## Analiza situațiilor de blocare

 Un sistem care este format din sisteme de sarcini combinate paralel

$$C = C_1 | C_2 | ... | C_n$$

este *blocat* dacă evoluţia sa este suspendată indefinit din cauză că mai multe sisteme de sarcini **C**<sub>i</sub> sunt active simultan, fiecare utilizând, fără a putea fi întrerupte, resurse necesare altor sisteme din **C**.

 O resursă deţinută de o sarcina neinteruptibila poate fi eliberată numai de sistemul de sarcini care o utilizează la un moment dat. Pentru studiul situaţiilor de blocare vom privi sistemul fizic ca o colecţie de resurse R de tip:

 $R = R_1 R_2 ... R_m$ , fiecare tip conţinând:

 $W = W_1 W_2...W_m$  exemplare

Vectorul W=(W<sub>1</sub>,W<sub>2</sub>,...,W<sub>m</sub>) reprezintă capacitatea sistemului.

#### Exemplu de resurse R<sub>i</sub>:

- unități centrale de prelucrare;
- coprocesoare matematice;
- pagini de memorie;
- magistrale de interconectare;
- □ înregistrări fizice (sectoare, piste, cilindri) la discuri magnetice;
- fişiere de date;
- zone de mesaje;
- tabele de descriere a diferitelor sarcini;
- variabile globale, etc.

Să considerăm un exemplu simplu de blocare:

Fie două sisteme  $C_1$  şi  $C_2$  şi câte o resursă de tip  $R_1$  şi  $R_2$ .

Evoluţia întregului sistem poate fi reprezentată în spaţiul cu două dimensiuni definit spaţiul de evoluţie.

Evoluţia sistemului  $\mathbf{C} = \mathbf{C}_1 \mid \mathbf{C}_2$  este reprezentată de succesiunea de puncte  $(x_1y_1)$   $(x_2y_2)...(x_ky_k)...$  în acest spaţiu

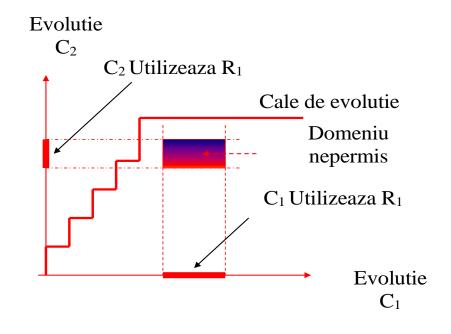
Presupunem că originea este în punctul (0,0).

Evoluţia este ireversibilă deci

$$x_k \le x_{k+1}, y_k \le y_{k+1}$$
 şi

Nu orice cale de evoluţie, este realizabilă.

Evoluţia în care  $C_1$  şi  $C_2$  asftel sa utilizeaze simultan aceeaşi resursă  $R_1$  este nepermisă Zona hasurată reprezintă un domeniu nepermis, care conduce la blocarea sistemului.



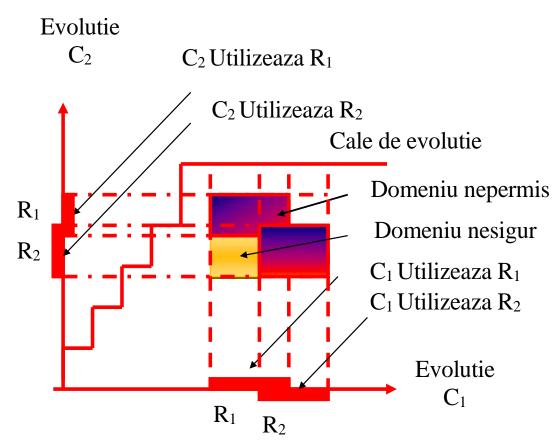
## Exemplu de utilizare a doua resurse

Fie utilizarea resurselor R1 şi R2 de către C1 şi C2.

Zona haşurată reprezintă un domeniu nepermis, care conduce la blocarea sistemului.

Zona portocalie reprezintă un domeniu nesigur, care permite în continuare evoluţia sistemului, însă pentru un timp limitat.

Datorită ireversibilității procesului de evoluție se va ajunge în mod sigur la blocarea sistemului.



- Blocarea este definită ca o stare de aşteptare circulară nerezolvabilă din cauza condiţiilor de excludere mutuală şi neintreruptibilitate.
- Pentru a exista o cale de evoluţie care conduce la blocare sunt necesare următoarele condiţii:
- Utilizare exclusivă: Fiecare sistem de sarcini doreşte
- controlul exclusiv asupra resursei pe care o utilizează;
- Neîntreruptibilitate: O resursă nu este eliberată până la terminarea completă a utilizării acesteia;
- Aşteptare circulară: Fiecare sistem de sarcini ţine ocupate resurse în timp ce aşteaptă ca altele să elibereze resurse pe care să le preia.

Relativ la blocare se pun trei probleme:

#### 1. Prevenirea

Una sau mai multe din condiţiile care conduc la blocare sunt înlăturate printr-o proiectare adecvată sau prin restricţii în utillizarea resurselor.

#### 2. Detectarea și înlăturarea

Sistemul de operare si planificatorul supraveghează evoluţia tuturor sistemelor de sarcini luând măsuri speciale de corecţie a evolutiei la detectarea situaţiilor de blocare.

#### 3. Evitarea

Pe baza unor informaţii preliminare despre cerinţele de resurse, sistemul de operare / planificatorul dirijează evoluţia pentru evitarea zonelor nesigure.

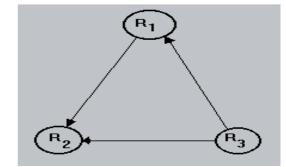
Considerând că fiecare tip de resursă conţine un singur element  $w_1=w_2=...=w_n=1$ , putem alege o reprezentare sub forma de grafuri, fiecare nod reprezentând o resursă iar arcele reprezinta cererea de resurse.

Arcele pot fi etichetate cu necesarul de resurse.

- Arcele sunt orientate şi sunt definite astfel: dacă la un moment dat, după evenimentul a<sub>k</sub>, sistemul **C** ţine ocupată resursa R<sub>i</sub> în timp ce aşteaptă preluarea lui R<sub>j</sub>, graful conţine un arc orientat de la nodul R<sub>i</sub> la nodul R<sub>i</sub>.
- În exemplul urmator numărul de tipuri de resurse este n=3;

O sarcina utilizează R<sub>1</sub> și o cere pe R<sub>2</sub>,

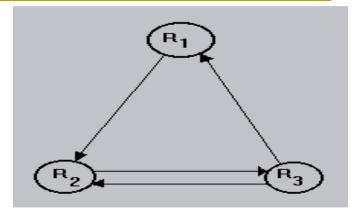
Alta sarcina utilizează pe R<sub>3</sub> şi cere pe R<sub>1</sub> şi R<sub>2</sub>.



Graf de cereri fara bucle

Dacă cele trei condiţii de blocare sunt posibile (operative) condiţia necesară şi suficientă pentru blocare este existenţa unei bucle (circuit, ciclu) în graful de cereri.

Exemplu, de graf de cereri în care se realizează condiţia de aşteptare circulară cu resurse ocupate.



Graf de cereri cu bucle

- Pentru cazul general în care există mai multe resurse de un anumit tip, fiecare nod reprezintă un tip de resursă.
- Cererile pentru resurse R<sub>i</sub> trebuie să nu depăşească, ca număr, w<sub>i</sub>.
- Un arc de la R<sub>i</sub> la R<sub>j</sub> arată că există cel puţin o sarcina care cere una sau mai multe resurse de tip R<sub>j</sub> şi deţine una sau mai multe resurse de tip R<sub>i</sub>.
- În cazul acesta o buclă în graful de cereri reprezintă o condiţie necesară dar nu şi suficientă pentru existenţa situaţiei de blocare.

#### Prevenirea blocării

- Pentru a proiecta un sistem în care posibilitatea blocării este exclusă trebuie să existe certitudinea că în orice moment de timp cel puţin una din condiţiile necesare nu este îndeplinită.
- Prima din cele trei condiţii (excluderea mutuală) este uneori impusă de restricţii fizice privind accesul la resurse nepartajabile şi deci nu poate fi eliminată pentru orice fel de resurse.

Pentru celelalte condiții vom enumera câteva posibilități:

- Dacă o sarcina care utilizează o resursă, cere o altă resursă trebuie să o elibereze pe prima şi dacă este necesară în continuare să o ceară din nou împreună cu resursele adiţionale de care are nevoie (interuptibilitate).
- Fiecare sarcina să ceară toate resursele de care are nevoie, putând continua numai după ce le are pe toate (aşteptare cu resurse).
- Ordonarea liniară a tipurilor de resurse pentru toate sarcinile. Dacă o sarcina utilizează resurse de tip R<sub>i</sub>, la un moment dat, ea poate cere numai resurse din tipurile următoare lui R<sub>i</sub> în acea ordonare,

exemplu: R<sub>i</sub> cu j>i. În acest caz, graful de cereri nu are circuite.

#### \*Observaţie:

- Prima soluţie se pretează numai pentru resurse interuptibile, a căror stare poate fi uşor salvată şi restaurată. De exemplu UCP.
- A doua soluţie poate deveni costisitoare dacă unele resurse sunt alocate unor sarcini şi sunt neutilizate o perioadă lungă de timp.
- A treia soluţie poate fi utilizată numai pentru anumite componente, de exemplu lansarea job-urilor într-un sistem cu multiprogramare prin alocarea memoriei şi a dispozitivelor de l/E într-o ordine fixă.

## Detectarea și înlăturarea blocării

- Pentru cazul în care există o singură resursă de fiecare tip, mecanismul de detectare a blocării constă:
  - dintr-o procedură care actualizează graful de cereri ori de câte ori apare o cerere,
     o preluare sau eliberare de resurse şi
  - o procedură de detectare a circuitelor (buclelor) în acest graf.
- Pentru cazul general, la fiecare moment de timp t, corespunzător secvenţei de execuţie α = a₁a₂...a<sub>k</sub>, se definesc
- X<sub>ij</sub>[k] reprezintă numărul de resurse de tip R<sub>j</sub> alocate, respectiv şi
- $\mathbf{y}_{ii}[\mathbf{k}]$  cerute de  $\mathbf{C}_{i}$ , după evenimentul  $\mathbf{a}_{k}$  din  $\alpha$ , unde:

$$C=C_1 \mid C_2 \mid ... \mid C_n$$
,  $1 \le i \le n$  iar  $1 \le j \le m$ ,

m fiind numărul de tipuri de resurse

## Se obţin astfel:

$$X[k] = \begin{bmatrix} X_1(k) \\ X_2(k) \\ . \\ . \\ X_n(k) \end{bmatrix}$$
 matrice de alocare

$$\mathbf{Y}[k] = \begin{bmatrix} \mathbf{y}_1(k) \\ \mathbf{y}_2(k) \\ \vdots \\ \mathbf{y}_n(k) \end{bmatrix} \text{matrice de cerer}$$

CU

$$X_{i}[k] = ( x_{i1}[k], x_{i2}[k], ..., x_{im}[k] )$$

$$Y_{i}[k] = ( y_{i1}[k], y_{i2}[k], ..., y_{im}[k] ), \qquad 1 \le i \le n$$

 Starea s<sub>k</sub> corespunzătoare secvenţei α după evenimentul a<sub>k</sub> este dată de perechea [X[k], Y[k]].

Să notăm cu:

 $V[k]=(v_1[k],v_2[k],...,v_m[k])$  vectorul resurselor disponibile.

Elementul  $v_j[k] \le w_j$ ,  $1 \le j \le m$ , numărul de resurse de tip  $R_j$  disponibile la un moment dat după evenimentul  $a_k$  este:

$$V_{j}(k) = W_{j} - \sum_{i=1}^{n} X_{ij}[k], \quad 1 \le j \le m$$

- Pentru doi vectori X şi Y, relaţia X ≤ Y este adevarată, dacă şi numai dacă relaţia este adevărată pentru fiecare pereche de elemente corespondente din X şi Y.
- Utilizând informaţia conţinută în starea s<sub>k</sub> dată de perechea de matrice [X[k], Y[k]] vom elabora un algoritm de detectare a blocării.

#### Definiţie:

Fie 
$$\mathbf{C} = \mathbf{C}_1 | \mathbf{C}_2 | \dots | \mathbf{C}_n$$
 unde  $\mathbf{C}_i$ ,  $1 \le i \le n$ , este de forma  $\mathbf{C}_i = \mathbf{S}_i[1] | \mathbf{S}_i[2] \dots | \mathbf{S}_i[l_i]$ ,  $\mathbf{I}_i \ge 1$ .

Fie

 $\alpha = a_1 a_2 ... a_k$  o secvenţă de execuţie parţială a lui **C** iar  $\sigma = s_0 s_1 ... s_k$  secvenţa parţială de stări, corespunzătoare.

Dacă există o mulţime nevidă D de indici ai lui **C** astfel că pentru orice i din D nu este adevărată relaţia:

Y <sub>i</sub> [k] ≤	V[k]	+	Σ X <sub>j</sub> [k] j∉D
vector de cereri	vector de resurse disponibile		vector de resurse allocate catre (deţinute de) sarcini ce nu aparţin lui D

atunci  $\sigma$  este blocată (sau  $s_k$  este o stare de blocare).

De asemenea putem spune că orice sistem de sarcini  $\mathbf{C}_i$  cu i  $\epsilon$  D este blocat.

#### Exemplu:

Fie  $C_1$  și  $C_2$  două sisteme de sarcini:

$$C_1 = S_1[1], S_1[2], S_1[3]$$
 şi  $C_2 = S_2[1], S_2[2]$ 

care utilizează resursele  $R=(R_1,R_2,R_3,R_4)$  cu w=(3,3,3,3), în felul următor :

C1 C2

	resurse	resurse		resurse	resurse
	cerute	eliberate		cerute	eliberate
S <sub>1</sub> [1]	(0,1,2,0)	(0,0,2,0)	S <sub>2</sub> [1]	(2,0,2,2)	(0,0,0,2)
S <sub>1</sub> [2]	(1,0,0,1)	(0,0,0,1)	$S_{2}[2]$	(1,0,1,0)	(3,0,3,0)
S₁[3]	(0,0,2,0)	(1,1,2,0)			

Secvenţa de execuţie  $\alpha = SI_1[1]$   $SF_1[1]$   $SI_2[1]$   $SF_2[1]$   $SI_1[2]$   $SI_1[2]$   $SI_2[2]$  .....

	X	Initial	SI <sub>1</sub> [1]	SF <sub>1</sub> [1]	SI <sub>2</sub> [1]	SF <sub>2</sub> [1]	SI <sub>1</sub> [2]	SF <sub>1</sub> [2]	SI <sub>2</sub> [2]
		R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	R <sub>1</sub> ,R <sub>2</sub> ,R <sub>3</sub> ,R <sub>4</sub>	
Alocare	$X_1$	0 0 0 0	0 1 2 0	0 1 0 0	0 1 0 0	0 1 0 0	1 1 0 1	1 1 0 0	Blocare
X[k]	$X_2$	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	2 0 2 2	2 0 2 2	2 0 2 0	2 0 2 0	
Cereri	$\mathbf{Y}_1$	0 1 2 0	0 0 0 0	1 0 0 1	1 0 0 1	1 0 0 1	0 0 0 0	0 0 2 0	
Y[k]	$\mathbf{Y}_2$	2 0 2 2	2 0 2 2	2 0 2 2	0 0 0 0	1 0 1 0	1 0 1 0	1 0 1 0	
V[k]		3 3 3 3	3 2 1 3	3 2 3 3	1 2 1 1	1 2 1 3	0 2 1 2	0 2 1 3	

După evenimentul S1[2], atât Y1[k]  $\leq$  V[k] cât şi Y2[k]  $\leq$  V[k] astfel că P1[3] şi P2[2] nu pot avea loc cu valorile obţinute pentru V[k] înaintea acestor evenimente.

Sistemul s-a blocat deoarece nici C1 nici C2 nu pot continua fără ca unul din ele să fie întrerupt pentru a elibera resursele deţinute.

#### Algoritm pentru detectarea blocării

Etapele algoritmului sunt:

- 1°. Iniţializare : D  $\leftarrow$  {1,2,...,n} ; V  $\leftarrow$  V(k)
- 2°. Caută indicii i din D pentru care  $Y_i(k) \le V$  şi execută pasul 3. Dacă nu există nici un indice, algoritmul se termină.
- $3^{\circ}$ . D ← D \ {i}; V ← V + X<sub>i</sub>(k) şi salt la pasul 2.
- Algoritmul se bazează direct pe definiţia de mai sus şi constă din simularea execuţiei sarcinilor până când rămâne un set de sisteme de sarcini C<sub>i</sub> pentru care, în final, resursele disponibile nu sunt suficiente sau mulţimea de indici D devine vidă.
- În cel mai defavorabil caz algoritmul dat analizează la pasul i, întreaga mulţime de sisteme de sarcini din D, în număr de (n-i+1).

Timpul de execuţie al algoritmului este în acest caz proporţional cu

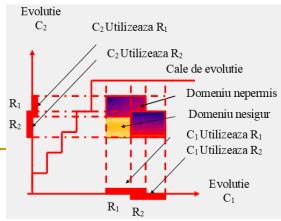
$$m \cdot \sum_{i=1}^{n} (n-i+1) = 0 (m.n^2)$$

- Printr-o aranjare a structurilor de date şi o reprezentare mai elaborată a stărilor resurselor se poate obţine un algoritm cu timpul de execuţie proporţional cu O(m.n).
- Complexitatea acestui algoritm face ca implementarea lui să fie justificată numai în sisteme în care apariţia unei blocări este intolerabilă.
- În multe sisteme se utilizează o soluţie simplă care se bazează pe limitarea timpului în care sistemul poate sta într-o anumită stare.
- Dacă s-a ajuns la această limită se consideră că s-a realizat o situaţie de blocare şi sistemul este scos din blocare şi trecut într-o anumită stare, predeterminată din care continuă evoluţia.
- Implementarea metodelor de detectare a situaţiilor de "time out" se face atât la nivelul maşinii de bază cât şi la nivelul sistemului de operare.

#### Evitarea blocării

- Pentru a analiza problema evitării blocării se presupune că o sarcină
   S constă dintr-o succesiune de paşi.
- Pe parcursul execuţiei unui pas utilizarea resurselor rămâne constantă şi aceasta implică achiziţionarea resurselor necesare pentru acest pas în plus faţă de cele primite la pasul precedent.
- Urmează apoi o perioadă de execuţie în care cerinţele de resurse nu se schimbă.
- În final când se termină execuţia, toate resursele care nu sunt cerute la pasul următor sunt eliberate şi trecute într-o colecţie de resurse disponibile.

- Fie  $\sigma = s_0 s_1 ... s_k$  secvenţa de stări corespunzătoare secvenţei de execuţie  $\alpha = a_1 ... a_k$ .
- Dacă există cel puţin o secvenţa de execuţie completă, validă, care are ca prefix pe α atunci s<sub>k</sub> este o stare sigură, altfel starea s<sub>k</sub> este o stare nesigură cu pericol de blocare în evoluţia următoare.
- Cu alte cuvinte s<sub>k</sub> este sigură dacă utilizând resursele disponibile V[k] şi cele care vor fi eliberate de paşii care se execută la momentul respectiv, este posibil să găsim o secvenţă validă de paşi încă neiniţiaţi, pentru sarcinile iniţiate dar neterminate astfel încât toate sarcinile din sistem să poată continua execuţia spre finalizare.
- Starea iniţială în care încă nu s-au alocat resurse, toate fiind disponibile, este intotdeauna o stare sigură.
- Deci există posibilitatea finalizării tuturor sarcinilor.



- Să considerăm în continuare problemele pe care trebuie să le rezolve un supervizor pentru evitarea blocării.
- Să presupunem că sistemul se găseşte în starea s<sub>k</sub> sigură şi că există cererile de resurse date de Q[k].
- Supervizorul trebuie să determine dacă orice cerere din Q[k] poate fi satisfacută, y<sub>ii</sub>[k] ≤ v<sub>i</sub>[k].
- În general pot fi mai multe astfel de cereri şi deci se pot prevedea diferite criterii de alocare pentru a stabili care cerere să fie satisfacută mai întîi, de exemplu:

FIFO - (First In First Out)-primul venit primul servit

SJF - (Shortest Job First)- sarcina cea mai scurtă, prima servită;

**ROUND ROBIN - rulare prin rotație;** 

Priorități atribuite sarcinilor;

etc.

- Pentru a determina dacă o stare s<sub>k</sub> este sigură ca urmare a satisfacerii unor cereri de resurse trebuie căutată o secvenţa adecvată de paşi.
- Pentru aceasta se presupune că resursele disponibile sunt completate cu cele alocate sarcinilor în curs de execuţie.
- Aceasta este echivalentă cu presupunerea că primul pas într-o secvenţă analizată nu începe până când toţi paşii în curs de execuţie au toate condiţiile pentru a se finaliza.

## Excluderea mutuală Definiții. Concepte de bază.

- Într-un sistem de sarcini concurente, acestea pot interacţiona în două moduri:
  - indirect, prin disputa pentru aceleaşi resurse;
  - direct, prin transmitere / recepţie de mesaje sau informaţii de stare.
- Când se execută sarcini independente evoluţia acestora poate fi controlată de către supervizor aşa cum am văzut la analiza situaţiilor de blocare.
- Totusi când sarcinile interactionează în mod direct mecanismul de control al evoluţiei lor trebuie să apară în mod explicit în programele care le definesc.
- Interacţiunea directă se efectuează prin mecanisme specifice contextului în care evoluează sistemul de sarcini concurente.

Contextul în care evoluează un sistem de sarcini concurente poate fi:

- centralizat, dacă există o memorie comună accesibilă pentru citire/scriere tuturor sarcinilor, sau
- distribuit dacă nu există memorie comună, ci doar memorie locală accesibilă unei sarcini şi inaccesibilă celorlalte sarcini.

Excluderea mutuală se ocupă de problemele legate de controlul resurselor reutilizabile (acele resurse a căror stare internă este modificată în timpul utilizării dar care poate fi initializată la atribuirea lor altor sarcini) astfel ca la un moment dat să fie utilizate de o singură sarcină.

- Deoarece sarcinile modifică starea resursei în timpul utilizării, este necesar ca o resursă să fie alocată unei singure sarcini la un moment dat pentru a asigura o execuţie corectă a sarcinilor.
- Pe de altă parte, deoarece o sarcină iniţializează starea unei resurse înainte de a o utiliza, ordinea în care mai multe sarcini o utilizează este indiferentă.
- Astfel orice soluţie pentru excluderea mutuală care implică a priori constrîngeri privind ordinea de execuţie a sarcinilor este neadecvată.
- O soluţie corectă trebuie să se aplice unui sistem de sarcini independente.
- Dacă utilizarea resurselor este sub controlul unui sistem de operare centralizat, la construirea unui sistem de sarcini trebuie să se ţină seama numai de convenţiile prin care se comunică sistemului de operare cererile şi eliberările de resurse.

- Vom considera că excluderea mutuală trebuie rezolvată de însuşi sistemul de sarcini, utilizând variabile globale sau variabile de stare şi mesaje pentru comunicaţia între sarcini în funcţie de context: centralizat sau distribuit.
- Sarcinile care trebuie să se execute mutual exclusiv constituie secţiuni critice.
- O soluţie corectă pentru excluderea mutuală trebuie să elimine apariţia unor rezultate diferite sau blocari în tranziţiile sistemului în condiţiile unor timpi de execuţie a sarcinilor diferiţi, pentru diferite procesoare.
- De exemplu: Să considerăm posibilitatea ca două sarcini S<sub>1</sub> şi S<sub>2</sub> care se execută pe procesoare diferite să utilizeze în comun o resursă R.

- S<sub>1</sub> şi S<sub>2</sub> utilizează o variabilă globală care specifică disponibilitatea resursei R.
- S<sub>1</sub> testează variabila, găseşte R disponibilă şi înainte ca S<sub>1</sub> să schimbe valoarea variabilei pentru a arăta că R este ocupată, S<sub>2</sub> testează şi ea variabilă şi găseşte R disponibilă.
- Mai concret S<sub>1</sub> şi S<sub>2</sub> care evoluează într-un context centralizat au primit aceeaşi interpretare, citirea variabilei Semafor, incrementarea valorii citite şi scrierea noii valori.

Fie, de exemplu, secvenţa SI<sub>1</sub> SI<sub>2</sub> SF<sub>1</sub> SF<sub>2</sub>, deci

- 1°. S<sub>1</sub> citeşte variabila Semafor;
- 2°. S<sub>2</sub> citeşte variabila Semafor;
- 3°. S₁ incrementează şi scrie noua valoare;
- 4°. S<sub>2</sub> incrementează şi scrie noua valoare.

În urma acestei secvenţe de execuţie, Semafor primeşte valoarea Semafor + 1 în loc de Semafor + 2.

- Rezolvarea cererilor de acces la memorie pentru UCP şi DMA reprezintă un exemplu de excludere mutuală la nivel hardware.
- Scrierea unor texte la o imprimantă comună într-o reţea locală de calculatoare constituie un exemplu de excludere mutuală, la nivel de aplicaţii.
- Accesul la o înregistrare dintr-un fişier pentru a fi citită şi modificată de mai multe sarcini constituie deasemenea un exemplu de excludere mutuala în context distribuit.
- Pentru simplitate vom considera în continuare o singură resursă R care poate fi utilizată de o singură sarcină la un moment dat.

#### Definiție:

Fie  $\alpha = a_1, a_2, ..., a_k$  o secvenţă de execuţie parţială a sistemului de sarcini  $\mathbf{C} = (\mathbf{S}, <)$ . Sarcinile S şi S' sunt mutual exclusive în  $\alpha$  dacă şi numai dacă cel mult una din ele este activă după orice prefix a lui  $\alpha$ .

Pentru a implementa excluderea mutuală vom considera că o soluţie este corectă dacă cel mult o sarcină este în secţiunea critică la un moment dat şi sunt satisfacute următoarele condiţii adiţionale:

 Nu se face nici o presupunere relativă la activitatea şi numărul de procesoare pe care se execută sistemul de sarcini.

Desigur, așa cum s-a arătat și mai sus, se consideră ca citirea și scrierea unei variabile de memorie sunt operații atomice, indivizibile. Lansarea simultană a unor astfel de operații va avea ca efect execuția lor secvențială, într-o ordine oarecare, necunoscută apriori.

- Soluţia implementată nu trebuie să fie afectată de vitezele relative ale sarcinilor care se exclud mutual, considerând că aceste viteze sunt diferite de zero.
- O sarcină care operează în afara secţiunii critice nu poate bloca altă sarcină de la intrarea în secţiunea critică.
- Două sarcini care doresc să intre în secţiunea critică nu pot fi într-o buclă de aşteptare reciprocă.

Deci dacă se eliberează secțiunea critică şi există sarcini în aşteptare, este exclusă posibilitatea ca nici un proces să nu intre în secțiunea critică. În plus, o sarcină care dorește să intre în secțiunea critică nu poate fi în stare de așteptare un timp nedefinit.

Toate sarcinile trebuie tratate la fel, fără priorităţi sau alte privilegii.

## Algoritmi de excludere mutuală în mediu centralizat

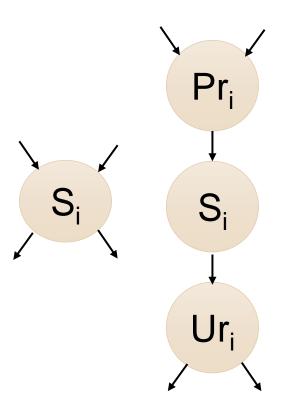
- Complexitatea soluţiei pentru excluderea mutuală depinde de tipurile de operaţii indivizibile care se pot efectua asupra variabilelor globale.
- Astfel dacă se lasă pe seama proiectantului hardware responsabilitatea implementării excluderii mutuale prin operaţii indivizibile mai elaborate, se obţine o soluţie mai simplă pentru excluderea mutuală decât dacă se consideră ca operaţii indivizibile simple citiri şi scrieri în memorie.
- Astfel, sunt calculatoare care au instrucţiuni de tipul Test and Set (Read Modify Write), sau chiar primitive de sincronizare indivizibile, implementate ca operaţii atomice.

- Dacă cel puţin două sarcini independente ale unui sistem C trebuie să utilizeze mutual exclusiv resursa R vom modifica C pentru a asigura această cerinţă.
- Pentru fiecare S<sub>i</sub> care utilizează resursa R vom introduce sarcinile Pr<sub>i</sub> şi Ur<sub>i</sub> astfel că:

Pr<sub>i</sub> precede imediat sarcina S<sub>i</sub>, iar Ur<sub>i</sub> urmează imediat sarcinii S<sub>i</sub>.

- Vom nota cu C' sistemul de sarcini extins. Cu toate că S<sub>i</sub> rămâne neinterpretat Pr<sub>i</sub> şi Ur<sub>i</sub> vor fi complet specificate.
- Pr<sub>i</sub> va fi astfel proiectat încât să poată fi terminat şi deci să permită iniţierea lui S<sub>i</sub> dacă şi numai dacă pentru ∀ j≠i, Pr<sub>j</sub> nu poate fi terminat.
- Funcţia principală a lui Ur<sub>i</sub> este de a comunica celorlalte sarcini că S<sub>i</sub> a terminat utilizarea lui R.

do{
 Entry Section
 Critical Section
 Exit Section
} while (TRUE);



Pentru a proiecta pe Pr<sub>i</sub> şi Ur<sub>i</sub> astfel ca să nu existe subsecvenţe de execuţie de forma:

vom considera ca variabile globale:

- p o variabilă de tip întreg.
- Q (Q[0],Q[1],...,Q[n]) un vector de n+1 variabile de tip întreg.

Iniţial p=0 şi Q[i]=0, 0≤i≤n.

- Funcţia vectorului Q este de a memora într-o ordine FIFO lista sarcinilor ce aşteaptă utilizarea lui R. Acest lucru se realizează prin memorarea indicelui sarcinei care utilizează pe R în Q.
- Astfel, coada de aşteptare la resursa R este organizată ca o simplă listă înlănţuită, memorată în Q.
- Variabila p conţine indicele ultimului element din lista (ultimul element intrat în coada Q).
- Condiţia de coadă vidă, considerată ca şi condiţie iniţială este dată de p= 0 şi Q[0] = 0.

## Definirea sarcinilor auxiliare Pr si Ur

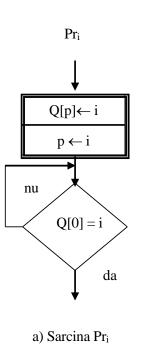
Procesele auxiliare Pr<sub>i</sub> şi Ur<sub>i</sub> pot fi specificate prin organigramele urmatoare

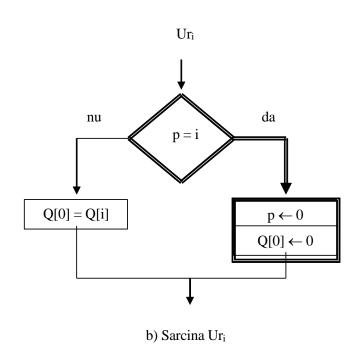
Sarcina  $Pr_i$  arată intenţia lui  $S_i$  de a utiliza resursa R, introduce pe  $S_i$  în coada Q şi aşteaptă într-o buclă până când  $S_i$  ajunge în capul listei Q[0].

Sarcina Ur<sub>i</sub> înlătură pe S<sub>i</sub> din coadă și trece următoarea sarcină pentru execuție în capul listei.

Dacă S<sub>i</sub> a fost ultima sarcină introdusă în coadă

(p=i când se execută  $Ur_i$ ) atunci coada este vidă şi se trec în zero p şi Q[0].





Pentru a putea elimina posibilitatea interferenţelor între Pr<sub>i</sub>,Pr<sub>j</sub> sau Pr<sub>i</sub>,Ur<sub>j</sub> ce se execută concurent trebuie ca anumite operaţii asupra variabilelor globale să **fie indivizibile**, cele în chenar dublu.

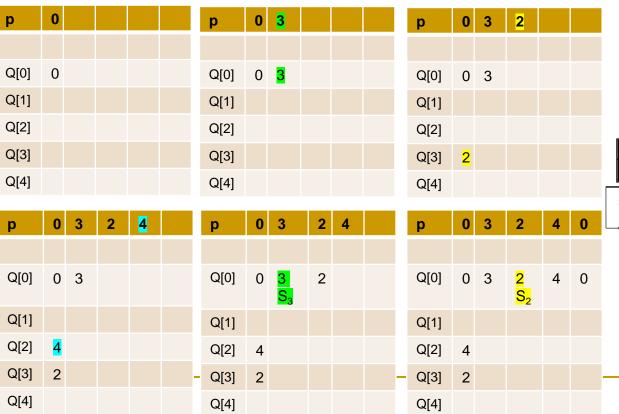
## Fie un sistem de sarcini C=(S,<)

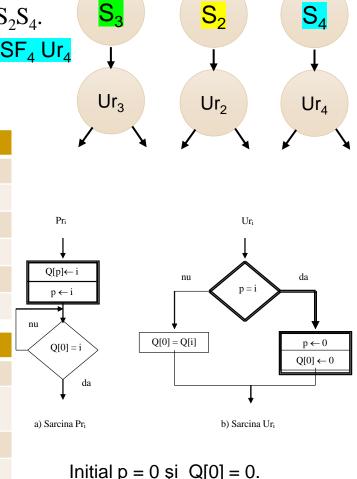
 $S = \{S_1, S_2, S_3, S_4, S_5, ... S_n\}$ 

Se arată modul de reprezentare în coada Q considerând solicitările de a intra în secțiunea critică în ordinea  $S_3S_2S_4$ .

 $\alpha$ = .. $\frac{\mathsf{Prl}_3}{\mathsf{Prl}_2}$   $\frac{\mathsf{Prl}_4}{\mathsf{PrF}_3}$   $\frac{\mathsf{Sl}_3}{\mathsf{SF}_3}$   $\frac{\mathsf{SF}_3}{\mathsf{Ur}_3}$   $\frac{\mathsf{PrF}_2}{\mathsf{Sl}_2}$   $\frac{\mathsf{SF}_2}{\mathsf{Ur}_2}$   $\frac{\mathsf{PrF}_4}{\mathsf{Sl}_4}$   $\frac{\mathsf{SF}_4}{\mathsf{Sl}_4}$   $\frac{\mathsf{Ur}_4}{\mathsf{Ur}_4}$ 

•





 $Pr_2$ 

Pr₄

Exemplu de interferență care conduce la o funcționare incorectă:

Să presupunem că p=Q[0]=0 și că Pr<sub>i</sub> începe execuţia.

Situaţia 1. După ce Pr<sub>j</sub> se execută Q[0]←j şi înainte de a executa p←j, o sarcină Pr<sub>k</sub> cu viteza mai mare în execuţie (pe un procesor mai rapid) execută ambele operaţii Q[p] ←k; p ← k

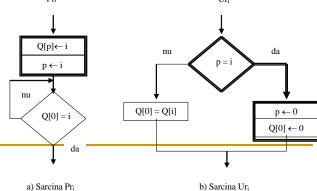
 $S_k$  se va executa imediat, dar cererea pentru  $S_j$  s-a pierdut deoarece Q[0] a fost rescris de  $Pr_k$ .

Considerând *cele două operații indivizibile*  $\mathbf{Q[p]} \leftarrow \mathbf{i}$  ;  $\mathbf{p} \leftarrow \mathbf{i}$  se elimină astfel de interferențe.

Situația 2. Să presupunem că p a fost testat de Ur<sub>i</sub> şi a fost găsit egal cu i (p=i).

Inainte ca  $Ur_i$  să şteargă Q[0] şi p  $Q[0] \leftarrow 0$  ;  $p \leftarrow 0$  se execută sarcina  $Pr_k$ . Înainte de a se testa egalitatea Q[0]=k în cadrul sarcinii  $Pr_k$ ,  $Ur_i$  se execută mai departe trecând pe Q[0] şi p în zero.

Este evient că Pr<sub>k</sub> nu se va executa niciodată, deci operaţiile implicate de Ur<sub>i</sub> trebuie să fie indivizibile.



- In procedura de realizare a excluderii mutuale arătate anterior **primitiva de așteptare** Pr, ocupă procesorul, ceea ce duce la utilizarea ineficientă a acestuia în sisteme în care un număr mare de sarcini intră în competiție pentru resursa R.
- În acelaşi timp apare o puternică interferenţă la memorie prin accesul la variabilele globale; operaţiile indivizibile fiind destul de lungi.
- Soluţia de excludere mutuală prezentată are marele dezavantaj că necesită execuţia unor operaţii indivizibile complicate, ceea ce de cele mai multe ori nu este posibil prin arhitectura procesoarelor sau chiar dacă este posibil, duce la scăderea performanţelor sistemului.

În continuare vom prezenta o suită de algoritmi, în ordinea dezvoltării lor, care presupun că singurele operaţii indivizibile sunt citirea şi scrierea unei locaţii de memorie.

- Dacă există mai multe cereri de citire sau scriere, ele se vor executa serial, într-o ordine oarecare, nespecificată.
- Prezentarea acestor algoritmi se va face, pe cât posibil, în forma în care au fost publicaţi, desprinderea sarcinilor Pr, şi Ur, fiind banală.

# Algoritmi de excludere mutuală în mediu centralizat

- Algoritmul lui Dekker
- Algoritmul lui Dijkstra
- Algoritmul incorect al lui Hyman
- Algoritmul lui Knuth
- Algoritmul lui De Brujin
- Algoritmul lui Eisenberg şi Mac Quire
- Algoritmul lui Peterson
- Algoritmul lui Burns

### Algoritmul lui Dekker

Algoritmul lui Dekker se aplică pentru 2 sarcini S<sub>0</sub> şi S<sub>1</sub> care partajază variabilele:

```
wants_to_enter : array of 2 booleans
turn : integer
wants_to_enter[0] ← false
wants_to_enter[1] ← false
turn ← 0 // or 1
```

#### Semnificaţia acestor variabile este următoarea:

```
wants_to_enter[] \leftarrow false S_i nu dorește să intre în secțiunea critică. wants_to_enter[] \leftarrow true S_i dorește să intre în secțiunea critică. turn = i; Este rândul lui S_i să intre în secțiunea critică.
```

- Prin variabilele wants\_to\_enter sarcinile îşi dispută accesul la secţiunea critică.
- Dacă ele doresc simultan să intre în secţiunea critică, vor utiliza variabila comună turn pentru a arbitra această situaţie de simultaneitate.

```
variables
wants_to_enter : array of 2 booleans
turn : integer
wants_to_enter[0] ← false
wants_to_enter[1] ← false
turn ← 0 // or 1
```

```
S0:
wants to enter[0] ← true
while wants to enter[1] {
  if turn ≠ 0 {
     wants to enter[0] \leftarrow false
     while turn ≠ 0 {
       // busy wait
     wants to enter[0] ← true
// critical section
turn ← 1
wants to enter[0] \leftarrow false
// remainder section
```

#### **S1**:

```
wants to enter[1] ← true
while wants to enter[0] {
  if turn ≠ 1 {
     wants to enter[1] \leftarrow false
     while turn ≠ 1 {
       // busy wait
     wants to enter[1] ← true
// critical section
turn ← 0
wants to enter[1] \leftarrow false
// remainder section
```

### Comentarii

- Sarcinile indică intenția de a intra în secțiunea critică care este testată de bucla exterioară while.
- Dacă celălalt proces nu a marcat intenţia, secţiunea critică poate fi introdusă în siguranţă, indiferent de tura curentă.
- Excluderea reciprocă va fi în continuare garantată, deoarece niciuna dintre sarcini nu poate intra in zona critică înainte de a-şi seta indicatorul (ceea ce implică cel puţin o sarcina va intra în bucla while).
- Alternativ, dacă variabila celuilalt proces a fost setată, bucla while este activă şi variabila turn va stabili cine are voie să devină critic.
- Sarcinile fără prioritate își vor retrage intenția de a intra în secțiunea critică până când li se va acorda din nou prioritate (bucla interioară while).
- Sarcinile cu prioritate vor intra în secțiunea lor critică.

```
S0:
wants to enter[0] ← true
while wants to enter[1] {
  if turn ≠ 0 {
     wants to enter[0] \leftarrow false
     while turn ≠ 0 {
        // busy wait
     wants to enter[0] \leftarrow true
// critical section
turn ← 1
wants to enter[0] \leftarrow false
// remainder section
```

# Comentariu

- Un avantaj al acestui algoritm este că nu necesită instrucțiuni speciale de testare şi setare (citire / modificare / scriere atomică) şi, prin urmare, este extrem de portabil pe arhitecturi de mașini.
- Un dezavantaj este că este limitat la două sarcini și folosește așteptarea ocupată în loc de suspendarea procesului. (Utilizarea așteptării ocupate sugerează că sarcinile ar trebui să petreacă o cantitate minimă de timp în secțiunea critică.)
- Sistemele de operare moderne oferă primitive de excludere reciprocă, care sunt mai generale și mai flexibile decât algoritmul lui Dekker.
- Cu toate acestea, în absența unei dispute reale între cele două sarcini, intrarea și ieșirea din secțiunea critică sunt extrem de eficiente atunci când este utilizat algoritmul lui Dekker.
- Multe procesoare moderne își execută instrucțiunile "out of order" Acest algoritm nu va funcționa pe mașinile cu procesoare "out of order"

#### Algoritmul lui Peterson

- Algoritmul lui Peterson oferă o descriere algoritmică bună a rezolvării problemei secțiunilor critice și ilustrează unele dintre complexitățile implicate în proiectarea software-ului care răspunde cerințelor de excludere reciprocă, progres și așteptare limitată.
- Intr-un articol cu titlu destul de sugestiv pentru ce o să urmeze, "Miths about the Mutual Exclusion Problem" Peterson a elaborat un algoritm extrem de simplu şi elegant.
- Sunt utilizate doua variabile globale,
   flag care arată poziţia fiecărui sarcini faţă de secţiunea critică şi turn care rezolvă situaţiile de simultaneitate.

#### Algoritmul lui Peterson este:

```
bool flag[2] = {false, false};
int turn;
```

```
S1:
                                                     flag[1] = true;
       flag[0] = true;
S0:
                                             S1_gate: turn = 0;
S0_gate: turn = 1;
                                             while (flag[0] == true \&\& turn == 0)
   while (flag[1] == true \&\& turn == 1)
                                                      // busy wait
        // busy wait
                                                    // critical section
      // critical section
                                                    // end of critical section
      // end of critical section
                                                   flag[1] = false;
      flag[0] = false;
```

# Comentariu

- Algoritmul îndeplinește cele trei criterii esențiale pentru a rezolva problema secțiunii critice, cu condiția ca modificările variabilelor turn, flag [0] și flag [1] să se propage imediat și atomic.
- Cele trei criterii sunt excluderea reciprocă, progresul şi aşteptarea limitată.

#### Excludere mutuala

- S0 și S1 nu pot fi niciodată în secțiunea critică în același timp:
- Dacă S0 se află în secțiunea critică, atunci flag [0] este adevărat.
  - În plus, fie flag [1] este fals (adică S1 și-a părăsit secțiunea critică),

fie turn=0 (adică S1 încearcă acum să intre în secțiunea critică, dar așteaptă),

- Dacă ambele sarcini sunt în secțiunile lor critice, atunci starea trebuie să îndeplinească flag
   [0] și flag [1] și turn = 0 și turn = 1.
  - Nici o stare nu poate satisface atât turn = 0, cât și turn = 1, deci nu poate exista o stare în care ambele sarcini se află în secțiunile lor critice.
- Deoarece turn poate lua una din cele două valori, poate fi înlocuit cu un singur bit, ceea ce înseamnă că algoritmul necesită doar trei biţi de memorie pentru implementare sicronizare.

Progresul: o sarcină nu poate intra imediat din nou în secțiunea critică dacă celălaltă sarcină șia setat flag-ul pentru a spune că ar dori să intre în secțiunea sa critică.

Așteptarea limitată : în algoritmul lui Peterson, o sarcină nu va aștepta niciodată mai mult de o tură pentru intrarea în secțiunea critică.

# Algoritmul lui Peterson pentru mai multe sarcini

- Algoritmul de filtrare generalizează algoritmul lui Peterson la N> 2 procese.
- În loc de un flag boolean, necesită o variabilă întreagă pe sarcină, stocată într-un singur registru atomic care este scrisă de o singura sarcină și citită de mai multe sarcini (SWMR) și N-1 variabile suplimentare în registre similare.
- Registrele pot fi reprezentate în pseudocod sub formă de tablouri:
- level : array of N integers
- last\_to\_enter : array of N-1 integers
- Variabilele de nivel iau valori de până la N 1, fiecare reprezentând o "variabilă de așteptare" distinctă înainte de secțiunea critică.
- Sarcinile avansează de la o variabilă la alta, terminând cu variabila în celula N 1, care este secțiunea critică. Mai exact, pentru a obține o blocare, sarcina Si va executa

```
i ← Si for \ell from 0 to N-1 exclusive level[i] ← \ell last_to_enter[\ell] ← i while last_to_enter[\ell] = i and there exists k ≠ i, such that level[k] ≥ \ell wait
```

Pentru a elibera blocarea la ieșirea din secțiunea critică, sarcina Si stabilește nivelul [i] la -1.

# Soluții hardware de excludere mutuală în mediu centralizat pentru sisteme monoprocesor

- În vederea realizării excluderii mutuale se pot prevedea diferite instrucţiuni sau primitive implementate la nivelul arhitecturii maşinii.
- Există o mare diversitate de astfel de soluţii, iar în continuare vor fi considerate doar câteva exemple mai sugestive.
- Într-un sistem monoprocesor pot exista sarcini concurente care îsi dispută accesul la resurse.
- Apare şi un paralelism efectiv între Unitatea Centrală de prelucrare şi subsistemul de I/E care poate antrena şi alte subansamble, cum ar fi:
  - DMA, canale de I/E, module de memorie,
- Relaţia între UCP şi celelalte subansamble este de tip "master-salve".

- În special datorită sistemului de întreruperi, într-un sistem monoprocesor apare o întreţesere a execuţiei sarcinilor, iar anumite secţiuni ale acestora pot fi regiuni critice care trebuie executate în mod exclusiv, fără a fi întrerupte.
- Pentru a realiza aceasta trebuie ca sistemul de intrerupere SIntr să poată fi dezactivat / activat sau anumite nivele să fie mascate / demascate.

Astfel avem:

 Desigur că ar exista o soluţie pentru excluderea mutuală prin evitarea acesteia, prin eliminarea concurenţei, dar aceasta nu este acceptabilă datorită degradării performanţelor.

# Soluții hardware de excludere mutuală în mediu centralizat pentru sisteme multiprocesor

Pentru sistemele multiprocesor realizarea excluderii mutuale depinde şi mai mult de arhitectura sistemului. În principiu, trebuie realizată execuția indivizibilă a unor secvențe de acces la memoria comună.

Dintre soluţiile posibile amintim:

- instrucţiuni atomice de tip XCHG care schimbă între ele două locaţii de memorie sau un registru general şi o locaţie de memorie;
- instrucţiuni atomice de tip TAS (Test And Set) sau RMW (Read Modify Write) care citesc o celulă de memorie, o modifică şi actualizează noua valoare;
- instrucţiuni atomice de tip Lock, Unlock;
- instrucţiuni atomice de incrementare, decrementare;
- instrucţiuni atomice de înlocuire şi adunare.

# Excludere mutuală cu instrucțiuni XCHG

- Instrucţiunea XCHG(r,m) interschimbă, ca o operaţie atomică, conţinutul registrului r cu celula de memorie m (semafor).
  - deci r<sub>i</sub> este o variabilă locală a sarcinii S<sub>i</sub> şi este iniţializată cu 0, iar
  - n este o variabilă globală, comună tuturor sarcinilor care este iniţializată cu 1.
- Ambele variabile pot lua valorile 0, 1.

Algoritmul pentru S<sub>i</sub> va fi:

- Numai procesul care găseşte m=1 va intra în secţiunea critică şi va trece în zero. La ieşire din secţiunea critică va returna pe m la valoarea 1 pentru a permite celorlalte sarcini să intre în secţiunea critică. ( m=1 este o conventie, in unele sisteme se considera m=0)
- Când o sarcina Si intră în secţiunea critică, r<sub>i</sub>=1.
- Deci pentru a realiza excluderea mutuală trebuie ca în orice moment să se verifice relaţia:  $m + \sum_{i=1}^{n-1} r_i = 1,$
- Microprocesorul x86 include în setul de instrucţiuni o astfel de instrucţiune care prefixată cu LOCK realizează funcţia necesară pentru implementarea excluderii mutuale.



# Excluderea mutuală cu instrucțiuni TAS

- Instrucţiunea TAS(m) testează conţinutul lui m şi
  - □ dacă este 0, m ← 1 şi reîntoarce rezultat adevărat.
  - dacă m este 1, lasă conţinutul nemodificat şi întoarce rezultat fals.
- Variabila globală m este iniţializată cu 0.

#### Pentru S<sub>i</sub>, algoritmul este:

```
<început sarcina>;
repetă
până_când TAS(m);
<secţiune critică>;
m ← 0;
<rest sarcina>
```

- Având în vedere că instrucţiunea TAS(m) se execută strict serial, numai sarcina care găseşte m=0 va intra în secţiunea critică, şi va face atribuirea m ← 1.
- La ieşirea din secţiunea critică va face m ← 0 pentru a permite celorlalte sarcini să intre în secţiunea critică.
- Microprocesorul x68000 include în setul de instrucţiuni o instrucţiune TAS indivizibilă, pentru excludere mutuală în structuri multiprocesor.

# Excludere mutuală cu instrucțiuni LOCK,

#### UNLOCK

Pentru familia x86

```
Primitiva LOCK(m)
                                            LOCK_Si
este echivalentă cu:
                                            AST:
                                                     MOV
                                                             AL,0
                                                     LOCK
   repetă nimic cât_timp m=0;
                                                     XCHG
                                                             AL,m
                                                             AL,AL
                                                     TEST
                                                     JΖ
                                                             AST
   m \leftarrow 0;
                                             se intra in executia sarcinii, zona critica
Primitiva UNLOCK(m)
                                            UNLOCK Si
este echivalentă cu:
                                                     MOV
                                                             m,1
   m \leftarrow 1:
```

Iniţializând variabila m cu 1, algoritmul de excludere mutuală este:

```
<început sarcina>
                                 LOCK_Si
                                 AST:
                                          MOV
                                                    AL.0
LOCK(m);
                                          LOCK
                                          XCHG
                                                    AL,m
                                          TEST
                                                    AL,AL
                                          JΖ
                                                    AST
<secţiune critică>;
                                           se intra in executia sarcinii, zona critica
                                 UNLOCK_Si
UNLOCK(m);
                                          MOV
                                                    m,1
<rest sarcini>;
```

 La unele procesoare, această funcţie este realizată de instrucţiuni denumite TSB (Test and Switch Branch).