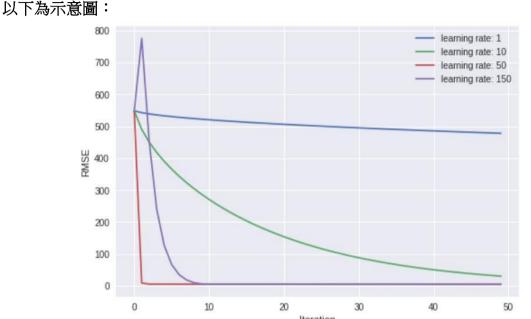
Homework 1 Report - PM2.5 Prediction

學號: B05602022 系級: 工海三 姓名: 盧庭偉

1. (1%) 請分別使用至少 4 種不同數值的 learning rate 進行 training(其他參數需一致),對其作圖,並且討論其收斂過程差異。



圖中可看見,當 learning rate 太小時,需要走很長的時間。而 learning rate 太大則有可能會出現震盪現象。由於本次範例有使用 Adagrad,後面走的步伐會變小,因此 learning rate 太小有可能導致走不到 minimum 的位置,而 learning rate 太大則不太會有影響因為當步伐越來越小後,它會慢慢找到適當的位置(有點類似顯微鏡的概念。先用粗調節輪找觀察物,再用細調節輪微調焦距)。因此在有使用 Adagrad 的情況下,learning rate 寧願太大也不要太小。

2. (1%) 請分別使用每筆 data9 小時內所有 feature 的一次項(含 bias 項)以及每筆 data9 小時內 PM2.5 的一次項(含 bias 項)進行 training,比較並討論這兩種模型的 root mean-square error(根據 kaggle 上的 public/private score)。

	Regularization	Kaggle public score
9 小時內 PM2.5	$\lambda = 0$	9.22144
9 小時內 PM2.5	$\lambda = 50$	9.24584

只使用 PM2.5 當資料的情況下,加入 regularization 並沒有使結果更好,判斷應為 underfitting。

9 小時內所有 feature	$\lambda = 0$	9.02981
9 小時內所有 feature	$\lambda = 50$	8.74607

使用全部的 feature 下去 train 的情況下,分數有所進步,證實了前面的假設(只使用 PM2.5 會 underfit)。加入 regularization 能使結果略微進步,判斷可能有些許 overfit。

3. (1%)請分別使用至少四種不同數值的 regularization parameter λ 進行 training (其他參數需一致),討論及討論其 RMSE(training, testing) (testing 根據 Kaggle 上的 public/private score)以及參數 weight 的 L2 norm。

Regularization	RMSE(Training)	Public Score	Private Score	L2 norm
$\lambda = 1$	3.96	8.36351	6.90362	1.17
$\lambda = 50$	3.96	8.35447	6.90897	1.08
$\lambda = 100$	3.96	8.34457	6.91661	0.97
$\lambda = 200$	3.96	8.33487	6.94574	0.45

由於 training data 中存在許多有問題的資料,連續的 0 (空資料)、負的參數及不可能的數據 (PM2.5 > 900),因此在 training 前我已把這些資料去除。方法是先刪掉連續為零以及負的資料,剩下的再去除三個標準差之外的資料。

但也因為這個事前處理,我們可能會把一些極端但合理的資料去除,因此我們的 loss function 應該會比較平滑。而測試了幾個 regularization parameter 之後,結果並沒有顯著的進步,也算是驗證了我們的假設。

4~6 (3%) 請參考數學題目(連結:),將作答過程以各種形式(latex 尤佳)清楚地呈現在 pdf 檔中(手寫再拍照也可以,但請注意解析度)。

Problem 4~6 collaborator: R06525062 吳政道 TA 4.

```
@ (4-a)
               定義P為一NW矩陣,對角線為r, r, r, 其餘為。
                Ep (W) = $ $ 1 (th-WT/4)
                             = = (tn-W Xn) R(tn - Xn W)
-
                              = = tarti-tarxiw - wixarta + wixarxiw
                             = = (tnRtn - 2 tnR Xn W + W XnR Xn W)
0
                = EO(W*) = XnRXnTW-tnRXnT = 0
0
                             > W* = (XnRXnT)-1 tnRXnT = (XnRXnT)-1 XnRtnT #
0
0
 0
        (4-b)
 0
                   W^* = \begin{bmatrix} 2 & 5 & 5 \\ 3 & 1 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 5 & 1 \\ 3 & 1 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 5 & 5 \\ 3 & 1 & 6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 5 \\ 5 \end{bmatrix}
                           \left[ \begin{array}{c} 108 & 107 \\ 107 & 127 \end{array} \right] = \left[ \begin{array}{c} 125 \\ 100 \end{array} \right] = \frac{1}{2267} \left[ \begin{array}{c} 127 & -107 \\ -107 & 108 \end{array} \right] \left[ \begin{array}{c} 125 \\ 100 \end{array} \right]
```

5.

```
NO.

DATE

\begin{array}{c}
S \ E'(w) = \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \left( y \left( y_n, w + \Delta v_n \right) - t_n \right)^2 \\
= \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \left( w_n + \sum_{n=1}^{\infty} w_n \left( y_n + \Delta v_n \right) - t_n \right)^2 \\
= \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \left( w_n + \sum_{n=1}^{\infty} w_n y_n - t_n \right)^2 + 2 \left( w_n + \sum_{n=1}^{\infty} w_n y_n - t_n \right) \left( \sum_{n=1}^{\infty} w_n \sum_{n=1}^{\infty} y_n + \sum_{n=1}^{\infty} w_n y_n - t_n \right) \left( \sum_{n=1}^{\infty} w_n \sum_{n=1}^{\infty} y_n + \sum_{n=1}^{\infty} w_n y_n - \sum_{n=1}^{\infty} w_n \sum_{n=1}^{\infty} w_n y_
```

6.

6.
$$\frac{1}{3}\ln |A| = \frac{1}{3}\ln (\lambda_1 \cdot \lambda_2 \cdot \cdot \lambda_N)$$
, where λ_1 are eigenvalues of A

$$= \frac{1}{3}\sum_{i=1}^{N}\ln \lambda_i = \sum_{i=1}^{N}\frac{1}{2}\frac{1}{2}\lambda_i = 0$$

$$= \frac{1}{3}\sum_{i=1}^{N}\ln \lambda_i = \sum_{i=1}^{N}\frac{1}{2}\frac{1}{2}\lambda_i = 0$$

$$= \frac{1}{3}\sum_{i=1}^{N}\ln \lambda_i = \sum_{i=1}^{N}\frac{1}{2}\frac{1}{2}\lambda_i = 0$$

$$= \frac{1}{3}\sum_{i=1}^{N}\ln |A| = \sum_{i=1}^{N}\frac{1}{2}\frac{1}{2}\lambda_i = 0$$

$$= \frac{1}{3}\ln |A| = \frac{1}{3}\ln |A|$$

$$= \frac{1}{3}\sum_{i=1}^{N}\frac{1}{2}\frac{1}{2}\lambda_i = 0$$

$$= \frac{1}{3}\ln |A| = \frac{1}{3}\ln |A|$$