## TEORIJA BROJEVA

1. kolokvij – grupa C

12. 4. 2010.

- 1. Odredite g = nzd(a, b) i nađite cijele brojeve x, y takve da je ax + by = g ako je a = 4142, b = 3135.
- 2. Riješite kongruenciju:  $393x \equiv 699 \pmod{1293}$ .
- 3. Riješite sustav kongruencija:

$$x \equiv 9 \pmod{11}$$
,  $x \equiv 16 \pmod{19}$ ,  $x \equiv 10 \pmod{29}$ .

- 4. Nađite sva rješenja jednadžbe  $\varphi(n) = 116$ .
- 5. a) Nađite najmanji primitivni korijen modulo 61.
  - b) Riješite (pomoću indeksa) kongruenciju:  $6^x \equiv 32 \pmod{61}$ .
- 6. Izračunajte sljedeće Legendreove simbole:  $\left(\frac{171}{563}\right)$ ,  $\left(\frac{172}{563}\right)$ .

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Rezultati: petak, 16.4.2010. u 12 sati. Andrej Dujella