# Cours: Théorie des automates et langages formels

**TP #3** 

#### **Exercise 1: Automates finis avec sortie**

1. Pour chaque cas suivant, donnez une machine de Moore avec  $\Sigma$ ={a,b} ,  $\Gamma$ ={0,1} et une table de transition et table de sortie suivante:

a.

	a	b	Sortie
$\mathbf{q}_0$	$\mathbf{q}_1$	$\mathbf{q}_0$	0
$q_1$	$\mathbf{q}_2$	$\mathbf{q}_1$	1
$\mathbf{q}_2$	$\mathbf{q}_2$	$q_0$	1

b.

	a	b	Sortie
$\mathbf{q}_0$	$q_0$	$q_3$	0
<b>q</b> 1	$q_1$	$q_0$	1
$\mathbf{q}_2$	$q_3$	$q_2$	1
<b>q</b> 3	$q_2$	$q_1$	0

c.

	a	b	Sortie
$\mathbf{q}_0$	$q_0$	$q_1$	1
$\mathbf{q}_1$	$q_0$	$q_3$	1
$\mathbf{q}_2$	$q_2$	<b>q</b> <sub>3</sub>	0
$\mathbf{q}_3$	$q_1$	q <sub>2</sub>	0

2. Pour chaque machine de Moore précédente, donnez une machine de Mealy équivalente.

# **Exercice 2**: Langages réguliers

Construisez un automate fini pour  $L_1 \cap L_2$  à partir des automates finis de  $L_1$ et de L2 suivants:

- 1.  $L_1 = (a+b)b(a+b)^*$   $L_2 = b(a+b)^*$ 2.  $L_1 = (a+b)b(a+b)^*$   $L_2 = (a+b)^*b$ 3.  $L_1 = (b+ab)^*(a+\Lambda)$   $L_2 = (a+b)^*bb$  $L_2 = (a+b)*bb(a+b)*$

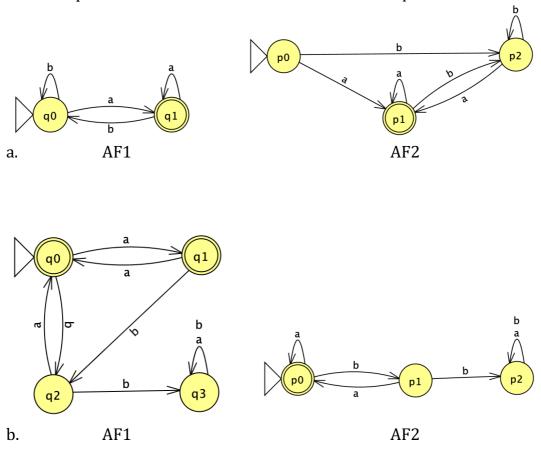
#### **Exercice 3:** Langages non-réguliers

Prouvez que deux langages suivants ne sont pas réguliers:

- 1.  $\{a^nb^{2n}\}$
- 2.  $\{a^nb^{2n}c^n\}$

# Exercice 4: Décidabilité

Prouvez que ces deux automates finis suivants sont équivalents:



<u>A rendre</u>: Un fichier **votre\_code\_etudiant\_TP3.pdf** par étudiant en utilisant moodle.