ELEMENTARNA TEORIJA BROJEVA

1. kolokvij – grupa B

30. 4. 2009.

- 1. Odredite g = nzd(a, b) i nađite cijele brojeve x, y takve da je ax + by = g ako je a = 4777, b = 3247.
- 2. Riješite kongruenciju: $189x \equiv 345 \pmod{681}$.
- 3. Riješite sustav kongruencija:

$$x \equiv 7 \pmod{13}$$
, $x \equiv 18 \pmod{19}$, $x \equiv 23 \pmod{29}$.

- 4. Nađite sva rješenja jednadžbe $\varphi(n) = 16$.
- 5. Riješite kongruenciju $x^2 + 3x + 3 \equiv 0 \pmod{7^3}$.
- 6. Zbroj peteroznamenkastog broja \overline{abcde} i peteroznamenkastog broja \overline{abced} je 31587. Koji su to brojevi?

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.