AVL מבני נתונים - פרויקט מעשי עץ

2021 במאי 19

תוכן העניינים

3	המחלקה AVLNode			
3	שדות המחלקה:		1.1	
3	זמחלקה:	בנאיי ר	1.2	
3	public AVLNode() הבנאי הריק	1.2.1		
3	public AVLNode(int key, boolean info, AVLNode parent) הבנאי	1.2.2		
4	: המחלקה:	פעולות	1.3	
4	public boolean isRealNode() הפעולה	1.3.1		
4	public int getKey() הפעולה	1.3.2		
4	public Boolean getValue() הפעולה	1.3.3		
4	public void setLeft(AVLNode node) הפעולה	1.3.4		
4	public AVLNode getLeft() הפעולה	1.3.5		
4	public void setRight(AVLNode node) הפעולה	1.3.6		
4	public AVLNode getRight() הפעולה	1.3.7		
5	public void setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה	1.3.8		
5	public AVLNode getChildInDir(Direction dir)הפעולה	1.3.9		
5	public void setParent(AVLNode node) הפעולה	1.3.10		
5	public AVLNode getParent() הפעולה	1.3.11		
5	public void setHeight(int height) הפעולה	1.3.12		
5	public int getHeight() הפעולה	1.3.13		
5	public void setSize(int size) הפעולה	1.3.14		
5	public int getSize() הפעולה	1.3.15		
5	public void setSubTreeXor(boolean xor) הפעולה	1.3.16		
6	public boolean getSubTreeXor() הפעולה	1.3.17		
6	public void setSuccessor(AVLNode successor) הפעולה	1.3.18		
6	public AVLNode getSuccessor() הפעולה	1.3.19		
6	public void setPredecessor(AVLNode predecessor) הפעולה	1.3.20		
6	public AVLNode getPredecessor() הפעולה	1.3.21		
6	gublic int getBalanceFactor() הפעולה	1.3.22		
6	public void updateNodeFields() הפעולה	1.3.23		
6	public int getChildCount() הפעולה	1.3.24		
7		1.3.25		

7	המחלקה AVLTree			
7	המנייה Direction דמנייה	טיפוס ו	2.1	
7	ערכי טיפוס המנייה	2.1.1		
7	public Direction reverseDir() הפעולה	2.1.2		
7	מחלקה:	שדות ה	2.2	
7	מחלקה:	בנאי הנ	2.3	
7		2.3.1		
7	המחלקה:	פעולות	2.4	
7	public AVLNode getVirtualNode() הפעולה	2.4.1		
8	public AVLNode getRoot() הפעולה	2.4.2		
8	public void setRoot(AVLNode root) הפעולה	2.4.3		
8	public boolean empty() הפעולה	2.4.4		
8	public int size() הפעולה	2.4.5		
8	public AVLNode getMin() הפעולה	2.4.6		
8	public void setMin(AVLNode min) הפעולה	2.4.7		
8	public AVLNode getMax() הפעולה	2.4.8		
8	public void setMax(AVLNode max) הפעולה	2.4.9		
9	public AVLNode searchNode(int k) הפעולה	2.4.10		
9	public Boolean search(int k) הפעולה	2.4.11		
9	protected void updateSuccessor(AVLNode node, AVLNode newNode) הפעולה	2.4.12		
9	private void updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה	2.4.13		
9	private void updateRelationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) פעולה	n 2.4.1	4	
9	private Direction getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה	2.4.15		
10	private void rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה	2.4.16		
10	private void rotateRight(AVLNode node) הפעולה	2.4.17		
10	private void rotateLeft(AVLNode node) הפעולה	2.4.18		
10	private void rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה	2.4.19		
10	private void rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה	2.4.20		
11	private void balanceNode(AVLNode node) הפעולה	2.4.21		
11	private boolean isUnbalanced(AVLNode node) הפעולה	2.4.22		
11	protected AVLNode balanceTreeOnce(AVLNode node) הפעולה	2.4.23		
11	private void replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה	2.4.24		
11	private int balanceTree(AVLNode node) הפעולה	2.4.25		
12	public int insert(int k, boolean i) הפעולה	2.4.26		
12	public int delete(int k) הפעולה	2.4.27		
14	public Boolean min() הפעולה	2.4.28		
14	public Boolean max() הפעולה	2.4.29		
14	public void inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) הפעולה	2.4.30		
14	public AVLNode[] nodesToArray() הפעולה	2.4.31		
15	public int[] keysToArray() הפעולה	2.4.32		
15	public boolean[] infoToArray() הפעולה	2.4.33		
15	public boolean prefixXor(int k) הפעולה	2.4.34		
15	public AVLNode successor(AVLNode node) הפעולה	2.4.35		
15	public boolean succPrefixXor(int k) הפעולה	2.4.36		

AVLNode המחלקה

1.1 שדות המחלקה:

- m AVL אשר אשר מייצג את המפתח של צומת m key מסוג ווt. הקבוע הפרטי
- .AVL אשר מייצג את המידע של Boolean מסוג info מסוג הקבוע הפרטי 2.
- . המשתנה הפרטי אשר אות אשר מייצג את מייצג את height מסוג ווה המשתנה הפרטי. 3
- .AVL אשר אביו הישיר של צומת אר AVLNode מסוג את אביו הפרטי אם מסוג מסוג אר מייצג את אביו הפרטי 4.
- .AVL אשר אה בעץ את אור הפרטי הישיר את מייצג את מייצג את אשר מייצג את מסוג left מסוג .5
- .AVL אשר מייצג את בנו הימני הישיר של אומת אה בעץ AVLNode מסוג right מסוג.
- . המשתנה הפרטי subTreeSize מסוג אודל אייצג את גודל מייצג אם subTreeSize . .
- xor אשר מעולת perfixXor אשר משמש למימוש אשר שסוג boolean מסוג subTreeXor מסוג את משמש אשר משמש אשר משמש אשר מעולת info של שדות info
- חות המפתח העוקב המפתח הפרטי אשר מייצג את הצומת מייצג את הצומת מסוג AVLNode מסוג successor אשר מייצג את הצומת המפתח המפתח המקסימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת של הצמתים בעץ) של צומת זה בעץ AVL. אם הצומת הוא האיבר עם המפתח המקסימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת וירנוואלי
- בקבוצת אחר הפרטי predecessor מסוג AVLNode אשר מייצג את הצומת הקודם (הצומת עם המפתח הקודם בקבוצת המפתחות של הצמתים בעץ) של צומת זה בעץ AVL. אם הצומת הוא האיבר עם המפתח המינימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת וירטואלי

1.2 בנאיי המחלקה:

public AVLNode() הבנאי הריק 1.2.1

מה הוא עושה: פעולה בונה של המחלקה, מאתחלת ערכים לשדות מסוימים עבור צומת וירטואלי בעץ. כלומר, פעולה זו בונה צומת וירטואלי.

כיצד הוא פועל: מאתחל לשדות ערכים לפי ערכי הצומת הוירטואלי הרצויים.

 $O\left(1
ight)$ איז הכוללת הריצה אמן הריצה ולכן השמות, ולכן השמות, הכוללת היא מתבצע מספר קבוע של השמות, ולכן היבוכיות אמן הריצה מתבצע מספר היא

public AVLNode(int key, boolean info, AVLNode parent) הבנאי 1.2.2

מה הוא עושה: פעולה בונה של המחלקה, מאתחלת את שדות המחלקה עבור עלה בעץ.

- . השדה key מאותחל לפרמטר key שניתן על ידי המשתמש •
- . השדה info מאותחל לפרמטר info שניתן על אידי המשתמש •
- . השדה height מאותחל ל-0, שהוא גובה של תת-עץ בעל צומת אחד.
- . השדה שניתן על ידי המשתמש parent לפרמטר לפרמטר parent השדה •
- של אס אותחל פעולת אסר אבן אדי המשתמש, שכן אדי אניתן אל לפרמטר לפרמטר אותחל לפרמטר השדה אותחל לפרמטר אניתן אל אניתן אל אותחל לפרמטר אותחל אותחל אותחל אותחל שנמצאים בתת-העץ ששורשו הוא צומת אה, כלומר תת-עץ עם צומת יחיד.
- הוא נוצר, שכן הייצוג של חוסר קיום ילד לצומת, הוא (AVLTree) השדה ווער, של מאותחל לצומת הוירטואלי של העץ צומת וורטואלי.
 - . בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי הוירטואלי של העץ right
 - . בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי לצומת מאותחל לצומת successor

. בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי מאותחל לצומת predecessor

כיצד הוא פועל: מאתחל חלק משדות המחלקה בהתאם לכללים והגדרות אחריהם אנו עוקבים בקורס, כאשר השמה חוקית לשדות מאתחל ו-public int insert(int k, boolean i) עולת הכנסת צומת של המחלקה public int insert(int k, boolean i).

AVLTree

סיבוכיות אמן הריצה: מתבצע מספר קבוע של השמות, וכן קריאה למתודה (getVirtualNode) אשר כפי שניתן יהיה לראות בהמשך, פועלת ב- $O\left(1\right)$ סיבוכיות אמן ריצה. לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$

1.3 פעולות המחלקה:

public boolean isRealNode() הפעולה 1.3.1

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא אמיתי.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה השוואה וגישה אחת לשדה לכן

public int getKey() הפעולה 1.3.2

-1 מה היא עושה: מחזירה את המפתח של הצומת (אם הצומת וירטואלי מוחזר

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן ישנה ישנה אחת הריצה:

public Boolean getValue() הפעולה 1.3.3

מה היא עושה: מחזירה את המידע של הצומת, או null אם הצומת וירטואלי.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה ישנה קריאה לפעולה ישנה אחת לשדה, לכן סיבוכיות אחת הריצה היא $O\left(1\right)$.

public void setLeft(AVLNode node) הפעולה 1.3.4

. שלו. השמאלי אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את הצומת הצומת הצומת מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה ישנה אחת לשדה, לכן סיבוכיות אחת היא ווכן היצה היא $O\left(1\right)$.

public AVLNode getLeft() הפעולה 1.3.5

מה היא עושה: מחזירה את הבן השמאלי של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה אחת לשדה לכן

public void setRight(AVLNode node) הפעולה 1.3.6

. מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את הצומת הצומת שלו.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() פיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא $O\left(1\right)$.

public AVLNode getRight() הפעולה 1.3.7

מה היא עושה: מחזירה את הבן הימני של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן שנה גישה אחת לשדה לכן

public void setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה 1.3.8

dir מה היא עושה: משימה את node כבן השמאלי או הימני של הצומת משימה את משימה את

שרצות ב- setLeft(AVLNode node) או setRight(AVLNode node) שרצות וקריאה לפעולה שנה השוואה וקריאה לפעולה (O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה היא (O(1)).

public AVLNode getChildInDir(Direction dir) הפעולה 1.3.9

dir מה היא עושה: מחזירה את הבן השמאלי או הימני של הצומת, כתלות בכיוון

סיבוכיות אמן הריצה ב-(1), $O\left(1\right)$ שרצות getRight() או (getRight(), לכן סיבוכיות מן הריצה היא היא הריצה: ישנה השוואה וקריאה לפעולה ($O\left(1\right)$.

public void setParent(AVLNode node) הפעולה 1.3.10

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה (שנה קריאה לפעולה ישנה היא isRealNode() ארצה ב- $O\left(1\right)$.

public AVLNode getParent() הפעולה 1.3.11

מה היא עושה: מחזירה את אביו הישיר של הצומת.

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setHeight(int height) הפעולה 1.3.12

.height אומת להיות של הגובה את קובעת את קובעת מה היא עושה:

 $O\left(1\right)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public int getHeight() הפעולה 1.3.13

מה היא עושה: מחזירה את הגובה של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן שנה ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setSize(int size) הפעולה 1.3.14

.size מה היא עושה: קובעת את כמות הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי להיות

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה ישנה לשדה לכן

public int getSize() הפעולה 1.3.15

מה היא עושה: מחזירה את כמות הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי.

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setSubTreeXor(boolean xor) הפעולה 1.3.16

x ביות הנוכחי היות הצומת הוא שורשו בתת-העץ של כלל הצמתים על המידע על מנוכחי הנוכחי מה היא עושה: קובעת את תוצאת פעולת

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public boolean getSubTreeXor() הפעולה 1.3.17

מה היא עושה: מחזירה את תוצאת פעולת xor על המידע של כלל הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי.

 $O\left(1
ight)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setSuccessor(AVLNode successor) הפעולה 1.3.18

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את successor כעוקב שלו.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן הריצה ויאנה הריצה isRealNode() שרצה בינות אחת לשדה, לכן הריצה ויאנה הריצה היאנה היאנה היאנה ויאנה לפעולה $O\left(1\right)$.

public AVLNode getSuccessor() הפעולה 1.3.19

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, מחזירה את הצומת העוקב של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה צומת וירטואלי.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setPredecessor(AVLNode predecessor) הפעולה 1.3.20

. מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את predecessor כקודם שלו

ארצה היא וכן הריצה, לכן סיבוכיות (טיבו isRealNode) ארצה אחת לשדה, לכן סיבוכיות אחת הריצה היא isRealNode) ארצה הריצה: ישנה קריאה לפעולה $O\left(1\right)$.

public AVLNode getPredecessor() הפעולה 1.3.21

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, מחזירה את הצומת הקודם של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה צומת וירטואלי. $O\left(1\right)$ סיבוביות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן $O\left(1\right)$.

public int getBalanceFactor() הפעולה 1.3.22

מה היא עושה: אם הצומת הוא אמיתי, מחזירה את גורם האיזון (כפי שהוגדר בקורס - ההפרש בין גובה תת-העץ השמאלי של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה 0.

אשר רצות getHeight(), isRealNode(), getLeft(), getRight() אשר הפעולות ויישנה קריאה למספר קבוע של הפעולות וישנה או ויישנה קריאה למספר קבוע של הפעולות O(1).

public void updateNodeFields() הפעולה 1.3.23

מה היא עושה: מעדכנת את השדות height, subTreeSize, subTreeXor של הצומת בהתאם לאלו של ילדיה בעץ.

כיצד היא פועלת: מעדכנת את הערכים לפי הנוסחאות הרקורסיביות שראינו בקורס בהנחת נכונות השדות של ילדיה. שדה הגובה מעודכן להיות המקסימום בין גבהי ילדיו ועוד אחד (עבור הצומת עצמו).

שדה הגודל מעודכן להיות סכום גדלי תתי-העצים שילדי הצומת הם שורשיהם, ועוד אחד (עבור הצומת עצמו).

שדה ה-xor מעודכן להיות תוצאת פעולה xor על שדות xor תתי-העצים של ילדיו וכן על המידע של הצומת עצמו.

AVLNode של המחלקה "set" ו-"get" של פעולות "set" של השמות, שימוש במספר קבוע של השמות מספר קבוע מספר קבוע של המחלקה "set" ו-"מן, ולכן סיבוכיות אריתמטיות ופעולות אריתמטיות ופעולות מתבצעים ב- $O\left(1\right)$ אמן, ולכן סיבוכיות אריתמטיות ופעולות הפעולה היא $O\left(1\right)$.

public int getChildCount() הפעולה 1.3.24

מה היא עושה: מחזירה את כמות הילדים הישירים של הצומת בעץ.

כיצד היא פועלת: עבור כל אחד משני ילדיה, בודקת האם הוא צומת וריטואלי או צומת אמיתי. אם הוא צומת אמיתי, מוסיפה אחד למניין הילדים.

.O(1)ב ב-(ולם ב-isRealNode() קפtLeft(), getRight(), inwail בפעולות (שימוש בפעולות (isRealNode() כולם ב-(וע מספר קבוע של השמות, ושימוש בפעולות (O(1).

public boolean isLeftChild() הפעולה 1.3.25

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא בן שמאלי של אביו הישיר.

כיצד היא פועלת: בודקת האם המפתח של הצומת קטן מהמפתח של צומת האב. אם כן, לפי הגדרת עץ חיפוש בינארי, הצומת הוא בן שמאלי, ולכן מחזירה true. אחרת, סימן שהצומת הוא בן ימני, ולכן מחזירה false.

אשר רצים ב- $O\left(1\right)$. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של getParent() ו- $O\left(1\right)$ אשר רצים ב-פעולות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא הפעולה היא אונים הישר פעולות וישנו שימוש בפעולות וישנו שימוש בפעולות וישנו אינים ב- $O\left(1\right)$

AVLTree המחלקה

Direction טיפוס המנייה 2.1

ערכי טיפוס המנייה 2.1.1

- .Right הכיוון.
- .Left הכיוון.

public Direction reverseDir() הפעולה 2.1.2

. ולהיפך. Left היא תחזיר Right היא עושה: פעולה או "מנגדת" את הכיוון הנתון. כלומר, עבור ערך

 $O\left(1\right)$ איבוכיות זמן הריצה: פעולה זו רצה בסיבוכיות

2.2 שדות המחלקה:

- . אשר מצביע לצומת הוירטואלי של העץ. virtualNode מסוג הפרטי הפרטי
- .null אשר מצביע לערך אם העץ הוא עץ ריק, אם אשר מצביע לערך AVLNode מסוג root מסוג. .2
- אשר מצביע לצומת המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים AVLNode אשר מצביע לצומת מסוג minNode מסוג (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, minNode מצביע לערך (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ היק,
- לל מבין המפתחות של כלל AVLNode אשר מצביע אשר מצביע מסוג אשר מצבין מסוג אשר מצביע מסוג אשר מצביע אשר מצביע אשר מצביע מסוג אשר מאליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, maxNode מצביע לערך

2.3 בנאי המחלקה:

public AVLTree() הבנאי הריק 2.3.1

מה הוא עושה: ללא מימוש, יוצר אובייקט מטיפוס AVLTree אשר ניתן להתחיל להכניס אליו מפתחות ומידע בעזרת הפעולה (insert(int k, boolean i)

 $O\left(1
ight)$ אים הכוללת היא מן הריצה סיבוכיות סיבוכיות זמן הריצה:

2.4 פעולות המחלקה:

public AVLNode getVirtualNode() הפעולה 2.4.1

מה היא עושה: מחזירה את הצומת הוירטואלי של העץ.

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public AVLNode getRoot() הפעולה 2.4.2

מה היא עושה: מחזירה את השורש של העץ.

 $O\left(1
ight)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setRoot(AVLNode root) הפעולה 2.4.3

מה היא עושה: קובעת את שורש העץ להיות root.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public boolean empty() הפעולה 2.4.4

מה היא עושה: מחזירה האם העץ הוא ריק (או באופן שקול, האם שורשו הוא null).

סיבוכיות אחת, לכן סיבוכיות זמן הריצה היא getRoot() שרצה פעולת השוואה אחת, לכן סיבוכיות זמן הריצה היא $O\left(1\right)$.

public int size() הפעולה 2.4.5

מה היא עושה: מחזירה את כמות הצמתים בעץ (או באופן שקול את גודל תת-העץ ששורשו הוא שורש העץ, או 0 אם לא קיים שורש).

 $O\left(1\right)$ איז אמן הריצה ושנה קריאה (פעולות (getRoot() ו-getRoot() ארצות ומן הריצה: ישנה קריאה לפעולות

public AVLNode getMin() הפעולה 2.4.6

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעל המפתח המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, מחזירה null.

 $O\left(1\right)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setMin(AVLNode min) הפעולה 2.4.7

min מה היא עושה: קובעת את הצומת בעל המפתח המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ להיות $O\left(1\right)$. סיבוביות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public AVLNode getMax() הפעולה 2.4.8

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעל המפתח המקסימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, מחזירה null.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setMax(AVLNode max) הפעולה 2.4.9

מה היא עושה: קובעת את הצומת בעל המפתח המקסימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ להיות max

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה ישנה אחת לשדה לכן

public AVLNode searchNode(int k) הפעולה 2.4.10

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעץ (כאשר נתון שהעץ לא ריק) עם המפתח k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת עם מפתח k הפעולה מחזירה את הצומת שאמור להיות האבא הישיר של עלה עם מפתח k (אם מכניסים צומת עם מפתח k לעץ, ולפני ביצוע פעולות איזון).

כיצד היא פועלת: מבצעת חיפוש של k בעץ חיפוש בינארי ("מתקדמת" שמאלה או ימינה בעץ בהתאם להשוואה בין מפתח של צומת נוכחי לבין k). אם נמצא צומת עם המפתח k, מחזירה אותו. אילו הצומת הבא אליו אמורים "להתקדם" בלולאה הוא צומת וירטואלי, סימן שלא קיים כזה צומת עם מפתח k בעץ, ומוחזר הצומת האחרון בו פגשנו בלולאה (אילו היה צומת עם מפתח k בעץ בתור עלה, צומת זה היה אביו (לפני ביצוע פעולות האיזון), שכן המסלול שהלולאה עברה הוא המסלול בו הייתה עוברת במקרה זה).

סיבוכיות אמן הריצה: חיפוש בעץ חיפוש בינארי עובר במסלול מהשורש אל עלה בעץ, מסלול שאורכו לכל היותר h+1 כאשר אותר $O(\log n)$ מתקיים אותר בעץ הוא הוא גובה העץ, וכן בעץ AVL מתקיים הוא הוא גובה העץ, וכן בעץ איטרציות מספר פעולות שכפי שראינו סיבוכיות אמן הריצה שלהן הוא O(1) (כמו גם הסיבוכיות של $O(\log n)$ שמתבצעת לפני הלולאה). לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא $O(\log n)$

public Boolean search(int k) הפעולה 2.4.11

k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת בעץ עם המפתח k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת עם מפתח k. הפעולה מחזירה k.

אשר מתבצעות זמן הריצה: חוץ מהקריאה היחידה לפעולה אשר מתבצעת ב-searchNode(int k) זמן, כלל הפעולות מתבצעות ב- $O(\log n)$ זמן, כלל הפעולות מתבצעות ב- $O(\log n)$.

protected void updateSuccessor(AVLNode node, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.12

.node היות newNode ואת הקודם של newNode להיות newNode ואת הקודם של newNode להיות

setSuccessor(AVLNode successor) ו-setPredecessor(AVLNode predecessor) שיבוכיות זמן הריצה: הראינו כי הפעולות O(1), לכן סיבוכיות זמן חריצה הכוללת היא O(1), לכן סיבוכיות זמן חריצה הכוללת היא

private void updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.13

מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו השמאלי של node תוך התחשבות במקרי הקצה ועדכון המצביעים הרלוונטים. כיצד היא פועלת: משימה את newNode כבן השמאלי של parent, מעדכנת אותו להיות המינימום של העץ במידת הצורך וכן מעדכנת את שדות העוקב והקודם בצמתים הרלוונטים.

updateSuccessor(AVLNode - setLeft(AVLNode node), getMin(), setMin(AVLNode min) **סיבוכיות זמן הריצה:** הראינו כי הפעולות node, AVLNode newNode) מתבצעות בסיבוכיות זמן O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

private void updateRelationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.14

מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו הימני של node תוך התחשבות במקרי הקצה ועדכון המצביעים הרלוונטים. מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו הימני של parent, מעדכנת אותו להיות המקסימום של העץ במידת הצורך וכן מעדכנת את שדות העוקב והקודם בצמתים הרלוונטים.

updateSuccessor(AVLNode - setRight(AVLNode node), getMax(), setMax(AVLNode min) **סיבוכיות זמן הריצה:** הראינו כי הפעולות node, AVLNode newNode) O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

private Direction getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה 2.4.15

מה היא עושה: מחזירה את הכיוון של הצומת באופן יחסי לאבא, אם הצומת הנתון הוא השורש הכיוון שיוחזר הוא ימינה. ביצד היא פועלת: קוראת לפעולה (isLeftChild) ולפי ערך ההחזרה שלו מחזירה את הכיוון המתאים.

היא הכוללת זמן אמן לכן סיבוכיות זמן (1) מתבצעת מתבצעת isLeftChild() מתבצעת כי הראינו מון הריצה הראינו כי הפעולה $O\left(1\right)$

private void rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה 2.4.16

מה היא עושה: מבצעת פעולת איזון מסוג סיבוב יחיד ימינה או שמאלה בהינתן הכיוון dir

כיצד היא פועלת: מבצעת גלגול באופן שראינו בהרצאה. הפעולה מעדכנת יחסים בין אבות לילדים, "מזיזה" תתי עצים למקומות חדשים מתאימים, מתקנת מצביעים, ומעדכנת שדות של צמתים על מנת לשמר את הנכונות. נציין כי לאחר הגלגול עצמו, הפעולה מעדכנת את המצביע לשורש העץ במידת הצורך.

 $O\left(1
ight)$ אינו שרצות שספר קבוע של קריאות לפעולות שהראינו שרצות מספר ישנן מספר קבוע סיבוכיות אמן הריצה: ישנן מספר קבוע של קריאות לפעולות

- getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - reverseDir() הפעולה
 - getChildInDir(Direction dir) הפעולה
- setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - updateNodeFields() הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה

 $O\left(1
ight)$ אכן סך הכל סיבוכיות זמן הריצה של הפונקציה היא

private void rotateRight(AVLNode node) הפעולה 2.4.13

מה היא עושה: מבצעת סיבוב יחיד ימינה מהצומת הנתון.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולה rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) מתבצעת בסיבוכיות מן הריצה: הראינו כי הפעולה $O\left(1\right)$.

private void rotateLeft(AVLNode node) הפעולה 2.4.18

מה היא עושה: מבצעת סיבוב יחיד שמאלה מהצומת הנתון.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולה rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) מתבצעת בסיבוכיות מן הריצה: הראינו כי הפעולה $O\left(1\right)$. לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$.

private void rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה 2.4.19

מה היא עושה: מבצעת סיבוב שמאלה של הילד השמאלי של הצומת הנתון ואז מסובבת ימינה את הצומת הנתון.

ירות rotateRight(AVLNode node) ו-rotateLeft(AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות מון הריצה: הראינו כי הפעולות $O\left(1\right)$ מתבצעות בסיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$.

private void rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה 2.4.20

מה היא עושה: מבצעת סיבוב ימינה של הילד הימני של הצומת הנתון ואז מסובבת שמאלה את הצומת הנתון.

ירות rotateRight(AVLNode node) ו-rotateLeft(AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות מון הריצה: הראינו כי הפעולות $O\left(1\right)$ היא וון מון הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$ היא

private void balanceNode(AVLNode node) הפעולה 2.4.21

מה היא עושה: מפעילה את פעולת האיזון המתאימה על הצומת לפי החוקיות שראינו בכיתה.

סיבוכיות זמן הריצה: הפונקציה קוראת לאחת מארבע פעולות האיזון

- rotateRight(AVLNode node) הפעולה
 - rotateLeft(AVLNode node) הפעולה
- rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה
- rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה •

ומן (גם הגלגולים). לכן סך כל זמן (גם הצעת מספר קבוע של שאילתות (getBalanceFactor(), getLeft(), getRight(), מון אילתות (גם הגלגולים). לכן סך כל זמן $O\left(1\right)$. הריצה הוא ($O\left(1\right)$

private boolean isUnbalanced(AVLNode node) הפעולה 2.4.22

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא "עבריין AVL" (כלומר האם גורם האיזון אינו בטווח הרצוי).

סיבוכיות אמן הריצה: הפעולה מבצעת לכל היותר שתי קריאות ל- $O\left(1\right)$ getBalanceFactor() זמן, לכן לכן סיבוכיות אמן הריצה הפעולה מבצעת לכל היותר שתי קריאות ל- $O\left(1\right)$

protected AVLNode balanceTreeOnce(AVLNode node) הפעולה 2.4.23

מה היא עושה: עולה מהצומת המועבר לכיוון השורש. אם היא נתקלת בצומת לא מאוזן, מאזנת אותו ומחזירה את אביו. אם העץ מאוזן הפעולה תחזיר את הצומת הוירטואלי.

יכן getParent(), getVirtualNode() סיבוכיות את הפעולות (שיר לכיוון השורש, ומבצעת את הפעולה עולה במסלול ישיר לכיוון השורש, ומבצעת את הפעולות (שיר לכיוון השורש, isRealNode(), updateNodeFields(), isUnbalanced(AVLNode node), balanceN- בכל איטרציה לכל היותר את הפעולות O(1), כולן ב-O(1) זמן.

 $O\left(d
ight)$ אז עבור d אורך המסלול לכיוון השורש שהפעולה עברה בו, סך הכל סיבוכיות זמן הריצה היא

private void replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה 2.4.24

.newParent להיות ילדי oldParent מה היא עושה: מעבירה את ילדי

oldParent על מנת להגדיר את ילדי setLeft(AVLNode node), setRight(AVLNode node) על מנת להגדיר את ילדי פיצד היא פועלת: קוראת לפעולות (setParent(AVLNode node) על מנת להגדיר את newParent בתור ההורה של oldParent בתור ההורה של oldParent.

getRight(), setRight(AVLNode node), setParent(AVLNode node), getLeft(), פיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולות אפונריות אמן הריצה (AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות אמן (O(1), לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא setLeft(AVLNode node)

private int balanceTree(AVLNode node) הפעולה 2.4.25

מה היא עושה: מאזנת את העץ מהצומת הנתון ועד לשורש, מעדכנת את השדות של הצמתים הרלוונטים ובסיום מחזירה את כמות פעולות האיזון (ועוד אחת) שהתבצעו.

כיצד היא פועלת: מתחילה מהצומת הנתון וממשיכה לעלות בעץ בלולאה עד שהיא מגיעה לאבא של השורש (הצומת הוירטואלי), לכיצד היא פועלת: מתחילה מהצומת הנתון וממשיכה לעלות בעץ בלולאה עד האיזון של מנת לעדכן את השדות המתאימים עד האיזון ב-1. הבא, ולאזן את עבריין AVL הבא. כמו כן, בכל איטרציה מגדילה את המונה של פעולות האיזון ב-1.

סיבוכיות לינארית באורך המסלול balanceTreeOnce(AVLNode node) מתבצעת בסיבוכיות לינארית באורך המסלול בין הצומת הנתון אל הצומת המוחזר. אנו קוראים בלולאה שוב ושוב לפעולה עם הערך המוחזר עד שאנו מגיעים לשורש, כלומר בין הצומת הנתון אל הצומת המחזר. אנו קוראים בלולאה שוב ושוב לפעולה שה הער, שהוא $O(\log n)$, לכן סיבוכיות זמן המסלול שאנו מבצעים הוא מסלול מהצומת הנתון אל השורש. מסלול זה חסום בגובה העץ, שהוא $O(\log n)$.

public int insert(int k, boolean i) הפעולה 2.4.26

מה היא עושה: מכניסה צומת חדש לעץ עם מפתח k ומידע i אם לא קיים צומת כזה, ומחזירה את כמות פעולות האיזון שבוצעו כולל פעולת ההכנסה. אם קיים בעץ צומת עם מפתח k, הפעולה מחזירה -1.

כיצד היא פועלת:

נחלק למקרים:

- .1 אם העץ ריק,
- יוצרת צומת חדש ומגדירה אותו בתור השורש, האיבר המינימלי והמקסימלי.
 - .2 אם העץ לא ריק,

משתמשת בפעולה (searchNode(int k) כדי למצוא את הצומת שאמור להיות אביו של הצומת החדש, מכניסה את הצומת updateRe- updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) או -lationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) ולאחר מכן מאזנת את העץ ומעדכנת את השדות balanceTreeOnce(AVLNode node) פעם אחת על ידי קריאה יחידה (או שתיים במידה (או שתיים במידה (ונדרשה פעולת איזון).

setRoot(AVLNode root), setMin(AVLNode min), setMax(AVLNode nin), setMax(AVLNode root), setMin(AVLNode min), setMax(AVLNode nin), setMax(AVLNode root), setMin(AVLNode min), setMax(AVLNode nin), set

updateRelationsForNewLeft- זמן, קריאות לפעולות מתבצעת ב-SearchNode(int k) אם העץ אינו ריק, קריאה לפעולה ($O(\log n)$ ממן, קריאה לפעולה (Lid(AVLNode parent, AVLNode newNode) או Child(AVLNode parent, AVLNode newNode) או לכל היותר פעמיים, אשר מתבצעת היותר פעמיים, אשר מתבצעת היותר פעמיים, אשר מתבצעת היותר בסיבוכיות לינארית באורך מסלול בין צומת לבין צומת אחר במסלולו אל השורש, לכן מתבצעת לכל היותר בסיבוכיות לינארית בגובה ה- $O(\log n)$ זמן.

 $O\left(\log n
ight)$ לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא

public int delete(int k) הפעולה 2.4.27

מה היא עושה: אם קיים בעץ צומת בעל המפתח k, מוחקת אותו מהעץ ומחזירה את כמות פעולות האיזון שנדרשו לאיזון העץ. אם לא קיים כזה צומת בעץ, הפעולה מחזירה -1.

ליים, אחרת, אחרמנת מעדכנת מצביעים של העוקב והקודם שלו באמצעות הפעולה (AVLNode newNode, AVLNode newNode) מעדכנת מצביעים של העוקב והקודם שלו באמצעות הפעולה (ווער באחד מששת המקרים המתאימים:

המחיקה לנגד היחזיר עץ ריק ונחזיר 1 כנגד המחיקה בעץ, נגדיר את העץ להיות עץ ריק ונחזיר 1 כנגד המחיקה היחידה שבוצעה.

איפוס העץ יתבצע באמצעות הפעולות:

- getRoot() הפעולה
- setRoot(AVLNode root) הפעולה
- setMin(AVLNode min) הפעולה
- setMax(AVLNode max) הפעולה
- 2. אם הצומת הוא המינימום בעץ, נעדכן את המינימום בעץ להיות העוקב של הצומת ונבצע מעקף עם בנו הימני (הבן היחידי שיכול להיות לו). אם אין לו בן ימני אז המעקף מתבצע עם צומת וירטואלי, שמדמה מחיקת עלה מעץ ושומר על נכונות המבנה. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, אין לו אב ולכן מגדירים את הבן הימני שלו כשורש.
 זאת באמצעות הפעולות:
 - getMin() הפעולה
 - setMin(AVLNode min) הפעולה
 - getSuccessor() הפעולה
 - getRight() הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה

- getRoot() הפעולה
- setLeft(AVLNode node) הפעולה
- setRoot(AVLNode root) הפעולה
 - getVirtualNode() הפעולה
- 3. אם הצומת הוא המקסימום בעץ, נעדכן את המקסימום בעץ להיות הקודם של הצומת ונבצע מעקף עם בנו השמאלי (הבן היחידי שיכול להיות לו). אם אין לו בן שמאלי אז המעקף מתבצע עם צומת וירטואלי, שמדמה מחיקת עלה מעץ ושומר על נכונות המבנה. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, אין לו אב ולכן מגדירים את הבן השמאלי שלו כשורש. זאת באמצעות הפעולות:
 - getMax() הפעולה
 - setMax(AVLNode min) הפעולה
 - getPredecessor() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRight(AVLNode node) הפעולה •
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה
 - getVirtualNode() הפעולה
 - 4. אם הצומת הוא לא השורש והוא אינו המינימום או המקסימום בעץ, נחלק למקרים הבאים:
 - (א) אם לצומת בן יחיד, נבצע מעקף עם בן זה, בשימוש בפעולות
 - getChildCount() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
 - isRealNode() הפעולה
 - getChildInDir(Direction dir) הפעולה
 - setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
- (ב) אם לצומת שני בנים, כפי שראינו בהרצאה הקודם לצומת חייב להיות בתת העץ של אותו הצומת, בפרט בתת העץ השמאלי. כמו כן, לא ייתכן כי לקודם יש ילד ימני, אחרת אחד הצמתים בתת העץ של הילד הימני היה הקודם. מכך נובע כי ניתן לבצע מעקף לצומת הקודם, ולהחליף אותו פיזית בצומת אותו אנו מוחקים מהעץ. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, נעדכן את השורש להיות הקודם שלו.

: נבצע זאת באמצעות הפעולות

- getChildCount() הפעולה
- getPredecessor() הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
- getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
- setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
- replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה
- (ג) אם לצומת אין בנים כלל, כלומר הוא עלה בעץ, נמחק אותו ונגדיר את הבן המתאים של אביו להיות צומת וירטואלי, זאת באמצעות הפעולות:
 - getChildCount() הפעולה
 - getParent() הפעולה
 - $\operatorname{getDirectionFromParent}(\operatorname{AVLNode\ node})$ הפעולה

- setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - getVirtualNode() הפעולה

בכל מקרה, בסיום, רצה הפעולה (balanceTree(AVLNode node אשר מאזנת את העץ ומעדכנת את השדות המתאימים.

 $O\left(\log n\right)$ הרצה בסיבוכיות balanceNode(AVLNode node) למעט למעט בסיבוכיות מתבצעות בסיבוכיות השאילתות מתבצעות בסיבוכיות $O\left(\log n\right)$ לכן הפעולה רצה בסיבוכיות לוחות מתבצעות בסיבוכיות לוחות הפעולה רצה בסיבוכיות הפעולה רצה בסיבוכיות לוחות מתבצעות בסיבוכיות לוחות בסיבוכיות לוחות מתבצעות בסיבוכיות לוחות בסיבונית בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית בסיבונית בסיבונית בסיבונית בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית בסיבונית בסיבונית לוחות בסיבונית בסיבונית לוחות בסיבונית בסיבונית בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית לוחות בסיבונית בס

 $O(\log n)$ ב-searchNode(int k) אין אם העץ לא ריק גם (O(1)ב empty() בפעולה (O(1)ב empty() בינוניות זמן הריצה: תחילה מתבצע שימוש בפעולה (O(1)ב empty() זמן.

אם הצומת עם המפתח הנתון לא קיים בעץ, נפסיק את ריצת הפעולה.

אחרת, נשים לב כי כלל הפעולות בהן היה שימוש (וכל אחת מספר קבוע של פעמים) בכל אחד מהמקרים מתבצעות ב-O(1) זמן. balanceTree(AVLNode node) כמו כן, הפעולה

 $O(\log n)$ אזי סך הכל סיבוכיות זמן הריצה של הפעולה היא

public Boolean min() הפעולה 2.4.28

מה היא עושה: מחזירה את ערכו של האיבר בעץ בעל המפתח המינימלי, או null אם העץ ריק.

ימן (1) מתבצעות בסיבוכיות (פוtValue(), getMin() איבוכיות (פיבוכיות (חפעולות (חפעולות (חפעולות (חפעולות (חפעולות פיבוכיות (חפעולות (חפעול

public Boolean max() הפעולה 2.4.29

מה היא עושה: מחזירה את ערכו של האיבר בעץ בעל המפתח המקסימלי, או null אם העץ ריק.

ים (1) מתבצעות בסיבוכיות אמן (1) פיבוכיות (1) פיבוכיות (1) empty(), getMax() פיבוכיות אמן (1) $O\left(1\right)$, לכן סיבוכיות אמן הריצה הראכה הריצה הפוללת היא (1) $O\left(1\right)$.

public void inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) הפעולה 2.4.30

מה היא עושה: פעולה רקורסיבית אשר מכניסה למערך arr החל מאינדקס של תת-העץ ש-node הוא שררסיבית אשר ממוינים על פי המפתחות.

בעצ היא פועלת: פועלת בדומה להילוך in-order בעץ כפי שלמדנו בקורס, כאשר לאחר הקריאה הרקורסיבית לבן השמאלי, מכניסה כל צומת למערך arr באינדקס המתאים (אינדקס שהוא תוצאת החיבור של $of\,fset$ וכמות הצמתים בתת-העץ שבנו השמאלי של node הוא שורשו, על מנת שבמקומות שבין $of\,fset$ לאינדקס זה יוכנסו למערך כל הצמתים בתת-העץ שבנו השמאלי של node הוא שורשו). לאחר ההכנסה למערך, מתבצעת של node הוא שורשו). לאחר ההכנסה למערך, מתבצעת קריאה רקורסיבית לבן הימני של node עם $of\,fset$ שהוא האינדקס העוקב של האינדקס אליו node הוא מייצג "סיום מסלול" מקרה הבסיס של הפעולה הוא כאשר node הוא צומת שאינו אמיתי, כלומר צומת וירטואלי (שכן הוא מייצג "סיום מסלול" מהשורש לצומת בעץ).

סיבוכיות (AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) מתבצע מספר קבוע inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) של קריאה רקורסיבית (getLeft(), getRight() אשר הראינו קודם כי מתבצעות ב-O(1) ממן. הילוך מהצורה getSize(), עובר על כל הצמתים בעץ לכל היותר מספר קבוע של פעמים, לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא O(n).

public AVLNode[] nodesToArray() הפעולה 2.4.31

מה היא עושה: יוצרת ומחזירה מערך אשר מכיל את כלל הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, או מערך ריק אם העץ ריק.

כיצד היא פועלת: יוצרת מערך כגודל העץ, ואם הוא לא ריק קוראת איתו ועם שורש העץ לפונקציה מערך כגודל העץ, ואם הוא לא ריק קוראת איתו ועם שורש העץ לפונקציה (arr החל מאינדקס $inOrder(AVLNode\ node,\ int\ offset,\ AVLNode[]\ arr)$ של העץ ממוינים על פי המפתחות.

סיבוכיות זמן הריצה: הפעולות ()empty ו-()size, כמו גם שאר הפעולות חוץ

ימן, ואילו (1) מתבצעות ב-inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode arr) מ-מר(1) מתבצעות ב-O(1)

הפעולה הכוללת אל הריצה ווסיבוכיות (n) מתבצעת ב-inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) מתבצעת הכוללת של הפעולה $O\left(n\right)$ מתבצעת הכוללת של הפעולה הכוללת של הפעולה הכוללת של הפעולה אוסיבוכיות ווסיבוכיות הכוללת של הפעולה אוסיבוכיות מתבצעת ב- $O\left(n\right)$

public int[] keysToArray() הפעולה 2.4.32

מה היא עושה: מחזירה מערך ממוין המכיל את כל המפתחות בעץ, או מערך ריק אם העץ ריק.

ת שלהם, מערך של הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, nodesToArray() ליצד היא פועלת: משתמשת בפעולה מכניסה את המפתחות בסדר הממוין למערך arr.

סיבועות מתבצעות הריצה: הפעולות () ומן, ואילו (O(1) מתבצעות ב-size() מתבצעות הריצה: הפעולות () מון הריצה הפעולות מון הריצה הכוללת של הפעולה היא O(n) מון. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא

public boolean[] infoToArray() הפעולה 2.4.33

מה היא עושה: מחזירה מערך בוליאנים המכיל את כל הערכים בעץ, ממויינים על פי סדר המפתחות, או מערך ריק אם העץ ריק.

, שלהם, מערך של הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, nodesToArray() איז מערק מערק משתמשת בפעולה מכניסה את הערכים שלהם בסדר הממוין למערך arr

סיבוניות אמן הריצה: הפעולות () פחבצעות ב- $O\left(1\right)$ אמן, ואילו () פחבצעות הריצה: הפעולות () פחבצעות הריצה מתבצעות ב- $O\left(n\right)$ און, ואילו () היא הפעולות אמן הריצה הכוללת של הפעולה היא $O\left(n\right)$.

public boolean prefixXor(int k) הפעולה 2.4.34

מה היא עושה: מקבלת מפתח k כאשר נתון ש-k נמצא במבנה ומחזירה את תוצאת פעולת מקבלת מפתח הבוליאניים הנמצאים במבנה תחת מפתחות שקטנים או שווים ל-k.

כיצד היא פועלת: מבצעת הילוך בעץ במסלול שבין השורש לבין הצומת עם המפתח k. אם הצומת הנוכחי הוא עם מפתח גדול יותר מk, ממשיכים במסלול (ולא מחשבים אותו כחלק מ-xor). אם הצומת הנוכחי הוא עם מפתח קטן או שווה לk, נחשב את יותר מ-k, נחשב שלו ושל הצמתים בתת-העץ השמאלי שלו ב-xor (בעזרת הפעולה (getSubTreeXor), שכן כל אלו הם צמתים עם מפתחות קטנים מk. כל הצמתים עם המפתחות שקטנים מk הם כל אלו שנמצאים בעץ "משמאל" למסלול בין השורש לבין הצומת עם המפתח k (כולל משמאל לצומת עם המפתח k).

קפtSubTreeXor(), getKey(), getLeft(), getRight(), getValue() ו-getRoot(), getRoot(), getKey(), getLeft(), getValue() פיבוכיות זמן הראינו כי הפעולות כי הפעולות המתבצעות ב-O(1) זמן. לפי ההסבר של הפעולה, הלולאה מבצעת לכל היותר h+1 איטרציות כאשר h הוא גובה העץ פעולות המתבצעות בין השורש לצומת בעץ), וכן בעץ AVL מתקיים $O(\log n)$. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O(\log n)$.

public AVLNode successor(AVLNode node) הפעולה 2.4.35

מה היא עושה: מקבלת צומת בעץ כקלט ומחזירה את העוקב שלו. אם לא קיים עוקב, מחזירה null

סיבוכיות (1) און המתבצעות ב-isRealNode() קפנSuccessor() און מון היצה: הראינו כי הפעולות (2) און פולות הפרצה היא $O\left(1\right)$ הוא הריצה היא (2) $O\left(1\right)$

public boolean succPrefixXor(int k) הפעולה 2.4.36

מה היא עושה: מקבלת מפתח k כאשר נתון ש-k נמצא במבנה ומחזירה את תוצאת פעולת xor על הערכים הבוליאניים הנמצאים במבנה תחת מפתחות שקטנים או שווים ל-k.

מת שמגיעה לצומת successor(AVLNode node) ביצד היא פועלת: מתחילה מהצומת המינימלי של העץ, ומבצעת עליו פעולות שמגיעה לצומת מתחילה מהצומת המינימלי עצמו), הפעולה מחשבת k. עבור כל צומת שהתקבל בפעולות ה-(successor(AVLNode node) (וכן הצומת המינימלי עצמו), הפעולה מחשבת עם ערכו הבוליאני, ולבסוף מחזירה את התוצאה.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולות (getValue() - getMin(), getKey() הומתבצעות ב-O(1) אמן. הפעולה מבצעת סספר איטרציות כמספר הצמתים בעץ עם מפתחות שקטנים מהמפתח k, ובכל איטרציה מבצעת פעולת איטרציות בעץ עם מפתחות שקטנים מהמפתח בכל היותר O(1) איטרציות (כמספר סך כל הצמתים בעץ), לכן מכובריות און בעץ הכוללת היא O(n).