

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)
Кафедра КСУ

ОТЧЕТ
по лабораторной работе №6
по дисциплине «Программирование и основы алгоритмизации»
Тема: “Разработка программы численного решения нелинейных
алгебраических уравнений”
Бригада №1

Студент гр. 6493

Студентка гр.6493

Преподаватель

Огурецкий Д.В.

Алексеева К.А.

Лукомская О.Ю

Санкт-Петербург

2017

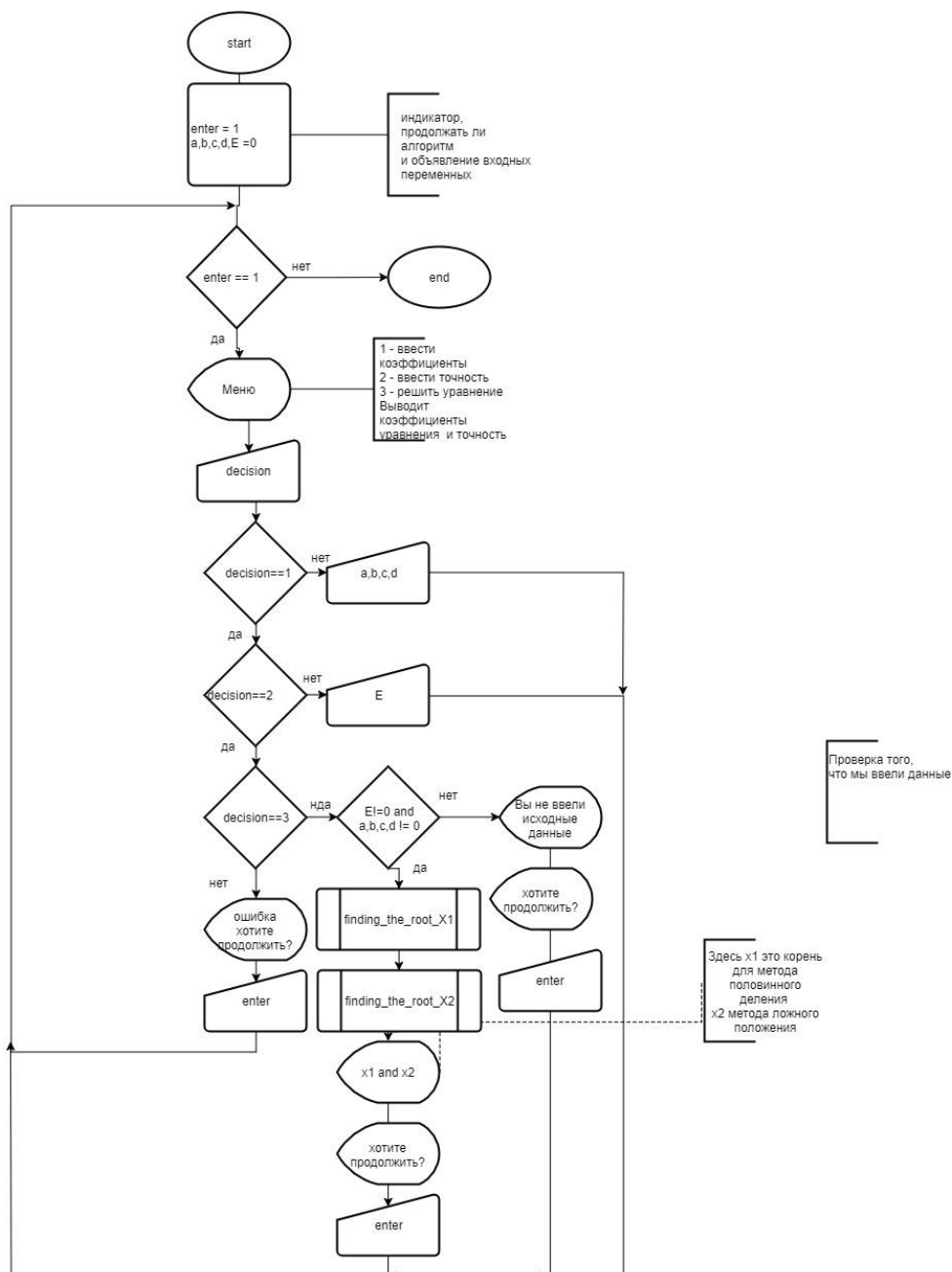
Постановка формальной задачи: написать программу для решения нелинейных алгебраических уравнений вида $y=ax^3+bx^2+cx+d$ методом половинного деления и методом ложного положения. Корень ищем на интервале $x=[0,30]$ при точности расчёта $\epsilon \leq 0,01$. Значения коэффициентов:

| a | b | c | d |
|-------|--------|------|-----|
| 0.001 | -0.125 | 4.90 | -30 |

Замечание: коэффициенты вводятся с клавиатуры. Методы решения должны быть оформлены в виде функций. Алгоритм должен предусматривать многократное изменение значений коэффициентов уравнения, точности расчёта и последующего пересчёта результатов, а также возможность завершения работы по желанию пользователя.

Уловив смысл задания, мы решили сделать меню алгоритма, в котором можно менять коэффициенты и точность расчёта.

Блок-схема меню программы:



Код меню программы:

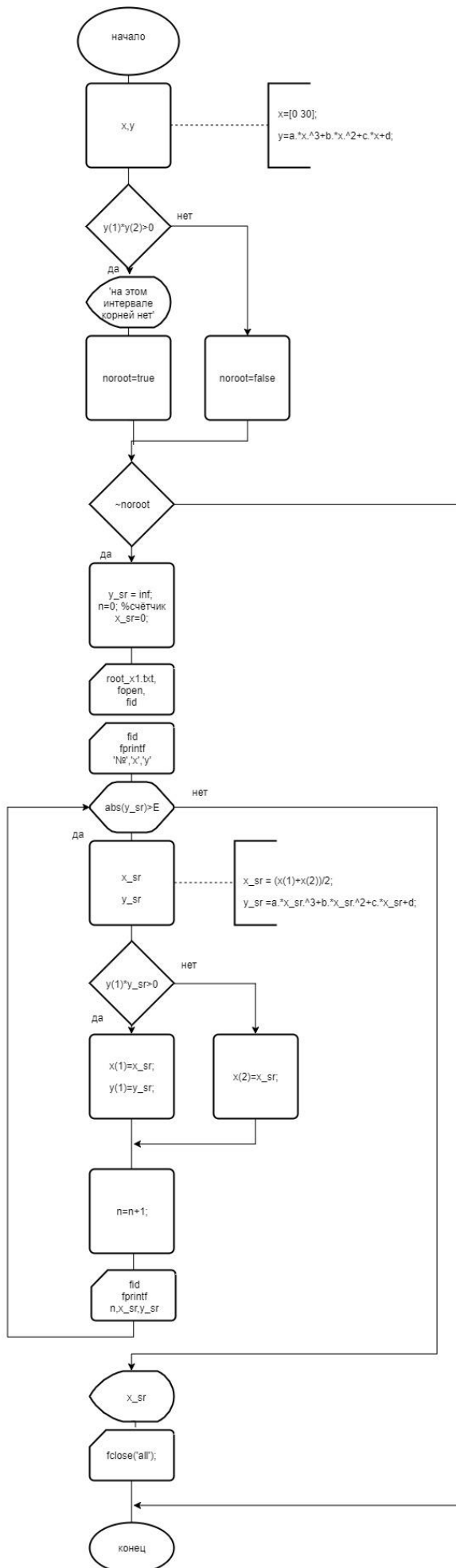
```
clear
enter=1;
a=0;
b=0;
c=0;
d=0;
E=0;
while enter==1
    clc
    a
    b
    c
    d
    E
    decision = menu('Желаемая операция?', 'ввести коэффициенты уравнения', 'ввести
точность решения', 'решить уравнение');
    switch decision
        case 1
            a = input('Введите коэфф. a');
            b = input('Введите коэфф. b');
            c = input('Введите коэфф. c');
            d = input('Введите коэфф. d');
        case 2
            E = input('Введите точность решения');
        case 3
            if (a~=0 || b~=0 || c~=0 || d~=0 || E~=0)
                finding_the_root_x1(a,b,c,d,E)
                finding_the_root_x2(a,b,c,d,E)
                enter = menu('хотите продолжить?', 'да', 'нет');
            else
                enter = menu('Вы не ввели исходные данные, хотите
продолжить?', 'да', 'нет');
            end
        end
    end
end
```

Код функции метода половинного деления(функции finding_the_root_x1):

```
function[] = finding_the_root_x1(a,b,c,d,E)
x=[0 30];
y=a.*x.^3+b.*x.^2+c.*x+d;
if y(1)*y(2)>0
    disp('на этом интервале корней нет')
    noroot=true;
else
    noroot=false;
end
if ~noroot
    y_sr = inf;
    n=0; %счётчик
    x_sr=0;
    fid=fopen('root_x1.txt','w');
    fprintf(fid,'%6s %15s %20s\r\n','№','x','y');
    while abs(y_sr)>E
        x_sr = (x(1)+x(2))/2;
        y_sr = a.*x_sr.^3+b.*x_sr.^2+c.*x_sr+d;
        if y(1)*y_sr>0
            x(1)=x_sr;
            y(1)=y_sr;
        else
            x(2)=x_sr;
```

```
end
n=n+1;
fprintf(fid, '%6g %15g %20g\r\n', n, x_sr, y_sr);
end
x_sr
fclose('all');
end
end
```

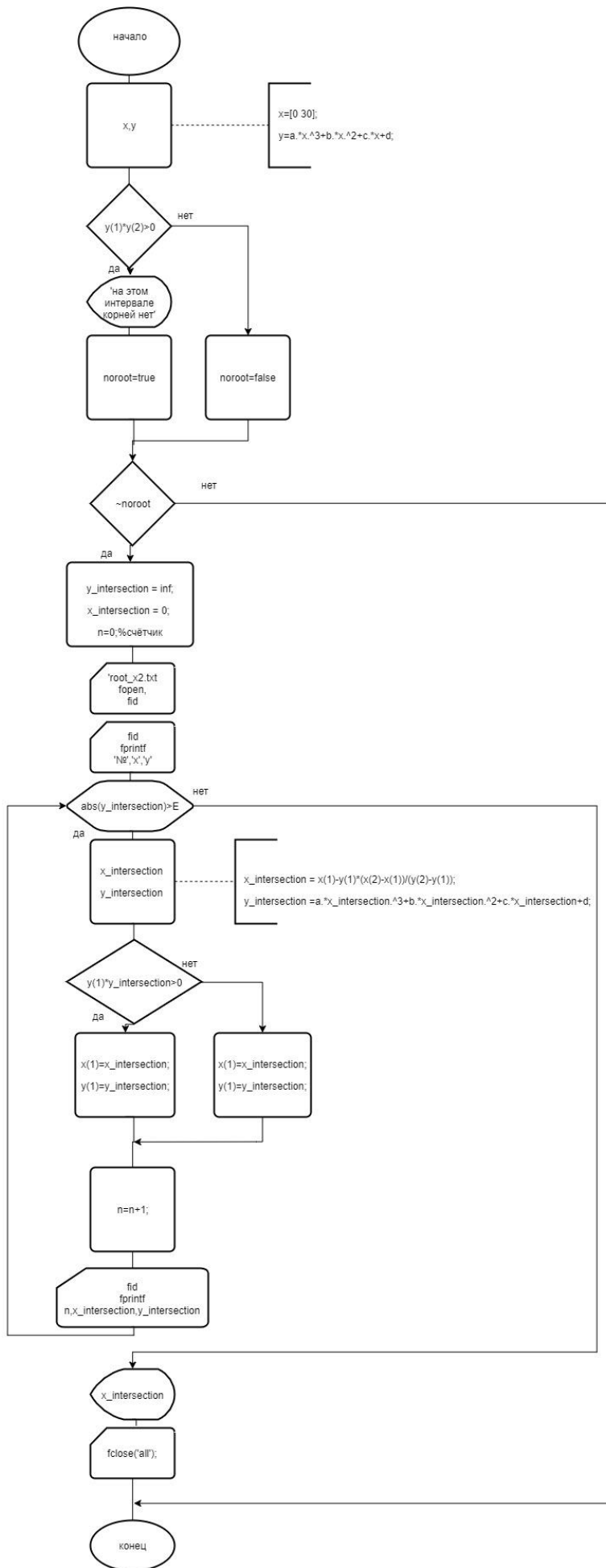
Его блок-схема:



Метод ложного положения(метод хорд) функция finding_the_root_x2.

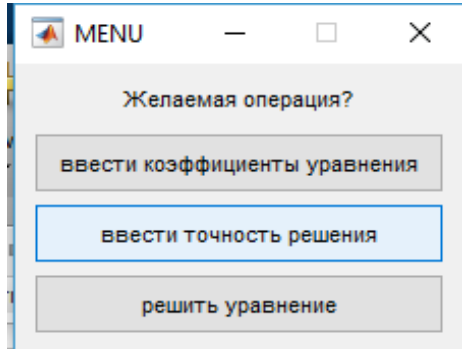
```
function[] = finding_the_root_x2(a,b,c,d,E)
x=[0 30];
y=a.*x.^3+b.*x.^2+c.*x+d;
if y(1)*y(2)>0
    disp('на этом интервале корней нет')
    noroot=true;
else
    noroot=false;
end
if ~noroot
    y_intersection = inf;
    x_intersection = 0; %точка пересечения прямой с осью абсцисс
    n=0; %счётчик
    fid=fopen('root_x2.txt','w');
    fprintf(fid,'%6s %15s %20s\r\n','№','x','y');
    while abs(y_intersection)>E
        x_intersection = x(1)-y(1)*(x(2)-x(1))/(y(2)-y(1));
        y_intersection =
        a.*x_intersection.^3+b.*x_intersection.^2+c.*x_intersection+d;
        if y(1)*y_intersection>0
            x(1)=x_intersection;
            y(1)=y_intersection;
        else
            x(1)=x_intersection;
            y(1)=y_intersection;
        end
        n=n+1;
        fprintf(fid,'%6g %15g %20g\r\n',n,x_intersection,y_intersection);
    end
    x_intersection
    fclose('all');
end
end
```

Блок-схема:



Демонстрация работы:

Появляется наше меню



Мы выбираем нужный пункт и записываем исходные данные.

Видим, что в командной строке, отображаются введенные данные. (Это мы сделали для удобства)

```
a =  
1.0000e-03  
  
b =  
-0.1250  
  
c =  
4.9000  
  
d =  
-30  
  
E =  
0.0100
```

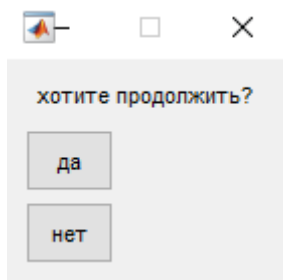
Далее выбираем пункт решить уравнение:

В командной строке появилось решение:

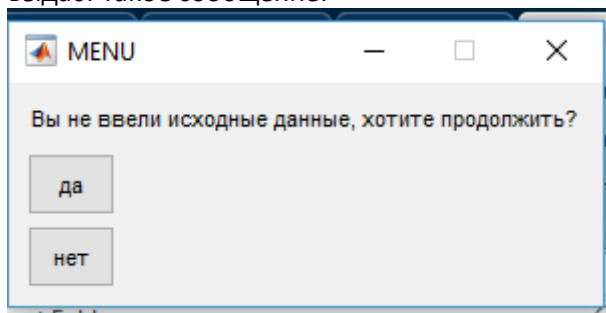
```
x_sr =  
7.4561  
  
x_intersection =  
7.4591
```

Здесь `x_sr` это метод половинного деления, а `x_intersection` это метод ложного положения

У нас появляется меню с выбором желания пользователя продолжить.



Также в программе мы сделали стрессоустойчивость, то есть для избежания ошибки, если мы пытаемся решить наше уравнение не введя достаточное количество исходных данных программа выдаст такое сообщение:



Данные выводятся в файлы для сравнения:

| root_x1 — Блокнот | | | root_x2 — Блокнот | | |
|-------------------|---------|-------------|-------------------|---------|------------|
| Файл | Правка | Формат | Файл | Правка | Формат |
| Вид | Справка | | Вид | Справка | |
| № | x | y | № | x | y |
| 1 | 15 | 18.75 | 1 | 14.6341 | 18.0716 |
| 2 | 7.5 | 0.140625 | 2 | 9.13273 | 5.08625 |
| 3 | 3.75 | -13.3301 | 3 | 7.80881 | 1.11713 |
| 4 | 5.625 | -6.2146 | 4 | 7.52846 | 0.231449 |
| 5 | 6.5625 | -2.94443 | 5 | 7.47083 | 0.047366 |
| 6 | 7.03125 | -1.37907 | 6 | 7.45905 | 0.00966901 |
| 7 | 7.26563 | -0.613554 | | | |
| 8 | 7.38281 | -0.235052 | | | |
| 9 | 7.44141 | -0.0468609 | | | |
| 10 | 7.4707 | 0.0469701 | | | |
| 11 | 7.45605 | 7.66263e-05 | | | |

Как видим, метод ложного положения выполняется за меньшее количество итераций. То есть он сходится быстрее.

s

Вывод: мы составили программу для решения линейных алгебраических уравнений вида $y=ax^3+bx^2+cx+d$. Программа решает уравнение двумя методами, метод ложного положения сходится быстрее метода половинного деления.