# Міністерство освіти і науки України Львівський національний університет імені Івана Франка Факультет прикладної математики та інформатики Кафедра програмування

#### Лабораторна робота

Функції Лаґерра з курсу "Виробнича практика"

> Виконав: студент групи ПМІ-21 Дудинець Олександр Іванович

**Мета роботи:** здобути практичні навички використання многочленів Лаґерра, їхніх прямих та обернених перетворень.

GitHub репозиторій: https://github.com/dudynets/Laguerre-Polymonials

#### Перетворення Лагера

```
[1]: import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import ipywidgets as widgets
from typing import Callable
import unittest
```

Визначення власних функцій для перетворення Лагера та оберненого перетворення Лагера.

```
[2]: def f_1(t):
    if t >= 2 * np.pi:
        return 0
    return np.sin(t - np.pi / 2) + 1

def f_2(t):
    return np.sin(t) * np.cos(t)

def f_3(t):
    return np.cos(np.pi - t) * t / 2

def f_4(t):
    if t != 0:
        return np.cos(2 * t + np.pi) * t
    else:
        return 0
```

Реалізація класу, що обраховує значення інтегралу від функції на проміжку [a, b]

```
[3]: class IntegralSolver:
"""

Клас для обчислення наближеного значення інтегралу методом прямокутників
"""
```

```
def __init__(self, f: Callable[[float], float]):
             Конструктор класу IntegralSolver
             :param f: Функція, яку потрібно інтегрувати
             self._f = f
         @property
         def f(self) -> Callable[[float], float]:
             return self._f
         def solve(self, a: float, b: float, int_points: int = 10000) -> float:
             Метод для обчислення наближеного значення інтегралу методом прямокутників
                                 Початок інтервалу
             :param a:
             :param b:
                                 Кінець інтервалу
             :param int_points: Кількість точок для інтегрування
             :return: Значення інтегралу
             HHHH
             x = np.linspace(a, b, int_points)
             s = sum([self.f(i) for i in x])
             result = s * abs(b - a) / int_points
             return result
[4]: class TestIntegralSolver(unittest.TestCase):
         def setUp(self) -> None:
             self.solver = IntegralSolver(lambda x: x**2)
         def test_solve(self):
             # Test solve method
             result = self.solver.solve(0, 1, 10000)
             self.assertAlmostEqual(result, 1/3, places=4)
         def tearDown(self) -> None:
             del self.solver
```

#### Реалізація класу калькулятора многочленів Лагера

```
[5]: class LaguerreSolver:
         n n n
         Клас для роботи з многочленами Лаґерра
         def __init__(self, beta: float = 2.0, sigma: float = 4.0):
             if beta < 0:
                 raise ValueError('Value "beta" must be positive')
             if sigma < beta:</pre>
                 raise ValueError('Value "sigma" must be greater than beta')
             self._beta = beta
             self._sigma = sigma
         @property
         def beta(self) -> float:
             return self._beta
         @property
         def sigma(self) -> float:
             return self._sigma
         def solve_polynomial(
             self,
             t: float,
             n: int,
         ) -> float:
             Метод для обчислення многочлену Лагерра
             :param t:
                             Значення аргументу
             :param n:
                             Степінь многочлена Лаґерра
             :return:
                           Значення многочлена Лаґерра
             # Валідація вхідних даних
             if n < 0:
                 raise ValueError('Value "n" must be positive')
             # Найкращі випадки
```

```
l_prev_prev = np.sqrt(self.sigma) * np.exp(-self.beta * t / 2)
       l_prev = np.sqrt(self.sigma) * (1 - self.sigma * t) * np.exp(-self.beta_
→* t / 2)
       if n == 0:
           return l_prev_prev
       if n == 1:
           return l_prev
       # Обчислення
       for i in range(2, n + 1):
           temp = 1_prev
           l_prev = (2 * i - 1 - self.sigma * t) * l_prev / i - (i - 1) *__
→l_prev_prev / i
           l_prev_prev = temp
       return l_prev
   def tabulate_polynomial(
           self,
           n: int,
           t_max: float,
           t_step: float = 0.1,
   ) -> pd.DataFrame:
       11 11 11
       Функція для табуляції многочленів Лаґерра
       :param n:
                    Степінь многочлена Лаґерра
       :param t_max: Максимальне значення аргументу
       :param\ t\_step: Крок аргументу
                       DataFrame з табульованими значеннями
       :return:
       11 11 11
       # Валідація вхідних даних
       if n < 0:
           raise ValueError('Value "n" must be positive')
       if t_max < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "t_max" must be positive')
       if t_step < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "t_step" must be positive')
       # Табуляція
       t = np.arange(0, t_max, t_step)
       return pd.DataFrame(
```

```
data={
                't': t,
               f'L_{n}': [self.solve_polynomial(t=i, n=n) for i in t]
       ).set_index('t')
   def find_optimal_t(
           self,
           n_{max}: int = 20,
           epsilon: float = 1e-3,
           t_max: float = 100,
           t_points: int = 1000,
   ) -> tuple[float, pd.DataFrame]:
       Функція для проведення обчислювального експерименту. Пошук такого t, що_{\sqcup}
\rightarrow /laquerre_polymonials(n, t)/ < epsilon dnn ycix n \in [0, N]
       :param n_max:
                            Верхня межа степеня многочлена Лагерра
       :param epsilon:
                            Точність
       :param t_max:
                           Максимальне значення аргументу
       :param t_points:
                           \mathit{Kiлькicmь} точок для від 0 до t\_\mathit{max}
                            Кортеж з t та DataFrame з табульованими значеннями
       :return:
       11 11 11
       # Валідація вхідних даних
       if n_max < 0:
           raise ValueError('Value "N" must be positive')
       if epsilon < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "epsilon" must be positive')
       if t_max < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "t_max" must be positive')
       if t_points < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "t_points" must be positive')
       # Ποωγκ t
       T = np.linspace(0, t_max, t_points)
       N = range(0, n_max + 1)
       suitable_t = None
       for t in T:
           is_t_suitable = True
           for n in N:
                if abs(self.solve_polynomial(t=t, n=n)) > epsilon:
```

```
is_t_suitable = False
                   break
           if is_t_suitable and suitable_t is None:
               suitable_t = t
               break
       # Табуляція
       return suitable_t, pd.DataFrame(
           data={
               'n': N,
               'L_n': [self.solve_polynomial(t=suitable_t, n=n) for n in N]
       ).set_index('n')
   def solve_laguerre_transform(
           self,
           f: Callable[[float], float],
           n_max: int,
           int_points: int = 10000
   ) -> float:
       ......
       Функція для обчислення перетворення Лаґерра
                          Функція, яку перетворюємо
       :param f:
       :param n_max:
                         Верхня межа степеня многочлена Лаґерра (N)
       :param int_points: Кількість точок для інтегрування
       :return:
                          Значення перетворення Лаґерра
       11 11 11
       if n_max < 0:
           raise ValueError('Value "n_max" must be positive')
       if int_points < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "int_points" must be positive')
       # Функція для інтегрування
       def integrand(t):
           alpha = self.sigma - self.beta
           return f(t) * self.solve_polynomial(t=t, n=n_max) * np.exp(-alpha *__
→t)
       # Верхня межа інтегрування
       t_max, _ = self.find_optimal_t(n_max=n_max)
       integral_solver = IntegralSolver(integrand)
```

```
result = integral_solver.solve(0, t_max, int_points)
       return result
  def tabulate_laguerre_transform(
           self,
           f: Callable[[float], float],
           n_max: int,
           int_points: int = 10000,
  ) -> pd.DataFrame:
       Функція для табулювання перетворення Лаґерра
       :param f:
                           Функція, яку перетворюємо
                          Верхня межа степеня многочлена Лаґерра (N)
       :param n_max:
       :param int_points: Кількість точок для інтегрування
       :return:
                           DataFrame з табульованими значеннями
       # Валідація вхідних даних
       if n_max < 0:
           raise ValueError('Value "n_max" must be positive')
       if int_points < 0:</pre>
           raise ValueError('Value "t_step" must be positive')
       # Табулювання
       N = range(0, n_max)
       return pd.DataFrame(
           data={
               f'L_n': [self.solve_laguerre_transform(f=f, n_max=n,_
→int_points=int_points) for n in N]
       ).set_index('n')
  def solve_inverse_laguerre_transform(
           self,
           h: list[float],
           t: float,
  ) -> float:
       Функція для обчислення оберненого перетворення Лаґерра
                       Довільна послідовність дійсних чисел
       :param h:
```

```
:param t: Значення аргументу

:return: Значення оберненого перетворення Лаберра
"""

# Обчислення
return sum([h[k] * self.solve_polynomial(t=t, n=k) for k in range(0,□
→len(h))])
```

```
[6]: class TestLaguerreSolver(unittest.TestCase):
         def setUp(self) -> None:
             self.solver = LaguerreSolver()
         def test_constructor(self):
             # Test beta validator
             with self.assertRaises(ValueError):
                 LaguerreSolver(beta=-1)
             # Test sigma validator
             with self.assertRaises(ValueError):
                 LaguerreSolver(sigma=1, beta=2)
         def test_solve_polynomial(self):
             # Test solve_polynomial method
             result = self.solver.solve_polynomial(2, 2)
             self.assertAlmostEqual(result, 4.601399630044832, places=4)
             \# Test n < 0
             with self.assertRaises(ValueError):
                 self.solver.solve_polynomial(2, -1)
         def test_tabulate_polynomial(self):
             # Test tabulate_polynomial method
             result = self.solver.tabulate_polynomial(2, 10, 1)
             self.assertEqual(result.shape, (10, 1))
             self.assertAlmostEqual(result.iloc[0, 0], 2.0, places=4)
             self.assertAlmostEqual(result.iloc[9, 0], 0.1424149139160282, places=4)
             \# Test n < 0
             with self.assertRaises(ValueError):
                 self.solver.tabulate_polynomial(-1, 10, 1)
             \# Test t_max < 0
             with self.assertRaises(ValueError):
```

```
self.solver.tabulate_polynomial(2, -1, 1)
    # Test t_step < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.tabulate_polynomial(2, 10, -1)
def test_find_optimal_t(self):
    # Test find_optimal_t method
    result, df = self.solver.find_optimal_t(20, 1e-3, 100, 1000)
    self.assertAlmostEqual(result, 79.07907907907908, places=4)
    self.assertEqual(df.shape, (21, 1))
    self.assertAlmostEqual(df.iloc[0, 0], 9.066137838279844e-35, places=4)
    self.assertAlmostEqual(df.iloc[20, 0], 0.0009699020960047245, places=4)
    \# Test n_max < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.find_optimal_t(-1, 1e-3, 100, 1000)
    # Test epsilon < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.find_optimal_t(20, -1e-3, 100, 1000)
    \# Test t max < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.find_optimal_t(20, 1e-3, -100, 1000)
    # Test t_points < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.find_optimal_t(20, 1e-3, 100, -1000)
def test_solve_laguerre_transform(self):
    # Test solve_laguerre_transform method
    result = self.solver.solve_laguerre_transform(lambda x: x**2, 2)
    self.assertAlmostEqual(result, 0.5431555555545893, places=4)
    \# Test n_max < 0
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.solve_laguerre_transform(lambda x: x**2, -1)
    # Test int_points < 0</pre>
    with self.assertRaises(ValueError):
        self.solver.solve_laguerre_transform(lambda x: x**2, 2, -10000)
def test_tabulate_laguerre_transform(self):
```

```
# Test tabulate_laquerre_transform method
       result = self.solver.tabulate_laguerre_transform(lambda x: x**2, 2, __
\rightarrow 10000)
       self.assertEqual(result.shape, (2, 1))
       self.assertAlmostEqual(result.iloc[0, 0], 0.14813332817992056, places=4)
       self.assertAlmostEqual(result.iloc[1, 0], -0.44439999999445956, places=4)
       \# Test n_max < 0
       with self.assertRaises(ValueError):
           self.solver.tabulate_laguerre_transform(lambda x: x**2, -1, 10000)
       # Test int_points < 0</pre>
       with self.assertRaises(ValueError):
           self.solver.tabulate_laguerre_transform(lambda x: x**2, 2, -10000)
   def test_solve_inverse_laguerre_transform(self):
       # Test solve_inverse_laguerre_transform method
       result = self.solver.solve_inverse_laguerre_transform([1, 2, 3], 2)
       self.assertAlmostEqual(result, 10.285481525982567, places=4)
   def tearDown(self) -> None:
       del self.solver
```

# Реалізація класу, що створює графіки до многочленів Лагера

```
plt.figure(figsize=(12, 8))
       for n in range(0, n_max + 1):
           l_n_tabulation = self.tabulate_polynomial(
               t_max=t_max,
               t_step=t_step
           plt.plot(l_n_tabulation.index, l_n_tabulation[f'L_{n}'],__
\rightarrowlabel='$L_{'} + str(n) + '}$')
       plt.title('Многочлени Лагерра')
       plt.xlabel('t')
       plt.ylabel('$L_n(t)$')
       plt.grid()
       plt.legend(
           loc='upper left',
           bbox_to_anchor=(-0.2, 1)
       )
       plt.show()
   def plot_laguerre_transform(
           self,
           f: Callable[[float], float],
           n_max: int,
           t_max: float = np.pi * 2,
           t_step: float = 0.01,
           int_points: int = 10000,
   ) -> None:
       Функція для побудови графіку перетворення Лаґерра
                            Функція, яку перетворюємо
       :param f:
       :param n_max:
                           Верхня межа степеня многочлена Лагерра (N)
       :param t_max:
                           Максимальне значення аргументу
       :param t_step:
                           Крок аргументу
       :param int_points: Кількість точок для інтегрування
       :return:
                           None
       # Обчислення послідовності h
       laguerre_transform_tabulation_values = self.tabulate_laguerre_transform(
```

```
f=f,
    n_max=n_max,
    int_points=int_points,
h = laguerre_transform_tabulation_values['L_n'].tolist()
# Табулювання
T = np.arange(0, t_max, t_step)
inverse_laguerre_transform_tabulation = pd.DataFrame(
    data={
        't': T,
        'h': [self.solve_inverse_laguerre_transform(h=h, t=t) for t in T]
).set_index('t')
# Побудова графіків
plt.figure(figsize=(12, 8))
plt.subplots_adjust(hspace=0.5)
plt.suptitle(f'\Gammapa\phiix \ \\widetilde{\{f\}}^N(t), t\\in[0, {t_max}]$')
# Перетворення Лаґерра
plt.subplot(2, 1, 1)
plt.plot(
    laguerre_transform_tabulation_values.index,
    laguerre_transform_tabulation_values['L_n'],
plt.title(f'Перетворення Лагерра, N = {n_max}')
plt.xlabel('n')
plt.ylabel(r'$L_{N}$')
plt.grid()
# Обернене перетворення Лаґерра
plt.subplot(2, 1, 2)
initial_function_tabulation = pd.DataFrame(
    data={
        't': T,
        'f': [f(t) for t in T]
).set_index('t')
plt.plot(
    initial_function_tabulation.index,
    initial_function_tabulation['f'],
    label='Початкова функція',
    linewidth=6,
    color='black',
    alpha=0.25
)
```

```
plt.plot(
    inverse_laguerre_transform_tabulation.index,
    inverse_laguerre_transform_tabulation['h'],
    label='O6ернене перетворення Лаґерра',
    linewidth=1,
    color='green'
)

plt.title('Обернене перетворення Лаґерра')
plt.xlabel('t')
plt.ylabel(r'$\widetilde{f}^N(t)$')
plt.legend()
plt.grid()

plt.show()
```

## Реалізація класу графічного інтерфейсу користувача

```
[8]: class LaguerreUI(LaguerrePlotter):
         def interactive_polynomial_solve(self):
             return widgets.interact(
                 self.solve_polynomial,
                 t=widgets.FloatSlider(
                     value=2,
                     min=0,
                     \max=10,
                     step=0.1,
                     description='t'
                 ),
                 n=widgets.IntSlider(
                     value=2,
                     min=0,
                     \max=20,
                     step=1,
                     description='n'
                 )
             )
         def interactive_tabulate_polynomial(self):
             return widgets.interact(
                 self.tabulate_polynomial,
                 n=widgets.IntSlider(
                     value=2,
                     min=0,
```

```
\max=20,
               step=1,
               description='n'
           ),
           t_max=widgets.FloatSlider(
               value=5,
               min=0,
               max=10,
               step=0.1,
               description='Makc. t'
           ),
           t_step=widgets.FloatSlider(
               value=0.1,
               min=0.1,
               \max=1,
               step=0.1,
               description='Kpok t'
       )
   def interactive_solve_laguerre_transform(self, f: Callable[[float], float]):
       return widgets.interact(
           self.solve_laguerre_transform,
           f=widgets.fixed(f),
           n_max=widgets.IntSlider(
               value=20,
               min=0,
               \max=20,
               step=1,
               description='Makc. n'
           int_points=widgets.IntSlider(
               value=10000,
               min=1,
               max=100000,
               step=1000,
               description='K-сть інтервалів розбиття для інтегрування'
           ),
       )
   def interactive_tabulate_laguerre_transform(self, f: Callable[[float],__
→float]):
       return widgets.interact(
           self.tabulate_laguerre_transform,
           f=widgets.fixed(f),
```

```
n_max=widgets.IntSlider(
            value=20,
            min=0,
            \max=20,
            step=1,
            description='Makc. n'
        ),
        int_points=widgets.IntSlider(
            value=10000,
            min=1,
            \max = 100000,
            step=1000,
            description='K-сть інтервалів розбиття для інтегрування'
        ),
    )
def interactive_solve_inverse_laguerre_transform(self, h: list[float]):
    return widgets.interact(
        self.solve_inverse_laguerre_transform,
        h=widgets.fixed(h),
        t=widgets.FloatSlider(
            value=2,
            min=0,
            max=10,
            step=0.1,
            description='t'
        ),
    )
def interactive_plot_laguerre_polynomials(self):
    return widgets.interact(
        self.plot_laguerre_polynomials,
        t_max=widgets.FloatSlider(
            value=10,
            min=0,
            \max=20,
            step=0.1,
            description='Makc. t'
        ),
        n_max=widgets.IntSlider(
            value=20,
            min=0,
            \max=20,
            step=1,
            description='Makc. n'
```

```
t_step=widgets.FloatSlider(
            value=0.1,
            min=0.1,
            \max=1,
            step=0.1,
            description='Kpok t'
        )
    )
def interactive_plot_laguerre_transform(self, f: Callable[[float], float]):
    return widgets.interact(
        self.plot_laguerre_transform,
        f=widgets.fixed(f),
        n_max=widgets.IntSlider(
            value=20,
            min=0,
            max=20,
            step=1,
            description='Makc. n'
        ),
        t_max=widgets.FloatSlider(
            value=10,
            min=0,
            \max=20,
            step=0.1,
            description='Makc. t'
        t_step=widgets.FloatSlider(
            value=0.1,
            min=0.1,
            \max=1,
            step=0.1,
            description='Kpok t'
        ),
        int_points=widgets.IntSlider(
            value=10000,
            min=1,
            \max=100000,
            step=1000,
            description='K-сть інтервалів розбиття для інтегрування'
        ),
    )
```

#### Unit тестування модулів програми

```
[9]: unittest.main(argv=[''], verbosity=2, exit=False)
     test_solve (__main__.TestIntegralSolver.test_solve) ... ok
     test_constructor (__main__.TestLaguerreSolver.test_constructor) ... ok
     test_find_optimal_t (__main__.TestLaguerreSolver.test_find_optimal_t) ... ok
     test_solve_inverse_laguerre_transform
     (__main__.TestLaguerreSolver.test_solve_inverse_laguerre_transform) ... ok
     test_solve_laguerre_transform
     (__main__.TestLaguerreSolver.test_solve_laguerre_transform) ... ok
     test_solve_polynomial (__main__.TestLaguerreSolver.test_solve_polynomial) ... ok
     test_tabulate_laguerre_transform
     (__main__.TestLaguerreSolver.test_tabulate_laguerre_transform) ... ok
     test_tabulate_polynomial (__main__.TestLaguerreSolver.test_tabulate_polynomial)
     ... ok
     Ran 8 tests in 0.161s
     OK
 [9]: <unittest.main.TestProgram at 0x11fb1a150>
     1.5.1 Многочлени Лаґерра
     Функція, що обчислює многочлен Лаґерра порядку n, для заданого значення аргументу t та
     параметрів beta та sigma
[10]: # Створення об'єкту класу для обрахунку многочленів Лаґерра
      solver = LaguerreSolver(2, 4)
      # Створення об'єкту класу для графічного інтерфейсу
      ui = LaguerreUI(2, 4)
```

```
[11]: ui.interactive_polynomial_solve()
```

interactive(children=(FloatSlider(value=2.0, description='t', max=10.0), →IntSlider(value=2, description='n', m...

[11]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
bda>(\*args, \*\*kwargs)>



#### 4.601399630044832

#### 1.5.2 Табуляція многочленів Лаґерра

Функція, що табулює многочлен Лаґерра порядку n від 0 до t тах



	L_2
t	
0.0	2.000000
0.1	0.506709
0.2	-0.458489
0.3	-1.007513
0.4	-1.233389
0.5	-1.213061
0.6	-1.009813
0.7	-0.675356
8.0	-0.251624
0.9	0.227679
1.0	0.735759
1.1	1.251595
12	1758974

#### 1.5.3 Обчислювальний експеримент

Функція, що визначає найменше значення аргументу t, при якому всі поліноми Лаґерра порядку від 0 до  $n_m$ ax — менші за epsilon

```
[13]: t, df = solver.find_optimal_t()
print(f'Оптимальне значення t: {t}')
```

df

Оптимальне значення t: 79.07907907907908

```
[13]:
                  L_n
     n
      0
         9.066138e-35
      1
       -2.858701e-32
         4.478343e-30
      2
      3 -4.647081e-28
        3.593209e-26
      5 -2.208132e-24
        1.123332e-22
      6
      7 -4.865604e-21
        1.831625e-19
      9 -6.087176e-18
      10 1.808168e-16
      11 -4.848845e-15
      12 1.183547e-13
      13 -2.647728e-12
      14 5.460659e-11
      15 -1.043487e-09
      16 1.855654e-08
      17 -3.082750e-07
      18 4.800407e-06
      19 -7.027805e-05
      20 9.699021e-04
```

#### 1.5.4 Обчислення значень інтегралів

Функція для обчислення прямого перетворення Лаґерра за допомогою апроксимації інтегралу методом прямокутників

```
[14]: ui.interactive_solve_laguerre_transform(lambda t: np.exp(-t ** 2))

interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Makc. n', max=20), 

intSlider(value=10000, description='...

[14]: <function ipywidgets.widgets.interaction._InteractFactory.__call__.<locals>.<lambda>(*args, **kwargs)>
```

Макс. n 20 K-сть інте... 10001

# 0.008768237778468663

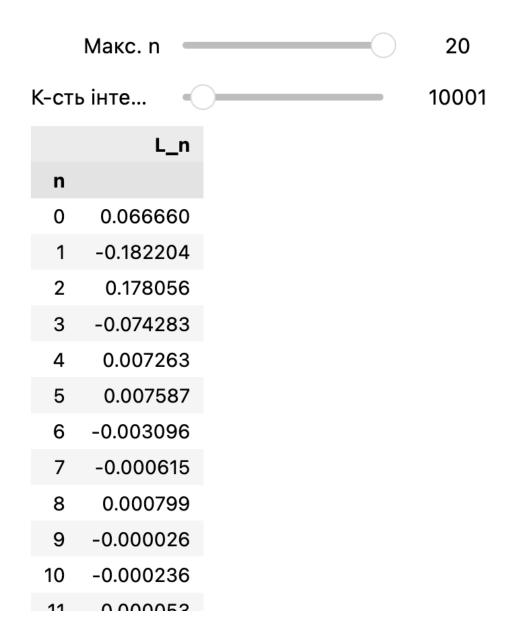
#### 1.5.5 Перетворення Лаґерра

Функція для табулювання прямого перетворення Лаґерра порядку від 0 до n тах

```
[15]: # Табулювання
ui.interactive_tabulate_laguerre_transform(f_1)
```

interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Maxc. n', max=20),  $\sqcup$   $\sqcup$  IntSlider(value=10000, description='...

[15]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>



#### 1.5.6 Обернене перетворення Лаґерра

Функція для обчислення оберненого перетворення Лаґерра. Приймає послідовність коєфіцієнтів h, які можна отримати з табуляції перетворення Лаґерра

```
[16]: # Отримуемо послідовність h з табуляції перетворення Лаґерра
h = solver.tabulate_laguerre_transform(
    f=f_1,
    n_max=20,
    int_points=10000
) ['L_n'].tolist()

ui.interactive_solve_inverse_laguerre_transform(h)
```

[16]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>

t — 2.00

## 1.4159688430387627

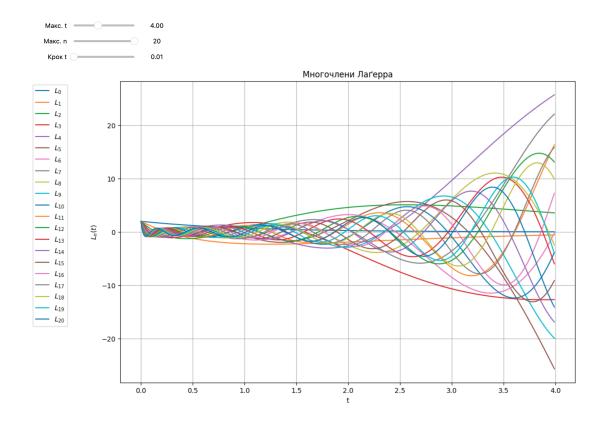
#### 1.5.7 Графік функції Лаґерра

Функція для побудови графіку многочленів Лаґерра порядку від 0 до n max

[17]: ui.interactive\_plot\_laguerre\_polynomials()

interactive(children=(FloatSlider(value=10.0, description='Maxc. t', max=20.0), →IntSlider(value=20, descriptio...

[17]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>



# 1.5.8 Графік $\widetilde{f_1}^N(t)$

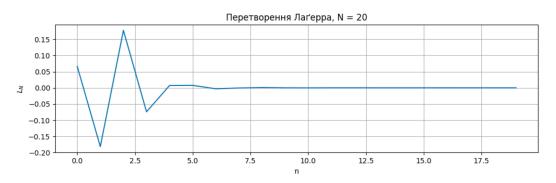
[18]: ui.interactive\_plot\_laguerre\_transform(f\_1)

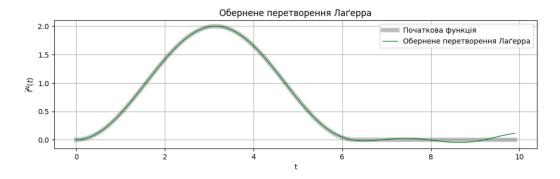
interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Maxc. n', max=20),  $_{\sqcup}$   $_{\hookrightarrow}$ FloatSlider(value=10.0, description=...

[18]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>



Графік  $\tilde{f}^{\text{N}}(t)$ ,  $t \in [0, 10.0]$ 





Графік  $\widetilde{f_2}^N(t)$ 

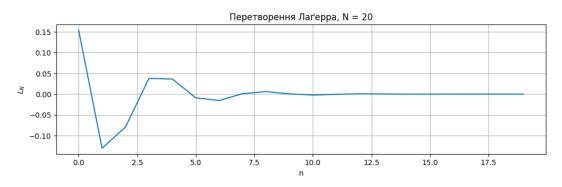
[19]: ui.interactive\_plot\_laguerre\_transform(f\_2)

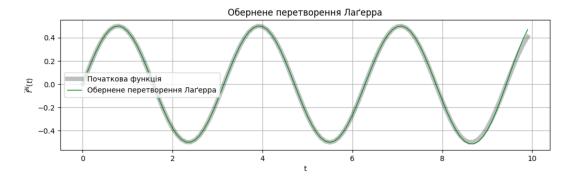
interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Maxc. n', max=20),  $_{\sqcup}$   $_{\hookrightarrow}$ FloatSlider(value=10.0, description=...

[19]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>



Графік  $\tilde{f}^{\text{V}}(t)$ ,  $t \in [0, 10.0]$ 





Графік  $\widetilde{f_3}^N(t)$ 

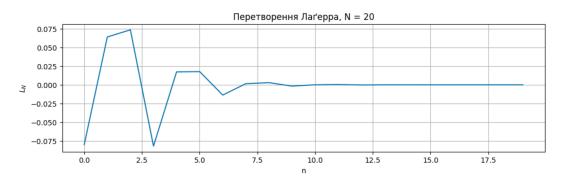
[20]: ui.interactive\_plot\_laguerre\_transform(f\_3)

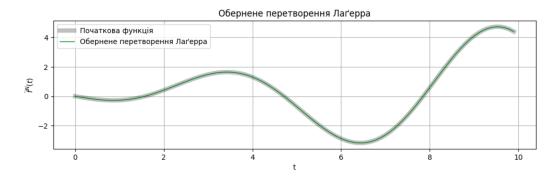
interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Maxc. n', max=20),  $_{\sqcup}$   $_{\hookrightarrow}$ FloatSlider(value=10.0, description=...

[20]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
 bda>(\*args, \*\*kwargs)>



Графік  $\tilde{f}^{N}(t)$ ,  $t \in [0, 10.0]$ 





Графік  $\widetilde{f_4}^N(t)$ 

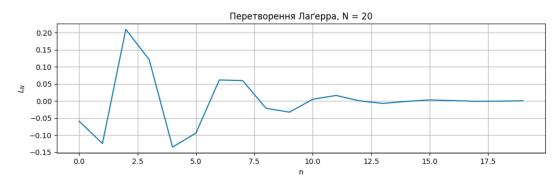
[21]: ui.interactive\_plot\_laguerre\_transform(f\_4)

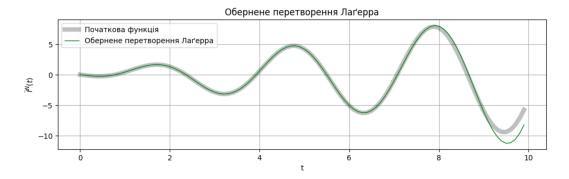
interactive(children=(IntSlider(value=20, description='Maxc. n', max=20),  $_{\sqcup}$   $_{\hookrightarrow}$ FloatSlider(value=10.0, description=...

[21]: <function ipywidgets.widgets.interaction.\_InteractFactory.\_\_call\_\_.<locals>.<lam
bda>(\*args, \*\*kwargs)>



Графік  $\tilde{f}^{N}(t)$ ,  $t \in [0, 10.0]$ 





#### Висновок

У лабораторній роботі було розглянуто використання многочленів Лаґерра у контексті обчислення їхнього прямого та оберненого перетворення. Були реалізовані функції для обчислення многочленів, їхньої табуляції, проведення обчислювального експерименту для знаходження оптимального значення аргументу t та обчислення перетворень.

В результаті роботи було показано, як можна використовувати многочлени Лаґерра для перетворення функцій та як здійснювати обернене перетворення для відновлення початкових функцій. Проведено аналіз та вивчення залежностей між параметрами многочленів Лаґерра та їхніми властивостями.

Окремий акцент був зроблений на побудові графіків многочленів Лаґерра для різних значень степенів. Це дозволило візуально спостерігати їхні властивості та залежність від параметрів.

Також було проведено аналіз чотирьох функцій. Для них було побудовано графіки перетворення Лаґерра та оберненого перетворення, що дозволило візуально спостерігати схожість графіку оберненого перетворення та початкової функції.

Отже, лабораторна робота надала можливість здобути практичні навички використання многочленів Лаґерра, використовуючи об'єктно-орієнтований підхід розробки програмного забезпечення.