

# 考研数据结构

---

## 绪论

---

### 基本概念

---

#### 数据

保存信息的载体

#### 数据元素

数据对象的基本单位。

#### 数据项

数据元素的最小单位。

#### 数据对象

具有相同性质的数据元素。

#### 数据类型

##### 原子类型

其值不可再分

##### 结构类型

其值可再分

##### 抽象数据类型

抽象数据和其对应的操作所组成

### 数据结构的定义

其数据元素之间具有一种或多种**特定关系的集合**。且数据元素之间的关系称之为**结构**。

数据结构的定义由**逻辑**、**存储结构**和**数据的运算**三部分组成，所以其数据类型表示最好是抽象数据类型。

#### 注意：

一个**算法的设计**基于数据的逻辑结构；**算法的实现**基于数据的存储结构。

### 数据结构三要素

## 数据的逻辑结构

### 线性结构

线性表：普通顺序表、栈和队列、数组、串。

### 非线性结构

非线性表：集合、树形结构、图的结构。

从逻辑上来说：线性结构就是一个萝卜一个坑；非线性结构就是不同品种萝卜的种在不同的田。

## 数据的存储结构

### 顺序存储结构

数据对象的数据元素在逻辑上和物理上的存储是连续的。

### 链式存储结构

数据元素之间逻辑上连续，物理上不连续。

### 索引存储结构

利用索引表，构建的索引项（由数据的关键字和地址组成）

### 散列存储结构

又称Hash存储，使用关键字确定数据元素的存储地址。

## 数据的运算

### 在数据上的运算的定义

作用于逻辑结构，指出运算的功能。

### 在数据上的运算的实现

作用于存储结构，指出具体的操作步骤。

## 算法

五个特征：有穷性（算法有在有限时间内执行和退出、可行性（算法的操作可理解性、确定性（步骤明确、输入、输出

五个目标：正确性、可读性、健壮性、效率和低存储量要求。

### 时间复杂度

一个语句的频度：指一个算法中一条语句被重复执行的次数。

$T(n)$ ：指的算法中所有语句的频度之和。

通常来说，我们指算法复杂度，是指算法中，依赖问题规模 $n$ (输入量)，增长速度最快的函数 $f(n)$ 的频度 $O(f(n))$ ，且**与问题规模 $n$ 成正比**，所以说 $T(n) = O(f(n))$

### 例子：递归调用

对于线性递归函数，其 $f(n) = f(n - 1) + c$ ，其 $O(f(n + c)) = O(n)$

对于非线性递归函数，其 $f(n) = f(n - 1) + f(n - 2)$ ，其调用结构更类似于**执行树**，那么久类似于完全二叉树计算结点数，当树具有n层，其结点总数=2n-1,故其时间复杂度为 $O(2n - 1)$

### 空间复杂度

算法所需耗费的存储空间 $S(n) = O(g(n))$

其包含了算法中的变量、常量、指令和输入数据外，还包含了对数据进行操作时所需的辅助空间。

## 线性表

---

## 顺序表

---

是相同数据类型的有限序列。

存储结构为逻辑和物理上元素都是相邻。

### 位序和数组下标区别

---

位序：是指数组索引从1开始。

数组下标：是指数组索引从0开始。

### 静态分配

---

使用数组进行建立。

#### 缺点：

数组大小不可更改。

### 动态分配

---

使用指针，malloc开辟连续堆空间存储，不使用时需要使用free释放空间。

#### 缺点：

增加拓展顺序表时，需要使用辅助空间，导致空间复杂度高。

### 特点

---

随机访问：访问元素的时间复杂为 $O(1)$ 。

存储密度高：动态分配中不仅有data还有该data指针(存储的地址)。

拓展容量不方便。

插入、删除元素不方便。

### 操作

---

## 创建表并初始化、删除表

createlist

initatelist

destroylist

## 插入、删除某元素

insertlist

deletelist

## 查找

### 按位查找

### 按值查找

## 总代码

```
#include<iostream>
using namespace std;
#define Maxsize 10

//创建动态分配顺序表
typedef struct {
    int* data;
    int length;
}sqlist;

//创建静态分配顺序表
typedef struct {
    int data[Maxsize];
    int length;
}matrix_sqlist;

//初始化顺序表
//静态类型
template<typename T> void InitialList(T& l,int Init_len)
{
    for (int i = 0; i < Init_len; i++) {
        l.data[i] = 0;
    }
    l.length = Init_len;
    cout << "Initial matrix_sqlist is ok!" << endl;
}

//销毁动态顺序表
template < class T > bool DestroyList(T& l) {
```

```

        free(l.data);
        return true;
    }

    //求表长
    template<class T> int LenList(T l) {
        return l.length;
    }

    //查询表是否为空
    template < class T > bool isEmptyList(T l) {
        if (l.length == 0) {
            return true;
        }
        return false;
    }

    //插入新元素于顺序表中，使用从尾部移动，腾出位序i位置的方法
    template <class T> bool InsertElem(T& l, int index, int e) {
        //如果插入元素的位序小于1或大于数组最大长度，返回false
        if (index < 1 || index > Maxsize - 1) {
            return false;
        }
        //如果顺序表的长度已经达到最大，则无法插入新元素
        if (l.length == Maxsize) {
            return false;
        }

        for (int j = l.length; j > index; j--) {
            l.data[j] = l.data[j - 1];
        }
        l.data[index] = e;
        ++l.length;
        return true;
    }

    //删除元素
    template <class T> bool DeleteElem(T& l, int index) {
        if (index < 1 || index > Maxsize - 1) {
            return false;
        }
        for (int j = index; j < l.length - 1; ++j) {
            l.data[j] = l.data[j + 1];
        }
        --l.length;
        return true;
    }

    //按位查找
    template < class T > int GetElem(T l, int index) {
        if (index < 1 || index > Maxsize - 1) {
            return 0;
        }
        return l.data[index-1];
    }

```

```

}

//按值查找
template <class T> auto LocateElem(T l, int value) -> decltype(value) {
    //return --> index
    for (int i = 0; i < l.length; ++i) {
        if (l.data[i] == value) {
            return i;
        }
    }
}

//打印顺序表中已有元素
template<class T> void PrintList(T l) {
    for (int i = 0; i < l.length; ++i) {
        cout << l.data[i];
    }
    cout << endl;
}

int main() {
    //测试静态顺序表
    matrix_sqliist mq;
    InitialList(mq,3);
    InsertElem(mq, 1, 1);
    InsertElem(mq, 2, 2);
    cout <<"顺序表长度:"<< LenList(mq) << endl;
    PrintList(mq);
    DeleteElem(mq, 1);
    PrintList(mq);
    cout <<"Find ELEMt index:"<< LocateElem(mq, 2) << endl;;
    cout <<"The index is value in the sqliist:"<< GetElem(mq, 2) << endl;;

    //测试动态顺序表
    sqliist ql;
    ql.data = (int*)malloc(sizeof(int) * Maxsize);
    InitialList(ql,3);
    PrintList(ql);
}

```

# 树

## 区分:

## m叉树和度为m的树：

度为m的树	m叉树
其至少有一个结点的度为m，任意结点的度 $\leq m$	任意节点的度 $\leq m$
其高度h时，至少有m+h-1个结点。	允许所有结点的度都小于 $< m$
一定是非空树，至少有m+1个结点	可以为空树

高度为h的m叉树，至少有h个结点。

高度为h、度为m的树，至少有h+m-1个结点

## 树常考性质

1. 结点数的总度数=结点数-1
2. 度为m的树种第i层上至多有 $m^{i-1}$ 个结点。
3. 高度为h的m叉树至多有 $\frac{m^h-1}{m-1}$ 个结点(完全m叉树)
4. 具有n个结点的m叉树的最小高度 $h = \log_m(n(m-1) + 1)$

## 二叉树

### 完全二叉树

满二叉树可以是完全二叉树。

其特点是，若有度为1的结点，其只有左子树，没有右子树。

当前结点编号i=偶数时，父结点编号为 $\frac{i}{2}$ ，左子树为 $2i$ ，右子树为 $2i-1$ ，当前结点为 $i/2$ 的左孩子；

当前结点编号i=奇数时，父结点编号为 $\frac{i-1}{2}$ ，左子树为 $2i$ ，右子树为 $2i-1$ ，当前结点为 $\frac{i-1}{2}$ 的右孩子；

### 满二叉树

其所有结点的度为2，总结点个数为 $2^h - 1$ (h为高度)。

### 二叉树常考性质

1. 在非空的二叉树的前提下，叶子结点个数=度为2的结点数+1。 $n_0 = n_2 + 1$
2. 非空二叉树第k层上至多有 $2^{k-1}$ 个结点。
3. 高度为h的二叉树至多有 $2^h - 1$ 个结点。
4. 结点数为n的**完全二叉树**的高度 $h = \log_2(n+1)$ 或者 $\log_2 n + 1$ .

性质4，前一个从二叉树的总结点数角度看(当前结点应比h-1层结点总数多，比h层结点总数小或等于( $2^{h-1} - 1 \leq n < 2^h - 1$ ))，后者从二叉树高度当前h的结点数看( $2^{h-1} \leq n < 2^h$ )。

### 二叉树访问节点方式

对二叉树的结点进行先中后序遍历。

## 使用递归分支法

从根开始使用遍历法，对有子树的结点进行同方法展开。

## 使用递归调用时访问根结点次数法

对根节点记录的第一次访问是，前序遍历；

对根节点记录的第二次访问是，中序遍历；

对根节点记录的第三次访问是，后序遍历；

## 层序遍历

利用队列，保存每次访问结点的左右子树，从而保证根结点对子树是横向的节点访问。

```
while(! IsEmpty(p)){
    Dequeue(Q,p); //Q为队列，p为当前结点；
    operater(p); //对当前结点进行的操作
    if(p->lchild != NULL){
        EnQueue(Q,p->lchild); //将左孩子加入队列
    }
    if(p->rchild != NULL){
        EnQueue(Q,p->rchild); //将右孩子加入队列
    }
}
```

## 由二叉树的遍历序列构造二叉树

仅有一个遍历序列，是无法构造二叉树。且每个遍历序列组合应都有**中序**。

### 前序+中序遍历序列

由前序确定根结点（从左往右，中序确定左右子树结点集合

### 后序+中序遍历序列

由后序确定根结点（从右往左，中序确定左右子树结点集合

### 层序+中序遍历序列

由层序遍历（从左往右确定第一层的根结点和子树），依靠中序确定左右子树。

前序、后序、层序序列两两组合无法唯一确定二叉树。

## 线索二叉树

根据前、中、后序某一个序列，将二叉树n个结点的n+1个空指针域连其前驱和后继。

利用ltag和rtag标志，标识其左右子树是否为前驱或后继。

## 土方法寻找前驱：

使用pre树节点变量，存储当前面访问节点q的前驱。当访问节点q与所求节点p相等时，此时的pre为p的前驱。



```

void LDR(BiTree T){
    if(T != NULL){
        LDR(T->lchild); //遍历左子树
        visit(T); //访问根结点
        LDR(T->rchild); //遍历右子树
    }
}

void visit(BiTree *q){
    if(q == p) //是否递归到需要查找的结点
        final = pre; //是，此时的前驱为pre
    else
        pre = q; //否，将q作为前驱
}

```

## 线索化建立

```

//当前根结点处理，pre 保存当前结点前驱
void visit(BiTree* p, BiTree &pre){
    if(p->lchild == NULL){ //左子树线索处理
        p->lchild = pre;
        p->ltag = 1;
    }

    if(pre != NULL && pre->rchild != NULL){ //右子树线索处理
        pre->rchild = p;
        pre->rtag = 1;
    }
    pre = p;
}

```

# 树和森林

## 树的先根遍历

类似于二叉树的先序遍历，先访问根结点，再类似于递归分支法访问左子树和右子树的根结点，循环往复。

## 树的后根遍历

类似于二叉树的后序遍历，先访问左子树和右子树的根结点，再根类似于递归分支法访问根结点结点，循环往复。

## 树的层序遍历

类似于二叉树的层序遍历

## 树边二叉树：

---

树的兄弟连线，并放在右孩子处。长子在左边。

口诀：左长子右兄弟

## 森林变二叉树：

---

先将每个树变为二叉树

## 哈夫曼树

---

又称最优二叉树。

是二叉树的应用:它的具有编码场景,将元素集的元素按权值排序,依次从权值集合中选择权值最小的两个.

**在构造树时的口诀：左小右大。**

**在对已经构造好的哈夫曼树下进行编码标注：左0右1.**

## 带权路径长度WPL

### 1.通过叶子结点计算

$$WPL_{\text{总}} = \sum \text{叶子结点权值} * \text{所在层数}$$

### 2.通过数学思维，将所有子树节点相加

$$WPL_{\text{总}} = \sum \text{除层数1的根结点外，其余所有结点权值新加}$$

## 哈夫曼编码长度

将每个字符的编码位数X权值的和。

**等长编码长度：** $2^n$ 是二进制能表示所有字符数，其长度为nx总权值，

## 图

---

一定是非空集合。线性表和树可以为空。

## 概念：

---

子图：普通子图：可以不包含全部的顶点和边。

生成子图：必须包含所有顶点，边可以不全部包含。

极大连通子图：指无向图的连通分量。

强连通子图：指有向图的强连通分量。

生成树：包含全部顶点的极小连通子图。

# 树

---

## 常考点：

$n$ 个顶点， $|E| > n-1$ ，则该图必有回路。

动态查找和静态查找的区别是：

动态查找会添加删除结点。而静态查找只会对原表仅查找操作。