Cvičenie 8.

Príklad 8.1

Elektrónový záchyt sa môže uskutočniť záchytom elektrónu z rôznej vrstvy K,L,....Experimentáne bolo zistené, že pre mnohé jadrá je pravdepodobnosť L záchytu okolo 11% z pravdepodobnosti záchytu K elektrónu. Overte tento výsledok pomocou vlnových funkcií pre atóm vodíka.

Príklad 8.2

Ukážte, že energia fotónu pri deexcitácii jadra je

$$E_{\gamma} = \Delta E - \frac{(\Delta E)^2}{2Mc^2} \tag{1}$$

kde $\Delta E = E_i - E_f$ a M je hmotnosť deexcitovaného jadra.

Príklad 8.3

Pre dané gamma premeny jadier vymenujte všetky dovolené multipólové prechody.

$$a)1^- \longrightarrow 2^+$$

$$b)\frac{1}{2}^- \longrightarrow \frac{7}{2}$$

$$d)_4^2 \longrightarrow 2^+$$

$$\begin{array}{c} \text{b)} \frac{1}{2}^{-} \longrightarrow \frac{7}{2}^{-} \\ \text{d)} 4^{+} \longrightarrow 2^{+} \\ \text{e)} \frac{11}{2}^{-} \longrightarrow \frac{3}{2}^{+} \\ \text{f)} 3^{+} \longrightarrow 3^{+} \end{array}$$

$$f)3^{+} \longrightarrow 3^{+}$$

Príklad 8.4

Z kvapkového modelu ukážte, že veličina $\frac{Z^2}{A}$ je rozhodujúcim parametrom pre stabilitu jadra vzhľadom k spontánnemu

Príklad 8.5

Z kvapkového modelu odhadnite energiu uvoľnenú pri štiepení $^{239}_{92}$ U.

Príklad 8.6

Z kvapkového modelu ukážte, že rozdiel medzi väzbovou energiou jadra v tvare elipsoidu s osami $a = R(1 + \epsilon)$; $b=c=\frac{R}{\sqrt{1+\epsilon}}$ a sférického jadra je

$$\Delta E = \left(-\frac{2}{5}a_s A^{2/3} + \frac{1}{5}a_c Z^2 A^{-1/3}\right)\epsilon^2. \tag{2}$$

Aká podmienka z tohto vzťahu vyplýva pre spontánne štiepenie jadier?

Príklad 8.7

Ak je pomalý neutrón zachytený jadrom $^{235}_{92}$ U, vznikne excitovaný stav $^{236}_{92}$ U* . Aká je jeho exitačná energia? Ak uvážime, že aktivačná energia je rovná 6.2 MeV, može záchyt pomalých neutrónov na jadre $^{235}_{92}$ U vyvolať štiepenie?

Príklad 8.8

Ak je pomalý neutrón zachytený jadrom $^{238}_{92}$ U, vznikne excitovaný stav $^{239}_{92}$ U* . Aká je jeho exitačná energia? Ak uvážime, že aktivačná energia je rovná 6.6 MeV, može záchyt pomalých neutrónov na jadre $^{238}_{92}$ U vyvolať štiepenie?