PARADIGME DE PROGRAMARE

Curs 11

Metapredicate. Probleme de căutare în spațiul stărilor. Probleme de satisfacere a constrângerilor.

Metapredicate

Metapredicat = predicat care primește scopuri ca argumente

• corespondentul funcționalelor din programarea funcțională

Metapredicate pentru colectarea soluțiilor (de satisfacere a unui scop)

- findall
- bagof
- setof

Metapredicate de tip for

forall

Metapredicatul findall

```
findall(+Template, :Goal, -Bag)
```

 Pentru fiecare variantă de satisfacere a scopului Goal, instanțierea corespunzătoare a lui Template este depusă în Bag

```
scop compus
?- findall(X-Y, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
```

Metapredicatul findall

```
findall(+Template, :Goal, -Bag)
```

 Pentru fiecare variantă de satisfacere a scopului Goal, instanțierea corespunzătoare a lui Template este depusă în Bag

```
scop compus

?- findall(X-Y, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).

L = [6-3, 8-4, 9-3, 10-5, 12-3, 12-4, 12-6].
```

```
bagof (+Template, :Goal, -Bag)
```

 La fel ca findall, dar se construieşte câte un Bag pentru fiecare instanţiere diferită a variabilelor libere din Goal (libere = care nu apar în Template)

Exemple

```
?- bagof(X-Y, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
?- bagof(X, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
```

```
bagof (+Template, :Goal, -Bag)
```

 La fel ca findall, dar se construieşte câte un Bag pentru fiecare instanţiere diferită a variabilelor libere din Goal (libere = care nu apar în Template)

Exemple

```
?- bagof(X-Y, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], L = [6-3, 8-4, 9-3, 10-5, 12-3, 12-4, 12-6].
?- bagof(X, (numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], Y = 3, L = [6, 9, 12];
NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], Y = 4, L = [8, 12];
NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], Y = 5, L = [10];
NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], Y = 6, L = [12].
```

```
bagof (+Template, :Goal, -Bag)
```

- La fel ca findall, dar se construieşte câte un Bag pentru fiecare instanţiere diferită a variabilelor libere din Goal (libere = care nu apar în Template)
- Dacă doresc să nu se țină cont de instanțierile diferite ale unei variabile libere Y folosesc notația Y^Goal

```
?- bagof(X, Y^(numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L).
```

```
bagof (+Template, :Goal, -Bag)
```

- La fel ca findall, dar se construieşte câte un Bag pentru fiecare instanţiere diferită a variabilelor libere din Goal (libere = care nu apar în Template)
- Dacă doresc să nu se țină cont de instanțierile diferite ale unei variabile libere Y folosesc notația Y^Goal

```
?- bagof(X, Y^{(numlist(3,12,NL),member(X,NL),member(Y,NL),X>Y,0 =:= mod(X,Y)), L). NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], L = [6, 8, 9, 10, 12, 12, 12].
```

Metapredicatul setof

```
setof(+Template, :Goal, -Bag)
```

- La fel ca bagof, dar fiecare Bag este o mulțime (nu conține duplicate)
- Dacă doresc să nu se țină cont de instanțierile diferite ale unei variabile libere Y folosesc notația Y^Goal (ca la bagof)

```
?- setof(X, Y^{\wedge}(numlist(3,12,NL), member(X,NL), member(Y,NL), X>Y, 0 =:= mod(X,Y)), L).
```

Metapredicatul setof

```
setof(+Template, :Goal, -Bag)
```

- La fel ca bagof, dar fiecare Bag este o mulţime (nu conţine duplicate)
- Dacă doresc să nu se țină cont de instanțierile diferite ale unei variabile libere Y folosesc notația Y^Goal (ca la bagof)

```
?- setof(X, Y^{\wedge} (numlist(3,12,NL), member(X,NL), member(Y^{\vee}, NL), X>Y^{\vee}, 0 =:= mod(X,Y^{\vee})), L). NL = [3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12], L = [6, 8, 9, 10, 12].
```

Metapredicatul forall

```
forall(:Cond, :Action)
```

• Reușește dacă pentru fiecare satisfacere a lui Cond se poate demonstra Action

Exemple

```
?- forall(member(X,[2,4,6]), X mod 2 =:= 0).
?- forall(member(X,[2,4,3,6]), X mod 2 =:= 0).
```

Metapredicatul forall

```
forall(:Cond, :Action)
```

• Reuşeşte dacă pentru fiecare satisfacere a lui Cond se poate demonstra Action

Exemple

```
?- forall(member(X,[2,4,6]), X mod 2 =:= 0).
true.
?- forall(member(X,[2,4,3,6]), X mod 2 =:= 0).
false.
```

Căutare în spațiul stărilor – Cuprins

- Spaţiul stărilor
- Strategii de căutare
- Reprezentarea datelor
- Abstractizare o bibliotecă pentru căutare

Spațiul stărilor

- Modelat ca graf orientat
 - Noduri = stări intermediare (soluții parțiale)
 - Stare inițială = soluție neexpandată (configurație de pornire)
 - Stări finale = soluții complete (configurații care respectă toate cerințele problemei)
 - Arce = tranziții legale între stări (de la o soluție parțială la o soluție parțială extinsă cu un pas)

Căutare în spațiul stărilor = explorarea spațiului, pornind de la o stare inițială, cu scopul de a găsi una sau mai multe stări finale

Spațiul stărilor – Exemplu

Fie problema săriturii calului pe o tablă de șah 5x5.

• Soluția presupune să plecăm din poziția 1/1 și să acoperim tabla prin sărituri de cal

Exemple (de elemente în graf)

- Stare inițială I: [1/1] (calul încă nu a efectuat nicio săritură)
- Nod intermediar N1: [1/1, 2/3] (din linia 1 și coloana 1 s-a sărit pe linia 2 și coloana 3)
- Nod intermediar N2: [1/1, 2/3, 1/5]
- Stare finală F: [1/1, 2/3, 1/5, 3/4, 1/3, 2/1, 4/2, 5/4, 3/5, 1/4, 2/2, 4/1, 3/3, 2/5, 4/4, 5/2, 3/1, 1/2, 2/4, 4/5, 5/3, 3/2, 5/1, 4/3, 5/5]
- Arc: (N1, N2) (tranziție legală, spre deosebire de (N1, F) care nu e arc în graf)

Căutare în spațiul stărilor – Cuprins

- Spaţiul stărilor
- Strategii de căutare
- Reprezentarea datelor
- Abstractizare o bibliotecă pentru căutare

Strategii de căutare

- Generare şi testare
 - foarte ineficient (presupune generarea tuturor permutărilor)
- Backtracking
 - foarte adecvat Prolog-ului (care are backtracking încorporat în motorul de inferență)
- DFS / BFS / Iterative deepening / A*
 - uşor de modelat folosind
 - liste (pe post de stive şi cozi)
 - metapredicate (pentru a colecta vecinii unui anumit nod în spațiul stărilor)

Observație: Ne vom concentra pe mecanismul de backtracking.

Căutare în spațiul stărilor – Cuprins

- Spaţiul stărilor
- Strategii de căutare
- Reprezentarea datelor
- Abstractizare o bibliotecă pentru căutare

Reprezentarea datelor

Avem de reprezentat

- Noduri
 - Care este (fapt) sau cum se generează (regulă) o stare inițială
 - Care este (fapt) sau cum se recunoaște (regulă) o stare finală
- Arce
 - Ce reprezintă o tranziție legală dintr-o stare în alta (regulă)

Reprezentări tipice

- Noduri = căi între configurația inițială și cea curentă
 = liste (ex: lista ordonată a pozițiilor pe care calul a sărit deja)
 - Stare inițială = listă vidă (sau conținând o situație inițială)
- Arce = scopuri arc(+Sursă, -Destinație) unde Destinația e o expandare a Sursei

Reprezentarea stării finale

- - - Lungimea acesteia
 - Ce se află pe anumite poziții (de exemplu, la soluția unui Sudoku)
 - Câmpurile deja instanțiate opresc automat expandările care nu se potrivesc cu template-ul
- Regulă de recunoaștere (ex pt săritura calului: length(Sol, 25))
 - O stare finală este o stare care îndeplinește un set de condiții
 - Înainte de orice expandare, verificăm dacă am ajuns deja într-o stare finală

Observație

• Cu sau fără template, se vor expanda multe căi inutile dacă programatorul nu filtrează încă din predicatul arc sau imediat după ce efectuează o tranziție folosind predicatul arc

Căutare în spațiul stărilor – Cuprins

- Spaţiul stărilor
- Strategii de căutare
- Reprezentarea datelor
- Abstractizare o bibliotecă pentru căutare

Exemplu – săritura calului

Rezolvări (la calculator)

- Varianta cu template
- Varianta fără template

Discuție

• Ce putem abstractiza astfel încât să obținem o bibliotecă utilă și în rezolvarea altor probleme?

Abstractizarea procesului de căutare

```
%% rezolvare = explorare pornind de la starea inițială
solve(Sol) :- initial state(State), search([State], Sol).
%% explorarea se oprește când atingem o stare finală
search (States, Sol) :- final state (States), !, reverse (States, Sol).
%% altfel:
search([S | States], Sol) :-
      arc(S, Next),
                                       %% alege o configurație următoare
                              %% evitând ciclurile
      \+member(Next, States),
      search([Next, S | States], Sol). %% și continuă explorarea
```

Test

Fie predicatul select implementat ca mai jos:

```
select(A, [A|B], B).
select(B, [A|C], [A|D]) :- select(B, C, D).
```

Ce vor afișa următoarele query-uri? (includeți toate soluțiile ca și cum ați apăsa ; după fiecare răspuns)

```
?- select(2, [1,2,1,X], Y).
?- select(X, [1,2,3], Y).
?- select(1, X, [A,2]).
```

Satisfacerea constrângerilor – Cuprins

- Descrierea problemei
- Strategii de rezolvare
- Puzzle-uri logice
- Abstractizare

Problemă de satisfacere a constrângerilor

Date de intrare

- O mulțime de variabile
- Domeniile din care variabilele pot lua valori
- Constrângeri asupra variabilelor

leșire

• O mulțime de asocieri variabilă-valoare care să satisfacă toate condițiile de mai sus

Exemplu

Intrare

- X1, X2, X3, X4, Y1, Y2, Y3, Y4 ∈ [2 .. 9]
- X1*2=Y3, Y4*2=X2, Y1=X1+X3, X1+X2+X3+X4>Y1+Y2+Y3+Y4
- Toate variabilele au valori diferite între ele

leșire

 X_i : 2678

Y_i: 9543

Satisfacerea constrângerilor – Cuprins

- Descrierea problemei
- Strategii de rezolvare
- Puzzle-uri logice
- Abstractizare

Strategii de rezolvare

- Strategiile de căutare deja menționate
- Backtracking + Algoritm de arc-consistență

Algoritm de arc-consistență (într-o rețea de constrângeri)

- Rețea de constrângeri = graf orientat
- Nod = variabilă
- Arc = constrângere care implică cele 2 variabile
 - (X,Y) arc-consistent dacă pentru orice valoare din domeniul lui X există o valoare în domeniul lui Y astfel încât constrângerea este respectată
- Funcţionare: se examinează toate arcele pentru arc-consistenţă, eliminând valori din domeniile variabilelor atunci când este necesar (ceea ce duce la un număr finit de reexaminări)

Satisfacerea constrângerilor – Cuprins

- Descrierea problemei
- Strategii de rezolvare
- Puzzle-uri logice
- Abstractizare

Puzzle-uri logice

Puzzle logic = problemă de deducție, adecvată rezolvării în paradigma logică

- Strategia de rezolvare = **generare și testare + optimizări** (într-un sens larg, asta sunt toate strategiile menționate anterior)
- Posibilități
 - Generare ușoară (soluția se alege dintre puțini candidați, care pot fi enumerați și apoi testați)
 - Se pornește cu setul complet de candidați
 - Pentru fiecare constrângere, se scrie o regulă care produce un set actualizat pe baza celui anterior
 - Generare dificilă (foarte mulți candidați, durează foarte mult să fie generați toți)
 - Se pornește cu un template care descrie soluția
 - Se instanțiază acest template începând cu alegerile implicate în cât mai multe constrângeri, astfel încât să se reducă mult și rapid spațiul candidaților
 - Nu există o regulă clară despre ordinea care va da cele mai bune rezultate, și de la un punct încolo recurgem tot la generare de permutări (însă intuiția este să o facem cât mai "târziu")

Generare ușoară – leul și unicornul

Leul și unicornul: Ce zi e azi?

Leul minte în fiecare luni, marți și miercuri și în rest spune adevărul.

Unicornul minte în fiecare joi, vineri și sâmbătă și în rest spune adevărul.

Leul spune: leri mințeam.

Unicornul spune: Şi eu.

- Tipul problemei
 - generare ușoară (avem doar 7 candidați cele 7 zile ale săptămânii)
- Rezolvare (la calculator)
 - Scrie câte o regulă de filtrare a setului de candidați pentru fiecare constrângere
 - Cea impusă de afirmația leului
 - Cea impusă de afirmația unicornului

Generare ușoară – ziua lui Cheryl

• Enunț și rezolvare – la calculator

Generare dificilă – devoratoarele de Pizza

În jurul unei pizza cu 6 felii stau:

• 6 prietene: mara, moira, maya, marla, myra, marva

• născute în orașele: austin, dallas, san_antonio, galveston, woodlands, houston

• și au ca topping: mushrooms, sausage, pepperoni, pepper, meatballs, broccoli

Va trebui sa aflăm cum sunt așezate ele, unde e născută și ce mănâncă fiecare, ținând cont de o serie de indicii (constrângeri).

- Tipul problemei
 - generare dificilă (foarte multe combinații posibile)
- Rezolvare (la calculator, alături de restul enunțului)
 - Pornim de la un template care descrie soluția
 - Generăm și testăm toate variantele, apoi schimbăm ordinea pentru a constata efectul asupra performanței

Satisfacerea constrângerilor – Cuprins

- Descrierea problemei
- Strategii de rezolvare
- Puzzle-uri logice
- Abstractizare

Biblioteca clpfd

- CLP(FD): Constraint Logic Programming over Finite Domains
 - :- use_module(library(clpfd)).
- Algoritm de arc-consistență încorporat pentru constrângeri asupra numerelor întregi
 - Pentru cei interesați: https://github.com/triska/clpfd