华东师范大学期末试卷 (A) 2017 - 2018 学年第 - 学期

课程名称:	算法	去设计与	分析						
学生姓名:						学	号:_		
<i>₹</i> ; <u>¥</u> k:	计算标	几科学与	软件工程			年纪	及/班级:	2017	硕博
课程性质:	公共必何	多、公共	选修、专	业必修	、专业	选修			
	- $ -$				六		八	总分	阅卷人签名
		-		-					
注意: 1、	基分 时间	14- 150		北京北	b. 68:				
	答案全部			W/DIV	3: 141	Œ.			
				佐人如 1	L zis				
3,	有武元华	一后,试	卷和答题	に御王が	LX				
一、单项	选择题 (本大题共	ŧ5小题 ,	每小题	4分,	共 20	分)。		
1. 以下排	序算法中	,使用额	预外辅助空	间不是常	常数大	小的是()		
A. 计数据	序	B.	快速排序						
C. 选择抖	序	D.	插入排序						
								叉树当中	有 100 个结点具
			对中的叶子	SI M I	XX /9	, ,			
A. 100									
C. 99	D. 1	.01							è
3 以下	-系式中,	已经明确	角成立的有	i ()			,		
			NP ⊂ PSF						
ACCES 12 100 100 100 100 100 100 100 100 100			NP ⊂ EXI						
C									
4. 今f(r	()和g(n);	为渐近正	函数,则	以下论	断正确	的有()		
A. $f(n)$	=O(q(n)))蕴含着	g(n) = 0	(f(n)):					
B f(n)	$=\omega(a(n))$)蕴含着	$\lg(f(n))$	$=\omega(\lg($	g(n));			
			f(n), g(n)						
D = f(n)	$=\omega(a(n))$) 蕴含彩	$f2^{f(n)}=a$	(2g(n))).				
e Antai	81 C-1V E	句令の	个结点。(千章相邻	以两个组	吉点之门	可距离为	1, 如果	两个结点s和t
 プロドリー 	20.40・十二	- n/2 II	ll s和 t之	间的边	不相交	路径最	多有()	
		B. 两分		1.343					
A. 一条									
C. 三条		D. 四角	₹						

二、简答題 (本大题共 20 分)

1、运用主方法(Master Method)求以下递归式的渐进估计,要有判断依据。(10 分)

$$T(n) = 25T\left(\frac{n}{5}\right) + (n\lg n)^2$$

$$T(n) = 15T\left(\frac{n}{3}\right) + n^4$$

2、请将下面几个渐进函数按趋向于无穷大的速度升序排列。(5分)

$$n^3$$
, $\lg \lg n$, $(\lg n)!$, $2^{\sqrt{n}}$, $n^{\lg n}$

3、二项堆的一个自然拓展是d-项堆,其中每个非叶子结点有d个儿子结点(除了最后一个非 叶子结点),根节点序号为 1。设一个d-项堆用数组 A[]保存,则堆中序号为i的结点的第j个 子结点对应的是 A[]中的哪个元素? i结点的父亲结点对应的又是哪个元素? (5分)

三、考察一个计算机网络中的可靠路由问题,将该网络建模为一个有向图G=(V,E),其中 有n个顶点m条边,每条边(u,v)有一个发送成功率数据w(u,v),表示从u发出的数据中能够 正确到达v的百分比。给定一条从结点s到t的路径,其总的发送成功率按乘法规则计算为 $\prod_{(u,v)\in p} w(u,v)$, 请设计算法求s到t之间总的发送成功率最高的路径。(请说明主要思想, 并分析算法的时间复杂度)(10分)

四、给定n个数的序列 $a_1,a_2,...,a_n$,假定所有的数都不相同,我们定义一个明显逆序为一对 i < j并且 $a_i > a_j + 10$,请设计一个时间复杂度为 $O(n \log n)$ 的算法来计算在一个序列中的明 显逆序个数。(请说明主要思想,写出伪代码,并分析算法的时间复杂度)(10分)

五、证明:如果一个图的每个割中都有唯一的一条最小边,则该图有唯一的最小生成树。并 请举反例来说明其逆命题不成立。(10分)

六、某个酒店给出了未来一年中某间客房每天的单价 $c_1,c_2,...,c_{365}$,并支持两种结算方式, 一种是按照每天的单价支付,另外一种是每连续 30 天可以按照长住价t30 支付。如果你想租 住该客房一年,请设计算法求总价最低的结算方案。(请说明主要思想,写出求解的递推式, 并分析算法的时间复杂度)(10分)

七、给定流网络图G=(V,E),每条边e上的容量 c_e 都是整数,假设G中存在多个相同大小的 最小割,这些割集中有一个包含最小的边数,请设计算法找出这个边数最少的割集。(提示: 可以通过修改边的容量值来实现。请说明主要思想并分析算法的时间复杂度。)(10分)

八、旅行商问题(TSP)。给定一个无向完全图 G=(V,E)和正数 K,每一对结点 (v_i,v_j) 之间有一 个非负距离值 $d(v_1,v_j)$,请问图中是否包含一条经过所有结点 v_1,v_2,\cdots,v_n 一次并且总距离不超 过 K 的简单回路?

哈密顿回路问题(HC),给定一个无向图 G=(V,E),请问图中是否包含一条经过所有结点 v_1 , v2,…, vn 一次的简单回路?

已知哈密顿回路问题是NP完全的,请证明旅行商问题也是NP完全的。(10分)

