# MINISTERUL EDUCAȚIEI AL REPUBLICII MOLDOVA



Numele:	
Prenumele:	
Patronimicul:	
Instituția de învățămînt:	
Localitatea:	
Raionul / Municipiul:	

## **MATEMATICA**

### EXAMEN DE ABSOLVIRE A GIMNAZIULUI

05 iunie 2014 Timp alocat – 120 de minute

Rechizite și materiale permise: pix de culoare albastră, creion, riglă, radieră.

Instrucțiuni pentru candidat:

- Citește cu atenție fiecare item și efectuează operațiile solicitate.
- Lucrează independent.

# Îți dorim mult succes!

Numele și prenumele evaluatorului:	Punctaj total:

### Anexă

$$(a-b)(a+b) = a^{2} - b^{2}$$

$$(a-b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2}$$

$$(a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2}$$

$$c^{2} = a^{2} + b^{2}$$

$$V_{con.} = \frac{1}{3}\pi r^{2}h$$

$$V_{cil.} = \pi r^{2}h$$

$$A_{dr.} = a \cdot b$$

$$ax^{2} + bx + c = 0, \qquad a \neq 0, \qquad x_{1} + x_{2} = -\frac{b}{a}, \quad x_{1} \cdot x_{2} = \frac{c}{a}$$

Nr.	Item	Scor
1.	Să se completeze caseta, astfel încît să se obțină o propoziție adevărată. "Dacă $a=4-7$ și $b=\frac{9}{2}\cdot\frac{4}{6}$ , atunci valoarea produsului $a\cdot b$ este numărul"	L 0 2
2.	În desenul alăturat este reprezentat triunghiul $ABC$ , în care $PQ \parallel AB$ , $CQ = 3 \ cm$ , $QB = 6 \ cm$ și $CP = 2 \ cm$ . Să se scrie în casetă lungimea segmentului $PA$ . $PA =                                   $	L 0 2
3.	În desenul alăturat este reprezentat graficul funcției $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, \ f(x) = ax + b.$ Să se scrie în casetă una dintre expresiile "strict crescătoare", "strict descrescătoare" sau "constantă", astfel încît să se obțină o propoziție adevărată. "Funcția $f$ este pe $\mathbb{R}$ ."	L 0 2
4.	Un muncitor a confecționat într-o zi 132 de piese, astfel realizînd 88% din norma zilnică. Să se determine numărul pieselor care urmau să fie confecționate conform normei.  **Rezolvare:**  **Răspuns:*	L 0 1 2 3 4

5.	Să se arate că valoarea expresiei $\left(2\sqrt{3}-1\right)^2+\left(\sqrt{3}+2\right)^2$ este un număr natural. <i>Rezolvare</i> :	L 0 1 2 3 4
6.	Fie A mulțimea soluțiilor reale ale ecuației $2x^2 - x - 3 = 0$ . Să se determine $card(A \cap \mathbb{Z})$ . Rezolvare:	L 0 1 2 3 4
7.	Fie dreptunghiul $ABCD$ , în care $O$ este punctul de intersecție a diagonalelor, $OC = 3 \ cm$ , iar $m( \checkmark COD) = 60^\circ$ . Să se determine aria dreptunghiului $ABCD$ . $Rezolvare$ :	L 0 1 2 3 4 5

8.	Ion a achitat pentru un caiet și trei pixuri suma de 19 lei, iar Maria a achitat pentru trei caiete și două pixuri, de același fel, suma de 22 de lei. Să se determine prețul unui caiet și prețul unui pix.  **Rezolvare:**  **Răspuns:*	L 0 1 2 3 4 5
9.	Fie funcția $f:D\to\mathbb{R},\ D\subset\mathbb{R},\ f(x)=\sqrt{6-3x}+\frac{2}{x-1}.$ Să se determine domeniul de definiție al funcției $f.$ Rezolvare:	L 0 1 2 3 4 5
10.	Măspuns:  Un corp din metal de forma unui cilindru circular drept cu înălțimea de 20 cm a fost topit și transformat într-un con circular drept, raza bazei căruia este congruentă cu raza bazei cilindrului. Să se determine lungimea înălțimii conului. Rezolvare:  Răspuns:	L 0 1 2 3 4 5

11.	Fie $x_1$ și $x_2$ soluțiile reale ale ecuației $x^2+2\sqrt{3}x-\sqrt{3}=0$ . Să se afle valoarea expresiei $\frac{1}{x_1}+\frac{1}{x_2}$ . Rezolvare:	L 0 1 2 3 4 5
	<i>Răspuns</i> :	
12.	Fie funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ , $f(x) = x^2 + px + q$ . Să se determine valorile reale ale lui $p$ și $q$ , pentru care punctul $A(-1; 2)$ este vîrful parabolei ce reprezintă graficul funcției $f$ . Rezolvare:	L 0 1 2 3 4 5

# Examenul de absolvire a gimnaziului BAREM DE CORECTARE

#### Notă:

- 1. În cazul cînd nu este indicată metoda de rezolvare, orice metodă de rezolvare poate fi acceptată odată ce ea satisface cerințele răspunsului oferit în baremul de corectare, și apreciată cu punctajul maximal conform baremului.
- 2. Nu cereți să vedeți calcule efectuate și argumentate dacă nu sunt specificate în cerință.
- 3. Nu introduceți puncte suplimentare la barem sau jumătăți de punct.

Ite mul	Scor maxi m	Răspuns corect	Etapele rezolvării	Punctaj acordat	Ob ser vații
1.	2 p.	<b>-9</b>	Punctele se acordă numai pentru completarea corectă a casetei.	2 p.	
2.	2 p.	4	Punctele se acordă numai pentru completarea corectă a casetei.	2 p.	
3.	2 p.	strict crescătoare	Punctele se acordă numai pentru completarea corectă a casetei.	2 p.	
4.	4 p.	150 de piese	- Scrierea raportului procentual pentru numărul de piese necesare de realizat conform normei - Obținerea proporției pentru numărul de piese necesare de realizat conform normei - Calcularea numărului de piese necesare de realizat conform normei - Răspuns corect	1 p. 1 p. 1 p. 1 p. 1 p.	
5.	4 p.		<ul> <li>- Aplicarea formulelor de calcul prescurtat (cîte 1 p. pentru fiecare formulă)</li> <li>- Obţinerea valorii expresiei egală cu 20</li> <li>- Concluzia că valoarea expresiei este număr natural</li> </ul>	2 p. 1 p. 1 p.	
6.	4 p.	$card(A \cap \mathbb{Z}) = 1$	<ul> <li>Rezolvarea ecuației de gradul al doilea (cîte 1 p. pentru fiecare soluție)</li> <li>Determinarea card(A ∩ Z)</li> <li>Răspuns corect</li> </ul>	2 p. 1 p. 1 p.	
7.	5 p.	9√3 cm²	<ul> <li>- Argumentarea că triunghiul <i>COD</i> este echilateral - Determinarea lungimii diagonalei <i>AC</i> - Determinarea lungimii laturii <i>AD</i> - Determinarea ariei dreptunghiului - Răspuns corect </li> </ul>	1 p.	
8.	5 p.	4 lei-prețul unui caiet; 5 lei-prețul unui pix	<ul> <li>- Alcătuirea sistemului de ecuații (cîte</li> <li>1 p. pentru fiecare ecuație)</li> <li>- Rezolvarea sistemului de ecuații</li> <li>(cîte 1 p. pentru determinarea valorii</li> </ul>	2 p.	

			Case as	2		
			fiecărei necunoscute)	2 p.		
			- Răspuns corect	1 p.		
			- Scrierea sistemului $\begin{cases} 6 - 3x \ge 0 \\ x - 1 \ne 0 \end{cases}$			
9.	5 p.	$(-\infty;2]\setminus\{1\}$	$(x-1 \neq 0)$ (cîte 1 p. pentru fiecare condiție) - Rezolvarea sistemului	2 p.		
			$\begin{cases} 6 - 3x \ge 0 \\ x - 1 \ne 0 \end{cases}$	2 p. 1 p.		
			- Răspuns corect - Exprimarea volumului cilindrului	1 p.		
			prin lungimea razei bazei	1 p.		
			- Exprimarea volumului conului prin lungimea înălțimii sale și prin			
10.	5 p.	60 cm	lungimea razei bazei cilindrului - Egalarea volumelor celor două	1 p.		
			corpuri	1 p.		
			- Determinarea lungimii înălțimii			
			conului	1 p.		
			- Răspuns corect	1 p.		
			- Scrierea relațiilor lui Viete în			
			contextul dat (cîte 1 p. pentru	2		
			fiecare)	2 p.		
11.	5 n	2	- Scrierea expresiei în forma			
11.	5 p.	3 p. 2	<u> </u>	$\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2}$	1 p.	
				- Calcularea valorii expresiei $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$	- F.	
				1 p.		
			- Răspuns corect	1 p.		
			- Scrierea $\frac{-p}{2} = -1$	1 p.		
10			- Determinarea valorii lui <i>p</i>	1 p.		
12.	5 p.	p = 2; q = 3.	- Scrierea condiției $f(-1) = 2$	1 p.		
			- Determinarea valorii lui <i>q</i>	1 p.		
			- Răspuns corect	1 p.		
	48p.					
	48p.					