

Федеральное государственное автономное
образовательное учреждение
высшего образования
«СИБИРСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Институт космических и информационных технологий
институт

Кафедра «Информатика»
кафедра

ОТЧЕТ О ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №1

Управляющие конструкции: функции, паттерн-матчинг, исключения
Тема

Преподаватель

подпись, дата

А. А. Чикизов

инициалы, фамилия

Студент

КИ19-16/16 031939175

номер группы, зачетной книжки

подпись, дата

А. Д. Непомнящий

инициалы, фамилия

Красноярск 2022

1 Задание

Вычислить и вывести на экран в виде таблицы значения функции, заданной с помощью ряда Тейлора, на интервале от $X_{\text{нач}}$ до $X_{\text{кон}}$ с шагом dx с точностью e . Таблицу снабдить заголовком и шапкой. Каждая строка таблицы должна содержать значение аргумента, значение функции и количество просуммированных членов ряда.

Вариант 11.

$$11. \quad \operatorname{arth} x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(2n+1)x^{2n+1}} = \frac{1}{x} + \frac{1}{3x^3} + \frac{1}{5x^5} + \dots, \quad |x| < 1.$$

2 Исходный код основного алгоритма

Исходный код программы приведен на листинге 1.

Листинг 1 — исходный код основного алгоритма

```
package com.github.durakin
package lab1

import scala.annotation.tailrec
import scala.io.StdIn.readLine
import scala.sys.exit

@main
def Main(): Unit =
  val x0 = scanDouble("Enter X0")
  val x1 = scanDouble("Enter Xn")
  val dx = math.abs(scanDouble("Enter dX (sign will be omitted)"))
  val e = math.abs(scanDouble("Enter required precision (sign will be omitted)"))
  val result = taylorArtanhInterval(x0, x1, dx, e)
  println("Every X with absolute value not above 1 will be skipped")
  val s = "%-8s | %-12s | %-12s | %-18s | %-8s | Iterations"
  println(s.format("x", "~f(x)", "f(x)", "delta", "delta/e"))
  result.foreach(x => println(f"${x._1}%08.4f | ${x._2._1}%012.9f | ${
    artanh(x._1)}%012.9f | ${math.abs(x._2._1 - artanh(x._1))}%1.16f | ${
    math.abs(x._2._1 - artanh(x._1)) / e}%08.6f | ${x._2._2}%6d"))
  exit(0)

def artanh(x: Double): Double =
  0.5 * math.log((1.0 + x) / (x - 1.0))

def taylorArtanhMono(x: Double, n: Int): Double =
  1.0 / ((2 * n + 1) * math.pow(x, 2 * n + 1))

@tailrec
def taylorArtanhRow(x: Double, e: Double, n: Int = 0, res: Double = 0): (Double, Int) =
```

Окончание листинга 1

```
if math.abs(taylorArtanhMono(x, n)) < e then (res, n)
else
  taylorArtanhRow(x, e, n + 1, res + taylorArtanhMono(x, n))

def taylorArtanhInterval(x0: Double, x1: Double, dx: Double, e: Double):
List[(Double, (Double, Int))] =
  if x0 >= x1 then Nil
  else if math.abs(x0) > 1.1 then List((x0, taylorArtanhRow(x0, e))) :::
taylorArtanhInterval(x0 + dx, x1, dx, e)
  else taylorArtanhInterval(x0 + dx, x1, dx, e)

def scanDouble(msg: String = ""): Double =
  println(msg)
  try
    readLine().toDouble
  catch
    case nfe: NumberFormatException =>
      println("Got a NumberFormatException.")
      exit(-1)
```

3 Результаты

x	~f(x)	f(x)	delta	delta/e	Iterat
-10.0000	-0.1003333333	-0.100335348	0.0000020143977422	0.201440	2
-09.7500	-0.102923740	-0.102926027	0.0000022870974665	0.228710	2
-09.5000	-0.105651941	-0.105654547	0.0000026053455343	0.260535	2
-09.2500	-0.108529274	-0.108532253	0.0000029782751763	0.297828	2
-09.0000	-0.111568358	-0.111571776	0.0000034171751661	0.341718	2
-08.7500	-0.114783285	-0.114787221	0.0000039360797817	0.393608	2
-08.5000	-0.118189836	-0.118194389	0.0000045525438867	0.455254	2
-08.2500	-0.121805753	-0.121811041	0.0000052886691281	0.528867	2
-08.0000	-0.125651042	-0.125657214	0.0000061724737864	0.617247	2
-07.7500	-0.129748358	-0.129755598	0.0000072397373282	0.723974	2
-07.5000	-0.134123457	-0.134131993	0.0000085365072162	0.853651	2
-07.2500	-0.138805746	-0.138815868	0.0000101225394393	1.012254	2
-07.0000	-0.143840860	-0.143841036	0.0000001762667464	0.017627	3
-06.7500	-0.149246267	-0.149246494	0.0000002276459823	0.022765	3
-06.5000	-0.155077167	-0.155077464	0.0000002968833026	0.029688	3
-06.2500	-0.161386305	-0.161386696	0.0000003912781922	0.039128	3
-06.0000	-0.168235597	-0.168236118	0.0000005216027875	0.052160	3
-05.7500	-0.175698239	-0.175698943	0.0000007040098057	0.070401	3
-05.5000	-0.183861427	-0.183862390	0.0000009631440635	0.096314	3
-05.2500	-0.192829903	-0.192831240	0.0000013373257306	0.133733	3
-05.0000	-0.202730667	-0.202732554	0.0000018873874155	0.188739	3
-04.7500	-0.213719295	-0.213722007	0.0000027121295036	0.271213	3
-04.5000	-0.225988586	-0.225992562	0.0000039761207115	0.397612	3
-04.2500	-0.239780579	-0.239786540	0.0000059612886137	0.596129	3
-04.0000	-0.255403646	-0.255412812	0.0000091660496621	0.916605	3
-03.7500	-0.273271049	-0.273271853	0.0000008045721074	0.080457	4
-03.5000	-0.293891822	-0.293893332	0.0000015109178155	0.151092	4
-03.2500	-0.317991405	-0.317994383	0.0000029780051610	0.297801	4
-03.0000	-0.346567379	-0.346573590	0.0000062116138286	0.621161	4
-02.7500	-0.381068521	-0.381070026	0.0000015053701199	0.150537	5
-02.5000	-0.423644518	-0.423648930	0.0000044126063002	0.441261	5
-02.2500	-0.477753270	-0.477755723	0.0000024521937219	0.245219	6
-02.0000	-0.549294141	-0.549306144	0.0000120031453826	1.200315	6
-01.7500	-0.649635344	-0.649641492	0.0000061482540488	0.614825	8
-01.5000	-0.804702837	-0.804718956	0.0000161196626847	1.611966	10

-01.2500		-1.098594326		-1.098612289		0.0000179631494921		1.796315		18
001.2500		01.098594326		01.098612289		0.0000179631494921		1.796315		18
001.5000		00.804702837		00.804718956		0.0000161196626847		1.611966		10
001.7500		00.649635344		00.649641492		0.0000061482540488		0.614825		8
002.0000		00.549294141		00.549306144		0.0000120031453826		1.200315		6
002.2500		00.477753270		00.477755723		0.0000024521937219		0.245219		6
002.5000		00.423644518		00.423648930		0.0000044126063002		0.441261		5
002.7500		00.381068521		00.381070026		0.0000015053701199		0.150537		5
003.0000		00.346567379		00.346573590		0.0000062116138286		0.621161		4
003.2500		00.317991405		00.317994383		0.0000029780051610		0.297801		4
003.5000		00.293891822		00.293893332		0.0000015109178155		0.151092		4
003.7500		00.273271049		00.273271853		0.0000008045721074		0.080457		4
004.0000		00.255403646		00.255412812		0.0000091660496621		0.916605		3
004.2500		00.239780579		00.239786540		0.0000059612886137		0.596129		3
004.5000		00.225988586		00.225992562		0.0000039761207115		0.397612		3
004.7500		00.213719295		00.213722007		0.0000027121295037		0.271213		3
005.0000		00.202730667		00.202732554		0.0000018873874155		0.188739		3
005.2500		00.192829903		00.192831240		0.0000013373257307		0.133733		3
005.5000		00.183861427		00.183862390		0.0000009631440635		0.096314		3
005.7500		00.175698239		00.175698943		0.0000007040098057		0.070401		3
006.0000		00.168235597		00.168236118		0.0000005216027875		0.052160		3
006.2500		00.161386305		00.161386696		0.0000003912781922		0.039128		3
006.5000		00.155077167		00.155077464		0.0000002968833026		0.029688		3
006.7500		00.149246267		00.149246494		0.0000002276459823		0.022765		3
007.0000		00.143840860		00.143841036		0.0000001762667464		0.017627		3
007.2500		00.138805746		00.138815868		0.0000101225394394		1.012254		2
007.5000		00.134123457		00.134131993		0.0000085365072162		0.853651		2
007.7500		00.129748358		00.129755598		0.0000072397373282		0.723974		2
008.0000		00.125651042		00.125657214		0.0000061724737864		0.617247		2
008.2500		00.121805753		00.121811041		0.0000052886691281		0.528867		2
008.5000		00.118189836		00.118194389		0.0000045525438867		0.455254		2
008.7500		00.114783285		00.114787221		0.0000039360797817		0.393608		2
009.0000		00.111568358		00.111571776		0.0000034171751662		0.341718		2
009.2500		00.108529274		00.108532253		0.0000029782751763		0.297828		2
009.5000		00.105651941		00.105654547		0.0000026053455343		0.260535		2
009.7500		00.102923740		00.102926027		0.0000022870974666		0.228710		2