UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI PARMA FACOLTÀ DI INGEGNERIA

CORSO DI LAUREA SPECIALISTICA IN INGEGNERIA INFORMATICA

ELABORAZIONE DI MAPPE ACUSTICHE TRAMITE ARRAY MICROFONICI

Relatore:

Chiar.mo Prof. ANGELO FARINA

Correlatore:

Dott. Ing. SIMONE CAMPANINI

Tesi di laurea di: LORENZO ROTTEGLIA

ANNO ACCADEMICO 2012-2013



Indice

1	Premessa			
2	Elei	menti di acustica	3	
	2.1	Introduzione	3	
	2.2	Grandezze fondamentali	3	
		2.2.1 Frequenza e Periodo	4	
		2.2.2 Velocità di propagazione e lunghezza d'onda	5	
2.3 Onde acustiche				
		2.3.1 La scala dei Decibell	6	
		2.3.2 livello di pressione	8	
		2.3.3 Livello equivalente	8	
2.4 Sistema uditivo umano				
		2.4.1 Effetti di non linearità dell'orecchio umano	9	
		2.4.2 Bande frequenziali	12	
		2.4.3 Filtri di ponderazione	12	
3	Arr	ay microfonici	14	
	3.1	Array sferico: Eigenmike	14	
	3.2	Array cilindrico	14	
	3.3	Array planare	14	
4	Sint	tesi di microfoni virtuali	15	
	4.1	Elaborazione dei segnali microfonici	15	
	4.2	Sistema di Elaborazione	15	
	4.3	Implementazione del calcolo convolutivo	1.5	

Indice

5	Am	biente di Sviluppo: l'host Audacity	16
	5.1	Libreria per la costruzione di interfacce grafiche $WxWidgets$	16
	5.2	Altre librerie	16
	5.3	Libreria per elaborazione audio-video: ffmpeg	16
6	Det	tagli di Implementazione	17
	6.1	Elaborazione numerica del suono	17
	6.2	Acquisizione del video	17
	6.3	Livello di fondo scala	17
	6.4	Mirroring dei microfoni virtuali	18
	6.5	Meshing della superficie	18
	6.6	Interpolazione dei valori acquisiti e filtraggio in bande d'ottava	18
	6.7	Mappatura con scale cromatiche dei livelli acquisiti e auto-scaling	18
	6.8	Esportazione dei risultati	18
7	Des	crizione plug-in: un manuale d'uso	19
	7.1	Configuration Dialog	19
	7.2	Interfaccia	19
	7.3	Selezione dell'intervallo temporale da analizzare	19
8	Con	aclusioni	20
\mathbf{A}	App	pendice	21
	A.1	Propagazione di onde sonore	21
	A.2	Intensità, densità di energia e potenza	23
	A.3	Livelli sonori	24
	A.4	Curve di ponderazione	26
	A.5	Trasformata di Fourier	26

Elenco delle figure

2.1	1 Moto delle particelle di un fluido elastico compresse e decompresse		
	alternativamente da un pistone, creando l'onda sonora	4	
2.2	Livello sonoro di una sorgente intermittente e relativo livello equi-		
	valente $Leq.$	9	
2.3	Apparato acustico umano	10	
2.4	Risposta non lineare della coclea	10	
2.5	Grafico delle curve isofoniche	11	
2.6	Grafico delle curve di ponderazione	13	

Elenco delle tabelle

2.1	Velocità del suono in alcuni mezzi (fonte:)	5
2.2	Valori di pressione e di SPL relativi a alcuni suoni comuni	7
2.3	Definizione delle diverse bande e relative frequenze di centro-banda	
	per le due diverse analisi descritte	13

Premessa

Il presente progetto di tesi si pone l'obiettivo mappare il campo acustico dinamico di un ambiente (interno o esterno) tramite una sonda, nella fattispecie un array microfonico. Il risultato richiesto quindi è quello di ottenere un videoclip composto dalla sovrapposizione di:

un videoclip di sfondo ottenuto da una particolare videocamera, che rappresenti l'ambiente circostante e contenente quindi un informazione visiva.

la mappa acustica dinamica composta di bande colorate rappresentanti i livelli sonori istantanei nel campo acustico.

eventuali *metadata* quali le posizioni delle singole capsule microfoniche dell'array, o i valori dei livelli sonori in determinate posizioni di interesse.

Si tratta di un plug-in scritto per l'ambiente di editing audio Audacity¹, celebre software open-source in grado di registrare e elaborare segnali audio, e genera da essi una mappa acustica, composta da bande di colore che corrispondono ai diversi livelli sonori attorno all'array sonda, posto nell'ambiente di misura. Questo tipo di tool può avere svariate applicazioni tecnologiche in quanto è in grado di rendere visibile i campi sonori i quali contengono invece una informazione di tipo uditivo. La potenza di questa operazione sinestetica di traduzione di un'informazione visiva in una uditiva, risiede principalmente nella maggior ap-

prezzabilità delle grandi qualità di definizione spaziale degli array microfonici.

¹http://audacity.sourceforge.net/?lang=it

Dal punto di vista applicativo, il sistema sviluppato può essere di estrema utilità nella precisa individuazione di sorgenti sonore, nonchè nella misura delle loro emissioni. Basti pensare per esempio ad ambienti di tipo industriale, nei quali spesso il campo acustico è complesso e generato da molteplici e varie sorgenti che spesso risultano difficili da individuare con precisione. Un altro esempio calzante riguarda gli ambienti molto ristretti come gli abitacoli di automobili o aereoplani il cui confort è una specifica di progetto che attualmente ricopre un notevole interesse.

In particolare, la principale espansione da me svolta durante questa tesi, rende il software in grado di generare una mappa dinamica riflettendo i cambiamenti del campo acustico attorno alla sonda istante per istante e sovrapponendo questo risultato a un video di sfondo, posto in trasparenza e acquisito mediante telecamere installate appositamente sulle sonde utilizzate e raffigurante l'ambiente stesso di misura.

Di seguito, in sintesi, il contenuto:

- Capitolo 2 richiami teorici sulla acustica di base e riguardo alcune proprieta fisiche del suono, ausilio fondamentale a tutta la trattazione successiva.
- Capitolo 3 introduzione agli array microfonici come tecnica di misura dei campi acustici e delle loro proprietà spaziali di direttività e direzionalità.
- Capitolo 4 concetto di microfono virtuale e relativa sintesi a partire da registrazioni multicanale, ovvero possibilità offerte da questo artificio nella fattispecie riguardo al campionamento spaziale di un campo acustico.
- Capitolo 5 descrizione dell'ambiente software definito dal programma host scelto (Audacity) e librerie esterne utilizzate, per elaborazioni grafiche, audio nonchè per garantire una portabilità multipiattaforma.
- Capitolo 6 dettagli sul funzionamento interno del *plug-in*, algoritmi utilizzati e flusso di lavoro.
- Capitolo 7 breve manuale d'uso per un utilizzatore del *plug-in*, possibili analisi e parametri significativi.

Elementi di acustica

2.1 Introduzione

Nel presente capitolo verranno fornite le nozioni di base riguardanti i principi fisici fondamentali della fisica del suono.

Partendo dalle grandezze fondamentali che caratterizzano l'analisi del fenomeno sonoro, si parlerà della descrizione delle diverse onde sonore per arrivare a una descrizione di campo acustico di cui si cerca di fornire una mappa visiva.

2.2 Grandezze fondamentali

Il fenomeno sonoro si genera dalla variazione di pressione in un mezzo materiale elastico (fluido o solido) la quale si propaga senza trasporto di materia. Le
molecole del mezzo in cui si propagano i suoni, si muovono parallelamente alla
direzione di propagazione. Un'onda sonora che viaggi attraverso l'aria non è altro
che una successione di rarefazioni e compressioni di piccole porzioni d'aria; ogni
singola molecola trasferisce energia alle molecole adiacenti e, dopo il passaggio
dell'onda, ritorna pressappoco nella sua posizione iniziale.

Consideriamo l'esempio di un fluido che viene compresso dal movimento armonico di un pistone come rappresentato in Figura 2.1. Le particelle del fluido adiacenti alla superficie del pistone saranno spostate dal suo movimento verso le particelle subito adiacenti a esse e si verificherà quindi una compressione locale. Subito dopo il pistone retrocederà lasciando un spazio libero dietro di sé che

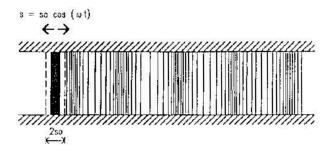


Figura 2.1: Moto delle particelle di un fluido elastico compresse e decompresse alternativamente da un pistone, creando l'onda sonora.

tenderà a richiamare le particelle che erano state spinte inizialmente, mente le particelle adiacenti ad esse continueranno il loro movimento nella direzione opposta creando una regione di decompressione locale adiacente al pistone. Questo andamento alternativo creerà il fenomeno ondulatorio il quale viene denominato onda sonora nel momento in cui viene percepito dalle nostre orecchie.

2.2.1 Frequenza e Periodo

Riferendoci per comodità all'esempio precedente, Il moto armonico del pistone è caratterizzato dalla frequenza f con cui la superficie piana si muove. La frequenza indica il numero di cicli compiuti dalla superficie piana in un secondo e viene espressa in hertz(Hz); il tempo necessario a compiere uno di questi cicli è detto periodo e viene indicato con il simbolo T. Risulta intuitivo quindi capire che frequenza e periodo siano legati dalla relazione seguente:

$$T = \frac{1}{f} \tag{2.1}$$

Se la frequenza del fenomeno è compresa tra 20 e 20000Hz, la perturbazione è percepibile dall'orecchio dell'uomo e si parlerà di fenomeno acustico o sonoro. Un suono caratterizzato da una funzione di variazione di pressione sinusoidale a frequenza costante, come quello dell'esempio, è detto tono~puro. I rumori presenti in natura invece sono formati da varie componenti tonali pure sovrapposte. Queste onde sovrapposte concorreranno quindi nel formare una forma~d'onda complessa che avrà frequenza proporzionale alle frequenze componenti.

Materiale	$Densità \ \rho \ [kg/m^3]$	$Velocità\ del\ suono\ c\ [m/s]$
Acciao	7800	5000
Alluminio	2700	5820
Calcestruzzo	$2000 \div 2600$	$3500 \div 5000$
Gomma	$1010 \div 1250$	$35 \div 230$
Legno	$400 \div 700$	3300
Marmo	2600	3800
Mattoni pieni	2100	3600
Piombo	11300	1260
Rame	8900	4500
Sabbia	1600	$1400 \div 2600$
Stagno	7280	4900
Sughero	240	480
Vetro	$2300 \div 5000$	$4000 \div 5000$
Zinco	7100	3750

Tabella 2.1: Velocità del suono in alcuni mezzi (fonte:).

Il nostro orecchio è particolarmente abile nel percepire le variazioni di frequenza e le relazioni tra le varie componenti frequenziali presenti in un suono. Queste componenti vengono dette armoniche. Se le armoniche sono multiple intere le une delle altre allora di avrà un effetto musicale piacevole detto consonanza, in caso contrario si otterrà un suono poco armonioso (addirittura in certi casi dall'altezza indeterminata) detto dissonanza.

2.2.2 Velocità di propagazione e lunghezza d'onda

Le proprietà elastiche e la massa del mezzo fluido stabiliscono la velocità con cui la perturbazione si trasmette. Chiamando c la questa velocità di propagazione dell'onda acustica sono riportate nella tabella 2.1 alcune velocità in differenti mezzi elastici.

Tenendo come riferimento sempre l'esempio di Figura 2.1, definiamo come $lunghezza\ d'onda\ \lambda$ la distanza tra due picchi di compressione del mezzo elastico.

Perciò fissata la frequenza f del moto armonico del pistone, λ dipende dal valore della velocità c_0 secondo la relazione:

$$\lambda = \frac{c_0}{f} \tag{2.2}$$

2.3 Onde acustiche

I fenomeni acustici consistono essenzialmente di una perturbazione di pressione che si propaga in un mezzo in equilibrio. Ciò che caratterizza il fenomeno è l'entità di questa perturbazione rispetto a un valore di equilibrio preso come riferimento. Nel caso applicativo più frequente, la propagazione nell'aria, si prende come riferimento la pressione atmosferica.

Essendo P_0 la pressione di riferimento del mezzo, la pressione acustica istantanea viene definita come segue:

$$p(t) = p'(t) - P_0 (2.3)$$

dove p'(t) è il valore di pressione atmosferica nell'istante t in un punto dato in cui si vuole misurare la pressione acustica.

2.3.1 La scala dei Decibell

Il valore minimo di perturbazione di pressione p_0 udibile, secondo la definizione ??, è variabile da persona a persona, ma nella normativa viene considerato

$$p_0 = 20 \ \mu Pa,$$
 (2.4)

Invece i valori massimi a cui il sistema uditivo viene sottoposto sono dell'ordine delle centinaia di Pa! Normalmente viene considerata come soglia del dolore

$$P_{max} = 20 Pa, \tag{2.5}$$

ma si pensi che alcuni rumori della vita quotidiana superano di gran lunga questa soglia. Sono stati riportati nella tabella 2.2 alcuni valori di pressione in Pascal relativi a suoni comuni.

Evento sonoro	Variazione di pressione	Livello di pressione
	[Pa]	(SPL) $[dB]$
Jet militare al decollo, 50m	200	150
Arma da fuoco, 3m	63	130
Concerto rock, 2m	20	120
Motosega, 1m	14	117
Passaggio di un Aeroplano	6,3	110
Clacson, 7m	2	100
Metropolitana, interno	1	94
Strada trafficata, 1m	$2\cdot 10^{-1}$	80
Automobile, interno	$6 \cdot 10^{-2}$	70
Conversazione	$2\cdot 10^{-2}$	60
Ambiente casalingo	$2\cdot 10^{-3}$	40
Stormire delle foglie	$2\cdot 10^{-4}$	20
Soglia di udibilità	$2\cdot 10^{-5}$	0

Tabella 2.2: Valori di pressione e di SPL relativi a alcuni suoni comuni.

Dunque è evidente che la dinamica a cui è sottoposto l'apparato acustico umano, e che quindi è necessario misurare, è molto ampia. Infatti:

$$\frac{P_{max}}{P_{min}} = \frac{200 \ Pa}{2 \cdot 10^{-5} \ Pa} = 10^7 \tag{2.6}$$

Per evitare quindi di utilizzare sette ordini di grandezza, nonché per rispettare le proprietà di non linearità della risposta dell'apparato acustico umano¹, viene introdotta la scala logaritmica dei decibell. Data una grandezza da misurare G e un suo valore di riferimento g_0 rispetto al quale effettuare al misura si definisce il decibell (dB) come:

grandezza in
$$dB = 10 \cdot \log \left(\frac{G}{g_0} \right)$$
 (2.7)

Perciò il dB non rappresenta un unità di misura ma semplicemente una scala logaritmica con cui rappresentare il valore. La scala dei decibel può quindi essere applicata a qualunque grandezza. Nel momento in cui essa viene applicata alla

¹Vedi sezione 2.4.1

variazione di pressione di un suono si parla di Livello di Pressione (o Sound Pressure Level SPL).

2.3.2 livello di pressione

Quasi mai in acustica si fa riferimento alla pressione direttamente in Pascal, si usa piuttosto misurare in dB e, per dare un significato energetico alla misura, si usa considerare il quadrato del valore di variazione di pressione. Si definisce quindi il livello di pressione acustica L (o SPL: Sound Pressure Level):

$$L = \log\left(\frac{p^2}{p_0^2}\right) dB,\tag{2.8}$$

o più comunemente

$$L = 20 \cdot \log\left(\frac{p}{p_0}\right) dB,\tag{2.9}$$

dove p_0 sia il valore di pressione di riferimento per l'atmosfera, scelto dal sistema internazionale uguale a 20 μPa che corrisponde alla soglia di udibilità a 1000 Hz 2

2.3.3 Livello equivalente

In applicazioni reali, usualmente ci si trova in presenza di sorgenti con un valore SPL non costante nel tempo di cui occorre valutare la rumorosità. Descrivendo il fenomeno sonoro con la funzione matematica che ne regola l'andamento del livello, otteniamo una valutazione precisa in un dato istante. Questo però non ci fornisce un'informazione sulla rumorosità globale. Se ad esempio avessimo una sorgente che si accende ad intermittenza, conoscere esattamente l'andamento del tempo non aiuterebbe nel valutare il livello sonoro che la sorgente produce in un determinato tempo. Si definisce quindi un livello equivalente che si calcola come:

$$L_{EQ} = 10 \log \left(\frac{1}{T} \int_0^T \frac{p^2(t)}{p_0^2} dt \right)$$
 (2.10)

Il livello equivalente rappresenta una sorta di media del livello sonoro sul periodo di tempo T considerato. In Figura 2.2 è rappresentato l'andamento

 $^{^2\}mathrm{Per}$ una spiegazione più dettagliata sui livelli sonori si veda l'appendice $\,$ A.3

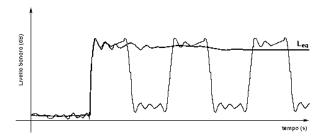


Figura 2.2: Livello sonoro di una sorgente intermittente e relativo livello equivalente Leq.

(quantitativo) del livello emesso da una sorgente intermittente ed il corrispondente livello equivalente:

Come si vede dal grafico, il livello equivalente raggiunge valori sempre più stabili all'aumentare della lunghezza della finestra di integrazione considerata. L'importanza di questo valore misurbile è quella di consentirci di quantificare il livello sonoro complessivo emesso da una sorgente in un determinato intervallo di tempo, attraverso un unico numero. Infatti il livello equivalente è usato nella legislazione come riferimento principale sul quale normare il rumore. In particolare la legge italiana stabilisce tre intervalli di tempo diversi per effettuare le rilevazioni:

dalle 6:00 alle 22:00 corrispondente al periodo diurno.

dalle 22:00 alle 6:00 corrispondente al periodo notturno.

8 ore che corrispondono a una giornata lavorativa. Da utilizzare per normare la rumorosità sul luovo di lavoro.

2.4 Sistema uditivo umano

l'apparato uditivo umano, come si evince dalla Figura 2.3, è molto complesso e composto da moltissimi elementi dalle svariate funzioni, ognuno dei quali influisce sulla percezione acustica in maniera rilevante e addirittura alcuni degli effetti legati alla sensazione uditiva, che vengono chiamati *psicoaustici*, riguardano la sola interpretazione, da parte del cervello, dei segnali elettrochimici provenienti

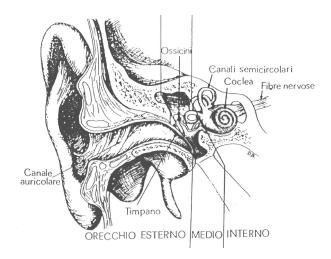


Figura 2.3: Apparato acustico umano.

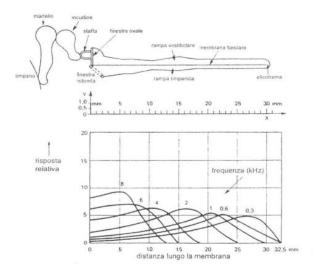


Figura 2.4: Risposta non lineare della coclea

dall'apparato uditivo.

In questa sede ci interessano solamente alcuni effetti di non linearità dell'apparato uditivo, le quali comportano conseguenze fondamentali nelle modalità di analisi di un qualsiasi fenomeno sonoro, quali la descrizione mediante suddivisione in bande frequenziali e l'introduzione dei filtri di ponderazione, che verranno descritti successivamente.

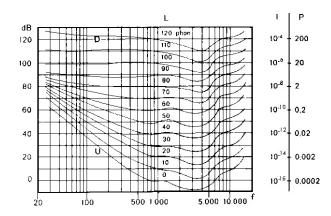


Figura 2.5: Grafico delle curve isofoniche

2.4.1 Effetti di non linearità dell'orecchio umano

Uno degli organi sensoriali principali dell'apparato acustico è la *coclea* rappresentata in Figura 2.4; è lei la responsabile di gran parte degli effetti non lineari di cui discuteremo in seguito.

Sezionando la coclea, si trova una sorta di doppia lamina la quale è caratterizzata da una diversa sensiblità lungo la sua estensione, a seconda delle frequenze di eccitazione del segnale acustico, alla maniera, ad esempio, di una corda o di una frusta. Si osservi nel grafico di figura 2.4 come le basse frequenze interessino la parte terminale mentre le alte frequenze la parte iniziale. Si evince facilmente inoltre che due rumori con bande sovrapposte (in tutto o in parte) si mascherino in modo tale che il segnale di maggiore intensità copra il segnale più debole, a meno che quest'ultimo non abbia una larghezza di banda sufficientemente larga.

Per il sopraccitato ed altri motivi che non approfondiremo in questa sede, il sistema uditivo umano presenta una sensibilità meno accentuata alle frequenze molto basse (poche decine di Hz) ed a quelle elevate (oltre i 15kHz). Inoltre per procurare la stessa sensazione sonora (che si misura in phon) occorrono, a frequenze diverse, livelli di pressioni sonore diverse, allo stesso modo suoni di stessa intensità ma frequenza diversa vengono percepiti dall'orecchio in modo diverso³. Tutti questi effetti sono osservabili nel grafico in Figura 2.5.

Essendo dunque tutto il sistema uditivo umano molto soggetto, nella sua risposta all'eccitamento acustico, alla frequenza dell'onda incidente, è spesso comodo

³Si veda [1] al capitolo 2.

analizzare i fenomeni acustici solo per alcune bande di frequenza.

2.4.2 Bande frequenziali

La descrizione della composizione in frequenza dei segnali sonori può essere condotta valutando il contenuto di energia sonora all'interno di prefissati intervalli di frequenze, le bande di frequenza. Ciascuna banda è caratterizzata da una frequenza di taglio superiore fs e da una frequenza di taglio inferiore fi. L'analisi in frequenza può essere di due tipi:

analisi a banda costante: se $\Delta f = fs - fi = costante$ cioè suddivisione a bande frequenziali di uguale larghezza. Tipicamente impiegata per analisi approfondite della composizione in frequenza. Solitamente viene usata per misure nel campo delle vibrazioni delle strutture o delle macchine. Viene ottenuta con una tecnica di elaborazione matematica detta FFT (Fast Fourier Transform)⁴

analisi a banda percentuale costante da 1/1 o 1/3 di ottava: se la larghezza di banda Δf è una percentuale costante del valore della frequenza nominale di centro-banda che caratterizza la banda stessa.

Si parla di *ottave* (bande da 1/1 di ottava) nel caso di $fs = 2 \cdot fi$.

Si parla invece di terzi d'ottava (bande da 1/3 d'ottava) se $fs = 2^{1/3}fi$.

Tipicamente impiegata per misure acustiche. Possono essere usati "banchi" di 10 filtri (ottave) o 30 filtri (terzi), ottenuti con circuiti analogici o digitali (filtri IIR)

Nella Tabella 2.3 sono definite le diverse bande e relative frequenze di centrobanda per le due diverse analisi descritte.

2.4.3 Filtri di ponderazione

come descritto nel paragrafo 2.4.1, la sensibilità dell'orecchio varia al variare della frequenza. Per tale motivo il livello di pressione SPL che misuriamo in realtà

⁴si veda il capitolo ??

Bande di 1/1 ottava			$Bande\ di\ 1/3\ ottava$		
Frequenza	Frequenza	Frequenza	Frequenza	Frequenza	Frequenza
limite	di $centro$	limite	limite	di $centro$	limite
inferiore	banda	superiore	inferiore	banda	superiore
11	16	12	14,1	16	17,8

Tabella 2.3: Definizione delle diverse bande e relative frequenze di centro-banda per le due diverse analisi descritte.

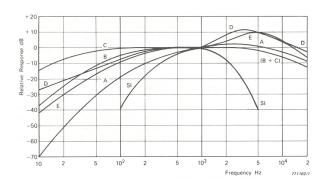


Figura 2.6: Grafico delle curve di ponderazione

non corrisponde a una reale sensazione acustica, cioè variazioni del valore di SPL non necessariamente corrispondono a uguali variazioni nella percezione acustica (variazioni di *volume*). Per rendere più aderente alla sensazione umana e quindi rendere più intuitiva la misura di un fenomeno sonoro, occorre utilizzare dei filtri di pesatura o *ponderazione*. Quelli attualmente utilizzati sono rappresentati in Figura 2.6. Analizzando il grafico notiamo le curve più importanti⁵:

filtro di ponderazione "A" : il più comunemente impiegato e il cui andamento si conforma alla risposta dell'orecchio umano a livelli medio-bassi. Il livello misurato con la ponderazione del filtro A viene chiamato dB(A).

filtro di ponderazione "C" : impiegato per rumori molto forti o esplosioni misurate quindi in dB(C).

⁵Per un approfondimento sulle curve di ponderazione si veda l'appendice A.4

Array microfonici

Nel presente capitolo verranno presentati i tre diversi tipi di array microfonici presi in considerazione e sui quali questa tesi è stata collaudata.

Sferico: array microfonico costituito da 32 capsule omnidirezionali poste uniformemente su una sfera

Cilindrico: array microfonico

Planare: array microfonico

- 3.1 Array sferico: Eigenmike
- 3.2 Array cilindrico
- 3.3 Array planare

Sintesi di microfoni virtuali

[...]

4.1 Elaborazione dei segnali microfonici

cap 1.5 chiesi $[\ldots]$

4.2 Sistema di Elaborazione

cap 1.4.1 chiesi [...]

4.3 Implementazione del calcolo convolutivo

[...]

Ambiente di Sviluppo: l'host Audacity

[...]

5.1 Libreria per la costruzione di interfacce grafiche WxWidgets

cap 3,3 novak [...]

5.2 Altre librerie

cap 3,4 novak [...]

5.3 Libreria per elaborazione audio-video: ffm-peg

[...]

Dettagli di Implementazione

[...]

6.1 Elaborazione numerica del suono

[lezione 12 ppt]

- 6.2 Acquisizione del video
- 6.3 Livello di fondo scala

[novak]

- 6.4 *Mirroring* dei microfoni virtuali
- 6.5 Meshing della superficie
- 6.6 Interpolazione dei valori acquisiti e filtraggio in bande d'ottava
- 6.7 Mappatura con scale cromatiche dei livelli acquisiti e *auto-scaling*
- 6.8 Esportazione dei risultati

Descrizione plug-in: un manuale d'uso

[...]

7.1 Configuration Dialog

[...]

7.2 Interfaccia

[...]

7.3 Selezione dell'intervallo temporale da analizzare

[...]

Conclusioni

[...]

Appendice A

Appendice

In questa appendice finale si trovano tutte le definizioni teoriche indispensabili alla comprensione dell'elaborato qui presentato ma il cui studio è considerato prerequisito e quindi noto. Viene dunque riportato un breve riassunto delle nozioni fondamentali in modo da fornire un quadro generale ristretto ma comunque sufficiente per affrontare serenamente la lettura.

A.1 Propagazione di onde sonore

Un'onda sonora¹, come risaputo, è una perturbazione della pressione atmosferica avente la proprietà di propagarsi; affinché questo possa avvenire occorrono due elementi indispensabili: una causa ed un mezzo. Il primo potrà essere un sistema meccanico oscillante con sufficiente frequenza², mentre il secondo è, in generale, un fluido, di norma l'aria.

La descrizione fisica della propagazione delle onde suddette avviene tramite 3 leggi fondamentali che di seguito si riassumono:

L'equazione di Eulero. Siano p la pressione sonora, \mathbf{u} il vettore velocità istantanea di una particella di fluido e ρ_0 la densità dell'aria in condizioni normali, allora si ha:

¹Vedi [2], capitolo 3.

²Un'onda di pressione perché venga percepita dall'apparato uditivo umano deve avere frequenza compresa tra 20 Hz e 20000 Hz circa, a seconda dell'individuo.

$$\nabla p = -\rho_0 \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t}.\tag{A.1}$$

La relazione A.1 altro non è che l'equivalente fluidodinamico della seconda legge newtoniana della dinamica, da cui deriva, ed esprime in sostanza le condizioni di equilibrio dinamico delle forze agenti su un elemento di fluido.

L'equazione di continuità. Se si esprime con δ la variazione relativa di densità, o $condensazione^3$, del mezzo e con s il vettore spostamento, per un generico elemento di fluido vale la legge

$$\delta = -\nabla \cdot \mathbf{s},\tag{A.2}$$

che sintetizza il principio secondo cui il flusso netto di massa, ossia la differenza tra quello entrante e quello uscente, deve essere uguagliato dalla variazione di massa di fluido contenuta dall'elemento.

L'equazione di stato termodinamico. Ipotizzando ragionevolmente variazioni di stato talmente rapide da poter essere ritenute adiabatiche ed indicando con p_0 il valore della pressione sonora a riposo e con γ il rapporto tra i calori specifici del gas, rispettivamente, a pressione e volume costante, il comportamento termodinamico del fluido in questione è dato da

$$\frac{1}{p_0} \frac{\partial p}{\partial t} = \gamma \frac{\partial \delta}{\partial t}.$$
 (A.3)

Dalle relazioni A.1, A.2 e A.3, dopo qualche passaggio, si ricava l'equazione di propagazione delle onde sonore:

$$\nabla^2 p = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 p}{\partial t^2},\tag{A.4}$$

in cui c è la velocità di propagazione dell'onda sonora nel gas, definita come

$$\delta = \frac{\rho - \rho_0}{\rho}$$

dove ρ è densità dell'elemento di fluido considerato.

 $^{^3}$ È data da

$$c = \sqrt{\gamma \frac{p_0}{\rho_0}}. (A.5)$$

A.2 Intensità, densità di energia e potenza

Di seguito si riportano le definizioni di alcune grandezze fondamentali⁴:

Intensità sonora. È la quantità di energia che fluisce, nell'unità di tempo, attraverso una superficie di area unitaria perpendicolare alla direzione di propagazione dell'onda. L'intensità istantanea è data da

$$I = p_m u_m \cos^2 \left[\omega \left(t - \frac{x}{c} \right) \right], \tag{A.6}$$

dove p_m e u_m sono i valori di picco di pressione e velocità relative alla direzione di propagazione considerata, mentre l'*intensità media* dalla relazione

$$\overline{I} = \frac{p_{\rm rms}}{\rho_0 c} \quad \left[\frac{W}{m^2}\right]. \tag{A.7}$$

La quasi totalità delle sorgenti reali, però, non irradia energia uniformemente in tutte le direzioni, tale caratteristica viene misurata da una grandezza denominata direttività ed indicata con Q; si ha

$$Q = \frac{I_{\theta,\phi}}{\overline{I}},\tag{A.8}$$

dove $I_{\theta,\phi}$ è l'intensità irradiata nella direzione specificata, in coordinate sferiche, dagli angoli $\theta \in \phi$.

Densità di energia sonora. È l'energia contenute in un'unità di volume del mezzo ed è data da

$$D = \frac{\overline{I}}{c^2} = \frac{p_{\text{rms}}}{\rho_0 c^2} \quad \left[\frac{\mathbf{W} \cdot \mathbf{s}}{\mathbf{m}^3} \right]. \tag{A.9}$$

⁴Per i dettagli si rimanda sempre a [2].

A.3. Livelli sonori

Potenza sonora. Supponendo che tutta l'energia sonora fluente nel mezzo sia prodotta da una sola e ben identificabile sorgente, l'energia irradiata nell'unità di tempo da quest'ultima rappresenta la sua potenza sonora W. Se S è una superficie immaginaria inviluppante la sorgente ed I_S l'intensità sonora rilevata su un area elementare dS della superficie, risulta

$$W = \int_{S} I_s \, \mathrm{d}S. \tag{A.10}$$

A.3 Livelli sonori

Per via dell'enorme capacità dinamica dell'orecchio umano difficilmente viene adottata la scala lineare per rappresentare le grandezze acustiche: dovendo trattare con un campo di valori estremamente esteso e disperso⁵ è universalmente preferita la scala dei decibel, codificata nella norma ISO 1648. Premettendo che un valore espresso in decibel implica sempre un rapporto con un altro valore di riferimento, di seguito si riportano le principali grandezze impiegate:

Livello di pressione sonora.

$$L_p = 10 \log \frac{p^2}{p_0^2} =$$

$$= 20 \log \frac{p}{p_0} \quad [dB], \tag{A.11}$$

dove $p_0 = 20 \,\mu\text{Pa}$. La A.11 si può anche riscrivere nel seguente modo, dopo aver sostituito il valore di p_0 :

$$L_p = 10 \log p^2 + 94$$
 [dB]. (A.12)

Livello di potenza sonora.

$$L_W = 10 \log \frac{W}{W_0}$$
 [dB], (A.13)

dove $W_0 = 1$ pW. Sostituendo quest'ultimo valore nella A.13 si ricava

 $^{^5{\}rm La}$ minima pressione percepibile da un individuo normo udente è di 20 $\mu{\rm Pa},$ la soglia del dolore è, invece, attorno ai 60 Pa.

A.3. Livelli sonori

$$L_W = 10 \log W + 120$$
 [dB]. (A.14)

Livello di intensità sonora.

$$L_I = 10 \log \frac{I}{I_0}$$
 [dB], (A.15)

dove $I_0 = 1 \text{ pW/m}^2$. È largamente in uso esprimere anche la direttività in decibel: in questo caso il parametro definito dall'equazione A.8 prende il nome di *Directivity Index* ed è così definito

$$DI = 10 \log Q =$$

$$= L_{I_{\theta,\phi}} - L_{\overline{I}}. \tag{A.16}$$

Se $\rho_0 c$ vale 400 rayl risulteranno uguali $\rho_0 c I_0$ e p_0^2 , cioè sarà verificata la relazione

$$L_I = L_p. (A.17)$$

Tale situazione si avrebbe a pressione atmosferica e temperatura di 39°C; alla temperatura di 20°C il valore dell'impedenza acustica sale a 415 rayl, tuttavia l'errore commesso applicando ugualmente la A.17 è comunemente ritenuto trascurabile.

Se l'intensità sonora I è uniforme su una superficie S che circoscrive una sorgente di potenza W si può scrivere:

$$10 \log \frac{W}{W_0} = 10 \log \frac{I}{I_0} + 10 \log \frac{S}{S_0}$$
 [dB]; (A.18)

se, poi, $S_0 = S = 1 \,\mathrm{m}^2$, risulta esattamente

$$L_W = L_I. (A.19)$$

A.4 Curve di ponderazione

La sensibilità dell'orecchio umano non è costante in tutta la banda udibile, ma presenta un massimo nella regione attorno a 4 kHz ed ha i valori minimi in corrispondenza degli estremi, come evidenziato dalle curve isofoniche elaborate da Fletcher e Munson.⁶ Questo ha portato all'ideazione delle unità di misura percettive (la scala dei phon) ed ha suggerito l'adozione negli strumenti di misura di un filtraggio dei livelli rilevati in modo da renderli coerenti alla reale sensibilità umana. Il suddetto filtraggio è codificato nelle cosiddette curve di ponderazione, le quali non fanno altro che indicare l'alterazione della risposta in frequenza dello strumento, ossia il fattore con cui debbono essere pesate le frequenze della banda audio. In figura 2.6 sono riportate le curve di ponderazione A, B e C che sono, sostanzialmente, le curve isofoniche a 40, 70 e 100 phon rispettivamente.

A.5 Trasformata di Fourier

L'argomento è enorme, in questa sede se ne vuole solo riportare la definizione operativa. Se x(t) è una funzione

- limitata
- tale da presentare un numero finito di discontinuità
- assolutamente integrabile

allora la sua trasformata secondo Fourier è data dalla relazione

$$X(f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) e^{-j2\pi f t} dt.$$
 (A.20)

La trasformata inversa del segnale X(f), invece si può calcolare mediante l'equazione

$$x(t) = \int_{-\infty}^{\infty} X(f) e^{j2\pi ft} df.$$
 (A.21)

⁶Si veda [1] al capitolo 2.

In generale affinchè esista la trasformata di Fourier del segnale x(t), per il teorema di Plancherel è sufficiente che quest'ultimo abbia energia finita, caratteristica, questa, di tutti i segnali fisici.

Bibliografia

- [1] R. SPAGNOLO (A CURA DI), Manuale di acustica applicata, UTET, Torino, Italy, 3 ed., gen. 2005. ISBN 88-7750-710-1.
- [2] S. CINGOLANI E R. SPAGNOLO (A CURA DI), Acustica musicale e architettonica, UTET, Torino, Italy, 1 ed., dic. 2005. ISBN 88-7750-941-4.



