

Thực hành KỸ THUẬT THAM ĂN

BÀI TOÁN CÁI BA LÔ $f(X) \rightarrow MAX$

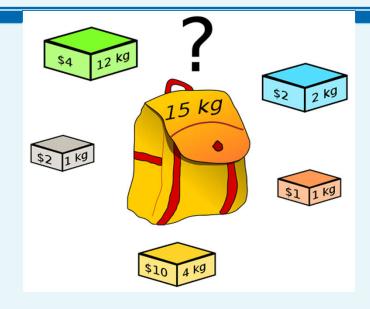
Võ Huỳnh Trâm

www.ctu.edu.vn



(3) Bài toán cái ba lô

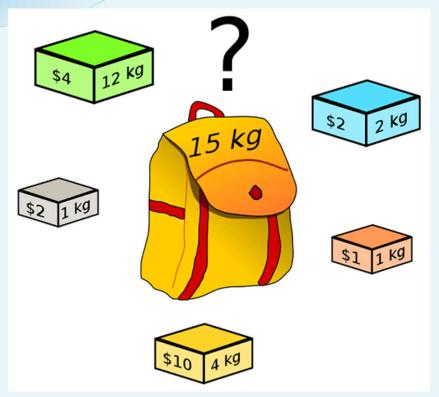
Bài toán: Cho một cái ba lô có thể đựng trọng lượng W và n loại đồ vật, mỗi đồ vật i có một trọng lượng g_i và một giá trị v_i. Tất cả đồ vật đều có số lượng không hạn chế → Bài toán CBL1

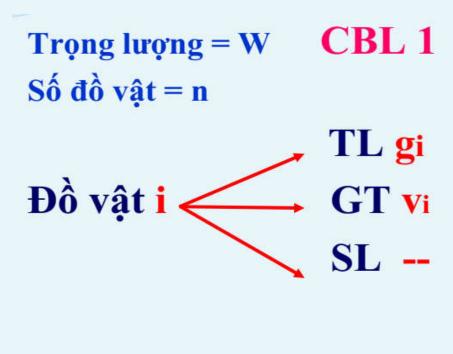


• Yêu cầu: Tìm cách chọn đồ vật đựng vào ba lô (đồ vật nào, số lượng bao nhiều) sao cho tổng trọng lượng không vượt quá W và tổng giá trị là lớn nhất?



(3) Bài toán cái ba lô







(3) Bài toán cái ba lô: Thuật toán tham ăn

Áp dụng kỹ thuật Tham ăn:

 $\mathbf{DG} = \mathbf{GT} : \mathbf{TL}$

- (1). Tính đơn giá cho các loại đồ vật.
- (2). Xét các loại đồ vật theo thứ tự đơn giá từ lớn đến nhỏ.
- (3). Với mỗi đồ vật được xét sẽ lấy một số lượng tối đa mà trọng lượng còn lại của ba lô cho phép.
- (4). Xác định trọng lượng còn lại của ba lô và quay lại bước (3) cho đến khi không còn có thể chọn được đồ vật nào nữa.



Bài toán cái ba lô: Ví dụ

Ví dụ: Có một ba lô có trọng lượng là 37 và 4 loại đồ vật với trọng lượng và giá trị tương ứng được cho trong bảng bên dưới:

Loại đồ vật	Trọng lượng	Giá trị
A	15	30
В	10	25
C	2	2
D	4	6

$$\begin{array}{ccc}
\mathbf{CBL 1} & \mathbf{W} = \mathbf{37} \\
\mathbf{n} = \mathbf{4}
\end{array}$$

$$\mathbf{DG} = \mathbf{GT} : \mathbf{TL}$$

5



Bài toán cái ba lô: Thuật toán Tham ăn

• Phương án $X = (X_A, X_B, X_C, X_D)$

$\mathbf{CBL} \, \mathbf{1} \quad \mathbf{W} = \mathbf{37}$

ĐV	TL	GT	ÐG
В	10	25	2.5
A	15	30	2.0
D	4	6	1.5
C	2	2	1.0

 $\mathbf{DG} = \mathbf{GT} : \mathbf{TL}$

•
$$X_B = 37/10 = 3$$

 $W = 37 - 3*10 = 7$.

•
$$X_A = 7/15 = 0$$

•
$$X_D = 7/4 = 1$$

 $W = 7 - 4*1 = 3$.

•
$$X_C = 3/2 = 1$$
.
 $W = 3 - 2 = 1$

 \rightarrow Phương án là X = (0, 3, 1, 1)

• Tổng TL: 3*10 + 1*4 + 1*2 = 36

• Tổng GT: 3*25+1*6+1*2 = 83.



Bài toán cái ba lô: Tổ chức dữ liệu

- Mỗi đồ vật được biểu diễn bởi một mẩu tin có các trường:
 - Ten: Lưu trữ tên đồ vật.
 - Trong_luong: Lưu trữ trọng lượng của đồ vật.
 - Gia_tri: Lưu trữ giá trị của đồ vật
 - Don_gia: Lưu trữ đơn giá của đồ vật
 - Phuong_an: Lưu trữ số lượng đồ vật được chọn theo phương án.
- Danh sách các đồ vật được biểu diễn bởi một mảng các đồ vật.



Bài toán cái ba lô: Chương trình

```
#define MAX SIZE
                    100
typedef struct {
  char Ten [20];
  float Trong luong, Gia tri, Don gia;
  int Phuong an;
 Do vat;
typedef Do_vat Danh sach do vat[MAX SIZE];
void Greedy (Danh_sach_do_vat dsdv, float W) {
  int i:
  /*Sắp xếp mảng dsdv theo thứ tự giảm của don gia*/
  for (i = 0; i < n; i++) {
      dsdv[i].Phuong an = Chon(dsdv[i].Trong_luong, W);
      W = W - dsdv[i].phuong an * dsdv[i].Trong luong }
```



Biến thể của bài toán cái ba lô

- Có một số biến thể của bài toán cái ba lô như sau:
 - (1) $M\tilde{o}i \, d\hat{o} \, vật \, i \, chỉ \, có \, một \, số \, lượng \, s_i$: Với bài toán này, khi lựa chọn vật i ta không được lấy một số lượng vượt quá $s_i \rightarrow Bài \, toán \, CBL \, 2$
 - (2) Mỗi đồ vật chỉ có một cái: Với bài toán này, với mỗi đồ vật ta chỉ có thể chọn hoặc không chọn
 - → Bài toán CBL 3



Biến thể của bài toán cái ba lô

Trọng lượng = W

 $S\hat{o} \ d\hat{o} \ vat = n$

CBL 1 CBL 2 CBL 3

