Eliptičke krivulje u kriptografiji

završni ispit - grupa A

15.6.2023.

- 1. Eliptička krivulja E nad poljem \mathbb{F}_{17} zadana je jednadžbom $y^2 = x^3 + 6x + 9$. Odredite red grupe $E(\mathbb{F}_{17})$. Dokažite da je $\alpha = (1,4)$ generator grupe $E(\mathbb{F}_{17})$.
- 2. Pomoću Menezes-Vanstoneovog kriptosustava u kojem su javni ključ eliptička krivulja E i generator α iz 1. zadatka, te $\beta = (10,7)$, šifrirajte otvoreni tekst $(x_1, x_2) = (7,11)$, uz pretpostavku da je jednokratni ključ k = 8.
- 3. Eliptička krivulja E nad poljem \mathbb{F}_{19} zadana je jednažbom $y^2 = x^3 + 8x + 12$. Za točke P = (3,5) i Q = (2,6) na E riješite problem eliptičkog diskretnog logaritma Q = [m]P Pohlig-Hellmanovim algoritmom ako je poznato da je točka P reda 15.
- 4. Faktoriz
irajte broj n=299 pomoću ECM faktorizacije s parametrima

$$E: \quad y^2 = x^3 + 8x + 4,$$

P = (0, 2) i B = 3.

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama. Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za algoritme iz eliptičkih krivulja i teorije brojeva.

Andrej Dujella