

Пр/ $R_x \perp R_y$.
 R_x, R_y - перпендик. прави.

x - ортог. проекция на точката P върху R_x
 y - ортог. проекция на точката P върху R_y .

P се определя от наредената двойка (x, y) .
 E - равнина
 $E = R_x \times R_y$.

Брой на елементите се отп. като: $\#$
 (брой ел. $I^{\text{во}}$ множ.) \cdot (брой ел. $II^{\text{го}}$ множ.)

$A \times A = A^2$ - Декартов квадрат.

$$A = A_1 \times A_2 \times \dots \times A_n = \{(a_1, \dots, a_n) \mid \forall a_i \in A_i\}$$

~~(множество от множества)~~
 т.е. $\prod_{i=1}^n A_i$

Забележка:

числа: $x_1 + \dots + x_n = \sum_{i=1}^n x_i$ при празен интервал 0

числа: $y_1 \cdot y_2 \cdot \dots \cdot y_n = \prod_{i=1}^n y_i$ при празен интервал 1

множества: $A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_n = \bigcap_{i=1}^n A_i$

$A_1 \times A_2 \times \dots \times A_n \in A^n$ $A_1 = A_2 = \dots = A_n = A$

Дополнительно

Белевски:

$$\bigcup_{i=1}^n A_i = \{ \underbrace{(a_1, a_2, \dots, a_n)}_{n \text{ терен вектор}} \mid \forall i \in I_n \}.$$

$i = 1, 2, \dots, n.$

$$\bigcup_{i=0}^{\infty} A_i = \{ \underbrace{(a_0, a_1, \dots)}_{\text{редуца}} \mid \forall i \in I_n \}.$$

$i = 0, 1, 2, \dots$

1.4) Аксиома за индукцията.

Индуктивно дефиниране на множеството M :

- * непразното множество M_0
- * множ. от операции F

┌

1) База - вкл. в M ел. на M_0
(базови елементи на M)

2) Индукционно предположение - нека в M вече са вкл. някакви елементи.

3) Индукционна стъпка - В M включваме всеки елемент, който е резултат на някоя от операциите от F , изпълнена върху елементи, вече включени в M .

4) Заключение. - В M няма други елементи освен базовите и включените чрез индукция.

└

└ 1, 2, 3, 4 определят
свкупност $\langle M_0, F \rangle$

Пр: ~~Математика~~

За всеки елемент x на индуктивно дефинираното множество M е в сила $\pi(x)$.

Индуктивно доказателство:

1) База - За всеки базов елемент x_0 от M_0 проверяваме $\pi(x_0)$

2) Индукционно предположение - Допускаме, че $\pi(x)$ е вярно за всички елементи, включени до определен момент в M .

3) Индукционна стъпка - ~~разг.~~ доказваме се $\pi(x)$ е вярно за всеки ел^т $x \in M$ построен с помощта на операциите от \mathcal{F} (вез основа на Направеното предположение)

4) Заключение - π е в сила за всеки елемент на множеството M .

$$A = \{a_i \mid i \in I\}$$

I - индексно множество.

i - индекс

A - индексирано множество.

⚡ \nwarrow Покриване (set cover)
и разбиване (set partition)
на множество.

A - множество

$$S = \{R_1, \dots, R_n\}$$

R_1, \dots, R_n - подмнож. на A

S е покриване на A т.с.т.к.

$$1) \forall i \quad 1 \leq i \leq n \quad R_i \subseteq A$$

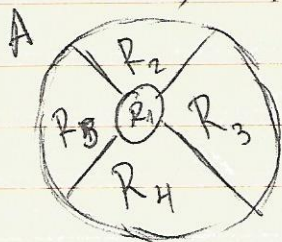
При $2) \bigcup_{i=1}^n R_i = A \quad R_i \neq \emptyset, \text{ за } 1 \leq i \leq n.$

S е разбиване на A т.с.т.к.

Затова: $1) \forall i \quad 1 \leq i \leq n \quad R_i \subseteq A$

$$2) \bigcup_{i=1}^n R_i = A \quad R_i \neq \emptyset, \text{ за } 1 \leq i \leq n.$$

$$3) R_i \cap R_j = \emptyset, \text{ за } 1 \leq i < j \leq n.$$



Разликата при покриване
и разбиване е, че при
покриването един ел. може

да участва в няколко R (подмнож.),
а при разбиването само в едно.

Допълнителни

Бележки:

За всяка x на изкуствено дефинирата функция M е в сила I

Изкуствено дефинирание

1) Формула - За всеки даден елемент x_0 от M_0 проверяваме $I(x_0)$

2) Изкуствено предположение - Допускаме, че I е вярно за всички елементи, включени до определен момент в M .

3) Изкуствено следствие - Ако $I(x)$ е вярно за всички елементи, включени до определен момент в M , то $I(x)$ е вярно за всички елементи, включени до определен момент в M .

4) Формула - За всеки даден елемент x в M е в сила $I(x)$

5) Формула - За всеки даден елемент x в M е в сила $I(x)$

6) Формула - За всеки даден елемент x в M е в сила $I(x)$



Различията между изкуствено дефинирание и изкуствено следствие са следните:

1. Изкуствено дефинирание е вярно за всички елементи, включени до определен момент в M .