UVOD U TEORIJU BROJEVA

1. kolokvij – grupa A

12. 5. 2006.

- 1. Odredite g = (a, b) i nađite cijele brojeve x, y takve da je ax + by = g ako je a = 1643, b = 527.
- 2. Riješite kongruenciju: $573x \equiv 126 \pmod{687}$.
- 3. Riješite sustav kongruencija:

$$x \equiv 2 \pmod{11}$$
, $x \equiv 12 \pmod{13}$, $x \equiv 18 \pmod{19}$.

- 4. a) Nađite najmanji primitivni korijen modulo 37.
 - b) Riješite (pomoću indeksa) kongruenciju: $5^x \equiv 3 \pmod{37}$.
- 5. Ako između znamenki dvoznamenkastog broja upišemo taj dvoznamenkasti broj, tad je novi četveroznamenkasti broj 77 puta veći od danog dvoznamenkastog broja. Koji je to dvoznamenkasti broj?
- 6. U prikupljanju starog papira jedan učenik sedmog razreda skupio je 26 kg, a ostali iz njegova razreda po 11 kg svaki. U osmom razredu jedan je učenik skupio 25 kg, a ostali po 10 kg svaki. Koliko ima učenika u svakom razredu, ako se zna da su oba razreda prikupila jednaku masu papira i da je ukupna masa veća od 400 kg, a manja od 600 kg?