Andrzej M. Borzyszkowski

#### Wykład 5

Integralność – definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skróti SHA-1

skrótu Szyfrowanie i uwierzyteln

Podstawy

Andrzej M. Borzyszkowski

## Wykład 5 Integralność definicie

MAC dla ciągów dowolnej długości Eunkcie skróti

SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelni nie

## Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Instytut Informatyki Uniwersytet Gdański

sem. zimowy 2017/2018

#### Integralność a prywatność

- Prywatność: Ewa nie potrafi odczytać wiadomości m z kryptogramu c
  - czy potrafi go zmienić złośliwie? (integralność)
- Szyfr strumieniowy
  - $-c = m \oplus G(k)$ , zmiana bitu w c zmienia ten sam bit w m
- Szyfr blokowy w trybach OFB oraz CTR
  - zasada szyfrowania jest podobna
  - zmiana bitu w c zmienia ten sam bit w m
- Szyfr blokowy w trybie ECB
  - zmiana bitu w c zmienia cały blok w wiadomości m
  - można bezkarnie zmienić kolejność bloków
- Szyfr blokowy w trybie CBC
  - zmiana bitu w *IV* zmienia bit w pierwszym bloku *m*
  - nagłówek pliku często ma ważne informacje

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

#### Wykład 5

Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcje skró

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia

# Integralność danych: MAC i funkcje skrótu

Podstawy kryptogra

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla

ciągów dowolnej długości

SHA-1 nne funkcje

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia-

### Integralność – definicja

- MAC (message authentication code)
  - algorytm generowania klucza k (np. losowy wybór)
  - algorytm obliczania MAC(k, m) dla klucza i wiadomości m
  - algorytm weryfikacji dla klucza k, wiadomości m oraz kodu uwierzytelniającego t
- Odporność na atak
  - wybrany jest pewien klucz k
  - Ewa ma dostęp do wyroczni obliczającej  $MAC(k, \_)$
  - Ewa wygrywa jeśli znajdzie prawidłowy skrót dla jakiejkolwiek nowej wiadomości
- Atak przez powtórzenie (Ewa kopiuje wiadomość ze skrótem)
  - nie jest objęty tą definicją
  - wymaga pojęcia stanu
  - np. uzgodniony zegar, albo licznik

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność definicje

MAC dla ciągów dowolnej długości Funkcie skri

Inne funkc

Szyfrowanie i uwierzytelni nie

Podstawy kryptogra-

> Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność –

MAC dla ciągów dowolnej długości

SHA-1 Inne funkcj

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

#### Funkcja pseudolosowa jako MAC

- Dana funkcja pseudolosowa  $F : [n] \times [n] \rightarrow [n]$
- MAC(k, m) = F(k, m)
  - weryfikacja: t = MAC(k, m)
- Twierdzenie: jest to bezpieczny algorytm uwierzytelniania dla ciągów ustalonej długości
  - dla funkcji losowej wartości f(x) oraz f(y) są niezależne,
  - funkcja pseudolosowa jest PPT nieodróżnialna od losowej
  - więc znajomość wielu wartości nie pomaga w znalezieniu nowej
- Problemem jest nadal funkcja  $MAC: [n] \times [*] \rightarrow [*]$  dla ciągów dowolnej długości
  - a w praktyce będziemy żądać by  $\mathit{MAC}:[n] \times [*] \to [\ell]$ , stała długość

#### MAC dla ciągów dowolnej długości c.d.

- Rozwiązanie: każdy blok zawiera:
  - numer bloku (uniemożliwia przestawienie)
  - długość pliku (np. liczbę bloków, uniemożliwia ucięcie)
  - liczbę jednorazową (uniemożliwia sklejanie wiadomości)
  - oraz fragment wiadomości
  - MAC jest zestawem: liczba jednorazowa i ciąg MAC bloków

Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność –

> MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skró SHA-1

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

#### MAC dla ciągów dowolnej długości

- Pomysły nieprawidłowe:
- ullet Obliczyć  $\oplus$  dla wszystkich bloków i wtedy MAC tej sumy
  - łatwo zmienić wiadomość zachowując sumę
- Obliczyć MAC dla każdego bloku osobno
  - można zmienić kolejność bloków
  - wiadomość można po prostu uciąć
  - można sklejać fragmenty różnych wiadomości
- Obliczyć MAC dla bloków numerowanych
  - nadal wiadomość można uciąć
  - nadal można sklejać fragmenty różnych wiadomości
- Obliczyć MAC dla bloków numerowanych i posiadających informację o łącznej długości
  - nadal można sklejać fragmenty różnych wiadomości zachowując długość

#### Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

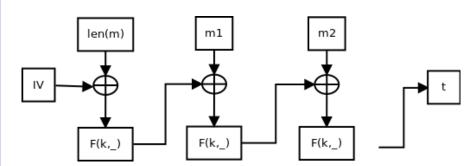
MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1

Inne funkcje skrótu Szyfrowanie

# MAC dla ciągów dowolnej długości w trybie CBC

- Cel:
  - MAC powinien dawać wynik stałej długości
  - powinien stosować się do ciągów naprawdę długich
- MAC działa jak tryb blokowy CBC
  - ale tylko ostatni blok jest zwracany
  - wektor początkowy jest ustalony w definicji algorytmu
  - długość pliku też jest kodowana



Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność –

MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skró

Inne funkcje skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5
Integralność definicje
MAC dla
ciągów
dowolnej

długości
Funkcje skróto
SHA-1

Inne funkcje skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia

## Szyfrowanie w trybie CBC a MAC – różnice

- Wektor początkowy
  - dla szyfrowania jest niezbędny, zapewnia niedeterminizm
  - dla obliczania MAC jest szkodliwy, umożliwia zmianę pierwszego bloku wiadomości
- Zestaw wyników funkcji losowej
  - dla szyfrowania jest niezbędny, umożliwia obliczenie odwrotnego algorytmu (odszyfrowanie)
  - dla MAC jest niepotrzebny
- Kodowanie długości
  - dla szyfrowania jest niepotrzebne, cała wiadomość jest odtwarzana
  - dla MAC nie ma innego sposobu zaznaczenia długości pliku
  - gdyby zwracać wszystkie MAC'i też nie byłoby bezpiecznie
  - są powody, by długość kodować jako pierwszy blok

#### Zastosowania funkcji skrótu

- Nie kryptograficzne:
  - znajdowanie indeksów tablic dla argumentów ze zbioru [\*] albo zbioru [N] dla dużego N (tablice mieszające)
  - wykrywanie przypadkowych błędów transmisji: przesyłane są wiadomość m oraz skrót h(m), odczytywane są  $m_1$  oraz  $h_1$ , jeśli  $h(m_1) \neq h_1$ , to znaczy, że wystąpił błąd
- Kryptograficzne:
  - wykrywanie celowych i złośliwych zmian dokumentów
  - skrócenie wiadomości dla kryptografii asymetrycznej (podpis)
- Inne nazwy:
  - hash, odcisk palca (fingerprint), message digest
  - MAC (dla funkcji z hasłem)

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność –

MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1

Inne funkcje skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelni Funkcje skrótu

• Dowolna funkcja  $h: [*] \rightarrow [n]$ 

- dziedzina: ciągi bitów dowolnej (dużej) długości

- przeciwdziedzina: ciągi bitów długości ustalonej i niedużej

• Przykład  $h: [n+n] \rightarrow [n], h(x,y) = x \oplus y$ 

– funkcję tę można iterować i przetwarzać ciągi dowolnej długości:  $H(x, \langle y, Z \rangle) = H(h(x, y), Z)$ 

 dla dowolnego ciągu bitów trzeba jeszcze uzupełnić ostatni niepełny blok

- Własności funkcji H
  - łatwo się oblicza (w przykładzie jest to po prostu suma)
  - łatwo znaleźć dwa ciągi t.ż. H(x) = H(y)

#### Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Nykład 5

definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzyteln

## Własności kryptograficznych funkcji skrótu

- Dana wiadomość m oraz skrót h(m)
  - zmieniona wiadomość  $m_1$  oraz  $h(m_1)$
  - jeśli  $h(m) = h(m_1)$  to nie ma sposobu wykrycia zmiany
  - w.p.p. atakujący musi przekazać inny skrót
- Założenia:
  - łatwo obliczyć (ale nie MAC, które wymaga hasła)
- trudno jest znaleźć jakiekolwiek  $m_1$  t.ż.  $h(m_1) = y$  (funkcja jednokierunkowa, problem 1. przeciwobrazu)
- trudno jest znaleźć  $m_1$  t.ż.  $h(m_1) = h(m)$  dla danego m (słaba bezkolizyjność, problem 2. przeciwobrazu)
- trudno jest znaleźć jakiekolwiek dwie wiadomości m oraz  $m_1$  takie że  $h(m) = h(m_1)$  (silna bezkolizyjność)

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

definicje MAC dla ciągów dowolnej

Funkcje skrótu

Inne funkc

skrótu

Podstawy

kryptogra

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje MAC dla

ciągów dowolnej długości Funkcje skrót

SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

#### Atak urodzinowy

- Jakie jest prawdopodobieństwo, że dwie osoby spośród n mają urodziny tego samego dnia?
  - dla n=2, prawd.  $\approx \frac{1}{366}$
  - dla n = 367, prawd. = 1
  - dla n = 23, prawd.  $> \frac{1}{2}$
- Prawd.  $\approx exp(-n^{2/2N})$ 
  - jest znacznie większe niż żądanie, by zachodziła równość z zadaną wartością
  - dla dwóch zestawów liczb  $\,< N\,$  o wielkości  $\sqrt{N}\,$  elementów jest duża szansa na wspólny element
  - np. dla  $N=2^{56}$  wystarczy zgromadzić zestawy po  $2^{28}$  elementów, czyli gigabajty

#### Metoda Merkle-Damgarda, własności

- Jeśli funkcja kompresji  $h_s$  ma własność bezkolizyjności, to funkcja H też ma taką własność
  - dw. gdyby dwie wiadomości miały ten sam skrót H
  - to albo będą się różnić wielkością (ostatni blok da kontrprzykład dla  $h_s$ )
  - albo będą się różnić wcześniej, wcześniejszy blok da kontrprzykład dla  $h_{s}$
- MAC w algorytmie Merkle-Damgarda
   NMAC (market MAC) alle blaces (
  - NMAC (nested MAC): dla klucza k dodatkowy blok na końcu  $h_s(k, H(m))$

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność –

definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skrótu

Inne funkcje skrótu

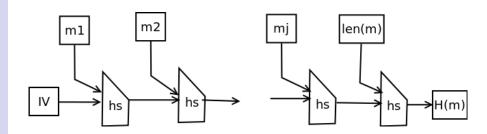
Szyfrowanie i uwierzytelnia-

#### Metoda Merkle-Damgarda

- Dana funkcja  $h_s:[n+n] \to [n]$  (funkcja kompresji)
- (może zależna od dodatkowego parametru s)
- iteracja dla ciągów dowolnej długości:

$$H(x,\langle y,Z\rangle)=H(h_s(x,y),Z)$$

- dla dowolnego ciągu bitów trzeba jeszcze uzupełnić ostatni, niepełny blok ciągu
- na końcu blok kodujący długość pliku
- wektor początkowy jest ustalony



Podstawy kryptografii

Andrzej M. Borzyszkowski

Vykład 5

MAC dla ciągów dowolnej długości

SHA-1 Inne funkcje

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia

### Standard SHA-1 (secure hash algorithm)

- Opracowany przez NIST (National Institute of Standards and Technology)
  - pierwsza wersja była niedoskonała, stąd SHA-1
  - produkuje skrót 160 bitowy
- Standard określa funkcję kompresji, jest ona iterowana  $-m = \{m_0, m_1, m_2, \ldots\}$ ,  $X_0$  początkowa wartość rejestru,  $X_{j+1} = h(X_j, m_j)$ , h(m) jest równe ostatniej wartości rejestru standard określa też początkową wartość rejestru oraz sposób wypełnienia ostatniego bloku: ostatnie 64 bity określają długość m, brakujące są uzupełnione zerami

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

definicje MAC dla ciągów dowolnej długości

Funkcje skró

Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelni nie

Podstawy kryptogra-

> Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

MAC dla ciągów dowolnej

długości Funkcje skr

SHA-1 Inne funkcje

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

#### SHA-1 dla jednego bloku

- Operacje nieliniowe: 'and', 'or' bitowo

  operacje liniowe: 'not', ⊕ czyli dodawanie modulo 2, dodawanie modulo 2<sup>32</sup>, przesunięcie bitów w lewo
  definicja funkcji pomocniczych
  f(B, C, D) = (B ∧ C) ∨ ((¬B) ∧ D),
  f(B, C, D) = B ⊕ C ⊕ D, . . .
  - definicja 85 stałych 32 bitowych
- Rejestr ma 5 elementów: A, B, C, D, E po 32 bity, inicjalizowanych przez 5 stałych, blok ma 16 fragmentów 32-bitowych
  dla 80 rund obliczamy shift<sub>5</sub>(A) + f(B, C, D) + E + W + K → A, A → B, shift<sub>30</sub>(B) → C, C → D, D → E, f są różne dla różnych rund, K kolejną stałą, w jest początkowo fragmentem bloku,

później  $W_i = shift(W_{i-3} \oplus W_{i-8} \oplus W_{i-14} \oplus W_{i-16})$ 

MD5

- Autor: Rivest
- Skrót 128 bitowy
  - 4 rejestry 32 bitowe
  - 64 rundy (4 cykle po 16)
  - w każdym cyklu inna funkcja nieliniowa z efektem lawinowym, przesunięcia bitów, dodawanie z bieżącymi danymi
- Znaleziono kolizje!
- MD2, inna funkcja
  - bardzo wolna
  - ale chyba bezpieczniejsza
  - jest używana w protokole PEM, bezpiecznej poczty elektronicznej

Podstawy kryptografii

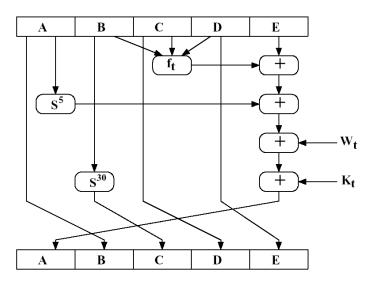
Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5

Integralność definicje
MAC dla ciągów dowolnej długości
Funkcje skrót

skrótu Szyfrowanie i uwierzytelnia-

#### Jedna runda w SHA-1



http://nsfsecurity.pr.erau.ededu/crypto/sha\_1.html cytat za *Cryptography and Network Security: Principles and Practice* William Stallings

Podstawy kryptogra-

Andrzej M. Borzyszkowski

Vykład 5

definicje MAC dla ciągów dowolnej

Funkcje skrót SHA-1

Inne funkcje skrótu Szyfrowanie

### Inne funkcje skrótu

- Funkcje md4, md5, ripemd, sha-1
- Silna bezkolizyjność jest problematyczna, tylko sha-1 jest w miarę dobre
  - znaleziono dwa certyfikaty X.509 o tej samej wartości funkcji skrótu md5
  - gdyby jeden był podpisany przez wystawcę certyfikatów, to automatycznie drugi też
- Nie ma problemów ze słabą bezkolizyjnością i nieodwracalnością
  - gdyby te własności były naruszone, to duża część kryptografii byłaby w kłopocie

Andrzej M. Borzyszkowski

Wykład 5 Integralność definicje MAC dla ciągów dowolnej

długości Funkcje skró SHA-1

Inne funkcj skrótu

Szyfrowanie i uwierzytelnia nie

#### Szyfrowanie i uwierzytelnianie

- Dane dwa klucze, jak zapewnić poufność i integralność?
   1) przesłać Enc(k<sub>1</sub>, m) oraz MAC(k<sub>2</sub>, m)
- ale MAC może ujawnić całą wiadomość
  - a praktycznie zawsze jest deterministyczny: ŹLE
  - 2) przesłać  $Enc(k_1, m || MAC(k_2, m))$
- szyfr nie musi być odporny na atak z wybranym kryptogramem
  - być może nawet da się odtworzyć cały tekst jawny: ŹLE PRAWIDŁOWE ROZWIĄZANIE:
  - 3) przesłać  $Enc(k_1, m)$  oraz  $MAC(k_2, Enc(k_1, m))$
- uniemożliwia atak przez modyfikację kryptogramu
- bezpieczeństwo takie same jak dla Enc
- UWAGA: MAC i *Enc* mogą być funkcjami wzajemnie odwrotnymi (szyfry blokowe itp), klucze muszą być różne