצמיגות לקחנו ממסד הנתונים של ps : //github.com/CalebBell/thermo קישור, $Caleb\ Bell$). ההנחנה העיקירית היא שהשגיאה העיקרית בצמיגות נובעת מהיכ שלנו לקחת בדיוק את הריכוז הנידרש (אם כי ברור כי יש גם שגיאה לע הצמיגות) ולכן נוסיף שגיאה גסה של כ10% אל מקדם הצמיגות. הרדיוסים של החלקיקים אנו מוסיפים שגיאה שמונחי אורך אופייני $_{:}$ בכאן שבגרף השיפועים נצפה לשגיאה של $_{2}^{-1}$). מכאן שבגרף השיפועים נצפה $_{2}^{-1}$

$$\begin{split} \frac{k_B T}{3\pi \mu a} &= \frac{k_B \left(T_0 \pm 8 \right)}{3\pi \left(\mu \pm \Delta \mu \right) \left(a \pm 1_\sigma \right)} = \\ &\frac{k_B T_0 \left(1 \pm \frac{8}{T_0} \right)}{3\pi \mu a} \left(1 \mp \frac{\Delta \mu}{\mu} \right) \left(1 \mp \frac{1_\sigma}{a} \right) \\ &= \frac{k_B T_0}{3\pi \mu a} \left(1 \mp \frac{\Delta \mu}{\mu} \mp \frac{1_\sigma}{a} \pm \frac{8}{T_0} + \ldots \right) \Rightarrow \\ &\sigma \leq 2 \left(\frac{\Delta \mu}{\mu} + \frac{1_\sigma}{a} + \frac{8}{T_0} \right) = 2 \left(\frac{1}{20} + \frac{1_\sigma}{a} + 0268 \right) = \\ &= \frac{1_\sigma}{a} + 0.1536 \; (\%) \end{split}$$

בדומה השגיאה בציר x בגרף השיפועים היא

$$(\mu r)^{-1} = \frac{1}{(\mu \pm \Delta \mu) (a \pm \Delta a)} = \frac{1}{\mu r} \left(1 \pm \frac{\Delta \mu}{\mu} \pm \frac{\Delta a}{a} \right) \Rightarrow$$
$$\sigma \le 2 \cdot \left(\frac{1}{20} + \frac{1_{\sigma}}{a} \right) \sim \frac{1_{\sigma}}{a} + 0.1 \, (\%)$$



איור 3: $\mathbb{E}\left[r^2\right]$ ו - $\mathbb{E}\left[r^2\right]$ ו - $\mathbb{E}\left[r^2\right]$ איור 3: איור 3: עליצרול (מקדם צמיגות אייבר ל 10^{-4} ווויר) אייברול (מקדם אייבר ל 10^{-4} ווויר) אייברול (

הערה חשובה, אומנס זה ניראה שהאתאמה הלניארית היא פחות טובה עבור השונות. אבל יש לשים לב שהסקלה של ציר ה \hat{y} בתרשים הקודם היא כפולה. ולכן גם המרחקים מהציר הם משמעותים יותר. והשיפוע תלול בהרבה.

3

3.0.1 תיאור טכני של אלגוריתם, שגיאות. מספרים. (מצבו הסופי)

עניין הסחף, לדעתי אפשר לשים פה גם עניין של רזוננס. פתירת משוואת הדיפוסיה תחת תנאי התפסות על השפה, צריכים לתת משוואת הדיפוסיה תחת הנאי התפסות על השפה, צריכים לתת תיקון כי לא יתכן שזה ישאף להיות כמו e^{-t} אלה צריך להתיצב על משהו (לחומר אין לאן לברוח). הפתרון הוא כמובן חקר המערכת רק בסדר ראשון (חלוקה לבאנצ'יפ).

3.0.3 עניין הרעש, בדגימה. (שימוש בפילטרים וכל העניין).

עניין השידוכים לדבר תחילה על שימוש ב DFS ו דגימה פר פריים, ואז על המעבר אל BFS ושמוש במרכזי המסה שמצאנו כנקודות מוצא לחיפוש.

3.0.5 התייחסות לכך שהמסות ונהפחים אינם בהכרח כדורים, ולכן אנו מצפים לקבל עבור המסה והרדיוס המוצצעים.

4 05% פרוש התוצאות הצגת התוצאות + חישוב שגיאות מקור השגיאות – איך הערכתם אותן – מה מקורן – איך התגברתם השוואת התוצאות לתאוריה

precents	0.000	0.100	0.200	0.350	0.500	0.600	
viscositie[Pa*s]	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	0.000	

הכרות המערכת ומדידה ראשונית: השתמשו במיקרוסקופ לקבלת. תמונה איכותית של חלקיק הנמצא בתנועה בראונית בתמיסה.

בצעו כיול של הגודל הנראה של החלקיק באמצעות שקף כיול.

כיצד תנתחו את ממוצע ריבוע ההעתק? כמה חלקיקים שונים נדרשים לקבלת תוצאה איכותית? התייחסו להנחה הארגודית.

האם החלקיקים חופשיים לנוע בציר (Z בניצב ללוחית המיקרוסקופ)! כיצד זה ישפיע על המדידה!

כיצד תוודאו שהמערכת איזוטרופית, כלומר שאין סחיפה לכיוון מסוים! מה ניתן 2 לעשות בניתוח הנתונים כדי להתמודד עם סחף!

איך התלות של r < r בזמן במקרה של סחיפה? קבלו את התלות של ביא איך עבור מספר חלקיקים בגדלים שונים. 2 r < r

בדקו את התלות בגודל ביחס לצפוי תיאורטית.

2 .תלות בצמיגות: הוסיפו תמיסת חלקיקים מרוכזת לתערובת של מים וגליצרול בריכוזים שונים.

קחו בחשבון את המים שבתמיסת החלקיקים וחשבו מחדש את הריכוז בתמיסה 2 הסופית. השתמשו בטבלאות לחישוב הצמיגות וקבלו תלות של r < <

כיצד ניתן להשתמש במדידה זו לחישוב קבוע בולצמן!

3. תלות בטמפרטורה: שנו את הטמפ' וחזרו על המדידות בערכי טמפ' שונים. קחו בחשבון את שינוי הצמיגות כתוצאה משינוי הטמפ' (ניתן למצוא מחשבונים וטבלאות לחישוב הבדל זה, שהוא משמעותי).

 4. דיפוזיה של חזית (אופציונאלי): השתמשו בנוזלים שונים מסיסים במים (חלב, צבע מאכל, דיו) וצפו בחזית התקדמות הנוזל לתוך המים. האם יש לכם אומדן לגודל החלקיקים! האם כל דיפוזיה היא תנועה בראונית!

שיחת סיכום -10 נקודות על אי-קיומה !

: נספחים

