# 第九次作业实验报告

### 实验环境

以下所有实验都处于这一环境中

操作系统

Windows 10 家庭中文版 64位 版本10.0.17134.345

硬件

CPU Intel Core i7-8750H

RAM 8GB

IDE

Microsoft Visual Studio Community 2017 VisualStudio.15.Release/15.8.5+28010.2036

Visual C++ 2017 00369-60000-00001-AA380

## 第一题: 挑选肥羊

## 实验目的

设有若干只羊(>100只),需要从中挑选最肥的100只供使用。如何选拔这100只最肥的羊,请同学帮忙使用至少2种不同算法编程。提示:羊的重量可以采用随机函数 rand() 来产生。另外:使用断点调试,截获保存"最大100只羊"数组的调试窗口图,并在作业报告中提交。

初步学习排序算法

## 实验内容

#### 分析

最容易想到的就是对存储羊的重量的数组进行冒泡/选择排序,将最重的100只羊挑出来即可。

观察到 rand()产生的五位数、四位数足够多,故将羊的重量初始化为0,然后再赋值。之后的挑选阶段也可以将挑出的羊赋值为0表示选过了。

#### 代码

#### 冒泡排序

```
#include <iostream>
1
2
    using namespace std;
 3
4
    int main() {
 5
        int iNumberOfSheep;
        cout << "Please input the number of sheep: \n";</pre>
 6
 7
        cin >> iNumberOfSheep;
8
        int iWeightOfSheep[1024] = { 0 };
9
        for (int i = 0; i < iNumberOfSheep; ++i) {</pre>
10
             iWeightOfSheep[i] = rand();
11
        }
12
13
        for (int i = 0; i < 100; ++i) {
             for (int j = iNumberOfSheep - 1; j > i; --j) {
14
15
                 if (iweightOfSheep[j] > iweightOfSheep[j - 1]) {
16
                     iweightOfSheep[j - 1] += iweightOfSheep[j];
17
                     iweightOfSheep[j] = iweightOfSheep[j - 1] - iweightOfSheep[j];
                     iweightofSheep[j - 1] -= iweightofSheep[j];
18
19
                 }
20
             }
21
        }
22
        for (int i = 0; i < 100; ++i) {
23
24
             cout << iweightOfSheep[i] << endl;</pre>
25
        }
26
27
        return 0;
28 }
```

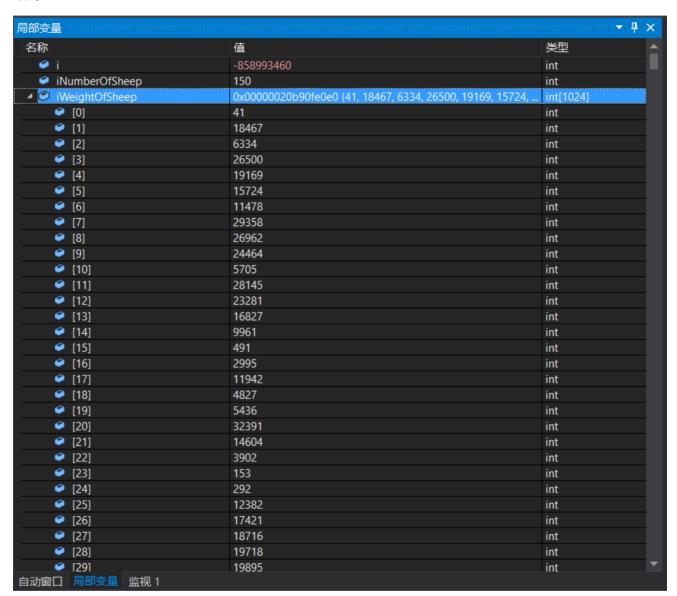
#### 选择排序

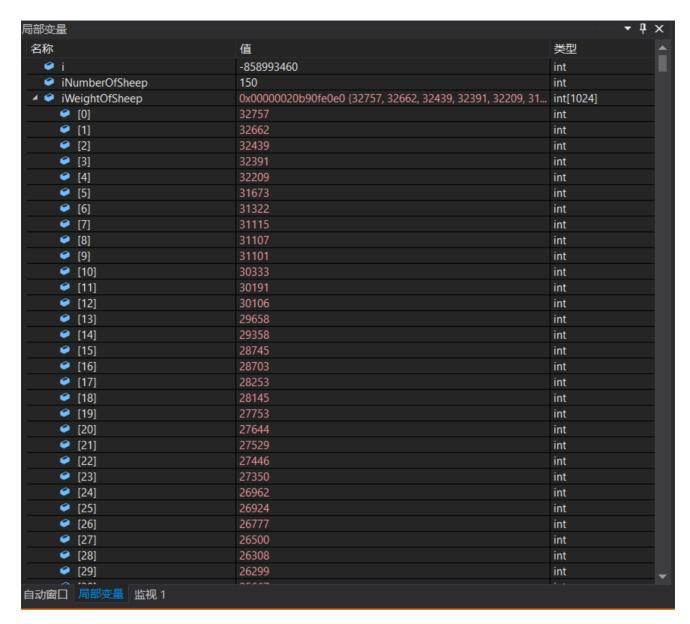
```
#include <iostream>
2
    using namespace std;
 3
4
    int main() {
 5
        int iNumberOfSheep, temp;
        cout << "Please input the number of sheep: \n";</pre>
 6
 7
        cin >> iNumberOfSheep;
        int iweightOfSheep[1024] = \{ 0 \}, iHeavy[100] = \{ 0 \};
8
9
        for (int i = 0; i < iNumberOfSheep; ++i) {</pre>
10
             iweightOfSheep[i] = rand();
        }
11
12
        for (int i = 0; i < 100; ++i) {
13
14
             for (int j = 0; j < iNumberOfSheep; ++j) {
15
                 if (iHeavy[i] < iWeightOfSheep[j]) {</pre>
                     iHeavy[i] = iWeightOfSheep[j];
16
17
                      temp = j;
18
                 }
19
20
             iWeightOfSheep[temp] = 0;
21
        }
```

```
for (int i = 0; i < 100; ++i) {
    cout << iHeavy[i] << endl;
}

return 0;
}</pre>
```

### 结果





### 分析总结

进一步,可以考虑使用二维数组存储羊的重量以及它们的编号,实现方式与上方代码高度类似。

## 第二题: 高斯消去法

## 实验目的

题目略

理解所给材料后将其写为代码

## 实验内容

#### 分析

由题给材料,可以得出高斯消元法的实现过程如下(针对n阶方阵):

```
1
   //此处的U[][]是增广矩阵
2
    for (int k = 0; k < n - 1; ++k) {
3
            //列选主元
            for (int i = k + 1; i < n; ++i) {
4
 5
                if (U[i][k] > U[k][k]) {
6
                    for (int j = 0; j < n + 1; ++j) {
 7
                        U[k][j] += U[i][j];
8
                        U[i][j] = U[k][j] - U[i][j];
9
                        U[k][j] = U[i][j];
10
                    }
               }
11
12
            }
13
            //归一化
14
15
            for (int j = k + 1; j < n + 1; ++j) {
16
                U[k][j]/= U[k][k];
17
            }
18
            //消去
19
20
            for (int i = k + 1; i < n; ++i) {
21
                for (int j = k + 1; j < n; ++j) {
22
                    U[i][j] = U[i][k] * U[k][j];
23
24
25
                U[i][n] -= U[i][k] * U[k][n];
            }
26
27
        }
```

实现思路与线性代数课程所讲的基本一致,通过矩阵的初等行变换将增广矩阵化为"阶梯型"。

进一步,得出解:

```
1 | x[n-1] = U[n - 1][n] / U[n - 1][n - 1];
2     for (int i = n - 2; i >= 0; --i) {
3         double sum = 0;
4         for (int j = i + 1; j < n; ++j) {
5             sum += U[i][j] * x[j];
6         }
7         x[i] = U[i][n] - sum;
8     }</pre>
```

### 代码

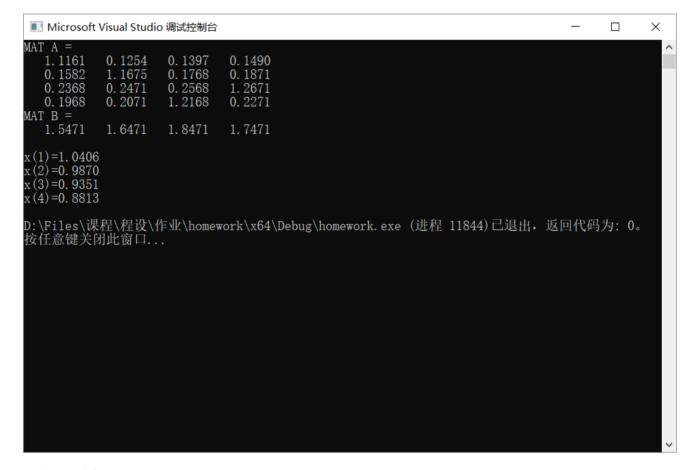
```
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;

int main() {
    double A[4][4] = { 1.1161, 0.1254, 0.1397, 0.1490, 0.1582, 1.1675, 0.1768, 0.1871, 0.2368, 0.2471, 0.2568, 1.2671, 0.1968, 0.2071, 1.2168, 0.2271 };
```

```
7
        double b[4] = \{ 1.5471, 1.6471, 1.8471, 1.7471 \};
8
        double x[4] = \{ 0 \};
9
        double U[4][5];
10
11
        cout.setf(ios::showpoint);
12
        cout.flags(ios::fixed);
13
        cout.precision(4);
14
15
        cout \ll "MAT A =\n";
16
        for (int i = 0; i < 4; ++i) {
17
             for (int j = 0; j < 4; ++j) {
18
                 cout << setw(9) << A[i][j];</pre>
19
20
             cout << endl;</pre>
21
22
        cout << "MAT B =\n";
        for (int j = 0; j < 4; ++j) {
23
24
             cout << setw(9) << b[j];</pre>
25
26
        cout << endl;</pre>
27
28
        for (int i = 0; i < 4; ++i) {
29
             for (int j = 0; j < 5; ++j) {
30
                 if (j == 4)U[i][j] = b[i];
                 else U[i][j] = A[i][j];
31
32
            }
33
        }
34
35
        for (int k = 0; k < 3; ++k) {
36
             //列选主元
             for (int i = k + 1; i < 4; ++i) {
37
                 if (U[i][k] > U[k][k]) {
38
39
                     for (int j = 0; j < 5; ++j) {
40
                          U[k][j] += U[i][j];
41
                          U[i][j] = U[k][j] - U[i][j];
                          U[k][j] -= U[i][j];
42
                     }
43
44
                 }
             }
45
46
             //归一化
47
             for (int j = k + 1; j < 5; ++j) {
                 U[k][j]/= U[k][k];
48
49
             }
             //消去
50
             for (int i = k + 1; i < 4; ++i) {
51
52
                 for (int j = k + 1; j < 4; ++j) {
                     U[i][j] = U[i][k] * U[k][j];
53
54
55
                 U[i][4] -= U[i][k] * U[k][4];
56
57
             }
        }
58
59
        cout << endl;</pre>
```

```
60
        x[3] = U[3][4] / U[3][3];
61
        for (int i = 2; i >= 0; --i) {
62
            double sum = 0;
            for (int j = i + 1; j < 4; ++j) {
63
64
                 sum += U[i][j] * x[j];
65
66
            x[i] = U[i][4] - sum;
67
        for (int i = 0; i < 4; ++i) {
68
69
            cout << "x(" << i + 1 << ")=" << x[i] << end];
70
71
72
        return 0;
73 }
```

### 结果



## 分析总结

这道题的难点在于,化为"阶梯型"的过程中,没有将对于求解用不到的数一并处理,造成处理完后与线性代数所讲的高斯消元法"形状不同"的效果。

## 第三题:鸡兔同笼

## 实验目的

某著名高校数学系教授在家教孙子做作业。题是这样:鸡和兔共15只,且有40只脚,问鸡和兔各几只?他开始给孙子解答,"设鸡的数量为,兔的数量为"......还没等他讲完这些,旁边另一位小朋友已给出了了答案!他的算法是:假设鸡和兔都训练有素,吹一声哨,抬起一只脚,40-15=25。再吹哨,又抬起一只脚,25-15=10。此时鸡都一屁股坐地上了了,兔子还两只脚立着。所以,兔子有10÷2=5只,鸡有15-5=10只。这种算法,让教授们情何以堪!试想一下:如果是计算机解题?又该如何编程呢?

### 实验内容

#### 分析

最容易想到的就是遍历所有情况, 找鸡兔数量满足要求的情况

但是可以应用题目中"另一位小朋友"的方法,先将 腿数 -头数\*2 ,进而得出兔子数量,然后推出鸡的数量。

#### 代码

#### 遍历

```
1 #include <iostream>
2
   using namespace std;
 3
   int main() {
4
 5
        int iNumber, iFeet;
6
        cout << "How many animals?\n";</pre>
7
       cin >> iNumber;
8
        cout << "And how many feet?\n";</pre>
9
        cin >> iFeet;
        for (int i = 0; i \le iNumber; ++i) {
10
             if (4 * i + 2 * (iNumber - i) == iFeet) {
11
12
                 cout << "There are " << i << " rabbits and " << iNumber - i << "</pre>
    chickens.\n":
13
                return 0;
14
             }
15
16
        cout << "Input error\n";</pre>
        return 0;
17
18 }
```

#### 小朋友方法

```
1 #include <iostream>
 2
   using namespace std;
3
4
   int main() {
 5
        int iNumber, iFeet;
6
        cout << "How many animals?\n";</pre>
 7
        cin >> iNumber;
        cout << "And how many feet?\n";</pre>
8
9
        cin >> iFeet;
10
11
        if ((iFeet - iNumber * 2) % 2 == 0) {
             cout << "There are " << (iFeet - iNumber * 2) / 2 << " rabbits and " <<</pre>
12
    iNumber - (iFeet - iNumber * 2) / 2 << " chickens.\n";</pre>
```

```
13          return 0;
14      }
15          cout << "Input error\n";
16
17          return 0;
18      }</pre>
```

### 结果

# 分析总结

对于数字较小的情况下,两种方案的效率相差不多。但是当数字很大时,第二种方法的效率明显较好。