104 ĐÊ THI MÔN TOÁN NÂNG CAO

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức:

$$A = (\frac{1}{\sqrt{x-1}} + \frac{1}{\sqrt{x+1}})^2 \cdot \frac{x^2 - 1}{2} - \sqrt{1 - x^2}$$

- 1) Tìm điều kiện của x để biểu thức A có nghĩa .
- 2) Rút gọn biểu thức A.
- 3) Giải phong trình theo x khi A = -2.

Câu 2 (1 điểm)

Giải phơng trình:

$$\sqrt{5x-1} - \sqrt{3x-2} = \sqrt{x-1}$$

Câu 3 (3 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ cho điểm A (-2, 2) và đờng thẳng (D): y = -2(x+1).

- a) Điểm A có thuộc (D) hay không?
- b) Tîm a trong hàm số $y = ax^2 có đồ thị (P) đi qua A$.
- c) Viết phong trình đờng thẳng đi qua A và vuông góc với (D).

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD cố định , có độ dài cạnh là a .E là điểm đi chuyển trên đoạn CD (E khác D) , đờng thẳng AE cắt đờng thẳng BC tại F , đờng thẳng vuông góc với AE tại A cắt đờng thẳng CD tai K .

- 1) Chứng minh tam giác ABF = tam giác ADK từ đó suy ra tam giác AFK vuông cân
- 2) Gọi I là trung điểm của FK, Chứng minh I là tâm đờng tròn đi qua A, C, F, K.
- 3) Tính số đo góc AIF, suy ra 4 điểm A, B, F, I cùng nằm trên một đờng tròn.

Câu 1 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = \frac{1}{2}x^2$

- 1) Nêu tập xác định, chiều biến thiên và vẽ đồ thi của hàm số.
- 2) Lập phong trình đờng thẳng đi qua điểm (2, -6) có hệ số góc a và tiếp xúc với đồ thi hàm số trên.

Câu 2 (3 điểm)

Cho phong trình : $x^2 - mx + m - 1 = 0$.

1) Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 , x_2 . Tính giá trị của biểu thức .

$$M = \frac{x_1^2 + x_2^2 - 1}{x_1^2 x_2 + x_1 x_2^2} . \text{ Từ đó tìm m để M} > 0.$$

2) Tìm giá trị của m để biểu thức $P = x_1^2 + x_2^2 - 1$ đạt giá trị nhỏ nhất .

Câu 3 (2 điểm)

Giải phơng trình:

$$a) \quad \sqrt{x-4} = 4 - x$$

b)
$$|2x+3|=3-x$$

Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đờng tròn (O_1) và (O_2) có bán kính bằng R cắt nhau tại A và B , qua A vẽ cát tuyến cắt hai đờng tròn (O_1) và (O_2) thứ tự tại $\ E$ và F , đờng thẳng $\ EC$, DF cắt nhau tại P .

- 1) Chứng minh rằng: BE = BF.
- 2) Một cát tuyến qua A và vuông góc với AB cắt (O_1) và (O_2) lần lợt tại C,D . Chứng minh tứ giác BEPF , BCPD nội tiếp và BP vuông góc với EF .
- 3) Tính diện tích phần giao nhau của hai đòng tròn khi AB = R.

Câu 1 (3 điểm)

- 1) Giải bất phong trình : |x+2| < |x-4|
- 2) Tìm giá trị nguyên lớn nhất của x thoả mãn.

$$\frac{2x+1}{3} > \frac{3x-1}{2} + 1$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $2x^2 - (m+1)x + m - 1 = 0$

- a) Giải phơng trình khi m = 1.
- b) Tìm các giá trị của m để hiệu hai nghiệm bằng tích của chúng.

Câu3 (2 điểm)

Cho hàm số: y = (2m + 1)x - m + 3 (

- a) Tìm m biết đồ thị hàm số (1) đi qua điểm A (-2; 3).
- b) Tìm điểm cố định mà đồ thị hàm số luôn đi qua với mọi giá trị của m.

Câu 4 (3 điểm)

Cho góc vuông xOy , trên Ox , Oy lần lợt lấy hai điểm A và B sao cho OA = OB . M là một điểm bất kỳ trên AB .

Dựng đồng tròn tâm O_1 đi qua M và tiếp xúc với Ox tại A, đồng tròn tâm O_2 đi qua M và tiếp xúc với Oy tại B, (O_1) cắt (O_2) tại điểm thứ hai N.

- 1) Chứng minh tứ giác OANB là tứ giác nội tiếp và ON là phân giác của góc ANB.
- 2) Chứng minh M nằm trên một cung tròn cố định khi M thay đổi .
- 3) Xác định vị trí của M để khoảng cách $\mathrm{O_1O_2}$ là ngắn nhất .

ĐỀ SỐ 4.

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức : $A = \left(\frac{2\sqrt{x} + x}{x\sqrt{x} - 1} - \frac{1}{\sqrt{x} - 1}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{x + \sqrt{x} + 1}\right)$

a) Rút gọn biểu thức.

b) Tính giá trị của \sqrt{A} khi $x = 4 + 2\sqrt{3}$

Câu 2 (2 điểm)

Giải phong trình: $\frac{2x-2}{x^2-36} - \frac{x-2}{x^2-6x} = \frac{x-1}{x^2+6x}$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = -\frac{1}{2}x^2$

a) Tîm x biết f(x) = -8; $-\frac{1}{8}$; 0; 2.

b) Viết phong trình đồng thẳng đi qua hai điểm A và B nằm trên đồ thị có hoành độ lần lợt là -2 và 1 .

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD , trên cạnh BC lấy 1 điểm M . Đờng tròn đờng kính AM cắt đờng tròn đờng kính BC tại N và cắt cạnh AD tại E .

1) Chứng minh E, N, C thẳng hàng.

2) Gọi F là giao điểm của BN và DC . Chứng minh $\Delta BCF = \Delta CDE$

3) Chứng minh rằng MF vuông góc với AC.

Câu 1 (3 điểm)

Cho hệ phong trình :
$$\begin{cases} -2mx + y = 5 \\ mx + 3y = 1 \end{cases}$$

- a) Giải hệ phơng trình khi m = 1.
- b) Giải và biện luận hệ phong trình theo tham số m.
- c) Tîm m để x y = 2.

Câu 2 (3 điểm)

1) Giải hệ phong trình :
$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 - x = y^2 - y \end{cases}$$

2) Cho phong trình bậc hai : $ax^2 + bx + c = 0$. Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 , x_2 . Lập phong trình bậc hai có hai nghiệm là $2x_1 + 3x_2$ và $3x_1 + 2x_2$.

Câu 3 (2 điểm)

Cho tam giác cân ABC (AB = AC) nội tiếp đờng tròn tâm O . M là một điểm chuyển động trên đờng tròn . Từ B hạ đờng thẳng vuông góc với AM cắt CM ở D .

Chứng minh tam giác BMD cân

Câu 4 (2 điểm)

1) Tính:
$$\frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{2}}$$

2) Giải bất phơng trình:

$$(x-1)(2x+3) > 2x(x+3).$$

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phong trình :
$$\begin{cases} \frac{2}{x-1} + \frac{1}{y+1} = 7 \\ \frac{5}{x-1} - \frac{2}{y-1} = 4 \end{cases}$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho biểu thức :
$$A = \frac{\sqrt{x} + 1}{x\sqrt{x} + x + \sqrt{x}} : \frac{1}{x^2 - \sqrt{x}}$$

- a) Rút gọn biểu thức A.
- b) Coi A là hàm số của biến x vẽ đồ thi hàm số A.

Câu 3 (2 điểm)

Tìm điều kiện của tham số m để hai phong trình sau có nghiệm chung .

$$x^{2} + (3m + 2)x - 4 = 0$$
 và $x^{2} + (2m + 3)x + 2 = 0$.

Câu 4 (3 điểm)

Cho đờng tròn $\,$ tâm $\,$ O và đờng thẳng $\,$ d $\,$ cắt $\,$ (O) tại hai điểm $\,$ A,B $\,$. Từ một điểm $\,$ M trên $\,$ d vẽ hai tiếp tuyến $\,$ ME $\,$, MF $\,$ (E $\,$, F là tiếp điểm $\,$) $\,$.

- 1) Chứng minh góc EMO = góc OFE và đờng tròn đi qua 3 điểm M, E, F đi qua 2 điểm cố đinh khi m thay đổi trên d.
- 2) Xác định vị trí của M trên d để tứ giác OEMF là hình vuông.

Câu 1 (2 điểm)

Cho phong trình $(m^2 + m + 1)x^2 - (m^2 + 8m + 3)x - 1 = 0$

- a) Chứng minh $x_1x_2 < 0$.
- b) Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 , x_2 . Tìm giá trị lớn nhất , nhỏ nhất của biểu

$$S = X_1 + X_2$$

$S = x_1 + x_2 \ . \label{eq:S}$ Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $3x^2 + 7x + 4 = 0$. Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1, x_2 không giải phong trình lập phong trình bậc hai mà có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{x_2-1}$ và $\frac{x_2}{x_1-1}$.

Câu 3 (3 điểm)

- 1) Cho $x^2 + y^2 = 4$. Tîm giá trị lớn nhất , nhỏ nhất của x + y. 2) Giải hệ phong trình : $\begin{cases} x^2 y^2 = 16 \\ x + y = 8 \end{cases}$ 3) Giải phong trình : $x^4 10x^3 2(m 11)x^2 + 2(5m + 6)x + 2m = 0$

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đờng tròn tâm O . Đờng phân giác trong của góc A , B cắt đờng tròn tâm O tại D và E, gọi giao điểm hai đờng phân giác là I, đờng thẳng DE cắt CA, CB lần lợt tai M, N.

- 1) Chứng minh tam giác AIE và tam giác BID là tam giác cân .
- 2) Chứng minh tứ giác AEMI là tứ giác nội tiếp và MI // BC.
- 3) Tứ giác CMIN là hình gì?

Câu1 (2 điểm)

Tìm m để phong trình ($x^2 + x + m$) ($x^2 + mx + 1$) = 0 có 4 nghiệm phân biệt.

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phong trình :
$$\begin{cases} x + my = 3 \\ mx + 4y = 6 \end{cases}$$

- a) Giải hệ khi m = 3
- b) Tìm m để phong trình có nghiệm x > 1, y > 0.

Câu 3 (1 điểm)

Cho x , y là hai số dơng thoả mãn $x^5+y^5=x^3+y^3$. Chứng minh $x^2+y^2 \le 1+xy$ **Câu 4 (3 điểm)**

- 1) Cho tứ giác ABCD nội tiếp đồng tròn (O) . Chứng minh AB.CD + BC.AD = AC.BD
- 2) Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp trong đờng tròn (O) đờng kính AD . Đờng cao của tam giác kẻ từ đỉnh A cắt cạnh BC tại K và cắt đờng tròn (O) tại E .
- a) Chứng minh: DE//BC.
- b) Chứng minh: AB.AC = AK.AD.
- c) Gọi H là trực tâm của tam giác ABC . Chứng minh tứ giác BHCD là hình bình hành .

ĐỀ SỐ 9 Câu 1 (2 điểm)

Trục căn thức ở mẫu các biểu thức sau:

$$A = \frac{\sqrt{2} + 1}{2\sqrt{3} + \sqrt{2}}; \qquad B = \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2 - \sqrt{2}}}; \quad C = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho phong trình: $x^2 - (m+2)x + m^2 - 1 = 0$ (1)

- a) Gọi x_1 , x_2 là hai nghiệm của phong trình . Tìm m thoả mãn $x_1 - x_2 = 2$.
- b) Tìm giá trị nguyên nhỏ nhất của m để phong trình có hai nghiệm khác nhau .

Câu 3 (2 điểm)

Cho
$$a = \frac{1}{2 - \sqrt{3}}; b = \frac{1}{2 + \sqrt{3}}$$

Lập một phong trình bậc hai có các hệ số bằng số và có các nghiệm là $x_1 = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}+1}; x_2 = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}+1}$ Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đờng tròn (O_1) và (O_2) cắt nhau tại A và B. Một đờng thẳng đi qua A cắt đờng tròn (O_1) , (O_2) lần lợt tại C, D, gọi I, J là trung điểm của AC và AD.

- 1) Chứng minh tứ giác O₁IJO₂ là hình thang vuông.
- 2) Gọi M là giao diểm của ${\rm CO_1}$ và ${\rm DO_2}$. Chứng minh ${\rm O_1}$, ${\rm O_2}$, M , B nằm trên một đờng tròn
- 3) E là trung điểm của IJ, đồng thẳng CD quay quanh A. Tìm tập hợp điểm E.
- 4) Xác đinh vi trí của dây CD để dây CD có đô dài lớn nhất.

<u>ĐỀ SỐ 10</u> Câu 1 (3 điểm)

- 1) Vẽ đồ thị của hàm số: $y = \frac{x^2}{2}$
- 2) Viết phong trình đờng thẳng đi qua điểm (2; -2) và (1; -4)
- 3) Tìm giao điểm của đờng thẳng vừa tìm đợc với đồ thị trên.

Câu 2 (3 điểm)

a) Giải phơng trình:

$$\sqrt{x + 2\sqrt{x - 1}} + \sqrt{x - 2\sqrt{x - 1}} = 2$$

b)Tính giá trị của biểu thức

S =
$$x\sqrt{1+y^2} + y\sqrt{1+x^2}$$
 Vối $xy + \sqrt{(1+x^2)(1+y^2)} = a$

Câu 3 (3 điểm)

Cho tam giác ABC, góc B và góc C nhọn . Các đờng tròn đờng kính AB, AC cắt nhau tại D . Một đờng thẳng qua A cắt đờng tròn đờng kính AB, AC lần lợt tại E và F .

- 1) Chứng minh B, C, D thẳng hàng.
- 2) Chúng minh B, C, E, F nằm trên một đờng tròn.
- 3) Xác định vị trí của đờng thẳng qua A để EF có độ dài lớn nhất .

Câu 4 (1 điểm)

Cho F(x) =
$$\sqrt{2-x} + \sqrt{1+x}$$

- a) Tìm các giá trị của x để F(x) xác định.
- b) Tìm x để F(x) đạt giá trị lớn nhất .

<u>ĐỀ SỐ 11</u>

Câu 1 (3 điểm)

- 1) Vẽ đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{2}$
- 2) Viết phong trình đờng thẳng đi qua hai điểm (2; -2) và (1; -4)
- 3) Tìm giao điểm của đồng thẳng vừa tìm đợc với đồ thị trên.

Câu 2 (3 điểm)

1) Giải phơng trình:

$$\sqrt{x+2\sqrt{x-1}} + \sqrt{x-2\sqrt{x-1}} = 2$$

2) Giải phơng trình:

$$\frac{2x+1}{x} + \frac{4x}{2x+1} = 5$$

Câu 3 (3 điểm)

 ${f C}$ ho hình bình hành ABCD , đồng phân giác của góc BAD cắt DC và BC theo thứ tự tại M và N . Gọi O là tâm đồng tròn ngoại tiếp tam giác MNC .

- 1) Chứng minh các tam giác DAM, ABN, MCN, là các tam giác cân.
- 2) Chứng minh B, C, D, O nằm trên một đờng tròn.

Câu 4 (1 điểm)

Cho x + y = 3 và y ≥ 2 . Chứng minh $x^2 + y^2 \ge 5$

<u>ĐỀ SỐ 12</u>

Câu 1 (3 điểm)

- 1) Giải phong trình : $\sqrt{2x+5} + \sqrt{x-1} = 8$
- 2) Xác định a để tổng bình phong hai nghiệm của phong trình $x^2 + ax + a 2 = 0$ là bé nhất .

Câu 2 (2 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ cho điểm A (3; 0) và đờng thẳng x - 2y = -2.

- a) Vẽ đồ thị của đờng thẳng . Gọi giao điểm của đờng thẳng với trục tung và trục hoành là B và E .
- b) Viết phong trình đờng thẳng qua A và vuông góc với đờng thẳng x 2y = -2.

c) Tìm toạ độ giao điểm C của hai đờng thẳng đó . Chứng minh rằng EO. EA = EB . EC và tính diện tích của tứ giác OACB .

(1)

Câu 3 (2 điểm)

Giả sử x₁ và x₂ là hai nghiệm của phong trình:

$$x^{2} - (m+1)x + m^{2} - 2m + 2 = 0$$

- a) Tìm các giá trị của m
 để phơng trình có nghiệm kép , hai nghiệm phân biệt .
- b) Tìm m để $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đờng tròn tâm O. Kẻ đờng cao AH, gọi trung điểm của AB, BC theo thứ tự là M, N và E, F theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của của B, C trên đờng kính AD

- a) Chứng minh rằng MN vuông góc với HE.
- b) Chứng minh N là tâm đờng tròn ngoại tiếp tam giác HEF.

<u>ĐỀ SỐ 13</u>

Câu 1 (2 điểm)

So sánh hai số :
$$a = \frac{9}{\sqrt{11} - \sqrt{2}}; b = \frac{6}{3 - \sqrt{3}}$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hệ phơng trình:

$$\begin{cases} 2x + y = 3a - 5 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

Gọi nghiệm của hệ là (x, y), tìm giá trị của a để $x^2 + y^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 (2 điểm)

Giả hệ phơng trình:

$$\begin{cases} x + y + xy = 5 \\ x^2 + y^2 + xy = 7 \end{cases}$$

Câu 4 (3 điểm)

- 1) Cho tứ giác lồi ABCD các cặp cạnh đối AB , CD cắt nhau tại P và BC , AD cắt nhau tại Q . Chứng minh $\,$ rằng đờng tròn ngoại tiếp các tam giác ABQ , BCP , DCQ , ADP cắt nhau tai một điểm .
 - 3) Cho tứ giác ABCD là tứ giác nội tiếp. Chứng minh

$$\frac{AB.AD + CB.CD}{BA.BC + DC.DA} = \frac{AC}{BD}$$

Câu 4 (1 điểm)

Cho hai số dong x , y có tổng bằng 1 . Tìm giá trị nhỏ nhất của :

$$S = \frac{1}{x^2 + y^2} + \frac{3}{4xy}$$

<u>ĐỀ SỐ 14</u>

Câu 1 (2 điểm)

Tính giá trị của biểu thức :

$$P = \frac{2 + \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{2 + \sqrt{3}}} + \frac{2 - \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{2 - \sqrt{3}}}$$

Câu 2 (3 điểm)

1) Giải và biện luận phong trình:

$$(m^2 + m + 1)x^2 - 3m = (m + 2)x + 3$$

2) Cho phong trình $x^2 - x - 1 = 0$ có hai nghiệm là x_1 , x_2 . Hãy lập phong trình bậc hai có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{1-x_2}$; $\frac{x_2}{1-x_2}$

Câu 3 (2 điểm)

Tìm các giá trị nguyên của x để biểu thức : $P = \frac{2x-3}{x+2}$ là nguyên .

Câu 4 (3 điểm)

Cho đồng tròn tâm O và cát tuyến CAB (C ở ngoài đồng tròn) . Từ điểm chính giữa của cung lớn AB kẻ đồng kính MN cắt AB tại I , CM cắt đồng tròn tại E , EN cắt đồng thẳng AB tai F .

- 1) Chứng minh tứ giác MEFI là tứ giác nội tiếp.
- 2) Chứng minh góc CAE bằng góc MEB.
- 3) Chứng minh : $CE \cdot CM = CF \cdot CI = CA \cdot CB$

<u>§Ò sè 15</u>

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phong trình :
$$\begin{cases} x^2 - 5xy - 2y^2 = 3 \\ y^2 + 4xy + 4 = 0 \end{cases}$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hàm số:
$$y = \frac{x^2}{4}$$
 và $y = -x - 1$

- a) Vẽ đồ thị hai hàm số trên cùng một hệ trục toạ độ.
- b) Viết phong trình các đờng thẳng song song với đờng thẳng y = -x 1 và cắt đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{4}$ tại điểm có tung độ là 4.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $x^2 - 4x + q = 0$

- a) Với giá trị nào của q thì phong trình có nghiệm.
- b) Tìm q để tổng bình phong các nghiệm của phong trình là 16.

Câu 3 (2 điểm)

1) Tìm số nguyên nhỏ nhất x thoả mãn phong trình:

$$|x-3| + |x+1| = 4$$

2) Giải phơng trình:

$$3\sqrt{x^2 - 1} - x^2 - 1 = 0$$

Câu 4 (2 điểm)

 $\begin{tabular}{ll} \pmb{Cho} tam giác vuông ABC (góc A = 1 v) có AC < AB , AH là đờng cao kẻ từ đỉnh A . Các tiếp tuyến tại A và B với đờng tròn tâm O ngoại tiếp tam giác ABC cắt nhau tại M . Đoạn MO cắt cạnh AB ở E , MC cắt đờng cao AH tại F . Kéo dài CA cho cắt đờng thẳng BM ở D . Đờng thẳng BF cắt đờng thẳng AM ở N .$

- a) Chứng minh OM//CD và M là trung điểm của đoan thẳng BD.
- b) Chứng minh EF // BC.
- c) Chứng minh HA là tia phân giác của góc MHN.

<u>§Ò sè 16</u>

Câu 1: (2 điểm)

Trong hệ trục toạ độ Oxy cho hàm số y = 3x + m (*)

- 1) Tính giá tri của m để đồ thi hàm số đi qua : a) A(-1; 3); b) B(-2; 5)
- 2) Tìm m để đồ thi hàm số cắt truc hoành tai điểm có hoành độ là 3.
- 3) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ là 5.

Câu 2: (2,5 điểm)

Cho biểu thức : A=
$$\left(\frac{1}{1-\sqrt{x}} + \frac{1}{1+\sqrt{x}}\right) : \left(\frac{1}{1-\sqrt{x}} - \frac{1}{1+\sqrt{x}}\right) + \frac{1}{1-\sqrt{x}}$$

- a) Rút gọn biểu thức A.
- b) Tính giá trị của A khi $x = 7 + 4\sqrt{3}$
- c) Với giá trị nào của x thì A đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 : (2 điểm)

Cho phong trình bậc hai : $x^2 + \sqrt{3}x - \sqrt{5} = 0$ và gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 và x_2 . Không giải phong trình , tính giá trị của các biểu thức sau :

a)
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2}$$

b)
$$x_1^2 + x$$

c)
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3}$$

d)
$$\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

Câu 4 (3.5 điểm)

Cho tam giác ABC vuông ở A và một điểm D nằm giữa A và B. Đờng tròn đờng kính BD cắt BC tai E. Các đờng thẳng CD, AE lần lọt cắt đờng tròn tai các điểm thứ hai F, G. Chúng minh:

- a) Tam giác ABC đồng dang với tam giác EBD.
- b) Tứ giác ADEC và AFBC nội tiếp đợc trong một đờng tròn .
- c) AC song song với FG.
- d) Các đờng thẳng AC, DE và BF đồng quy.

Câu 1 (2,5 điểm)

Cho biểu thức : A =
$$\left(\frac{a\sqrt{a}-1}{a-\sqrt{a}} - \frac{a\sqrt{a}+1}{a+\sqrt{a}}\right) : \frac{a+2}{a-2}$$

- a) Với những giá tri nào của a thì A xác đinh
- b) Rút gon biểu thức A.
- c) Với những giá trị nguyên nào của a thì A có giá trị nguyên.

Câu 2 (2 điểm)

Một ô tô dự định đi từ A đền B trong một thời gian nhất định. Nếu xe chạy với vận tốc 35 km/h thì đến chậm mất 2 giờ . Nếu xe chạy với vận tốc 50 km/h thì đến sớm hơn 1 giờ . Tính quãng đờng AB và thời

gian dư đinh đi lúc đầu.

Câu 3 (2 điểm)

a) Giải hệ phong trình :
$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 3\\ \frac{2}{x+y} - \frac{3}{x-y} = 1 \end{cases}$$
b) Giải phong trình :
$$\frac{x+5}{x^2 - 5x} - \frac{x-5}{2x^2 + 10x} = \frac{x+25}{2x^2 - 50}$$

b) Giải phong trình :
$$\frac{x+5}{x^2-5x} - \frac{x-5}{2x^2+10x} = \frac{x+25}{2x^2-50}$$

Câu 4 (4 điểm)

Cho điểm C thuộc đoan thẳng AB sao cho AC = 10 cm; CB = 40 cm. Vẽ về cùng một nửa mặt phẳng bờ là AB các nửa đờng tròn đờng kính theo thứ tư là AB, AC, CB có tâm lần lợt là O, I, K. Đờng vuông góc với AB tại C cắt nửa đờng tròn (O) ở E. Gọi M, N theo thứ tư là giao điểm cuae EA, EB với các nửa đồng tròn (I), (K). Chứng minh:

- a) EC = MN.
- b) MN là tiếp tuyến chung của các nửa đồng tròn (I) và (K).
- c) Tính đô dài MN.
- d) Tính diện tích hình đọc giới hạn bởi ba nửa đòng tròn.

ĐỀ 18

Câu 1 (2 điểm)

Cho biểu thức :
$$A = \frac{1+\sqrt{1-a}}{1-a+\sqrt{1-a}} + \frac{1-\sqrt{1+a}}{1+a-\sqrt{1+a}} + \frac{1}{\sqrt{1+a}}$$

- 1) Rút gọn biểu thức A.
- 2) Chứng minh rằng biểu thức A luôn dong với mọi a.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $2x^2 + (2m - 1)x + m - 1 = 0$

- 1) Tìm m để phong trình có hai nghiệm x_1 , x_2 thoả mãn $3x_1 4x_2 = 11$.
- 2) Tìm đẳng thức liên hệ giữa x_1 và x_2 không phụ thuộc vào m.
- 3) Với giá trị nào của m thì x_1 và x_2 cùng dơng.

Câu 3 (2 điểm)

Hai ô tô khởi hành cùng một lúc đi từ A đến B cách nhau 300~km. Ô tô thứ nhất mỗi giờ chạy nhanh hơn ô tô thứ hai 10~km nên đến B sớm hơn ô tô thứ hai 1~giờ . Tính vận tốc mỗi xe ô tô .

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đờng tròn tâm O . M là một điểm trên cung AC (không chứa B) kẻ MH vuông góc với AC ; MK vuông góc với BC .

- 1) Chứng minh tứ giác MHKC là tứ giác nội tiếp.
- 2) Chứng minh $\widehat{AMB} = \widehat{HMK}$
- 3) Chứng minh Δ AMB đồng dang với Δ HMK.

Câu 5 (1 điểm)

Tîm nghiệm dơng của hệ:
$$\begin{cases} xy(x+y) = 6\\ yz(y+z) = 12\\ zx(z+x) = 30 \end{cases}$$

Để 19 (Thi tuyốn sinh líp 10 - THPT n m 2006 - 2007 - H¶i d¬ng - 120 phót - Ngụy 28 / 6 / 2006

Câu 1 (3 điểm)

1) Giải các phơng trình sau:

a)
$$4x + 3 = 0$$

b)
$$2x - x^2 = 0$$

2) Giải hệ phong trình : $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 5 + y = 4x \end{cases}$

Câu 2(2 điểm)

1) Cho biểu thức :
$$P = \frac{\sqrt{a} + 3}{\sqrt{a} - 2} - \frac{\sqrt{a} - 1}{\sqrt{a} + 2} + \frac{4\sqrt{a} - 4}{4 - a} \quad (a > 0; a \neq 4)$$

- a) Rút gọn P.
- b) Tính giá trị của P với a = 9.
- 2) Cho phong trình : x^2 (m + 4)x + 3m + 3 = 0 (m là tham số)
- a) Xác định m để phong trình có một nghiệm bằng 2. Tìm nghiệm còn lai.
- b) Xác định m để phong trình có hai nghiệm x_1 ; x_2 thoả mãn $x_1^3 + x_2^3 \ge 0$

Câu 3 (1 điểm)

Khoảng cách giữa hai thành phố A và B là 180~km. Một ô tô đi từ A đến B , nghỉ 90~phút ở B , rồi lại từ B về A . Thời gian lúc đi đến lúc trở về A là 10~giờ . Biết vận tốc lúc về kém vân tốc lúc đi là 5~km/h . Tính vân tốc lúc đi của ô tô .

Câu 4 (3 điểm)

Tứ giác ABCD nội tiếp đờng tròn đờng kính AD . Hai đờng chéo AC , BD cắt nhau tại E . Hình chiếu vuông góc của E trên AD là F . Đờng thẳng CF cắt đờng tròn tại điểm thứ hai là M . Giao điểm của BD và CF là N

Chứng minh:

- a) CEFD là tứ giác nôi tiếp.
- b) Tia FA là tia phân giác của góc BFM.

c) $BE \cdot DN = EN \cdot BD$

Câu 5 (1 điểm)

Tìm m để giá trị lớn nhất của biểu thức $\frac{2x+m}{x^2+1}$ bằng 2.

ĐỂ 20

Câu 1 (3 điểm)

1) Giải các phơng trình sau:

a)
$$5(x-1) = 2$$

b)
$$x^2 - 6 = 0$$

2) Tìm toạ độ giao điểm của đờng thẳng y = 3x - 4 với hai trục toạ độ.

Câu 2 (2 điểm)

1) Giả sử đờng thẳng (d) có phong trình : y = ax + b.

Xác định a , b để (d) đi qua hai điểm A (1;3) và B (-3;-1)

- 2) Gọi x_1 ; x_2 là hai nghiệm của phong trình x^2 2(m 1)x 4 = 0 (m là tham số) Tìm m để: $|x_1| + |x_2| = 5$
- 3) Rút gọn biểu thức : $P = \frac{\sqrt{x+1}}{2\sqrt{x-2}} \frac{\sqrt{x-1}}{2\sqrt{x+2}} \frac{2}{\sqrt{x-1}} (x \ge 0; x \ne 0)$

Câu 3(1 điểm)

Một hình chữ nhật có diện tích $300~\text{m}^2$. Nếu giảm chiều rộng đi 3~m, tăng chiều dài thêm 5m thì ta đợc hình chữ nhật mới có diện tích bằng diện tích bằng diện tích hình chữ nhật ban đầu . Tính chu vi hình chữ nhật ban đầu .

Câu 4 (3 điểm)

Cho điểm A ở ngoài đờng tròn tâm O . Kẻ hai tiếp tuyến AB , AC với đờng tròn (B , C là tiếp điểm) . M là điểm bất kỳ trên cung nhỏ BC ($M \neq B$; $M \neq C$) . Gọi D , E , F tong ứng là hình chiếu vuông góc của M trên các đờng thẳng AB , AC , BC ; H là giao điểm của MB và DF ; K là giao điểm của MC và EF .

- 1) Chứng minh:
 - a) MECF là tứ giác nội tiếp.
 - b) MF vuông góc với HK.
- 2) Tìm vi trí của M trên cung nhỏ BC để tích MD. ME lớn nhất.

Câu 5 (1 điểm) Trong mặt phẳng toạ độ (Oxy) cho điểm A (-3; 0) và Parabol (P) có phơng trình $y = x^2$. Hãy tìm toạ độ của điểm M thuộc (P) để cho độ dài đoạn thẳng AM nhỏ nhất .

II, Các đề thi vào ban tư nhiên

Đề 1

C©u 1 : (3 ®iÓm) i¶i c¸c ph-¬ng tr×nh

a)
$$3x^2 - 48 = 0$$
.

b)
$$x^2 - 10x + 21 = 0$$
.

c)
$$\frac{8}{x-5} + 3 = \frac{20}{x-5}$$

Câu 2 : (2 điểm)

a) Tìm các giá trị của a , b biết rằng đồ thị của hàm số y = ax + b đi qua hai điểm A(2 ; - 1) và B ($\frac{1}{2}$;2)

b) Với giá trị nào của m thì đồ thị của các hàm số y = mx + 3; y = 3x - 7 và đồ thị của hàm số xác định ở câu (a) đồng quy.

Câu 3 (2 điểm) Cho hệ phương trình.

$$\begin{cases} mx - ny = 5\\ 2x + y = n \end{cases}$$

a) Giải hệ khi m = n = 1.

b) Tìm m , n để hệ đã cho có nghiệm $\begin{cases} x = -\sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} + 1 \end{cases}$

Câu 4 : (3 điểm)

Cho tam giác vuông ABC ($\hat{C}=90^{0}$) nội tiếp trong đường tròn tâm O. Trên cung nhỏ AC ta lấy một điểm M bất kỳ (Mkhác A và C). Vẽ đường tròn tâm A bán kính AC , đường tròn này cắt đường tròn (O) tại điểm D (Dkhác C). Đoạn thẳng BM cắt đường tròn tâm A ở điểm N .

- a) Chứng minh MB là tia phân giác của góc $\widehat{\text{CMD}}$.
- b) Chứng minh BC là tiếp tuyến của đường tròn tâm A nói trên.
- c) So sánh góc CNM với góc MDN.
- d) Cho biết MC = a, MD = b. Hãy tính đoan thẳng MN theo a và b.

Câu 1: (3 điểm)

Cho hàm số : y = $\frac{3x^2}{2}$ (P)

- a) Tính giá trị của hàm số tại x = 0; -1; $-\frac{1}{3}$; -2.
- b) Biết $f(x) = \frac{9}{2}; -8; \frac{2}{3}; \frac{1}{2} t \text{im } x$.
- c) Xác định m để đường thẳng (D): y = x + m 1 tiếp xúc với (P).

Câu 2: (3 điểm)

Cho hệ phương trình:

$$\begin{cases} 2x - my = m^2 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

- a) Giải hệ khi m = 1.
- b) Giải và biện luân hệ phương trình.

Câu 3: (1 điểm)

Lập phương trình bậc hai biết hai nghiệm của phương trình là :

$$x_1 = \frac{2 - \sqrt{3}}{2} \qquad x_2 = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$$

Câu 4: (3 điểm)

Cho ABCD là một tứ giác nội tiếp . P là giao điểm của hai đồng chéo AC và BD .

- a) Chứng minh hình chiếu vuông góc của P lên 4 cạnh của tứ giác là 4 đỉnh của một tứ giác có đường tròn nội tiếp.
- b) M là một điểm trong từ giác sao cho ABMD là hình bình hành . Chứng minh rằng nếu góc CBM = góc CDM thì góc ACD = góc BCM .
- c) Tìm điều kiện của tứ giác ABCD để:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}(AB.CD + AD.BC)$$

Câu 1 (2 điểm) .

Giải phương trình

- a) $1 x \sqrt{3 x} = 0$
- b) $x^2 2|x| 3 = 0$

Câu 2 (2 điểm).

Cho Parabol (P) : $y = \frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng (D) : y = px + q.

Xác định p và q để đường thẳng (D) đi qua điểm A (- 1 ; 0) và tiếp $\,$ xúc với (P) . Tìm toạ độ tiếp điểm .

Câu 3: (3 điểm)

Trong cùng một hệ trực toạ độ Oxy cho parabol (P) : $y = \frac{1}{4}x^2$

và đường thẳng (D) : y = mx - 2m - 1

- a) Vẽ (P).
- b) Tìm m sao cho (D) tiếp xúc với (P).
- c) Chứng tỏ (D) luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 4 (3 điểm).

Cho tam giác vuông ABC (góc $A=90^{\rm 0}$) nội tiếp đường tròn tâm O , kẻ đường kính AD .

- 1) Chứng minh tứ giác ABCD là hình chữ nhất.
- 2) Gọi M , N thứ tự là hình chiếu vuông góc của B , C trên AD , AH là đường cao của tam giác (H trên cạnh BC). Chứng minh HM vuông góc với AC .
- 3) Xác định tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác MHN.
- Gọi bán kính đường tròn ngoại tiếp và đường tròn nội tiếp tam giác ABC là R và r . Chứng minh R+r≥√AB.AC

Câu 1 (3 điểm).

Giải các phương trình sau.

a)
$$x^2 + x - 20 = 0$$
.

b)
$$\frac{1}{x+3} + \frac{1}{x-1} = \frac{1}{x}$$

c)
$$\sqrt{31-x} = x-1$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hàm số y = (m-2) x + m + 3.

- a) Tìm điều kiệm của m để hàm số luôn nghịch biến.
- b) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm có hành độ là 3.
- c) Tìm m để đồ thị các hàm số y=-x+2 ; y=2x-1 và y=(m-2)x+m+3 đồng quy .

Câu 3 (2 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 7x + 10 = 0$. Không giải phương trình tính.

a)
$$x_1^2 + x_2^2$$

b)
$$x_1^2 - x_2^2$$

c)
$$\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

Câu 4 (4 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đường tròn tâm O, đường phân giác trong của góc A cắt cạnh BC tại D và cắt đường tròn ngoại tiếp tại I.

- a) Chứng minh rằng OI vuông góc với BC.
- b) Chứng minh $BI^2 = AI.DI$.
- c) Gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên BC.

Chứng minh góc BAH = góc CAO.

d) Chứng minh góc HAO = $\left| \hat{B} \right| - \left| \hat{C} \right|$

Câu 1 (3 điểm). Cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị là đường cong Parabol (P).

- a) Chứng minh rằng điểm A($\sqrt{2}$;2) nằm trên đường cong (P) .
- **b)** Tìm m để để đồ thị (d) của hàm số y=(m-1)x+m ($m\in R$, $m\neq 1$) cắt đường cong (P) tai một điểm .
- c) Chứng minh rằng với mọi m khác 1 đồ thị (d) của hàm số y = (m-1)x + m luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 2 (2 điểm).

Cho hệ phương trình : $\begin{cases} -2mx + y = 5\\ mx + 3y = 1 \end{cases}$

- a) Giải hệ phương trình với m = 1
- b) Giải biện luân hệ phương trình theo tham số m.
- c) Tìm m để hệ phương trình có nghiệm thoả mãn $x^2 + y^2 = 1$.

Câu 3 (3 điểm)

Giải phương trình

$$\sqrt{x+3-4\sqrt{x-1}} + \sqrt{x+8-6\sqrt{x-1}} = 5$$

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC, M là trung điểm của BC. Giả sử gócBAM = Góc BCA.

- a) Chứng minh rằng tam giác ABM đồng dạng với tam giác CBA.
- b) Chứng minh minh : $BC^2 = 2 AB^2$. So sánh BC và đường chéo hình vuông cạnh là AB .
- c) Chứng tỏ BA là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AMC .
- d) Đường thẳng qua C và song song với MA, cắt đường thẳng AB ở D. Chứng tỏ đường tròn ngoại tiếp tam giác ACD tiếp xúc với BC.

ĐỀ SỐ 6.

Câu 1 (3 điểm)

a) Giải phương trình : $\sqrt{x+1} = 3 - \sqrt{x-2}$

c) Cho Parabol (P) có phương trình $y = ax^2$. Xác định a để (P) đi qua điểm A(-1; -2). Tìm toạ độ các giao điểm của (P) và đường trung trực của đoạn OA.

Câu 2 (2 điểm)

a) Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} \frac{1}{x-1} + \frac{1}{y-2} = 2\\ \frac{2}{y-2} - \frac{3}{x-1} = 1 \end{cases}$$

1) Xác định giá trị của m sao cho đồ thị hàm số $(H): y = \frac{1}{x}$ và đường thẳng (D): y = -x + m tiếp xúc nhau .

Câu 3 (3 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 - 2m + 3 = 0$ (1).

a) Giải phương trình với m = 1.

b) Xác định giá trị của m để (1) có hai nghiệm trái dấu.

c) Tìm m để (1) có một nghiệm bằng 3. Tìm nghiệm kia.

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình bình hành ABCD có đỉnh D nằm trên đường tròn đường kính AB . Hạ BN và DM cùng vuông góc với đường chéo AC .

Chứng minh:

a) Tứ giác CBMD nội tiếp.

b) Khi điểm D di động trên trên đường tròn thì $\widehat{BMD} + \widehat{BCD}$ không đổi.

c) $DB \cdot DC = DN \cdot AC$

<u>ĐỀ SỐ 7</u> Câu 1 (3 điểm)

Giải các phương trình:

a)
$$x^4 - 6x^2 - 16 = 0$$
.
b) $x^2 - 2|x| - 3 = 0$

b)
$$x^2 - 2|x| - 3 = 0$$

c)
$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 - 3\left(x - \frac{1}{x}\right) + \frac{8}{9} = 0$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho phương trình $x^2 - (m+1)x + m^2 - 2m + 2 = 0$ (1)

- a) Giải phương trình với m = 2.
- b) Xác định giá trị của m để phương trình có nghiệm kép . Tìm nghiệm kép đó .
- c) Với giá trị nào của m thì $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

Câu 3 (4 điểm).

Cho tứ giác ABCD nôi tiếp trong đường tròn tâm O. Gọi I là giao điểm của hai đường chéo AC và BD, còn M là trung điểm của cạnh CD. Nối MI kéo dài cắt cạnh AB ở N. Từ B kẻ đường thẳng song song với MN, đường thẳng đó cắt các đường thẳng AC ở E. Qua E kẻ đường thẳng song song với CD, đường thẳng này cắt đường thẳng BD ở F.

- a) Chứng minh tứ giác ABEF nội tiếp.
- b) Chúng minh $\,$ I là trung điểm của đoạn thẳng $\,$ BF và $\,$ AI $\,$. $\,$ IE = $\,$ IB 2 $\,$.
- c) Chứng minh $\frac{NA}{NB} = \frac{IA^2}{IB^2}$

Câu 1 (2 điểm)

Phân tích thành nhân tử.

a)
$$x^2-2y^2+xy+3y-3x$$
.
b) $x^3+y^3+z^3-3xyz$.

b)
$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phương trình.

$$\begin{cases}
mx - y = 3 \\
3x + my = 5
\end{cases}$$

a) Giải hệ phương trình khi m = 1.

b) Tìm m để hệ có nghiệm đồng thời thoả mãn điều kiện ; $x + y - \frac{7(m-1)}{m^2 + 3} = 1$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hai đường thẳng y = 2x + m - 1 và y = x + 2m.

a) Tìm giao điểm của hai đường thẳng nói trên.

b) Tìm tập hợp các giao điểm đó.

Câu 4 (3 điểm)

Cho đường tròn tâm O . A là một điểm ở ngoài đường tròn , từ A kẻ tiếp tuyến AM , AN với đường tròn , cát tuyến từ A cắt đường tròn tại B và C (B nằm giữa A và C). Gọi I là trung điểm của BC.

1) Chứng minh rằng 5 điểm A, M, I, O, N nằm trên một đường tròn.

2) Một đường thẳng qua B song song với AM cắt MN và MC lần lượt tại E và F. Chứng minh tứ giác BENI là tứ giác nội tiếp và E là trung điểm của EF.

Câu 1 (3 điểm)

Cho phương trình : $x^2 - 2$ (m + n)x + 4mn = 0.

- a) Giải phương trình khi m = 1; n = 3.
- b) Chứng minh rằng phương trình luôn có nghiệm với mọi m,n.
- c) Gọi x_1 , x_2 , là hai nghiệm của phương trình . Tính $x_1^2 + x_2^2$ theo m,n.

Câu 2 (2 điểm)

Giải các phương trình.

a)
$$x^3 - 16x = 0$$

b)
$$\sqrt{x} = x - 2$$

c)
$$\frac{1}{3-x} + \frac{14}{x^2 - 9} = 1$$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = (2m - 3)x^2$.

- 1) Khi x < 0 tìm các giá trị của m để hàm số luôn đồng biến.
- 2) Tìm m để đồ thị hàm số đi qua điểm (1 , -1) . Vẽ đồ thị với m vừa tìm được .

Câu 4 (3điểm)

Cho tam giác nhọn ABC và đường kính BON . Gọi H là trực tâm của tam giác ABC , Đường thẳng BH cắt đường tròn $\,$ ngoại tiếp tam giác ABC tại $\,$ M .

- 1) Chứng minh tứ giác AMCN là hình thanng cân.
- 2) Gọi I là trung điểm của AC. Chứng minh H, I, N thẳng hàng.
- 3) Chứng minh rằng BH = 2 OI và tam giác CHM cân.

ĐỀ SỐ 10.

Câu 1 (2 điểm)

Cho phương trình : $x^2 + 2x - 4 = 0$. gọi x_1, x_2 , là nghiệm của phương trình .

Tính giá trị của biểu thức : $A = \frac{2x_1^2 + 2x_2^2 - 3x_1x_2}{x_1x_2^2 + x_1^2x_2}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phương trình $\begin{cases} a^2x - y = -7 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$

a) Giải hệ phương trình khi a = 1

b) Gọi nghiệm của hệ phương trình là (x, y). Tìm các giá trị của a để x + y = 2.

Câu 3 (2 điểm)

Cho phương trình $x^2 - (2m + 1)x + m^2 + m - 1 = 0$.

a) Chứng minh rằng phương trình luôn có nghiệm với mọi m .

b) Gọi x_1 , x_2 , là hai nghiệm của phương trình . Tìm m sao cho : $(2x_1 - x_2)(2x_2 - x_1)$ đạt giá trị nhỏ nhất và tính giá trị nhỏ nhất ấy .

c) Hãy tìm một hệ thức liên hệ giữa x_1 và x_2 mà không phụ thuộc vào m .

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình thoi ABCD có góc $A=60^{\circ}$. M là một điểm trên cạnh BC , đường thẳng AM cắt cạnh DC kéo dài tại N .

a) Chúng minh : $AD^2 = BM.DN$.

b) Đường thẳng DM cắt BN tại E. Chúng minh tứ giác BECD nội tiếp.

c) Khi hình thoi ABCD cố định . Chứng minh điểm E nằm trên một cung tròn cố định khi m chạy trên BC .

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 1999 Đai học khoa học tư nhiên.

Bài 1. Cho các số a, b, c thỏa mãn điều kiện:

 $\begin{cases} a+b+c=0 \\ a^2+b^2+c^2=14 \end{cases}$. Hãy tính giá trị biểu thức $P=1+a^4+b^4+c^4$.

Bài 2. a) Giải phương trình $\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} = \sqrt{2x-8}$

b) Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} x + y + \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{9}{2} \\ xy + \frac{1}{xy} = \frac{5}{2} \end{cases}$$

- **Bài 3.** Tìm tất cả các số nguyên dương n sao cho $n^2 + 9n 2$ chia hết cho n + 11.
- Bài 4. Cho vòng tròn (C) và điểm I nằm trong vòng tròn. Dựng qua I hai dây cung bất kỳ MIN, EIF. Gọi M', N', E', F' là các trung điểm của IM, IN, IE, IF.
 - a) Chứng minh rằng : tứ giác M'E'N'F' là tứ giác nội tiếp.
 - b) Giả sử I thay đổi, các dây cung MIN, EIF thay đổi. Chứng minh rằng vòng tròn ngoại tiếp tứ giác M'E'N'F' có bán kính không đổi.
 - c) Giả sử I cố định, các day cung MIN, EIF thay đổi nhưng luôn vuông góc với nhau. Tìm vị trí của các dây cung MIN, EIF sao cho tứ giác M'E'N'F' có diện tích lớn nhất.
- **Bài 5.** Các số dương x, y thay đổi thỏa mãn điều kiện: x + y = 1. Tìm giá trị nhỏ nhất của

biểu thức :
$$P = \left(x^2 + \frac{1}{y^2}\right) \left(y^2 + \frac{1}{x^2}\right)$$

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên toán 1992 Đại học tổng hợp

Bài 1. a) Giải phương trình $(1 + x)^4 = 2(1 + x^4)$.

b) Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} x^2 + xy + y^2 = 7 \\ y^2 + yz + z^2 = 28 \\ z^2 + xz + x^2 = 7 \end{cases}$$

Bài 2. a) Phân tích đa thức $x^5 - 5x - 4$ thành tích của một đa thức bậc hai và một đa thức bậc ba với hệ số nguyên.

b) Áp dụng kết quả trên để rút gọn biểu thức
$$P = \frac{2}{\sqrt{4 - 3\sqrt[4]{5} + 2\sqrt{5} - \sqrt[4]{125}}}$$
.

- **Bài 3.** Cho Δ ABC đều. Chứng minh rằng với mọi điểm M ta luôn có MA \leq MB + MC.
- Bài 4. Cho ∠ xOy cố định. Hai điểm A, B khác O lần lượt chạy trên Ox và Oy tương ứng sao cho OA.OB = 3.OA − 2.OB. Chứng minh rằng đường thẳng AB luôn đI qua một điểm cố đinh.
- **Bài 5.** Cho hai số nguyên dương m, n thỏa mãn m > n và m không chia hết cho n. Biết rằng số dư khi chia m cho n bằng số dư khi chia m + n cho m n. Hãy tính tỷ số $\frac{m}{n}$.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 1996 Đại học khoa học tự nhiên.

Bài 1. Cho x > 0 hãy tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức
$$P = \frac{(x + \frac{1}{x})^6 - (x^6 + \frac{1}{x^6}) - 2}{(x + \frac{1}{x})^3 + x^3 + \frac{1}{x^3}}$$
.

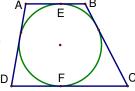
Bài 2. Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} \frac{1}{\sqrt{x}} + \sqrt{2 - \frac{1}{y}} = 2\\ \frac{1}{\sqrt{y}} + \sqrt{2 - \frac{1}{x}} = 2 \end{cases}$$

- **Bài 3.** Chứng minh rằng với mọi n nguyên dương ta có : $n^3 + 5n = 6$.
- **Bài 4.** Cho a, b, c > 0. Chứng minh rằng : $\frac{a^3}{b} + \frac{b^3}{c} + \frac{c^3}{a} \ge ab + bc + ca$.
- Bài 5. Cho hình vuông ABCD cạnh bằng a. Gọi M, N, P, Q là các điểm bất kỳ lần lượt nằm trên các cạnh AB, BC, CD, DA.
 - a) Chứng minh rằng $2a^2 \le MN^2 + NP^2 + PQ^2 + QM^2 \le 4a^2$.
 - b) Giả sử M là một điểm cố định trên cạnh AB. Hãy xác định vị trí các điểm N, P, Q lần lượt trên các cạnh BC, CD, DA sao cho MNPQ là một hình vuông.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 2000 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** a) Tính $S = \frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \dots + \frac{1}{1999,2000}$.
 - b) GiảI hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 + \frac{1}{y^2} + \frac{x}{y} = 3\\ x + \frac{1}{y} + \frac{x}{y} = 3 \end{cases}$
- **Bài 2.** a) Giải phương trình $\sqrt{x-4} + \sqrt{x^3 + x^2 + x + 1} = 1 + \sqrt{x^4 1}$
 - b) Tìm tất cả các giá trị của a để phương trình
 - $2x^2 (4a + \frac{11}{2})x + 4a^2 + 7 = 0$ có ít nhất một nghiệm nguyên.
- Bài 3. Cho đường tròn tâm O nội tiếp trong hình thang ABCD (AB // CD), tiếp xúc với cạnh AB tại E và với cạnh CD tại F như hình
 - a) Chứng minh rằng $\frac{BE}{AE} = \frac{DF}{CF}$.
 - b) Cho AB = a, CB = b (a < b), BE = 2AE. Tính diện tích hình thang ABCD.
- Bài 4. Cho x, y là hai số thực bất kì khác không.

Chứng minh rằng $(\frac{4x^2y^2}{(x^2+y^2)^8} + \frac{x^2}{y^2} + \frac{y^2}{x^2}) \ge 3$. Dấu đẳng thức xảy ra khi nào?



Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 1998 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** a) GiảI phương trình $\sqrt{x^2 + 8} + \sqrt{2 x^2} = 4$.
 - b) GiảI hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 + xy + y^2 = 7 \\ x^4 + x^2y^2 + y^4 = 21 \end{cases}$
- **Bài 2.** Các số a, b thỏa mãn điều kiện : $\begin{cases} a^3 3ab^2 = 19 \\ b^3 3ba^2 = 98 \end{cases}$ Hãy tính giá trị biểu thức $P = a^2 + b^2$.
- **Bài 3.** Cho các số a, b, $c \in [0,1]$. Chứng minh rằng $\{M\grave{o}\}$
- **Bài 4.** Cho đường tròn (O) bán kính R và hai điểm A, B cố định trên (O) sao cho AB < 2R. Giả sử M là điểm thay đổi trên cung lớn \widehat{AB} của đường tròn .
 - a) Kẻ từ B đường tròn vuông góc với AM, đường thẳng này cắt AM tại I và (O) tại N. Gọi J là trung điểm của MN. Chứng minh rằng khi M thay đổi trên đường tròn thì mỗi điểm I, J đều nằm trên một đường tròn cố định.
 - b) Xác đinh vi trí của M để chu vi Δ AMB là lớn nhất.
- Bài 5. a) Tìm các số nguyên dương n sao cho mỗi số n + 26 và n − 11 đều là lập phương của một số nguyên dương.
 - b) Cho các số x, y, z thay đổi thảo mãn điều kiện $x^2 + y^2 + z^2 = 1$. Hãy tìm giá trị lớn nhất của biểu thức $P = xy + yz + zx + \frac{1}{2} \left(x^2 (y z)^2 + y^2 (z x)^2 + z^2 (x y)^2 \right)$.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 1993-1994 Đại học tổng hợp **Bài 1.** a) GiảI phương trình
$$x+\sqrt{x+\frac{1}{2}+\sqrt{x+\frac{1}{4}}}=2$$
.

b) GiảI hệ phương trình :
$$\begin{cases} x^3 + 2xy^2 + 12y = 0 \\ 8y^3 + x^2 = 12 \end{cases}$$

- **Bài 2.** Tìm max và min của biểu thức : $A = x^2y(4 x y)$ khi x và y thay đổi thỏa mãn điều kiện : x ≥ 0, y ≥ 0, x + y ≤ 6.
- Bài 3. Cho hình thoi ABCD. Gọi R, r lần lượt là các bán kính các đường tròn ngoại tiếp các tam giác ABD, ABC và a là độ dài cạnh hình thoi. Chứng minh rằng $\frac{1}{R^2} + \frac{1}{r^2} = \frac{4}{a^2}$.
- Bài 4. Tìm tất cả các số nguyên dương a, b, c đôI một khác nhau sao cho biểu thức $A = \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} + \frac{1}{ab} + \frac{1}{ac} + \frac{1}{bc}$ nhận giá trị nguyên dương.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên 1991-1992 Đại học tổng hợp

- **Bài 1.** a) Rút gon biểu thức $A = \sqrt[3]{2\sqrt{3} 4\sqrt{2}} \cdot \sqrt[6]{44 + 16\sqrt{6}}$.
 - b) Phân tích biêu thức $P = (x y)^5 + (y-z)^5 + (z x)^5$ thành nhân tử.
- **Bài 2.** a) Cho các số a, b, c, x, y, z thảo mãn các điều kiện $\begin{cases} a+b+c=0 \\ x+y+z=0 \end{cases}$ hãy tính giá trị của $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 0$

biểu thức $A = xa^2 + yb^2 + zc^2$.

- b) Cho 4 số a, b, c, d mỗi số đều không âm và nhỏ hơn hoặc bằng 1. Chứng minh rằng $0 \le a + b + c + d ab bc cd da \le 2$. Khi nào đẳng thức xảy ra dấu bằng.
- Bài 3. Cho trước a, d là các số nguyên dương. Xét các số có dạng : a, a + d, a + 2d, ..., a + nd, ...

Chứng minh rằng trong các số đó có ít nhất một số mà 4 chữ số đầu tiên của nó là 1991.

- **Bài 4.** Trong một cuộc hội thảo khoa học có 100 người tham gia. Giả sử mỗi người đều quen biết với ít nhất 67 người. Chứng minh rằng có thể tìm được một nhóm 4 người mà bất kì 2 người trong nhóm đó đều quen biết nhau.
- Bài 5. Cho hình vuông ABCD. Lấy điểm M nằm trong hình vuông sao cho \angle MAB = \angle MBA = 15° . Chứng minh rằng \triangle MCD đều.
- Bài 6. Hãy xây dựng một tập hợp gồm 8 điểm có tính chất : Đường trung trực của đoạn thẳng nối hai điểm bất kì luôn đI qua ít nhất hai điểm của tập hợp đó.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên Lý 1989-1990

- **Bài 1.** Tìm tất cả các giá trị nguyên của x để biêu thức $\frac{-2x^2+x+36}{2x+3}$ nguyên.
- **Bài 2.** Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = a^2 + ab + b^2 3a 3b + 3$.
- Bài 3. a) Chứng minh rằng với mọi số nguyên dương m thì biểu thức m² + m + 1 không phảI là số chính phương.
 - b) Chứng minh rằng với mọi số nguyên dương m thì m(m+1) không thể bằng tích của 4 số nguyên liên tiếp.
- **Bài 4.** Cho Δ ABC vuông cân tại A. CM là trung tuyến. Từ A vẽ đường vuông góc với MC cắt BC tại H. Tính tỉ số $\frac{BH}{HC}$.
- Bài 5. Có 6 thành phố, trong đó cứ 3 thành phố bất kì thì có ít nhất 2 thnàh phố liên lạc được với nhau. Chứng minh rằng trong 6 thành phố nói trên tồn tại 3 thành phố liên lạc được với nhau.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2004 Đại học khoa học tự nhiên(vòng1)

- **Bài 1.** a) GiảI phương trình $|x+1|+|x-1|=1+|x^2-1|$
- b) Tìm nghiệm nguyên cầu hệ $\begin{cases} x^3 + y^3 + x y = 8 \\ 2y^2 x^2 xy + 2y 2x = 7 \end{cases}$ **Bài 2.** Cho các số thực dương a và b thỏa mãn $a^{100} + b^{100} = a^{101} + b^{101} = a^{102} + b^{102}$. Hãy tính
- giá trị biểu thức $P = a^{2004} + b^{2004}$.
- Bài 3. Cho Δ ABC có AB=3cm, BC=4cm, CA=5cm. Đường cao, đường phân giác, đường trung tuyến của tam giác kẻ từ đỉnh B chia tam giác thành 4 phần. Hãy tính diện tích mỗi phần.
- Bài 4. Cho tứ giác ABCD nội tiếp trong đường tròn, có hai đường chéo AC, BD vuông góc với nhau tai H (H không trùng với tâm cảu đường tròn). Gọi M và N lần lượt là chân các đường vuông góc ha từ H xuống các đường thẳng AB và BC; P và Q lần lươt là các giao điểm của các đường thẳng MH và NH với các đường thẳng CD và DA. Chứng minh rằng đường thẳng PQ song song với đường thẳng AC và bốn điểm M, N, P, Q nằm trên cùng một đường tròn.
- Bài 5. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$Q = \frac{1}{2} \left(\frac{x^{10}}{y^2} + \frac{y^{10}}{x^2} \right) + \frac{1}{4} (x^{16} + y^{16}) - (1 + x^2 y^2)^2$$

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2004 Đại học khoa học tự nhiên(vòng 2)

- **Bài 1.** giảI phương trình $\sqrt{x-3} + \sqrt{x-1} = 2$
- **Bài 2.** GiảI hệ phương trình $\begin{cases} (x+y)(x^2+y^2) = 15\\ (x-y)(x^2-y^2) = 3 \end{cases}$
- **Bài 3.** Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $P = \frac{(x^3 + y^3) (x^2 + y^2)}{(x 1)(y 1)}$ với x, y là các số thực lớn hơn 1.
- **Bài 4.** Cho hình vuông ABCD và điểm M nằm trong hình vuông.
 - a) Tìm tất cả các vi trí của M sao cho ∠ MAB = ∠ MBC = ∠ MCD = ∠ MDA.
 - b) Xét điểm M nằm trên đường chéo AC. Gọi N là chân đường vuông góc ha từ M xuống AB và O là trung điểm của đoạn AM. Chứng minh rằng tỉ số $\frac{OB}{CN}$ có giá trị

không đổi khi M di chuyển trên đường chéo AC.

- c) Với giả thiết M nằm trên đường chéo AC, xét các đường tròn (S) và (S') có các đường kính tương ứng AM và CN. Hai tiếp tuyến chung của (S) và (S') tiếp xúc với (S') tai P và Q. Chứng minh rằng đường thẳng PQ tiếp xúc với (S).
- Bài 5. Với số thực a, ta định nghĩa phần nguyên của số a là số nguyên lớn nhất không vượt quá a và kí hiệu là [a]. Dãy số $x_0, x_1, x_2 \dots, x_n, \dots$ được xác định bởi công thức

$$x_n = \left[\frac{n+1}{\sqrt{2}}\right] - \left[\frac{n}{\sqrt{2}}\right]$$
. Hỏi trong 200 số $\{x_1, x_2, ..., x_{199}\}$ có bao nhiều số khác 0 ?

Đề thi thử vào THPT Chu Văn An 2004

Bài 1. Cho biểu thức
$$P = (\frac{2}{2-\sqrt{x}} + \frac{3+\sqrt{x}}{x-2\sqrt{x}}) : (\frac{2+\sqrt{x}}{2-\sqrt{x}} - \frac{2-\sqrt{x}}{2+\sqrt{x}} - \frac{4x}{x-4})$$

- a) Rút gon P
- b) Cho $\frac{x-3}{4x^2}$ = -11. Hãy tính giá trị của P.
- **Bài 2.** Cho phương trình $mx^2 2x 4m 1 = 0$ (1)
 - a) Tìm m để phương trình (1) nhân $x = \sqrt{5}$ là nghiêm, hãy tìm nghiêm còn lai.
 - b) Với m ≠ 0

Chứng minh rằng phương trình (1) luôn có hai nghiệm x₁, x₂ phân biệt. Gọi A, B lần lượt là các điểm biểu diễn của các nghiệm x_1 , x_2 trên trục số.

Chứng minh rằng độ dài đoạn thẳng AB không đổi (Không chắc lắm)

- Bài 3. Cho đường tròn (O;R) đường kính AB và một điểm M di động trên đường tròn (M khác A, B) Gọi CD lần lượt là điểm chính giữa cung nhỏ AM và BM.
 - a) Chứng minh rằng CD = $R\sqrt{2}$ và đường thẳng CD luôn tiếp xúc với một đường tròn
 - b) Gọi P là hình chiếu vuông góc của điểm D lên đường thẳng AM. đường thẳng OD cắt dây BM tai Q và cắt đường tròn (O) tai giao điểm thứ hai S. Tứ giác APQS là hình gì? Tai sao?
 - c) đường thẳng đI qua A và vuông góc với đường thẳng MC cắt đường thẳng OC tại H. Gọi E là trung điểm của AM. Chứng minh rằng HC = 20E.
 - d) Giả sử bán kính đường tròn nôi tiếp Δ MAB bằng 1. Goi MK là đường cao ha từ M đến AB. Chứng minh rằng:

$$\frac{1}{MK+2MA} + \frac{1}{MA+2MB} + \frac{1}{MB+2MK} \left\langle \frac{1}{3} \right\rangle$$

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2003 Đai học khoa học tư nhiên(vòng 2)

- **Bài 1.** Cho phương trình $x^4 + 2mx^2 + 4 = 0$. Tìm giá tri của tham số m để phương trình có 4
- nghiệm phân biệt x_1 , x_2 , x_3 , x_4 thỏa mãn $x_1^4 + x_2^4 + x_3^4 + x_4^4 = 32$. **Bài 2.** Giải hệ phương trình : $\begin{cases} 2x^2 + xy y^2 5x + y + 2 = 0 \\ x^2 + y^2 + x + y 4 = 0 \end{cases}$
- **Bài 3.** Tìm các số nguyên x, y thỏa mãn $x^2 + xy + y^2 = x^2y^2$.
- Bài 4. đường tròn (O) nội tiếp Δ ABC tiếp xúc với BC, CA, AB tương ứng tại D, E, F. Đường tròn tâm (O') bàng tiếp trong góc ∠ BAC của ∆ ABC tiếp xúc với BC và phần kéo dài của AB, AC tương ứng tại P, M, N.
 - a) Chứng minh rằng: BP = CD.
 - b) Trên đường thẳng MN lấy các điểm I và K sao cho CK // AB, BI // AC. Chứng minh rằng: tứ giác BICE và BKCF là hình bình hành.
 - c) Gọi (S) là đường tròn đi qua I, K, P. Chứng minh rằng (S) tiếp xúc với BC, BI, CK.
- **Bài 5.** Số thực x thay đổi và thỏa mãn điều kiện : $x^2 + (3-x)^2 \ge 5$

Tìm min của $P = x^4 + (3-x)^4 + 6x^2(3-x)^2$.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2003 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** Giải phương trình $(\sqrt{x+5} \sqrt{x+2})(1 + \sqrt{x^2 + 7x + 110}) = 3$.
- **Bài 2.** Giải hệ phương trình $\begin{cases} 2x^3 + 3yx^2 = 5 \\ y^3 + 6xy^2 = 7 \end{cases}$
- **Bài 3.** Tím các số nguyên x, y thỏa mãn đẳng thức : $2y^2x + x + y + 1 = x^2 + 2y^2 + xy$.
- Bài 4. Cho nửa đường tròn (O) đường kính AB = 2R. M, N là hai điểm trên nửa đường tròn (O) sao cho M thuộc cung AN và tổng các khoảng cách từ A, B đến đường thẳng MN bằng $R\sqrt{3}$
 - a) Tính đô dài MN theo R.
 - b) Gọi giao điểm của hai dây AN và BM là I. Giao điểm của các đường thẳng AM và BN là K. Chứng minh rằng bốn điểm M, N, I, K cùng nằm trên một đường tròn, Tính bán kính của đường tròn đó theo R.
 - c) Tìm giá trị lớn nhất của diện tích Δ KAB theo R khi M, N thay đổi nhưng vẫn thỏa mãn giả thiết của bài toán.
- Bài 5. Cho x, y, z là các số thực thỏa mãn điều kiên : x + y + z + xy + yz + zx = 6. Chứng minh rằng: $x^2 + y^2 + z^2 \ge 3$.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2002 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** a) Giải phương trình: $\sqrt{x^2 3x + 2} + \sqrt{x + 3} = \sqrt{x^2 + 2x 3} + \sqrt{x 2}$.
 - b) Tîm nghiệm nguyên của phương trình : x + xy + y = 9
- **Bài 2.** Giải hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 + y^2 + xy = 1 \\ x^3 + y^3 = x + 3y \end{cases} \{ \mathbf{M} \}$
- Bài 3. Cho mười số nguyên dương 1, 2, ..., 10. Sắp xếp 10 số đó một cách tùy ý vào một hàng. Cộng mỗi số với số thứ tự của nó trong hàng ta được 10 tổng. Chứng minh rằng trong 10 tổng đó tồn tại ít nhất hai tổng có chữ số tận cùng giống nhau.
- **Bài 4.** Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức : $P = \frac{4a}{b+c-a} + \frac{3b \text{ or } 5b}{a+c-b} + \frac{16c}{a+b-c}$ Trong đó a, b, c là độ dài ba canh của một tam giác.
- Bài 5. Đường tròn (C) tâm I nội tiếp Δ ABC tiếp xúc với các cạnh BC, CA, AB tương ứng tại A', B', C'.
 - a) Gọi các giao điểm của đường tròn (C) với các đoạn IA, IB, IC lần lượt tại M, N, P. Chứng minh rằng các đường thẳng A'M, B'N, C'P đồng quy.
 - b) Kồo dài đoạn AI cắt đường tròn ngoại tiếp Δ ABC tại D (khác A). Chứng minh rằng $\frac{IB.IC}{ID}$ = r trong đó r là bán kính đường tròn (C) .

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2002 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** a) Giải phương trình : $\sqrt{8+\sqrt{x}} + \sqrt{5-\sqrt{x}} = 5$
 - b) Giải hệ phương trình : $\begin{cases} (x+1)(y+1) = 8 \\ x(x+1) + y(y+1) + xy = 17 \end{cases}$
- **Bài 2.** Cho a, b, c là độ dài ba cạnh của một tam giác. Chứng minh rằng phương trình x^2 + (a + b + c)x + ab + bc + ca = 0 vô nghiêm.
- **Bài 3.** Tìm tất cả các số nguyên n sao cho $n^2 + 2002$ là một số chính phương.
- **Bài 4.** Tìm giá trị nhỏ nhất của biểt thức: $S = \frac{1}{1+xy} + \frac{1}{1+yz} + \frac{1}{1+zx}$ Trong đó x, y, z là các số dương thay đổi thỏa mãn điều kiên $x^2 + y^2 + z^2 \le 3$.
- Bài 5. Cho hình vuông ABCD. M là điểm thay đổi trên cạnh BC (M không trùng với B) và N là điểm thay đổi trên cạnh CD (N không trùng D) sao cho ∠ MAN = ∠ MAB + ∠ NAD
 - a) BD cắt AN, AM tương ứng tại p và Q. Chứng minh rằng 5 điểm P, Q, M, C, N cùng nằm trên một đường tròn.
 - b) Chứng minh rằng đường thẳng MN luôn luôn tiếp xúc với một đường tròn cố định khi M và N thay đổi.
 - c) Ký hiệu diện tích của Δ APQ là S và diện tích tứ giác PQMN là S'. Chứng minh rằng tỷ số $\frac{S}{S'}$ không đổi khi M, N thay đổi.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2001 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** Tìm các gia trị nguyên x, y thỏa mãn đẳng thức: $(y + 2)x^2 + 1 = y^2$.
- **Bài 2.** a) Giải phương trình : $\sqrt{x(3x+1)} \sqrt{x(x-1)} = 2\sqrt{x^2}$.

b) Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} x^2 + xy + 2 = 3x + y \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$$

Bài 3. Cho nửa vòng tròn đường kính AB=2a. Trên đoạn AB lấy điểm M. Trong nửa mặt phẳng bờ AB chứa nửa vòng tròn, ta kẻ 2 tia Mx và My sao cho ∠ AMx =∠ BMy =30⁰

. Tia Mx cắt nửa vòng tròn ở E, tia My cắt nửa vòng tròn ở F. Kẻ EE', FF' vuông góc với AB.

- a) Cho AM= a/2, tính diện tích hình thang vuông EE'F'F theo a.
- b) Khi M di động trên AB. Chứng minh rằng đường thẳng EF luôn tiếp xúc với một vòng tròn cố định.
- **Bài 4.** Giả sử x, y, z là các số thực khác 0 thỏa mãn : $\begin{cases} x(\frac{1}{y} + \frac{1}{z}) + y(\frac{1}{z} + \frac{1}{x}) + z(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}) = -2 \\ x^3 + y^3 + z^3 = 1 \end{cases}$. Hãy

tính giá trị của $P = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$.

Bài 5. Với x, y, z là các số thực dương, hãy tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:

$$M = \frac{xyz}{(x+y)(y+z)(z+x)}$$

Đề thi vào 10 năm 1989-1990 Hà Nội

Bài 1. Xết biểu thức
$$A = 1 - \left(\frac{2}{1+2x} - \frac{5x}{4x^2 - 1} - \frac{1}{1-2x} \right) : \frac{x-1}{4x^2 + 4x + 1}$$

- a) Rút gọn A.
- b) Tîm giá trị x để A = -1/2.
- Bài 2. Một ô tô dự định đi từ A đến B với vận tốc 50 km/h. Sau khi đi được 2/3 quãng đường với vận tốc đó, vì đường khó đi nên người lái xe phải giảm vận tốc mỗi giờ 10 km trên quãng đường còn lại. Do đó ô tô đến B chậm 30 phút so với dự định. Tính quãng đường AB.
- Bài 3. Cho hình vuông ABCD và một điểm E bất kì trên cạnh BC. Tia Ax ⊥ AE cắt cạnh CD kéo dài tại F. Kẻ trung tuyến AI của Δ AEF và kéo dài cắt cạnh CD tại K. Đường thẳng qua E và song song với AB cắt AI tại G.
 - a) Chứng minh rằng AE = AF.
 - b) Chứng minh rằng tứ giác EGFK là hình thoi.
 - c) Chứng minh rằng hai tam giác AKF , CAF đồng dạng và $AF^2 = KF.CF.$
 - d) Giả sử E chạy trên cạnh BC. Chứng minh rằng EK = BE + điều kiện và chu vi Δ ECK không đổi.
- **Bài 4.** Tìm giá trị của x để biểu thức $y = \frac{x^2 2x + 1989}{x^2}$ đạt giá trị nhỏ nhất và tìm giá trị đó.

Đề thi tuyển sinh vào lớp 10 chuyên năm học 2000-2001. (1)

Bài 1. Tìm n nguyên dương thỏa mãn :
$$\frac{1}{2}(1+\frac{1}{1.3})(1+\frac{1}{2.4})(1+\frac{1}{3.5}).....(1+\frac{1}{n(n+2)}) = \frac{2000}{2001}$$

Bài 2. Cho biểu thức
$$A = \frac{\sqrt{x + 4\sqrt{x - 4}} + \sqrt{x - 4\sqrt{x - 4}}}{\sqrt{\frac{16}{x^2} - \frac{8}{x} + 1}}$$

- a) Với giá trị nào của x thì A xác định.
- b) Tìm x để A đạt giá tri nhỏ nhất.
- c) Tìm các giá trị nguyên của x để A nguyên.
- **Bài 3.** Cho Δ ABC đều cạnh a. Điểm Q di động trên AC, điểm P di động trên tia đối của tia CB sao cho AQ. BP = a^2 . Đường thẳng AP cắt đường thẳng BQ tai M.
 - a) Chứng minh rằng tứ giác ABCM nội tiếp đường tròn .
 - b) Tìm giá trị lớn nhất của MA + MC theo a.

Bài 4. Cho a, b, c > 0. Chứng minh rằng
$$\frac{a}{b+a} + \frac{b}{c+b} + \frac{c}{a+c} < \sqrt{\frac{a}{b+c}} + \sqrt{\frac{b}{c+a}} + \sqrt{\frac{c}{a+b}}$$

Bài 5. Chứng minh rằng
$$\sin 75^0 = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$$

Đề thi tuyển sinh vào lớp 10 chuyên năm học 2000-2001. (2)

Bài 1. Cho biểu thức
$$P = (\frac{x-1}{x+1} - \frac{x+1}{x-1}) : (\frac{x}{1-x} - \frac{1}{x+1} - \frac{2}{x^2-1}).$$

- a) Rút gọn P.
- b) Chứng minh rằng P < 1 với mọi giá trị của $x \ne \pm 1$.
- Bài 2. Hai vòi nước cùng chảy vào bể thì sau 4 giờ 48 phút thì đầy. N**ỗ**u chảy cùng một thời gian như nhau thì lượng nước của vòi II bằng 2/3 lương nước của vòi I chảy được. Hỏi mỗi vòi chảy riêng thì sau bao lâu đầy bể.
- **Bài 3.** Chứng minh rằng phương trình : $x^2 \sqrt{6}x + 1 = 0$ có hai nghiệm

$$x_1 = \sqrt{2 - \sqrt{3}} \text{ và } x_2 = \sqrt{2 + \sqrt{3}}.$$

- Bài 4. Cho đường tròn tâm O đường kính AB = 2R và một điểm M di động trên một nửa đường tròn (M không trùng với A, B). Người ta vẽ một đường tròn tâm E tiếp xúc với đường tròn (O) tại M và tiếp xúc với đường kính AB. Đường tròn (E) cắt MA, MB lần lượt tại các điểm thứ hai là C, D.
 - a) Chứng minh rằng ba điểm C, E, D thẳng hàng.
 - b) Chứng minh rằng đường thẳng MN đi qua một điểm cố định K và tích KM.KN không đổi.
 - c) Gọi giao điểm của các tia CN, DN với KB, KA lần lượt là P và Q. Xác định vị trí của M để diện tích Δ NPQ đạt giá trị lớn nhất và chứng tỏ khi đó chu vi Δ NPQ đại giá trị nhỏ nhất.
 - d) Tìm quỹ tích điểm E.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2001 Đại học khoa học tự nhiên

- **Bài 1.** a) Cho $f(x) = ax^2 + bx + c$ có tính chất f(x) nhận giá trị nguyên khi x là số nguyên hỏi các hệ số a, b, c có nhất thiết phải là các số nguyên hay không? Tại sao?
 - b) Tìm các số nguyên không âm x, y thỏa mãn đẳng thức : $x^2 = y^2 + \sqrt{y-1}$
- **Bài 2.** Giải phương trình $4\sqrt{x+1} = x^2 5x + 14$
- **Bài 3.** Cho các số thực a, b, x, y thỏa mãn hệ: $\begin{cases} ax + by = 3 \\ ax^2 + by^2 = 5 \\ ax^3 + by^3 = 9 \\ ax^4 + by^4 = 17 \end{cases}$

Tính giá trị của các biểu thức $A = ax^5 + by^5$ và $B = ax^{2001} + by^{2001}$

- Bài 4. Cho đoạn thẳng Ab có trung điểm là O. Gọi d, d' là các đường thẳng vuông góc với AB tương ứng tại A, B. Một góc vuông đỉnh O có một cạnh cắt d ở M, còn cạnh kia cắt d' ở N. kẻ OH ⊥ MN. Vòng tròn ngoại tiếp Δ MHB cắt d ở điểm thứ hai là E khác M. MB cắt NA tại I, đường thẳng HI cắt EB ở K. Chứng minh rằng K nằm trên một đường tròn cố đinh khi góc vuông uqay quanh đỉnh O.
- Bài 5. Cho 2001 đồng tiền, mỗi đồng tiền được sơn một mặt màu đỏ và một mặt màu xanh. Xếp 2001 đồng tiền đó theo một vòng tròn sao cho tất cả các đồng tiền đều có mặt xanh ngửa lên phía trên. Cho phép mỗi lần đổi mặt đồng thời 5 đồng tiền liên tiếp cạnh nhau. Hỏi với cánh làm như thế sau một số hữu hạn lần ta có thể làm cho tất cả các đồng tiền đều có mặt đỏ ngửa lên phía trên được hay không ? Tại sao ?

Đề thi tuyển sinh vào lớp 10 chuyên Toán Tin năm 2003-2004 Đai học sư pham HN

Bài 1. Chứng minh rằng biểu thức sau có giá trị không phụ thộc vào x

$$A = \sqrt{x} + \frac{\sqrt[3]{2 - \sqrt{3}} \cdot \sqrt[6]{7 + 4\sqrt{3} - x}}{\sqrt[4]{9 - 4\sqrt{5}} \cdot \sqrt{2 + \sqrt{5}} + \sqrt{x}}$$

- **Bài 2.** Với mỗi số nguyên dương n, đặt $P_n = 1.2.3...$ n. Chứng minh rằng
 - a) $1 + 1.P_1 + 2.P_2 + 3.P_3 + + n.P_n = P_{n+1}$.

b)
$$\frac{1}{P_1} + \frac{2}{P_2} + \frac{3}{P_3} + \dots + \frac{n-1}{P_n} < 1$$

- **Bài 3.** Tìm các số nguyên dương n sao cho hai số x = 2n + 2003 và y = 3n + 2005 đều là những số chình phương.
- **Bài 4.** Xét phương trình ẩn x : $(2x^2 4x + a + 5)(x^2 2x + a)(|x 1| a 1) = 0$
 - a) Giải phương trình ứng với a = -1.
 - b) Tìm a để phương trình trên có đúng ba nghiệm phân biệt.
- Bài 5. Qua một điểm M tùy ý đã cho trên đáy lớn AB của hình thang ABCD ta kẻ các đường thẳng song song với hai đường chéo AC và BD. Các đường thẳng song song này cắt hai canh BC và AD lần lượt tại E và F. Đoạn EF cắt AC và BD tại I và J tượng ứng.
 - a) Chứng minh rằng nếu H là trung điểm của IJ thì H cùng là trung điểm của EF.
 - b) Trong trường hợp AB = 2CD, hãy chỉ ra vị trí của một điểm M trên AB sao cho EJ = JI = IF.

Đề thi tuyển sinh vào lớp 10 chuyên Toán Tin năm 2004 Đại học sư phạm HN

- **Bài 1.** Cho x, y, z là ba số dương thay đổi thỏa mãn điều kiên x + y + z = 3. Tìm giá tri nhỏ nhất của biểu thức : $P = \frac{1}{\sqrt{x}} + \frac{1}{\sqrt{y}} + \frac{1}{\sqrt{z}}$.
- Bài 2. Tìm tất cả bộ ba số dương thỏa mãn hệ phương trình:

$$\begin{cases} 2x^{2004} = y^6 + z^6 \\ 2y^{2004} = z^6 + x^6 \\ 2z^{2004} = x^6 + y^6 \end{cases}$$

Bài 3. Giải phương trình:
$$\frac{2(x-\sqrt{2})(x-\sqrt{3})}{(1-\sqrt{2})(1-\sqrt{3})} + \frac{3(x-1)(x-\sqrt{3})}{(\sqrt{2}-1)(\sqrt{2}-\sqrt{3})} + \frac{4(x-1)(x-\sqrt{2})}{(\sqrt{3}-1)(\sqrt{3}-\sqrt{2})} = 3x+4.$$

- **Bài 4.** Mỗi bộ ba số nguyên dương (x,y,z) thỏa mãn phương trình $x^2+y^2+z^2=3xyz$ được gọi là một nghiệm nguyên dương của phương trình này.
 - a) Hãy chỉ ra 4 nghiệm nguyên dương khác của phương trình đã cho.
 - b) Chúng minh rằng phương trình đã cho có vô số nghiệm nguyên dương.
- Bài 5. Cho Δ ABC đều nôi tiếp đường tròn (O). Một đường thẳng d thay đổi luôn đi qua A cắt các tiếp tuyến tai B và C của đường tròn (O) tương ứng tai M và N. Giả sử d cắt lai đường tròn (O) tại E (khác A), MC cắt BN tại F. Chứng minh rằng:
 - a) Δ ACN đồng dạng với Δ MBA. Δ MBC đồng dạng với Δ BCN.
 - b) tứ giác BMEF là tứ giác nôi tiếp
 - c) Đường thẳng EF luôn đi qua một điểm cố đinh khi d thay đổi nhưng luôn đi qua A.

Đề 1

C©u 1 : (3 ®iÓm) Gi¶i c c ph¬ng tr×nh

- a) $3x^2 48 = 0$.
- b) $x^2 10x + 21 = 0$.
- c) $\frac{8}{x-5}+3=\frac{20}{x-5}$

Câu 2 : (2 điểm)

- a) Tìm các giá tri của a, b biết rằng đồ thi của hàm số y = ax + b đi qua hai điểm A(2; -1) và B($\frac{1}{2}$;2)
- b) Với giá trị nào của m thì đồ thị của các hàm số y = mx + 3; y = 3x 7 và đồ thị của hàm số xác đinh ở câu (a) đồng quy.

Câu 3 (2 điểm) Cho hệ phơng trình.

$$\begin{cases} mx - ny = 5\\ 2x + y = n \end{cases}$$

a) Giải hệ khi m = n = 1.

b) Tìm m , n để hệ đã cho có nghiệm
$$\begin{cases} x = -\sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} + 1 \end{cases}$$

Câu 4 : (3 điểm)

Cho tam giác vuông ABC ($\hat{C}=90^{0}$) nội tiếp trong đờng tròn tâm O. Trên cung nhỏ AC ta lấy một điểm M bất kỳ (Mkhác A và C). Vẽ đờng tròn tâm A bán kính AC , đờng tròn này cắt đờng tròn (O) tại điểm D (Dkhác C). Đoạn thẳng BM cắt đờng tròn tâm A ở điểm N .

a) Chứng minh MB là tia phân giác của góc $\widehat{\text{CMD}}$.

b) Chứng minh BC là tiếp tuyến của đờng tròn tâm A nói trên.

c) So sánh góc CNM với góc MDN.

d) Cho biết MC = a, MD = b. Hãy tính đoạn thẳng MN theo a và b.

đề số 2

Câu 1: (3 điểm)

Cho hàm số : $y = \frac{3x^2}{2} (P)$

a) Tính giá trị của hàm số tại x = 0; -1; $-\frac{1}{3}$; -2.

b) Biết $f(x) = \frac{9}{2}$; -8; $\frac{2}{3}$; $\frac{1}{2}$ tìm x.

c) Xác định m để đồng thẳng (D) : y = x + m - 1 tiếp xúc với (P).

Câu 2: (3 điểm)

Cho hê phơng trình:

$$\begin{cases} 2x - my = m^2 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

a) Giải hệ khi m = 1.

b) Giải và biện luận hệ phong trình.

Câu 3 : (1 điểm)

Lâp phong trình bâc hai biết hai nghiệm của phong trình là:

$$x_1 = \frac{2 - \sqrt{3}}{2} \qquad x_2 = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$$

Câu 4: (3 điểm)

Cho ABCD là một tứ giác nội tiếp . P là giao điểm của hai đòng chéo AC và BD .

- a) Chứng minh hình chiếu vuông góc của P lên 4 cạnh của tứ giác là 4 đỉnh của một tứ giác có đờng tròn nội tiếp.
- b) M là một điểm trong tứ giác sao cho ABMD là hình bình hành . Chứng minh rằng nếu góc CBM = góc CDM thì góc ACD = góc BCM .
- c) Tìm điều kiện của tứ giác ABCD để:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}(AB.CD + AD.BC)$$

Đề số 3

Câu 1 (2 điểm).

Giải phơng trình

a)
$$1 - x - \sqrt{3 - x} = 0$$

b)
$$x^2 - 2|x| - 3 = 0$$

Câu 2 (2 điểm).

Cho Parabol (P) : $y = \frac{1}{2}x^2$ và đờng thẳng (D) : y = px + q.

Xác định p và q để đờng thẳng (D) đi qua điểm A (- 1 ; 0) và tiếp $\,$ xúc với (P) . Tìm toạ độ tiếp điểm .

Câu 3: (3 điểm)

Trong cùng một hệ trục toạ độ Oxy cho parabol (P): $y = \frac{1}{4}x^2$

và đờng thẳng (D) : y = mx - 2m - 1

- a) Vẽ (P).
- b) Tîm m sao cho (D) tiếp xúc với (P).
- c) Chứng tỏ (D) luôn đi qua một điểm cố định .

Câu 4 (3 điểm).

Cho tam giác vuông ABC (góc $A = 90^{\circ}$) nội tiếp đòng tròn tâm O, kẻ đòng kính AD.

1) Chứng minh tứ giác ABCD là hình chữ nhất.

- 2) Gọi M , N thứ tự là hình chiếu vuông góc của B , C trên AD , AH là đờng cao của tam giác (H trên cạnh BC). Chứng minh HM vuông góc với AC.
- 3) Xác đinh tâm đờng tròn ngoại tiếp tam giác MHN.
- 4) Gọi bán kính đờng tròn ngoại tiếp và đờng tròn nội tiếp tam giác ABC là R và r . Chứng minh $R+r \geq \sqrt{AB.AC}$

Đề số 4

Câu 1 (3 điểm).

Giải các phơng trình sau.

- a) $x^2 + x 20 = 0$.
- b) $\frac{1}{x+3} + \frac{1}{x-1} = \frac{1}{x}$
- c) $\sqrt{31-x} = x-1$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hàm số y = (m-2) x + m + 3.

- a) Tìm điều kiệm của m để hàm số luôn nghịch biến.
- b) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm có hành độ là 3.
- c) Tìm m để đồ thị các hàm số y = -x + 2; y = 2x 1 và y = (m 2)x + m + 3 đồng quy.

Câu 3 (2 điểm)

Cho phong trình $x^2 - 7x + 10 = 0$. Không giải phong trình tính.

- a) $x_1^2 + x_2^2$
- b) $x_1^2 x_2^2$
- c) $\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$

Câu 4 (4 điểm)

Cho tam giác $\stackrel{.}{ABC}$ nội tiếp đờng tròn tâm O , đờng phân giác trong của góc A cắt cạnh BC tại D và cắt đờng tròn ngoại tiếp tại I .

- a) Chứng minh rằng OI vuông góc với BC.
- b) Chứng minh $BI^2 = AI.DI$.
- c) Gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên BC.

Chứng minh góc BAH = góc CAO.

Đề số 5

Câu 1 (3 điểm). Cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị là đờng cong Parabol (P).

- a) Chứng minh rằng điểm A($\sqrt{2}$;2) nằm trên đờng cong (P).
- **b)** Tìm m để để đồ thị (d) của hàm số y=(m-1)x+m ($m\in R$, $m\neq 1$) cắt đờng cong (P) tai một điểm .
- c) Chứng minh rằng với mọi m khác 1 đồ thị (d) của hàm số y = (m-1)x + m luôn đi qua một điểm cố định .

Câu 2 (2 điểm).

Cho hệ phong trình : $\begin{cases} -2mx + y = 5 \\ mx + 3y = 1 \end{cases}$

- a) Giải hệ phong trình với m = 1
- b) Giải biện luận hệ phong trình theo tham số m.
- c) Tìm m để hệ phong trình có nghiệm thoả mãn $x^2 + y^2 = 1$.

Câu 3 (3 điểm)

Giải phơng trình

$$\sqrt{x+3-4\sqrt{x-1}} + \sqrt{x+8-6\sqrt{x-1}} = 5$$

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC, M là trung điểm của BC. Giả sử $\widehat{BAM} = \widehat{BCA}$.

- a) Chứng minh rằng tam giác ABM đồng dạng với tam giác CBA.
- b) Chứng minh minh : $BC^2 = 2 AB^2$. So sánh BC và đờng chéo hình vuông cạnh là AB .
- c) Chứng tỏ BA là tiếp tuyến của đờng tròn ngoại tiếp tam giác AMC.
- d) Đờng thẳng qua C và song song với MA , cắt đờng thẳng AB ở D . Chứng tỏ đờng tròn ngoại tiếp tam giác ACD tiếp xúc với BC .

<u>Đề số 6.</u>

Câu 1 (3 điểm)

- a) Giải phong trình : $\sqrt{x+1} = 3 \sqrt{x-2}$
- c) Cho Parabol (P) có phong trình $y = ax^2$. Xác định a để (P) đi qua điểm A(-1; -2). Tìm toạ độ các giao điểm của (P) và đờng trung trực của đoạn OA.

Câu 2 (2 điểm)

a) Giải hệ phơng trình

$$\begin{cases} \frac{1}{x-1} + \frac{1}{y-2} = 2\\ \frac{2}{y-2} - \frac{3}{x-1} = 1 \end{cases}$$

1) Xác định giá trị của m sao cho đồ thị hàm số $(H): y = \frac{1}{x}$ và đờng thẳng (D): y = -x + m tiếp xúc nhau .

Câu 3 (3 điểm)

Cho phong trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 - 2m + 3 = 0$ (1).

- a) Giải phong trình với m = 1.
- b) Xác định giá tri của m để (1) có hai nghiệm trái dấu.
- c) Tìm m để (1) có một nghiệm bằng 3. Tìm nghiệm kia.

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình bình hành ABCD có đỉnh D nằm trên đờng tròn đờng kính AB . Hạ BN và DM cùng vuông góc với đờng chéo AC .

Chứng minh:

- a) Tứ giác CBMD nội tiếp.
- b) Khi điểm D di động trên trên đờng tròn thì $\widehat{BMD} + \widehat{BCD}$ không đổi .
- c) $DB \cdot DC = DN \cdot AC$

Đề số 7

Câu 1 (3 điểm)

Giải các phơng trình:

a) $x^4 - 6x^2 - 16 = 0$.

b)
$$x^2 - 2|x| - 3 = 0$$

c)
$$\left(x - \frac{1}{x}\right)^2 - 3\left(x - \frac{1}{x}\right) + \frac{8}{9} = 0$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho phong trình $x^2 - (m+1)x + m^2 - 2m + 2 = 0$ (1)

- a) Giải phong trình với m = 2.
- b) Xác định giá trị của m để phong trình có nghiệm kép . Tìm nghiệm kép đó .
- c) Với giá trị nào của m thì $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

. Cho tứ giác ABCD nội tiếp trong đờng tròn tâm O . Gọi I là giao điểm của hai đờng chéo AC và BD, còn M là trung điểm của cạnh CD . Nối MI kéo dài cắt cạnh AB ở N . Từ B kẻ đờng thẳng song song với MN , đờng thẳng đó cắt các đờng thẳng AC ở E . Qua E kẻ đờng thẳng song song với CD , đờng thẳng này cắt đờng thẳng BD ở F.

- a) Chúng minh tứ giác ABEF nội tiếp.
- b) Chứng minh I là trung điểm của đoạn thẳng BF và AI. IE = IB².
- c) Chứng minh $\frac{NA}{NB} = \frac{IA^2}{IB^2}$

đề số 8

Câu 1 (2 điểm)

Phân tích thành nhân tử.

a)
$$x^2$$
- $2y^2$ + xy + $3y$ - $3x$.
b) x^3 + y^3 + z^3 - $3xyz$.

b)
$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz$$

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phong trình.

$$\begin{cases}
mx - y = 3 \\
3x + my = 5
\end{cases}$$

- a) Giải hệ phong trình khi m = 1.
- b) Tìm m để hệ có nghiệm đồng thời thoả mãn điều kiện; $x + y \frac{7(m-1)}{m^2 + 3} = 1$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hai đờng thẳng y = 2x + m - 1 và y = x + 2m.

- a) Tîm giao điểm của hai đờng thắng nói trên.
- b) Tìm tập hợp các giao điểm đó.

Câu 4 (3 điểm)

Cho đờng tròn tâm O. A là một điểm ở ngoài đờng tròn , từ A kẻ tiếp tuyến AM , AN với đờng tròn , cát tuyến từ A cắt đờng tròn tại B và C (B nằm giữa A và C) . Gọi I là trung điểm của BC .

- 1) Chứng minh rằng 5 điểm A, M, I, O, N nằm trên một đờng tròn.
- 2) Một đờng thẳng qua B song song với AM cắt MN và MC lần lợt tại E và F. Chứng minh tứ giác BENI là tứ giác nội tiếp và E là trung điểm của EF.

Đề số 9

Câu 1 (3 điểm)

Cho phong trình: $x^2 - 2 (m + n)x + 4mn = 0$.

- a) Giải phong trình khi m = 1; n = 3.
- b) Chứng minh rằng phong trình luôn có nghiệm với mọi m,n.
- c) Gọi x_1, x_2 , là hai nghiệm của phong trình . Tính $x_1^2 + x_2^2$ theo m ,n .

Câu 2 (2 điểm)

Giải các phơng trình.

a)
$$x^3 - 16x = 0$$

b)
$$\sqrt{x} = x - 2$$

c)
$$\frac{1}{3-x} + \frac{14}{x^2 - 9} = 1$$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = (2m - 3)x^2$.

- 1) Khi x < 0 tìm các giá tri của m để hàm số luôn đồng biến .
- 2) Tìm m để đồ thi hàm số đi qua điểm (1,-1). Vẽ đồ thi với m vừa tìm đợc.

Câu 4 (3điểm)

Cho tam giác nhọn ABC và đờng kính BON . Gọi H là trực tâm của tam giác ABC , Đờng thẳng BH cắt đờng tròn ngoại tiếp tam giác ABC tại M .

- 1) Chứng minh tứ giác AMCN là hình thanng cân .
- 2) Gọi I là trung điểm của AC. Chứng minh H, I, N thẳng hàng.
- 3) Chứng minh rằng BH = 2 OI và tam giác CHM cân.

<u>đề số 10.</u>

Câu 1 (2 điểm)

Cho phong trình : $x^2 + 2x - 4 = 0$. gọi x_1, x_2 , là nghiệm của phong trình .

Tính giá trị của biểu thức : $A = \frac{2x_1^2 + 2x_2^2 - 3x_1x_2}{x_1x_2^2 + x_1^2x_2}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phong trình $\begin{cases} a^2x - y = -7 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$

- a) Giải hệ phơng trình khi a = 1
- b) Gọi nghiệm của hệ phong trình là (x, y). Tìm các giá trị của a để x + y = 2.

Câu 3 (2 điểm)

Cho phong trình $x^2 - (2m + 1)x + m^2 + m - 1 = 0$.

- a) Chứng minh rằng phong trình luôn có nghiệm với mọi m.
- b) Gọi x_1 , x_2 , là hai nghiệm của phong trình . Tìm m sao cho : ($2x_1 x_2$)($2x_2 x_1$) đạt giá trị nhỏ nhất và tính giá trị nhỏ nhất ấy .
- c) Hãy tìm một hệ thức liên hệ giữa \boldsymbol{x}_1 và \boldsymbol{x}_2 mà không phụ thuộc vào m .

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình thoi ABCD có góc $A=60^{\circ}$. M là một điểm trên cạnh BC , đờng thẳng AM cắt canh DC kéo dài tai N .

- a) Chúng minh : $AD^2 = BM.DN$.
- b) Đờng thẳng DM cắt BN tai E. Chứng minh tứ giác BECD nội tiếp.
- c) Khi hình thoi ABCD cố định . Chứng minh điểm E nằm trên một cung tròn cố định khi m chạy trên BC .

Đề số 11

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức:

$$A = \left(\frac{1}{\sqrt{x-1}} + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)^2 \cdot \frac{x^2 - 1}{2} - \sqrt{1 - x^2}$$

- 4) Tìm điều kiên của x để biểu thức A có nghĩa.
- 5) Rút gọn biểu thức A.
- 6) Giải phong trình theo x khi A = -2.

Câu 2 (1 điểm)

Giải phơng trình :

$$\sqrt{5x-1} - \sqrt{3x-2} = \sqrt{x-1}$$

Câu 3 (3 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ cho điểm A (-2, 2) và đòng thẳng (D): y = -2(x+1).

- d) Điểm A có thuộc (D) hay không ?
- e) Tîm a trong hàm số $y = ax^2 có đồ thi (P) đi qua A$.
- f) Viết phong trình đờng thẳng đi qua A và vuông góc với (D).

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD cố định , có độ dài cạnh là a .E là điểm đi chuyển trên đoạn CD (E khác D) , đờng thẳng AE cắt đờng thẳng BC tại F , đờng thẳng vuông góc với AE tại A cắt đờng thẳng CD tai K .

- 4) Chứng minh tam giác ABF = tam giác ADK từ đó suy ra tam giác AFK vuông cân
- 5) Gọi I là trung điểm của FK, Chứng minh I là tâm đờng tròn đi qua A, C, F, K.
- 6) Tính số đo góc AIF, suy ra 4 điểm A, B, F, I cùng nằm trên một đờng tròn.

Đề số 12

Câu 1 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = \frac{1}{2}x^2$

- 3) Nêu tập xác định, chiều biến thiên và vẽ đồ thi của hàm số.
- 4) Lập phong trình đờng thẳng đi qua điểm (2, -6) có hệ số góc a và tiếp xúc với đồ thi hàm số trên.

Câu 2 (3 điểm)

Cho phong trình : $x^2 - mx + m - 1 = 0$.

3) Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 , x_2 . Tính giá trị của biểu thức .

$$M = \frac{x_1^2 + x_2^2 - 1}{x_1^2 x_2 + x_1 x_2^2}$$
. Từ đó tìm m để M > 0.

4) Tìm giá trị của m để biểu thức $P = x_1^2 + x_2^2 - 1$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 (2 điểm)

Giải phơng trình:

c)
$$\sqrt{x-4} = 4-x$$

d)
$$|2x+3|=3-x$$

Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đờng tròn (O_1) và (O_2) có bán kính bằng R cắt nhau tại A và B, qua A vẽ cát tuyến cắt hai đờng tròn (O_1) và (O_2) thứ tư tại E và F, đờng thẳng EC, DF cắt nhau tại P.

- Chứng minh rằng : BE = BF .
- 5) Một cát tuyến qua A và vuông góc với AB cắt (O_1) và (O_2) lần lợt tại C,D . Chứng minh tứ giác BEPF , BCPD nội tiếp và BP vuông góc với EF .
- 6) Tính diện tích phần giao nhau của hai đờng tròn khi AB = R.

Đề số 13

Câu 1 (3 điểm)

3) Giải bất phong trình : |x+2| < |x-4|

4) Tìm giá trị nguyên lớn nhất của x thoả mãn.

$$\frac{2x+1}{3} > \frac{3x-1}{2} + 1$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $2x^2 - (m+1)x + m - 1 = 0$

- c) Giải phơng trình khi m = 1.
- d) Tìm các giá trị của m để hiệu hai nghiệm bằng tích của chúng.

Câu3 (2 điểm)

Cho hàm số: y = (2m + 1)x - m + 3 (1)

- c) Tìm m biết đồ thi hàm số (1) đi qua điểm A (-2; 3).
- d) Tìm điểm cố đinh mà đồ thi hàm số luôn đi qua với moi giá tri của m.

Câu 4 (3 điểm)

Cho góc vuông xOy , trên Ox , Oy lần lợt lấy hai điểm A và B sao cho OA = OB . M là một điểm bất kỳ trên AB .

Dựng đờng tròn tâm O_1 đi qua M và tiếp xúc với Ox tại A, đờng tròn tâm O_2 đi qua M và tiếp xúc với Oy tại B, (O_1) cắt (O_2) tại điểm thứ hai N.

- 4) Chứng minh tứ giác OANB là tứ giác nội tiếp và ON là phân giác của góc ANB.
- 5) Chứng minh M nằm trên một cung tròn cố định khi M thay đổi .
- 6) Xác định vị trí của M để khoảng cách O_1O_2 là ngắn nhất .

<u>Đề số 14.</u>

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức :
$$A = \left(\frac{2\sqrt{x} + x}{x\sqrt{x} - 1} - \frac{1}{\sqrt{x} - 1}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{x + \sqrt{x} + 1}\right)$$

- c) Rút gọn biểu thức.
- d) Tính giá trị của \sqrt{A} khi $x = 4 + 2\sqrt{3}$

Câu 2 (2 điểm)

Giải phong trình:
$$\frac{2x-2}{x^2-36} - \frac{x-2}{x^2-6x} = \frac{x-1}{x^2+6x}$$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số :
$$y = -\frac{1}{2}x^2$$

- c) Tîm x biết f(x) = -8; $-\frac{1}{8}$; 0; 2.
- d) Viết phong trình đờng thẳng đi qua hai điểm A và B nằm trên đồ thị có hoành độ lần lot là -2 và 1 .

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD , trên cạnh BC lấy 1 điểm M . Đờng tròn đờng kính AM cắt đờng tròn đờng kính BC tại N và cắt cạnh AD tại E .

- 4) Chứng minh E, N, C thẳng hàng.
- 5) Gọi F là giao điểm của BN và DC. Chứng minh $\Delta BCF = \Delta CDE$
- 6) Chứng minh rằng MF vuông góc với AC.

Đề số 15

Câu 1 (3 điểm)

Cho hệ phong trình : $\begin{cases} -2mx + y = 5 \\ mx + 3y = 1 \end{cases}$

- d) Giải hệ phong trình khi m = 1.
- e) Giải và biện luân hệ phong trình theo tham số m.
- f) Tìm m để x y = 2.

Câu 2 (3 điểm)

3) Giải hệ phong trình : $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 - x = y^2 - y \end{cases}$

4) Cho phong trình bậc hai : $ax^2 + bx + c = 0$. Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 , x_2 . Lập phong trình bậc hai có hai nghiệm là $2x_1 + 3x_2$ và $3x_1 + 2x_2$.

Câu 3 (2 điểm)

Cho tam giác cân ABC (AB = AC) nội tiếp đờng tròn tâm O . M là một điểm chuyển động trên đờng tròn . Từ B hạ đờng thẳng vuông góc với AM cắt CM ở D .

Chứng minh tam giác BMD cân

Câu 4 (2 điểm)

3) Tính: $\frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{2}}$

4) Giải bất phơng trình:

$$(x-1)(2x+3) > 2x(x+3)$$
.

<u>Đề số 16</u>

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phong trình : $\begin{cases} \frac{2}{x-1} + \frac{1}{y+1} = 7 \\ \frac{5}{x-1} - \frac{2}{y-1} = 4 \end{cases}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho biểu thức : $A = \frac{\sqrt{x} + 1}{x\sqrt{x} + x + \sqrt{x}} : \frac{1}{x^2 - \sqrt{x}}$

- c) Rút gọn biểu thức A.
- d) Coi A là hàm số của biến x vẽ đồ thi hàm số A.

Câu 3 (2 điểm)

Tìm điều kiện của tham số m để hai phơng trình sau có nghiệm chung.

$$x^{2} + (3m + 2)x - 4 = 0$$
 và $x^{2} + (2m + 3)x + 2 = 0$.

Câu 4 (3 điểm)

Cho đòng tròn tâm O và đòng thẳng d cắt (O) tại hai điểm A,B. Từ một điểm M trên d vẽ hai tiếp tuyến ME, MF (E, F là tiếp điểm).

- 3) Chứng minh góc EMO = góc OFE và đờng tròn đi qua 3 điểm M, E, F đi qua 2 điểm cố định khi m thay đổi trên d.
- 4) Xác định vị trí của M trên d để tứ giác OEMF là hình vuông.

Đề số 17

Câu 1 (2 điểm)

Cho phong trình $(m^2 + m + 1)x^2 - (m^2 + 8m + 3)x - 1 = 0$

- c) Chứng minh $x_1x_2 < 0$.
- d) Gọi hai nghiệm của phong trình là $x_1,\,x_2$. Tìm giá trị lớn nhất , nhỏ nhất của biểu

$$S = x_1 + x_2$$
.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $3x^2 + 7x + 4 = 0$. Gọi hai nghiệm của phong trình là x_1, x_2 không giải phong trình lập phong trình bậc hai mà có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{x_2-1}$ và $\frac{x_2}{x_1-1}$.

Câu 3 (3 điểm)

- 4) Cho $x^2 + y^2 = 4$. Tîm giá trị lớn nhất , nhỏ nhất của x + y.

 5) Giải hệ phong trình : $\begin{cases} x^2 y^2 = 16 \\ x + y = 8 \end{cases}$ 6) Giải phong trình : $x^4 10x^3 2(m 11)x^2 + 2(5m + 6)x + 2m = 0$

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác nhon ABC nội tiếp đờng tròn tâm O. Đờng phân giác trong của góc A. B cắt đờng tròn tâm O tại D và E, gọi giao điểm hai đờng phân giác là I, đờng thẳng DE cắt CA, CB lần lot tai M, N.

- 4) Chứng minh tam giác AIE và tam giác BID là tam giác cân.
- 5) Chứng minh tứ giác AEMI là tứ giác nội tiếp và MI // BC.
- 6) Tứ giác CMIN là hình gì?

<u>Đề số 18</u>

Câu1 (2 điểm)

Tìm m để phong trình ($x^2 + x + m$) ($x^2 + mx + 1$) = 0 có 4 nghiệm phân biệt.

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phong trình : $\begin{cases} x + my = 3 \\ mx + 4y = 6 \end{cases}$

- c) Giải hệ khi m = 3
- d) Tìm m để phong trình có nghiệm x > 1, y > 0.

Câu 3 (1 điểm)

Cho x , y là hai số dơng thoả mãn $x^5+y^5=x^3+y^3$. Chứng minh $x^2+y^2 \le 1+xy$

Câu 4 (3 điểm)

4) Cho tứ giác ABCD nội tiếp đồng tròn (O). Chứng minh

$$AB.CD + BC.AD = AC.BD$$

- 5) Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp trong đồng tròn (O) đồng kính AD . Đồng cao của tam giác kẻ từ đỉnh A cắt cạnh BC tại K và cắt đồng tròn (O) tại E .
- d) Chứng minh: DE//BC.
- e) Chứng minh: AB.AC = AK.AD.
- f) Gọi H là trực tâm của tam giác ABC . Chứng minh tứ giác BHCD là hình bình hành .

<u>Đề số 19</u>

Câu 1 (2 điểm)

Trục căn thức ở mẫu các biểu thức sau:

$$A = \frac{\sqrt{2} + 1}{2\sqrt{3} + \sqrt{2}};$$
 $B = \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} - \sqrt{2}};$ $C = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho phong trình: $x^2 - (m+2)x + m^2 - 1 = 0$ (1)

- c) Gọi x_1 , x_2 là hai nghiệm của phong trình .Tìm m thoả mãn $x_1 x_2 = 2$.
- d) Tìm giá trị nguyên nhỏ nhất của m để phơng trình có hai nghiệm khác nhau .

Câu 3 (2 điểm)

Cho
$$a = \frac{1}{2 - \sqrt{3}}; b = \frac{1}{2 + \sqrt{3}}$$

Lập một phong trình bậc hai có các hệ số bằng số và có các nghiệm là $x_1 = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}+1}; x_2 = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}+1}$ Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đờng tròn (O_1) và (O_2) cắt nhau tại A và B . Một đờng thẳng đi qua A cắt đờng tròn (O_1) , (O_2) lần lợt tại C,D , gọi I , J là trung điểm của AC và AD .

- 5) Chứng minh tứ giác $\mathrm{O_1IJO_2}$ là hình thang vuông .
- 6) Gọi M là giao diểm của ${\rm CO_1}$ và ${\rm DO_2}$. Chứng minh ${\rm O_1}$, ${\rm O_2}$, M , B nằm trên một đờng tròn
- 7) E là trung điểm của IJ, đòng thẳng CD quay quanh A. Tìm tập hợp điểm E.
- 8) Xác định vị trí của dây CD để dây CD có độ dài lớn nhất.

Đề số 20

Câu 1 (3 điểm)

1) Vẽ đồ thị của hàm số: $y = \frac{x^2}{2}$

2) Viết phong trình đờng thẳng đi qua điểm (2; -2) và (1; -4)

6) Tìm giao điểm của đờng thẳng vừa tìm đợc với đồ thi trên.

Câu 2 (3 điểm)

a) Giải phơng trình:

$$\sqrt{x+2\sqrt{x-1}} + \sqrt{x-2\sqrt{x-1}} = 2$$

b)Tính giá trị của biểu thức

$$S = x\sqrt{1+y^2} + y\sqrt{1+x^2} \quad \text{V\'oi} \quad xy + \sqrt{(1+x^2)(1+y^2)} = a$$

Câu 3 (3 điểm)

Cho tam giác ABC , góc B và góc C nhọn . Các đờng tròn đờng kính AB , AC cắt nhau tại D . Một đờng thẳng qua A cắt đờng tròn đờng kính AB , AC lần lợt tại E và F .

- 4) Chứng minh B, C, D thẳng hàng.
- 5) Chứng minh B, C, E, F nằm trên một đờng tròn.
- 6) Xác định vị trí của đờng thẳng qua A để EF có đô dài lớn nhất.

Câu 4 (1 điểm)

Cho F(x) =
$$\sqrt{2-x} + \sqrt{1+x}$$

- c) Tìm các giá tri của x để F(x) xác đinh.
- d) Tìm x để F(x) đạt giá tri lớn nhất.

Đề số 21

Câu 1 (3 điểm)

- 4) Vẽ đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{2}$
- 5) Viết phong trình đờng thẳng đi qua hai điểm (2; -2) và (1; -4)
- 6) Tìm giao điểm của đờng thẳng vừa tìm đợc với đồ thị trên.

Câu 2 (3 điểm)

3) Giải phơng trình:

$$\sqrt{x + 2\sqrt{x - 1}} + \sqrt{x - 2\sqrt{x - 1}} = 2$$

4) Giải phơng trình:

$$\frac{2x+1}{x} + \frac{4x}{2x+1} = 5$$

Câu 3 (3 điểm)

 $m \emph{C}$ ho hình bình hành ABCD , đồng phân giác của góc BAD cắt DC và BC theo thứ tự tại M và N . Gọi O là tâm đồng tròn ngoại tiếp tam giác MNC .

- 3) Chứng minh các tam giác DAM, ABN, MCN, là các tam giác cân.
- 4) Chứng minh B, C, D, O nằm trên một đờng tròn.

Câu 4 (1 điểm)

Cho x + y = 3 và y ≥ 2 . Chứng minh $x^2 + y^2 \ge 5$

Đề số 22

Câu 1 (3 điểm)

- 4) Giải phong trình : $\sqrt{2x+5} + \sqrt{x-1} = 8$
- 5) Xác định a để tổng bình phong hai nghiệm của phong trình $x^2 + ax + a 2 = 0$ là bé nhất.

Câu 2 (2 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ cho điểm A (3; 0) và đồng thẳng x - 2y = -2.

- d) Vẽ đồ thị của đờng thẳng . Gọi giao điểm của đờng thẳng với trục tung và trục hoành là B và E .
- e) Viết phong trình đờng thẳng qua A và vuông góc với đờng thẳng x 2y = -2.
- f) Tìm toạ độ giao điểm C của hai đờng thẳng đó . Chứng minh rằng EO. EA = EB . EC và tính diện tích của tứ giác OACB .

Câu 3 (2 điểm)

Giả sử x_1 và x_2 là hai nghiệm của phong trình :

$$x^{2} - (m+1)x + m^{2} - 2m + 2 = 0$$
 (1)

c) Tìm các giá trị của m để phong trình có nghiệm kép, hai nghiệm phân biệt.

d) Tìm m để $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đờng tròn tâm O . Kẻ đờng cao AH , gọi trung điểm của AB , BC theo thứ tự là M , N và E , F theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của của B , C trên đờng kính AD .

- c) Chứng minh rằng MN vuông góc với HE.
- d) Chứng minh N là tâm đờng tròn ngoại tiếp tam giác HEF.

Đề số 23

Câu 1 (2 điểm)

So sánh hai số:
$$a = \frac{9}{\sqrt{11} - \sqrt{2}}; b = \frac{6}{3 - \sqrt{3}}$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hệ phơng trình:

$$\begin{cases} 2x + y = 3a - 5 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

Gọi nghiệm của hệ là (x, y), tìm giá trị của a để $x^2 + y^2$ đạt giá trị nhỏ nhất .

Câu 3 (2 điểm)

Giả hệ phơng trình:

$$\begin{cases} x + y + xy = 5 \\ x^2 + y^2 + xy = 7 \end{cases}$$

Câu 4 (3 điểm)

1) Cho tứ giác lồi ABCD các cặp cạnh đối AB, CD cắt nhau tại P và BC, AD cắt nhau tại Q. Chứng minh rằng đồng tròn ngoại tiếp các tam giác ABQ, BCP, DCQ, ADP cắt nhau tại một điểm.

6) Cho tứ giác ABCD là tứ giác nội tiếp. Chứng minh

$$\frac{AB.AD + CB.CD}{BA.BC + DC.DA} = \frac{AC}{BD}$$

Câu 4 (1 điểm)

Cho hai số dơng x , y có tổng bằng 1 . Tìm giá trị nhỏ nhất của :

$$S = \frac{1}{x^2 + y^2} + \frac{3}{4xy}$$

Đề số 24

Câu 1 (2 điểm)

Tính giá tri của biểu thức:

$$P = \frac{2 + \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{2 + \sqrt{3}}} + \frac{2 - \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}$$

Câu 2 (3 điểm)

- 3) Giải và biện luận phong trình: $(m^2 + m + 1)x^2 3m = (m + 2)x + 3$
- 4) Cho phong trình $x^2-x-1=0$ có hai nghiệm là x_1 , x_2 . Hãy lập phong trình bậc hai có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{1-x_2}$; $\frac{x_2}{1-x_2}$

Câu 3 (2 điểm)

Tìm các giá trị nguyên của x để biểu thức : $P = \frac{2x-3}{x+2}$ là nguyên .

Câu 4 (3 điểm)

Cho đờng tròn tâm O và cát tuyến CAB (C ở ngoài đờng tròn). Từ điểm chính giữa của cung lớn AB kẻ đờng kính MN cắt AB tại I, CM cắt đờng tròn tại E, EN cắt đờng thẳng AB tai F.

- 4) Chứng minh tứ giác MEFI là tứ giác nội tiếp.
- 5) Chứng minh góc CAE bằng góc MEB.
- 6) Chúng minh: CE. CM = CF. CI = CA. CB

Đề số 25

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phong trình : $\begin{cases} x^2 - 5xy - 2y^2 = 3 \\ y^2 + 4xy + 4 = 0 \end{cases}$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hàm số: $y = \frac{x^2}{4}$ và y = -x - 1

- c) Vẽ đồ thị hai hàm số trên cùng một hệ trục toạ độ.
- d) Viết phong trình các đờng thẳng song song với đờng thẳng y = -x 1 và cắt đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{4}$ tại điểm có tung độ là 4.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $x^2 - 4x + q = 0$

- c) Với giá tri nào của q thì phơng trình có nghiêm.
- d) Tìm q để tổng bình phong các nghiệm của phong trình là 16.

Câu 3 (2 điểm)

3) Tìm số nguyên nhỏ nhất x thoả mãn phơng trình:

$$|x-3| + |x+1| = 4$$

4) Giải phơng trình:

$$3\sqrt{x^2 - 1} - x^2 - 1 = 0$$

Câu 4 (2 điểm)

 Cho tam giác vuông ABC (góc A = 1 v) có AC < AB , AH là đờng cao kẻ từ đỉnh A . Các tiếp tuyến tại A và B với đờng tròn tâm O ngoại tiếp tam giác ABC cắt nhau tại M . Đoạn MO cắt cạnh AB ở E , MC cắt đờng cao AH tại F . Kéo dài CA cho cắt đờng thẳng BM ở D . Đờng thẳng BF cắt đờng thẳng AM ở N .

- d) Chứng minh OM//CD và M là trung điểm của đoan thẳng BD.
- e) Chứng minh EF // BC.
- f) Chứng minh HA là tia phân giác của góc MHN .

Đề số 26

Câu 1: (2 điểm)

Trong hệ trục toạ độ Oxy cho hàm số y = 3x + m (*)

- 1) Tính giá trị của m để đồ thị hàm số đi qua : a) A(-1; 3); b) B(-2; 5)
- 2) Tìm m để đồ thi hàm số cắt truc hoành tai điểm có hoành độ là 3.
- 3) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục tung tại điểm có tung độ là 5.

Câu 2 : (2,5 điểm)

Cho biểu thức :
$$A = \left(\frac{1}{1 - \sqrt{x}} + \frac{1}{1 + \sqrt{x}}\right) : \left(\frac{1}{1 - \sqrt{x}} - \frac{1}{1 + \sqrt{x}}\right) + \frac{1}{1 - \sqrt{x}}$$

- a) Rút gọn biểu thức A.
- b) Tính giá trị của A khi $x = 7 + 4\sqrt{3}$
- c) Với giá trị nào của x thì A đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 : (2 điểm)

Cho phong trình bậc hai : $x^2 + \sqrt{3}x - \sqrt{5} = 0$ và gọi hai nghiệm của phong trình là x_1 và x_2 . Không giải phong trình , tính giá trị của các biểu thức sau :

a)
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2}$$

b)
$$x_1^2 + x_2^2$$

c)
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3}$$

d)
$$\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

Câu 4 (3.5 điểm)

Cho tam giác ABC vuông ở A và một điểm D nằm giữa A và B . Đờng tròn đờng kính BD cắt BC tại E . Các đờng thẳng CD , AE lần lợt cắt đờng tròn tại các điểm thứ hai F , G . Chứng minh :

- a) Tam giác ABC đồng dạng với tam giác EBD.
- b) Tứ giác ADEC và AFBC nội tiếp đợc trong một đờng tròn.
- c) AC song song với FG.
- d) Các đờng thẳng AC, DE và BF đồng quy.

Đề số 27

Câu 1 (2,5 điểm)

Cho biểu thức : A =
$$\left(\frac{a\sqrt{a}-1}{a-\sqrt{a}} - \frac{a\sqrt{a}+1}{a+\sqrt{a}}\right) : \frac{a+2}{a-2}$$

- a) Với những giá trị nào của a thì A xác định
- b) Rút gọn biểu thức A.
- c) Với những giá trị nguyên nào của a thì A có giá trị nguyên.

Câu 2 (2 điểm)

Một ô tô dự định đi từ A đền B trong một thời gian nhất định . Nếu xe chạy với vận tốc 35 km/h thì đến chậm mất 2 giờ . Nếu xe chạy với vận tốc 50 km/h thì đến sớm hơn 1 giờ . Tính quãng đờng AB và thời gian dự định đi lúc đầu .

Câu 3 (2 điểm)

a) Giải hệ phong trình :
$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 3\\ \frac{2}{x+y} - \frac{3}{x-y} = 1 \end{cases}$$

b) Giải phong trình : $\frac{x+5}{x^2-5x} - \frac{x-5}{2x^2+10x} = \frac{x+25}{2x^2-50}$

Câu 4 (4 điểm)

Cho điểm C thuộc đoạn thẳng AB sao cho AC = 10~cm; CB = 40~cm. Vẽ về cùng một nửa mặt phẳng bờ là AB các nửa đờng tròn đờng kính theo thứ tự là AB , AC , CB có tâm lần lọt là O , I , K . Đờng vuông góc với AB tại C cắt nửa đờng tròn (O) ở E . Gọi M , N theo thứ tự là giao điểm cuae EA , EB với các nửa đờng tròn (I) , (K) . Chứng minh :

- a) EC = MN.
- b) MN là tiếp tuyến chung của các nửa đờng tròn (I) và (K).
- c) Tính đô dài MN.
- d) Tính diện tích hình đợc giới han bởi ba nửa đờng tròn.

Đề 28

Câu 1 (2 điểm)

Cho biểu thức : A =
$$\frac{1+\sqrt{1-a}}{1-a+\sqrt{1-a}} + \frac{1-\sqrt{1+a}}{1+a-\sqrt{1+a}} + \frac{1}{\sqrt{1+a}}$$

- 1) Rút gon biểu thức A.
- 2) Chứng minh rằng biểu thức A luôn dong với mọi a.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phong trình : $2x^2 + (2m - 1)x + m - 1 = 0$

- 1) Tìm m để phong trình có hai nghiệm x_1 , x_2 thoả mãn $3x_1 4x_2 = 11$.
- 2) Tìm đẳng thức liên hệ giữa x_1 và x_2 không phụ thuộc vào m.
- 3) Với giá trị nào của m thì \mathbf{x}_1 và \mathbf{x}_2 cùng dong .

Câu 3 (2 điểm)

Hai ô tô khởi hành cùng một lúc đi từ A đến B cách nhau 300~km. Ô tô thứ nhất mỗi giờ chạy nhanh hơn ô tô thứ hai 10~km nên đến B sớm hơn ô tô thứ hai 1~giờ. Tính vận tốc mỗi xe ô tô .

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đờng tròn tâm O . M là một điểm trên cung AC (không chứa B) kẻ MH vuông góc với AC ; MK vuông góc với BC .

- 1) Chứng minh tứ giác MHKC là tứ giác nội tiếp.
- 2) Chứng minh $\widehat{AMB} = \widehat{HMK}$
- 3) Chứng minh Δ AMB đồng dang với Δ HMK .

Câu 5 (1 điểm)

Tìm nghiệm dong của hệ :
$$\begin{cases} xy(x+y) = 6\\ yz(y+z) = 12\\ zx(z+x) = 30 \end{cases}$$

Để 29

(Thi tuyển sinh lớp 10 - THPT năm 2006 - 2007 - 120 phút - Ngày 28 / 6 / 2006 Câu 1 (3 điểm)

- 1) Giải các phơng trình sau:
 - a) 4x + 3 = 0
 - b) $2x x^2 = 0$
- 2) Giải hệ phong trình : $\begin{cases} 2x y = 3 \\ 5 + y = 4x \end{cases}$

Câu 2(2 điểm)

- 1) Cho biểu thức : $P = \frac{\sqrt{a}+3}{\sqrt{a}-2} \frac{\sqrt{a}-1}{\sqrt{a}+2} + \frac{4\sqrt{a}-4}{4-a} \quad (a > 0; a \neq 4)$
- a) Rút gọn P.
- b) Tính giá trị của P với a = 9.
- 2) Cho phong trình : x^2 (m + 4)x + 3m + 3 = 0 (m là tham số)
- a) Xác định m để phong trình có một nghiệm bằng 2 . Tìm nghiệm còn lại .
- b) Xác định m để phong trình có hai nghiệm x_1 ; x_2 thoả mãn $x_1^3 + x_2^3 \ge 0$

Câu 3 (1 điểm)

Khoảng cách giữa hai thành phố A và B là 180~km. Một ô tô đi từ A đến B, nghỉ 90~phút ở B, rồi lại từ B về A. Thời gian lúc đi đến lúc trở về A là 10~giờ. Biết vận tốc lúc về kém vận tốc lúc đi là 5~km/h. Tính vân tốc lúc đi của ô tô.

Câu 4 (3 điểm)

Tứ giác ABCD nội tiếp đờng tròn đờng kính AD . Hai đờng chéo AC , BD cắt nhau tại E . Hình chiếu vuông góc của E trên AD là F . Đờng thẳng CF cắt đờng tròn tại điểm thứ hai là M . Giao điểm của BD và CF là N

Chứng minh:

- a) CEFD là tứ giác nội tiếp.
- b) Tia FA là tia phân giác của góc BFM.
- c) $BE \cdot DN = EN \cdot BD$

Câu 5 (1 điểm)

Tìm m để giá trị lớn nhất của biểu thức $\frac{2x+m}{x^2+1}$ bằng 2.

(Thi tuyển sinh lớp 10 - THPT năm 2006 - 2007 - $\,$ 120 phút - Ngày 30 / 6 / 2006 Câu 1 (3 điểm)

1) Giải các phơng trình sau:

a)
$$5(x-1) = 2$$

b) $x^2 - 6 = 0$

2) Tîm toạ độ giao điểm của đờng thẳng y = 3x - 4 với hai trục toạ độ.

Câu 2 (2 điểm)

1) Giả sử đờng thẳng (d) có phong trình : y = ax + b.

Xác định a, b để (d) đi qua hai điểm A (1;3) và B (-3;-1)

2) Gọi x_1 ; x_2 là hai nghiệm của phong trình x^2 - 2(m - 1)x - 4 = 0 (m là tham số) Tìm m để: $|x_1| + |x_2| = 5$

3) Rút gọn biểu thức : $P = \frac{\sqrt{x+1}}{2\sqrt{x-2}} - \frac{\sqrt{x-1}}{2\sqrt{x+2}} - \frac{2}{\sqrt{x-1}} (x \ge 0; x \ne 0)$

Câu 3(1 điểm)

Một hình chữ nhật có diện tích $300~\text{m}^2$. Nếu giảm chiều rộng đi 3~m, tăng chiều dài thêm 5m thì ta đợc hình chữ nhật mới có diện tích bằng diện tích bằng diện tích hình chữ nhật ban đầu . Tính chu vi hình chữ nhật ban đầu .

Câu 4 (3 điểm)

Cho điểm A ở ngoài đờng tròn tâm O . Kẻ hai tiếp tuyến AB , AC với đờng tròn (B , C là tiếp điểm) . M là điểm bất kỳ trên cung nhỏ BC ($M \neq B$; $M \neq C$) . Gọi D , E , F tơng ứng là hình chiếu vuông góc của M trên các đờng thẳng AB , AC , BC ; H là giao điểm của MB và DF ; K là giao điểm của MC và EF .

1) Chứng minh:

- a) MECF là tứ giác nội tiếp.
- b) MF vuông góc với HK.

2) Tìm vị trí của M trên cung nhỏ BC để tích MD. ME lớn nhất.

Câu 5 (1 điểm) Trong mặt phẳng toạ độ (Oxy) cho điểm A (-3; 0) và Parabol (P) có phong trình $y = x^2$. Hãy tìm toạ độ của điểm M thuộc (P) để cho độ dài đoạn thẳng AM nhỏ nhất .

ĐỀ SỐ 1

<u>Cõu 1</u>.

1.Chứng minh $\sqrt{9+4\sqrt{2}} = 2\sqrt{2} + 1$.

2. Rỳt gọn phộp tớnh $A = \sqrt{4 - \sqrt{9 + 4\sqrt{2}}}$.

Cõu 2. Cho phương trỡnh $2x^2 + 3x + 2m - 1 = 0$

1. Giải phương trỡnh với m = 1.

2.Tỡm m để phương trỡnh cú hai nghiệm phon biệt.

<u>Cốu 3</u>. Một mảnh vườn hỡnh chữ nhật cú diện tớch là 1200m². Nay người ta tu bổ bằng cỏch tăng chiều rộng của vườn thờm 5m, đồng thời rỳt bớt chiều dài 4m thỡ mảnh vườn đú cú diện tớch 1260m². Tớnh kớch thước mảnh vườn sau khi tu bổ.

<u>Cốu 4</u>. Cho đường trũn tốm O đường kớnh AB. Người ta v**ẽ** đường trũn tốm A bỏn kớnh nhỏ hơn AB, nú cắt đường trũn (O) tại C và D, cắt AB tại E. Tròn cung nhỏ CE của (A), ta lấy điểm M. Tia BM cắt tiếp (O) tại N.

a) Chứng minh BC, BD là cỏc tiếp tuyến của đường trũn (A).

b) Chứng minh NB là phốn giỏc của gúc CND.

c) Chứng minh tam giỏc CNM đồng dạng với tam giỏc MND.

d) Giả sử CN = a; DN = b. Tớnh MN theo a và b.

Cõu 5. Tõm giỏ trị nhỏ nhất của biểu thức $P = 2x^2 + 3x + 4$.

ĐỀ SỐ 2

<u>Cốu 1</u>. Tốm hai số biết hiệu của chỳng bằng 10 và tổng của 6 lần số lớn với 2 lần số bộ là

Cõu 2. Cho phương trỡnh $x^2 - 7x + m = 0$

a) Giải phương trõnh khi m = 1.

b) Gọi x_1 , x_2 là cóc nghiệm của phương trõnh. Tớnh $S = x_1^2 + x_2^2$.

c) Tỡm m để phương trỡnh cú hai nghiệm trỏi dấu.

<u>Cốu 3</u>. Cho tam giỏc DEF cú $\angle D = 60^{\circ}$, cỏc gúc E, F là gúc nhọn nội tiếp trong đường trũn tốm O. Cỏc đường cao EI, FK, I thuộc DF, K thuộc DE.

a) Tớnh số đo cung EF khung chứa điểm D.

b) Chứng minh EFIK nội tiếp được.

c) Chứng minh tam giỏc DEF đồng dạng với tam giỏc DIK và tõm tỉ số đồng dạng.

Cõu 4. Cho a, b là 2 số dương, chứng minh rằng

$$\sqrt{\left(\sqrt{a^2 + b^2} - a\right)\left(\sqrt{a^2 + b^2} - b\right)} = \frac{a + b - \sqrt{a^2 + b^2}}{\sqrt{2}}$$
ĐÈ SỐ 3

Cõu 1. Thực hiện phộp tớnh

a)
$$\left(2\sqrt{6} - 4\sqrt{3} + 5\sqrt{2} - \frac{1}{4}\sqrt{8}\right) \cdot 3\sqrt{6}$$

b)
$$\frac{2}{3+\sqrt{5}} + \frac{2}{3-\sqrt{5}}$$

Cõu 2. Cho phương trỡnh $x^2 - 2x - 3m^2 = 0$ (1).

- a) Giải phương trõnh khi m = 0.
- b) Tõm m để phương trõnh cú hai nghiệm trỏi dấu.
- c) Chứng minh phương trõnh $3m^2x^2 + 2x 1 = 0$ (m $\neq 0$) luụn cú hai nghiệm phốn biệt và mỗi nghiệm của nú là nghịch đảo của một nghiệm của phương trõnh (1).

<u>Cốu 3</u>. Cho tam giỏc ABC vuụng cõn tại A, AD là trung tuyến. Lấy điểm M bất kỳ tròn đoạn AD ($M \neq A$; $M \neq D$). Gọi I, K lần lượt là hõnh chiếu vuụng gúc của M tròn AB, AC; H là hõnh chiếu vuụng gúc của I tròn đường thẳng DK.

- a) Tứ giỏc AIMK là hỡnh gỡ?
- b) Chứng minh 5 điểm A, I, M, H, K cựng nằm trờn một đường trũn. Xỏc định tốm của đường trũn đú.
 - c) Chứng minh ba điểm B, M, H thẳng hàng.

Cõu 4. Tõm nghiệm hữu tỉ của phương trõnh $\sqrt{2\sqrt{3}-3} = \sqrt{x\sqrt{3}} - \sqrt{y\sqrt{3}}$

ĐÈ SỐ 4

$$\underline{\textbf{C\~ou 1}}. \text{ Cho biểu thức } P = \left[\frac{a+3\sqrt{a}+2}{\left(\sqrt{a}+2\right)\!\left(\sqrt{a}-1\right)} - \frac{a+\sqrt{a}}{a-1} \right] : \left(\frac{1}{\sqrt{a}+1} + \frac{1}{\sqrt{a}-1} \right)$$

a) Rýt g**o**n P.

b) Tõm a để
$$\frac{1}{P} - \frac{\sqrt{a}+1}{8} \ge 1$$

<u>Cốu 2</u>. Một ca nụ xuụi dũng từ A đến B dài 80km, sau đú lại ngược dũng đến C cỏch B 72km, thời gian ca nụ xuụi dũng ót hơn thời gian ngược dũng là 15 phỳt. Tónh vận tốc riờng của ca nu, biết vận tốc của dũng nước là 4km/h.

<u>Cốu 3</u>. Tốm tọa độ giao điểm A và B của hai đồ thị cóc hàm số y = 2x + 3 và $y = x^2$. Gọi D và C lần lượt là hõnh chiếu vuụng gúc của A và B lờn trục hoành. Tớnh diện tớch tứ gióc ABCD.

<u>Cốu 4</u>. Cho (O) đường kớnh AB = 2R, C là trung điểm của OA và dõy MN vuụng gúc với OA tại C. Gọi K là điểm tưy ý tròn cung nhỏ BM, H là giao điểm của AK và MN.

- a) Chứng minh tứ giỏc BCHK nội tiếp được.
- b) Tớnh tớch AH.AK theo R.
- c) Xỏc định vị trớ của K để tổng (KM + KN + KB) đạt giỏ trị lớn nhất và tớnh giỏ trị lớn nhất đú.

<u>Cõu 5.</u> Cho hai số dương x, y thoả món điều kiện x + y = 2. Chứng minh $x^2y^2(x^2 + y^2) \le 2$

ĐỀ SỐ 5

$$\underline{\textbf{C\~ou 1}}. \text{ Cho biểu thức } P = \left(1 + \frac{\sqrt{x}}{x+1}\right): \left(\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{2\sqrt{x}}{x\sqrt{x}+\sqrt{x}-x-1}\right) - 1$$

- a) Tỡm điều kiện để P cú nghĩa và rỳt g**ọ**n P.
- b) Tốm cỏc giỏ trị nguyờn của x để biểu thức $P \sqrt{x}$ nhận giỏ trị nguyờn.

Cõu 2

a) Giải phương trõnh $x^4 - 4x^3 - 2x^2 + 4x + 1 = 0$.

b) Giải hệ
$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0\\ 2x^2 - 3xy + 5 = 0 \end{cases}$$

Cõu 3. Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho (P) cú phương trõnh $y = \frac{-x^2}{2}$. Gọi (d) là đường thẳng đi qua điểm I(0; -2) và cú hệ số gúc k.

a) Viết phương trõnh dường thẳng (d). Chứng minh rằng (d) luụn cắt (P) tại hai điểm phon biệt A và B khi k thay đổi.

b) Gọi H, K theo thứ tự là hỡnh chiếu vuụng gúc của A, B lờn trục hoành. Chứng minh rằng tam giỏc IHK vuung tại I.

<u>Cõu 4</u>. Cho (O; R), AB là đường kớnh cố định. Đường thẳng (d) là tiếp tuyến của (O) tại B. MN là đường kớnh thay đổi của (O) sao cho MN khụng vuụng gúc với AB và M ≠ A, M ≠ B. Cỏc đường thẳng AM, AN cắt đường thẳng (d) tương ứng tại C và D. Gọi I là trung điểm của CD, H là giao điểm của AI và MN. Khi MN thay đổi, chứng minh rằng:

- a) Tớch AM.AC khụng đối.
- b) Bốn điểm C, M, N, D cung thuộc một đường trũn.
- c) Điểm H luun thuộc một đường trũn cố định.
- d) Tốm J của đường trũn ngoại tiếp tam giỏc HIB luụn thuộc một đường thẳng cố định.

<u>Cốu 5</u>. Cho hai số dương x, y thỏa món điều kiện x + y = 1. Hóy tỡm giỏ trị nhỏ nhất của biểu thức $A = \frac{1}{x^2 + y^2} + \frac{1}{xy}$.

ĐÈ SỐ 6

<u>Cõu 1</u>.

a) Giải phương trỡnh $5x^2 + 6 = 7x - 2$.

b) Giải hệ phương trỡnh $\begin{cases} 3x - y = 5 \\ x + 2y = 4 \end{cases}$

c) Tớnh $\frac{\sqrt{18}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$

Cõu 2. Cho (P) $y = -2x^2$

a) Trong cỏc điểm sau điểm nào thuộc, khung thuộc (P)? tại sao?

A(-1; -2); $B(-\frac{1}{2}; \frac{1}{2});$ $C(\sqrt{2}; -4)$

b) Tốm k để đường thẳng (d): y = kx + 2 cắt (P) tại hai điểm phốn biệt.

c) Chứng minh điểm E(m; m² + 1) khung thuộc (P) với mọi giỏ trị của m.

<u>Cốu 3</u>. Cho tam giỏc ABC vuụng tại A, gúc B lớn hơn gúc C. Kể đường cao AH. Tròn đoạn HC đặt HD = HB. Từ C kể CE vuụng gúc với AD tại E.

a) Chứng minh cóc tam gióc AHB và AHD bằng nhau.

b) Chứng minh tứ giỏc AHCE nội tiếp và hai gúc HCE và HAE bằng nhau.

c) Chứng minh tam giỏc AHE cõn tại H.

d) Chứng minh DE.CA = DA.CE

e) Tớnh gúc BCA nếu HE//CA.

<u>Cốu 4</u>.Cho hàm số y = f(x) xỏc định với mọi số thực x khỏc 0 và thỏa món $f(x) + 3f\left(\frac{1}{x}\right) = x^2$ với mọi x khỏc 0. Tớnh giỏ trị f(2).

ĐỀ SỐ 7

<u>Cõu 1</u>.

a) Tớnh
$$\left(2\sqrt{1\frac{9}{16}} - \sqrt{5\frac{1}{16}}\right):\sqrt{16}$$

b) Giải hệ
$$\begin{cases} 3x - y = 2 \\ x + y = 6 \end{cases}$$

c) Chứng minh rằng $3-\sqrt{2}$ là nghiệm của phương trõnh $x^2-6x+7=0$.

Cõu 2. Cho (P): $y = \frac{1}{2}x^2$.

- a) Cỏc điểm $A\left(1;\frac{1}{3}\right)$; $B\left(0;\sqrt{5}\right)$; $C\left(-\sqrt{3};1\right)$, điểm nào thuộc (P)? Giải thớch?
- b) Tốm k để (d) cú phương trõnh y = kx 3 tiếp xỳc với (P).
- c) Chứng tổ rằng đường thẳng $x = \sqrt{2}$ cắt (P) tại một điểm duy nhất. Xỏc định toa độ giao điểm đú.

Cõu 3. Cho (O;R), đường kớnh AB cố định, CD là đường kớnh di động. Gọi d là tiếp tuyến của (O) tại B; cỏc đường thẳng AC, AD cắt d lần lượt tại P và Q.

- a) Chứng minh gúc PAQ vuung.
- b) Chứng minh tứ giỏc CPQD nội tiếp được.
- c) Chứng minh trung tuyến AI của tam giỏc APQ vuung gúc với đường thẳng CD.
- d) Xỏc định vị trớ của CD để diện tớch tứ giỏc CPQD bằng 3 lần diện tớch tam giỏc ABC.

<u>Cõu 4</u>. Tõm giỏ trị nhỏ nhất của biểu thức $A = 2x^2 + 2xy + y^2 - 2x + 2y + 1$.

ĐÈ SỐ 8

<u>Cõu 1</u>.

1.Cho P =
$$\left(1 + \frac{a + \sqrt{a}}{\sqrt{a} + 1}\right) \left(1 - \frac{a - \sqrt{a}}{-1 + \sqrt{a}}\right); \quad a \ge 0, a \ne 1$$

- a) Rỳt g**ọ**n P.
- b) Tỡm a biết $P > -\sqrt{2}$.
- c) Tỡm a biết $P = \sqrt{a}$.
- c) from a piet P = \sqrt{a} . 2.Chứng minh rằng $\sqrt{13+30\sqrt{2+\sqrt{9+4\sqrt{2}}}}=5+3\sqrt{2}$

Cõu 2. Cho phương trỡnh $mx^2 - 2(m-1)x + m = 0$ (1)

- a) Giải phương trỡnh khi m = -1.
- b) Tỡm m để phương trỡnh (1) cú 2 nghiệm phon biệt.
- c) Gọi hai nghiệm của (1) là x_1 , x_2 . Hóy lập phương trõnh nhận $\frac{x_1}{x_2}$; $\frac{x_2}{x_1}$ làm

nghiệm.

<u>Cõu 3</u>. Cho tam giỏc nhọn ABC (AB < AC) nội tiếp đường trũn tõm O, đường kớnh AD. Đường cao AH, đường phốn gióc AN của tam gióc cắt (O) tương ứng tại cóc điểm Q và P.

a) Chứng minh: DQ//BC và OP vuung gúc với QD.

b) Tớnh diện tớch tam giỏc AQD biết bỏn kớnh đường trũn là R và $tgQAD = \frac{3}{4}$.

<u>Cõu 4</u>.

a) Giả sử phương trõnh $ax^2 + bx + c = 0$ cú nghiệm dương x_1 . Chứng minh rằng phương trõnh $cx^2 + bx + a = 0$ cũng cú nghiệm dương là x_2 và $x_1 + x_2 \ge 0$.

b) Tốm cặp số (x, y) thỏa món phương trõnh $x^2y + 2xy - 4x + y = 0$ sao cho y đạt giỏ trị lớn nhất.

ĐÈ SỐ 9

Cõu 1.

1.Cho P =
$$\frac{(1-2x)^2-16x^2}{1-4x^2}$$
; $x \neq \pm \frac{1}{2}$

a) Chứng minh
$$P = \frac{-2}{1 - 2x}$$

b) Tớnh P khi
$$x = \frac{3}{2}$$

2.Tốnh Q =
$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{5 - \sqrt{24}}}{\sqrt{12}}$$

<u>Cõu 2</u>. Cho hai phương trõnh ẩn x sau:

$$x^{2} + x - 2 = 0$$
 (1); $x^{2} + (3b - 2a)x - 6a = 0$ (2)

- a) Giải phương trỡnh (1).
- b) Tỡm a và b để hai phương trõnh đú tương đương.
- c) Với b = 0. Tốm a để phương trõnh (2) cú nghiệm x_1, x_2 thỏa món ${x_1}^2 + {x_2}^2 = 7$ Cốu 3. Cho tam giỏc ABC vuụng ở a và gúc B lớn hơn gúc C, AH là đường cao, AM là trung tuyến. Đường trũn tốm H bỏn kớnh HA cắt đường thẳng AB ở D và đường thẳng AC ở E.
 - a) Chứng minh D, H, E thẳng hàng.
 - b) Chứng minh \angle MAE = \angle DAE; MA \perp DE.
- c) Chứng minh bốn điểm B, C, D, E nằm tròn đường trũn tõm O. Tứ giỏc AMOH là hỡnh gỡ?
 - d) Cho gúc ACB bằng 30° và AH = a. Tớnh diện tớch tam giỏc HEC.

$$\underline{\textbf{Cõu 4}}. \text{Giải phương trỡnh } \sqrt{\frac{ax^2-ax-a^2+4a-1}{a}} = x-2 \,. \text{ Với ẩn } x, \text{ tham số a.}$$

<u>ĐỀ SỐ 10</u>

Cõu 1.

1. Rýt gọn
$$(2+\sqrt{3}-\sqrt{2})(2-\sqrt{3}-\sqrt{2})(3+\sqrt{2})\sqrt{3-2\sqrt{2}}$$
.

2.Cho
$$x = \sqrt{\frac{a}{b}} + \sqrt{\frac{b}{a}} \text{ v\'oi } a < 0, b < 0.$$

a) Chứng minh $x^2 - 4 \ge 0$.

b) Rỳt gọn
$$F = \sqrt{x^2 - 4}$$
.

<u>Cõu 2</u>. Cho phương trõnh $(-x^2 + 2)(x^2 - 2mx + 9) = 0$ (*); x là ẩn, m là tham số.

- a) Giải (*) khi m = 5.
- b) Tỡm m để (*) cú nghiệm kộp.

Cõu 3. Cho hàm số $y = -x^2$ cú đồ thị là (P); hàm số y = 2x - 3 cú đồ thị là (d).

1. Vẽ đồ thị (P) và (d) tròn cưng một hệ trục tọa độ Oxy. Tõm tọa độ cỏc giao điểm của (P) và (d).

2.Cho điểm M(-1; -2), bằng phôp tớnh hóy cho biết điểm M thuộc ở phớa tròn hay phóa dưới đồ thi (P), (d).

3. Tỡm những giỏ trị của x sao cho đồ thị (P) ở phỏi tròn đồ thị (d).

<u>Cõu 4</u>. Cho tam giỏc nhọn ABC nội tiếp (O), E là hỡnh chiếu của B tròn AC. Đường thẳng qua E song song với tiếp tuyến Ax của (O) cắt AB tại F.

1.Chứng minh tứ giỏc BFEC nội tiếp.

2.Gúc DFE (D thuộc cạnh BC) nhận tia FC làm phon gióc trong và H là giao điểm của BE với CF. Chứng minh A, H, D thắng hàng.

3. Tia DE cắt tiếp tuyến Ax tại K. Tam giỏc ABC là tam giỏc gỡ thỡ tứ giỏc AFEK là hỡnh bỡnh hành, là hỡnh thoi? Giải thớch.

Cõu 5. Hóy tớnh $F = x^{-1999} + y^{-1999} + z^{-1999}$ theo a. Trong đú x, y, z là nghiệm của phương trỡnh:

$$\sqrt{x+y+z-a} + \sqrt{(xy+yz+zx)a-xyz} = 0; \ \forall a \neq 0$$

Cõu 1.

1. Giải bất phương trỡnh, hệ phương trỡnh, phương trỡnh

$$a) 2x - 6 \le 0$$

b)
$$x^2 + x - 6 = 0$$

a)
$$2x-6 \le 0$$
 b) $x^2+x-6=0$ c)
$$\begin{cases} 2x+3y=12\\ 3x-y=7 \end{cases}$$

2.Từ kết quả của phần 1. Suy ra nghiệm của bất phương trỡnh, phương trỡnh, hệ phương trỡnh sau:

a)
$$2\sqrt{y} - 6 \le 0$$

b)
$$t + \sqrt{t} - 6 = 0$$

a)
$$2\sqrt{y} - 6 \le 0$$
 b) $t + \sqrt{t} - 6 = 0$ c)
$$\begin{cases} 2|p| + 3|q| = 12\\ 3|p| - |q| = 7 \end{cases}$$

Cõu 2.

1. Chứng minh $(1-2a)^2 + 3 + 12a = (2+2a)^2$.

$$2.\text{Rŷt gọn}\left(\sqrt{\frac{2}{3}} + \sqrt{\frac{3}{2}} + 2\right)\left(\frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{4\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}}\right)\left(24 + 8\sqrt{6}\right)\left(\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} - \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}}\right)$$

<u>Cốu 3</u>. Cho tam giỏc ABC (AC > AB) cú AM là trung tuyến, N là điểm bất kỡ tròn đoạn AM. Đường trũn (O) đường kớnh AN.

1.Đường trũn (O) cắt phốn giỏc trong AD của gúc A tại F, cắt phốn giỏc ngoài gúc A tại E. Chứng minh FE là đường kớnh của (O).

2.Đường trũn (O) cắt AB, AC lần lượt tại K, H. Đoạn KH cắt AD tại I. Chứng minh hai tam giỏc AKF và KIF đồng dạng.

3.Chứng minh $FK^2 = FI.FA$.

4.Chứng minh NH.CD = NK.BD.

Cõu 4. Rỳt gọn

$$T = \sqrt{1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2}} + \sqrt{1 + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2}} + \dots + \sqrt{1 + \frac{1}{1999^2} + \frac{1}{2000^2}}$$

ĐÈ SỐ 12

Cõu 1. Giải cóc phương trỡnh sau

1)
$$4x - 1 = 2x + 5$$
 2) $x^2 - 8x + 15 = 0$ 3) $\frac{x^2 - 8x + 15}{2x - 6} = 0$

<u>Cõu 2</u>.

1. Chứng minh $3 - 2\sqrt{2} = (1 - \sqrt{2})^2$.

2. Rỳt gọn $\sqrt{3-2\sqrt{2}}$.

3. Chứng minh
$$\left[\frac{1}{2\sqrt{2}-\sqrt{7}}-\left(3\sqrt{2}+\sqrt{17}\right)\right]^2 = \left[\frac{1}{2\sqrt{2}-\sqrt{17}}-\left(2\sqrt{2}+\sqrt{17}\right)\right]^2$$

<u>Cốu 3</u>. Cho ba điểm A, B, C thẳng hàng (điểm B thuộc đoạn AC). Đường trũn (O) đi qua B và C, đường kớnh DE vuụng gúc với BC tại K. AD cắt (O) tại F, EF cắt AC tại I.

1. Chứng minh tứ giỏc DFIK nội tiếp được.

2.Gọi H là điểm đối xứng với I qua K. Chứng minh gúc DHA và gúc DEA bằng nhau.

3.Chứng minh AI.KE.KD = KI.AB.AC.

4.AT là tiếp tuyến (T là tiếp điểm) của (O). Điểm T chạy tròn đường nào khi (O) thay đổi nhưng luụn đi qua hai điểm B, C.

<u>Cõu 4</u>.

1. Cho tam giỏc ABC cú BC = a, AC = b, AB = c, G là trọng tốm. Gọi x, y, z lần lượt là khoảng cỏch từ G tới cóc cạnh a, b, c. Chứng minh $\frac{x}{bc} = \frac{y}{ac} = \frac{z}{ab}$

2.Giải phương trỡnh

$$\sqrt{x+1} + \sqrt{y-3} + \sqrt{z+24} = 104 - \left(\frac{25}{\sqrt{x+1}} + \frac{4}{\sqrt{y-3}} + \frac{2025}{\sqrt{z+24}}\right)$$

ĐỀ SỐ 13

$$\begin{cases} x^2-2x+y^2=0\\ \text{C\~ou 1}. \text{Giải hệ phương trỡnh} \end{cases} x^2-2xy+1=0$$

<u>Cõu 2</u>. Giải bất phương trõnh $(x - 1)(x + 2) < x^2 + 4$. <u>Cõu 3</u>.

1. Rỳt gọn biểu thức $P = \frac{1}{\sqrt{8} + \sqrt{7}} + \sqrt{175} - 2\sqrt{2}$.

2. Với giỏ trị nào của m
 thỡ phương trỡnh $2x^2-4x-m+3=0$ (m là tham số) vụ nghiệm.

<u>Cổu 4</u>. Cho tam giỏc ABC cú ba gúc nhọn. Vẽ trung tuyến AM, phốn giỏc AD của gúc BAC. Đường trũn ngoại tiếp tam giỏc ADM cắt AB tại P và cắt AC tại Q.

1.Chứng minh $\angle BAM = \angle PQM$; $\angle BPD = \angle BMA$.

2.Chứng minh BD.AM = BA.DP.

3. Giả sử BC = a; AC = b; BD = m. Tớnh tỉ số $\frac{BP}{BM}$ theo a, b, m.

4.Gọi E là điểm chớnh giữa cung PAQ và K là trung điểm đoạn PQ. Chứng minh ba điểm D, K, E thẳng hàng.

ĐÈ SỐ 14

Cõu 1.

1. Giải bất phương trỡnh (x + 1)(x - 4) < 0.

2. Giải và biện luận bất phương trỡnh $1+x \ge mx + m$ với m là tham số.

Cõu 2. Giải hệ phương trỡnh $\begin{cases} \frac{3}{2x-y} - \frac{6}{x+y} = -1\\ \frac{1}{2x-y} - \frac{1}{x-y} = 0 \end{cases}$

Cõu 3. Tốm giỏ trị nhỏ nhất của biểu thức $P = x^2 + 26y^2 - 10xy + 14x - 76y + 59$. Khi đú x, y cú giỏ trị bằng bao nhiờu?

Cõu 4. Cho hỡnh thoi ABCD cú gúc nhon $\angle BAD = \alpha$. V**ẽ** tam giỏc đều CDM v**ề** phóa ngoài hỡnh thoi và tam giỏc đều AKD sao cho đỉnh K thuộc mặt phẳng chứa đỉnh B (nửa mặt phẳng bờ AC).

1.Tõm tõm của đường trũn đi qua 4 điểm A, K, C, M.

2.Chứng minh rằng nếu AB = a, thố BD = $2a.\sin\frac{\alpha}{2}$.

3. Tớnh gúc ABK theo α.

4.Chứng minh 3 điểm K, L, M nằm tròn một đường thẳng.

<u>Cõu 5.</u> Giải phương trỡnh $x = (\sqrt{x} + 2)(1 - \sqrt{1 - \sqrt{x}})^2$

Cõu 1. Tớnh

a)
$$\sqrt{(\sqrt{5}+1)^2} + \sqrt{(\sqrt{5}-1)^2}$$
 b) $\frac{\sqrt{4m^2 - 4m + 1}}{4m - 2}$

b)
$$\frac{\sqrt{4m^2 - 4m + 1}}{4m - 2}$$

Cõu 2.

1. Vẽ đồ thị (P) của hàm số $y = \frac{x^2}{2}$.

2.Tốm a, b để đường thẳng y = ax + b đi qua điểm (0; -1) và tiếp xỳc với (P)

Cõu 3. Cho hệ phương trỡnh $\begin{cases} mx + my = -3\\ (1-m)x + y = 0 \end{cases}$

a) Giải hệ với m = 2.

b) Tỡm m để hệ cú nghiệm ỡm (x < 0; y < 0).

<u>Cốu 4</u>. Cho nửa đường trũn đường kớnh AB = 2r, C là trung điểm của cung AB. Tròn cung AC lấy điểm F bất kỡ. Tròn dõy BF lấy điểm E sao cho BE = AF.

a) Hai tam giỏc AFC và BEC qua hệ với nhau như thế nào? Tại sao?

b) Chứng minh tam giỏc EFC vuụng cõn.

c) Gọi D là giao điểm của AC với tiếp tuyến tại B của nửa đường trũn. Chứng minh tứ giỏc BECD nội tiếp được.

d) Giả sử F di động tròn cung AC. Chứng minh rằng khi đú E di chuyển tròn một cung trũn. Hóy xỏc định cung trũn và bỏn kớnh của cung trũn đú.

<u>ĐỀ SỐ 16</u>

<u>Cõu 1</u>.

1. Tõm bốn số tự nhiờn liờn tiếp, biết rằng tớch của chỳng bằng 3024.

2.Cú thể tỡm được hay khung ba số a, b, c sao cho:

$$\frac{a}{a-b} + \frac{b}{b-c} + \frac{c}{c-a} = \frac{a}{(a-b)^2} + \frac{b}{(b-c)^2} + \frac{c}{(c-a)^2} = 0$$

Cõu 2

1. Cho biểu thức
$$B = \left(\frac{\sqrt{x}+1}{\sqrt{x}-1} - \frac{\sqrt{x}-1}{\sqrt{x}+1} - \frac{8\sqrt{x}}{x-1}\right) : \left(\frac{\sqrt{x}-x-3}{x-1} - \frac{1}{\sqrt{x}-1}\right)$$

a) Rỳt gọn B.

b) Tớnh giỏ trị của B khi $x = 3 + 2\sqrt{2}$.

c) Chứng minh rằng $B \le 1$ với mọi giỏ trị của x thỏa món $x \ge 0$; $x \ne 1$.

2. Giải hệ phương trỡnh
$$\begin{cases} (x-y)(x^2+y^2) = 5\\ (x+y)(x^2-y^2) = 9 \end{cases}$$

Cõu 3. Cho hàm số:
$$y = \sqrt{x^2 + 1} + \sqrt{2(x^2 - 2)} + \sqrt{3(7 - x^2)}$$

1.Tỡm khoảng xỏc định của hàm số.

2. Tớnh giỏ trị lớn nhất của hàm số và cóc giỏ trị tương ứng của x trong khoảng xóc định đú.

<u>Cốu 4</u>. Cho (O; r) và hai đường kớnh bất kỡ AB và CD. Tiếp tuyến tại A của (O) cắt đường thẳng BC và BD tại hai điểm tương ứng là E, F. Gọi P và Q lần lượt là trung điểm của EA và AF.

1. Chứng minh rằng trực tõm H của tam giỏc BPQ là trung điểm của đoạn OA.

2. Hai đường kớnh AB và Cd cú vị trớ tương đối như thế nào thỡ tam giỏc BPQ cú diện tớch nhỏ nhất? Hóy tớnh diện tớch đú theo r.

ĐÈ SỐ 17

Cõu 1. Cho a, b, c là ba số dương.

$$\text{Dặt } x = \frac{1}{\sqrt{b} + \sqrt{c}}; \ y = \frac{1}{\sqrt{c} + \sqrt{a}}; \ z = \frac{1}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$$

Chứng minh rằng $a + c = 2b \iff x + y = 2z$.

Cõu 2. Xỏc định giỏ trị của a để tổng bỡnh phương cỏc nghiệm của phương trõnh: $x^2 - (2a - 1)x + 2(a - 1) = 0$, đạt giỏ trị nhỏ nhất.

Cõu 3. Giải hệ phương trõnh:
$$\begin{cases} (x^2 + xy + y^2)\sqrt{x^2 + y^2} = 185 \\ (x^2 - xy + y^2)\sqrt{x^2 + y^2} = 65 \end{cases}$$

Cõu 4. Cho hai đường trũn (O_1) và (O_2) cắt nhau tại A và B. Vẽ đõy AE của (O_1) tiếp xỳc với (O₂) tại A; vẽ dõy AF của (O₂) tiếp xỳc với (O₁) tại A.

- 1. Chứng minh rằng $\frac{BE}{BF} = \frac{AE^2}{AF^2}$.
- 2.Gọi C là điểm đối xứng với A qua B. Cú nhận xột gỡ về hai tam giỏc EBC và FBC.
 - 3.Chứng minh tứ giỏc AECF nội tiếp được.

ĐỀ SỐ 18

Cõu 1.

1. Giải cóc phương trỡnh:

a)
$$\frac{\frac{2}{5} - 1\frac{1}{2}}{x} = \frac{\frac{9}{10} + \frac{3}{4}}{\left(2\frac{1}{2}\right)^2}$$
 b) $2x^2 - 1 = 5x - 4$

b)
$$2x^2 - 1 = 5x - 4$$

2. Giải cỏc hệ phương trỡnh:

$$a) \begin{cases} x - y = -3 \\ xy = 10 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} x - y = -3 \\ xy = 10 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} 3x = 2y = 6z \\ x + y + z = 18 \end{cases}$$

Cõu 2.

1.Rŷt gọn
$$\frac{(5\sqrt{3} + \sqrt{50})(5 - \sqrt{24})}{(\sqrt{75} - 5\sqrt{2})}$$

2.Chứng minh
$$\sqrt{a}(2-\sqrt{a}) \le 1$$
; $\forall a \ge 0$.

<u>Cõu 3</u>. Cho tam giỏc ABC cõn tại A nội tiếp trong đường trũn, P là một điểm tròn cung nhỏ AC (P khỏc A và C). AP kộo dài cắt đường thẳng BC tại M.

a) Chứng minh $\angle ABP = \angle AMB$.

- b) Chứng minh $AB^2 = AP.AM$.
- c) Giả sử hai cung AP và CP bằng nhau, Chứng minh AM.MP = AB.BM.
- d) Tốm vị trớ của M tròn tia BC sao cho AP = MP.
- e) Gọi MT là tiếp tuyến của đường trũn tại T, chứng minh AM, AB, MT là ba cạnh của một tam gióc vuụng.

$$\underline{\textbf{C\~ou 4}}. \text{ Cho } \frac{a_1}{b_1} = \frac{a_2}{b_2} = \dots = \frac{a_{1996}}{b_{1996}} = \frac{27}{7}. \text{ T\'onh } \frac{\left(a_1\right)^{1997} + 2\left(a_2\right)^{1997} + \dots + 1996\left(a_{1996}\right)^{1997}}{\left(b_1\right)^{1997} + 2\left(b_2\right)^{1997} + \dots + 1996\left(b_{1996}\right)^{1997}}$$

<u>ĐỀ SỐ 19</u>

<u>Cõu 1</u>.

1.Giải hệ phương trõnh sau:

a)
$$\begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ x + 3y = 2 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{3}{2 - y} = 2 \\ \frac{2}{x} - \frac{1}{2 - y} = 1 \end{cases}$$
 2. Tớnh a)
$$(3\sqrt{2} - 2\sqrt{3})(3\sqrt{2} + 2\sqrt{3})$$
 b)
$$\frac{\sqrt{6 - 2\sqrt{5}}}{2 - \sqrt{20}}$$

<u>Cõu 2</u>.

- 1. Cho phương trỡnh $x^2 ax + a + 1 = 0$.
- a) Giải phương trỡnh khi a = -1.
- b) Xỏc định giỏ trị của a, biết rằng phương trỡnh cú một nghiệm là $x_1 = \frac{3}{2}$. Với giỏ trị tỡm được của a, hóy tớnh nghiệm thứ hai của phương trỡnh.
- 2. Chứng minh rằng nếu $a + b \ge 2$ thố ớt nhất một trong hai phương trõnh sau đôy cú nghiệm: $x^2 + 2ax + b = 0$; $x^2 + 2bx + a = 0$.
- <u>Cốu 3</u>. Cho tam giỏc ABC cú AB = AC. Cỏc cạnh AB, BC, CA tiếp xỳc với (O) tại cỏc điểm tương ứng D, E, F.
 - 1.Chứng minh DF//BC và ba điểm A, O, E thẳng hàng.

- 2.Gọi giao điểm thứ hai của BF với (O) là M và giao điểm của DM với BC là N. Chứng minh hai tam giỏc BFC và DNB đồng dạng; N là trung điểm của BE.
- 3.Gọi (O') là đường trũn đi qua ba điểm B, O, C. Chứng minh AB, AC là cỏc tiếp tuyến của (O').

Cõu 4. Cho
$$\left(x + \sqrt{x^2 + \sqrt{1999}}\right)\left(y + \sqrt{y^2 + 1999}\right) = \sqrt{1999}$$
. Tớnh $S = x + y$.

ĐỀ SỐ 20

Cõu 1.

1.Cho M =
$$\left(\frac{1}{\sqrt{1+a}} + \sqrt{1-a}\right) : \left(\frac{1}{\sqrt{1-a^2}} + 1\right)$$

- a) Tõm tập xỏc định của M.
- b) Rỳt gọn biểu thức M.
- c) Tớnh giỏ trị của M tại $a = \frac{\sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}}$. 2. Tớnh $\sqrt{|40\sqrt{2} - 57|} - \sqrt{|40\sqrt{2} + 57|}$

Cõu 2.

- 1. Cho phương trỡnh $(m + 2)x^2 2(m 1) + 1 = 0$ (1)
- a) Giải phương trõnh khi m = 1.
- b) Tõm m để phương trõnh (1) cú nghiệm kộp.
- c) Tốm m đế (1) cú hai nghiệm phốn biệt, tốm hệ thức liờn hệ giữa cỏc nghiệm khụng phụ thuộc vào m.
 - 2. Cho ba số a, b, c thỏa món a > 0; $a^2 = bc$; a + b + c = abc. Chứng minh:
 - a) $a \ge \sqrt{3}, b > 0, c > 0$.
- b) $b^2 + c^2 \ge 2a^2$

Cõu 3. Cho (O) và một dõy ABM tưy ý tròn cung lớn AB.

- 1. Nờu cỏ
ch dựng (O_1) qua M và tiếp xỳc với AB tại A; đường tr
ũn (O_2) qua M và tiếp xỳc với AB tại B.
 - 2. Gọi N là giao điểm thứ hai của hai đường trũn (O₁) và (O₂). Chứng minh
- \angle AMB + \angle ANB = 180 $^{\circ}$. Cú nhân xôt gỡ về đô lớn của gúc ANB khi M di đông.
 - 3. Tia MN cắt (O) tại S. Tứ giỏc ANBS là hỡnh gỡ?
 - 4.Xỏc định vị trớ của M để tứ giỏc ANBS cú diện tớch lớn nhất.

<u>Cõu 4</u>. Giả sử hệ $\begin{cases} bx+cy=a \text{ cú nghiệm. Chứng minh rằng: } a^3+b^3+c^3=3abc. \\ cx+ay=b \end{cases}$

ĐỀ SỐ 21

<u>câu 1</u>:(3 điểm)

Rút gọn các biểu thức sau:

$$A = \frac{1}{2} \left(\sqrt{6} + \sqrt{5} \right)^2 - \frac{1}{4} \sqrt{120} - \sqrt{\frac{15}{2}}$$

$$B = \frac{3 + 2\sqrt{3}}{\sqrt{3}} + \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2} + 1} - \left(3 + \sqrt{3} - 2\sqrt{2} \right)$$

$$C = \frac{4x - \sqrt{9x^2 - 6x + 1}}{1 - 49x^2} \quad x \langle \frac{1}{3}; x \neq \pm \frac{1}{7}.$$

câu 2:(2,5 điểm)

Cho hàm số
$$y = -\frac{1}{2}x^2$$
 (P)

- a. Vẽ đồ thị của hàm số (P)
- b. Với giá trị nào của m thì đòng thẳng y=2x+m cắt đồ thị (P) tại 2 điểm phân biệt A và B. Khi đó hãy tìm toạ độ hai điểm A và B.

<u>câu 3</u>: (3 điểm)

Cho đờng tròn tâm (O), đờng kính AC. Trên đoạn OC lấy điểm B (B≠C) và vẽ đờng tròn tâm (O') đờng kính BC. Gọi M là trung điểm của đoạn AB. Qua M kẻ một dây cung DE vuông góc với AB. CD cắt đờng tròn (O') tại điểm I.

- a. Tứ giác ADBE là hình gì? Tai sao?
- b. Chứng minh 3 điểm I, B, E thẳng hàng.
- c. Chứng minh rằng MI là tiếp tuyến của đờng tròn (O') và MI²=MB.MC.

câu 4: (1,5điểm)

Giả sử x và y là 2 số thoả mãn x>y và xy=1.

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức $\frac{x^2 + y^2}{x - y}$..

ĐÈ SỐ 22

câu 1:(3 điểm)

Cho hàm số $y = \sqrt{x}$.

a.Tìm tập xác định của hàm số.

b. Tính y biết: a) x=9; b) x= $(1-\sqrt{2})^2$

c. Các điểm: A(16;4) và B(16;-4) điểm nào thuộc đồ thị của hàm số, điểm nào không thuộc đồ thi của hàm số? Tai sao?

Không vẽ đồ thị, hãy tìm hoành độ giao điểm của đồ thị hàm số đã cho và đồ thị hàm số y=x-6.

<u>câu 2</u>:(1 điểm)

Xét phong trình: $x^2-12x+m = 0$ (x là ẩn).

Tìm m để phơng trình có 2 nghiệm x_1 , x_2 thoả mãn điều kiện $x_2 = x_1^2$.

<u>câu 3</u>:(5 điểm)

Cho đờng tròn tâm B bán kính R và đờng tròn tâm C bán kính R' cắt nhau tại A và D. Kẻ các đờng kính ABE và ACF.

a. Tính các góc ADE và ADF. Từ đó chứng minh 3 điểm E, D, F thẳng hàng.

b.Gọi M là trung điểm của đoạn thẳng BC và N là giao điểm của các đờng thẳng AM và EF. Chứng minh tứ giác ABNC là hình bình hành.

c.Trên các nửa đờng tròn đờng kính ABE và ACF không chứa điểm D ta lần lọt lấy các điểm I và K sao cho góc ABI bằng góc ACK (điểm I không thuộc đờng thẳng NB;K không thuộc đờng thẳngNC)

Chứng minh tam giác BNI bằng tam giác CKN và tam giác NIK là tam giác cân. d.Giả sử rằng R<R'.

- 1. Chứng minh AI<AK.
- 2. Chứng minh MI<MK.

<u>câu 4</u>:(1 điểm)

Cho a, b, c là số đo của các góc nhọn thoả mãn:

 $\cos^2 a + \cos^2 b + \cos^2 c \ge 2$. Chứng minh: $(tga. tgb. tgc)^2 \le 1/8$.

ĐÈ SỐ 23

<u>câu 1</u>: (2,5 điểm)

Giải các phong trình sau:

a. $x^2 - x - 12 = 0$ b. $x = \sqrt{3x + 4}$

câu 2: (3,5 điểm)

Cho Parabol $y=x^2$ và đờng thẳng (d) có phong trình $y=2mx-m^2+4$.

a. Tìm hoành độ của các điểm thuộc Parabol biết tung độ của chúng

b. Chứng minh rằng Parabol và đờng thẳng (d) luôn cắt nhau tại 2 điểm phân biệt. Tìm toạ độ giao điểm của chúng. Với giá trị nào của m thì tổng các tung độ của chúng đạt giá trị nhỏ nhất?

câu 3: (4 điểm)

Cho ΔABC có 3 góc nhọn. Các đờng cao AA', BB', CC' cắt nhau tại H; M là trung điểm của canh BC.

1. Chứng minh tứ giác AB'HC' nội tiếp đợc trong đờng tròn.

2. P là điểm đối xứng của H qua M. Chứng minh rằng:

a. Tứ giác BHCP là hình bình hành.

b. P thuộc đòng tròn ngoại tiếp ΔABC.

3. Chứng minh: A'B.A'C = A'A.A'H.

4. Chúng minh: $\frac{HA'}{HA} \cdot \frac{HB'}{HB} \cdot \frac{HC'}{HC} \le \frac{1}{8}$

<u>ĐÈ SỐ 24</u>

câu 1: (1,5 điểm)

Cho biểu thức:

$$A = \frac{\sqrt{x^2 - 4x + 4}}{4 - 2x}$$

1. Với giá trị nào của x thì biểu thức A có nghĩa?

2. Tính giá trị của biểu thức A khi x=1,999

<u>câu 2</u>: (1,5 điểm)

Giải hệ phờng trình:

$$\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{y - 2} = -1\\ \frac{4}{x} + \frac{3}{y - 2} = 5 \end{cases}$$

<u>câu 3</u>: (2 điểm)

Tìm giá trị của a để phơng trình:

$$(a^2-a-3)x^2 + (a+2)x-3a^2 = 0$$

nhân x=2 là nghiệm. Tìm nghiệm còn lai của phong trình?

<u>câu 4</u>: (4 điểm)

Cho ΔABC vuông ở đỉnh A. Trên cạnh AB lấy điểm D không trùng với đỉnh A và đỉnh B. Đờng tròn đờng kính BD cắt cạnh BC tại E. Đờng thẳng AE cắt đờng tròn đờng kính BD tại điểm thứ hai là G. đờng thẳng CD cắt đờng tròn đờng kính BD tại điểm thứ hai là F. Gọi S là giao điểm của các đờng thẳng AC và BF. Chứng minh:

1. Đờng thẳng AC// FG.

2. SA.SC=SB.SF

3. Tia ES là phân giác của ∠AEF.

câu 5: (1 điểm)

Giải phơng trình:

$$x^2 + x + 12\sqrt{x+1} = 36$$

<u>ĐỀ SỐ 24</u>

<u>câu 1</u>: (2 điểm)

Cho biểu thức:

A =
$$\left(\frac{a+\sqrt{a}}{\sqrt{a}+1}+1\right)\cdot\left(\frac{a-\sqrt{a}}{\sqrt{a}-1}-1\right)$$
; $a \ge 0$, $a \ne 1$.

1. Rút gọn biểu thức A.

2. Tìm a ≥0 và a≠1 thoả mãn đẳng thức: A= -a²

<u>câu 2</u>: (2 điểm)

Trên hệ trục toạ độ Oxy cho các điểm M(2;1), N(5;-1/2) và đờng thẳng (d) có phong trình y=ax+b

1. Tìm a và b để đờng thẳng (d) đi qua các điểm M và N?

2. Xác định toạ độ giao điểm của đờng thẳng MN với các trục Ox và Oy.

<u>câu 3</u>: (2 diểm)

Cho số nguyên dơng gồm 2 chữ số. Tìm số đó, biết rằng tổng của 2 chữ số bằng 1/8 số đã cho; nếu thêm 13 vào tích của 2 chữ số sẽ đợc một số viết theo thứ tự ngợc lại số đã cho.

<u>câu 4</u>: (3 điểm)

Cho ΔPBC nhọn. Gọi A là chân đờng cao kẻ từ đỉnh P xuống cạnh BC. Đờng tròn đờng khinh BC cắt cạnh PB và PC lần lợt ở M và N. Nối N với A cắt đờng tròn đờng kính BC tai điểm thứ 2 là E.

- 1. Chứng minh 4 điểm A, B, N, P cùng nằm trên một đờng tròn. Xác định tâm của đờng tròn ấy?
- 2. Chứng minh EM vuông góc với BC.
- 3. Gọi F là điểm đối xứng của N qua BC. Chứng minh rằng: AM.AF=AN.AE

<u>câu 5</u>: (1 điểm)

Giả sử n là số tự nhiên. Chứng minh bất đẳng thức:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3\sqrt{2}} + \dots + \frac{1}{(n+1)\sqrt{n}} < 2$$

ĐÈ SỐ 25

<u>câu 1</u>: (1,5 điểm)

Rút gọn biểu thức:

$$M = \left(\frac{1 - a\sqrt{a}}{1 - \sqrt{a}} + \sqrt{a}\right) \cdot \frac{1}{1 + \sqrt{a}} \ ; a \ge 0, \ a \ne 1.$$

câu 2: (1,5 điểm)

Tìm 2 số x và y thoả mãn điều kiện:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ xy = 12 \end{cases}$$

<u>câu 3</u>:(2 điểm)

Hai ngời cùng làm chung một công việc sẽ hoàn thành trong 4h. Nếu mỗi ngời làm riêng để hoàn thành công việc thì thời gian ngời thứ nhất làm ít hơn ngời thứ 2 là 6h. Hỏi nếu làm riêng thì mỗi ngời phải làm trong bao lâu sẽ hoàn thành công việc?

<u>câu 4</u>: (2 điểm)

Cho hàm số:

$$y=x^2$$
 (P)
y=3x=m² (d)

1. Chứng minh rằng với bất kỳ giá trị nào của m, đồng thẳng (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt.

2. Gọi y_1 và y_2 là tung độ các giao điểm của đờng thẳng (d) và (P). Tìm m để có đẳng thức $y_1+y_2=11y_1y_2$

<u>câu 5</u>: (3 điểm)

Cho ΔABC vuông ở đỉnh A. Trên cạnh AC lấy điểm M (khác với các điểm A và C). Vẽ đờng tròn (O) đờng kính MC. GọiT là giao điểm thứ hai của cạnh BC với đờng tròn (O). Nối BM và kéo dài cắt đờng tròn (O) tại điểm thứ hai là D. Đờng thẳng AD cắt đờng tròn (O) tại điểm thứ hai là S. Chứng minh:

1. Tứ giác ABTM nội tiếp đợc trong đờng tròn.

2. Khi điểm M di chuyển trên cạnh AC thì góc ADM có số đo không đổi.

3. Đờng thẳng AB//ST.

ĐÈ SỐ 26

<u>câu 1</u>: (2 điểm)

Cho biểu thức:

$$S = \left(\frac{\sqrt{y}}{x + \sqrt{xy}} + \frac{\sqrt{y}}{x - \sqrt{xy}}\right) : \frac{2\sqrt{xy}}{x - y} \; ; \; x > 0, \; y > 0, \; x \neq y \; .$$

1. Rút gọn biểu thức trên.

2. Tìm giá trị của x và y để S=1.

<u>câu 2</u>: (2 điểm)

Trên parabol $y = \frac{1}{2}x^2$ lấy hai điểm A và B. Biết hoành độ của điểm A là x_A =-2 và tung

độ của điểm B là y_B=8. Viết phong trình đờng thẳng AB.

câu 3: (1 điểm)

Xác định giá trị của m trong phong trình bậc hai:

$$x^2-8x+m=0$$

để $4+\sqrt{3}$ là nghiệm của phong trình. Với m vừa tìm đợc, phong trình đã cho còn một nghiệm nữa. Tìm nghiệm còn lại ấy?

câu 4: (4 điểm)

Cho hình thang cân ABCD (AB//CD và AB>CD) nội tiếp trong đờng tròn (O). Tiếp tuyến với đờng tròn (O) tại A và tại D cắt nhau tại E. Gọi I là giao điểm của các đờng chéo AC và BD.

1. Chứng minh tứ giác AEDI nội tiếp đợc trong một đờng tròn.

2. Chứng minh EI//AB.

3. Đờng thẳng EI cắt các cạnh bên AD và BC của hình thang tơng ứng ở R và S. Chứng minh rằng:

a. I là trung điểm của đoạn RS.

$$b. \quad \frac{1}{AB} + \frac{1}{CD} = \frac{2}{RS}$$

câu 5: (1 điểm)

Tìm tất cả các cặp số (x;y) nghiệm đúng phong trình:

$$(16x^4+1).(y^4+1) = 16x^2y^2$$

ĐÈ SỐ 27

<u>câu 1</u>: (2 điểm)

Giải hệ phơng trình

$$\begin{cases} \frac{2}{x} + \frac{5}{x+y} = 2\\ \frac{3}{x} + \frac{1}{x+y} = 1,7 \end{cases}$$

câu 2: (2 điểm)

Cho biểu thức
$$A = \frac{1}{\sqrt{x} + 1} + \frac{x}{\sqrt{x} - x}$$
; $x > 0$, $x \ne 1$.

1. Rút gọn biểu thức A.

2 Tính giá trị của A khi
$$x = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

<u>câu 3</u>: (2 điểm)

Cho đờng thẳng d có phong trình y=ax+b. Biết rằng đờng thẳng d cắt trục hoành tại điểm có hoành bằng 1 và song song với đờng thẳng y=-2x+2003.

1. Tìm a vầ b.

2. Tìm toạ độ các điểm chung (nếu có) của d và parabol $y = \frac{-1}{2}x^2$

<u>câu 4</u>: (3 điểm)

Cho đờng tròn (O) có tâm là điểm O và một điểm A cố định nằm ngoài đờng tròn. Từ A kẻ các tiếp tuyến AP và AQ với đờng tròn (O), P và Q là các tiếp điểm. Đờng thẳng đi qua O và vuông góc với OP cát đờng thẳng AQ tai M.

1. Chứng minh rằng MO=MA.

2. Lấy điểm N trên cung lớn PQ của đờng tròn (O) sao cho tiếp tuyến tại N của đờng tròn (O) cắt các tia AP và AQ tong ứng tại B và C.

a. Chứng minh rằng AB+AC-BC không phu thuộc vi trí điểm N.

b.Chứng minh rằng nếu tứ giác BCQP nội tiếp đồng tròn thì PQ//BC.

<u>câu 5</u>: (1 điểm)

Giải phong trình $\sqrt{x^2 - 2x - 3} + \sqrt{x + 2} = \sqrt{x^2 + 3x + 2} + \sqrt{x - 3}$

ĐÈ SỐ 28

<u>câu 1</u>: (3 điểm)

1. Đơn giản biểu thức:

$$P = \sqrt{14 + 6\sqrt{5}} + \sqrt{14 - 6\sqrt{5}}$$

2. Cho biểu thức:

$$Q = \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{x + 2\sqrt{x} + 1} - \frac{\sqrt{x} - 2}{x - 1}\right) \cdot \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x}} \; ; \; x > 0, \; x \neq 1.$$

a. Chứng minh $Q = \frac{2}{x-1}$

b. Tìm số nguyên x lớn nhất để Q có giá trị là số nguyên.

<u>câu 2</u>: (3 điểm)

Cho hệ phơng trình:

$$\begin{cases} (a+1)x + y = 4 \\ ax + y = 2a \end{cases}$$
 (a là tham số)

1. Giải hệ khi a=1.

2. Chứng minh rằng với mọi giá trị của a, hệ luôn có nghiệm duy nhất (x;y) sao cho x+y≥ 2.

câu 3: (3 điểm)

Cho đờng tròn (O) đờng kính AB=2R. Đờng thẳng (d) tiếp xúc với đờng tròn (O) tại A. M và Q là hai điểm phân biệt, chuyển động trên (d) sao cho M khác A và Q khác A. Các đờng thẳng BM và BQ lần lợt cắt đờng tròn (O) tại các điểm thứ hai là N và P. Chứng minh:

1. BM.BN không đổi.

2. Tứ giác MNPQ nội tiếp đợc trong đờng tròn.

3. Bất đẳng thức: BN+BP+BM+BQ>8R.

câu 4: (1 điểm)

Tìm giá trị nhỏ nhất của hàm số:

$$y = \frac{x^2 + 2x + 6}{\sqrt{x^2 + 2x + 5}}$$

ĐỀ SỐ 29

câu 1: (2 điểm)

1. Tính giá trị của biểu thức $P = \sqrt{7 - 4\sqrt{3}} + \sqrt{7 + 4\sqrt{3}}$.

2. Chúng minh: $\frac{\left(\sqrt{a} - \sqrt{b}\right)^2 + 4\sqrt{ab}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}} \cdot \frac{a\sqrt{b} - b\sqrt{a}}{\sqrt{ab}} = a - b \quad ; a > 0, b > 0.$

câu 2: (3 điểm)

Cho parabol (P) và đờng thẳng (d) có phong trình:

(P): $y=x^2/2$; (d): y=mx-m+2 (m là tham số).

1. Tìm m để đòng thẳng (d) và (P) cùng đi qua điểm có hoành đô bằng x=4.

2. Chứng minh rằng với mọi giá trị của m, đờng thẳng (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt.

3. Giả sử $(x_1;y_1)$ và $(x_2;y_2)$ là toạ độ các giao điểm của đờng thẳng (d) và (P). Chứng minh rằng $y_1 + y_2 \ge (2\sqrt{2} - 1)(x_1 + x_2)$.

câu 3: (4 điểm)

Cho BC là dây cung cố định của đờng tròn tâm O, bán kính R(0<BC<2R). A là điểm di động trên cung lớn BC sao cho Δ ABC nhọn. Các đờng cao AD, BE, CF của Δ ABC cắt nhau tại H(D thuộc BC, E thuộc CA, F thuộc AB).

- 1. Chứng minh tứ giác BCEF nội tiếp trong một đờng tròn. Từ đó suy ra AE.AC=AF.AB.
- 2. Gọi A' là trung điểm của BC. Chứng minh AH=2A'O.
- 3. Kẻ đờng thẳng d tiếp xúc với đờng tròn (O) tại A. Đặt S là diện tích của ΔABC , 2p là chu vi của ΔDEF .
 - a. Chứng minh: d//EF.
 - b. Chứng minh: S=pR.

câu 4: (1 điểm)

Giải phong trình: $\sqrt{9x^2 + 16} = 2\sqrt{2x + 4} + 4\sqrt{2 - x}$

ĐỀ SỐ 30

<u>bài 1</u>: (2 điểm)

Cho biểu thức:

$$A = \left(\frac{1}{\sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{x} - 1}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{\sqrt{x} - 1} - \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 2}\right) \; ; x > 0 \; , \; x \neq 1, \; x \neq 4 \; .$$

- 1. Rút gọn A.
- 2. Tìm x để A = 0.

<u>bài 2</u>: (3,5 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ Oxy cho parabol (P) và đờng thẳng (d) có phong trình:

(P):
$$y=x^2$$

(d):
$$y=2(a-1)x+5-2a$$
; (a là tham số)

- 1. Với a=2 tìm toa độ giao điểm của đờng thẳng (d) và (P).
- 2. Chứng minh rằng với mọi a đờng thẳng (d) luôn cắt (P) tại 2 điểm phân biệt.
- 3. Gọi hoành độ giao điểm của đờng thẳng (d) và (P) là x_1 , x_2 . Tìm a để $x_1^2 + x_2^2 = 6$. bài 3: (3,5 điểm)

Cho đờng tròn (O) đờng kính AB. Điểm I nằm giữa A và O (I khác A và O).Kể dây MN vuông góc với AB tại I. Gọi C là điểm tuỳ ý thuộc cung lớn MN (C khác M, N, B). Nối AC cắt MN tại E. Chứng minh:

- 1. Tứ giác IECB nội tiếp.
- 2. $AM^2 = AE.AC$
- 3. AE.AC-AI.IB=AI²

<u>bài 4</u>:(1 diểm)

Cho a ≥ 4 , b ≥ 5 , c ≥ 6 và $a^2+b^2+c^2=90$

Chứng minh: $a + b + c \ge 16$.

ĐỀ SỐ 31

<u>câu 1</u>: (1,5 điểm)

Rút gọn biểu thức:

$$\frac{5\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\left(2 + \frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1}\right) \cdot \left(2 - \frac{x - \sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1}\right); x \ge 0, x \ne 1$$

câu 2: (2 điểm)

Quãng đờng AB dài 180 km. Cùng một lúc hai ôtô khởi hành từ A để đến B. Do vận tốc của ôtô thứ nhất hơn vận tốc của ôtô thứ hai là 15 km/h nên ôtô thứ nhất đến sớm hơn ôtô thứ hai 2h. Tính vân tốc của mỗi ôtô?

câu 3: (1,5 điểm)

Cho parabol $y=2x^2$.

Không vẽ đồ thị, hãy tìm:

- 1. Toạ độ giao điểm của đờng thẳng y=6x- 4,5 với parabol.
- 2. Giá trị của k, m sao cho đồng thẳng y=kx+m tiếp xúc với parabol tại điểm A(1;2). câu 4: (5 điểm)

Cho ΔABC nội tiếp trong đờng tròn (O). Khi kẻ các đờng phân giác của các góc B, góc C, chúng cắt đờng tròn lần lợt tại điểm D và điểm E thì BE=CD.

- 1. Chứng minh $\triangle ABC$ cân.
- 2. Chứng minh BCDE là hình thang cân.
- 3. Biết chu vi của ΔABC là 16n (n là một số dơng cho trớc), BC bằng 3/8 chu vi ΔABC .
 - a. Tính diện tích của ΔABC.
 - b. Tính diện tích tổng ba hình viên phân giới han bởi đờng tròn (O) và ΔABC.

<u>ĐÈ SỐ 32</u>

<u>bài 1</u>:

Tính giá tri của biểu thức sau:

$$\frac{\sqrt{15}}{1-\sqrt{3}} - \frac{\sqrt{5}}{1-\sqrt{3}}$$

$$\frac{x-\sqrt{3}}{x+1} \quad ; \quad x = 2\sqrt{3} + 1$$

$$\frac{\left(2+\sqrt{3x}\right)^2 - \left(\sqrt{3x} + 1\right)^2}{2\sqrt{3x} + 3}$$

bài 2:

Cho hệ phơng trình(ẩn là x, y):

$$\begin{cases} 19x - ny = \frac{-a}{2} \\ 2x - y = \frac{7}{3}a \end{cases}$$

- 1. Giải hệ với n=1.
- 2. Với giá trị nào của n thì hệ vô nghiệm.

<u>bài 3</u>:

Một tam giác vuông chu vi là 24 cm, tỉ số giữa cạnh huyền và một cạnh góc vuông là 5/4. Tính canh huyền của tam giác.

<u>bài 4</u>:

Cho tam giác cân ABC đỉnh A nội tiếp trong một đờng tròn. Các đờng phân giác BD, CE cắt nhau tại H và cắt đờng tròn lần lọt tại I, K.

- 1. Chứng minh BCIK là hình thang cân.
- 2. Chứng minh DB.DI=DA.DC.
- 3. Biết diện tích tam giác ABC là 8cm², đáy BC là 2cm. Tính diện tích của tam giác HBC.
- 4. Biết góc BAC bằng 45⁰, diện tích tam giác ABC là 6 cm², đáy BC là n(cm). Tính diện tích mỗi hình viên phân ở phía ngoài tam giác ABC.

<u>ĐỀ SỐ 33</u>

<u>câu I</u>: (1,5 điểm)

- 1. Giải phong trình $\sqrt{x+2} + x = 4$
- 2. Tam giác vuông có cạnh huyền bằng 5cm. Diện tích là 6cm². Tính độ dài các cạnh góc vuông.

câu II: (2 điểm)

 $A = \frac{x\sqrt{x} + 1}{x - \sqrt{x} + 1} ; x \ge 0$ Cho biểu thức:

- 1. Rút gọn biểu thức.
- 2. Giải phong trình A=2x.
- 3. Tính giá trị của A khi $x = \frac{1}{3 + 2\sqrt{2}}$.

câu III: (2 điểm)

Trên mặt phẳng với hệ toạ độ Oxy cho parabol (P) có phong trình y=-2x² và đòng thẳng (d) có phơng trình y=3x+m.

- 1. Khi m=1, tìm toa độ các giao điểm của (P) và (d).
- 2. Tính tổng bình phơng các hoành đô giao điểm của (P) và (d) theo m.

câu IV:(3 điểm)

Cho tam giác ABC vuông cân tai A. M là một điểm trên đoan BC (M khác B và

- C). đòng thẳng đI qua M và vuông góc với BC cắt các đờng thẳng AB tại D, AC tại E. Gọi F là giao điểm của hai đòng thẳng CD và BE.
- 1. Chứng minh các tứ giác BFDM và CEFM là các tứ giác nôi tiếp.
- 2. Gọi I là điểm đối xứng của A qua BC. Chứng minh F, M, I thẳng hàng.

<u>câu V</u>: (1,5 điểm)

Tam giác ABC không có góc tù. Gọi a, b, c là độ dài các cạnh, R là bán kính của đồng tròn ngoại tiếp, S là diện tích của tam giác. Chứng minh bất đẳng thức:

$$R \ge \frac{4S}{a+b+c}$$

Dấu bằng xảy ra khi nào?

ĐỀ SỐ 34

câu I:

1. Rút gọn biểu thức

$$A = \frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a^2 - 1} - \sqrt{a^2 + a}} + \frac{1}{\sqrt{a-1} + \sqrt{a}} + \frac{\sqrt{a^3} - a}{\sqrt{a} - 1}; a > 1.$$

2. Chứng minh rằng nếu phong trình $\sqrt{9x^2 + 3x + 1} - \sqrt{9x^2 - 3x + 1} = a$ có nghiệm thì -1< a <1.

câu II:

Cho phong trình $x^2+px+q=0$; $q\neq 0$ (1)

- 1. Giải phong trình khi $p = \sqrt{2} 1$; $q = -\sqrt{2}$.
- 2. Cho 16q=3p². Chứng minh rằng phong trình có 2 nghiệm và nghiệm này gấp 3 lần nghiệm kia.
- 3. Giả sử phong trình có 2 nghiệm trái dấu, chứng minh phong trình qx²+px+1=0 (2) cũng có 2 nghiệm trái dấu. Gọi x₁ là nghiệm âm của phơng trình (1), x₂ là nghiệm âm của phơng trình (2). Chứng minh x_1+x_2 ≤-2.

câu III:

Trong mặt phẳng Oxy cho đồ thị (P) của hàm số $y=-x^2$ và đờng thẳng (d) đI qua điểm A(-1;-2) có hệ số góc k.

- 1. Chứng minh rằng với mọi giá trị của k đờng thẳng (d) luôn cắt đồ thị (P) tại 2 điểm A, B. Tìm k cho A, B nằm về hai phía của truc tung.
- 2. Gọi $(x_1;y_1)$ và $(x_2;y_2)$ là toạ độ của các điểm A, B nói trên tìm k cho tổng $S=x_1+y_1+x_2+y_2$ đạt giá trị lớn nhất.

câu IV:

Cho ba điểm A, B, C thẳng hàng theo thứ tự đó. Gọi (T) là đờng tròn đờng kính BC; (d) là đờng thẳng vuông góc với AC tại A; M là một điểm trên (T) khác B và C; P, Q là các giao điểm của các đờng thẳng BM, CM với (d); N là giao điểm (khác C) của CP và đờng tròn.

- 1. Chứng minh 3 điểm Q, B, N thẳng hàng.
- 2. Chứng minh B là tâm đờng tròn nội tiếp tam giác AMN.
- 3. Cho BC=2AB=2a (a>0 cho trớc). Tính độ dài nhỏ nhất của đoạn PQ khi M thay đổi trên (T).

câu V:

Giải phơng trình

$$(1-m)x^2 + 2(x^2 + 3 - m)\sqrt{x} + m^2 - 4m + 3 = 0$$
; $m \ge 3$, x là ẩn.

ĐÈ SỐ 35

câu I: (2 điểm)

Cho biểu thức: $F = \sqrt{x + 2\sqrt{x - 1}} + \sqrt{x - 2\sqrt{x - 1}}$

- 1. Tìm các giá tri của x để biểu thức trên có nghĩa.
- 2. Tìm các giá trị x≥2 để F=2.

câu II: (2 điểm)

Cho hệ phong trình:
$$\begin{cases} x + y + z = 1 \\ 2xy - z^2 = 1 \end{cases}$$
 (ở đó x, y, z là ẩn)

- 1. Trong các nghiệm (x_0,y_0,z_0) của hệ phơng trình, hãy tìm tất cả những nghiệm có z_0 =-1
- 2. Giải hệ phơng trình trên.

câu III:(2,5 điểm)

Cho phong trình: x^2 - (m-1)x-m=0 (1)

- 1. Giả sử phong trình (1) có 2 nghiệm là x_1 , x_2 . Lập phong trình bậc hai có 2 nghiệm là $t_1=1-x_1$ và $t_2=1-x_2$.
- 2. Tìm các giá trị của $\,$ m để phong trình (1) có 2 nghiệm $x_1, \, x_2$ thoả mãn điều kiện: $x_1 < 1 < x_2$.

câu IV: (2 điểm)

Cho nửa đờng tròn (O) có đờng kính AB và một dây cung CD. Gọi E và F tơng ứng là hình chiếu vuông góc của A và B trên đờng thẳng CD.

- 1. Chứng minh E và F nằm phía ngoài đờng tròn (O).
- 2. Chứng minh CE=DF.

câu V: (1,5 điểm)

Cho đờng tròn (O) có đờng kính AB cố định và dây cung MN đi qua trung điểm H của OB. Gọi I là trung điểm của MN. Từ A kẻ tia Ax vuông góc với MN cắt tia BI tại C. Tìm tập hợp các điểm C khi dây MN quay xung quanh điểm H.

ĐÈ SỐ 36

<u>câu 1</u>: (2,5 điểm)

1. Giải các phơng trình:

a.
$$3x^2 + 6x - 20 = \sqrt{x^2 + 2x + 8}$$

b. $\sqrt{x(x-1)} + \sqrt{x(x-2)} = 2\sqrt{x(x-3)}$

- 2. Lập phong trình bậc 2 có các nghiệm là: $x_1 = \frac{3 \sqrt{5}}{2}$; $x_2 = \frac{3 + \sqrt{5}}{2}$.
- 3. Tính giá trị của P(x)= x^4 - $7x^2$ +2x+1+ $\sqrt{5}$, khi $x = \frac{3-\sqrt{5}}{2}$.

câu 2 : (1,5 điểm)

Tìm điều kiện của a, b cho hai phong trình sau tong đơng:

$$x^{2}+2(a+b)x+2a^{2}+b^{2}=0$$
 (1)
 $x^{2}+2(a-b)x+3a^{2}+b^{2}=0$ (2)

<u>câu 3</u>: (1,5 điểm)

Cho các số $x_1, x_2...,x_{1996}$ thoả mãn:

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + \dots + x_{1996} = 2 \\ x_1^2 + x_2^2 + \dots + x_{1996}^2 = \frac{1}{499} \end{cases}$$

<u>câu 4</u>: (4,5 điểm)

Cho tam giác ABC có ba góc nhọn, các đờng cao AA_1 , BB_1 , CC_1 cắt nhau tại I. Gọi A_2 , B_2 , C_2 là các giao điểm của các đoạn thẳng IA, IB, IC với đờng tròn ngoại tiếp tam giác $A_1B_1C_1$.

- 1. Chứng minh A₂ là trung điểm của IA.
- 2. Chứng minh S_{ABC} =2. $S_{A1C2B1A2C1B2}$.
- 3. Chứng minh $\frac{\overline{S}_{A_1B_1C_1}}{\overline{S}_{ABC}} = \sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C 2 \text{ và}$ $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C \le 9/4.$

- 99 -

ĐÈ SỐ 37

<u>câu 1</u>: (2,5 điểm)

1. Cho 2 số sau:

$$a = 3 + 2\sqrt{6}$$
$$b = 3 - 2\sqrt{6}$$

Chứng tỏ a³+b³ là số nguyên. Tìm số nguyên ấy.

2. Số nguyên lớn nhất không vợt quá x gọi là phần nguên của x và ký hiệu là [x]. Tìm [a³].

câu 2: (2,5 điểm)

Cho đờng thẳng (d) có phong trình là y=mx-m+1.

- 1. Chứng tỏ rằng khi m thay đổi thì đờng thẳng (d) luôn đi qua một điểm cố định. Tìm điểm cố định ấy.
- 2. Tìm m để đờng thẳng (d) cắt $y=x^2$ tại 2 điểm phân biệt A và B sao cho $AB = \sqrt{3}$.

<u>câu 3</u>: (2,5 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp trong đồng tròn (O). Gọi t là tiếp tuyến với dòng tròn tâm (O) tại đỉnh A. Giả sử M là một điểm nằm bên trong tam giác ABC sao cho $\angle MBC = \angle MCA$. Tia CM cắt tiếp tuyến t ở D. Chứng minh tứ giác AMBD nội tiếp đợc trong một đờng tròn.

Tìm phía trong tam giác ABC những điểm M sao cho:

$$\angle MAB = \angle MBC = \angle MCA$$

<u>câu 4</u>: (1 điểm)

Cho đờng tròn tâm (O) và đờng thẳng d không cắt đờng tròn ấy. trong các đoạn thẳng nối từ một điểm trên đờng tròn (O) đến một điểm trên đờng thẳng d, Tìm đoạn thẳng có đô dài nhỏ nhất?

<u>câu 5</u>: (1,5 điểm)

Tìm m để biểu thức sau:

$$H = \frac{\sqrt{(m+1)x - m}}{mx - m + 1}$$
 có nghĩa với mọi $x \ge 1$.

ĐÈ SỐ 38

<u>bài 1</u>: (1 điểm)

Giải phong trình: $0.5x^4+x^2-1.5=0$.

<u>bài 2</u>: (1,5 điểm)

Đặt
$$M = \sqrt{57 + 40\sqrt{2}}$$
; $N = \sqrt{57 - 40\sqrt{2}}$

Tính giá trị của các biểu thức sau:

1. M-N

2. M^3-N^3

<u>bài 3</u>: (2,5 điểm)

Cho phơng trình: x²-px+q=0 với p≠0.

Chứng minh rằng:

- 1. Nếu $2p^2$ 9q = 0 thì phong trình có 2 nghiệm và nghiệm này gấp đôi nghiệm kia.
- 2. Nếu phong trình có 2 nghiệm và nghiệm này gấp đôi nghiệm kia thì $2p^2$ 9q = 0.

<u>bài 4</u>:(3,5 điểm)

Cho tam giác ABC vuông ở đỉnh A. Gọi H là chân đờng vuông góc kẻ từ đỉnh A xuống cạnh huyền BC. Đờng tròn(A, AH) cắt các cạnh AB và AC tơng ứng ở M và N. Đờng phân giác góc AHB và góc AHC cắt MN lần lợt ở I và K.

- 1. Chứng minh tứ giác HKNC nội tiếp đợc trong một đờng tròn.
- 2. Chứng minh: $\frac{HI}{AB} = \frac{HK}{AC}$
- 3. Chứng minh: S_{ABC}≥2S_{AMN}.

<u>bài 5</u>: (1,5 điểm)

Tìm tất cả các giá trị $x \ge 2$ để biểu thức: $F = \frac{\sqrt{x-2}}{x}$, đạt giá trị lớn nhất. Tìm giá trị lớn nhất ấy.

<u>ĐỀ SỐ 38</u>

<u>bài 1</u>: (2 điểm)

Cho hệ phơng trình:

$$\begin{cases} mx - y = -m \\ (1 - m^2)x + 2my = 1 + m^2 \end{cases}$$

1. Chứng tỏ phong trình có nghiệm với mọi giá tri của m.

2. Gọi $(x_0;y_0)$ là nghiệm của phong trình, xhứng minh với mọi giá trị của m luôn có: $x_0^2 + y_0^2 = 1$

<u>bài 2</u>: (2,5 điểm)

Gọi u và v là các nghiệm của phong trình: x²+px+1=0

Gọi r và s là các nghiệm của phong trình : $x^2+qx+1=0$

ở đó p và q là các số nguyên.

1. Chứng minh: A = (u-r)(v-r)(u+s)(v+s) là số nguyên.

2. Tìm điều kiện của p và q để A chia hết cho 3.

<u>bài 3</u>: (2 điểm)

Cho phong trình:

$$(x^2+bx+c)^2+b(x^2+bx+c)+c=0.$$

Nếu phong trình vô nghiệm thì chứng tỏ rằng c là số dong.

bài 4: (1,5 điểm)

Cho hình vuông ABCD với O là giao điểm của hai đờng chéo AC và BD. Đờng thẳng d thay đổi luôn đi qua điểm O, cắt các cạnh AD và BC tơng ứng ở M và N. Qua M và N vẽ các đờng thẳng Mx và Ny tơng ứng song song với BD và AC. Các đờng thẳng Mx và Ny cắt nhau tại I. Chứng minh đờng thẳng đi qua I và vuông góc với đờng thẳng d luôn đi qua một điểm cố định.

<u>bài 5</u>: (2 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC có trực tâm là H. Phía trong tam giác ABC lấy điểm M bất kỳ. Chứng minh rằng:

MA.BC+MB.AC+MC.AB ≥ HA.BC+HB.AC+HC.AB

<u>ĐỀ SỐ 39</u>

<u>bài 1</u>(2 điểm):

Cho biểu thức:
$$N = \frac{a}{\sqrt{ab} + b} + \frac{b}{\sqrt{ab} - a} - \frac{a + b}{\sqrt{ab}}$$

với a, b là hai số dơng khác nhau.

- 1. Rút gọn biểu thức N.
- 2. Tính giá trị của N khi: $a = \sqrt{6 + 2\sqrt{5}}$; $b = \sqrt{6 2\sqrt{5}}$.

bài 2(2,5 điểm)

Cho phong trình:

$$x^4-2mx^2+m^2-3=0$$

- 1. Giải phơng trình với $m=\sqrt{3}$.
- 2. Tìm m để phơng trình có đúng 3 nghiệm phân biệt.

<u>bài 3</u>(1,5 điểm):

Trên hệ trục toạ độ Oxy cho điểm A(2;-3) và parabol (P) có phong trình là : $y = \frac{-1}{2}x^2$

- 1. Viết phong trình đờng thẳng có hệ số góc bằng k và đi qua điểm A.
- 2. Chứng minh rằng bất cứ đờng thẳng nào đI qua điểm A và không song song với trục tung bao giờ cũng cắt (P) tại 2 điểm phân biệt.

<u>bài 4</u>(4 điểm):

Cho đờng tròn (O,R) và đờng thẳng d cắt đờng tròn tại 2 điểm A và B. Từ điểm M nằm trên đờng thẳng d và ở phía ngoài đờng tròn (O,R) kẻ 2 tiếp tuyến MP và MQ đến đờng tròn (O,R), ở đó P và Q là 2 tiếp điểm.

- 1. Gọi I là giao điểm của đoạn thẳng MO với đờng tròn (O,R). Chứng minh I là tâm đờng tròn nội tiếp tam giác MPQ.
- 2. Xác định vị trí của điểm M trên đờng thẳng d để tứ giác MPOQ là hình vuông.
- 3. Chứng minh rằng khi điểm M di chuyển trên đờng thẳng d thì tâm đờng tròn ngoại tiếp tam giác MPQ chạy trên một đờng thẳng cố định.

ĐÈ SỐ 40

<u>bài 1</u>(1,5 điểm):

Với x, y, z thoả mãn:
$$\frac{x}{y+z} + \frac{y}{z+x} + \frac{z}{x+y} = 1$$
.

Hãy tính giá trị của biểu thức sau:
$$A = \frac{x^2}{y+z} + \frac{y^2}{z+x} + \frac{z^2}{x+y}$$

bài 2(2 điểm):

Tìm m để phong trình vô nghiệm:
$$\frac{x^2 + 2mx + 1}{x - 1} = 0$$

<u>bài 3</u>(1,5 điểm):

Chứng minh bất đẳng thức sau:

$$\sqrt{6 + \sqrt{6 + \sqrt{6 + \sqrt{6}}}} + \sqrt{30 + \sqrt{30 + \sqrt{30 + \sqrt{30}}}} < 9$$

bài 4(2 điểm):

Trong các nghiệm (x,y) thoả mãn phong trình:

$$(x^2-y^2+2)^2+4x^2y^2+6x^2-y^2=0$$

Hãy tìm tất cả các nghiệm (x,y) sao cho $t=x^2+y^2$ đạt giá trị nhỏ nhất.

<u>bài 5(3 điểm):</u>

Trên mỗi nửa đờng tròn đờng kính AB của đờng tròn tâm (O) lấy một điểm tơng ứng là C và D thoả mãn:

$$AC^2+BD^2=AD^2+BC^2$$
.

Gọi K là trung điểm của BC. Hãy tìm vị trí các điểm C và D trên đờng tròn (O) để đờng thẳng DK đi qua trung điểm của AB.

ĐÈ SỐ 41

bài 1(2,5 điểm):

Cho biểu thức: $T = \frac{x+2}{x\sqrt{x}-1} + \frac{\sqrt{x}+1}{x+\sqrt{x}+1} - \frac{\sqrt{x}+1}{x-1}$; $x > 0, x \ne 1$.

- 1. Rút gọn biểu thức T.
- 2. Chứng minh rằng với mọi x > 0 và $x \ne 1$ luôn có T < 1/3.

<u>bài 2</u>(2,5 điểm):

Cho phong trình: $x^2-2mx+m^2-0.5=0$

- 1. Tìm m để phơng trình có nghiệm và các nghiệm của phơng trình có giá trị tuyệt đối bằng nhau.
- 2. Tìm m để phong trình có nghiệm và các nghiệm ấy là số đo của 2 cạnh góc vuông của một tam giác vuông có cạnh huyền bằng 3.

<u>bài</u> 3(1 điểm):

Trên hệ trục toạ độ Oxy cho (P) có phong trình: y=x²

Viết phong trình đồng thẳng song song với đồng thẳng y=3x+12 và có với (P) đúng một điểm chung.

bài 4(4 điểm):

Cho đờng tròn (O) đờng kính Ab=2R. Một điểm M chuyển động trên đờng tròn (O) (M khác A và B). Gọi H là hình chiếu vuông góc của M trên đờng kính AB. Vẽ đờng

tròn (T) có tâm là M và bán kính là MH. Từ A và B lần lợt kẻ các tiếp tuyến AD và BC đến đòng tròn (T) (D và C là các tiếp điểm).

- 1. Chứng minh rằng khi M di chuyển trên đờng tròn (O) thì AD+BC có giá trị không đổi.
- 2. Chứng minh đờng thẳng CD là tiếp tuyến của đờng tròn (O).
- 3. Chứng minh với bất kỳ vị trí nào của M trên đờng tròn (O) luôn có bất đẳng thức AD.BC≤R². Xác định vi trí của M trên đờng tròn (O) để đẳng thức xảy ra.
- 4. Trên đờng tròn (O) lấy điểm N cố định. Gọi I là trung điểm của MN và P là hình chiếu vuông góc của I trên MB. Khi M di chuyển trên đờng tròn (O) thì P chạy trên đờng nào?

ĐỀ SỐ 42

<u>bài 1</u>(1 điểm):

Giải phong trình: $x + \sqrt{x+1} = 1$

<u>bài 2</u>(1,5 điểm):

Tìm tất cả các giá tri của x không thoả mãn đẳng thức:

$$(m+|m|)x^2-4x+4(m+|m|)=1$$

dù m lấy bất cứ các giá trị nào.

<u>bài 3(2,5 điểm):</u>

Cho hệ phong trình:
$$\begin{cases} |x-1| + |y-2| = 1 \\ (x-y)^2 + m(x-y-1) - x - y = 0 \end{cases}$$

- 1. Tìm m để phong trình có nghiệm (x_0,y_0) sao cho x_0 đạt giá trị lớn nhất. Tìm nghiệm ấy?
- 2. Giải hệ phơng trình kho m=0.

bài 4(3,5 điểm):

Cho nửa đờng tròn đờng kính AB. Gọi P là điểm chính giữa của cung AB, M là điểm di động trên cung BP. Trên đoạn AM lấy điểm N sao cho AN=BM.

- 1. Chứng minh tỉ số NP/MN có giá trị không đổi khi điểm M di chuyển trên cung BP. Tìm giá tri không đổi ấy?
- 2. Tìm tập hợp các điểm N khi M di chuyển trên cung BP.

<u>bài 5</u>(1,5 điểm):

Chứng minh rằng với mỗi giá trị nguyên dơng n bao giờ cũng tồn tại hai số nguyên dong a và b thoả mãn:

$$\begin{cases} (1 + \sqrt{2001})^n = a + b\sqrt{2001} \\ a^2 - 2001b^2 = (-2001)^n \end{cases}$$

ĐỀ SỐ 43

<u>bài 1</u>(2 điểm):

Cho hệ phong trình: $\begin{cases} x + ay = 2 \\ ax - 2y = 1 \end{cases}$ (x, y là ẩn, a là tham số)

1. Giải hệ phơng trình trên.

2. Tìm số nguyên a lớn nhất để hệ phong trình có nghiệm (x_0,y_0) thoả mãn bất đẳng thức $x_0y_0 < 0$.

<u>bài 2</u>(1,5 điểm):

Lập phơng trình bậc hai với hệ số nguyên có 2 nghiệm là:

$$x_1 = \frac{4}{3 + \sqrt{5}} \; ; \; x_2 = \frac{4}{3 - \sqrt{5}}$$
$$P = \left(\frac{4}{3 + \sqrt{5}}\right)^4 + \left(\frac{4}{3 - \sqrt{5}}\right)^4$$

Tính:

<u>bài 3</u>(2 điểm):

Tìm m để phong trình: $x^2 - 2x - |x - 1| + m = 0$, có đúng 2 nghiệm phân biệt.

bài 4(1 điểm):

Giả sử x và y là các số thoả mãn đẳng thức:

$$(\sqrt{x^2 + 5} + x) \cdot (\sqrt{y^2 + 5} + y) = 5$$

Tính giá trị của biểu thức: M = x+y.

<u>bài 5</u>(3,5 điểm):

Cho tứ giác ABCD có AB=AD và CB=CD.

Chứng minh rằng:

1. Tứ giác ABCD ngoại tiếp đợc một đờng tròn.

2. Tứ giác ABCD nội tiếp đợc trong một đờng tròn khi và chỉ khi AB và BC vuông góc với nhau.

3. Giả sử $AB \perp BC$. Gọi (N,r) là đờng tròn nội tiếp và (M,R) là đờng tròn ngoại tiếp tứ giác ABCD.Chứng minh:

a.
$$AB + BC = r + \sqrt{r^2 + 4R^2}$$

b. $MN^2 = R^2 + r^2 - r\sqrt{r^2 + 4R^2}$

ĐỀ SỐ 43

<u>bài 1</u>(2 diểm):

Tìm a và b thoả mãn đẳng thức sau:

$$\left(\frac{1+a\sqrt{a}}{1+\sqrt{a}}-\sqrt{a}\right)\cdot\frac{a+\sqrt{a}}{1-a}=b^2-b+\frac{1}{2}$$

<u>bài 2(1,5 điểm):</u>

Tìm các số hữu tỉ a, b, c đôi một khác nhau sao cho biểu thức:

$$H = \sqrt{\frac{1}{(a-b)^2} + \frac{1}{(b-c)^2} + \frac{1}{(c-a)^2}}$$

nhân giá tri cũng là số hữu tỉ.

<u>bài 3(1,5 điểm):</u>

Giả sử a và b là 2 số dong cho trớc. Tìm nghiệm dong của phong trình: $\sqrt{x(a-x)} + \sqrt{x(b-x)} = \sqrt{ab}$

<u>bài 4</u>(2 điểm):

Gọi A, B, C là các góc của tam giác ABC. Tìm điều kiện của tam giác ABC để biểu thức:

$$P = \sin\frac{A}{2} \cdot \sin\frac{B}{2} \cdot \sin\frac{C}{2}$$

đạt giá trị lớn nhất. Tìm giá trị lớn nhất ấy?

<u>bài 5</u>(3 điểm):

Cho hình vuông ABCD.

1. Với mỗi một điểm M cho trớc trên cạnh AB (khác với điểm A và B), tìm trên cạnh AD điểm N sao cho chu vi của tam giác AMN gấp hai lần độ dài cạnh hình vuông đã cho.

2. Kẻ 9 đờng thẳng sao cho mỗi đờng thẳng này chia hình vuông đã cho thành 2 tứ giác có tý số diện tích bằng 2/3. Chứng minh rằng trong 9 đòng thẳng nói trên có ít nhất 3 đờng thẳng đồng quy.

bài 1(2 điểm):

1. Chứng minh rằng với mọi giá trị dơng của n, kuôn có:

$$\frac{1}{(n+1)\sqrt{n} + n\sqrt{n+1}} = \frac{1}{\sqrt{n}} - \frac{1}{\sqrt{n+1}}$$

2. Tính tổng:

$$S = \frac{1}{2 + \sqrt{2}} + \frac{1}{3\sqrt{2} + 2\sqrt{3}} + \frac{1}{4\sqrt{3} + 3\sqrt{4}} + \dots + \frac{1}{100\sqrt{99} + 99\sqrt{100}}$$

<u>bài 2</u>(1,5 điểm):

Tìm trên đòng thẳng y=x+1 những điểm có toạ độ thoả mãn đẳng thức: $y^2 - 3y\sqrt{x} + 2x = 0$

<u>bài 3(1,5 điểm):</u>

Cho hai phơng trình sau:

$$x^{2}$$
- $(2m-3)x+6=0$
 $2x^{2}+x+m-5=0$

Tìm m để hai phơng trình đã cho có đúng một nghiệm chung.

<u>bài 4</u>(4 điểm):

Cho đờng tròn (O,R) với hai đờng kính AB và MN. Tiếp tuyến với đờng tròn (O) tại A cắt các đờng thẳng BM và BN tong ứng tại M_1 và N_1 . Gọi P là trung điểm của AM_1 , Q là trung điểm của AN_1 .

- 1. Chứng minh tứ giác $MM_{\rm l}N_{\rm l}N$ nội tiếp đợc trong một đờng tròn.
- 2. Nếu M₁N₁=4R thì tứ giác PMNQ là hình gì? Chứng minh.
- 3. Đờng kính AB cố định, tìm tập hợp tâm các đờng tròn ngoại tiếp tam giác BPQ khi đờng kính MN thay đổi.

<u>bài 5</u>(1 điểm):

Cho đờng tròn (O,R) và hai điểm A, B nằm phía ngoài đờng tròn (O) với OA=2R. Xác định vị trí của điểm M trên đờng tròn (O) sao cho biểu thức: P=MA+2MB, đạt giá tri nhỏ nhất. tìm giá tri nhỏ nhất ấy.

ĐỀ SỐ 45

<u>bài 1</u>(2 điểm):

1. Với a và b là hai số dơng thoả mãn a²-b>0. Chứng minh:

$$\sqrt{a+\sqrt{b}} = \sqrt{\frac{a+\sqrt{a^2-b}}{2}} + \sqrt{\frac{a-\sqrt{a^2-b}}{2}}$$

2. Không sử dụng máy tính và bảng số, chứng tỏ rằng:

$$\frac{7}{5} < \frac{2+\sqrt{3}}{\sqrt{2}+\sqrt{2+\sqrt{3}}} + \frac{2-\sqrt{3}}{\sqrt{2}-\sqrt{2-\sqrt{3}}} < \frac{29}{20}$$

<u>bài 2</u>(2 điểm):

Giả sử x, y là các số dơng thoả mãn đẳng thức $x+y=\sqrt{10}$. Tính giá trị của x và y để biểu thức sau: $P=(x^4+1)(y^4+1)$, đạt giá trị nhỏ nhất. Tìm giá trị nhỏ nhất ấy? bài 3(2 điểm):

Giải hệ phơng trình:

$$\begin{cases} \frac{x}{x-y} + \frac{y}{y-z} + \frac{z}{z-x} = 0\\ \frac{x}{(x-y)^2} + \frac{y}{(y-z)^2} + \frac{z}{(z-x)^2} = 0 \end{cases}$$

bài 4(2,5 điểm):

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp trong đờng tròn (O,R) với BC=a, AC=b, AB=c. Lấy điểm I bất kỳ ở phía trong của tam giác ABC và gọi x, y, z lần lợt là khoảng cách từ điểm I đến các cạnh BC, AC và AB của tam giác. Chứng minh:

$$\sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} \le \sqrt{\frac{a^2 + b^2 + c^2}{2R}}$$

<u>bài 5</u>(1,5 điểm):

Cho tập hợp P gồm 10 điểm trong đó có một số cặp điểm đợc nối với nhau bằng đoạn thẳng. Số các đoạn thẳng có trong tập P nối từ điểm a đến các điểm khác gọi là bậc của điểm A. Chứng minh rằng bao giờ cũng tìm đợc hai điểm trong tập hợp P có cùng bâc.

ĐỀ SỐ 47

bài 1.(1,5 điểm)

Cho phong trình: $x^2-2(m+1)x+m^2-1=0$ với x là ẩn, m là số cho trớc.

- 1. Giải phơng trình đã cho khi m = 0.
- 2. Tìm m để phơng trình đã cho có 2 nghiệm dơng x_1, x_2 phân biệt thoả mãn điều kiện $x_1^2 x_2^2 = 4\sqrt{2}$ bài 2.(2 điểm)

Cho hệ phơng trình:

$$\begin{cases} x = y + 2 \\ xy + a^2 = -1 \end{cases}$$

trong đó x, y là ẩn, a là số cho trớc.

- 1. Giải hệ phong trình đã cho với a=2003.
- 2. Tìm giá trị của a để hệ phong trình đã cho có nghiệm.

bài 3.(2,5 điểm)

Cho phong trình: $\sqrt{x-5} + \sqrt{9-x} = m$ với x là ẩn, m là số cho trớc.

- 1. Giải phơng trình đã cho với m=2.
- 2. Giả sử phong trình đã cho có nghiệm là x=a. Chứng minh rằng khi đó phong trình đã cho còn có một nghiệm nữa là x=14-a.
- 3. Tìm tất cả các giá trị của m để phong trình đã cho có đúng một nghiệm.

<u>bài 4</u>.(2 điểm)

Cho hai đờng tròn (O) và (O') có bán kính theo thứ tự là R và R' cắt nhau tại 2 điểm A và B.

- 1. Một tiếp tuyến chung của hai đờng tròn tiếp xúc với (O) và(O') lần lợt tại C và D. Gọi H và K theo thứ tự là giao điểm của AB với OO' và CD. Chứng minh rằng:
 - a. AK là trung tuyến của tam giác ACD.

b. B là trọng tâm của tam giác ACD khi và chỉ khi
$$OO' = \frac{\sqrt{3}}{2} (R + R')$$

2. Một cát tuyến di động qua A cắt (O) và (O') lần lợt tại E và F sao cho A nằm trong đoạn EF. xác định vị trí của cát tuyến EF để diện tích tam giác BEF đạt giá trị lớn nhất.

<u>bài 5</u>. (2 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC. Gọi D là trung diểm của cạnh BC, M là điểm tuỳ ý trên cạnh AB (không trùng với các đỉnh A va B). Gọi H là giao điểm của các đoạn thẳng AD và CM. Chứng minh rằng nếu tứ giác BMHD nội tiếp đợc trong một đờng tròn thì có bất đẳng thức $BC < \sqrt{2} \cdot AC$.

ĐÈ SÓ 48

bài 1.(1,5 điểm)

Cho phong trình $x^2+x-1=0$. Chứng minh rằng phong trình có hai nghiệm trái dấu. Gọi x_1 là nghiệm âm của phong trình. Hãy tính giá trị của biểu thức: $P = \sqrt{x_1^8 + 10x_1 + 13} + x_1$

Bài 2.(2 điểm)

Cho biểu thức:
$$P = x\sqrt{5-x} + (3-x)\sqrt{2+x}$$

Tìm giá tri nhỏ nhất và lớn nhất của P khi $0 \le x \le 3$.

Bài 3.(2 điểm)

1. Chứng minh rằng không tồn tại các số nguyên a, b, c sao cho: $a^2+b^2+c^2=2007$

2. Chứng minh rằng không tồn tại các số hữu tỷ x, y, z sao cho:
$$x^2+y^2+z^2+x+3y+5z+7=0$$

Cho tam giác ABC vuông tại A. Vẽ đờng cao AH. Gọi (O) là vòng tròn ngoại tiếp tam giác AHC. Trên cung nhỏ AH của vòng tròn (O) lấy điểm M bất kỳ khác A. Trên

tiếp tuyến tại M của vòng tròn (O) lấy hai điểm D và E sao cho BD=BE=BA. Đờng thẳng BM cắt vòng tròn (O) tai điểm thứ hai là N.

- 1. Chứng minh rằng tứ giác BDNE nội tiếp một vòng tròn.
- 2. Chứng minh vòng tròn ngoại tiếp tứ giác BDNE và vòng tròn (O) tiếp xúc với nhau. Bài 5.(2 điểm)

Có n điểm, trong đó không có ba điểm nào thẳng hàng. Hai điểm bất kỳ nối với nhau bằng một đoạn thẳng, mỗi đoạn thẳng đợc tô một màu xanh, đỏ hoặc vàng. Biết rằng: có ít nhất một đoạn màu xanh, một đoạn màu đỏ, và một đoạn màu vàng; không có điểm nào mà các đoạnthẳng xuất phát từ đó có đủ cả ba màu và không có tam giác nào tạo bởi các đoạn thẳng đã nối có ba cạnh cùng màu.

- 1. Chứng minh rằng không tồn tại ba đoạn thẳng cùng màu xuất phát từ cùng một điểm.
- 2. Hãy cho biết có nhiều nhất bao nhiều điểm thoả mãn đề bài.

ĐÈ SỐ 49

<u>Bài 1</u>.(2 điểm)

Rút gọn các biểu thức sau:

1.
$$P = \frac{m-n}{\sqrt{m} - \sqrt{n}} + \frac{m+n+2\sqrt{mn}}{\sqrt{m} + \sqrt{n}}$$
; $m, n \ge 0$; $m \ne n$.
2. $Q = \frac{a^2b - ab^2}{ab}$: $\frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$; $a > 0$; $b > 0$.

<u>Bài 2</u>.(1 điểm)

Giải phơng trình:

$$\sqrt{6-x} + \sqrt{x-2} = 2$$

<u>Bài 3</u>.(3 điểm)

Cho các đoạn thẳng:

- 1. Tìm toạ độ các giao điểm A, B, C theo thứ tự của (d_1) với (d_2) , (d_1) với trục hoành và (d_2) với trục hoành.
- 2. Tìm tất cả các giá trị của m sao cho (d_3) cắt cả hai đờng thẳng (d_1) , (d_2) .
- 3. Tìm tất cả các giá trị của m sao cho (d₃) cắt cả hai tia AB và AC.

<u>bài 4</u>.(3 điểm)

Cho tam giác đều ABC nội tiếp đòng tròn (O) và D là điểm nằm trên cung BC không chứa điểm A. Trên tia AD ta lấy điểm E sao cho AE=CD.

1. Chứng minh $\triangle ABE = \triangle CBD$.

2. Xác định vị trí của D sao cho tổng DA+DB+DC lớn nhất.

Bài 5.(1 điểm)

Tìm x, y dong thoả mãn hệ:

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ 8(x^4 + y^4) + \frac{1}{xy} = 5 \end{cases}$$

ĐỀ SỐ 50

<u>Bài 1</u>.(2 điểm)

Cho biểu thức: $M = \frac{1-x}{1-\sqrt{x}} - \frac{1-(\sqrt{x})^3}{1+\sqrt{x}+x}$; $x \ge 0$; $x \ne 1$.

- 1. Rút gọn biểu thức M.
- 2. Tîm x để $M \ge 2$.

<u>Bài 2</u>.(1 điểm)

Giải phong trình: $\sqrt{x+12} = x$.

<u>bài 3</u>.(3 điểm)

Cho parabol (P) và đờng thẳng (d) có phong trình:

(P):
$$y=mx^2$$

(d): $y=2x+m$

trong đó m là tham số, m≠0.

- 1. Với m= $\sqrt{3}$, tìm toạ độ giao điểm của đờng thẳng (d) và (P).
- 2. Chứng minh rằng với mọi m≠0, đờng thẳng (d) luôn cắt (P) tại hai điểm phân biệt.
 - 3. Tìm m để đờng thẳng (d) cắt (P) tại 2 điểm có hoành độ là $\left(1+\sqrt{2}\right)^3$; $(1-\sqrt{2})^3$.

<u>Bài 4</u>.(3 điểm)

Cho tam giác đều ABC nội tiếp đờng tròn (O) và D là một điểm nằm trên cung BC không chứa A(D khác B và C). Trên tia DC lấy điểm E ssao cho DE=DA.

- 1. Chứng minh ADE là tam giác đều.
- 2. Chứng minh $\triangle ABD = \triangle ACE$.
- 3. Khi D chuyển động trên cung BC không chứa A(D khác B và C) thì E chạy trên đ-ờng nào?

Bài 5.(1 điểm)

Cho ba số dong a, b, c thoả mãn: a+b+c≤2005.

Chứng minh:
$$\frac{5a^3 - b^3}{ab + 3a^2} + \frac{5b^3 - c^3}{bc + 3b^2} + \frac{5c^3 - a^3}{ca + 3c^2} \le 2005$$

ĐÈ SỐ 51

<u>bài 1</u>.(1,5 điểm)

Biết a, b, c là các số thực thoả mãn a+b+c=0 và abc≠0.

- 1. Chúng minh: $a^2+b^2-c^2=-2ab$
- 2. Tính giá trị của biểu thức:

$$P = \frac{1}{a^2 + b^2 - c^2} + \frac{1}{b^2 + c^2 - a^2} + \frac{1}{c^2 + a^2 - b^2}$$

<u>bài 2</u>.(1,5 điểm)

Tìm các số nguyên dơng x, y, z sao cho:

$$1^3x + 2^3y + 3^3z = 36$$
.

<u>bài 3</u>.(2 điểm)

1. Chúng minh: $\sqrt{3-4x} + \sqrt{4x+1} = -16x^2 - 8x + 1$

<u>bài 4</u>.(4 điểm) $\sqrt{3-4x} + \sqrt{4x+1} \ge 2$ với mọi x thoả mãn: $\frac{-1}{4} \le x \le \frac{3}{4}$.

2. Giải phơng trình:

Cho tam giác đều ABC. D và E là các điểm lần lợt nằm trên các cạnh AB và AC. đòng phân giác của góc ADE cắt AE tại I và đờng phân giác của góc AED cắt AD tại K. Gọi S, S1, S2, S3 lần lợt là diện tích của các tam giác ABC, DEI, DEK, DEA. Gọi H là chân đờng vuông góckể từ I đến DE. Chứng minh:

1.
$$\frac{S_3}{DE + AD} = \frac{IH}{2}$$

2. $\frac{S_1 + S_2}{DE} = \frac{S_3}{DE + AD} + \frac{S_3}{DE + AE}$
3. $S_1 + S_2 \le S$

<u>BàI 5</u>.(1 diểm)

Cho các số a, b, c thoả mãn:

 $0 \le a \le 2$; $0 \le b \le 2$; $0 \le c \le 2$ và a+b+c=3

Chứng minh bất đẳng thức: $\sqrt{ab} + \sqrt{bc} + \sqrt{ca} \ge \sqrt{2}$

Cho A=
$$\frac{\sqrt{x-2\sqrt{x+3}+4}}{\sqrt{x}-\sqrt{x-3}-\sqrt{3x+x^2}+\sqrt{x^2-9}} - \frac{1}{\sqrt{x}+\sqrt{x-3}}$$

- 1. Chứng minh A<0.
- 2. tìm tất cả các giá tri x để A nguyên.

câu 2.

Ngời ta trộn 8g chất lỏng này với 6g chất lỏng khác có khối lọng riêng nhỏ hơn 200kg/m³ đợc hỗn hợp có khối lợng riêng là 700kg/m³. Tính khối lợng riêng mỗi chất

câu 3.

Cho đờng tròn tâm O và dây AB. Từ trung điểm M của cung AB vẽ hai dây MC, MD cắt AB ở E, F (E ở giữa A và F).

- 1. Có nhận xét gì về tứ giác CDFE?
- 2. Kéo dài MC, BD cắt nhau ở I và MD, AC cắt nhau ở K. Chứng minh: IK//AB.

câu 4.

Cho tứ giác ABCD nội tiếp đờng tròn đờng kính AD. Biết rằng AB=BC= $2\sqrt{5}$ cm, CD=6cm. Tính AD.

ĐỀ SỐ 54

câu 1.

Cho
$$\sqrt{16-2x+x^2} - \sqrt{9-2x+x^2} = 1$$

Tính $A = \sqrt{16-2x+x^2} + \sqrt{9-2x+x^2}$.

câu 2.

Cho hệ phong trình:
$$\begin{cases} 3x + (m-1)y = 12 \\ (m-1)x + 12y = 24 \end{cases}$$

- 1. Giải hệ phơng trình.
- 2. Tìm m để hệ phong trình có một nghiệm sao cho x<y.

câu 3.

Cho nửa đờng tròn (O) đờng kính AB=2R, vẽ dây AD=R, dây BC= $\sqrt{2}R$. Kẻ AM và BN vuông góc với CD kéo dài.

- 1. So sánh DM và CN.
- 2. Tính MN theo R.
- 3. Chứng minh $S_{AMNB} = S_{ABD} + S_{ACB}$.

câu 4.

Cho nửa đờng tròn (O) đờng kính AB. Từ điểm M trên tiếp tuyến tại A kẻ tiếp tuyến thứ hai MC với đờng tròn, kẻ CH vuông góc với AB. Chứng minh MB chia CH thành hai phần bằng nhau.

<u>ĐỀ SỐ 54</u>

cân 1

Cho hệ phong trình:
$$\begin{cases} 2x + (n-4)y = 16\\ (4-n)x - 50y = 80 \end{cases}$$

- 1. Giải hệ phơng trình.
- Tìm n để hệ phong trình có một nghiệm sao cho x+y>1.

câu 2.

Cho 5x+2y=10. Chứng minh $3xy-x^2-y^2<7$.

câu 3.

Cho tam giác ABC đều và đờng tròn tâm O tiếp xúc với AB tai B và AC tai C. Từ điểm M thuộc cung nhỏ BC kẻ MH, MI, MK lần lợt vuông góc với BC, AB, AC.

- 1. Chứng minh: MH²=MI.MK
- 2. Nối MB cắt AC ở E. CM cắt AB ở F. So sánh AE và BF?

câu 4.

Cho hình thang ABCD(AB//CD). AC cắt BD ở O. Đờng song song với AB tại O cắt AD, BC ở M, N.

- 1. Chứng minh: $\frac{1}{AB} + \frac{1}{CD} = \frac{2}{MN}$ 2. S_{AOB} =a; S_{COD} =b². Tính S_{ABCD} .

ĐÈ SỐ 55

câu 1.

Giải hệ phong trình:
$$\begin{cases} x + y + 3xy = -3 \\ xy + 1 = 0 \end{cases}$$

câu 2.

Cho parabol $y=2x^2$ và đờng thẳng y=ax+2-a.

- 1. Chứng minh rằng parabol và đồng thẳng trên luôn xắt nhau tại điểm A cố định. Tìm điểm A đó.
- 2. Tìm a để parabol cắt đờng thẳng trên chỉ tại một điểm.

câu 3.

Cho đờng tròn (O;R) và hai dây AB, CD vuông góc với nhau tại P.

1. Chứng minh:

2. Gọi M, N lần lợt là trung điểm của AC và BD. Có nhận xét gì về tứ giác OMPN.

câu 4.

Cho hình thang cân ngoại tiếp đòng tròn(O;R), có AD//BC. Chứng minh:

$$1. \ AB = \frac{AD + BC}{2}$$

$$2. AD.BC = 4R^2$$

$$3. \frac{1}{OA^2} + \frac{1}{OB^2} = \frac{1}{OC^2} + \frac{1}{OD^2}$$

ĐÈ SỐ 56

câu1.

Cho
$$A = \frac{36x^4 - (9a^2 + 4b^2)x^2 + a^2b^2}{9x^4 - (9a^2 + b^2)x^2 + a^2b^2}$$

- 1. Rút gọn A.
- 2. Tìm x để A=-1.

câu 2.

Hai ngời cùng khởi hành đi ngợc chiều nhau, ngời thứ nhất đi từ A đến B. Ngời thứ hai đi từ B đến A. Họ gặo nhau sau 3h. Hỏi mỗi ngời đi quãng đờng AB trong bao lâu. Nếu ngời thứ nhất đến B muộn hơn ngời thứ hai đến A là 2,5h.

câu 3.

Cho tam giác ABC đờng phân giác trong AD, trung tuyến AM, vẽ đờng tròn (O) qua A, D, M cắt AB, AC, ở E, F.

1. Chứng minh:

a. BD.BM=BE.BA

b. CD.CM=CF.CA

2. So sánh BE và CF.

câu 4.

Cho đờng tròn (O) nội tiếp hình thoi ABCD gọi tiếp điểm của đờng tròn với BC là M và N. Cho MN=1/4 AC. Tính các góc của hình thoi.

ĐÈ SỐ 86

câu1.

Tìm a để phong trình sau có hai nghiệm:

$$(a+2)x^2+2(a+3)|x|-a+2=0$$

câu 2.

Cho hàm số $y=ax^2+bx+c$

- 1. Tìm a, b, c biết đồ thị cắt trục tung tại A(0;1), cắt trục hoành tại B(1;0) và qua C(2;3).
- 2. Tìm giao điểm còn lai của đồ thi hàm số tìm đợc với truc hoành.
- 3. Chứng minh đồ thị hàm số vừa tìm đợc luôn tiếp xúc với đòng thẳng y=x-1.

câu 3.

Cho đờng tròn (O) tiếp xúc với hai cạnh của góc xAy ở B và C. Đờng thẳng song song với Ax tại C cắt đờng tròn ở D. Nối AD cắt đờng tròn ở M, CM cắt AB ở N. Chứng minh:

- 1. \triangle ANC đồng dang \triangle MNA.
- 2. AN=NB.

câu 4.

Cho \triangle ABC vuông ở A đờng cao AH. Vẽ đờng tròn (O) đờng kính HC. Kẻ tiếp tuyến BK với đờng tròn (K là tiếp điểm).

- 1. So sánh ΔBHK và ΔBKC
- 2. Tính AB/BK.

<u>ĐỀ SỐ 58</u>

câu 1.

Giải hệ phong trình:
$$\begin{cases} \frac{1}{x} - \frac{1}{y} = \frac{2}{a} \\ xy = -a^2 \end{cases}$$

câu 2.

Cho A(2;-1); B(-3;-2)

- 1. Tìm phơng trình đờng thẳng qua A và B.
- 2. Tìm phong trình đờng thẳng qua C(3;0) và song song với AB.

câu 3.

Cho nửa đờng tròn (O) đờng kính AB=2R. C là một điểm thuộc cung AB, trên AC kéo dài lấy CM=1/2 AC. Trên BC kéo dài lấy CN=1/2 CB. Nối AN và BM kéo dài cắt nhau ở P. Chứng minh:

- 1. P, O, C thẳng hàng.
- 2. $AM^2+BN^2=PO^2$

câu 4.

Cho hình vuông ABCD. Trên AB và AD lấy M, N sao cho AM=AN. Kẻ AH vuông góc với MD.

- 1. Chứng minh tam giác AHN đồng dang với tam giác DHC.
- 2. Có nhận xét gì về tứ giác NHCD.

ĐỀ SỐ 87

câu 1.

Cho
$$\frac{-x^2-3x+1}{x^2+2x+1}$$

- 1. Tîm x để A=1.
- 2. Tìm giá trị lớn nhất, giá trị nhỏ nhất (nếu có) của A.

câu 2.

Chứng minh rằng nếu a, b, c là ba cạnh của một tam giác thì

$$\frac{a}{b} + \frac{a}{c} > \frac{a^2}{b.c}$$

câu 3.

Cho tam giác ABC, về phía ngoài dựng 3 tam giác đồng dạng ABM, ACN, BCP. Trong đó:

$$\angle AMB = \angle ANC = \angle BPC$$

$$\angle ABM = \angle CAN = \angle PBC$$

Gọi Q là điểm đối xứng của P qua BC.

- 1. Chứng minh: Tam giác QNC đồng dạng tam giác QBM.
- 2. Có nhận xét gì về tứ giác QMAN.

câu 4.

Cho đờng tròn (O;R) và một dây $AB=\sqrt{3}R$. Gọi M là điểm di động trên cung AB. Tìm tập hợp trực tâm H của tam giác MAB và tập hợp tâm đờng tròn nội tiếp I của tam giác MAB.

ĐÈ SỐ 86

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Căn bậc hai số học của số a không âm là:

A. số có bình phơng bằng a

B.
$$-\sqrt{a}$$

D. B, C đều đúng

2. Cho hàm số $y = f(x) = \sqrt{x-1}$. Biến số x có thể có giá trị nào sau đây:

A.
$$x \le -1$$

D.
$$x \ge -1$$

3. Phong trình $x^2 + x + \frac{1}{4} = 0$ có một nghiệm là :

B.
$$-\frac{1}{1}$$

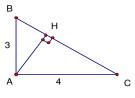
C.
$$\frac{1}{2}$$

4. Trong hình bên, độ dài AH bằng:

A.
$$\frac{5}{12}$$

B. -2,4

C. 2



II. Tư luân

Bài 1: Giải các hệ phơng trình và phơng trình sau:

a)
$$\begin{cases} 17x + 4y = 2 \\ 13x + 2y = 1 \end{cases}$$

b)
$$2x^2 + \frac{1}{2}x = 0$$

b)
$$2x^2 + \frac{1}{2}x = 0$$
 c) $x^4 + \frac{15}{4}x^2 - 1 = 0$

<u>Bài 2:</u> Cho Parabol (P) $y = x^2$ và đờng thẳng (D): y = -x + 2

- a) Vẽ (P) và (D) trên cùng mặt phẳng toa đô.
- b) Tìm toạ độ giao điểm A, B của (P) và (D) bằng phép tính.
- c) Tính diên tích ΔAOB (đơn vi trên 2 truc là cm).

Bài 3: Một xe ôtô đi từ A đến B dài 120 km trong một thời gian dư định. Sau khi đợc nửa quãng đờng thì xe tăng vân tốc thêm 10 km/h nên xe đến B sớm hơn 12 phút so với dư đinh. Tính vân tốc ban đầu của xe.

<u>Bài 4:</u> Tính:

a)
$$2\sqrt{5} - \sqrt{125} - \sqrt{80} + \sqrt{605}$$

b)
$$\frac{10 + 2\sqrt{10}}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} + \frac{8}{1 - \sqrt{5}}$$

Bài 5: Cho đờng tròn (O), tâm O đờng kính AB và dây CD vuông góc với AB tai trung điểm M của OA.

- Chứng minh tứ giác ACOD là hình thoi. a)
- Chứng minh : MO. MB = $\frac{CD^2}{4}$ b)

Tiếp tuyến tại C và D của (O) cắt nhau tại N. Chứng minh A là tâm đờng tròn c) nôi tiếp Δ CDN và B là tâm đờng tròn bàng tiếp trong góc N của Δ CDN.

d) Chứng minh: BM. AN = AM. BN

SBD:..... Họ và tên:....

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Căn bậc hai số học của $(-3)^2$ là:

C. –81

2. Cho hàm số: $y = f(x) = \frac{2}{x+1}$. Biến số x có thể có giá trị nào sau đây:

C. $x \neq 0$

3. Cho phong trình : $2x^2 + x - 1 = 0$ có tập nghiệm là:

B. $\left\{-1; -\frac{1}{2}\right\}$ C. $\left\{-1; \frac{1}{2}\right\}$

D. Ø

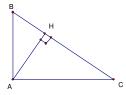
4. Trong hình bên, SinB bằng:

AB

B. CosC

C. $\frac{AC}{BC}$

D. A, B, C đều đúng.



II. Phần tư luân

<u>Bài 1:</u> Giải các hệ phong trình và phong trình sau:

a)
$$\begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{2}{3}y = 4\\ 3x + 2y = 6 \end{cases}$$

b)
$$x^2 + 0.8x - 2.4 = 0$$
 c) $4x^4 - 9x^2 = 0$

c)
$$4x^4 - 9x^2 = 0$$

- **<u>Bài 2:</u>** Cho (P): $y = \frac{-x^2}{2}$ và đờng thẳng (D): y = 2x.
 - a) Vẽ (P) và (D) trên cùng mặt phẳng toạ độ.
 - b) Tìm toạ độ giao điểm của (D) và (P) bằng phép toán.
 - c) Viết phong trình đồng thẳng (D') biết (D') // (D) và (D') tiếp xúc với (P).
- Bài 3: Một hình chữ nhất có chiều dài hơn chiều rộng là 7 m và có độ dài đờng chéo là 17 m. Tính chu vi, diện tích của hình chữ nhật.

<u>Bài 4:</u> Tính:

a)
$$\sqrt{15-\sqrt{216}} + \sqrt{33-12\sqrt{6}}$$

b)
$$\frac{2\sqrt{8} - \sqrt{12}}{\sqrt{18} - \sqrt{48}} - \frac{\sqrt{5} + \sqrt{27}}{\sqrt{30} + \sqrt{162}}$$

- Bài 5: Cho điểm A bên ngoài đờng tròn (O; R). Từ A vẽ tiếp tuyến AB, AC và cát tuyến ADE đến đờng tròn (O). Goi H là trung điểm của DE.
 - a) Chứng minh năm điểm: A, B, H, O, C cùng nằm trên một đờng tròn.

b) Chứng minh HA là tia phân giác của BHC.

c) DE cắt BC tại I. Chứng minh: AB² = AI.AH.

d) Cho AB= $R\sqrt{3}$ và OH= $\frac{R}{2}$. Tính HI theo R.

ĐÈ SỐ 96

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Căn bậc hai số học của 5^2-3^2 là:

A. 16

B. 4

C. -4

D. B, C đều đúng.

2. Trong các phong trình sau, phong trình nào là phong trình bậc nhất hai ẩn x, y:

A. ax + by = c $(a, b, c \in R)$

B. ax + by = c (a, b, $c \in R$, $c \ne 0$)

C. ax + by = c (a, b, $c \in R$, $b\neq 0$ hoặc $c\neq 0$)

D. A, B, C đều đúng.

3. Phong trình $x^2 + x + 1 = 0$ có tập nghiệm là :

A. {-1}

B. Ø

C. $\left\{-\frac{1}{2}\right\}$

D. $\left\{-1; -\frac{1}{2}\right\}$

4. Cho $0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ}$. Trong các đẳng thức sau, đẳng thức nào đúng:

A. Sin α + Cos α = 1

B. tg $\alpha = \text{tg}(90^{\circ} - \alpha)$

C. Sin $\alpha = \cos(90^{\circ} - \alpha)$

D. A, B, C đều đúng.

II. Phần tư luân.

Bài 1: Giải các hệ phong trình và phong trình sau:

a)
$$\begin{cases} 12x - 5y = 9 \\ 120x + 30y = 34 \end{cases}$$

b)
$$x^4 - 6x^2 + 8 = 0$$

c)
$$\frac{1}{x} - \frac{1}{x+2} = \frac{1}{4}$$

<u>Bài 2:</u> Cho phong trình: $\frac{1}{2}x^2 - 3x - 2 = 0$

a) Chứng tổ phơng trình có 2 nghiệm phân biệt.

b) Không giải phong trình, tính : $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$; $x_1 - x_2$ (với $x_1 < x_2$)

<u>Bài 3:</u> Một hình chữ nhật có chiều rộng bằng $\frac{3}{7}$ chiều dài. Nếu giảm chiều dài 1m và tăng chiều rộng 1m thì diện tích hình chữ nhật là 200 m². Tính chu vi hình chữ nhật lúc ban đầu. **<u>Bài 4:</u>** Tính

a)
$$\sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}} + \sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}}}$$

b)
$$2\sqrt{\frac{16}{3}} - 3\sqrt{\frac{1}{27}} - 6\sqrt{\frac{4}{75}}$$

<u>Bài 5:</u> Cho đờng tròn (O; R) và dây BC, sao cho \widehat{BOC} = 120°. Tiếp tuyến tại B, C của đờng tròn cắt nhau tại A.

- a) Chứng minh \triangle ABC đều. Tính diện tích \triangle ABC theo R.
- b) Trên cung nhỏ BC lấy điểm M. Tiếp tuyến tại M của (O) cắt AB, AC lần lợt tai E, F. Tính chu vi ΔAEF theo R.
- c) Tính số đo của \widehat{EOF} .
- d) OE, OF cắt BC lần lợt tại H, K. Chứng minh $FH \perp OE$ và 3 đờng thẳng FH, EK, OM đồng quy.

Họ và tên:....

SBD:.....

ĐỀ SỐ 97

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Căn bậc ba của -125 là:

A. 5

B. -5

C. ±5

D. -25

2. Cho hàm số y = f(x) và điểm A(a; b). Điểm A thuộc đồ thị của hàm số y = f(x) khi:

A. b = f(a)

B. a = f(b)

C. f(b) = 0

D. f(a) = 0

3. Phong trình nào sau đây có hai nghiệm phân biệt:

A. $x^2 + x + 1 = 0$

B. $4x^2 - 4x + 1 = 0$

C. $371x^2 + 5x - 1 = 0$

D. $4x^2 = 0$

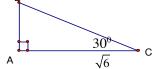
4. Trong hình bên, độ dài BC bằng:

A. $2\sqrt{6}$

C. $2\sqrt{3}$

B. $3\sqrt{2}$

D. $2\sqrt{2}$



II. Phần tự luận

Bài 1: Giải các phơng trình sau:

a) $\sqrt{x+2} = 3 + 2x$

b) $\frac{4}{x-1} - \frac{5}{x-2} = -3$

c) $x^2 - \sqrt{3}(\sqrt{2} + 1)x + 3\sqrt{2} = 0$

<u>Bài 2:</u> Cho (P): $y = \frac{x^2}{4}$ và (D): y = -x - 1

a) Vẽ (P) và (D) trên cùng mặt phẳng toạ độ.

b) Chứng tỏ (D) tiếp xúc (P), tìm toạ độ tiếp điểm bằng phép toán.

Bài 3: Một hình chữ nhật có chiều dài bằng 2,5 lần chiều rộng và có diện tích là 40m². Tính chu vi của hình chữ nhật.

Bài 4: Rút gọn:

a)
$$\frac{(x^2-4)}{2} \sqrt{\frac{4}{x^2-4x+4}}$$
 với $x \neq 2$.

b)
$$\left(\frac{a\sqrt{a}+b\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}} - \frac{a\sqrt{b}-b\sqrt{a}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}-\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}}\right)$$
 (với a; $b \ge 0$ và $a \ne b$)

Bài 5: Cho hai đờng tròn (O; 4cm) và (O'; 3cm) với OO' = 6cm.

- a) Chứng tỏ đờng tròn (O; 4cm) và (O'; 3cm) cắt nhau.
- b) Gọi giao điểm của (O) và (O') là A, B. Vẽ đờng kính AC của (O) và đờng kính AD của (O'). Chứng minh C, B, D thẳng hàng.
- c) Qua B vẽ đờng thẳng d cắt (O) tại M và cắt (O') tại N (B nằm giữa M và N).

Tính tỉ số
$$\frac{AN}{AM}$$
.

d) Cho $sd\widehat{AN} = 120^{\circ}$. Tính S_{AMN} ?

Ho và tên:	. SBD:

ĐỀ SỐ 98

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Kết quả của phép tính $\sqrt{25+144}$ là:

2. Cho hàm số y = f(x) xác định với mọi giá trị của x thuộc R. Ta nói hàm số y = f(x) đồng biến trên R khi:

A. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$$

B. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 > x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$$

C. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 > x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$$

D. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 \neq x_2 \Rightarrow f(x_1) \neq f(x_2)$$

3. Cho phong trình $2x^2 + 2\sqrt{6}x + 3 = 0$ phong trình này có :

B. Nghiệm kép

C. 2 nghiệm phân biệt

D. Vô số nghiệm

4. Tâm đờng tròn ngoại tiếp tam giác là:

- A. Giao điểm 3 đờng phân giác của tam giác
- B. Giao điểm 3 đờng cao của tam giác
- C. Giao điểm 3 đờng trung tuyến của tam giác
- D. Giao điểm 3 đờng trung trực của tam giác

II. Phần tự luận

<u>Bài 1:</u> Giải các hệ phong trình và phong trình sau:

a)
$$x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{9} = 0$$

b)
$$3x^2 - 4\sqrt{3}x + 4 = 0$$

c)
$$\begin{cases} 2x - y = 2 \\ 5x - 3y = 5 - \sqrt{2} \end{cases}$$

<u>Bài 2:</u> Cho phong trình : $x^2 - 4x + m + 1 = 0$ (1) (*m* là tham số)

- a) Tìm điều kiện của *m* để phong trình (1) có 2 nghiệm phân biệt.
- b) Tìm m sao cho phong trình (1) có hai nghiệm $x_1; x_2$ thoả mãn biểu thức: $x_1^2 + x_2^2 = 26$
- c) Tìm *m* sao cho phong trình (1) có hai nghiệm x_1 ; x_2 thoả mãn $x_1 3x_2 = 0$

<u>**Bài 3:**</u> Một hình chữ nhật có diện tích là 240 m². Nếu tăng chiều rộng thêm 3m và giảm chiều dài đi 4m thì diện tích không đổi. Tính chu vi hình chữ nhật ban đầu.

Bài 4: Tính

a)
$$2\sqrt{27} - 6\sqrt{\frac{4}{3}} + \frac{3}{5}\sqrt{75}$$

b)
$$\frac{\sqrt{3-\sqrt{5}.(3+\sqrt{5})}}{\sqrt{10}+\sqrt{2}}$$

<u>Bài 5:</u> Cho tam giác đều ABC nội tiếp đờng tròn (O). M là điểm di động trên cung nhỏ BC. Trên đoan thẳng MA lấy điểm D sao cho MD = MC.

- a) Chứng minh ΔDMC đều.
- b) Chứng minh MB + MC = MA.
- c) Chứng minh tứ giác ADOC nôi tiếp đơc.
- d) Khi M Di động trên cung nhỏ BC thì D di động trên đờng cố đinh nào?

Họ và tên:	<i>SBD:</i>

ĐÈ SỐ 99

I. Trắc nghiệm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Biểu thức $\frac{\sqrt{-3x}}{x^2-1}$ xác định khi và chỉ khi:

A.
$$x \ge 3$$
 và $x \ne -1$

B.
$$x \le 0$$
 và $x \ne 1$

C.
$$x \ge 0$$
 và $x \ne 1$

C.
$$x \le 0$$
 và $x \ne -1$

2. Cặp số nào sau đây là nghiệm của phong trình $\sqrt{2}x+3y=-5$

A.
$$(\sqrt{2};1)$$

B.
$$(-1; -\sqrt{2})$$

$$A. \left(\sqrt{2};1\right) \hspace{1cm} B. \left(-1;-\sqrt{2}\right) \hspace{1cm} C. \left(-\sqrt{2};-1\right) \hspace{1cm} D. \left(-\sqrt{2};1\right)$$

D.
$$(-\sqrt{2};1)$$

A.
$$x > 0$$

B.
$$x < 0$$

$$C$$
 $y \in R$

D.
$$x \neq 0$$

A. $(\sqrt{2},1)$ 3. Hàm số $y = -100x^2$ đồng biến khi : x > 0 B. x < 0 C. $x \in R$ D. $x \ne 0$ 4. Cho $Cos\alpha = \frac{2}{3}$; $(0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ})$ ta có $Sin\alpha$ bằng:

A.
$$\frac{\sqrt{5}}{3}$$

A.
$$\frac{\sqrt{5}}{3}$$
 B. $\pm \frac{\sqrt{5}}{3}$ C. $\frac{5}{9}$

C.
$$\frac{5}{9}$$

D. Một kết quả khác.

II. Phần tư luân

Bài 1: Giải các hệ phong trình và phong trình sau:

a)
$$\frac{x+0.5}{3x+1} = \frac{x+2}{3x-1} + \frac{3x^2}{1-9x^2}$$

a)
$$\frac{x+0.5}{3x+1} = \frac{x+2}{3x-1} + \frac{3x^2}{1-9x^2}$$
 b) $\begin{cases} x\sqrt{3} - y(1+\sqrt{2}) = 1\\ x(1-\sqrt{2}) + y\sqrt{3} = 1 \end{cases}$

<u>**Bài 2:**</u> Cho Parabol (P): $y = \frac{x^2}{2}$ và đờng thắng (D): $y = -\frac{1}{2}x + m$ (*m* là tham số)

- a) Khảo sát và vẽ đồ thị (P) của hàm số: $y = \frac{x^2}{2}$
- b) Tìm điều kiện của m để (D) và (P) cắt nhau tai hai điểm phân biệt A, B.
- c) Cho m = 1. Tính diên tích của $\triangle AOB$.

Bài 3: Hai đội công nhân A và B cùng làm một công việc trong 3 giờ 36 phút thì xong. Hỏi nếu làm riêng (một mình) thì mỗi đội phải mất bao lâu mới xong công việc trên. Biết rằng thời gian làm một mình của đội A ít hơn thời gian làm một mình của đội B là 3 giờ.

Bài 4: Tính:

a)
$$\sqrt{8\sqrt{3}} - 2\sqrt{25\sqrt{12}} + 4\sqrt{\sqrt{192}}$$

b)
$$\sqrt{2-\sqrt{3}}(\sqrt{5}+\sqrt{2})$$

Bài 5: Cho tam giác ABC có ba góc đều nhọn. Vẽ đòng tròn tâm O đòng kính BC cắt AB, AC lần lợt ở D, E. Gọi giao điểm của CD và BE là H.

- a) Chứng minh AH ⊥ BC
- b) Chứng minh đờng trung trực của DH đi qua trung điểm I của đoạn thẳng AH.
- c) Chứng minh đồng thẳng OE là tiếp tuyến của đồng tròn ngoại tiếp ΔADE.
- d) Cho biết BC = 2R và AB = HC. Tính BE, EC theo R.

ĐÊ SÔ 100

I. Trắc nghiêm

Hãy chọn câu trả lời đúng trong các câu sau:

1. Nếu $\sqrt{a^2} = -a \text{ thì}$:

A.
$$a \ge 0$$

B.
$$a = -1$$

C.
$$a \le 0$$

2. Cho hàm số y = f(x) xác định với $x \in R$. Ta nói hàm số y = f(x) nghịch biến trên R khi:

A. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$$
 B. Với $x_1, x_2 \in R; x_1 > x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$

B. Với
$$x_1, x_2 \in R$$
: $x_1 > x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$

C. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 = x_2 \implies f(x_1) = f(x_2)$$

C. Với
$$x_1, x_2 \in R; x_1 = x_2 \Rightarrow f(x_1) = f(x_2)$$
 D. Với $x_1, x_2 \in R; x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$

3. Cho phong trình : $ax^2 + bx + c = 0$ $(a \ne 0)$. Nếu $b^2 - 4ac > 0$ thì phong trình có 2 nghiệm là:

A.
$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{a}$$
; $x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{a}$

B.
$$x_1 = \frac{-\sqrt{\Delta} - b}{2a}$$
; $x_2 = \frac{\sqrt{\Delta} - b}{2a}$

C.
$$x_1 = \frac{b - \sqrt{\Delta}}{2a}$$
; $x_2 = \frac{b + \sqrt{\Delta}}{2a}$

4. Cho tam giác ABC vuông tại C. Ta có $\frac{SinA}{CosB} - \frac{tgA}{\cot gB}$ bằng:

II. Phần tư luân:

Bài 1: Giải phơng trình:

a)
$$(x^2-1)^2-4(x^2-1)=5$$

b)
$$x-2-2\sqrt{x-2} = -1$$

Bài 2: Cho phong trình : $x^2 - 2(m-1)x - 3m - 1 = 0$ (*m* là tham số)

a) Tîm *m* để phong trình có nghiêm $x_1 = -5$. Tính x_2 .

b) Chứng tỏ phong trình có nghiệm với mọi giá tri của *m*.

Bài 3: Tìm hàm số bậc nhất $y = ax + b(a \neq 0)$ biết đồ thị (D) của nói đi qua hai điểm A(3,-5)và B(1,5,-6).

Bài 4: Rút gọn:

a)
$$\frac{\sqrt{x^2 + x + \frac{1}{4}}}{2x + 1}$$
 với $x \neq -\frac{1}{2}$

a)
$$\frac{\sqrt{x^2 + x + \frac{1}{4}}}{2x + 1} \quad \text{v\'oi} \quad x \neq -\frac{1}{2} \qquad \text{b)} \left(\frac{\sqrt{ab} + \sqrt{b^3}}{\sqrt{a} + b} - \frac{\sqrt{ab} + a^3}{a + \sqrt{b}} \right) : \frac{2\sqrt{a} - 2\sqrt{b}}{a - b} \quad \text{v\'oi} \quad a, b \ge 0; a \ne b$$

Bài 5: Cho đờng tròn tâm O bán kính R và đờng kính AB cố định. CD là đờng kính di động (CD không trùng với AB, CD không vuông góc với AB).

a) Chứng minh tứ giác ACBD là hình chữ nhất.

b) Các đờng thẳng BC, BD cắt tiếp tuyến tại A của đờng tròn (O) lần lọt tại E, F. Chứng minh tứ giác CDEF nôi tiếp.

c) Chứng minh : $AB^2 = CE$. DF. EF

d) Các đồng trung trưc của hai đoan thẳng CD và EF cắt nhau tai I. Chứng minh khi CD quay quanh O thì I di đông trên một đờng cố đinh.

Đề thi vào 10 hệ THPT chuyên năm 2005 Đại học khoa học tư nhiên

- **Bài 1.** Giải hệ phương trình : $\begin{cases} x + y + xy = 3 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$
- **Bài 2.** Giải phương trình : $x + 4\sqrt{x+3} + 2\sqrt{3-2x} = 11$.
- **Bài 3.** Tìm nghiệm nguyên của phương trình : $x^2 + 17y^2 + +34xy + 51(x + y) = 1740$.
- Bài 4. Cho hai đường tròn (O) và (O') nằm ngoài nhau. Một tiếp tuyến chung của hai đường tròn tiếp xúc với (O) tại A và (O') tại B. Một tiếp tuyến chung trong của hai đường tròn cắt AB tại I, tiếp xúc (O) tại C và (O') tại D. Biết rằng C nằm giữa I và D.
 - a) Hai đường thẳng OC và O'B cắt nhau tai M. Chứng minh rằng OM > O'M.
 - b) Ký hiệu (S) là đường tròn đi qua A, C, B và (S') là đường tròn đi qua A, D, B. Đường thẳng CD cắt (S) tại E khác C và cắt (S') tại F khác D. Chứng minh rằng AF ⊥ BE.
- **Bài 5.** Giả sử x, y, z là các số dương thay đổi và thỏa mãn điều kiện $xy^2z^2 + x^2z + y = 3z^2$.

Hãy tìm giá trị lớn nhất của biểu thức : $P = \frac{z^4}{1 + z^4(x^4 + y^4)}$.

ĐỀ SỐ 1

C©u 1: (3 ®iÓm) Gi¶i c c ph-¬ng tr×nh

- <u>d)</u> $3x^2 48 = 0$.
- e $x^2 10x + 21 = 0$. f $\frac{8}{x-5} + 3 = \frac{20}{x-5}$

Câu 2 : (2 điểm)

b) Tìm các giá trị của a, b biết rằng đồ thị của hàm số y = ax + b đi qua hai điểm

A(2; -1) và B($\frac{1}{2}$;2)

b) Với giá trị nào của m thì đồ thị của các hàm số y = mx + 3; y = 3x - 7 và đồ thị của hàm số xác định ở câu (a) đồng quy.

Câu 3 (2 điểm) Cho hệ phương trình.

$$\begin{cases}
mx - ny = 5 \\
2x + y = n
\end{cases}$$

c) Giải hệ khi m = n = 1.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- <u>d)</u> Tìm m , n để hệ đã cho có nghiệm $\begin{cases} x = -\sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} + 1 \end{cases}$
- **Câu 4 : (3 điểm).** Cho tam giác vuông ABC ($\hat{C}=90^{0}$) nội tiếp trong đường tròn tâm O . Trên cung nhỏ AC ta lấy một điểm M bất kỳ (M khác A và C). Vẽ đường tròn tâm A bán kính AC, đường tròn này cắt đường tròn (O) tại điểm D (D khác C). Đoạn thẳng BM cắt đường tròn tâm A ở điểm N .
 - e) Chứng minh MB là tia phân giác của góc CMD.
 - f) Chứng minh BC là tiếp tuyến của đường tròn tâm A nói trên.
 - g) So sánh góc CNM với góc MDN.
 - h) Cho biết MC = a, MD = b. Hãy tính đoan thẳng MN theo a và b.

Câu 1 : (3 điểm). Cho hàm số : $y = \frac{3x^2}{2}$ (P)

- d) Tính giá trị của hàm số tại x = 0; -1; $-\frac{1}{3}$; -2.
- <u>e)</u> Biết $f(x) = \frac{9}{2}$; -8; $\frac{2}{3}$; $\frac{1}{2}$ tìm x.
- <u>f</u> Xác định m để đường thẳng (D) : y = x + m 1 tiếp xúc với (P).

Câu 2: (3 điểm)

Cho hệ phương trình:

$$\begin{cases} 2x - my = m^2 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

- c) Giải hệ khi m = 1.
- d) Giải và biện luận hệ phương trình.

Câu 3: (1 điểm). Lập phương trình bậc hai biết hai nghiệm của phương trình là:

$$x_1 = \frac{2 - \sqrt{3}}{2}$$
 $x_2 = \frac{2 + \sqrt{3}}{2}$

Câu 4 : (3 điểm)

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Cho ABCD là một tứ giác nội tiếp . P là giao điểm của hai đờng chéo AC và BD .

- d) Chứng minh hình chiếu vuông góc của P lên 4 cạnh của tứ giác là 4 đỉnh của một tứ giác có đường tròn nội tiếp.
- Formatted: Bullets and Numbering
- e) M là một điểm trong tứ giác sao cho ABMD là hình bình hành . Chứng minh rằng nếu góc CBM = góc CDM thì góc ACD = góc BCM .
- f) Tîm điều kiện của tứ giác ABCD để:

$$S_{ABCD} = \frac{1}{2}(AB.CD + AD.BC)$$

ĐỀ SỐ 3

Câu 1 (2 điểm). Giải phương trình

d) 1- x -
$$\sqrt{3-x}$$
 = 0

$$e)$$
 $x^2 - 2|x| - 3 = 0$

Câu 2 (2 điểm). Cho Parabol (P) : $y = \frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng (D) : y = px + q.

Xác định p và q để đường thẳng (D) đi qua điểm A (- 1 ; 0) và tiếp $\,$ xúc với (P) . Tìm toạ độ tiếp điểm .

Câu 3 : (3 điểm). Trong cùng một hệ trục toạ độ Oxy cho parabol (P) : $y = \frac{1}{4}x^2$

và đường thẳng (D): y = mx - 2m - 1

- <u>d)</u> Vẽ (P).
- e) Tìm m sao cho (D) tiếp xúc với (P).
- f) Chứng tỏ (D) luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 4 (3 điểm). Cho tam giác vuông ABC (góc $A = 90^{\circ}$) nội tiếp đường tròn tâm O , kẻ đường kính AD .

Formatted: Bullets and Numbering

5) Chứng minh tứ giác ABCD là hình chữ nhật .

- Formatted: Bullets and Numbering
- <u>6)</u> Gọi M, N thứ tự là hình chiếu vuông góc của B, C trên AD, AH là đường cao của tam giác (H trên cạnh BC). Chứng minh HM vuông góc với AC.
- 7) Xác định tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác MHN.
- 8) Gọi bán kính đường tròn ngoại tiếp và đường tròn nội tiếp tam giác ABC là R và r . Chứng minh R+r≥√AB.AC

ĐỀ SỐ 4

Câu 1 (3 điểm). Giải các phương trình sau.

d)
$$x^2 + x - 20 = 0$$
.

$$e)$$
 $\frac{1}{x+3} + \frac{1}{x-1} = \frac{1}{x}$

$$\underline{\mathbf{f)}} \sqrt{31-x} = x-1$$

Câu 2 (2 điểm). Cho hàm số y = (m - 2) x + m + 3.

- d) Tìm điều kiệm của m để hàm số luôn nghịch biến.
- e) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm có hành độ là 3.
- <u>f)</u> Tìm m để đồ thị các hàm số y = -x + 2; y = 2x—1và y = (m 2)x + m + 3 đồng quy.

Câu 3 (2 điểm). Cho phương trình $x^2 - 7x + 10 = 0$. Không giải phương trình tính .

d)
$$x_1^2 + x_2^2$$

e)
$$x_1^2 - x_2^2$$

f)
$$\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

Câu 4 (4 điểm). Cho tam giác ABC nội tiếp đường tròn tâm O, đường phân giác trong của góc A cắt cạnh BC tại D và cắt đường tròn n ngoại tiếp tại I.

Formatted: Bullets and Numbering

d) Chứng minh rằng OI vuông góc với BC.

- e) Chứng minh $BI^2 = AI.DI$.
- f) Gọi H là hình chiếu vuông góc của A trên BC.

Chứng minh góc BAH = góc CAO.

d) Chứng minh góc HAO = $|\hat{B}| - |\hat{C}|$

ĐỀ SỐ 5

Câu 1 (3 điểm). Cho hàm số $y = x^2$ có đồ thị là đường cong Parabol (P).

<u>d)</u> Chứng minh rằng điểm $A(-\sqrt{2};2)$ nằm trên đường cong (P).

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- e) Tìm m để để đồ thị (d) của hàm số $y = (m-1)x + m \ (m \in R, m \neq 1)$ cắt đường cong (P) tại một điểm .
- <u>f)</u> Chứng minh rằng với mọi m khác 1 đồ thị (d) của hàm số y = (m-1)x + m luôn đi qua một điểm cố định.

Câu 2 (2 điểm) . Cho hệ phương trình : $\begin{cases} -2mx + y = 5 \\ mx + 3y = 1 \end{cases}$

d) Giải hệ phương trình với m = 1

Formatted: Bullets and Numbering

- e) Giải biện luận hệ phương trình theo tham số m .
- <u>f</u>) Tìm m để hệ phương trình có nghiệm thoả mãn $x^2 + y^2 = 1$.

 $\pmb{\text{Câu 3 (3 diểm)}}. \quad \text{Giải phương trình}$

$$\sqrt{x+3-4\sqrt{x-1}} + \sqrt{x+8-6\sqrt{x-1}} = 5$$

Câu 4 (3 điểm). Cho tam giác ABC , M là trung điểm của BC . Giả sử góc $\widehat{BAM} = \widehat{BCA}$.

e) Chứng minh rằng tam giác ABM đồng dạng với tam giác CBA.

- Formatted: Bullets and Numbering
- f) Chứng minh minh : $BC^2 = 2 AB^2$. So sánh BC và đường chéo hình vuông cạnh là AB .
- g) Chứng tỏ BA là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AMC.
- h) Đường thẳng qua C và song song với MA, cắt đường thẳng AB ở D . Chứng tỏ đường tròn ngoại tiếp tam giác ACD tiếp xúc với BC .

ĐỀ SỐ 6

Câu 1 (3 điểm)

a) Giải phương trình : $\sqrt{x+1} = 3 - \sqrt{x-2}$

f) Cho Parabol (P) có phương trình $y = ax^2$. Xác định a để (P) đi qua điểm A(-1; -2). Formatted: Bullets and Numbering Tìm toạ độ các giao điểm của (P) và đường trung trực của đoạn OA.

Câu 2 (2 điểm)

b) Giải hệ phương trình

 $\begin{cases} \frac{1}{x-1} + \frac{1}{y-2} = 2\\ \frac{2}{y-2} - \frac{3}{x-1} = 1 \end{cases}$

2) Xác định giá trị của m sao cho đồ thị hàm số $(H): y = \frac{1}{x}$ và đường thẳng $(D): y = \frac{1}{x}$ - x + m tiếp xúc nhau .

Câu 3 (3 điểm)

Cho phương trình $x^2 - 2(m+1)x + m^2 - 2m + 3 = 0$ (1).

<u>d</u>) Giải phương trình với m = 1.

Formatted: Bullets and Numbering

- e) Xác định giá trị của m để (1) có hai nghiệm trái dấu.
- f) Tîm m để (1) có một nghiệm bằng 3. Tìm nghiệm kia.

Câu 4 (3 điểm). Cho hình bình hành ABCD có đỉnh D nằm trên đường tròn đường kính AB . Ha BN và DM cùng vuông góc với đường chéo AC .

Chứng minh:

- d) Tứ giác CBMD nội tiếp.
- e) Khi điểm D di động trên trên đường tròn thì $\widehat{BMD} + \widehat{BCD}$ không đổi.
- f) DB . DC = DN . AC

ĐỀ SỐ 7

Câu 1 (3 điểm). Giải các phương trình:

$$\underline{\mathbf{d}} \mathbf{x}^4 - \mathbf{6} \mathbf{x}^2 - 16 = 0 .$$

e)
$$x^2 - 2|x| - 3 = 0$$

$$\mathbf{f)} \quad \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 - 3\left(x - \frac{1}{x}\right) + \frac{8}{9} = 0$$

Câu 2 (3 điểm). Cho phương trình $x^2 - (m+1)x + m^2 - 2m + 2 = 0$ (1)

- d) Giải phương trình với m = 2.
- e) Xác định giá trị của m để phương trình có nghiệm kép . Tìm nghiệm kép đó .
- <u>f)</u> Với giá trị nào của m thì $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

Câu 3 (4 điểm).

Cho tứ giác ABCD nội tiếp trong đường tròn tâm O. Gọi I là giao điểm của hai đường chéo AC và BD, còn M là trung điểm của cạnh CD. Nối MI kéo dài cắt cạnh AB ở N. Từ B kẻ đường thẳng song song với MN, đường thẳng đó cắt các đường thẳng AC ở E. Qua E kẻ đường thẳng song song với CD, đường thẳng này cắt đường thẳng BD ở F.

d) Chứng minh tứ giác ABEF nội tiếp.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- e) Chứng minh $\,$ I là trung điểm của đoạn thẳng $\,$ BF và $\,$ AI . $\,$ IE = $\,$ IB 2 .
- $f) Chứng minh \frac{NA}{NB} = \frac{IA^2}{IB^2}$

Câu 1 (2 điểm). Phân tích thành nhân tử.

c)
$$x^2 - 2y^2 + xy + 3y - 3x$$
.

d)
$$x^3 + y^3 + z^3 - 3xyz$$
.

Câu 2 (3 điểm). Cho hệ phương trình:

$$\begin{cases}
mx - y = 3 \\
3x + my = 5
\end{cases}$$

- c) Giải hệ phương trình khi m = 1.
- <u>d</u>) Tìm m để hệ có nghiệm đồng thời thoả mãn điều kiện; $x + y \frac{7(m-1)}{m^2 + 3} = 1$

Câu 3 (2 điểm). Cho hai đường thẳng y = 2x + m - 1 và y = x + 2m.

- $\underline{\text{c)}}$ Tìm giao điểm của hai đường thẳng nói trên .
- d) Tìm tập hợp các giao điểm đó.

Câu 4 (3 điểm). Cho đường tròn tâm O . A là một điểm ở ngoài đường tròn , từ A kẻ tiếp tuyến AM , AN với đường tròn , cát tuyến từ A cắt đường tròn tại B và C (B nằm giữa A và C) . Gọi I là trung điểm của BC .

 $\underline{\mathbf{3)}}$ Chứng minh $\mbox{rằng 5 diểm A}$, M , I , O , N nằm trên một đường tròn .

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- 136 -

4) Một đường thẳng qua B song song với AM cắt MN và MC lần lượt tại E và F . Chứng minh tứ giác BENI là tứ giác nội tiếp và E là trung điểm của EF .

ĐỀ SỐ 9

Câu 1 (3 điểm)

Cho phương trình : $x^2 - 2 (m + n)x + 4mn = 0$.

d) Giải phương trình khi m = 1; n = 3.

e) Chứng minh rằng phương trình luôn có nghiệm với mọi m ,n .

 $\underline{\text{f)}}$ Gọi $x_1,\,x_2,$ là hai nghiệm của phương trình . Tính $\,x_1^2+x_2^2\,$ theo m ,n .

Câu 2 (2 điểm)

Giải các phương trình.

d $x^3 - 16x = 0$

 $\underline{\mathbf{e}}$ $\sqrt{x} = x - 2$

 $\frac{1}{3-x} + \frac{14}{x^2 - 9} = 1$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = (2m - 3)x^2$.

3) Khi x < 0 tìm các giá trị của m để hàm số luôn đồng biến .

 $\underline{\textbf{4)}}$ Tìm m để đồ thị hàm số đi qua điểm (1 , -1) . Vẽ đồ thị với m vừa tìm được .

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 4 (3điểm)

Cho tam giác nhọn ABC và đường kính BON . Gọi H là trực tâm của tam giác ABC , Đường thẳng BH cắt đường tròn $\,$ ngoại tiếp tam giác ABC tại $\,$ M .

4) Chứng minh tứ giác AMCN là hình thanng cân.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- 5) Gọi I là trung điểm của AC. Chứng minh H, I, N thẳng hàng.
- 6) Chứng minh rằng BH = 2 OI và tam giác CHM cân.

ĐỀ SỐ 10

Câu 1 (2 điểm)

Cho phương trình : $x^2 + 2x - 4 = 0$. gọi x_1, x_2 , là nghiệm của phương trình .

Tính giá trị của biểu thức : $A = \frac{2x_1^2 + 2x_2^2 - 3x_1x_2}{x_1x_2^2 + x_1^2x_2}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phương trình $\begin{cases} a^2x - y = -7 \\ 2x + y = 1 \end{cases}$

- c) Giải hệ phương trình khi a = 1
- d) Gọi nghiệm của hệ phương trình là (x, y). Tìm các giá trị của a để x + y = 2.

Câu 3 (2 điểm)

Cho phương trình x^2 — $(2m + 1)x + m^2 + m — 1 = 0$.

- d) Chứng minh rằng phương trình luôn có nghiệm với mọi m.
- e) Gọi x_1 , x_2 , là hai nghiệm của phương trình . Tìm m sao cho : ($2x_1 x_2$)($2x_2 x_1$) đạt giá trị nhỏ nhất và tính giá trị nhỏ nhất ấy .
- f Hãy tìm một hệ thức liên hệ giữa x_1 và x_2 mà không phụ thuộc vào m .

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình thoi ABCD có góc $A=60^{\circ}$. M là một điểm trên cạnh BC , đường thẳng AM cắt canh DC kéo dài tai N .

- d) Chứng minh : $AD^2 = BM.DN$.
- e) Đường thẳng DM cắt BN tại E. Chứng minh tứ giác BECD nội tiếp.
- Khi hình thoi ABCD cố định . Chứng minh điểm E nằm trên một cung tròn cố định khi m chay trên BC .

ĐỀ SỐ 11

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức:

$$A = \left(\frac{1}{\sqrt{x-1}} + \frac{1}{\sqrt{x+1}}\right)^2 \cdot \frac{x^2 - 1}{2} - \sqrt{1 - x^2}$$

- 7) Tìm điều kiện của x để biểu thức A có nghĩa.
- 8) Rút gọn biểu thức A.
- 9) Giải phương trình theo x khi A = -2.

Câu 2 (1 điểm)

Giải phương trình:

$$\sqrt{5x-1} - \sqrt{3x-2} = \sqrt{x-1}$$

Câu 3 (3 điểm)

Trong mặt phẳng toa độ cho điểm A (-2, 2) và đường thẳng (D): y = -2(x+1).

- g) Điểm A có thuộc (D) hay không?
- <u>h</u>) Tîm a trong hàm số $y = ax^2 có đồ thị (P) đi qua A.$
- i) Viết phương trình đường thẳng đi qua A và vuông góc với (D).

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD cố định , có độ dài cạnh là a .E là điểm đi chuyển trên đoạn CD (E khác D) , đường thẳng AE cắt đường thẳng BC tại F , đường thẳng vuông góc với AE tai A cắt đường thẳng CD tai K .

7) Chứng minh tam giác ABF = tam giác ADK từ đó suy ra tam giác AFK vuông cân ← - - Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

- 139 -

- 8) Gọi I là trung điểm của FK, Chứng minh I là tâm đường tròn đi qua A, C, F, K.
- 9) Tính số đo góc AIF, suy ra 4 điểm A, B, F, I cùng nằm trên một đường tròn.

Câu 1 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = \frac{1}{2}x^2$

- 5) Nêu tập xác định, chiều biến thiên và vẽ đồ thi của hàm số.
- 6) Lập phương trình đường thẳng đi qua điểm (2, -6) có hệ số góc a và tiếp xúc với đồ thi hàm số trên.

Câu 2 (3 điểm)

Cho phương trình : x^2 — mx + m — 1 = 0 . 5) Gọi hai nghiệm của phương trình là x_1 , x_2 . Tính giá trị của biểu thức .

$$M = \frac{x_1^2 + x_2^2 - 1}{x_1^2 x_2 + x_1 x_2^2} \ . \ \text{Từ đó tìm m để M} > 0 \ .$$

<u>6)</u> Tìm giá trị của m để biểu thức $P = x_1^2 + x_2^2 - 1$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3 (2 điểm)

Giải phương trình:

e)
$$\sqrt{x-4} = 4-x$$

f) $|2x+3| = 3-x$

Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đường tròn (O₁) và (O₂) có bán kính bằng R cắt nhau tai A và B, qua A vẽ cát tuyến cắt hai đường tròn (O_1) và (O_2) thứ tự tại E và F, đường thẳng EC, DF cắt nhau tại P.

- 7) Chứng minh rằng: BE = BF.
- 8) Một cát tuyến qua A và vuông góc với AB cắt (O_1) và (O_2) lần lượt tại C,D. Chứng minh tứ giác BEPF, BCPD nội tiếp và BP vuông góc với EF.

Tính diện tích phần giao nhau của hai đường tròn khi AB = R.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (3 điểm)

5) Giải bất phương trình : |x+2| < |x-4|

 $\underline{6)}$ Tìm giá trị nguyên lớn nhất của x thoả mãn .

$$\frac{2x+1}{3} > \frac{3x-1}{2} + 1$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho phương trình : $2x^2 - (m+1)x + m - 1 = 0$

e) Giải phương trình khi m = 1.

f) Tìm các giá trị của m để hiệu hai nghiệm bằng tích của chúng.

Câu3 (2 điểm)

Cho hàm số: y = (2m + 1)x - m + 3 (1)

e) Tìm m biết đồ thị hàm số (1) đi qua điểm A (-2; 3).

f) Tìm điểm cố định mà đồ thị hàm số luôn đi qua với mọi giá trị của m.

Câu 4 (3 điểm)

Cho góc vuông xOy , trên Ox , Oy lần lượt lấy hai điểm A và B sao cho OA = OB . M là một điểm bất kỳ trên AB .

Dựng đường tròn tâm O_1 đi qua M và tiếp xúc với Ox tại A, đường tròn tâm O_2 đi qua M và tiếp xúc với Oy tại B, (O_1) cắt (O_2) tại điểm thứ hai N.

7) Chứng minh tứ giác OANB là tứ giác nội tiếp và ON là phân giác của góc ANB.

8) Chứng minh M nằm trên một cung tròn cố định khi M thay đổi.

9) Xác định vị trí của M để khoảng cách O_1O_2 là ngắn nhất.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (3 điểm)

Cho biểu thức : $A = (\frac{2\sqrt{x} + x}{x\sqrt{x} - 1} - \frac{1}{\sqrt{x} - 1}) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{x + \sqrt{x} + 1}\right)$

e) Rút gọn biểu thức.

f) Tính giá trị của \sqrt{A} khi $x = 4 + 2\sqrt{3}$

Câu 2 (2 điểm)

Giải phương trình: $\frac{2x-2}{x^2-36} - \frac{x-2}{x^2-6x} = \frac{x-1}{x^2+6x}$

Câu 3 (2 điểm)

Cho hàm số : $y = -\frac{1}{2}x^2$

<u>e</u>) Tîm x biết f(x) = -8; $-\frac{1}{8}$; 0; 2.

f) Viết phương trình đường thẳng đi qua hai điểm A và B nằm trên đồ thị có hoành độ lần lượt là -2 và 1.

Câu 4 (3 điểm)

Cho hình vuông ABCD , trên cạnh BC lấy 1 điểm M . Đường tròn đường kính AM cắt đường tròn đường kính BC tại N và cắt cạnh AD tại E .

7) Chứng minh E, N, C thẳng hàng.

8) Gọi F là giao điểm của BN và DC. Chứng minh $\Delta BCF = \Delta CDE$

9) Chứng minh rằng MF vuông góc với AC.

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (3 điểm)

Cho hệ phương trình : $\begin{cases} -2mx + y = 5\\ mx + 3y = 1 \end{cases}$

- g) Giải hệ phương trình khi m = 1.
- h) Giải và biện luận hệ phương trình theo tham số m.
- i) Tîm m để x y = 2.

Câu 2 (3 điểm)

5) Giải hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 - x = y^2 - y \end{cases}$

<u>6)</u> Cho phương trình bậc hai : $ax^2 + bx + c = 0$. Gọi hai nghiệm của phương trình là x_1 , x_2 . Lập phương trình bậc hai có hai nghiệm là $2x_1 + 3x_2$ và $3x_1 + 2x_2$.

Câu 3 (2 điểm)

Cho tam giác cân ABC (AB = AC) nội tiếp đường tròn tâm O . M là một điểm chuyển động trên đường tròn . Từ B hạ đường thẳng vuông góc với AM cắt CM ở D .

Chứng minh tam giác BMD cân

Câu 4 (2 điểm)

 $5) Tinh : \frac{1}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} + \frac{1}{\sqrt{5} - \sqrt{2}}$

6) Giải bất phương trình:

$$(x-1)(2x+3) > 2x(x+3)$$
.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phương trình : $\begin{cases} \frac{2}{x-1} + \frac{1}{y+1} = 7 \\ \frac{5}{x-1} - \frac{2}{y-1} = 4 \end{cases}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho biểu thức : $A = \frac{\sqrt{x} + 1}{x\sqrt{x} + x + \sqrt{x}} : \frac{1}{x^2 - \sqrt{x}}$

e) Rút gọn biểu thức A.

f) Coi A là hàm số của biến x vẽ đồ thi hàm số A.

Câu 3 (2 điểm)

Tìm điều kiện của tham số m để hai phương trình sau có nghiệm chung.

$$x^2 + (3m + 2)x - 4 = 0$$
 và $x^2 + (2m + 3)x + 2 = 0$.

Câu 4 (3 điểm)

Cho đường tròn tâm O và đường thẳng d cắt (O) tại hai điểm A,B. Từ một điểm M trên d vẽ hai tiếp tuyến ME, MF (E, F là tiếp điểm).

5) Chứng minh góc EMO = góc OFE và đường tròn đi qua 3 điểm M, E, F đi qua 2 --- Formatted: Bullets and Numbering điểm cố đinh khi m thay đổi trên d.

6) Xác định vị trí của M trên d để tứ giác OEMF là hình vuông.

Câu 1 (2 điểm)

Cho phương trình $(m^2 + m + 1)x^2 - (m^2 + 8m + 3)x - 1 = 0$

e) Chứng minh $x_1x_2 < 0$.

<u>f</u>) Gọi hai nghiệm của phương trình là x_1, x_2 . Tìm giá trị lớn nhất, nhỏ nhất của biểu

 $S = x_1 + x_2.$

Câu 2 (2 điểm)

Cho phương trình : $3x^2 + 7x + 4 = 0$. Gọi hai nghiệm của phương trình là x_1 , x_2

không giải phương trình lập phương trình bậc hai mà có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{x_2-1}$ và $\frac{x_2}{x_1-1}$.

7) Cho $x^2 + y^2 = 4$. Tîm giá trị lớn nhất , nhỏ nhất của x + y.

8) Giải hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 - y^2 = 16 \\ x + y = 8 \end{cases}$ 9) Giải phương trình : $x^4 - 10x^3 - 2(m - 11)x^2 + 2(5m + 6)x + 2m = 0$

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp đường tròn tâm O . Đường phân giác trong của góc A, B cắt đường tròn tâm O tại D và E, gọi giao điểm hai đường phân giác là I, đường thẳng DE cắt CA, CB lần lượt tại M, N.

7) Chứng minh tam giác AIE và tam giác BID là tam giác cân.

8) Chứng minh tứ giác AEMI là tứ giác nội tiếp và MI // BC.

9) Tứ giác CMIN là hình gì?

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu1 (2 điểm)

Tìm m để phương trình ($x^2 + x + m$) ($x^2 + mx + 1$) = 0 có 4 nghiệm phân biệt.

Câu 2 (3 điểm)

Cho hệ phương trình : $\begin{cases} x + my = 3 \\ mx + 4y = 6 \end{cases}$

e) Giải hệ khi m = 3

f) Tîm m để phương trình có nghiệm x > 1, y > 0.

Câu 3 (1 điểm)

Cho x , y là hai số dương thoả mãn $x^5+y^5=x^3+y^3$. Chứng minh $x^2+y^2 \le 1+xy$

Câu 4 (3 điểm)

7) Cho tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn (O). Chứng minh

AB.CD + BC.AD = AC.BD

8) Cho tam giác nhọn ABC nội tiếp trong đường tròn (O) đường kính AD. Đường cao Formatted: Bullets and Numbering của tam giác kẻ từ đỉnh A cắt cạnh BC tại K và cắt đường tròn (O) tại E.

Formatted: Bullets and Numbering

- g) Chúng minh: DE//BC.
- h) Chứng minh: AB.AC = AK.AD.
- i) Gọi H là trực tâm của tam giác ABC . Chứng minh tứ giác BHCD là hình bình hành .

Câu 1 (2 điểm)

Truc căn thức ở mẫu các biểu thức sau:

$$A = \frac{\sqrt{2} + 1}{2\sqrt{3} + \sqrt{2}};$$
 $B = \frac{1}{\sqrt{2} + \sqrt{2} - \sqrt{2}};$ $C = \frac{1}{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}$

Câu 2 (3 điểm)

Cho phương trình : $x^2 - (m+2)x + m^2 - 1 = 0$

e) Gọi x_1 , x_2 là hai nghiệm của phương trình .Tìm m thoả mãn x_1 — $x_2 = 2$.

f) Tìm giá trị nguyên nhỏ nhất của m để phương trình có hai nghiệm khác nhau.

Câu 3 (2 điểm)

Cho
$$a = \frac{1}{2 - \sqrt{3}}; b = \frac{1}{2 + \sqrt{3}}$$

Lập một phương trình bậc hai có các hệ số bằng số và có các nghiệm là x_1 =

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}+1}; x_2 = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a}+1}$$

Câu 4 (3 điểm)

Cho hai đường tròn (O_1) và (O_2) cắt nhau tại A và B. Một đường thẳng đi qua A cắt đường tròn (O_1) , (O_2) lần lượt tại C,D, gọi I, J là trung điểm của AC và AD.

9) Chứng minh tứ giác O₁IJO₂ là hình thang vuông.

Formatted: Bullets and Numbering

- $\underline{\bf 10)}$ Gọi M là giao diểm của ${\rm CO_1}$ và ${\rm DO_2}$. Chứng minh ${\rm O_1}$, ${\rm O_2}$, M , B nằm trên một đường tròn
- 11) E là trung điểm của IJ, đường thẳng CD quay quanh A. Tìm tập hợp điểm E.
- 12) Xác đinh vi trí của dây CD để dây CD có độ dài lớn nhất.

Câu 1 (3 điểm)

1) Vẽ đồ thị của hàm số: $y = \frac{x^2}{2}$

2) Viết phương trình đường thẳng đi qua điểm (2; -2) và (1; -4)

9) Tìm giao điểm của đường thẳng vừa tìm được với đồ thị trên.

Câu 2 (3 điểm)

a) Giải phương trình:

$$\sqrt{x+2\sqrt{x-1}} + \sqrt{x-2\sqrt{x-1}} = 2$$

b)Tính giá trị của biểu thức

$$S = x\sqrt{1+y^2} + y\sqrt{1+x^2} \text{ V\'oi } xy + \sqrt{(1+x^2)(1+y^2)} = a$$

Câu 3 (3 điểm)

Cho tam giác ABC, góc B và góc C nhọn . Các đường tròn đường kính AB, AC cắt nhau tại D . Một đường thẳng qua A cắt đường tròn đường kính AB, AC lần lượt tại E và F .

7) Chứng minh B, C, D thẳng hàng.

8) Chứng minh B, C, E, F nằm trên một đường tròn.

9) Xác định vị trí của đường thẳng qua A để EF có độ dài lớn nhất.

Câu 4 (1 điểm)

Cho F(x) = $\sqrt{2-x} + \sqrt{1+x}$

e) Tìm các giá tri của x để F(x) xác đinh.

f Tìm x để F(x) đạt giá trị lớn nhất.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (3 điểm)

7) Vẽ đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{2}$

8) Viết phương trình đường thẳng đi qua hai điểm (2; -2) và (1; -4)

9) Tìm giao điểm của đường thẳng vừa tìm được với đồ thị trên.

Câu 2 (3 điểm)

5) Giải phương trình:

$$\sqrt{x + 2\sqrt{x - 1}} + \sqrt{x - 2\sqrt{x - 1}} = 2$$

6) Giải phương trình:
$$\frac{2x+1}{x} + \frac{4x}{2x+1} = 5$$

Câu 3 (3 điểm)

Cho hình bình hành ABCD, đường phân giác của góc BAD cắt DC và BC theo thứ tự tại M và N . Gọi O là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác MNC .

5) Chứng minh các tam giác DAM, ABN, MCN, là các tam giác cân.

6) Chứng minh B, C, D, O nằm trên một đường tròn.

Câu 4 (1 điểm)

Cho x + y = 3 và y ≥ 2 . Chứng minh $x^2 + y^2 \ge 5$

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (3 điểm)

7) Giải phương trình : $\sqrt{2x+5} + \sqrt{x-1} = 8$

Formatted: Bullets and Numbering

8) Xác định a để tổng bình phương hai nghiêm của phương trình x²+ax+a—2=0 là bé nhất.

Câu 2 (2 điểm)

Trong mặt phẳng toạ độ cho điểm A (3; 0) và đường thẳng x — 2y = -2.

- g) Vẽ đồ thị của đường thẳng . Gọi giao điểm của đường thẳng với trục tung và trục - Formatted: Bullets and Numbering hoành là B và E.
- h) Viết phương trình đường thẳng qua A và vuông góc với đường thẳng x 2y = -2.
- i) Tìm toạ độ giao điểm C của hai đường thẳng đó. Chứng minh rằng EO. EA = EB . EC và tính diện tích của tứ giác OACB.

Câu 3 (2 điểm)

Giả sử x_1 và x_2 là hai nghiệm của phương trình : x^2 —(m+1)x + m^2 — 2m +2 = 0

$$x^{2} - (m+1)x + m^{2} - 2m + 2 = 0$$
 (1)

- e) Tìm các giá trị của m để phương trình có nghiệm kép, hai nghiệm phân biệt.
- <u>f</u> Tîm m để $x_1^2 + x_2^2$ đạt giá trị bé nhất, lớn nhất.

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nôi tiếp đường tròn tâm O. Kẻ đường cao AH, gọi trung điểm của AB, BC theo thứ tự là M, N và E, F theo thứ tự là hình chiếu vuông góc của của B, C trên đường

e) Chứng minh rằng MN vuông góc với HE.

Chứng minh N là tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác HEF.

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (2 điểm)

So sánh hai số:
$$a = \frac{9}{\sqrt{11} - \sqrt{2}}; b = \frac{6}{3 - \sqrt{3}}$$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hệ phương trình:

$$\begin{cases} 2x + y = 3a - 5 \\ x - y = 2 \end{cases}$$

Gọi nghiệm của hệ là (x, y), tìm giá trị của a để $x^2 + y^2$ đạt giá trị nhỏ nhất .

Câu 3 (2 điểm)

Giả hệ phương trình:

$$\begin{cases} x + y + xy = 5 \\ x^2 + y^2 + xy = 7 \end{cases}$$

Câu 4 (3 điểm)

1) Cho tứ giác lồi ABCD các cặp canh đối AB, CD cắt nhau tại P và BC, AD cắt nhau tại Q. Chứng minh rằng đường tròn ngoại tiếp các tam giác ABQ, BCP, DCQ, ADP cắt nhau tại một điểm .

9) Cho tứ giác ABCD là tứ giác nội tiếp . Chứng minh $\frac{AB.AD + CB.CD}{BA.BC + DC.DA} = \frac{AC}{BD}$

$$\frac{AB.AD + CB.CD}{BA.BC + DC.DA} = \frac{AC}{BD}$$

Câu 4 (1 điểm)

Cho hai số dương x , y có tổng bằng 1 . Tìm giá trị nhỏ nhất của :

- 151 -

$$S = \frac{1}{x^2 + y^2} + \frac{3}{4xy}$$

Câu 1 (2 điểm)

Tính giá trị của biểu thức:

$$P = \frac{2 + \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{2 + \sqrt{3}}} + \frac{2 - \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{2} - \sqrt{3}}$$

Câu 2 (3 điểm)

5) Giải và biện luận phương trình:

 $(m^2 + m + 1)x^2 - 3m = (m + 2)x + 3$ 6) Cho phương trình $x^2 - x - 1 = 0$ có hai nghiệm là x_1 , x_2 . Hãy lập phương trình Formatted: Bullets and Numbering

bậc hai có hai nghiệm là : $\frac{x_1}{1-x_2}$; $\frac{x_2}{1-x_2}$

Câu 3 (2 điểm)

Tìm các giá trị nguyên của x để biểu thức : $P = \frac{2x-3}{x+2}$ là nguyên .

Câu 4 (3 điểm)

Cho đường tròn tâm O và cát tuyến CAB (C ở ngoài đường tròn) . Từ điểm chính giữa của cung lớn AB kẻ đường kính MN cắt AB tại I , CM cắt đường tròn tại E , EN cắt đường thẳng AB tại F.

7) Chứng minh tứ giác MEFI là tứ giác nội tiếp.

8) Chứng minh góc CAE bằng góc MEB.

9) Chứng minh : CE . CM = CF . CI = CA . CB

Formatted: Bullets and Numbering

Câu 1 (2 điểm)

Giải hệ phương trình : $\begin{cases} x^2 - 5xy - 2y^2 = 3 \\ y^2 + 4xy + 4 = 0 \end{cases}$

Câu 2 (2 điểm)

Cho hàm số: $y = \frac{x^2}{4}$ và y = -x - 1

e) Vẽ đồ thị hai hàm số trên cùng một hệ trục toạ độ.

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

Formatted: Bullets and Numbering

f Viết phương trình các đường thẳng song song với đường thẳng y = -x - 1 và cắt

đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{4}$ tại điểm có tung độ là 4.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phương trình : $x^2 - 4x + q = 0$

e) Với giá trị nào của q thì phương trình có nghiệm .

f) Tîm q để tổng bình phương các nghiệm của phương trình là 16.

Câu 3 (2 điểm)

 $\underline{\mathbf{5)}}$ Tìm số nguyên nhỏ nhất x thoả mãn phương trình :

 $\left|x-3\right| + \left|x+1\right| = 4$

6) Giải phương trình :

 $3\sqrt{x^2 - 1} - x^2 - 1 = 0$

Câu 4 (2 điểm)

Cho tam giác vuông ABC (góc A = 1 v) có AC < AB , AH là đường cao kẻ từ đỉnh A . Các tiếp tuyến tại A và B với đường tròn tâm O ngoại tiếp tam giác ABC cắt nhau tại M .

Đoạn MO cắt cạnh AB ở E , MC cắt đường cao AH tại F . Kéo dài CA cho cắt đường thẳng BM ở D . Đường thẳng BF cắt đường thẳng AM ở N .

Formatted: Bullets and Numbering

g) Chứng minh OM//CD và M là trung điểm của đoạn thẳng BD.

h) Chứng minh EF // BC.

i) Chứng minh HA là tia phân giác của góc MHN.

ĐỀ SỐ 26

Câu 1: (2 điểm)

Trong hệ trục toạ độ Oxy cho hàm số y = 3x + m (*)

- 1) Tính giá trị của m để đồ thị hàm số đi qua : a) A(-1; 3); b) B(-2; 5)
- 2) Tìm m để đồ thị hàm số cắt trục hoành tại điểm có hoành độ là 3.
- 3) Tìm m để đồ thi hàm số cắt truc tung tại điểm có tung đô là 5.

Câu 2: (2,5 điểm)

Cho biểu thức : A=
$$\left(\frac{1}{1-\sqrt{x}} + \frac{1}{1+\sqrt{x}}\right) : \left(\frac{1}{1-\sqrt{x}} - \frac{1}{1+\sqrt{x}}\right) + \frac{1}{1-\sqrt{x}}$$

- a) Rút gọn biểu thức A.
- b) Tính giá tri của A khi $x = 7 + 4\sqrt{3}$
- c) Với giá trị nào của x thì A đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 3: (2 điểm)

Cho phương trình bậc hai : $x^2 + \sqrt{3}x - \sqrt{5} = 0$ và gọi hai nghiệm của phương trình là x_1 và x_2 . Không giải phương trình , tính giá trị của các biểu thức sau :

a)
$$\frac{1}{x_1^2} + \frac{1}{x_2^2}$$

b)
$$x_1^2 + x_2^2$$

c)
$$\frac{1}{x_1^3} + \frac{1}{x_2^3}$$

d)
$$\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$$

Câu 4 (3.5 điểm)

Cho tam giác ABC vuông ở A và một điểm D nằm giữa A và B . Đường tròn đường kính BD cắt BC tại E . Các đường thẳng CD , AE lần lượt cắt đường tròn tại các điểm thứ hai F , G . Chứng minh :

a) Tam giác ABC đồng dang với tam giác EBD.

- b) Tứ giác ADEC và AFBC nội tiếp được trong một đường tròn.
- c) AC song song với FG.
- d) Các đường thẳng AC, DE và BF đồng quy.

Câu 1 (2,5 điểm)

Cho biểu thức :
$$A = \left(\frac{a\sqrt{a}-1}{a-\sqrt{a}} - \frac{a\sqrt{a}+1}{a+\sqrt{a}}\right) : \frac{a+2}{a-2}$$

- a) Với những giá trị nào của a thì A xác định.
- b) Rút gọn biểu thức A.
- c) Với những giá tri nguyên nào của a thì A có giá tri nguyên.

Câu 2 (2 điểm)

Một ô tô dư đinh đi từ A đền B trong một thời gian nhất đinh. Nếu xe chay với vân tốc 35 km/h thì đến chậm mất 2 giờ . Nếu xe chạy với vận tốc 50 km/h thì đến sớm hơn 1 giờ . Tính quãng đường AB và thời gian dư đinh đi lúc đầu.

Câu 3 (2 điểm)

a) Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} + \frac{1}{x-y} = 3\\ \frac{2}{x+y} - \frac{3}{x-y} = 1 \end{cases}$$
b) Giải phương trình :
$$\frac{x+5}{x^2 - 5x} - \frac{x-5}{2x^2 + 10x} = \frac{x+25}{2x^2 - 50}$$

b) Giải phương trình :
$$\frac{x+5}{x^2-5x} - \frac{x-5}{2x^2+10x} = \frac{x+25}{2x^2-56}$$

Câu 4 (4 điểm)

Cho điểm C thuộc đoan thẳng AB sao cho AC = 10 cm; CB = 40 cm. Vẽ về cùng một nửa mặt phẳng bờ là AB các nửa đường tròn đường kính theo thứ tư là AB, AC, CB có tâm lần lượt là O, I, K. Đường vuông góc với AB tai C cắt nửa đường tròn (O) ở E. Gọi M, N theo thứ tư là giao điểm cuae EA, EB với các nửa đường tròn (I), (K). Chứng minh:

a) EC = MN.

- b) MN là tiếp tuyến chung của các nửa đường tròn (I) và (K).
- c) Tính độ dài MN.
- d) Tính diện tích hình được giới han bởi ba nửa đường tròn.

Câu 1 (2 điểm)

Cho biểu thức : A =
$$\frac{1+\sqrt{1-a}}{1-a+\sqrt{1-a}} + \frac{1-\sqrt{1+a}}{1+a-\sqrt{1+a}} + \frac{1}{\sqrt{1+a}}$$

- 1) Rút gon biểu thức A.
- 2) Chứng minh rằng biểu thức A luôn dương với mọi a.

Câu 2 (2 điểm)

Cho phương trình : $2x^2 + (2m - 1)x + m - 1 = 0$

- 1) Tìm m để phương trình có hai nghiệm x_1 , x_2 thoả mãn $3x_1 4x_2 = 11$.
- 2) Tìm đẳng thức liên hệ giữa x_1 và x_2 không phụ thuộc vào m .
- 3) Với giá trị nào của m thì x_1 và x_2 cùng dương .

Câu 3 (2 điểm)

Hai ô tô khởi hành cùng một lúc đi từ A đến B cách nhau 300~km. Ô tô thứ nhất mỗi giờ chạy nhanh hơn ô tô thứ hai 10~km nên đến B sớm hơn ô tô thứ hai 1~giờ. Tính vận tốc mỗi xe ô tô .

Câu 4 (3 điểm)

Cho tam giác ABC nội tiếp đường tròn tâm O . M là một điểm trên cung AC (không chứa B) kẻ MH vuông góc với AC; MK vuông góc với BC .

- 1) Chứng minh tứ giác MHKC là tứ giác nội tiếp.
- 2) Chứng minh $\widehat{AMB} = \widehat{HMK}$
- 3) Chứng minh Δ AMB đồng dang với Δ HMK.

Câu 5 (1 điểm)

Tîm nghiệm dương của hệ : $\begin{cases} xy(x+y) = 6\\ yz(y+z) = 12\\ zx(z+x) = 30 \end{cases}$

ĐỀ SỐ 29

Câu 1 (3 điểm)

1) Giải các phương trình sau:

a)
$$4x + 3 = 0$$

b) $2x - x^2 = 0$

2) Giải hệ phương trình : $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 5 + y = 4x \end{cases}$

Câu 2(2 điểm)

- 1) Cho biểu thức : $P = \frac{\sqrt{a}+3}{\sqrt{a}-2} \frac{\sqrt{a}-1}{\sqrt{a}+2} + \frac{4\sqrt{a}-4}{4-a} \quad (a > 0; a \neq 4)$
- a) Rút gọn P.
- b) Tính giá trị của P với a = 9.
- 2) Cho phương trình : x^2 (m + 4)x + 3m + 3 = 0 (m là tham số)
- a) Xác định m để phương trình có một nghiệm bằng 2. Tìm nghiệm còn lại.
- b) Xác định m để phương trình có hai nghiệm x_1 ; x_2 thoả mãn $x_1^3 + x_2^3 \ge 0$

Câu 3 (1 điểm)

Khoảng cách giữa hai thành phố A và B là 180 km . Một ô tô đi từ A đến B , nghỉ 90 phút ở B , rồi lại từ B về A . Thời gian lúc đi đến lúc trở về A là 10 giờ . Biết vận tốc lúc về kém vận tốc lúc đi là 5 km/h . Tính vận tốc lúc đi của ô tô .

Câu 4 (3 điểm)

Tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn đường kính AD . Hai đường chéo AC , BD cắt nhau tại E . Hình chiếu vuông góc của E trên AD là F . Đường thẳng CF cắt đường tròn tại điểm thứ hai là M . Giao điểm của BD và CF là N

Chứng minh:

- a) CEFD là tứ giác nội tiếp.
- b) Tia FA là tia phân giác của góc BFM.
- c) BE . DN = $EN \cdot BD$

Câu 5 (1 điểm)

Tìm m để giá trị lớn nhất của biểu thức $\frac{2x+m}{x^2+1}$ bằng 2 .

ĐỀ SỐ 30

Câu 1 (3 điểm)

1) Giải các phương trình sau:

a)
$$5(x-1) = 2$$

b) $x^2 - 6 = 0$

2) Tìm toạ độ giao điểm của đường thẳng y = 3x - 4 với hai trục toạ độ.

Câu 2 (2 điểm)

1) Giả sử đường thẳng (d) có phương trình : y = ax + b.

Xác định a , b để (d) đi qua hai điểm A (1 ; 3) và B (- 3 ; - 1)

2) Gọi x_1 ; x_2 là hai nghiệm của phương trình x^2 - 2(m - 1)x - 4 = 0 (m là tham số) Tìm m để : $|x_1| + |x_2| = 5$

3) Rút gọn biểu thức :
$$P = \frac{\sqrt{x+1}}{2\sqrt{x-2}} - \frac{\sqrt{x-1}}{2\sqrt{x+2}} - \frac{2}{\sqrt{x-1}} (x \ge 0; x \ne 0)$$

Câu 3(1 điểm)

Một hình chữ nhật có diện tích $300~\text{m}^2$. Nếu giảm chiều rộng đi 3~m, tăng chiều dài thêm 5m thì ta được hình chữ nhật mới có diện tích bằng diện tích bằng diện tích hình chữ nhât ban đầu . Tính chu vi hình chữ nhât ban đầu .

Câu 4 (3 điểm)

Cho điểm A ở ngoài đường tròn tâm O . Kẻ hai tiếp tuyến AB , AC với đường tròn (B , C là tiếp điểm) . M là điểm bất kỳ trên cung nhỏ BC ($M \neq B$; $M \neq C$) . Gọi D , E , F tương ứng là hình chiếu vuông góc của M trên các đường thẳng AB , AC , BC ; H là giao điểm của MB và DF ; K là giao điểm của MC và EF .

- 1) Chứng minh:
 - a) MECF là tứ giác nội tiếp.
 - b) MF vuông góc với HK.
- 2) Tìm vị trí của M trên cung nhỏ BC để tích MD. ME lớn nhất.

Câu 5 (1 điểm) Trong mặt phẳng toạ độ (Oxy) cho điểm A (-3;0) và Parabol (P) có phương trình $y = x^2$. Hãy tìm toạ độ của điểm M thuộc (P) để cho độ dài đoạn thẳng AM nhỏ nhất.

ĐỀ SỐ 31

<u>Câu 1</u>: Giải các phương trình và hệ phương trình sau:

a)
$$\begin{cases} 3x + 2y = 1 \\ 5x + 3y = -4 \end{cases}$$

b)
$$2x^2 + 2\sqrt{3}x - 3 = 0$$

c)
$$9x^4 + 8x^2 - 1 = 0$$

Câu 2: Thu gọn các biểu thức sau:

$$A = \frac{\sqrt{15} - \sqrt{12}}{\sqrt{5} - 2} - \frac{1}{2 - \sqrt{3}} \quad ; \qquad B = \left(\frac{\sqrt{a} - 2}{\sqrt{a} + 2} - \frac{\sqrt{a} + 2}{\sqrt{a} - 2}\right) \cdot \left(\sqrt{a} - \frac{4}{\sqrt{a}}\right) \quad (\text{v\'oi a} > 0 \text{ v\'a} \ \text{a} \neq 4)$$

<u>Câu3</u>: Cho mảnh đất hình chữ nhật có diện tích 360m². Nếu tăng chiều rộng 2m và giảm chiều dài 6m thì diện tích mảnh đất không đổi. Tính chu vi của mảnh đất lúc ban đầu.

Câu 4:

a) Viết phương trình đường thẳng (d) song song với đường thẳng y = 3x + 1 và cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 4.

b) Vẽ đồ thị của các hàm số y = 3x + 4 và $y = -\frac{x^2}{2}$ trên cùng một hệ trục tọa độ.

Tìm tọa độ các giao điểm của hai đồ thị ấy bằng phép tính.

<u>Câu 5</u>: Cho tam giác ABC có ba góc nhọn và AB < AC. Đường tròn tâm O đường kính BC cắt các cạnh AB, AC theo thứ tự tại E và D.

- a) Chứng minh AD.AC = AE.AB
- b) Gọi H là giao điểm của BD và CE, gọi K là giao điểm của AH và BC. Chứng minh AH vuông góc với BC.
- c) Từ A kẻ các tiếp tuyến AM, AN đến đường tròn (O) với M, N là các tiếp điểm. Chứng minh Δ ANM = Δ AKN.
 - d) Chứng minh ba điểm M, H, N thẳng hàng.

ĐỀ SỐ 32

Câu 1:

a) Tính giá trị biểu thức: $A = 4\sqrt{3 + 2\sqrt{2}} - \sqrt{57 + 40\sqrt{2}}$

b) Cho biểu thức:
$$B = \left(1 + \frac{\sqrt{x}}{x+1}\right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x+1}} - \frac{2\sqrt{x}}{x\sqrt{x} + \sqrt{x} - x - 1}\right)$$

1/ Rút gọn B.

2/ Tính B khi $x = 2005 - 2\sqrt{2004}$

<u>Câu 2</u>: Cho 2 đường thẳng 3x - 5y + 2 = 0 và 5x - 2y + 4 = 0. Viết phương trình đường thẳng qua giao điểm của 2 đường thẳng trên và:

- a) song song với đường thẳng 2x y = 0
- b) vuông góc với đường thẳng y = -2x + 1

<u>Câu 3</u>: Cho phương trình: $x^2 - 2(m+1)x + m - 4 = 0$ (1)

- a) Giải phương trình khi m = 4.
- b) CMR: phương trình luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi m.
- c) Gọi x₁, x₂ là 2 nghiệm của phương trình (1).

CMR: biểu thức $M = x_1(1 - x_2) + x_2(1 - x_1)$ không phụ thuộc vào m.

<u>Câu 4</u>: Cho ΔABC vuông tại A. Kẻ đường cao AH, vẽ đường tròn đường kính AH, đường tròn này cắt AB tại E, cắt AC tại F.

- a) CM: AEHF là hình chữ nhật.
- b) CM: BEFC là tứ giác nội tiếp.
- c) CM: AB.AE = AC.AF
- d) Gọi M là giao điểm của CE và BF. Hãy so sánh diện tích tứ giác AEMF và diện tích tam giác BMC.

ÑEÀ SOÁ 33

Câu 1: Với mọi x > 0 và $x \ne 1$, cho hai biểu thức:

$$A = 2\sqrt{x} + \frac{2}{\sqrt{x}}$$
; $B = \frac{1}{2 + 2\sqrt{x}} + \frac{1}{2 - 2\sqrt{x}} - \frac{x^2 + 1}{1 - x^2}$

- a) Chứng tổ $B = \frac{x}{x+1}$;
- b) Tîm x để $A \cdot B = x 3$

Câu 2: Cho hàm số $y = (m^2 - 2) x^2$

- a) Tìm m để đồ thị hàm số đi qua A ($\sqrt{2}$;1).
- b) Với m tìm được ở câu a
 - 1. Vẽ đồ thị (P) của hàm số.
 - 2. Chứng tỏ đường thẳng 2x y = 2 tiếp xúc (P). Tính tọa độ tiếp điểm.
 - 3. Tìm giá trị lớn nhất và giá trị nhỏ nhất của hàm số trên đoạn [-4;3]

Câu 3: Giải các phương trình sau:

a)
$$\frac{\sqrt{x-2}}{\sqrt{x-4}} = \frac{\sqrt{x-6}}{\sqrt{x-7}}$$
 b) $3x-4\sqrt{3x+1} = 20$

<u>Câu 4</u>: Cho Δ ABC đều, nội tiếp (O). Trên cung nhỏ AB lấy điểm M, trên dây MC lấy điểm N sao cho MB = CN.

- a) CM: Δ AMN đều.
- b) Kẻ đường kính BD của (O). Chứng minh MD là trung trực AN.

c) Tiếp tuyến kẻ từ D với (O) cắt tia BA và tia MC lần lượt tại I, K. Tính tổng $\widehat{NAI} + \widehat{NKI}$.

ĐỀ SỐ 34

DE SO 34 Câu 1: Cho biểu thức $A = \left(\frac{1}{1-\sqrt{a}} - \frac{1}{1+\sqrt{a}}\right) \cdot \left(1 - \frac{1}{\sqrt{a}}\right)$

- a) Rút gọn A.
- b) Tính A khi $a = \frac{1}{4}$ c) Tîm a để $A = -\frac{10}{7}$

 $\underline{\textbf{Câu 2}}$: a) Viết phương trình đường thẳng (d) đi qua 2 điểm A (1 ; -1) và B (5 ; 7)

- c) Cho (d'): y = -3x + 2m 9. Tìm m để (d') cắt (d) tại một điểm trên trục tung.
- d) Khi m = 3 hãy vẽ (d) và (d') trên cùng mặt phẳng tọa độ.

<u>Câu 3</u>: Cho phương trình: $x^2 - mx - 7m + 2 = 0$

- a) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm phân biệt trái dấu.
- b) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm x_1 , x_2 thỏa mãn $3x_1 + 2x_2 = 0$
- c) Tìm hệ thức liên hệ giữa tổng và tích các nghiệm không phụ thuộc m.

<u>Câu 4</u>: Cho \triangle ABC ($\hat{A} = 1V$) có AB = 8cm, AC = 6cm, BC = 10cm. Gọi M, E, F lần lượt là trung điểm của BC, AB, AC. Dựng đường cao AH.

- a) CM: A, E, M, H, F cùng thuộc một đường tròn.
- b) Tính tỉ số diện tích của Δ MFA và Δ BAC.
- c) Tính thể tích của hình được sinh ra khi cho Δ ABM quay tron 1 vòng quanh BM.
- d) Tính diện tích toàn phần của hình được sinh ra khi cho Δ ABM quay trọn 1 vòng quanh AB.

ÑEÀ SOÁ 35

<u>Câu 1</u>: Cho biểu thức $A = \frac{2x^2 - 5x\sqrt{y} + 3y}{x\sqrt{y} - y}$

- a) Rút gọn rồi tính giá trị của A khi $x = \sqrt{3 + \sqrt{13 + \sqrt{48}}}$; $y = \sqrt{4 2\sqrt{3}}$
- b) Giải hệ PT: $\begin{cases} A = 0 \\ 3x + \sqrt{2} = \sqrt{y} + 5 \end{cases}$

<u>Câu 2</u>: a) Tìm các giá trị của m để PT : $x^2 - 2(m+2)x + m + 1 = 0$ có 2 nghiệm x_1, x_2 thỏa mãn: $x_1(1-2x_2) + x_2(1-2x_1) = m^2$.

b) Tìm m để phương trình sau có 2 nghiệm bé hơn 2: $x^2 - 2(m+1)x + 2m + 1 = 0$

<u>Câu 3</u>: Một người đi xe máy từ A đến B cách nhau 120km với vận tốc dự định ban đầu. Sau khi đi được $\frac{1}{3}$ quãng đường AB, người đó tăng vận tốc thêm 10 km/h trên quãng đường còn lại. Tìm vận tốc ban đầu và thời gian đi hết quãng đường AB, biết rằng người đó đến B sớm hơn dự định là 24 phút.

<u>Câu 4</u>: Cho (O;R) và đường kính AB. Một cát tuyến MN quay xung quanh trung điểm H của OB.

- a) CMR: Trung điểm I của MN chạy trên một đường tròn cố định khi MN di động.
- b) Vẽ AA' L MN, BI cắt AA' tại D. Chứng minh DMBN là hình bình hành.
- c) Chứng minh D là trực tâm của Δ AMN.
- d) Biết AN = $R\sqrt{3}$ và AM.AN = $3R^2$. Tính diện tích toàn phần của hình tròn ngoài Δ AMN.

ĐỀ SỐ 36

Câu 1: a) Tính $A = 5\sqrt{12} + 2\sqrt{75} - 5\sqrt{48}$

b) Giải phương trình: $1945x^2 + 30x - 1975 = 0$

<u>Câu 2</u>: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy, cho parabol (P): $y = x^2$ và đường thẳng (d): y = 2x + m

- a) Tìm m để (P) và (d) tiếp xúc nhau.
- b) Vẽ (P) và (d) trên cùng mặt phẳng tọa độ với giá trị m ở câu a.

<u>Câu 3</u>: Cho đường tròn tâm O và điểm A nằm ngoài đường tròn đó. Vẽ các tiếp tuyến AB, AC và cát tuyến ADE tới đường tròn (B và C là tiếp điểm). Gọi H là trung điểm của DE.

a) CMR: A,B, H, O, C cùng thuộc một đường tròn. Xác đinh tâm của đường tròn

- b) CMR: HA là tia phân giác của góc \widehat{BHC} .
- c) Gọi I là giao điểm của BC và DE. CMR: $AB^2 = AI.AH$
- d) BH cắt (O) ở K. CMR: AE song song CK.

<u>Câu 4</u>: Cho phương trình bậc hai: $x^2 + mx + n = 0$ (1). Biết $n \le m-1$ (*).

CMR: a) PT (1) có 2 nghiệm x_1, x_2 .

b) $x_1^2 + x_2^2 \ge 1$, \forall m, n thỏa mãn (*).

Câu 1: a) Thực hiện phép tính:
 NEÀ SOÁ 37

 $A = \frac{3}{4}\sqrt{6} - \frac{2}{3}\sqrt{24} + \frac{1}{4}\sqrt{54}$.

- b) Cho biểu thức: $B = \frac{\left(\sqrt{a} + \sqrt{b}\right)^2 4\sqrt{ab}}{\sqrt{a} \sqrt{b}} \frac{a\sqrt{b} + b\sqrt{a}}{\sqrt{ab}}$
 - 1. Tìm điều kiện để B có nghĩa.
 - 2. Khi B có nghĩa, chứng tổ giá trị của B không phụ thuộc vào a.

<u>Câu 2</u>: Cho hàm số $y = ax^2$ $(a \ne 0)$

- a) Xác định a, biết đồ thị của hàm số $y = ax^2$ đi qua A (3; 3). Vẽ đồ thị của hàm số $y = ax^2$ với giá trị của a vừa tìm được.
 - b) Viết phương trình đường thẳng có hệ số góc m $(m\neq 0)$ và đi qua B(1;0).
- c) Với giá trị nào của m thì đường thẳng tiếp xúc với parabol $y = \frac{x^2}{3}$. Tính tọa độ tiếp điểm.

<u>Câu 3</u>: Cho phương trình $3x^2 + (1 + 3m)x - 2m + 1 = 0$. Định m để phương trình:

- a) Có 1 nghiệm x = 2, tìm nghiệm còn lại.
- b) Có 2 nghiệm sao cho tổng của chúng bằng 4.

<u>Câu 4</u>: Cho tam giác ABC vuông ở A và một điểm D nằm giữa A và B. Đường tròn đường kính BD cắt BC tại E. Các đường thẳng CD, AE lần lượt cắt đường tròn tại các điểm thứ hai F, G. Chứng minh:

- a) Tam giác ABC đồng dang tam giác EBD.
- b) Tứ giác ADEC và AFBC nội tiếp.
- c) AC song song FG.
- d) Các đường thẳng AC, DE và BF đồng quy.

Câu 1: a) Giải hệ phương trình: $\begin{cases} x+y=8 \\ x^2+y^2=34 \end{cases}$ b) Chứng minh đẳng thức: $\frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1}=2+\sqrt{3}$

Câu 2: Cho hệ trục tọa độ vuông góc Oxy.

a) Vẽ đồ thị các hàm số: $y = x^2$ (P) và y = x + 2 (d).

b) Tìm tọa độ các giao điểm của (P) và (d) bằng đồ thị.

c) Kiểm nghiệm bằng phép tính.

Câu 3: Cho đường tròn (O; R). Từ một điểm P nằm trong đường tròn, dựng hai dây APB và CPD vuông góc với nhau. Gọi A' là điểm đối tâm của A.

a) So sánh hai đây CB và DA'

b) Tính giá tri của biểu thức: $PA^2 + PB^2 + PC^2 + PD^2$ theo R.

c) Cho P cố đinh. Chứng tỏ rằng khi hai dây AB và CD quay quanh P và vuông góc với nhau thì biểu thức AB² + CD² không thay đổi. Tính giá trị của biểu thức đó theo R và d là khoảng cách từ P đến tâm O.

<u>**Câu 4**</u>: Cho $x = \frac{\sqrt[3]{10 + 6\sqrt{3}} \left(\sqrt{3} - 1\right)}{\sqrt{6 + 2\sqrt{5}} - \sqrt{5}}$. Tính $p = (x^3 - 4x + 1)^{2005}$.

ĐỂ SỐ 9

<u>Câu 1:</u> Tính giá trị các biểu thức: $A = 2\sqrt{40\sqrt{12}} - 2\sqrt{\sqrt{75}} - 3\sqrt{5\sqrt{48}}$

$$B = \frac{3 + 4\sqrt{3}}{\sqrt{6} + \sqrt{2} - \sqrt{5}}$$

<u>Câu 2:</u> Cho phương trình : $mx^2 - 2(m-1)x + m = 0$ (m khác 0). Gọi x_1 , x_2 là 2 nghiệm của PT. Chứng tổ rằng: Nếu $x_1^2 + x_2^2 = 2$ thì phương trình đã cho có nghiệm kép.

<u>Câu 3:</u> Trong mặt phẳng tọa độ cho A(- 2;2) và đường thẳng (D_1) : y = -2(x+1).

- a) Giải thích vì sao A nằm trên (D_1) .
- b) Tìm a trong hàm số $y = ax^2 có đồ thị (P) qua A$.
- c) Viết phương trình của đường thẳng (D_2) qua A và vuông góc với (D_1) .
- d) Gọi A, B là giao điểm của (P) và (D_2) , C là giao điểm của (D_1) với trục tung. Tìm toa độ B, C; và tính diện tích tam giác ABC.

<u>Câu 4:</u> Cho (O;R) và I là trung điểm của dây cung AB. Hai dây cung bất kỳ CD, EF đi qua I
 (EF > CD), CF và AD cắt AB tại M và N. Vẽ dây FG song song AB.

- a) CM: Tam giác IFG cân.
- b) CM: INDG là tứ giác nội tiếp.
- c) CM: IM = IN.
- d) Khi dây AB chuyển động trong (O; R) nhưng độ dài AB = 1 không đổi thì I chuyển động trên đường nào? Vì sao?

ÑEÀ SOÁÁÀ 40

<u>Câu 1</u>: Cho biểu thức $Q = \frac{2\sqrt{x} - 9}{x - 5\sqrt{x} + 6} - \frac{\sqrt{x} + 3}{\sqrt{x} - 2} - \frac{2\sqrt{x} + 1}{3 - \sqrt{x}}$

- a) Tính x khi Q < 1.
- b) Tìm các giá trị nguyên của x để cho Q nguyên.

Câu 2: Cho phương trình $x^2 - (m - 1)x + 5m - 6 = 0$

- a) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm thỏa mãn điều kiện $4x_1 + 3x_2 = 1$.
- b) Lập 1 phương trình bậc 2 có các nghiệm là: $y_1 = 4x_1^2 1$, $y_2 = 4x_2^2 1$. Câu 3: Trong hệ trục vuông góc, gọi (P) là đồ thị hàm số $y = x^2$

- a) Vẽ (P).
- b) Gọi A, B là hai điểm thuộc (P) có hoành độ lần lượt là -1 và 2. Viết phương trình của đường thẳng AB.
 - c) Viết phương trình của đường thẳng (D) song song với AB và tiếp xúc với (P).

Câu 4: Cho tam giác ABC cố định vuông tại B. Gọi I là giao điểm của các đường phân giác trong của các góc \hat{A} và \hat{C} . Trên cạnh BC lấy điểm M sao cho MI = MC. Đường tròn tâm M bán kính MI cắt AC tại N và BC tại J. Tia A cắt đường tròn tâm M tại D. Các tia AB, CD cắt nhau tai S. Chứng minh:

- a) Bốn điểm A, B, C, D cùng nằm trên một đường tròn.
- b) Ba điểm S, J, N thẳng hàng.
- c) I nằm trên đường tròn cố định có bán kính bằng: $\frac{AC\sqrt{2}}{2}$

ĐỀ 11

<u>Câu 1</u>: a) So sánh hai số $B = \sqrt{17} + \sqrt{5} + 1$ và $C = \sqrt{45}$

b) Chứng minh rằng số sau đây là số nguyên: $\sqrt{\sqrt{5} - \sqrt{3 - \sqrt{29 - 12\sqrt{5}}}}$

<u>Câu 2</u>: Trong mặt phẳng tọa độ Oxy cho đường thẳng (d) có phương trình $y = kx + k^2 - 3$.

- a) Tìm k để đường thẳng (d) đi qua gốc tọa độ.
- b) Tìm k để đường thẳng (d) song song với đường thẳng (d') có phương trình y = -2x + 10

<u>Câu 3</u>: Cho phương trình bậc hai đối với x: $(m+1)x^2 - 2(m-1)x + m - 3 = 0$ (*)

- a) Chứng minh rằng phương trình (*) luôn luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi giá tri của m≠-1.
 - b) Tìm giá trị của m để phương trình có hai nghiệm cùng dấu.

c) Tìm giá trị của m để phương trình có hai nghiệm cùng dấu và trong hai nghiệm đó có nghiệm này gấp đôi nghiệm kia.

<u>Câu 4</u>: Cho hai đường tròn (O; R) và (O'; R') cắt nhau tại hai điểm phân biệt A và B (O và O' thuộc hai nửa mặt phẳng bờ AB). Các đường thẳng AO, AO' cắt đường tròn (O) tại các điểm thứ hai C và D, cắt đường tròn (O') tại các điểm thứ hai E và F.

- a) Chứng minh ba điểm B, C, F thẳng hàng và tứ giác CDEF nội tiếp được đường tròn.
- b) Chứng minh ba đường thẳng AB, CD, EF đồng quy.
- c) Chứng minh A là tâm đường tròn nội tiếp tam giác BDE.

Tìm điều kiện để DE là tiếp tuyến chung của hai đường tròn (O) và (O').

ĐỀ SỐ 42

Bài 12 (2,5 điểm).

1/. Giải bất phương trình : x + |x-1| > 5

2/. Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} \frac{1}{x-2} + \frac{1}{y-1} = \frac{5}{6} \\ \frac{3}{x-2} + \frac{2}{y-1} = 1 \end{cases}$$

<u>Bài 2</u> (2 điểm).

Cho biểu thức:
$$P = \sqrt{x} - \sqrt{x-1} + \frac{1}{\sqrt{x-1} - \sqrt{x}} + \frac{\sqrt{x^3} - x}{\sqrt{x} - 1}$$
.

- 1/. Tìm điều kiện đối với x để biểu thức P xác định.
- 2/. Rút gọn biểu thức P.

3/. Tìm giá trị của x khi P = 1.

Bài 3 (2 điểm).

Cho phương trình bậc hai : $x^2 - 2(m-1)x + m - 3 = 0$. (1)

- $1/\!.$ Chứng minh rằng phương trình (1) luôn luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi giá trị của m.
 - 2/. Tìm m để phương trình (1) có một nghiệm bằng 3 và tính nghiệm kia.
 - 3/. Tìm m để phương trình (1) có hai nghiệm đối nhau.

<u>Bài 4</u> (3,5 điểm).

Trên một đường thẳng lấy ba điểm A, B, C cố định theo thứ tự ấy. Gọi (O) là đường tròn tâm O thay đổi nhưng luôn luôn đi qua A và B. Vẽ đường kính IJ vuông góc với AB; E là giao điểm của IJ và AB. Gọi M và N theo thứ tự là giao điểm của E CU0 (E1, E3).

- 1/. Chứng minh IN, JM và CE cắt nhau tai một điểm D.
- 2/. Gọi F là trung điểm của CD. Chứng minh OF ⊥ MN.
- 3/. Chứng minh FM, FN là hai tiếp tuyến của (O).
- 4/. Chứng minh EA. EB = EC. ED. Từ đó suy ra D là điểm cố định khi (O) thay đổi.

ĐỀ SỐ 43

<u>Bài 1</u> (2 điểm).

1/. Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} \frac{3}{2}x + y = \frac{11}{2} \\ 2x + y = 8 \end{cases}$$

2/. Giải bất phương trình:
$$\frac{x(2x+3)}{2} > \frac{5x^2-3}{5} + \frac{3x-1}{4} + 5$$

Bài 2 (2,50 điểm). Cho biểu thức:

$$\mathbf{A} = \left[\left(\frac{1 - a^3}{1 - a} + a \right) \left(\frac{1 + a^3}{1 + a} - a \right) \right] : \frac{a(1 - a^2)^2}{1 + a^2}.$$

1/. Tìm điều kiện đối với a để biểu thức A được xác định.

2/. Rút gọn biểu thức A.

3/. Tính giá trị của A khi $a = \sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$.

Bài 3 (2 điểm).

Một tam giác vuông có cạnh huyền bằng 15 cm và tổng hai cạnh góc vuông bằng 21 cm. Tính mỗi cạnh góc vuông.

Bài 4 (3,50 điểm).

Cho tam giác ABC cân tại A, có ba góc nhọn và nội tiếp trong đường tròn tâm O. Kể hai đường kính AA' và BB'. Kể AI vuông góc với tia CB'.

1/. Gọi H là giao điểm của AA' và BC. Tứ giác AHCI là hình gì?Vì sao?

2/. Kể AK vuông góc với BB' (K ∈ BB'). Chứng minh AK = AI.

3/. Chứng minh KH // AB.

Bài 1: Cho M =
$$\frac{-\sqrt{a} - a + 6}{3 + \sqrt{a}}$$

a) Rút gọn M.

b) Tìm a để $/ M / \ge 1$

c) Tìm giá trị lớn nhất của M.

Bài 2: Cho hệ phương trình

$$\begin{cases} 4x - 3y = 6 \\ -5x + ay = 8 \end{cases}$$

- a) Giải phương trình.
- b) Tìm giá trị của a để hệ có nghiệm duy nhất âm.

Bài 3: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một đoàn xe dự định chở 40 tấn hàng. Nhưng thực tế phải chở 14 tấn nữa nên phải điều thêm hai xe và mỗi xe phải chở thêm 0,5 tấn. Tính số xe ban đầu.

Bài 4: Cho 3 điểm M, N, P thẳng hàng theo thứ tự đó. Một đường tròn (O) thay đổi đi qua hai điểm M, N. Từ P kẻ các tiếp tuyến PT, PT' với đường tròn (O)

- a) Chứng minh: $PT^2 = PM.PN$. Từ đó suy ra khi (O) thay đổi vẫn qua M, N thì T, T' thuộc một đường tròn cố định.
- b) Gọi giao điểm của TT' với PO, PM là I và J. K là trung điểm của MN. Chứng minh: Các tứ giác OKTP, OKIJ nội tiếp.
- c) Chứng minh rằng: Khi đường tròn (O) thay đổi vẫn đi qua M, N thì TT' luôn đi qua điểm cố đinh.
- d) Cho MN = NP = a. Tìm vị trí của tâm O để góc \angle TPT' = 60° .

Bài 4: Giải phương trình

$$\frac{x^3 - x}{3x^4 - 7x^2 + 4} = 1$$

§Ò sè 45

$$C = \left(\frac{3 + \sqrt{x}}{3 - \sqrt{x}} - \frac{3 - \sqrt{x}}{3 + \sqrt{x}} - \frac{4x}{x - 9}\right) : \left(\frac{5}{3 - \sqrt{x}} - \frac{4\sqrt{x} + 2}{3\sqrt{x} - x}\right)$$

- a) Rút gọn C
- b) Tìm giá tri của C để / C /> C
- c) Tìm giá tri của C để $C^2 = 40C$.

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Hai người đi xe đạp từ A đến B cách nhau 60km với cùng một vận tốc. Đi được 2/3 quãng đường người thứ nhất bị hỏng xe nên dừng lại 20 phút đón ôtô quay về A. Người thứ hai vẫn tiếp tục đi với vẫn tốc cũ và tới B chậm hơn người thứ nhất lúc về tới A là 40 phút. Hỏi vận tốc người đi xe đạp biết ôtô đi nhanh hơn xe đạp là 30km/h.

Bài 3: Cho ba điểm A, B, C trên một đường thẳng theo thứ tự ấy và đường thẳng d vuông góc với AC tại A. Vẽ đường tròn đường kính BC và trên đó lấy điểm M bất kì. Tia CM cắt đường thẳng d tại D; Tia AM cắt đường tròn tại điểm thứ hai N; Tia DB cắt đường tròn tại điểm thứ hai P.

- a) Chứng minh: Tứ giác ABMD nội tiếp được.
- b) Chứng minh: Tích CM. CD không phụ thuộc vào vị trí điểm M.
- c) Tứ giác APND là hình gì? Tai sao?
- d) Chứng minh trọng tâm G của tam giác MAB chạy trên một đường tròn cố đinh.

Bài 4:

- a) Vẽ đồ thi hàm số $y = x^2$ (P)
- b) Tìm hệ số góc của đường thẳng cắt trục tung tại điểm có tung độ bằng 1 sao cho đường thẳng ấy :
 - Cắt (P) tai hai điểm
 - Tiếp xúc với (P)
 - Không cắt (P)

$$M = \left(\frac{a - \sqrt{25a}}{a - 25} - 1\right) : \left(\frac{25 - a}{a + 3\sqrt{a} - 10} - \frac{\sqrt{a} - 5}{2 - \sqrt{a}} - \frac{\sqrt{a} + 2}{\sqrt{a} + 5}\right)$$

- a) Rút gọn M
- b) Tìm giá trị của a để M < 1

c) Tìm giá trị lớn nhất của M.

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Diện tích hình thang bằng 140 cm², chiều cao bằng 8cm. Xác định chiều dài các cạnh dáy của nó, nếu các cạnh đáy hơn kém nhau 15cm

Bài 3: a) Giải phương trình |x+3|-2|x-1|=4

b) Cho x, y là hai số nguyên dương sao cho

$$\begin{cases} xy + x + y = 71 \\ x^2y + xy^2 = 880 \end{cases}$$

Tìm $x^2 + y^2$

Bài 4: Cho Δ ABC cân (AB = AC) nội tiếp đường tròn (O). Điểm M thuộc cung nhỏ AC, Cx là tia qua M.

- a) Chứng minh: MA là tia phân giác của góc tia BMx.
- b) Gọi D là điểm đối xứng của A qua O. Trên tia đói của tia MB lấy MH = MC. Chứng minh: MD // CH.
- c) Gọi K và I theo thứ tự là trung điểm của CH và BC. Tìm điểm cách đều bốn điểm A, I, C, K.
- d) Khi M chuyển động trên cung nhỏ AC, tìm tập hợp các trung điểm E của BM.

Bài 5: Tìm các cặp(a, b) thoả mãn:

$$\sqrt{a-1}.b = b - \sqrt{a-1}$$

Sao cho a đạt giá trị lớn nhất.

$$P = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} - 2} + \frac{4\sqrt{x} - 3}{2\sqrt{x} - x}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x} - 4}{\sqrt{x} - 2}\right)$$

- a) Rút gọn P
- b) Tìm các giá tri của x để P > 0
- c) Tính giá tri nhỏ nhất của \sqrt{P}

d) Tìm giá trị của m để có giá trị x > 1 thoả mãn:

$$m(\sqrt{x-3})p = 12m\sqrt{x} - 4$$

Bài 2: Cho đường thẳng (d) có phương trình: $y = mx - \frac{m}{2} - 1$ và parabol (P) có phương trình

$$y = \frac{x^2}{2}.$$

- a) Tìm m để (d) tiếp xúc với (P).
- b) Tính toạ độ các tiếp điểm

Bài 3: Cho Δ ABC cân (AB = AC) và góc A nhỏ hơn 60° ; trên tia đối của tia AC lấy điểm D sao cho AD = AC.

- a) Tam giác BCD là tam giác gì? tại sao?
- b) Kéo dài đường cao CH của Δ ABC cắt BD tại E. Vẽ đường tròn tâm E tiếp xúc với CD tại F. Qua C vẽ tiếp tuyến CG của đường tròn này. Chứng minh: Bốn điểm B, E, C, G thuộc một đường tròn.
- c) Các đường thẳng AB và CG cắt nhau tại M, tứ giác àGM là hình gì? Tại sao?
- d) Chứng minh: Δ MBG cân.

Bài 4:

Giải phương trình:
$$(1 + x^2)^2 = 4x (1 - x^2)$$

$$P = \frac{\left(\sqrt{a} - 1\right)^{2}}{3\sqrt{a} + \left(\sqrt{a} - 1\right)^{2}} - \frac{3 - 2\left(\sqrt{a} - 1\right)^{2}}{a\sqrt{a} - 1} + \frac{2}{\sqrt{a} - 1}$$

- a) Rút gọn P.
- b) So sánh P với biểu thức Q = $\frac{2\sqrt{a}-1}{\sqrt{a}-1}$

Bài 2: Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} |x-1| |y-5| = 1 \\ y = 5 + |x-1| \end{cases}$$

Bài 3: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một rạp hát có 300 chỗ ngồi. Nếu mỗi dãy ghế thêm 2 chỗ ngồi và bớt đi 3 dãy ghế thì rạp hát sẽ giảm đi 11 chỗ ngồi. Hãy tính xem trước khi có dự kiến sắp xếp trong rạp hát có mấy dãy ghế.

Bài 4: Cho đường tròn (O;R) và một điểm A nằm trên đường tròn. Một góc $xAy = 90^{\circ}$ quay quanh A và luôn thoả mãn Ax, Ay cắt đường tròn (O). Gọi các giao điểm thứ hai của Ax, Ay với (O) tương ứng là B, C. Đường tròn đường kính AO cắt AB, AC tại các điểm thứ hai tương ứng là M, N. Tia OM cắt đường tròn tại P. Gọi H là trực tâm tam giác AOP. Chứng minh rằng

- a) AMON là hình chữ nhật
- b) MN // BC
- c) Tứ giác PHOB nội tiếp được trong đường tròn.
- d) Xác định vị trí của góc xAy sao cho tam giác AMN có diện tích lớn nhất.

Bài 5:

Cho a ≠ 0. Giả sử b, c là nghiệm của phương trình:

$$x^2 - ax - \frac{1}{2a^2} = 0$$
 CMR: $b^4 + c^4 \ge 2 + \sqrt{2}$

Bài 1:

1/ Cho biểu thức

$$A = \left(\frac{\sqrt{m} - m - 3}{m - 1} - \frac{1}{\sqrt{m} - 1}\right) : \left(\frac{\sqrt{m} + 1}{\sqrt{m} - 1} - \frac{\sqrt{m} - 1}{\sqrt{m} + 1} - \frac{8\sqrt{m}}{m - 1}\right)$$

- a) Rút gọn A.
- b) So sánh A với 1

2/ Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$y = (x - 1)(x + 2)(x + 3)(x + 6)$$

Bài 2: Cho hệ phương trình

$$\begin{cases}
mx - y = 2 \\
3x + my = 5
\end{cases}$$

a) Tìm giá trị của m để hệ có nghiệm x = 1, y = $\sqrt{3} - 1$

Bài 3: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một máy bơm theo kế hoạch bơm đầy nước vào một bể chứa 50 m³ trong một thời gian nhất định. Do người công nhân đã cho máy bơm hoạt động với công suất tăng thêm 5 m³/h, cho nên đã bơm đầy bể sớm hơn dự kiến là 1h 40'. Hãy tính công suất của máy bơm theo kế hoạch ban đầu.

Bài 4: Cho đường tròn (O;R) và một đường thẳng d ở ngoài đường tròn. Kẻ $OA \perp d$. Từ một điểm M di động trên d người ta kẻ các tiếp tuyến MP_1 , MP_2 với đường tròn, P_1P_2 cắt OM, OA lần lượt tại N và B

- a) Chứng minh: OA. OB = OM. ON
- b) Gọi I, J là giao điểm của đường thẳng OM với cung nhỏ P_1P_2 và cung lớn P_1P_2 . Chứng minh: I là tâm đường tròn nội tiếp Δ M P_1P_2 và P_1 J là tia phân giác góc ngoài của góc M P_1P_2 .
- c) Chứng minh rằng: Khi M di động trên d thì P₁P₂ luôn đi qua một điểm cố đinh.
- d) Tìm tập hợp điểm N khi M di động.

Bài 5:

So sánh hai số:
$$\sqrt{2005} + \sqrt{2007}$$
 và $2\sqrt{2006}$

Bài 1: Cho biểu thức

$$A = 1 + \left(\frac{2x + \sqrt{x} - 1}{1 - x} - \frac{2x\sqrt{x} + x - \sqrt{x}}{1 - x\sqrt{x}}\right) \frac{x - \sqrt{x}}{2\sqrt{x} - 1}$$

a) Rút gọn A.

b) Tîm x để
$$A = \frac{6 - \sqrt{6}}{5}$$

c) Chứng tỏ A $\leq \frac{2}{3}$ là bất đẳng thức sai

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Có hai máy bơm bơm nước vào bể. Nếu hai máy cùng bơm thì sau 22h55 phút đầy bể. Nếu để mỗi máy bơm riêng thì thời gian máy một bơm đầy bể ít hơn thời gian máy hai bơm đầy bể là 2 giờ. Hỏi mỗi máy bơm riêng thì trong bao lâu đầy bể?

Bài 4: Cho nửa đường tròn đường tròn đường kính AB = 2R, góc vuông xOy cắt nửa đường tròn tại hai điểm C và D sao cho $\widehat{AC} < \widehat{AD}$; E là điểm đối xứng của A qua Ox.

- a) Chứng minh: Điểm E thuộc nửa đường tròn (O) và E là điểm đối xứng với B qua Oy
- b) Qua E vẽ tiếp tuyến của nửa đường tròn (O), tiếp tuyến này cắt các đường thẳng OC, OD thứ tư tai M và N.

Chứng minh: AM, BN là các tiếp tuyến của đường tròn (O).

c)Tìm tập hợp điểm N khi M di động.

Bài 5:

Tìm GTLN, GTNN của:

$$y = \sqrt{1 + x} + \sqrt{1 - x}$$

ĐỀ SỐ 50

Bài 1: Cho biểu thức

$$P = \left(\frac{\sqrt{x}}{2\sqrt{x} - 2} + \frac{3 - \sqrt{x}}{2x - 2}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{x + \sqrt{x} + 1} + \frac{\sqrt{x} + 2}{x\sqrt{x} - 1}\right)$$

- a) Rút gon P
- b) Chứng minh rằng P > 1
 - c) Tính giá trị của P, biết $\left| x + 2\sqrt{x} \right| = 3$
 - d) Tìm các giá trị của x để:

$$(2\sqrt{x}+2)p+5=(2\sqrt{x}+2)(2-\sqrt{x-4})$$

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một đội công nhân xây dựng hoàn thành một công trình với mức 420 ngày công thợ. Hãy tính số người của đội, biết rằng nếu đội vắng 5 người thì số ngày hoàn thành công việc sẽ tăng thêm 7 ngày.

Bài 3: Cho parabol (P): $\mathbf{y} = -\frac{x^2}{4}$ và đường thẳng (d): $\mathbf{y} = -\frac{1}{2}\mathbf{x} + \mathbf{n}$

- a) Tìm giá trị của n để đường thẳng (d) tiếp xúc với (P)
- b) Tìm giá tri của n để đường thẳng (d) cắt (P) tai hai điểm.
- c) Xác định toa đô giao điểm của đường thẳng (d) với (P) nếu n = 1

Bài 4: Xét Δ ABC có các góc B, C nhọn. Các đường tròn đường kính AB và AC cát nhau tại điểm thứ hai H. Một đường thẳng d bất kì qua A lần lượt cắt hai đường tròn nói trên tai M, N.

- a) Chứng minh: H thuộc canh BC
- b) Tứ giác BCNM là hình gì? Tại sao?
- c) Gọi P, Q lần lượt là trung điểm của BC, MN. Chứng minh bốn điểm A, H, P, Q thuộc một đường tròn.
- d) Xác định vi trí của d để MN có độ dài lớn nhất.

ĐỀ SỐ 51

Bài 1: Cho biểu thức

$$P = \frac{\sqrt{x}(1-x)^2}{1+\sqrt{x}} : \left[\left(\frac{1-x\sqrt{x}}{1-\sqrt{x}} + \sqrt{x} \right) \cdot \left(\frac{1+x\sqrt{x}}{1+\sqrt{x}} - \sqrt{x} \right) \right]$$

- a) Rút gọn P
- b) Xác đinh giá tri của x để (x + 1)P = x 1

c) Biết Q =
$$\frac{1}{P} - \frac{x+3}{\sqrt{x}}$$
 Tìm x để Q max.

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một xe tải đi từ tỉnh A đến tỉnh B với vận tốc 40 km/h. Sau đó 1 giờ 30 phút, một chiếc xe con cũng khởi hành từ A để đến B với vận tốc 60 km/h. Hai xe gặp nhau khi chúng đã đi được nửa quãng đường. Tính quãng đường AB

Bài 3: Xét đường tròn (O) và dây AB. Gọi M là điểm chính giữa cung AB và C là một điểm bất kì nằm giữa Avà B. Tia MC cắt đường tròn (O) tại D

- a) Chứng minh: $MA^2 = MC$. MD
- b) Chứng minh: MB. BD = BC. MD
- c) Chứng minh đường tròn ngoại tiếp tam giác BCD tiếp xúc với MB tại B.
- d) Chứng minh khi M di động trên AB thì các đường tròn (O_1) , (O_2) ngoại tiếp các tam giác BCD và ACD có tổng bán kính không đổi.

Bài 4: Tìm giá trị của x để biểu thức:

$$M = (2x-1)^2 - 3|2x-1| + 2 \text{ dạt giá trị nhỏ nhất và tìm giá trị nhỏ nhất đó}$$

Bài 5: vẽ đồ thị hàm số :
$$y = \sqrt{x^2 - 4x + 4} + \sqrt{4x^2 + 4x + 1}$$

ĐỀ SỐ 52

Bài 1: Cho biểu thức

$$P = 1 + \left(\frac{2xy\sqrt{x} + 2xy\sqrt{y}}{\sqrt{x} + \sqrt{y}}\right) : \left(\frac{2xy}{x + \sqrt{xy}} + \frac{2xy}{y + \sqrt{xy}}\right)$$

- a) Rút gọn P
- b) Tìm m để phương trình P = m 1 có nghiệm x, y thoả mãn $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 6$

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một đội công nhân gồm 20 người dự đinh sẽ hoàn thành công việc được giao trong thời gian nhất định. Do trước khi tiến hành công việc 4 người trong đội được phân công đi làm việc khác, vì vậy để hoàn thành công việc mỗi người phải làm thêm 3 ngày. Hỏi thời gian dự kiến ban đầu để hoàn thành công việc là bao nhiều biết rằng công suất làm việc của mỗi người là như nhau

Bài 3: Cho nửa đường tròn (O) đường kính AB và hai điểm C, D thuộc nửa đường tròn sao cho cung AC nhỏ hơn 90° và góc COD = 90° . Gọi M là một điểm trên nửa đường tròn sao cho C là điểm chính giữa cung AM. Các dây AM, BM cắt OC, OD lần lượt tại E, F

- a) Tứ giác OEMF là hình gì? Tại sao?
- b) Chứng minh: D là điểm chính giữa cung MB.
- c) Một đường thẳng d tiếp xúc với nửa đường tròn tại M và cắt các tia OC, OD lần lượt tại I, K. Chứng minh các tứ giác OBKM và OAIM nội tiếp được.
- d) Giả sử tia AM cắt tia BD tại S. Hãy xác định vị trí của C và D sao cho 5 điểm M, O, B, K, S cùng thuộc một đường tròn.

Bài 4: Cho Parabol $y = \frac{1}{2}x^2$ (P). Viết phương trình đường thẳng đi qua điểm A(-1; 1) và tiếp xúc với (P)

Bài 5: Tìm giá trị của m để phương trình sau có ít nhất một nghiệm $x \ge 0$

$$(m + 1) x^2 - 2x + (m - 1) = 0$$

ĐỀ SỐ 53

Bài 1: Cho biểu thức

$$P = \left(\frac{2x\sqrt{x} + x - \sqrt{x}}{x\sqrt{x} - 1} - \frac{x + \sqrt{x}}{x - 1}\right) \cdot \frac{x - 1}{2x + \sqrt{x} - 1} + \frac{\sqrt{x}}{2\sqrt{x} - 1}$$

- a) Rút gọn P
- b) Tìm giá trị lớn nhất của $A = P \cdot \frac{5\sqrt{x} 3}{x + \sqrt{x}}$

c) Tìm các giá tri của m để mọi x > 2 ta có:

$$P.(x+\sqrt{x}+1)-3 > m(x-1)+\sqrt{x}$$

Bài 2: Giải toán bằng cách lập phương trình

Một ca nô đi xuôi từ bến A đến bến B, cùng lúc đó một người đi bộ cũng đi từ bến A dọc theo bờ sông về hướng bến B. Sau khi chay được 24 km, ca nô quay chở lai gặp người đi bộ tại một địa điểm D cách bến A một khoảng 8 km. Tính vận tốc của ca nô khi nước yên lặng, biết vân tốc của người đi bô và vân tốc của dòng nước đều bằng nhau và bằng 4 km/h

Bài 3: Cho nửa đường tròn (O) đường kính AB và K là điểm chính giữa cung Ab. Trên cung KB lấy điểm M (khác K, B). Trên tia AM lấy điểm N sao cho AN = BM. Kẻ dây BP song song với KM. Gọi Q là giao điểm của các đường thẳng AP, BM.

- a) So sánh hai tam giác AKN, BKM
- b) Chứng minh: Tam giác KMN vuông cân.

c)

d) Goi R, S lần lươt là giao điểm thứ hai của QA, QB với đường tròn ngoại tiếp tam giác OMP. Chứng minh rằng khi M di đông trên cung KB thì trung điểm I của RS luôn nằm trên một đường tròn cố đinh.

Bài 4: Giải phương trình:
$$\frac{1}{1+x} + \frac{1}{1+\sqrt{x}} = \frac{2+\sqrt{x}}{2x}$$

Bài 5: Cho b, c là hai số thoả mãn hệ thức:
$$\frac{1}{b} + \frac{1}{c} = \frac{1}{2}$$

Chứng minh rằng trong hai phương trình dưới đây có ít nhất một phương trình có nghiêm: $ax^2 + bx + c = 0$ và $x^2 + cx + b = 0$

ĐỀ SỐ 54

Toán rút gọn.
Cho biểu thức
$$P = \left(\frac{x + \sqrt{x} - 4}{x - 2\sqrt{x} - 3} + \frac{\sqrt{x} - 1}{3 - \sqrt{x}}\right) : \left(1 - \frac{\sqrt{x} - 3}{\sqrt{x} - 2}\right)$$

a/ Rút gọn P

b/ Tîm x để P < 0

c/ Tîm x để P < 1

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một nhóm thợ đặt kế hoạch sản xuất 1200 sản phẩm. Trong 12 ngày đầu họ làm theo đúng kế hoạch đề ra, những ngày còn lại họ đã làm vượt mức mỗi ngày 20 sản phẩm, nên hoàn thành kế hoach sớm 2 ngày. Hỏi theo kế hoach mỗi ngày cần sản xuất bao nhiêu sản phẩm.

Bài 3: Hình học. (Đề thi tốt nghiệp năm học 1999 — 2000).

Cho đường tròn (0) và một điểm Ā nằm ngoài đường tròn. Từ A kẻ hai tiếp tuyến AB, AC và cát tuyến AMN với đường tròn (B, C, M, N thuộc đường tròn và AM < AN). Gọi E là trung điểm của dây MN, I là giao điểm thứ hai của đường thẳng CE với đưởng tròn.

- a) C/m: Bốn điểm A, 0, E, C cùng thuộc một đường tròn.
- b) C/m: góc AOC bằng góc BIC
- c) C/m: BI // MN
- d) Xác định vị trí cát tuyến AMN để diện tích tam giác AIN lớn nhất.

ĐỀ SỐ 55

Bài 1: Toán rút gọn.
Cho biểu thức
$$P = \left(\frac{1}{\sqrt{x}+1} - \frac{2\sqrt{x}-2}{x\sqrt{x}-\sqrt{x}+x-1}\right) : \left(\frac{1}{\sqrt{x}-1} - \frac{2}{x-1}\right)$$

a/ Rút gọn P

b/ Tîm x để P < 1

c/ Tìm x để P đạt giá trị nhỏ nhất

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một nhóm thợ đặt kế hoạch làm 120 sản phẩm trong một thời gian dự định. Khi làm được một nửa số sản phẩm nhóm thợ nghỉ giải lao 10 phút. Do đó, để hoàn thành số sản phẩm còn lại theo đúng thời gian dự định nhóm thợ tăng năng suất mỗi giờ thêm 6 sản phẩm. Tính năng suất dự kiến.

Bài 3: Hình học.

Cho nửa đường tròn (0) đường kính AB, M thuộc cung AB, C thuộc OA. Trên nửa mặt phẳng bờ AB có chứa M kẻ tia Ax,By vuông góc với AB .Đường thẳng qua M vuông góc với MC cắt Ax, By tai P và Q .AM cắt CP tai E, BM cắt CQ tai F.

a/ Chứng minh: Tứ giác APMC, EMFC nội tiếp

b/ Chứng minh: EF//AB

c/Tìm vị trí của điểm C để tứ giác AEFC là hình bình hành

ĐỀ SỐ 56

Bài 1: Toán rút gọn.

Cho biểu thức **P** =

$$\mathbf{P} = \left(\frac{\mathbf{x} + \mathbf{2}}{\sqrt{\mathbf{x}} + \mathbf{1}} - \sqrt{\mathbf{x}}\right) : \left(\frac{\sqrt{\mathbf{x}} - \mathbf{4}}{1 - \mathbf{x}} - \frac{\sqrt{\mathbf{x}}}{\sqrt{\mathbf{x}} + \mathbf{1}}\right)$$

a/ Rút gọn P

b/ Tîm x để P < 1

c/Tìm x để đạt giá trị nhỏ nhất.

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một công nhân dự định làm 120 sản phẩm trong một thời gian dự định. Sau khi làm được 2 giờ với năng suất dự kiến, người đó đã cải tiến các thao tác hợp lý hơn nên đã tăng năng suất được 3 sản phẩm mỗi giờ và vì vậy người đó hoàn thành kế hoạch sớm hơn dự định 1 giờ 36 phút. Hãy tính năng suất dự kiến.

Bài 3: Hình học.

Cho đường tròn (0; R), một dây CD có trung điểm M. Trên tia đối của tia DC lấy điểm S, qua S kẻ các tiếp tuyến SA, SB với đường tròn. Đường thẳng AB cắt các đường thẳng SO; OM tại P và Q.

- a) Chứng minh tứ giác SPMQ, tứ giác ABOM nội tiếp.
- b) Chứng minh $SA^2 = SD$. SC.
- c) Chứng minh OM. OQ không phụ thuộc vào vị trí điểm S.
- d) Khi BC // SA. Chứng minh tam giác ABC cân tại A
- e) Xác định vị điểm S trên tia đối của tia DC để C, O, B thẳng hàng và BC // SA.

ĐỀ SỐ 57

$$P = \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{x - 5\sqrt{x} + 6} - \frac{\sqrt{x} + 3}{2 - \sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x} + 2}{\sqrt{x} - 3}\right) : \left(2 - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1}\right)$$

b/ Tîm x để
$$\frac{1}{P} \le -\frac{5}{2}$$

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một tổ có kế hoạch sản xuất 350 sản phẩm theo năng suất dự kiến. Nếu tăng năng suất 10 sản phẩm một ngày thì tổ đó hoàn thành sản phẩm sớm 2 ngày so với giảm năng suất 10 sản phẩm mỗi ngày. Tính năng suất dự kiến

Bài 3: Hình hoc.

Cho đường tròn (0) bán kính R, một dây AB cố định (AB < 2R) và một điểm M bất kỳ trên cung lớn AB. Gọi I là trung điểm của dây AB và (0') là đường tròn qua M tiếp xúc với AB tại A. Đường thẳng MI cắt (0) và (0') thứ tự tại N, P.

- a) Chứng minh : $IA^2 = IP . IM$
- b) Chứng minh tứ giác ANBP là hình bình hành.
- c) Chứng minh IB là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác MBP.
- d) Chứng minh rằng khi M di chuyển thì trọng tâm G của tam giác PAB chạy trên một cung tròn cố định.

Bài 1: *Toán rút gọn*. Cho biểu thức

$$P = \sqrt{x} : \left(\frac{\sqrt{x} + 1}{x + \sqrt{x} + 1} + \frac{1}{1 - \sqrt{x}} + \frac{x + 2}{x\sqrt{x} - 1} \right)$$

a/ Rút gọn P

b/ Tîm x để P = 7

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một đoàn xe vận tải dự định điều một số xe cùng loại để vận chuyển 40 tấn hàng. Lúc sắp khởi hành đoàn xe được giao thêm 14 tấn hàng nữa do đó phải điều thêm 2 xe cùng loại trên và mỗi xe chở thêm 0,5 tấn hàng. Tính số xe ban đầu biết số xe của đội không quá 12 xe.

Bài 3: Hình học.

Cho nửa đường tròn (0) đường kính AB, M là một điểm chính giữa cung AB. K thuộc cung BM (K khác M và B). AK cắt MO tại I.

- a) Chứng minh : Tứ giác OIKB nội tiếp được trong một đường tròn.
- b) Gọi H là hình chiếu của M lên AK. Chứng minh : Tứ giác AMHO nội tiếp .
- c) Tam giác HMK là tam giác gì?
- d) Chứng minh: OH là phân giác của góc MOK.
- e) Xác định vị trí của điểm K để chu vi tam giác OPK lớn nhất (P là hình chiếu của K lên AB)

§Ò sè 58

Bài 1: Toán rút gọn.

Cho biểu thức:
$$P = \frac{3(x + \sqrt{x} - 3)}{x + \sqrt{x} - 2} + \frac{\sqrt{x} + 3}{\sqrt{x} + 2} - \frac{\sqrt{x} - 2}{\sqrt{x} - 1}$$

a/ Rút gọn P

b/ Tìm x để $P < \frac{15}{4}$

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một máy bơm dùng để bơm đầy một bể nước có thể tích 60 m³ với thời gian dự định trước. Khi đã bơm được 1/2 bể thì mất điện trong 48 phút. Đến lúc có điện trở lại người ta sử dụng thêm một máy bơm thứ hai có công suất 10 m³/h. Cả hai máy bơm cùng hoạt động để bơm đầy bể đúng thời gian dự kiến. Tính công suất của máy bơm thứ nhất và thời gian máy bơm đó hoạt động.

Bài 3: Hình học. (Đề thi tuyển vào trường Hà Nội — Amsterdam năm học 97 — 98)

Cho tam giác ABC với ba góc nhọn nội tiếp đường tròn (0). Tia phân giác trong của góc B, góc C cắt đường tròn này thứ tự tại D và E, hai tia phân giác này cắt nhau tại F. Gọi I, K theo thứ tự là giao điểm của dây DE với các cạnh AB, AC.

- a) Chứng minh: các tam giác EBF, DAF cân.
- b) Chứng minh tứ giác DKFC nội tiếp và FK // AB
- c) Tứ giác AIFK là hình gì? Tại sao?

d) Tìm điều kiện của tam giác ABC để tứ giác AEFD là hình thoi đồng thời có diện tích gấp 3 lần diện tích tứ giác AIFK.

ĐỀ SỐ 59

Bài 1: Toán rút gọn.

Cho biểu thức:
$$P = \left(\frac{\sqrt{x} - 4}{x - 2\sqrt{x}} - \frac{3}{2 - \sqrt{x}}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} + 2}{\sqrt{x}} - \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x} - 2}\right)$$

a/ Rút gọn P ; b/ Tìm x để $\mathbf{P} = 3\mathbf{x} - 3\sqrt{\mathbf{x}}$

b/ Tìm các giá trị của a để có x thoả mãn : $P(\sqrt{x} + 1) > \sqrt{x} + a$

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một tàu thuỷ chạy trên một khúc sông dài 80 km, cả đi lẫn về mất 8 giờ 20 phút. Tính vận tốc của tàu thuỷ khi nước yên lặng, biết vận tốc của dòng nước là 4 km/h.

Bài 3: Hình học. (Đề thi tốt nghiệp năm học 2002 - 2003)

Cho đường tròn (O), một đường kính AB cố định, trên đoạn OA lấy điểm I sao cho

 $AI = \frac{2}{3}$.OA. Kể dây MN vuông góc với AB tại I. Gọi C là điểm tuỳ ý thuộc cung lớn MN (C

không trùng với M, N, B). Nối AC cắt MN tại E.

- a) Chứng minh : Tứ giác IECB nội tiếp.
- b) Chứng minh: Các tam giác AME, ACM đồng dang và AM² = AE. AC
- c) Chứng minh : $AE .AC AI .IB = AI^2$.
- d) Hãy xác định vị trí của điểm C sao cho khoảng cách từ N đến tâm đường tròn ngoại tiếp tam giác CME là nhỏ nhất.

Bài 1: Toán rút gọn.

Cho biểu thức:
$$P = \frac{3(x + \sqrt{x} - 3)}{x + \sqrt{x} - 2} - \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} + 2} + \frac{\sqrt{x} - 2}{\sqrt{x}} \left(\frac{1}{1 - \sqrt{x}} - 1\right)$$

a/ Rút gọn P

b/Tîm các giá trị x nguyên để P nguyên; c/Tîm các giá trị của x để $\mathbf{P} = \sqrt{\mathbf{x}}$

Bài 2: Giải bài toán bằng cách lập phương trình.

Một người đi xe máy từ A đến B cách nhau 60 km rồi quay trở lại A ngay với vận tốc cũ. Nhưng lúc về, sau khi đi được 1 giờ thì xe hỏng nên phải dừng lại sửa 20 phút. Sau đó người ấy đi với vận tốc nhanh hơn trước 4 km/h trên quãng đường còn lại. Vì thế thời gian đi và về bằng nhau. Tính vận tốc ban đầu của xe.

Bài 3: Hình học.

Cho tứ giác ABCD nội tiếp đường tròn (O;R)(AB < CD). Gọi P là điểm chính giữa của cung nhỏ AB; DP cắt AB tại E và cắt CB tại K; CP cắt AB tại F và cắt DA tại I.

- a) Chúng minh: Tứ giác CKID nội tiếp được
- b) Chứng minh: IK // AB.
- c) Chúng minh: Tứ giác CDFE nội tiếp được
- d) Chứng minh: $AP^2 = PE .PD = PF .PC$
- e) Chứng minh: AP là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác AED.
- f) Gọi R_1 , R_2 là các bán kính đường tròn ngoại tiếp các tam giác AED và BED.Chứng minh: $R_1 + R_2 = \sqrt{4R^2 PA^2}$

<u>Bài 1</u>: Cho hệ phương trình : $\begin{cases} (a+1)x - y = 3\\ a.x + y = a \end{cases}$

- a) Giải hệ với $a = -\sqrt{2}$
- b) Xác định giá tri của a để hệ có nghiệm duy nhất thoả mãn x + y > 0

<u>Bài 2</u>: Một người đi xe máy từ A đến B đường dài 120 km. Khi từ B trở về A, trong 1giờ 40 phút đầu người ấy đi với vận tốc như lúc đi, sau khi nghỉ 30 phút lại tiếp tục đi với vận tốc lớn hơn vận tốc lúc trước 5km/h, khi về đến A thấy rằng vẫn quá 10 phút so với thời gian đi từ A đến B. Tính vân tốc lúc đi.

<u>Bai 3</u>: Cho tam giac ABC có góc A tù, đường tròn (O) đường kính AB cắt đường tròn (O') đường kính AC tại giao điểm thứ hai là H. Một đường thẳng d quay quanh A cắt (O) và (O') thứ tư tai M và N sao cho A nằm giữa M và N.

- a) Chứng minh H thuộc cạnh BC và tứ giác BCNM là hình thang vuông.
- b) Chứng minh tỉ số **HM: HN** không đổi.
- c) Gọi I là trung điểm của MN, K là trung điểm của BC. Chứng minh A, H, K, I cùng thuộc một đường tròn và I chạy trên một cung tròn cố định.
- d) Xác đinh vi trí của đường thẳng d để diện tích tứ giác BMNC lớn nhất.

Câu 1: Tìm điều kiện xác định và rút gọn biểu thức P:

$$\mathbf{P} = \left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) : \left(\frac{\sqrt{a}+1}{\sqrt{a}-2} - \frac{\sqrt{a}+2}{\sqrt{a}-1}\right)$$

<u>Câu 2:</u>

- a) Hãy cho hai đường thẳng cắt nhau tại một điểm A trên trục hoành. Vẽ hai đường thẳng đó.
- b) Giả sử giao điểm thứ hai của hai đường thẳng đó với trục tung là B,
- c). Tính các khoảng cách AB, BC, CA và diện tích tam giác ABC.

<u>Câu 3:</u> Cho tam giác ABC vuông tại A, BC = 5, AB = 2AC

- a) Tính AC
- b) Từ A hạ đường cao AH, trên AH lấy một điểm I sao cho AI = $\frac{1}{3}$ AH. Từ C kẻ Cx // AH. Gọi giao điểm của BI với Cx là D. Tính diện tích của tứ giác AHCD.
- c) Vẽ hai đường tròn (B, AB) và (C, AC). Gọi giao điểm khác A của hai đường tròn này là E. Chứng minh CE là tiếp tuyến của đườn tròn (B).

Câu 1Giải phương trình: $\sqrt{2-x} + \sqrt{8-4x} = 3$

Câu 2

 $\frac{-}{\text{Cho hàm số } y = \sqrt{m-3}x + n(1)}$

- a) Với giá tri nào của m thì (1) là hàm số bậc nhất?
- b) Với điều kiện của câu a, tìm các giá trị của m và n để đồ thị hàm số (1) trùng với đường thẳng y 2x + 3 = 0?

<u>Câu 3</u>

Cho tam giác ABC vuông tại A. Đường cao AH chia cạnh huyền thành hai đoạn: BH = 4cm; CH = 9cm. Gọi D, E theo thứ tự đó là chân đường vuông góc hạ từ H xuống AB và AC.

- a) Tính độ dài đoạn thẳng DE?
- b) Chứng minh đẳng thức AE.AC = AD.AB?
- c) Gọi các đường tròn (O), (M), (N) theo thứ tự ngoại tiếp các tam giác ABC, DHB, EHC. Xác định vị trí tương đối giữa các đường tròn: (M) và (N); (M) và (O); (N) và (O)?
- d) Chứng minh DE là tiếp tuyến chung của hai đường tròn (M) và (N) và là tiếp tuyến của đường tròn đường kính MN?

<u>Câu 1:</u> Giải bài toán sau bằng cách lập hệ phương trình:

Hai vòi nước cùng chảy vào một cái bể không có nước trong 4 giờ 48 phút sẽ đầy bể. Nếu mở vòi thứ nhất trong 3 giờ và vòi thứ hai trong 4 giờ thì được 4bể nước. Hỏi mỗi vòi chảy một mình thì trong bao lâu mới đầy bể?

<u>Câu 2:</u> Cho phương trình x^2 - (2k - 1)x + 2k - 2 = 0 (k là tham số). Chứng minh rằng phương trình luôn luôn có nghiệm.

<u>Câu 3</u> Cho đường tròn tâm O đường kính AB. Trên đường tròn lấy điểm D khác A và B. Trên đường kính AB lấy điểm C và kẻ CH AD. Đường phân giác trong của góc DAB cắt đường tròn tại E và cắt CH tại F, đường thẳng DF cắt đường tròn tại N.

- a) Chứng minh tứ giác AFCN nội tiếp được?
- b) Chứng minh ba điểm N, C, E thẳng hàng?

<u>Câu 1:</u> Chứng minh biểu thức A sau không phụ thuộc vào x:

$$A = \left(x\sqrt{\frac{6}{x}} + \sqrt{\frac{2x}{3}} + \sqrt{6x}\right) : \sqrt{6x} \quad (v \acute{o} i \ x > 0)$$

Câu 2: Cho hai đường thẳng:

- (d) y = -x
- (d') y = (1 m)x + 2 (m 1)
- a) Vẽ đường thẳng d
- b) Xác định giá trị của m để đường thẳng d' cắt đường thẳng d tại điểm M có toạ độ (-1; 1). Với m tìm được hãy tính diện tích tam giác AOB, trong đó A và B lần lượt là giao điểm của đường thẳng d' với hai trục toạ độ Ox và Oy.

<u>Câu 3:</u> Cho hai đường tròn (O) và (O'), tiếp xúc ngoài tại A. Kẻ tiếp tuyến chung ngoài DE, D Î (O), E Î (O'). Kẻ tiếp tuyến chung trong tại A, cắt DE tại I. Gọi M là giao điểm của OI và AD, M là giao điểm của O'I và AE.

- a) Tứ giác AMIN là hình gì? Vì sao?
- b) Chứng minh hệ thức IM.IO = IN.IO'
- c) Chứng minh OO' là tiếp tuyến của đường tròn có đường kính DE
- d) Tính DE biết OA = 5cm; O'A = 3.2cm

<u>Câu 1:</u>

Giải phương trình $\frac{x}{x+4} + \frac{7}{(x-3)(x+4)} = \frac{1}{x-3}$

<u>Câu 2:</u> Giải bài toán sau bằng cách lập phương trình:

Một nhóm học sinh tham gia lao động chuyển 105 bó sách về thư viện của trường. Đến buổi lao động có hai bạn bị ốm không tham gia được, vì vậy mỗi bạn phải chuyển thêm 6 bó nữa mới hết số sách cần chuyển. Hỏi số học sinh của nhóm đó?

Câu 3:

Cho tam giác PMN có PM = MN, $\widehat{PMN} = 80^{\circ}$. Trên nửa mặt phẳng bờ PM không chứa điểm N lấy điểm Q sao cho $\widehat{QP} = \widehat{QM}$, $\widehat{QMP} = 25^{\circ}$

- a) Chứng minh tứ giác PQMN nội tiếp được.
- b) Biết đường cao MH của tam giác PMN bằng 2cm. Tính diện tích tam giác PMN.

<u>Câu 1:</u>

Xác định các hệ số a và b trong hệ phương trình $\begin{cases} ax+by=-4\\ bx-ay=8 \end{cases} \text{, biết rằng hệ có nghiệm duy }$ nhất là (1 ; -2)

<u>Câu 2:</u>

Tổng hai chữ số của một số có hai chữ số bằng 10, tích của chúng nhỏ hơn số đã cho là 16. Tìm hai chữ số đó.

Câu 3:

Cho tam giác PNM. Các đường phân giác trong của các góc M và N cắt nhau tại K, các đường phân giác ngoài của các góc M và N cắt nhau tại H.

- a) Chứng minh KMHN là tứ giác nội tiếp.
- b) Biết bán kính đường tròn ngoại tiếp tứ giác KMHN bằng 10cm và đoạn KM bằng 6cm, hãy tính diện tích tam giác KMH.

Bài 1: Cho biểu thức :

$$M = \left(\frac{1 - a\sqrt{a}}{1 - \sqrt{a}} + \sqrt{a}\right) : \left(\frac{1 + a\sqrt{a}}{1 + \sqrt{a}}\right) \text{ v\'oi } a \ge 0; a \ne 1$$

1/ Rút gọn biểu thức M

2/Tìm ggiá trị của a để M=0

<u>Bài 2:</u>

Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} \sqrt{\frac{x}{y}} + \sqrt{\frac{y}{x}} = \frac{3}{2} \\ x + y = 5 \end{cases}$$

Bài 3:

Một ôtô dự định đi từ A => B cách nhau 148 km trong thời gian đã định . Sau khi đi được 1 giờ ôtô bị chắn bởi tàu hoả trong 5 phút, do đó để đền B đúng hẹn, xe phải chạy thêm với vận tốc 2 km/h so với vận tốc trước. Tính vận tốc của ôtô lúc đầu.

<u>Bài 4</u>:

Cho nửa đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R và một điểm M bất kỳ trên nửa đường tròn $(M \neq A; M \neq B)$, đường thẳng d tiếp súc vời nửa đường tròntại M và cắt đường trung trựccủa AB tại I. Đường tròntâm I tiếp súc với AB và cắt đường thẳng tại E và F (F nằm trong góc $\angle BOM$).

a/Chứng minh OE và OF theo thứ tự là phân giác của∠AOM và ∠BOM

b/ Chứng minh: EA. EB= R²

3/ Xác định vị trí của M trên nửa đường tròn để diịen tích tứ giác AEFB nhỏ nhất Bài 5:

Giải phương trình

$$x^6 - x^5 + x^4 - x^3 + x^2 - x + \frac{3}{4} = 0$$

ĐỀ SỐ 69

Bài 1:

Cho phương trình

$$x^{2} + (1-4a)x + 3a^{2} - a = 0$$
 (x là ẩn, a là tham số)

- 1/Giải phương trình với a = 2
- 2/ Chứng minh rằng phương trình luôn có nghiệm vớ mọi giá trị của a

<u>Bài 2:</u> Trong phong trào đền ơn đàp nghĩa đợt 1, hai lớp 9A và 9B huy động được 70 ngày công để giúp đỡ các gia đìng thương binh liệt sĩ. Đợt 2 lớp 9A huy động vượt 20% số ngày công, lớp 9B huy động vượt 15% số ngày công, do đó cả hai lớp đã huy động được 82 ngày công. Tính sem trong đợt 1 mỗi lớp huy ffộng được bao nhiều ngày công.

<u>Bài 3</u>: Cho đường tròn tâm O đường kính AC. Trong đoạn OC lấy điểm B và kẻ đường tròn tâm I đường kính BC . Gọi Mlà trung điểm của AB, từ Mkẻ dây DE vuông góc với AC, nối D với C, DC cắt đường tròn tâm I tai F

- 1/ Chứng minh tứ giác ADBE là hình thoi
- 2/ Chứng minh 3 điềm B, E, F thẳng hàng
- 3/ So sánh hai góc ∠EMF và∠DAE
- 4/ Xác định vị trí tương đối giữa đường thẳng MF với đường tròn tâm I

Bài 4: Chứng minh bất đẳng thức:

$$\left(1 - \frac{1}{2^2}\right)\left(1 - \frac{1}{3^2}\right)\left(1 - \frac{1}{4^2}\right).....\left(1 - \frac{1}{n^2}\right) \ge \frac{1}{2} \quad (\text{vii } n \in N, n > 2)$$

ĐỀ SỐ 70

<u>Bài 1</u>:

1/Chứng minh đẳng thức: $\frac{1}{\sqrt{3}-1} = \frac{1}{\sqrt{3}+1} + 1$

2/ Không dùng máy tính hãy so sánh hai số: $2+\sqrt{5}$ và $\sqrt{14}$

<u>Bài 2</u>: Cho phương trình : x^2 - ax + a + b = 0 (a; b là tham số)

1/Giải phương trình với a = 7; b = 3.

2/ Tìm giá trị của a và b để $x_1 = 2$ và $x_2 = 5$ là 2 nghiệm của phương trình

 $\underline{B\dot{a}\dot{i}}$ 3: Cho đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R . Gọi C là trung điểm của đoạn OA, D là điểm nằm trên đường tròn sao cho BD = R. Đường trung trực của đoạn OA cắt AD tại E và BD tại F:

1/ Tính góc ∠BOD và ∠BAD

2/ Tính độ dài các đoan: AE; EC và theo R

3/ CM: AADB AFCB

4/ CM: BE \perp AF

5/ Một điểm M nằm trên đường tròn. CMR: Khi M thay đổi trên đường tròn thì trung điểm I của đoạn MD chạy trên một đường tròn cố định , sác định tâm và bán kính đường tròn đó.

<u>Bài 1:</u>

1/ Thực hiện phép tính: $4\sqrt{5} - 3\sqrt{20}$ 2/ Rút gọn biểu thức:

$$\frac{\sqrt{b+1+2\sqrt{b}}}{\sqrt{a}+1}:\frac{\sqrt{a}-1}{\sqrt{b}-1} \quad \text{v\'{ii}} \ a;b>0;a,b\neq 1$$
3/ Chứng minh biểu thức:

$$\sqrt{2}.\sqrt{2-\sqrt{3}}.\left(\sqrt{3}+1\right)$$
 có giá trị là số nguyên

<u>Bài 2:</u>

Giải các hệ phương trình:

$$1/\begin{cases} 2x + y = 5\\ 3x - 2y = 4 \end{cases}$$
$$2/\begin{cases} \frac{2}{x+1} - \frac{1}{y+3} = 5\\ \frac{3}{x+1} - \frac{2}{y+3} = 4 \end{cases}$$

Bài 3:

Cho đường tròn tâm O, đường kính EF; BC là một dây cung cố định vuông góc với EF; A là điềm bất kỳ trên cung BFC $(A \neq B, A \neq C)$

1/CM: AE là phân giác của góc BAC.

2/ Trên tia đối của tia AC lấy điểm D sao cho AD = AB

CM: BD// AE

3/ Gọi I là trung điểm của BD. CM: I, A, F thẳng hàng.

4/M là điểm bất kỳ trên dây cung AB sao cho $\frac{AM}{MB} = k$ (k không đổi), qua M kẻ đường

thẳng d vuông góc với AC. Chứng minh khi A thay đổi trên cung BFC thì đường thẳng d luôn đi qua một điểm cố định

Bài 4:

Cho a; b; c là độ dài 3 cạnh của một tam giác có chu vi bằng 1.

CNR: ab + ac + bc > abc

ĐỀ SỐ 72

Bài 1(3 điểm)

Hãy dùng ít nhất 2 phương pháp khác nhau để giải phương trình sau:

$$x^2 + \left(\frac{x}{x-1}\right)^2 = 8$$

Bài 2 (2 điểm)

Rút gọn biểu thức:

$$\sqrt{\frac{a-16}{a+4\sqrt{a}+16}}:\frac{\sqrt{a}+4}{a\sqrt{a}-64}-\sqrt{a}\quad\text{v\'oi}\quad a\geq;\ a\neq16$$

Tính giá trị của biểu thức trên khi a = 25.

<u>Bài 3</u> (4 điểm)

Tam giác ABC không vuông. Đương tròn đường kính AB cắt đường thẳng AB tại M, đường tròn đường kính AC cắt đường thẳng AB tại N. Gọi D là giao điểm thứ 2 của hai đường tròn trên.

1/CM: ba đường thẳng AD, BM, CN đồng quy.

2/ So sánh hai góc ADM và AND

Bài 4(1 điểm):

Cho a, b, c là 3 số dương thoả mãn: abc = 1Tìm giá trị nhỏ nhất của M = a + b + c + ab + ac + bc

ĐỀ SỐ 73

<u>Bài 1</u>: 3 điểm

Cho phương trình : $x^2 - 2(m - 2)x + 2m - 5 = 0$ (1)

1/Giải phương trình với m = 3

2/ CMR: phương trình luôn có nghiệm với mọi m.

3/ Gọi x_1 ; x_2 là hai nghiệm của phương trình (1): Tìm m để: $B = x_1(1 - x_2) + x_2(1 - x_1) < 4.$

<u>Bài 2</u>: 3 điểm

$$Cho \ biểu \ thức: \ A = \left(1 + \frac{\sqrt{x}}{x+1}\right): \left(\frac{1}{\sqrt{x}-1} + \frac{2\sqrt{x}}{1+x-x\sqrt{x}-\sqrt{x}}\right) \quad \text{với} \quad x \geq 0; x \neq 1$$

1/Rút gọn A

2/ Tính giá trị của A khi $x = 3 + 2\sqrt{2}$

3/ Tìm giá trị của x để A < 1

<u>Bài 3</u>: 4 điểm

Cho đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R. Từ A kẻ tiếp tuyến Ax, trên Ax lấy điểm C sao cho AC > R. Từ C kẻ tiếp tuyến tiếp xúc với đường tròn tại M.

 $1/ \text{ CM} : \angle AOC = \angle OBM$

2/ Đường thẳng vuông góc với AB tại O cắt tia BM tại N. Chứng minh tứ giác OBNC là hbh.

3/ AN cắt OC tại K, CM cắt ON tại I, CN cắt OM tại J. CM: K; I; J thẳng hàng

ĐỀ SỐ 74

Bài 1: 2,5 điểm

Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức:

$$P(x) = \frac{x^4 + 16x^3 + 56x^2 + 80x + 356}{x^2 + 2x + 5}$$
 với $x \in R$

<u>Bài 2</u>: 3 điểm

Tìm x; y thoả mãn hệ:

$$\begin{cases} \sqrt{x - \sqrt{y}} = x - y - \sqrt{x + \sqrt{y}} & (1) \\ x^2 = y^4 + y & (2) \\ 3y \ge x \ge y \ge 0 & (3) \end{cases}$$

<u>Bài 3</u>: 3 điểm

Trên đường thẳng a Lấy 2 điểm A và B, gọi O là trung điểm của AB, C là điểm nằm trong đoạn OA. Từ C vẽ trong nửa mặt phẳng bờ a, 2 tia Cm và Cn sao cho: $\mathbf{A\hat{C}m} = \mathbf{B\hat{C}n} = \alpha \ (\mathbf{0^0} < \alpha < \mathbf{90^0})$. Trên tia Cm lấy điểm M, trên tia Cn lấy điểm N sao cho 4 điểm A, B, N, M cùng nằm trên đường tròn đường kính AB.

1/ Gọi P là giao điểm của BM với AN. CMR: Khi α thay đổi thì P chạy trên 1 đường thẳng cố đinh.

2/ Gọi E là giao điểm của CN và BM, F là giao điểm của AN và CM. CMR: NE > EF > FM

Bài 4: 1,5 điểm

Tìm m để phương trình sau có nghiệm duy nhất:

$$\sqrt{3+x} + \sqrt{6-x} - \sqrt{(3+x)(6-x)} = m$$

ĐỀ SỐ 75

<u>Bài 1:</u> (2 điểm)

Cho hệ phương trình

$$\begin{cases} mx + ny = 3 \\ 2mx - 3ny = -4 \end{cases}$$

- 1. Giải hệ phương trình với n = m = 1
- 2. Tìm giá trị của n và m để x = 2; y = 1 là nghiệm của hệ phương trình

Bài 2: (1 điểm)

Tính giá trị của biểu thức:

$$A=\sqrt{4+2\sqrt{3}}+\sqrt{7-4\sqrt{3}}$$

<u>Bài 3: (2,5 điểm)</u>

Hai người đi xe đạp trên quãng đường AB. Người thứ nhất đi từ A=>B, cùng lúc đó người thứ hai đi từ B=>A với vận tốc bằng 3/4 vận tốc của người thứ nhất. Sau 2 giờ thì hai người gặp nhau. Hỏi mỗi người đi hết quãng đường AB trong bao lâu.

Bài 4: (3 điểm)

Trên cạnh AB của tam giác ABC lấy điểm D sao cho hai đường tròn nội tiếp hai tam giác ACD và BCD bằng nhau. Gọi O, O₁, O₂ theo thừ tự là tâm của các đường tròn nội tiếp các tam giác ABC, ACD, BCD.

- 1. CM: Ba điểm A,O₁, O và B, O₂, O thẳng hàng.
- 2. CM: OO_1 . OB = OO_2 . OA.
- 3. Đặt AB = c, AC = b, BC = a. Tính CD theo a, b, c.

<u>Bài 5:</u> (1,5 điểm)

Cho bốn số a, b, x, y thoả mãn: $0 < a \le x < y \le b$. Cm:

1,
$$x^2 + ab \le (a + b)$$

2, $(x + y)(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}) \le \frac{(a + b)^2}{ab}$

ĐỀ SỐ 76

<u>Bài 1:</u> (2 điểm)

Giải các hệ phương trình:

$$(1) \begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ 5x + y = 11 \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} 2x^2 - 4x = 3y^2 - 12y + 11 \\ 5x^2 - 10x = -y^2 + 4y + 2 \end{cases}$$

<u>Bài 2:</u> (2 điểm)

Cho biểu thức:

$$M=\frac{a}{b+\sqrt{ab}}+\frac{b}{\sqrt{ab}-a}-\frac{a+b}{\sqrt{ab}} \hspace{0.5cm} a;b>0;\ a\neq b$$

a. Rút gọn M

b. Tính giá trị của a và b để M = 1

Bài 3: (2 điểm)

Một máy bơm muốn bơm đầy nước vào bể chứa trong thời gian quy định thì mỗi giờ phải bơm được 6m³. Sau khi được 1/5 dung tích bể chứa thì máy bơm chạy với công suất lớn hơn, mỗi giờ bơm được 9m³, do đó hoàn thành trước 1h20' so với quy định. Tính dung tích của bể.

Bài 4: (3 điểm)

Cho hai đường thẳng $xx' \perp yy'$ tại A. Trên tia Ay' lấy điểm M. Kẻ đường tròn (C_1) tâm M bán kính MA; trên xx' lấy I, kẻ (C_2) là (I,R) sao cho đường tròn náy tiếp súc với (C_1) tại T.

1. CMR: Tiếp tuyến chung của hai đường tròn tai T luôn đi qua 1 điểm cố đinh.

2. Cho $\mathbf{A}\hat{\mathbf{M}}\mathbf{I} = \mathbf{60}^{\circ}$. Tính AM theo R.

3. Giả sử (C_1) và (C_2) bằng nhau. Một đường tròn (C_3) có bán kính R tiếp súc ngoài với (C_1) và (C_2) . Tính diện tích hình phẳng giới hạn bởi 3 đường tròn (C_1) , (C_2) , (C_3) Bài 5: (1 diểm):

Tìm nghiệm nguyên của phương trình

$$\sqrt{x + \sqrt{x + \dots + \sqrt{x}}}_{2000 \text{ dấu cản}} = y - 2000$$

ĐỀ SỐ 77

Bài 1: 3 điểm

Cho phương trình:

$$2x^{2} + (2m-1)x + m - 1 = 0$$

a, Giải phương trình với m = 2

b, Cmr: phương trình trên luôn có nghiệm với mọi giá trị cuả m

c, Tìm m để phương trình có 2 nghiệm x_1 , x_2 thoả mãn $3x_1$ - $4x_2$ = 1

Bài 2: 2,5 điểm

Đường sông từ A đến B ngắn hơn đường bộ 25km. Để đi từ A đến B ô tô mất 2h30', ca nô hết 4h10'. Vận tốc của ôtô lơn hơn vận tốc của ca nô 22km/h. Tính vận tốc của ôtô và ca nô.

Bài 3: 3,5 điểm

Cho tam giác đều ABC, gọi O là trung điểm cạnh BC. Vẽ góc xoy bằng 60° sao cho 0x cắt cạnh AB tại M, 0y cắt cạnh AC tại N. Chứng minh rằng:

a, $\triangle OBM \sim \triangle NCO$ và BC² = 4.BM.CN

b, MO là tia phân giác của góc BMN

c, Đường thẳng MN luôn tiếp súc với một đường tròn cố định khi góc xoy bằng 60° quay quanh O sao cho Ox, Oy luôn cắt AB và AC

Bài 4: 1 điểm

Cho a, b, c, p theo thứ tự là độ dài các cạnh và chu vi của một Δ

$$CM: \frac{1}{p-a} + \frac{1}{p-b} + \frac{1}{p-c} \ge 2\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right)$$

Đẳng thức sảy ra khi nào?

ĐỀ SỐ 78

Bài 1:

Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} |x-1| + y = 0 \\ x + 3y - 3 = 0 \end{cases}$$

Bài 2:

Chứng minh đẳng thức:

$$\sqrt{13 - \sqrt{160}} - \sqrt{53 + 4\sqrt{90}} = -4\sqrt{5}$$

Bài 3:

Lập phương trình bặc hai có hai nghiệm là hai cạnh góc vuông của tam giác vuông nội tiếp đường tròn đường kính bằng 5 và diện tích tam giác đó bằng 3

Cho tam giác ABC (AB \neq AC) nội tiếp đường tròn tâm O, đường phân giác trong của góc BAC cắt đoạn BC tại D, cắt đường tròn tại M, đường phân giác ngoài của góc BAC cắt đường thẳng BC tại E, cắt đường tròn tại N. Gọi K là trung điểm của DE.

Chứng minh rằng:

a, MN vuông góc với BC tai trung điểm I của BC.

b, Góc ABN = góc EAK

c, KA là tiếp tuyến của đường tròn(O)

Bài 5:

Cho đoạn thẳng AB cố định có độ dài bằng a trong mặt phẳng chứa đoạn AB lấy điểm M thay đổi , đặt MA = b, MB = c. CMR:

$$\mathbf{a}^4 + \mathbf{b}^4 + \mathbf{c}^4 \le 2\mathbf{a}^2\mathbf{b}^2 + 2\mathbf{a}^2\mathbf{c}^2 + 2\mathbf{b}^2\mathbf{c}^2$$

Đẳng thức sảy ra khi nào?

ĐỀ SỐ 79

Bài 1:

Cho phương trình bặc hai: $x^2 + 2(m+1)x + m^2 = 0$

- a, Giải phương trình với m = 4
- b, Tìm m để phương trình có hai nghiệm phân biệt
- c, Tìm m để phương trình có hai nghiệm phân biệt, trong đó có một nghiệm bằng -2, khi đó tìm nghiệm còn lại

Bài 2:

Giải hệ phương trình

$$\begin{cases} |x-1|+y=0\\ x+3y-3=0 \end{cases}$$

Bài 3:

Chứng minh đẳng thức:

$$\sqrt{13 - \sqrt{160}} - \sqrt{53 + 4\sqrt{90}} = -4\sqrt{5}$$

Bài 4:

Cho tam giác ABC (AB \neq AC) nội tiếp đường tròn tâm O, đường phân giác trong của góc BAC cắt đoạn BC tại D, cắt đường tròn tại M, đường phân giác ngoài của góc BAC cắt đường thẳng BC tại E, cắt đường tròn tại N. Gọi K là trung điểm của DE.

Chứng minh rằng:

- a, MN vuông góc với BC tại trung điểm I của BC.
- b, Góc ABN = góc EAK
- c, KA là tiếp tuyến của đường tròn(O)

ĐỀ SỐ 80

Bài 1:

2. Cho 3 số thực a, b, c thoả mãn: a = b + 1 = c + 2; c > 0

CMR:
$$2(\sqrt{a} - \sqrt{b}) < \frac{1}{\sqrt{b}} < 2(\sqrt{b} - \sqrt{c})$$

Bài 2:

Tìm a, b để hệ phương trình sau có nghiệm duy nhất:

$$\begin{cases} x.y.z + z = a \\ x.y.z^{2} + z = b \\ x^{2} + y^{2} + z^{2} = 4 \end{cases}$$

Bài 3:

Cho đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R; AC là dây cung sao cho AC=R.

- a. Trên tia đối của tia AC lấy D sao cho AD = AB; vẽ đường tròn tâm O' qua 3 điểm A;B;D. Tính bán kình đường tròn tâm O' theo R
 - b. Tính diện tích phần tam giác ABC năm ngoài đường tròn (O')
- c. Trên AB kéo dài lấy điểm K, kẻ hai tiếp tuyến KS với đường tròn (O) và KS' với đường tròn (O'). So sánh KS và KS'

Rài 4

Đường tròn (O;R) tiếp súc với đường thẳng x tại A; kể đường kính AB và dâycung bất kỳ Bc. Gọi D là hình chiếu của C xuống AB, kéo dài CD về phía D lấy điểm E sao cho ED = BC. Từ E kẻ hai tiếp tuyến với đường tròn, 2 tiếp tuyến này cắt x tại K và N(N nằm giữa A và K).Tính KN theo R.

Bài 1:

Giải các phương trình

1.
$$x^2 + 5x - 14 = 0$$

2.
$$2x + 5\sqrt{2x-1} - 15 = 0$$

Bài 2:

Cho hệ phương trình

$$\begin{cases} m^2x + (m-1)y = 5 \\ mx + (m+1)y = 5 \end{cases}$$

- 1. Giải hệ phương trình với m = 2
- 2. Tìm giá trị của m để hệ phương trình trên có nghiệm x = y = -5

Bài 3:

Với $a \ge 0$; $a \ne 4$; $a \ne 9$. Rút gọn biểu thức

$$P = \left(1 - \frac{\sqrt{a} - 3}{\sqrt{a} - 2}\right) : \left(\frac{\sqrt{a} + 2}{3 - \sqrt{a}} - \frac{\sqrt{a} + 3}{2 - \sqrt{a}} + \frac{\sqrt{a} + 2}{a - 5\sqrt{a} + 6}\right)$$

Bài 4:

Cho đường tròn đường kính AB trên tia AB lấy ddiẻem C sao cho B nằm giữa AC, từ C kẻ đường thẳng x vuông góc với AB, trên x lấy điểm D ($D \neq C$). Nối DA cắt đường tròn tại M, nối DB cắt đường tròn tại K.

- 1. CM: Tứ giác ADCN nội tiếp
- 2. CM: AC là phân giác của góc KAD
- 3. Kéo dài MB cắt đường thẳng x tại s, C/m: S; A; N thẳng hàng

Bài 5:

Cho \triangle ABC \perp tại A, kẻ đường cao AH, đặt HB = x, HC = y, HA = z. Chứng minh rằng: Nếu x + y + z = x.y.z thì z $\geq \sqrt{3}$. Đẳng thức sảy ra khi nào?

<u>Bài 1(3 điểm):</u>

1. Giải các phương trình, hệ phương trình sau:

$$a/2x-2=0$$

$$b/x^2 - 7x + 6 = 0$$

$$c/\begin{cases} 2x + y = 4 - x \\ -x + 2y = 1 \end{cases}$$

2. Rút gọn các biểu thức sau:

$$a/A = \frac{x}{\sqrt{xy} + x} + \frac{y}{\sqrt{xy} - y} - \frac{2\sqrt{xy}}{x - y}. V \text{ of } x > 0; y > 0; x \neq y$$

$$b/B = \sqrt{4 + 2\sqrt{3}} + \sqrt{4 - 2\sqrt{3}}$$

$$b/B = \sqrt{4 + 2\sqrt{3}} + \sqrt{4 - 2\sqrt{3}}$$
.

$$c/C = \sqrt{546 - 84\sqrt{42}} + \sqrt{253 - 4\sqrt{63}}$$

Bài 2(3 điểm):

Cho hai đường thẳng có phương trình:

$$y = mx - 2 (d_1) va 3x + my = 5 (d_2)$$

a/ Khi m = 2, xác định hệ số góc và tìm toạ độ giao điểm của hai đường thẳng

b/ Khi
$$d_1$$
 và d_2 cắt nhau tại $M(x_0; y_0)$, tìm m để $x_0 + y_0 = 1 - \frac{m^2}{m^2 + 3}$.

c/ Tìm m để giao điểm của d_1 và d_2 có ha
ònh độ dương và tung độ âm

Bài3(3 điểm):

Cho nửa đường tròn (O;R) đường kính AB. Trên nửa đường tròn lấy hai điểm C, D. (Cthuộc cung AD) sao choCD = R. Qua C kẻ một đường thẳng vuông góc với CD cắt AB ở

Tiếp tuyến của (O;R) tai A và B cắt CD lần lượt tai E và F, AC cắt BD ở K

a/ Chứng minh rằng tứ giác AECM nội tiếp và tam giác EMF là tam giác vuông

b/ Xác định tâm và tính bán kính đường tròn ngoại tiếp tam giác KCD

c/Tìm vi trí dây CD sao cho diện tích tứ giác KAB lớn nhất

Bài 4(1 điểm):

Hai máy bơm cùng bơm nước vào một cái bể can (không có nước), sau 4 giờ thì đầy bể. Biết rằng nếu đẻ máy thứ nhất bơm được một nửa bể, sau đó máy thứ hai bơm tiếp (không dùng máy thứ nhất nữa) thì sau 9 giờ bể sẽ đầy. Hỏi nếu mỗi máy bơm bơm riêng thì mất thời gian bao lâu sẽ đầy bể nước

Bài 5(1 điểm):

Tìm các số hữu tỉ x và y sao cho: $\sqrt{\sqrt{12}-3} + \sqrt{y\sqrt{3}} = \sqrt{x\sqrt{3}}$

Bài 1. Cho
$$P = \frac{2\sqrt{x} - 9}{x - 5\sqrt{x} + 6} - \frac{\sqrt{x} + 3}{\sqrt{x} - 2} - \frac{2\sqrt{x} + 1}{3 - \sqrt{x}}$$

- a. Rút gọn P.
- b. Tìm các giá trị của x để P<1.
- c. Tìm $x \in Z$ để $P \in Z$.

<u>Bài 2.</u> Hai tổ công nhân làm chung trong 12 giờ thì xong công việc đã định. Họ làm chung với nhau trong 4 giờ thì tổ thứ nhất được điều đi làm việc khác, tổ thứ hai làm nốt công việc trong 10 giờ. Hỏi tổ thứ hai làm một mình thì sau bao lâu hoàn thành công việc?

Bài 3. Cho (P):
$$y = -2x^2 \text{ và (d) } y = x - 3$$

- a) Tìm giao điểm của (P) và (d)
- b) Gọi giao điểm của (P) và (d) ở câu a là A và B trong đó A là điểm có hoành độ nhỏ hơn; C, D lần lượt là hình chiếu vuông góc của A và B trên Ox. Tính diện tích và chu vi tứ giác ABCD.

Bài 4 Cho (O) và một điểm A nằm ngoài (O). Từ A kẻ hai tiếp tuyến AB, AC và cát tuyến AMN với (O). (B, C, M, N cùng thuộc (O); AM<AN). Gọi E là trung điểm của dây MN, I là giao điểm thứ hai của đường thẳng CE với (O).

- a. Chứng minh bốn điểm A, O, E, C cùng nằm trên một đường tròn.
- b. Chứng minh góc AOC=góc BIC
- c. Chứng minh BI//MN.
- d. Xác định ví trí cát tuyến AMN để diện tích tam giác AIN lớn nhất.

<u>Câu 1 :(1,5đ)</u>:

Cho biểu thức :A=
$$\left(3 + \frac{a + \sqrt{a}}{\sqrt{a} + 1}\right) \left(3 - \frac{a - 5\sqrt{a}}{\sqrt{a} - 5}\right)$$

A, Tìm các giá trị của ađể Acó nghĩa.

B ,Rót gän A

<u>Câu 2 (1,5đ)</u>:

Giải phương trình :
$$\frac{6}{x^2-9} = 1 + \frac{1}{x-3}$$

Giải hệ phương trình :
$$\begin{cases} 5(3x+y)=3y+4\\ 3-x=4(2x+y)+2 \end{cases}$$
Câu 4 (1đ) Tìm các giá trị tham số mđể phương trình sau vô nghiệm:

$$x^2 - 2mx + m|m| + 2 = 0$$

<u>Câu 5(1đ)</u>:

Cho hình chữ nhật ABCD có AB=2cm, AD=3cm . Quay hình chữ nhật đó quanh AB thì được một hình trụ . tính thể tích hình trụ đó .

<u>Câu 6 (2,5đ)</u>;

Cho tam giác ABC có ba góc nhọn ,góc B gấp đôi góc Cvà AH là đường cao. gọi M là trung điểm cạnh AC, Các đường thảng MHvà AB cát nhau tại điểm N.Chứng minh :

a ,Tam giác MHC cân.

b, Tứ giác NBMC nội tiếp được trong dường tròn .

$$C$$
, $2MH^2 = AB^2 + AB.BH$

<u>Câu7:(1đ)</u>:

Chứng minh rằng với a \ 0, ta có:

$$\frac{a}{a^2+1} + \frac{5(a^2+1)}{2a} \ge \frac{11}{2}$$

Bài 1(2đ);

1,Giải phương trình : $x^2-3x-4=0$ 2Giải hệ phương trình :

$$\begin{cases} 2(x-y)+3y=1\\ 3x+2(x-y)=7 \end{cases}$$

Bài 2(2đ):

Cho biểu thức:

$$B = \left(\frac{\sqrt{a} + 2}{a + 2\sqrt{a} + 1} - \frac{\sqrt{a} - 2}{a - 1}\right) \cdot \frac{\sqrt{a} + 1}{\sqrt{a}}$$

- 1, Tìm điềukiện của a để biểu thức B có nghĩa.
- 2, Chứng minh rằng $B = \frac{2}{a-1}$

<u>Bài 3 (2đ)</u> Cho phương trình: $x^2 - (m+1)x + 2m - 3 = 0$

- 1, Chứng minh phương trình có hai nghiệm phân biệt với mọi m
- 2, Tìm hệ thức liên hệ giữa hai nghiệm $x_{1,}x_{2}$ của phương trình sao cho hệ thức đó không phụ thuộc vào m

Bài 4(3đ)

Cho tam giác ABC có ba góc nhọn nội tiếp trong đường tròn tâm ovà d là tiếp tuyến của đường tròn tại C.Gọi AH, BK là các đường cao của tam giác; M,N,P,Q lần lượt là chân các đường vuông góc kẻ từ A,K,H,B xuống đường thẳng d.

- 1. Chướng minh tứ giác AKHB nội tiếp và tứ giác HKNP là hình chữ nhật.
- 2, Chứng minh rằng $\angle HMP = \angle HAC$ và $\angle HMP = \angle KQN$

3Chứng minh : MP=QN

Bài 5 (1đ) Cho 0<x<1.

- 1. Chứng minh rằng : $x(1-x) \le \frac{1}{4}$.
- 2. Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức : $A = \frac{4x^2 + 1}{x^2(1-x)}$.

Bài 1(2đ)

1, Giải phương trình: $x^2 - 2x - 1 = 0$

2, Giải hệ phương trình:

$$\begin{cases} x+y=-1\\ \frac{1}{x}-\frac{2}{y}=2 \end{cases}$$

Bài 2(2đ): Cho biểu thức:

$$\mathbf{M} = \left[\frac{\left(\sqrt{x} - 2\right)\left(\sqrt{x} + 1\right)}{\sqrt{x} - 1} - \left(\sqrt{x} + 2\right) \right] \frac{\left(\sqrt{x} - 1\right)^2}{2}$$

1, Tìm điều kiện của x để M có nghĩa.

2, Rút gọn M.

3, Chứng minh : $M \le \frac{1}{4}$

<u>Bài 3(1,5)</u> Cho phương trình: $x^2 - mx + m^2 - |m| - m = 0$ (với m là tham số)

1,Chứng minh phương trình luôn có nghiệm với m,ọi giá trị của m.

2,Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình .Tìm m để $x_1^2 + x_2^2 = 6$

<u>Bài 4 (3,5)</u> Cho Bvà C là các điểm tương ứng thuộc các cạnh A x và By của góc vuông $xAy(B \neq A, C \neq A)$. Tam giác ABC có đường cao AH và phân giác BE . Gọi D là chân đường vông góc hạ từ A lên BE. Olà trung điểm AB.

1Chứng minh ADHB và CEDH là các tứ giác nội tiếp được trong đường tròn.

2Chứng minh AH vuông góc với OD và HD là phân giác của góc OHC.

3, Cho Bvà C di chuyển trên A x và By thoả mãn AH=h(h không đổi). Tính diện tích tứ giác ADHO theo h khi diện tích của tam giác ABC đạt giá trị nhỏ nhất .

Bài 5(1đ) Cho hai số dương x,y thay đổi sao cho x +y=1 tính giá trị nhỏ nhất của biểu thức

$$P = \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) \left(1 - \frac{1}{y^2}\right)$$

Bài 1(1,5đ)

1, giải phương trình $x^2 - 6x + 5 = 0$

2, Tính giá trị của biểu thức : $A = (\sqrt{32} - \sqrt{50} + \sqrt{8}) : \sqrt{18}$

<u>Bài 2(1,5đ)</u>: Cho phưng trình $mx^2 - (2m+1)x + m - 2 = 0$ (1) tham số m

Tìm giá tri của m để phưng trình (1):

1, Có nghiệm.

2, Có tổng bình phương các nghiệm bằng 22

3, Có bình phương của hiệu hai nghiệm bằng 13

Bài 3(1d): giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Tính các cạnh của một tam giác vuông biết chu vi của nó là 12cmvà tổng bình phương các cạnh bằng 50.

Bài 4(1đ): Cho biểu thức:

$$B = \frac{3x^2 + 5}{x^2 + 1}$$

1. Tìm các giá trị nguyên của xđể B nhận giá trị nguyên

2. Tìm giá trị lớn nhất của B

<u>Bài 5 (2,5đ)</u> :Cho tam giác ABC cân ở a nội tiếp đường tròn tâm 0. gọi M,N,Plần lượt là các điểm chính giữa các cung nhỏ AB, BC,CA; BP cắt AN tại I; MN cắt AB tại E. Chứng minh rằng :

1, Tứ giác BCPMlà hình thang cân; góc ABNcó số đobằng 90

2, Tam giác BIN cân; EI // BC

<u>Bài 6(1,5đ):</u> Cho hình chóp tứ giác đều SABCD có độ dài cạnh dáy là18cm, độ dài đường cao là 12cm.

1Tính diện tích xung quanh và thể tích hình chóp.

2, Chứng minhđường thẳng AC vuông góc với mặt phẳng (SBD) *Bài 7(1đ):* Giải phương trình

$$x^4 + \sqrt{x^2 + 2002} = 2002$$

Bài 1: Cho biểu thức :
$$C = \left(\frac{\sqrt{x}}{3+\sqrt{x}} + \frac{x+9}{9-x}\right) : \left(\frac{3\sqrt{x}+1}{x-3\sqrt{x}} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right)$$

- a. Tìm giá tri của x để C xác đinh
- b . Rút gọn C
- c, Tîm x sao cho C<-1

Bài 2: Cho hệ phương trình :
$$\begin{cases} a x-3y=-4 \\ 2x+y=b \end{cases}$$
 a .Giải hệ phương trình khi a=-5 , b=1

- b, với giá trị nào của avà b thì hệ phương trình đã cho vô nghiệm?

Bài 3: Cho phương trình:

$$x^2 - 2(m+3)x + m^2 - 15 = 0$$
 (m là tham số)

- a, Giải phương trình với m=1.
- b, Với giá tri nào của m thì phương trình có hai nghiêm phân biệt?
- c, Với giá trị nào của m thì phương trình có nghiệm kép . tính nghiêm kép với mvừa tìm được?

Bài 4 Cho tam giác ABC vuông cân tại A quay xung quanh AC được một hình nón có thể tích là 66,99cm³ Tính độ dài cạnh góc vuông của tam giác ABC.

Bài 5: Từ một điểm S nằmngoài đường tròn tâm O, kẻ tiếp tuyến SA và cắt tuyến SBC tới đường tròn sao cho góc BAC < 900. tia phân giác của góc BAC cắt dây BC tại D và cắt đường tròn tâm o tai điểm thứ hai E. Các tiếp tuyến của đường tâm 0 tai Cvà E cắt nhau tai N. gọi Q và P thứ tư là giao điểm của từng cặp đường thẳng AB và CE, AE và CN. Chứng minh: a, SA=SD.

b, EN và BC song song với nhau.

c, Tam giác QCB đồng dạng với tam giác PCE.

d,
$$\frac{1}{CN} = \frac{1}{CD} + \frac{1}{CP}$$

Bài6: Với giá tri nào của k thì hai phương trình sau:

 $1995x^2+kx+5991=0$ và $5991x^2+kx+1995=0$ có nghiệm chung.

Bài 1: Cho biểu thức :P=
$$\left(\frac{4\sqrt{x}}{2+\sqrt{x}} + \frac{8x}{4-x}\right)$$
: $\left(\frac{\sqrt{x}-1}{x-2\sqrt{x}} - \frac{2}{\sqrt{x}}\right)$

- a. Tìm giá trị của x để P xác định
- b. Rút gọn P
- c, Tîm x sao cho P>1

Bài 2: Cho hệ phương trình :
$$\begin{cases} a x-3y=-4 \\ 2x+y=b \end{cases}$$

- a .Giải hệ phương trình khi a= -3, b= 4
- b, với giá trị nào của avà b thì hệ phương trình đã cho vô số nghiệm?

Bài 3 :Cho phương trình :

$$x^2 - 2(m+3)x + 2m - 15 = 0$$
 (m là tham số)

- a, giải phương trình với m=-2.
- b, Chứng minh phương trình có nghiệm với mọi m.
- c, Tìm hệthức giữa hai nghiệm không phụ thuộc m.

<u>Bài 4</u> :Cho tam giác vuông ABC vuông tại A và cạnh AC=5cm , cạnh BC= $3\sqrt{5}$ cm. Khi quay ABC xung quanh AC ta được một hình nón . hãy tính diện tích xung quanh và thể tích hình nón .

<u>Bài 5</u>: Cho tam giác ABC nội tiếp đường tròn tâm 0. AÁ, BB', CC' là các 7986giữa M và C'). Chứnh minh rằng :

- a. AM=AN
- b. Tam giác ABM đồng dạng với tam giác AMC'.
- c. AM²=AC⁷.AB=AH.AA⁷

Bài 6: Tìm giá trị của k để hai phương trình :

 $1995x^2+kx+5991=0$ và $5991x^2+kx+1995=0$ có nghiệm chung.

Bài 1: (1đ)

1, Phân tích thành nhân tử: D=d+dy+y+1

2, Giải phương trình : $x^2 - 3x + 2 = 0$

Bài 2 :(2đ)

1, Cho tam giác ABC vuông tại A có cạnh AB = 21cm, AC = 2cm. Quay tam giác ABC một vòng quanh canh góc vuông AB cố đinh, ta được một hình nón. Tính thể tích hình nón đó.

Bài 3: (2đ)

1 Biết rằng phương trình : $x^2 + 2(d-1)x + d^2 + 2 = 0$ (với d là tham số) có một nghiệm x=1 .Tìm nghiệm còn lại của phương trình này.

 $\begin{cases} \frac{1}{x+1} + \frac{2}{y+1} = 1 \\ \frac{8}{x+1} - \frac{5}{v+1} = 1 \end{cases}$ 2, Giải hệ phươnh trình:

Bài4:(3đ)

Cho tam giác ADC vuông tại D có đường cao DH .Đường tròn tâm O đường kính AH cắt cạnh AD tại điểm M (M#A); Đường tròn tâm O'đường kính CH cắt cạnh DC tại điểm N (N#C) . Chứng minh:

1, Tứ giác DMHN là hình chữ nhất.

2,Tứ giác AMNC nội tiếp tronh một đường tròn

3, MN là tiếp tuyến chung của đường tròn đường kính AH và đường tròn đường kính OO'.

<u>Bài 5 (1đ)</u>:

Cho hai số tự nhiên a,b thoả mãn điều kiện: a+b=2007 Tìm giá trị lớn nhất của tích ab

Bài 1: Cho A =
$$\left(\frac{\sqrt{x}-2}{x-1} - \frac{\sqrt{x}+2}{x+2\sqrt{x}+1}\right) \cdot \frac{(1-x)^2}{2}$$

a) Rút gọn A

b) Tìm điều kiện của x để A > 0

c) Với giá trị nào của x thì A đạt giá trị lớn nhất

Bài 2: Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} mx - y = 2 \\ 2x + my = 4 \end{cases}$$
 a) Giải hệ phương trình khi m = 1

b) Tìm giá trị của m để hệ phương trình có nghiệm (x;y) thỏa mãn hệ thức: $2x - y + \frac{2+m}{2+m^2} = 1$

Bài 3: Trên cùng một đoạn đường dài 96 km, xe vận tải đã tiêu tốn hơn xe du lịch là 4 lít xăng .Hỏi mỗi xe tiêu thụ hết bao nhiều lít xăng khi chạy hết quang đường đó . Biết rằng cứ m ỗi lít xăng thì xe du lịch đi được đoạn đường dài hơn xe vận tải là 2km

Bài 4: Từ điểm S ở ngoài đường tròn (0) . Kẻ hai tiếp tuyến SA,SB tới đường tròn (A,B là tiếp điểm) .Đường thẳng qua S cắt đường tròn (0) tai D và E (D nằm giữa S và E) dây DE không qua tâm (0) .Gọi H là trung điểm của DE; SE cắt AB tại K

a) chứng minh: SA0B nội tiếp

b) chứng minh: HS là tia phân giác của góc ÁHB

c) chứng minh : $\frac{2}{SK} = \frac{1}{SD} + \frac{1}{SE}$

Bài 5: Cho a+b+c = 0, x+y+z=0 và $\frac{a}{x} + \frac{b}{y} + \frac{c}{z} = 0$. Chứng minh : a $x^2 + by^2 + cz^2 = 0$

Bài 1: a) Tính giá trị của biểu thức :
$$A = \sqrt{\frac{9}{\left(2-\sqrt{5}\right)^2}} - \sqrt{\frac{9}{\left(2+\sqrt{5}\right)^2}}$$
 ; $B =$

$$\sqrt{13+4\sqrt{10}}+\sqrt{13-4\sqrt{10}}$$

b) Giải phương trình : $\sqrt{x^2 - 4x + 4} + x = 8$

Bài 2: Cho Pa ra bol $y = x^2$ có đồ thị là (P)

- a) Vẽ (P) . Viết phương trình đường thẳng qua hai điểm A và B thuộc (P) có hoàng độ lần lược là -1 và 2
- b) Tìm trên cung AB của (P) điểm M $\,$ sao cho diện tích của tam giác AMB lớn nhất , tính diên tích lớn nhất đó

Bài 3: Cho phương trình bậc hai $x^2 + mx + n - 3 = 0$

- a) Cho n = 0. Chúng tỏ P/T luôn có nghiệm với mọi giá tri của m
- b) Với điều kiện câu a tìm m đê phương trình có một nghiệm bằng 1 . Tìm nghiệm còn lại

c) Tìm m và n để phương trình có hai nghiệm
$$x_1$$
; x_2 thỏa mãn
$$\begin{cases} x_1 - x_2 = 1 \\ {x_1}^2 - {x_2}^2 = 7 \end{cases}$$

Bài 4:Cho đường tròn (0;R) đường kính AB. Gọi Clà một điểm bất kì thuộc đường tròn đó (C khác A và B), M và N lần lược là các điểm chính giữa của các cung nhỏ AC và BC, các đường thẳng BN, AC cắt nhau tại I, các dây cung AN và BC cắt nhau ở P

- a) chứng minh ICPN nội tiếp, xác đinh tâm K của đường tròn ngoại tiếp đó
- b) chứng minh KN là tiếp tuyến (0;R)
- c) Chứng minh rằng khi C di động trên đường tròn (0;R) thì đường thẳng MN luôn tiếp xúc với một đường tròn cố định

Bài 5: Tính tích số với a ≠ b

P =
$$(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4)$$
..... $(a^{2^{2005}} + b^{2^{2005}})$

$$\underline{\text{Bài 1:}} \text{ Cho hai biểu thức : } A = \frac{\mathbf{D}\mathbf{\hat{E}} \text{ Số 93}}{\sqrt{x} - \sqrt{y}} \qquad B = \frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}}$$

$$B = \frac{x\sqrt{y} + y\sqrt{x}}{\sqrt{xy}}$$

a) Tìm điều kiện có nghĩa của mỗi biểu thức

b) Rút gon A và B

c) Tính tích A.B với $x=\sqrt{3}-\sqrt{2}$ và $y=\sqrt{3}+\sqrt{2}$ Bài 2: Cho phương trình : x^2 - m x + m - 1 = 0 a) Chứng tổ phương trình luôn có nghiệm x_1 ; x_2 với mọi m, tính nghiệm kép của phương trình và giá trị của m tương ứng b) Đặt $A = x_1^2 + x_2^2 - 6x_1 \cdot x_2$

. Tìm m sao cho A=8, rồi tìm giá trị nhỏ nhất của A và giá trị của m tươngứng Bài 3:Một xe tải và một xe con cùng khởi hành từ tỉnh A đến tỉnh B. Xe tải đi với vân tốc 40km/h, xe con đi với vân tốc 60km/h. Sau khi mỗi xe đi nữa đoan đường thì xe con nghỉ 40phút rồi chạy tiếp đến B; xe tải trên quảng đường còn lại đã tăng vận tốc thêm 10km/h

.Nhưng vẫn đến B chậm hơn xe con nữa giờ . Hãy tính quảng đường AB

Bài 4: Cho tam giác ABC vuông tai A ,đường cao AH .Đường tròn tâm 0 đường kính AH cắt AB và AC lần lược tại E và F ($E \neq A$, $F \neq A$). Gọi M,N,P lần lược là trung điểm các đoạn thẳng OH, BH và CH

Chứng minh: a) AHF = ACB

b) Tứ giác BE FC nội tiếp

c) Điểm M là trực tâm tam giác ANP

d) Chứng minh rằng nếu $S_{ABC} = 2 S_{AEHF}$ thì tam giác ABC vuông cân.

Bài 1: Cho biểu thức $A = x + 8 - \sqrt{x^2 - 6x + 9}$

- a) Rút gon A
- b) Tính giá trị biểu thức A với x = -1
- c) Tìm các giá trị cua x để biểu thức A = 1

<u>Bài 2:</u> a) Trên hệ trục tọa độ 0xy ,vẽ đồ thị (P) của hàm số y = $\frac{1}{4}x^2$

b) Xác định hàm số y = a.x + b . Biết đồ thị của nó qua điểm M(2; 1) và tiếp xúc với (P)

Bài 3: Giải các phương trình sau:

a)
$$\frac{1}{x-4} - \frac{1}{x+4} = \frac{1}{3}$$

b)
$$\sqrt{x^2 - 9} + \sqrt{x^2 - 6x + 9} = 0$$

c)
$$x^2 + \frac{1}{x^2} - 4\left(x + \frac{1}{x}\right) - 3 = 0$$

<u>Bài 4:</u> Cho đường tròn (0) và điểm P ở ngoài đường tròn kẻ hai tiếp tuyến PA,PB (A,B là tiếp điểm) từ A vẽ tia song song với PB cắt (0) tại C ($C \neq A$). Đoạn PC cắt (0) tại điểm thứ hai là D, tia AD cắt PB tại M

Chứng minh

- a) tam giác MAB đồng dang tam giác MBD
- b) AM là trung tuyến tam giác PAB

<u>Bài 5:</u> Cho hình chóp tứ giác đều SABCD (*đáy ABCD là hình vuông ,có đường cao SO vuông góc với mặt phẳng đáy tại giao điểm hai đường chéo hình vuông*). Tính diện tích xung quang và thể tích hình chóp biết rằng SA = AB = a

Bài 1: Cho biểu thức :
$$P = \left(\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right) : \left(\frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x}} + \frac{1 - \sqrt{x}}{x + \sqrt{x}}\right)$$

a) Rút gọn P b) Tính giá trị của P biết $x = \frac{2}{2 + \sqrt{3}}$

c) Tìm giá trị của x thỏa mãn : $P\sqrt{x} = 6\sqrt{x} - 3 - \sqrt{x-4}$

Bài 2: Cho phương trình $x^2 + (2m - 5)x - n = 0$

a) Giải phương trình khi m = 1, n = 4

b) Tìm m và n để phương trình có hai nghiệm là 2 và -3

c) Cho m = 5. Tìm n nguyên nhỏ nhất để phương trình có nghiệm dương

<u>Bài 3</u>: Để hoàn thành một công việc hai tổ phải làm chung trong 6 giờ, sau 2giờ làm chung thì tổ hai được điều đi làm công việc khác; tổ một đã hoàn thành công việc trong 10 giờ. .Hỏi nếu mỗi tổ làm riêng thì sau bao lâu sẽ làm xong công việc

 $\underline{\text{Bài 4:}}$ Cho tam giác ABC (AC = BC) nội tiếp trong đường tròn (0) có đường kính CD = 2R , lấy một

điểm M trên cung nhỏ BC (M \neq B ,M \neq C) ,trên tia AM lấy điểm E sao cho ME = MB (M nằm giữa A và E)

a) Chúng minh MD // BE

b) Kéo dài CM cắt BE tại I .Chứng minh BI = IE suy ra CA = CB = CE

c) $CMR : MA + MB \le CA + CB$

d) Giả sử cung $AB = 120^{0}$, Trên tia đối của tia CD lấy điểm N sao cho CA = CN. Tìm điểm K trên ND (theo R) để tam giác NEK vuông tại E

Bài 1:a) Thu gọn các biểu thức sau:

$$A = \sqrt{2 - \sqrt{3}} \cdot \left(\sqrt{6} + \sqrt{2} \right) \qquad B = \frac{8 + 2\sqrt{2}}{3 - \sqrt{2}} - \frac{2 + 3\sqrt{2}}{\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{2}}{1 - \sqrt{2}}$$

b) Giải phương trình : $\sqrt{x-1+4\sqrt{x-5}} + \sqrt{x+11+8\sqrt{x-5}} = 10$

Bài 2: Cho hệ phương trình $\begin{cases} x + y = m \\ m.x + y = 1 \end{cases}$ (1)

a) Giải hệ với m = 2

(2)

b) Xác định giá trị của m để hai đường thẳng có phương trình (1) và (2) cắt nhau tại một điểm trên (P): $y = -2x^2$

Bài 3: Cho phương trình : $x^2 + m.x - n = 0$

a) Giải phương trình khi m = - (2 - $\sqrt{3}$) và n = $2\sqrt{3}$

b) Cho n = 1 . Tìm các giá trị của m để phương trình $\,$ có ít nhất một nghiệm lớn hơn hay bằng $\,$ 2

Bài 4:

Cho đường tròn (0) đường kính AC .Trên đoạn OC lấy điểm B $(B \neq C)$ và vẽ đường tròn tâm I đường kính BC .Gọi M là trung điểm của đoạn AB ,qua M kẻ một dây cung DE vuông góc với AB , DC cắt đường tròn (I) tai K

a) Tứ giác ADBE là hình gì? Tại sao

b) chứng minh: K, B, E thẳng hàng

c) chứng minh : MK là tiếp tuyến của đường tròn tâm I và $MK^2 = MB$. MC

<u>Bài 1:</u> a) Xác định hàm số y = a.x + b (D) .Biết đồ thị hàm số song song với đường thẳng y = -3x và qua M(1; 3)

b) Tìm \dot{m} để đường thẳng (Dm): $\dot{y} = \dot{m}^2 . \dot{x} + \dot{m} - 6$ đi qua một điểm trên (D) có hoành đô bằng 4

<u>Bài 2:</u> Cho hàm số $y = -2x^2$ có đồ thị (P)

- a) Vẽ (P) trên một hệ truc tọa độ vuông góc
- b) Gọi A($\frac{2}{3}$; 7) và B (2 ; 1) . Viết phương trình đường thẳng AB , xác định tọa độ giao điểm của đường thẳng AB và (P)
- c) Tìm điểm trên (P) có tổng hoành độ và tung độ của nó bằng 6 Bài 3: a) Giải phương trình x^4 $6x^2$ + 8 = 0
- b) Cho phương trình : x^2 (2m 3).x + m^2 3m = 0 . Định m để phương trình có hai nghiệm x_1 ; x_2 thỏa mãn $1 < x_1 < x_2 < 6$

<u>Bài 4:</u> Cho tam giác đều ABC nội tiếp trong (O;R). Gọi AI là đường kính cố định và D là điểm di động trên cung nhỏ AC (D khác A và C)

- a) Tính cạnh của tam giác ABC theo R và chứng tỏ AI là phân giác góc BAC
- b) Trên tia DB lấy đoạn DE = DC ,chứng minh tam giác CDE đều và DI vuông góc CE
- c) Tìm Tập hợp các điểm E khi D di động trên cungnhỏ AC của đường tròn (O)
- d) Tính theo R diện tích tam giác ADI lúc D là điểm chính giữa cung nhỏ AC

Bài 1: Cho biểu thức P =
$$\frac{(2x-3)(x-1)^2 - 4(2x-3)}{(x+1)^2(x-3)}$$

- a) Rút gọn biểu thức P
- b) Tính giá trị của biểu thức P khi $x = 1 + \sqrt{2}$
- c) Tìm giá trị của x để P > 1

Bài 2: Cho hệ phương trình
$$\begin{cases}
-m^2x + 4y = m \\
-x + 2y = 2\sqrt{2}
\end{cases}$$
(1)

- a) Giải hệ phương trình khi m = 1
- (2)
- b) Với giá trị nào của m thì hệ có nghiệm duy nhất
- c) Tìm giá trị của m để hai đường thẳng(1) và (2) của hệ cắt nhau tại một điểm thuộc góc phần tư thứ II của hê truc Oxy
- <u>Bài 3:</u> Có hai vòi nước A và B. Nếu mở cả hai vòi cùng lúc chảy vào bể chưa có nước thì sau 3 giờ 30 phút đầy bể .Nếu mở riêng từng vòi thì vòi A chảy đầy bể nhanh hơn vòi B 2 giờ .Hỏi nếu mở riêng từng vòi thì sau bao lâu bể đầy
- $\underline{\text{Bài 4:}}$ Cho tam giác ABC nhọn nội tiếp trong (O;R) .Gọi H là trực tâm của tam giác vẽ đường kính AD và vẽ OI vuông góc BC tại I

Chứng minh : a) $AB^2 + BD^2 = AC^2 + CD^2$

- b) AH = 2OI
- c) AB.AC = AD. AK (K là giao điểm của AH và BC)
- d) $MA + MB + MC + MO \ge 3R$ (với M là điểm tùy ý)

<u>Bài 5:</u> Giải phương trình $x^4 + \sqrt{x^2 + 2005} = 2005$

Bài 1: Xét biểuthức
$$A = \frac{2\sqrt{x} - 9}{x - 5\sqrt{x} + 6} - \frac{\sqrt{x} + 3}{\sqrt{x} - 2} - \frac{2\sqrt{x} + 1}{3 - \sqrt{x}}$$

- a) Tìm điều kiện của x để A có nghĩa và Rút gọn A
- b) Với giá trị nguyên nào của x thì A < 1
- c) Tìm giá trị nguyên của x sao cho A cũng là số nguyên

b) Với giá trị nguyên nào của x thì
$$A < 1$$
c) Tìm giá trị nguyên của x sao cho A cũng là số nguyên
$$\frac{2}{x+1} + \frac{1}{y-2} = 0$$
b) Giải phương trình : $2x - 5 = 3\sqrt{x+2}$

Bài 3: Cho pa ra bol (P): $y = -2x^2$

- a) Vẽ P trên hệ trục tọa độ
- b) Tìm trên P các điểm sao cho khoảng cách từ đó đến gốc tọa độ O bằng $\sqrt{3}$
- c) Gọi A và B là hai điểm thuộc P có hoành độ lần lược là 2 và $\frac{3}{2}$.Tính S_{AOB} theo

đơn vi hệ truc Oxy

Bài 4: Cho tam giác đều ABC cạnh a .Từ một điểm M trên đoạn BC vẽ đường thẳng song song AB cắt AC tại F, cũng từ M vẽ đường thẳng song song AC cắt AB tại E

- a) chúng minh: tứ giác A F M B nội tiếp
- b) Chứng minh : BF = CE
- c) Xác định vị trí của M trên đoạn BC để diện tích tam giác MEF bằng $\frac{a^2\sqrt{3}}{16}$ (đơn vị diện tích)

Bài 1: Tính giá trị các biểu thức sau:

A =
$$\frac{1}{a+1} + \frac{1}{b+1}$$
 (với a = $\frac{1}{\sqrt{|4\sqrt{3}+7|}}$ và b = $\frac{1}{\sqrt{|4\sqrt{3}-7|}}$)
$$B = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{4-2\sqrt{3}}} : \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{2}-1}$$

Bài 2: Cho phương trình : $x^2 - 2(m+1) \cdot x + m^2 - 4m + 5 = 0$

- a) Định m để phương trình có nghiệm
- b) Tìm m để phương trình có hai nghiệm phân biệt đều dương

Bài 3: Hai xe ôtô cũng khởi hành từ A để đến B ,xe tứ nhất chạy vận tốc 40km/h ,vận tốc xe thứ hai bằng 1,25 lần vận tốc xe thứ nhất .Nữa giờ sau cũng từ A một xe thứ ba đi về B ,xe này đuổi kịp xe thứ nhất và sau đó 1h30' đuổi kịp xe thứ hai .Tính vận tốc xe thứ ba Bài 4: Cho đường tròn tâm O và S là điểm ở ngoài đường tròn từ S vẽ hai tiếp tuyến SAvà SA' (A,A'là hai tiếp điểm) và cát tuyến SBC tới đường tròn (B nằm giữa S và C)

- a) Phân giác góc BAC cắt BC tại D. Chứng minh: SA = SD
- b) Tia AD cắt đường tròn tại E . Gọi G là giao điểm của OE và BS ,F là giao điểm của
- A A' và BC Chứng minh : $SA^2 = SG .SF$
- c) Cho biết SB = a . Tính SF theo a khi BC = 2a/3
- Bài 5: Giải phương trình : $x^3 + 6x^2 + 3x 10 = 0$

Bài 1: Xét biểu thức
$$B = \left(1 + \frac{\sqrt{a}}{a+1}\right) : \left(\frac{1}{\sqrt{a}-1} - \frac{2\sqrt{a}}{a\sqrt{a}+\sqrt{a}-a-1}\right)$$

- a) Tìm điều kiện của a để B có nghĩa
- b) Rút gọn B
- c) Tính giá trị của a sao cho B > 1
- d) Tính giá trị của B nếu $a = 6 2\sqrt{5}$

Bài 2: a) Giải hệ phương trình
$$\begin{cases} x + |y| = 3 \\ 2x - 5y = 6 \end{cases}$$

- b) Một khu vườn hình chữ nhật có chu vi 420 m. Người ta làm một lối đi xung quanh vườn ,thuộc đất của vườn rộng 1,5 m , diện tích còn lại là 10179 m^2 . Tính các kích thước của vườn Bài 3: Cho phương trình x^2 -2(m+2)x + 2m + 1 = 0
 - a) Giải phương trình khi m = -1
 - b) Chứng minh rằng phương trình luôn có hai nghiệm phân biệt với mọi m
 - c) Gọi x₁ ,x₂ là hai nghiệm của phương trình
 - ❖ Tìm hệ thức liên hệ giữa hai nghiệm x₁,x₂ không phụ thuộc m
 - **T**îm m để $x_1^2 + x_2^2$ nhỏ nhất

Bài 4: Cho nửa đường tròn tâm O đường kính AB ,trên nửa mặt phẳng bờ AB chứa nửa đường tròn đó ta kẻ tiếp tuyến Ax và dây AC bất kỳ ,tia phân giác góc CAx cắt nửa đường tròn tại D ,các tia AD và BC cắt nhau tai E

- a) Tam giác ABC là tam giác gì? Tai sao
- b) Gọi I là trung điểm của EK chứng minh: tam giác EID đồng dang tam giác BOD
- c) Chứng minh: OI . DC = 2DI .DO
- d) Nếu SinBAC = $\sqrt{\frac{2}{3}}$ chứng minh : KH(KE + 2KH) = 2HE.KE

Bài 1: Chứng minh rằng : a)
$$\left(1 + \frac{a + \sqrt{a}}{\sqrt{a} + 1}\right) \left(1 - \frac{a - \sqrt{a}}{\sqrt{a} - 1}\right) = 1 - a$$
 $\left(a \ge 0, a \ne 1\right)$

b)
$$\sqrt{|12\sqrt{5}+29|} - \sqrt{|12\sqrt{5}-29|} = 6$$
 c) $\sqrt{2-\sqrt{3}} \cdot (\sqrt{6}-\sqrt{2})(2+\sqrt{3}) = 2$

c)
$$\sqrt{2-\sqrt{3}}.(\sqrt{6}-\sqrt{2})(2+\sqrt{3})=2$$

Bài 2: Cho hàm số $y = a x^2 \text{ có đồ thị là (P)}$

a) Xác đinh a biết đồ thi (P) qua điểm A(-2;-1) và vẽ (P)

 b) Gọi B là điểm trên (P) có hoành độ bằng 4. Viết phương trình đường thẳng (D) Tiếp xúc (P) và song song với đường thẳng AB

 $x^{2} + (2m - 1).x - m = 0$ Bài 3: Cho phương trình:

a) Giải phương trình khi m = 1

b) CMR: Phương trình luôn có 2 nghiệm phân biệt với mọi m

c) Tìm m để 2 nghiệm
$$x_1$$
, x_2 thỏa mãn : $\frac{x_1}{x_2+1} + \frac{x_2}{x_1+1} = 2$

Bài 4: Cho (O;R) và một điểm A nằm ngoài đường tròn .Từ A kẻ hai tiếp tuyến AB và AC và cát tuyến AMN tới đường tròn (B,C,M,N nằm trên đường tròn và AM < AN). Gọi D là trung điểm của MN, E là giao điểm thứ hai của đường thẳng CD với đường tròn

a) CM: 5 điểm A,B,O,D,C cùng nằm trên đường tròn đường kính AO

b) CM: BE // MN

c) Xác định vị trí cát tuyến AMN để diện tích tam giác AEN lớn nhất

Bài 5: Giải phương trình : (x+1)(x+2)(x+3)(x+4) = 2

Bài 1: Cho hệ phương trình

 $\int x + my = 2$ mx + y = m + 1

a) Giải hệ phương trình khi m = 1

b) Chứng tỏ rằng ∀m ≠±1 hệ luôn có nghiệm duy nhất

c) Tìm giá trị của m để hệ có nghiệm (x;y) thỏa mãn x + y < 0

d) Với giá trị nguyên nào của m thì hệ có nghiệm nguyên duy nhất

Bài 2: Cho phương trình : x^2 - 2m .x + m^2 - 9 = 0

a) Định m để phương tình có một nghiệm bằng 4 .Tính nghiệm còn lại

b) Tìm giá trị của m để phương trình có hai nghiệm x_1 ; x_2 thỏa mãn : x_1 . x_2 - 2 ($x_1 + x_2$) < 23 Bài 3: Một phòng họp có 360 ghế ngồi được xếp thành từng dãy và số ghế mỗi dãy bằng nhau .Nếu số dãy ghế tăng lên 1 và số ghế của mỗi dãy cũng tăng thêm 1 thì trong phòng sẽ có 400 ghế . Hỏi trong phòng họp có bao nhiều dãy ghế và mỗi dãy có bao nhiều ghế Bài 4: Cho đoạn thẳng AB và một điểm C nằm giữa A và B . Người ta kẻ trên nữa mặt phẳng bờ AB hai tia Ax và By vuông góc AB ,trên tia Ax lấy một điểm I .Tia vuông góc với CI tại C cắt tia By tại K .Đường tròn đường kính IC cắt IK tại P .Chứng minh :

a) Tứ giác CPKB nội tiếp

b) AI.BK = AC.CB

c) Tam giác APB vuông

d) Giả sử A,B I cố định . Hãy xác định vị trí của điểm C sao cho S $_{ABKI}$ lớn nhất Tìm x,y sao cho : $A=x^2-4xy+5y^2+20x-22y+28$ nhỏ nhất

<u>Bài 5:</u> Tìm x,y sao cho:

Bài 1: Cho các biểu thức
$$A = \left(\frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 1} - \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 1}\right) \left(\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}\right)$$
 $B = \frac{|x|}{1 + \sqrt{1 - |x|}}$

- a) Tìm x để A và B có nghĩa
- b) Tìm giá tị lớn nhất và giá tị nhỏ nhất của B
- c) Với giá tri nào của x thì A = B

Bài 2: Cho hàm số $y = -2.x^2$ có đồ thị là (P) và đường thẳng (D_k) : y = -k.x + k. Định k để (D_k)

- a) Không cắt (P)
- b) Cắt (P)
- c) Tiếp xúc với (P) .Tìm tọa độ tiếp điểm trong trường hợp này

<u>Bài 3:</u> Lấy một số tự nhiên có hai chữ số chia cho số viết bởi hai chữ số ấy có thứ tự ngược lại thì được một số bằng tổng bình phương của mỗi chữ số đó .Tìm số tự nhiên đó

<u>Bài 4:</u> Cho tam giác ABC nội tiếp đường tròn (O;R) .M là điểm di động trên cung lớn BC , từ M dựng đường vuông góc với AB ,BC và AC lần lược tại H, K ,P .Chứng minh :

- a) BKMH nội tiếp
- b) Tam giác MHK đồng dạng tam giác MAC
- c) Tìm vị trí của M để độ dài đoạn HK đạt giá trị lớn nhất

Bài 5: Giải phương trình:
$$\frac{4x}{x^2 - 8x + 7} + \frac{5x}{x^2 - 10x + 7} = -1$$