AVL מבני נתונים - פרויקט מעשי עץ

2021 במאי 2020

תוכן העניינים

3	AVL		המחלקה Node	
3	זמחלקה:	שדות ר	1.1	
3	זמחלקה:	בנאיי ר	1.2	
3	public AVLNode() הבנאי הריק	1.2.1		
3	public AVLNode(int key, boolean info, AVLNode parent) הבנאי	1.2.2		
4		פעולות	1.3	
4	public boolean isRealNode() הפעולה	1.3.1		
4	public int getKey() הפעולה	1.3.2		
4	public Boolean getValue() הפעולה	1.3.3		
4	public void setLeft(AVLNode node) הפעולה	1.3.4		
4	public AVLNode getLeft() הפעולה	1.3.5		
4	public void setRight(AVLNode node) הפעולה	1.3.6		
4	public AVLNode getRight() הפעולה	1.3.7		
5	public void setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה	1.3.8		
5	public AVLNode getChildInDir(Direction dir)הפעולה	1.3.9		
5	public void setParent(AVLNode node) הפעולה	1.3.10		
5	public AVLNode getParent() הפעולה	1.3.11		
5	public void setHeight(int height) הפעולה	1.3.12		
5	public int getHeight() הפעולה	1.3.13		
5	public void setSize(int size) הפעולה	1.3.14		
5	public int getSize() הפעולה	1.3.15		
5	public void setSubTreeXor(boolean xor) הפעולה	1.3.16		
6	public boolean getSubTreeXor() הפעולה	1.3.17		
6	public void setSuccessor(AVLNode successor) הפעולה	1.3.18		
6	public AVLNode getSuccessor() הפעולה	1.3.19		
6	public void setPredecessor(AVLNode predecessor) הפעולה	1.3.20		
6	public AVLNode getPredecessor() הפעולה	1.3.21		
6	public int getBalanceFactor() הפעולה	1.3.22		
6	public void updateNodeFields() הפעולה	1.3.23		
6	public int getChildCount() הפעולה	1.3.24		
7	public boolean isLeftChild() הפעולה	1.3.25		

7	AVLT	ולקה ree	המח
7	Direction טיפוס המנייה 2.1		
7	ערכי טיפוס המנייה	2.1.1	
7	public Direction reverseDir() הפעולה	2.1.2	
7	מחלקה:	שדות ה	2.2
7	מחלקה:	בנאי הנ	2.3
7		2.3.1	
7	המחלקה:	פעולות	2.4
7	public AVLNode getVirtualNode() הפעולה	2.4.1	
8	public AVLNode getRoot() הפעולה	2.4.2	
8	public void setRoot(AVLNode root) הפעולה	2.4.3	
8	public boolean empty() הפעולה	2.4.4	
8	public int size() הפעולה	2.4.5	
8	public AVLNode getMin() הפעולה	2.4.6	
8	public void setMin(AVLNode min) הפעולה	2.4.7	
8	public AVLNode getMax() הפעולה	2.4.8	
8	public void setMax(AVLNode max) הפעולה	2.4.9	
9	public AVLNode searchNode(int k) הפעולה	2.4.10	
9	public Boolean search(int k) הפעולה	2.4.11	
9	protected void updateSuccessor(AVLNode node, AVLNode newNode) הפעולה	2.4.12	
9	private void updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה	2.4.13	
9	private void updateRelationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) פעולה	2.4.1 המ	4
9	private Direction getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה	2.4.15	
10	private void rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה	2.4.16	
10	private void rotateRight(AVLNode node) הפעולה	2.4.17	
10	private void rotateLeft(AVLNode node) הפעולה	2.4.18	
10	private void rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה	2.4.19	
10	private void rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה	2.4.20	
11	private void balanceNode(AVLNode node) הפעולה	2.4.21	
11	private boolean isUnbalanced(AVLNode node) הפעולה	2.4.22	
11	protected int updateNode(AVLNode node) הפעולה	2.4.23	
11	private void replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה	2.4.24	
11	protected int balanceTree(AVLNode node) הפעולה	2.4.25	
12	public int insert(int k, boolean i) הפעולה	2.4.26	
12	public int delete(int k) הפעולה	2.4.27	
14	public Boolean min() הפעולה	2.4.28	
14	public Boolean max() הפעולה	2.4.29	
14	public void inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) הפעולה	2.4.30	
14	public AVLNode[] nodesToArray() הפעולה	2.4.31	
14	public int[] keysToArray() הפעולה	2.4.32	
15	public boolean[] infoToArray() הפעולה	2.4.33	
15	public boolean prefixXor(int k) הפעולה	2.4.34	
15	public AVLNode successor(AVLNode node) הפעולה	2.4.35	
15	public boolean succPrefixXor(int k) הפעולה	2.4.36	

AVLNode המחלקה

1.1 שדות המחלקה:

- m AVL אשר אשר מייצג את המפתח של צומת m key מסוג ווt. הקבוע הפרטי
- .AVL אשר מייצג את המידע של Boolean מסוג info מסוג הקבוע הפרטי 2.
- . המשתנה הפרטי אשר אות אשר מייצג את מייצג את height מסוג ווה המשתנה הפרטי. 3
- .AVL אשר אביו הישיר של צומת אר AVLNode מסוג את אביו הפרטי אם מסוג מסוג אר מייצג את אביו הפרטי 4.
- .AVL אשר אה בעץ את אור הפרטי הישיר את מייצג את מייצג את אשר מייצג את מסוג left מסוג .5
- .AVL אשר מייצג את בנו הימני הישיר של אומת אה בעץ AVLNode מסוג right מסוג.
- . המשתנה הפרטי subTreeSize מסוג אודל אייצג את גודל מייצג אם subTreeSize . .
- xor אשר מעולת perfixXor אשר משמש למימוש אשר שסוג boolean מסוג מסוג subTreeXor מסוג את הפרטי אשר פעולת אשר משמש למימוש על שדות info של שדות של כל הצמתים בתת-העץ אשר צומת זה הוא שורשו.
- חות המפתח העוקב המפתח הפרטי אשר מייצג את הצומת מייצג את הצומת מסוג AVLNode מסוג successor אשר מייצג את הצומת המפתח המפתח המקסימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת של הצמתים בעץ) של צומת זה בעץ AVL. אם הצומת הוא האיבר עם המפתח המקסימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת וירנוואלי
- בקבוצת אחר הפרטי predecessor מסוג AVLNode אשר מייצג את הצומת הקודם (הצומת עם המפתח הקודם בקבוצת המפתחות של הצמתים בעץ) של צומת זה בעץ AVL. אם הצומת הוא האיבר עם המפתח המינימלי בעץ, ערך שדה זה יהיה צומת וירטואלי

1.2 בנאיי המחלקה:

public AVLNode() הבנאי הריק 1.2.1

מה הוא עושה: פעולה בונה של המחלקה, מאתחלת ערכים לשדות מסוימים עבור צומת וירטואלי בעץ. כלומר, פעולה זו בונה צומת וירטואלי.

כיצד הוא פועל: מאתחל לשדות ערכים לפי ערכי הצומת הוירטואלי הרצויים.

 $O\left(1
ight)$ איז מתבצע מספר קבוע של השמות, ולכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

public AVLNode(int key, boolean info, AVLNode parent) הבנאי 1.2.2

מה הוא עושה: פעולה בונה של המחלקה, מאתחלת את שדות המחלקה עבור עלה בעץ.

- . השדה key מאותחל לפרמטר key שניתן על ידי המשתמש •
- . השדה info מאותחל לפרמטר info שניתן על אידי המשתמש •
- . השדה height מאותחל ל-0, שהוא גובה של תת-עץ בעל צומת אחד.
- . השדה שניתן על ידי המשתמש parent לפרמטר לפרמטר parent השדה •
- של אס אותחל פעולת אסר אבן אדי המשתמש, שכן אדי אניתן אל לפרמטר לפרמטר אותחל לפרמטר השדה אותחל לפרמטר אניתן אל אניתן אל אותחל לפרמטר אותחל אותחל אותחל אותחל שנמצאים בתת-העץ ששורשו הוא צומת אה, כלומר תת-עץ עם צומת יחיד.
- הוא נוצר, שכן הייצוג של חוסר קיום ילד לצומת, הוא (AVLTree) השדה ווער, של מאותחל לצומת הוירטואלי של העץ צומת וורטואלי.
 - . בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי הוירטואלי של העץ right
 - . בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי לצומת אותחל מאותחל successor

. בו הוא נוצר (AVLTree) מאותחל לצומת הוירטואלי מאותחל לצומת predecessor

כיצד הוא פועל: מאתחל חלק משדות המחלקה בהתאם לכללים והגדרות אחריהם אנו עוקבים בקורס, כאשר השמה חוקית לשדות מאתחל ו-public int insert(int k, boolean i) עולת הכנסת צומת של המחלקה public int insert(int k, boolean i).

AVLTree

סיבוכיות אמן הריצה: מתבצע מספר קבוע של השמות, וכן קריאה למתודה (getVirtualNode) אשר כפי שניתן יהיה לראות בהמשך, פועלת ב- $O\left(1\right)$ סיבוכיות אמן ריצה. לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$

1.3 פעולות המחלקה:

public boolean isRealNode() הפעולה 1.3.1

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא אמיתי.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה השוואה וגישה אחת לשדה לכן

public int getKey() הפעולה 1.3.2

-1 מה היא עושה: מחזירה את המפתח של הצומת (אם הצומת וירטואלי מוחזר

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן ישנה ישנה אחת הריצה:

public Boolean getValue() הפעולה 1.3.3

מה היא עושה: מחזירה את המידע של הצומת, או null אם הצומת וירטואלי.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה ישנה קריאה לפעולה ישנה אחת לשדה, לכן סיבוכיות אחת הריצה היא $O\left(1\right)$.

public void setLeft(AVLNode node) הפעולה 1.3.4

. שלו. השמאלי אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את הצומת הצומת הצומת מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה (שנה קריאה לפעולה ישנה היא isRealNode() ארצה ב- $O\left(1\right)$.

public AVLNode getLeft() הפעולה 1.3.5

מה היא עושה: מחזירה את הבן השמאלי של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה אחת לשדה לכן

public void setRight(AVLNode node) הפעולה 1.3.6

. מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את הצומת הצומת שלו.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() פיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא $O\left(1\right)$.

public AVLNode getRight() הפעולה 1.3.7

מה היא עושה: מחזירה את הבן הימני של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן שנה גישה אחת לשדה לכן

public void setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה 1.3.8

dir מה היא עושה: משימה את node כבן השמאלי או הימני של הצומת הנוכחי, כתלות בכיוון

שרצות ב- setLeft(AVLNode node) או setRight(AVLNode node) שרצות וקריאה לפעולה שנה השוואה וקריאה לפעולה (O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה היא (O(1)).

public AVLNode getChildInDir(Direction dir) הפעולה 1.3.9

dir מה היא עושה: מחזירה את הבן השמאלי או הימני של הצומת, כתלות בכיוון

סיבוכיות אמן הריצה ב-(1), $O\left(1\right)$ שרצות getRight() או (getRight(), לכן סיבוכיות מן הריצה היא היא הריצה: ישנה השוואה וקריאה לפעולה ($O\left(1\right)$.

public void setParent(AVLNode node) הפעולה 1.3.10

סיבוכיות אחת לשדה, לכן סיבוכיות ומן הריצה היא isRealNode() שרצה לפעולה (שנה קריאה לפעולה ישנה היא isRealNode() ארצה ב- $O\left(1\right)$.

public AVLNode getParent() הפעולה 1.3.11

מה היא עושה: מחזירה את אביו הישיר של הצומת, או null אם לצומת אין אבא.

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן פיבוכיות אמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setHeight(int height) הפעולה 1.3.12

.height קובעת את הגובה של הצומת קובעת את קובעת מה מה היא עושה:

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public int getHeight() הפעולה 1.3.13

מה היא עושה: מחזירה את הגובה של הצומת.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setSize(int size) הפעולה 1.3.14

.size מה היא עושה: קובעת את כמות הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי להיות

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן שנה ישנה ישנה לכן סיבוכיות אמן הריצה:

public int getSize() הפעולה 1.3.15

מה היא עושה: מחזירה את כמות הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה אחת לשדה לכן

public void setSubTreeXor(boolean xor) הפעולה 1.3.16

xמה היות הצומת הוא הצומת שורשו בתת-העץ של כלל הצמתים על המידע על מנוכחי הנוכחי את תוצאת עושה: קובעת את תוצאת פעולת

 $O\left(1\right)$ אחת לשדה לכן פיבוכיות אמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public boolean getSubTreeXor() הפעולה 1.3.17

מה היא עושה: מחזירה את תוצאת פעולת xor על המידע של כלל הצמתים בתת-העץ ששורשו הוא הצומת הנוכחי.

 $O\left(1
ight)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setSuccessor(AVLNode successor) הפעולה 1.3.18

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את successor כעוקב שלו.

סיבוכיות אחת לשדה, לכן הריצה ויאנה הריצה isRealNode() שרצה בינות אחת לשדה, לכן הריצה ויאנה הריצה היא מן הריצה לפעולה $O\left(1\right)$.

public AVLNode getSuccessor() הפעולה 1.3.19

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, מחזירה את הצומת העוקב של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה צומת וירטואלי.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setPredecessor(AVLNode predecessor) הפעולה 1.3.20

. מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, קובעת את predecessor כקודם שלו

ארצה היא וכן הריצה, לכן סיבוכיות (טיבו isRealNode) ארצה אחת לשדה, לכן סיבוכיות אחת הריצה היא isRealNode) ארצה הריצה: ישנה קריאה לפעולה $O\left(1\right)$.

public AVLNode getPredecessor() הפעולה 1.3.21

מה היא עושה: אם הצומת הנוכחי הוא אמיתי, מחזירה את הצומת הקודם של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה צומת וירטואלי. $O\left(1\right)$ סיבוביות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן $O\left(1\right)$.

public int getBalanceFactor() הפעולה 1.3.22

מה היא עושה: אם הצומת הוא אמיתי, מחזירה את גורם האיזון (כפי שהוגדר בקורס - ההפרש בין גובה תת-העץ השמאלי של הצומת הנוכחי, אחרת מחזירה 0.

אשר רצות getHeight(), isRealNode(), getLeft(), getRight() אשר הפעולות ויישנה קריאה למספר קבוע של הפעולות וישנה או ויישנה קריאה למספר קבוע של הפעולות O(1).

public void updateNodeFields() הפעולה 1.3.23

מה היא עושה: מעדכנת את השדות height, subTreeSize, subTreeXor של הצומת בהתאם לאלו של ילדיה בעץ.

כיצד היא פועלת: מעדכנת את הערכים לפי הנוסחאות הרקורסיביות שראינו בקורס בהנחת נכונות השדות של ילדיה. שדה הגובה מעודכן להיות המקסימום בין גבהי ילדיו ועוד אחד (עבור הצומת עצמו).

שדה הגודל מעודכן להיות סכום גדלי תתי-העצים שילדי הצומת הם שורשיהם, ועוד אחד (עבור הצומת עצמו).

שדה ה-xor מעודכן להיות תוצאת פעולה xor על שדות xor תתי-העצים של ילדיו וכן על המידע של הצומת עצמו.

AVLNode של המחלקה "set" ו-"get" של פעולות "set" של השמות, שימוש במספר קבוע של השמות מספר קבוע מספר קבוע של המחלקה "set" ו-"מן, ולכן סיבוכיות אריתמטיות ופעולות אריתמטיות ופעולות מתבצעים ב- $O\left(1\right)$ אמן, ולכן סיבוכיות אריתמטיות ופעולות הפעולה היא $O\left(1\right)$.

public int getChildCount() הפעולה 1.3.24

מה היא עושה: מחזירה את כמות הילדים הישירים של הצומת בעץ.

כיצד היא פועלת: עבור כל אחד משני ילדיה, בודקת האם הוא צומת וריטואלי או צומת אמיתי. אם הוא צומת אמיתי, מוסיפה אחד למניין הילדים.

.O(1)ב ב-(ולם ב-isRealNode() קפtLeft(), getRight(), inwail בפעולות (שימוש בפעולות (isRealNode() כולם ב-(וע מספר קבוע של השמות, ושימוש בפעולות (O(1).

public boolean isLeftChild() הפעולה 1.3.25

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא בן שמאלי של אביו הישיר.

כיצד היא פועלת: בודקת האם המפתח של הצומת קטן מהמפתח של צומת האב. אם כן, לפי הגדרת עץ חיפוש בינארי, הצומת הוא בן שמאלי, ולכן מחזירה true. אחרת, סימן שהצומת הוא בן ימני, ולכן מחזירה false.

סיבוכיות אמן הריצה מון פפtKey() וגישה לשדה אשר רצים ב- $O\left(1\right)$. לכן סיבוכיות מון הריצה הכוללת של פעולות הפעולה היא הפעולה היא הפעולה היא הישה שימוש בפעולות וגישה לשדה אשר הפעולה היא הישה שימוש בפעולות ואישה הכוללת של

AVLTree המחלקה

Direction טיפוס המנייה 2.1

ערכי טיפוס המנייה 2.1.1

- .Right הכיוון.
- .Left הכיוון. 2

public Direction reverseDir() הפעולה 2.1.2

. ולהיפך. Left היא תחזיר Right היא עושה: פעולה או "מנגדת" את הכיוון הנתון. כלומר, עבור ערך

 $O\left(1\right)$ איבוכיות בסיבוכיות פעולה או רצה פעולה אמן הריצה:

2.2 שדות המחלקה:

- . אשר מצביע לצומת הוירטואלי של העץ. virtualNode מסוג הפרטי הפרטי
- .null אשר מצביע לערך אם העץ הוא עץ ריק, אם אשר מצביע לערך AVLNode מסוג root מסוג. .2
- אשר מצביע לצומת המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים AVLNode אשר מצביע לצומת מסוג minNode מסוג (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, minNode מצביע לערך (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ היק,
- אשר מצביע לצומת המפתח המקסימלי מבין המפתחות של כלל AVLNode אשר מצביע מסוג הפרטי maxNode אשר אשר מצביע לצומת של האטריים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, maxNode מצביע לערך

2.3 בנאי המחלקה:

public AVLTree() הבנאי הריק 2.3.1

insert(int k, אשר ניתן להתחיל להכניס אליו מפתחות ומידע בעזרת הפעולה AVLTree **מה הוא עושה:** יוצר אובייקט מטיפוס boolean i) אשר ניתן להתחיל להכניס אליו מאתחל את הצומת הוירטואלי של העץ בעזרת קריאה לבנאי (boolean i).

 $O\left(1
ight)$ מתבצע ב- $O\left(1
ight)$ זמן, לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא AVLNode() מתבצע ב- $O\left(1
ight)$

2.4 פעולות המחלקה:

public AVLNode getVirtualNode() הפעולה 2.4.1

מה היא עושה: מחזירה את הצומת הוירטואלי של העץ.

 $O\left(1
ight)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public AVLNode getRoot() הפעולה 2.4.2

מה היא עושה: מחזירה את השורש של העץ.

 $O\left(1
ight)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setRoot(AVLNode root) הפעולה 2.4.3

מה היא עושה: קובעת את שורש העץ להיות root.

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public boolean empty() הפעולה 2.4.4

מה היא עושה: מחזירה האם העץ הוא ריק (או באופן שקול, האם שורשו הוא null).

סיבוכיות אחת, לכן סיבוכיות זמן הריצה היא getRoot() שרצה פעולת השוואה אחת, לכן סיבוכיות זמן הריצה היא $O\left(1\right)$.

public int size() הפעולה 2.4.5

מה היא עושה: מחזירה את כמות הצמתים בעץ (או באופן שקול את גודל תת-העץ ששורשו הוא שורש העץ, או 0 אם לא קיים שורש).

 $O\left(1\right)$ איז אמן הריצה ושנה קריאה (פעולות (getRoot() ו-getRoot() ארצות ומן הריצה: ישנה קריאה לפעולות

public AVLNode getMin() הפעולה 2.4.6

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעל המפתח המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, מחזירה null.

 $O\left(1
ight)$ סיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setMin(AVLNode min) הפעולה 2.4.7

min מה היא עושה: קובעת את הצומת בעל המפתח המינימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ להיות $O\left(1\right)$. סיבוביות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public AVLNode getMax() הפעולה 2.4.8

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעל המפתח המקסימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ. אם העץ הוא עץ ריק, מחזירה null.

 $O\left(1\right)$ שיבוכיות זמן הריצה: ישנה גישה אחת לשדה לכן

public void setMax(AVLNode max) הפעולה 2.4.9

מה היא עושה: קובעת את הצומת בעל המפתח המקסימלי מבין המפתחות של כלל הצמתים (לא וירטואליים) של העץ להיות max

 $O\left(1
ight)$ אחת לשדה לכן הריצה: ישנה ישנה אחת לשדה לכן

public AVLNode searchNode(int k) הפעולה 2.4.10

מה היא עושה: מחזירה את הצומת בעץ (כאשר נתון שהעץ לא ריק) עם המפתח k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת עם מפתח k הפעולה מחזירה את הצומת שאמור להיות האבא הישיר של עלה עם מפתח k (אם מכניסים צומת עם מפתח k לעץ, ולפני ביצוע פעולות איזון).

כיצד היא פועלת: מבצעת חיפוש של k בעץ חיפוש בינארי ("מתקדמת" שמאלה או ימינה בעץ בהתאם להשוואה בין מפתח של צומת נוכחי לבין k). אם נמצא צומת עם המפתח k, מחזירה אותו. אילו הצומת הבא אליו אמורים "להתקדם" בלולאה הוא צומת וירטואלי, סימן שלא קיים כזה צומת עם מפתח k בעץ, ומוחזר הצומת האחרון בו פגשנו בלולאה (אילו היה צומת עם מפתח k בעץ בתור עלה, צומת זה היה אביו (לפני ביצוע פעולות האיזון), שכן המסלול שהלולאה עברה הוא המסלול בו הייתה עוברת במקרה זה).

סיבוכיות אמן הריצה: חיפוש בעץ חיפוש בינארי עובר במסלול מהשורש אל עלה בעץ, מסלול שאורכו לכל היותר h+1 כאשר אותר $O(\log n)$ מתקיים אותר בעץ הוא הוא גובה העץ, וכן בעץ AVL מתקיים הוא הוא גובה העץ, וכן בעץ איטרציות מספר פעולות שכפי שראינו סיבוכיות אמן הריצה שלהן הוא O(1) (כמו גם הסיבוכיות של petRoot שמתבצעת לפני הלולאה). לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא $O(\log n)$

public Boolean search(int k) הפעולה 2.4.11

k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת בעץ עם המפתח k, אם קיים צומת כזה. אם לא קיים בעץ צומת עם מפתח k. הפעולה מחזירה k.

אשר מתבצעות זמן הריצה: חוץ מהקריאה היחידה לפעולה אשר מתבצעת ב-searchNode(int k) זמן, כלל הפעולות מתבצעות ב- $O(\log n)$ זמן, כלל הפעולות מתבצעות ב- $O(\log n)$.

protected void updateSuccessor(AVLNode node, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.12

.node היות newNode ואת הקודם של newNode להיות newNode ואת הקודם של newNode להיות

setSuccessor(AVLNode successor) ו-setPredecessor(AVLNode predecessor) שיבוכיות זמן הריצה: הראינו כי הפעולות O(1), לכן סיבוכיות זמן חריצה הכוללת היא O(1), לכן סיבוכיות זמן חריצה הכוללת היא

private void updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.13

מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו השמאלי של node תוך התחשבות במקרי הקצה ועדכון המצביעים הרלוונטים. כיצד היא פועלת: משימה את newNode כבן השמאלי של parent, מעדכנת אותו להיות המינימום של העץ במידת הצורך וכן מעדכנת את שדות העוקב והקודם בצמתים הרלוונטים.

updateSuccessor(AVLNode - setLeft(AVLNode node), getMin(), setMin(AVLNode min) **סיבוכיות זמן הריצה:** הראינו כי הפעולות node, AVLNode newNode) מתבצעות בסיבוכיות זמן O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

private void updateRelationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) הפעולה 2.4.14

מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו הימני של node תוך התחשבות במקרי הקצה ועדכון המצביעים הרלוונטים. מה היא עושה: מגדירה את newNode בתור בנו הימני של parent, מעדכנת אותו להיות המקסימום של העץ במידת הצורך וכן מעדכנת את שדות העוקב והקודם בצמתים הרלוונטים.

updateSuccessor(AVLNode - setRight(AVLNode node), getMax(), setMax(AVLNode min) **סיבוכיות זמן הריצה:** הראינו כי הפעולות node, AVLNode newNode) O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

private Direction getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה 2.4.15

מה היא עושה: מחזירה את הכיוון של הצומת באופן יחסי לאבא, אם הצומת הנתון הוא השורש הכיוון שיוחזר הוא ימינה. ביצד היא פועלת: קוראת לפעולה (isLeftChild) ולפי ערך ההחזרה שלו מחזירה את הכיוון המתאים.

היא הכוללת זמן אמן לכן סיבוכיות זמן (1) מתבצעת מתבצעת isLeftChild() מתבצעת כי הראינו מון הריצה הראינו כי הפעולה $O\left(1\right)$

private void rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה 2.4.16

מה היא עושה: מבצעת פעולת איזון מסוג סיבוב יחיד ימינה או שמאלה בהינתן הכיוון dir

כיצד היא פועלת: מבצעת גלגול באופן שראינו בהרצאה. הפעולה מעדכנת יחסים בין אבות לילדים, "מזיזה" תתי עצים למקומות חדשים מתאימים, מתקנת מצביעים, ומעדכנת שדות של צמתים על מנת לשמר את הנכונות. נציין כי לאחר הגלגול עצמו, הפעולה מעדכנת את המצביע לשורש העץ במידת הצורך.

 $O\left(1
ight)$ אינו שרצות שראינו שרצות לשדה ומספר קבוע של קריאות לפעולות שהראינו שרצות בסיבוכיות סיבוכיות אינו שרצות בסיבוכיות

- getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - reverseDir() הפעולה
 - getChildInDir(Direction dir) הפעולה
- setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - updateNodeFields() הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה

 $O\left(1
ight)$ אכן סך הכל סיבוכיות זמן הריצה של הפונקציה היא

private void rotateRight(AVLNode node) הפעולה 2.4.17

מה היא עושה: מבצעת סיבוב יחיד ימינה מהצומת הנתון.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולה rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) מתבצעת בסיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולה סיבוכיות אמן הריצה הכוללת היא (O(1).

private void rotateLeft(AVLNode node) הפעולה 2.4.18

מה היא עושה: מבצעת סיבוב יחיד שמאלה מהצומת הנתון.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולה rotateInDir(AVLNode node, Direction dir) מתבצעת בסיבוכיות מן הריצה: הראינו כי הפעולה $O\left(1\right)$.

private void rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה 2.4.19

מה היא עושה: מבצעת סיבוב שמאלה של הילד השמאלי של הצומת הנתון ואז מסובבת ימינה את הצומת הנתון.

ירות rotateRight(AVLNode node) ו-rotateLeft(AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות מון הריצה: הראינו כי הפעולות $O\left(1\right)$ מתבצעות בסיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$.

private void rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה 2.4.20

מה היא עושה: מבצעת סיבוב ימינה של הילד הימני של הצומת הנתון ואז מסובבת שמאלה את הצומת הנתון.

ירות rotateRight(AVLNode node) ו-rotateLeft(AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות מון הריצה: הראינו כי הפעולות $O\left(1\right)$ מתבצעות בסיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O\left(1\right)$.

private void balanceNode(AVLNode node) הפעולה 2.4.21

מה היא עושה: מפעילה את פעולת האיזון המתאימה על הצומת לפי החוקיות שראינו בכיתה.

סיבוכיות זמן הריצה: הפונקציה קוראת לאחת מארבע פעולות האיזון

- rotateRight(AVLNode node) הפעולה
 - rotateLeft(AVLNode node) הפעולה
- rotateLeftThenRight(AVLNode node) הפעולה •
- rotateRightThenLeft(AVLNode node) הפעולה •

ומן (גם הגלגולים). לכן סך כל זמן (גם הגלגולים). getBalanceFactor(), getLeft(), getRight() ומבצעת מספר קבוע של שאילתות (O(1)- הריצה הוא O(1).

private boolean isUnbalanced(AVLNode node) הפעולה 2.4.22

מה היא עושה: מחזירה האם הצומת הוא "עבריין AVL " (כלומר האם גורם האיזון אינו בטווח הרצוי).

סיבוכיות אמן הריצה: הפעולה מבצעת לכל היותר שתי קריאות ל- $O\left(1\right)$ getBalanceFactor() זמן, לכן לכן סיבוכיות אמן הריצה: הפעולה מבצעת לכל היותר שתי קריאות ל- $O\left(1\right)$

protected int updateNode(AVLNode node) הפעולה 2.4.23

מה היא עושה: מעדכנת את השדות של הצומת לאחר הכנסה/מחיקה. אם הצומת הוא "עבריין AVL", מאזנת אותו. אם התבצע שינוי גובה/פעולת גלגול, הפעולה מחזירה 1, אחרת מחזירה 0.

כיצד היא פועלת: שומרת את הגובה של הצומת לפני פעולות האיזון, ולאחר שמעדכנת אותו ואת שאר השדות באמצעות הפעולה (ואחר שמעדכנת אותו ואת מהשאלות האלו היא "עבריין "AVL". אם התשובה לאחת מהשאלות האלו היא "עבריין "AVL". אם התשובה לאחת מהשאלות האלו האלות האלות האלות האלות שהצומת את הפעולה (balanceNode(AVLNode node) (אשר מבצעת גלגול אם יש צורך), ומחזירה 1 שכן התבצעה פעולת איזון. אחרת, מחזירה 0.

balanceNode(AVLNode rode) ו-getHeight(), updateNodeFields(), isUnbalanced(AVLNode node) שיבוכיות זמן הריצה: מבצעת את הפעולות (O(1) זמן. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא (O(1)) זמן. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא

private void replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה 2.4.24

.newParent להיות ילדי oldParent מה מעבירה את ילדי

oldParent על מנת להגדיר את ילדי setLeft(AVLNode node), setRight(AVLNode node) על מנת להגדיר את ילדי newParent מנת להגדיר את setParent(AVLNode node) בתור ההורה של היות ילדי newParent ומשתמשת בפעולה (oldParent). oldParent

getRight(), setRight(AVLNode node), setParent(AVLNode node), getLeft(), שיבוכיות זמן הריצה: הראינו כי הפעולות setLeft(AVLNode node) מתבצעות בסיבוכיות זמן (O(1), לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא setLeft(AVLNode node)

protected int balanceTree(AVLNode node) הפעולה 2.4.25

מה היא עושה: מאזנת את העץ מהצומת הנתון ועד לשורש, מעדכנת את השדות של הצמתים הרלוונטים ובסיום מחזירה את כמות פעולות האיזון שהתבצעו.

כיצד היא פועלת: מתחילה מהצומת הנתון וממשיכה לעלות בעץ בלולאה עד שהיא מגיעה לאבא של השורש (הצומת הוירטואלי), בעץ בלולאה עד שהיא מגיעה לאבא של השורש (מתחילה מחשיכה לעלות בעץ בכל איטרציה קוראת לפעולה (של מנת לעדכן את השדות המתאימים של כל צומת ולבצע updateNode (AVLNode node) עליהם גלגולים אם יש צורך. כמו כן, בכל איטרציה מוסיפה למונה של פעולות האיזון 0 או 1 בהתאם לערך ההחזרה של -q. dateNode (AVLNode node).

שוב ושוב שוב הראינו כי הפעולה (updateNode(AVLNode node) מתבצעת ב-O(1) זמן. אנו קוראים בלולאה שוב ושוב הראינו כי הפעולה (מסלול מהצומת השורש, כלומר המסלול שאנו מבצעים הוא מסלול מהצומת הנתון לפעולה עם כל צומת בנתיב עד שמגיעים לאביו הוירטואלי של השורש, כלומר המסלול שאנו מבצעים הוא מסלול מהצומת הנתון אל השורש. מסלול זה חסום בגובה העץ, שהוא $O(\log n)$, לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O(\log n)$.

public int insert(int k, boolean i) הפעולה 2.4.26

מה היא עושה: מכניסה צומת חדש לעץ עם מפתח k ומידע ומידע אם לא קיים צומת כזה, ומחזירה את כמות פעולות האיזון שבוצעו מה היא מכניסה. אם קיים בעץ צומת עם מפתח k, הפעולה מחזירה -1.

כיצד היא פועלת:

נחלק למקרים:

- .1 אם העץ ריק,
- יוצרת צומת חדש ומגדירה אותו בתור השורש, האיבר המינימלי והמקסימלי.
 - .2 אם העץ לא ריק,

משתמשת בפעולה (searchNode(int k) כדי למצוא את הצומת שאמור להיות אביו של הצומת החדש, מכניסה את הצומת updateRelationsForNewLeftChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) או updateRe- החדש בתור בנו בעזרת (ationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode newNode) ולאחר מכן מאזנת את העץ ומעדכנת את השדות balanceTree(AVLNode node).

setRoot(AVLNode root), setMin(AVLNode min), setMax(AVLNode nin), setMax(AVLNode s

updateRelationsForNewLeft- זמן, קריאות לפעולות searchNode(int k) אם העץ אינו ריק, קריאה לפעולה updateRelationsForNewRightChild(AVLNode parent, AVLNode או Child(AVLNode parent, AVLNode newNode) או Child(AVLNode parent, AVLNode newNode) מתבצעות ב- $O(\log n)$ זמן וקריאה לפעולה (log n) זמן. $O(\log n)$ זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא $O(\log n)$

public int delete(int k) הפעולה 2.4.27

מה היא עושה: אם קיים בעץ צומת בעל המפתח k, מוחקת אותו מהעץ ומחזירה את כמות פעולות האיזון שנדרשו לאיזון העץ. אם לא קיים כזה צומת בעץ, הפעולה מחזירה -1.

קיים, אחרת, אחרמנעד היש updateSuccessor(AVLNode node, AVLNode newNode) מעדכנת מצביעים של העוקב והקודם שלו באמצעות הפעולה ולאחר מכן נוקטת באחד מששת המקרים המתאימים:

1. אם הצומת הוא השורש וללא ילדים, משמע הוא הצומת היחידי בעץ, נגדיר את העץ להיות עץ ריק ונחזיר 1 כנגד המחיקה היחידה שבוצעה.

איפוס העץ יתבצע באמצעות הפעולות:

- getRoot() הפעולה
- setRoot(AVLNode root) הפעולה
- setMin(AVLNode min) הפעולה
- setMax(AVLNode max) הפעולה
- 2. אם הצומת הוא המינימום בעץ, נעדכן את המינימום בעץ להיות העוקב של הצומת ונבצע מעקף עם בנו הימני (הבן היחידי שיכול להיות לו). אם אין לו בן ימני אז המעקף מתבצע עם צומת וירטואלי, שמדמה מחיקת עלה מעץ ושומר על נכונות המבנה. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, אין לו אב ולכן מגדירים את הבן הימני שלו כשורש.
 זאת באמצעות הפעולות:
 - getMin() הפעולה
 - setMin(AVLNode min) הפעולה
 - getSuccessor() הפעולה
 - getRight() הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setLeft(AVLNode node) הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה

- getVirtualNode() הפעולה
- 3. אם הצומת הוא המקסימום בעץ, נעדכן את המקסימום בעץ להיות הקודם של הצומת ונבצע מעקף עם בנו השמאלי (הבן היחידי שיכול להיות לו). אם אין לו בן שמאלי אז המעקף מתבצע עם צומת וירטואלי, שמדמה מחיקת עלה מעץ ושומר על נכונות המבנה. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, אין לו אב ולכן מגדירים את הבן השמאלי שלו כשורש. זאת באמצעות הפעולות:
 - getMax() הפעולה
 - setMax(AVLNode min) הפעולה
 - getPredecessor() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRight(AVLNode node) הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה
 - getVirtualNode() הפעולה
 - 4. אם הצומת הוא לא השורש והוא אינו המינימום או המקסימום בעץ, נחלק למקרים הבאים:
 - (א) אם לצומת בן יחיד, נבצע מעקף עם בן זה, בשימוש בפעולות
 - getChildCount() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
 - isRealNode() הפעולה
 - getChildInDir(Direction dir) הפעולה •
 - setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
- (ב) אם לצומת שני בנים, כפי שראינו בהרצאה הקודם לצומת חייב להיות בתת העץ של אותו הצומת, בפרט בתת העץ השמאלי. כמו כן, לא ייתכן כי לקודם יש ילד ימני, אחרת אחד הצמתים בתת העץ של הילד הימני היה הקודם. מכך נובע כי ניתן לבצע מעקף לצומת הקודם, ולהחליף אותו פיזית בצומת אותו אנו מוחקים מהעץ. נציין כי אם הצומת הנמחק היה השורש, נעדכן את השורש להיות הקודם שלו.
 - : נבצע זאת באמצעות הפעולות
 - getChildCount() הפעולה
 - getPredecessor() הפעולה
 - getLeft() הפעולה
 - getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - setParent(AVLNode node) הפעולה
 - replaceChildren(AVLNode oldParent, AVLNode newParent) הפעולה
 - getRoot() הפעולה
 - setRoot(AVLNode root) הפעולה
- (ג) אם לצומת אין בנים כלל, כלומר הוא עלה בעץ, נמחק אותו ונגדיר את הבן המתאים של אביו להיות צומת וירטואלי, זאת באמצעות הפעולות:
 - getChildCount() הפעולה
 - getDirectionFromParent(AVLNode node) הפעולה
 - setChildInDir(AVLNode node, Direction dir) הפעולה
 - getVirtualNode() הפעולה

בכל מקרה, בסיום, רצה הפעולה (balanceTree(AVLNode node אשר מאזנת את העץ ומעדכנת את השדות המתאימים.

 $O\left(\log n\right)$ ב-searchNode(int k) אין או הריצה: מן הריצה: פעולה ($O\left(1\right)$ ב-empty) אין פעולה פעולה מתבצע שימוש בפעולה ($O\left(1\right)$ ב-חימן, ואם העץ לא ריק גם מון אין פעולה מתבצע שימוש בפעולה ($O\left(1\right)$ ב-ימן.

אם הצומת עם המפתח הנתון לא קיים בעץ, נפסיק את ריצת הפעולה.

אחרת, נשים לב כי כלל הפעולות בהן היה שימוש (וכל אחת מספר קבוע של פעמים) בכל אחד מהמקרים מתבצעות ב- $O\left(1
ight)$ זמן, כמו גם גישות לשדה.

. $O\left(\log n\right)$ רצה בסיבוכיות balanceTree(AVLNode node) כמו כן, הפעולה כמו כן, הפעולה אזי סך הכל סיבוכיות זמן הריצה של הפעולה היא אזי סך הכל סיבוכיות זמן הריצה של הפעולה היא

public Boolean min() הפעולה 2.4.28

מה היא עושה: מחזירה את ערכו של האיבר בעץ בעל המפתח המינימלי, או null אם העץ ריק.

ימן (1) מתבצעות בסיבוכיות (פולעות (פולעות (mpty(), getMin() ו-(empty(), getMin() קלכן אלכן סיבוכיות ($O\left(1\right)$ אינו הריצה הראינו כי הפעולות ($O\left(1\right)$ הריצה הכוללת היא ($O\left(1\right)$

public Boolean max() הפעולה 2.4.29

מה היא עושה: מחזירה את ערכו של האיבר בעץ בעל המפתח המקסימלי, או null אם העץ ריק.

O(1) מתבצעות בסיבוכיות זמן (1) פיבוכיות אמן הריצה: הראינו פי פיבוכיות (mpty(), getMax() פיבוכיות (1) אינוכיות (1) פיבוכיות (1) פיבוכית (1) פיבוכית

public void inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) הפעולה 2.4.30

מה היא עושה: פעולה רקורסיבית אשר מכניסה למערך arr החל מאינדקס של תת-העץ ש-node הוא שררסיבית אשר מכניסה למערך שורשו ממוינים על פי המפתחות.

בעצ היא פועלת: פועלת בדומה להילוך in-order בעץ כפי שלמדנו בקורס, כאשר לאחר הקריאה הרקורסיבית לבן השמאלי, מכניסה כל צומת למערך arr באינדקס המתאים (אינדקס שהוא תוצאת החיבור של $of\ fset$ וכמות הצמתים בתת-העץ שבנו השמאלי של node הוא שורשו, על מנת שבמקומות שבין $of\ fset$ לאינדקס זה יוכנסו למערך כל הצמתים בתת-העץ שבנו השמאלי של node הוא שורשו). לאחר ההכנסה למערך, מתבצעת של node הוא שורשו). לאחר ההכנסה למערך, מתבצעת קריאה רקורסיבית לבן הימני של node עם $of\ fset$ שהוא האינדקס העוקב של האינדקס אליו node הוא מייצג "סיום מסלול" מקרה הבסיס של הפעולה הוא כאשר node הוא צומת שאינו אמיתי, כלומר צומת וירטואלי (שכן הוא מייצג "סיום מסלול").

סיבוכיות (מתבצע מספר קבוע inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode[] arr) מתבצע מספר קבוע בכל קריאה (getLeft(), getRight() אשר הראינו קודם כי מתבצעות ב-O(1) ממן. הילוך מהצורה getSize() אשר הראינו קודם כי מתבצעות ב-O(n) ממן. הילוך מחצורה אינו קובר על כל הצמתים בעץ לכל היותר מספר קבוע של פעמים, לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא O(n).

public AVLNode[] nodesToArray() הפעולה 2.4.31

מה היא עושה: יוצרת ומחזירה מערך אשר מכיל את כלל הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, או מערך ריק אם העץ ריק.

יסיבוכיות אמן הריצה: הפעולות (-empty) ו-(-empty), כמו אם הפעולות אמן הריצה: הפעולות (-O(1) אמן, ואילו מ-(-O(1) מתבצעות ב-(-O(1) און, ואילו

הפעולה הכוללת אל הריצה ווסרוביות ($O\left(n\right)$ מתבצעת ב-inOrder(AVLNode node, int offset, AVLNode arr) מתבצעת הפעולה ווסרוביות אל הפעולה ווסרוביות מען הריצה הכוללת של הפעולה היא הפעולה אל הפעולה ווסרוביות מען הריצה הכוללת היא הפעולה ווסרוביות מען הריצה הכוללת הריצה הריצה

public int[] keysToArray() הפעולה 2.4.32

מה היא עושה: מחזירה מערך ממוין המכיל את כל המפתחות בעץ, או מערך ריק אם העץ ריק.

, אלהם, חסלפד nodesToArray() על מנת לקבל מערך של הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, מיצד היא פועלת: משתמשת בפעולה arr למערך הממוין למערך ולאחר מכן בעזרת לולאה מכניסה את המפתחות בסדר הממוין למערך

סיבוניות אמן הריצה: הפעולות (O(1) מתבצעות ב-O(1) מתבצעות ב-O(1) מתבצעות הריצה: הפעולות (פחדעות הפעולה היא היא O(n) און. לכן סיבוכיות אמן הריצה הכוללת של הפעולה היא O(n)

public boolean[] infoToArray() הפעולה 2.4.33

מה היא עושה: מחזירה מערך בוליאנים המכיל את כל הערכים בעץ, ממויינים על פי סדר המפתחות, או מערך ריק אם העץ ריק.

, שלהם, מערך של הצמתים בעץ ממוינים על פי המפתחות שלהם, nodesToArray() איז משתמשת בפעולה מערד משתמשת בפעולה ולאחר מכן בעזרת לולאה מכניסה את הערכים שלהם בסדר הממוין למערך arr

סיבועות מתבצעות הריצה: הפעולות () ומן, ואילו (O(1) מתבצעות ב-size() מתבצעות הריצה: הפעולות () מון הריצה הפעולות מון הריצה הכוללת של הפעולה היא O(n) מון. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת של הפעולה היא

public boolean prefixXor(int k) הפעולה 2.4.34

מה היא עושה: מקבלת מפתח k כאשר נתון ש-k נמצא במבנה ומחזירה את תוצאת פעולת אסרכים הבוליאניים הנמצאים במבנה תחת מפתחות שקטנים או שווים ל-k.

כיצד היא פועלת: מבצעת הילוך בעץ במסלול שבין השורש לבין הצומת עם המפתח k. אם הצומת הנוכחי הוא עם מפתח גדול יותר מk, ממשיכים במסלול (ולא מחשבים אותו כחלק מ-xor). אם הצומת הנוכחי הוא עם מפתח קטן או שווה לk, נחשב את הערכים הבוליאניים שלו ושל הצמתים בתת-העץ השמאלי שלו ב-xor (בעזרת הפעולה (getSubTreeXor), שכן כל אלו הם צמתים עם מפתחות קטנים מk. כל הצמתים עם המפתחות שקטנים מk הם כל אלו שנמצאים בעץ "משמאל" למסלול בין השורש לבין הצומת עם המפתח k (כולל משמאל לצומת עם המפתח k).

קפtSubTreeXor(), getRey(), getLeft(), getRight(), getValue() ו-getRout(), rewrite הוע פעולות (), getRout(), getRey(), getRight(), getValue() ומן. לפי הראינו כי הפעולות המתבצעות ב-O(1) זמן. לפי ההסבר של הפעולה, הלולאה מבצעת לכל היותר h+1 איטרציות כאשר h הוא גובה העץ (שכן זהו אורך המסלול הארוך ביותר בין השורש לצומת בעץ), וכן בעץ AVL מתקיים $O(\log n)$. לכן סיבוכיות זמן הריצה הכוללת היא $O(\log n)$.

public AVLNode successor(AVLNode node) הפעולה 2.4.35

מה היא עושה: מקבלת צומת בעץ כקלט ומחזירה את העוקב שלו. אם לא קיים עוקב, מחזירה null

סיבוכיות זמן הריצה: הראינו ב-(1) ופנSuccessor ו-(i getSuccessor הן מון, לכן זמן, לכן סיבוכיות מון הריצה: הראינו כי הפעולות (O(1).

public boolean succPrefixXor(int k) הפעולה 2.4.36

מה היא עושה: מקבלת מפתח k כאשר נתון שk נמצא במבנה ומחזירה את תוצאת פעולת אסרכים הבוליאניים הנמצאים במבנה תחת מפתחות שקטנים או שווים לk.

עד שמגיעה לצומת successor(AVLNode node) ביצד היא פועלת: מתחילה מהצומת המינימלי של העץ, ומבצעת עליו פעולות אין ומבצעת שמגיעה לצומת המינימלי עצמו), הפעולה מחשבת k. עבור כל צומת שהתקבל בפעולות ה-(successor(AVLNode node) וכן הצומת המינימלי עצמו), הפעולה מחשבת עם ערכו הבוליאני, ולבסוף מחזירה את התוצאה.

סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולות (getValue() -i getMin(), getKey() אמן. הפעולה מבצעת סיבוכיות אמן הריצה: הראינו כי הפעולות הפעולות (getMin(), getKey() המעולות (בסספר הצמתים בעץ עם מפתחות שקטנים מהמפתח k, ובכל איטרציה מבצעת פעולת מספר הצמתים בעץ עם מפתחות שקטנים מהמפתח k, ובכל איטרציות (כמספר סך כל הצמתים בעץ), לכן successor(AVLNode node) הכוללת היא O(n).