Võ Trần Đông Dương

## PHẦN TRẢ LỜI CÂU HỎI CODING 3.4.2

Để tìm trung vị của mảng a gồm n phần tử mà không qua sắp xếp trực tiếp, ta có thể sử dung thuật toán quickselect.

Ta sẽ quy bài toán này thành bài toán  $Tim\ phần\ tử\ lớn\ thứ\ k\ của\ mảng.$  Hàm tìm phần tử thứ k trong mảng a sẽ là find(a,k). Trong hàm find, ta thực hiện các bước sau:

- 1. Lựa chọn ngẫu nhiên một phần tử trong mảng đang xét làm chốt (pivot).
- 2. Chia mảng đang xét thành ba phần là *Left*, *Mid* và *Right*, với *Left* để lưu các phần tử có giá trị bé hơn *pivot*, *Right* để lưu các phần tử có giá trị lớn hơn *pivot*, còn *Mid* lưu các phần tử bằng với *pivot*.



3. Nếu k < length(Left) thì phần tử thứ k sẽ nằm trong Left, ta sẽ tìm tiếp phần tử thứ k trong Left với hàm find(Left,k).

Nếu k < length(Left) + length(Mid) thì phần tử thứ k sẽ nằm trong Mid, may mắn thay, các phần tử trong Mid cũng chính là phần tử cần tìm, nên ta sẽ trả về Mid[0].

Nếu k không rơi vào 2 trường hợp trên thì phần tử thứ k sẽ nằm trong Right, phần tử thứ k trong mảng a sẽ là phần tử thứ k-length(Left)-length(Mid) trong Right, ta sẽ tìm tiếp với hàm

$$find(Right, k - length(Left) - length(Mid)).$$

Duy trì thực hiện đến khi đoạn mảng đang xét chỉ còn 1 phần tử, đó chính là phần tử cần tìm.

Từ đây, việc tìm trung vị của mảng a sẽ dựa vào thuật toán này.

Nếu n lẻ thì trung vị sẽ là find(a, (n+1)/2).

Nếu n chẵn thì trung vị sẽ là  $\frac{1}{2}$ .(find(a, n/2) + find(a, n/2 + 1)).

Độ phức tạp của thuật toán trên là khoảng O(n). Bởi vì mỗi lần đệ quy tìm kiếm, ta chỉ tìm trên một nửa của mảng đang xét, độ phức tạp trung bình sẽ là:

$$n + \frac{n}{2} + \frac{n}{4} + \frac{n}{8} + \ldots = 2n => O(n).$$

1