# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ПОЛИТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»

УТВЕРЖДАЮ Директор ИШИТР

А.С.Фадеев «22» мая 2023 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ ПРИЕМ 2023 г. ФОРМА ОБУЧЕНИЯ <u>ОЧНАЯ</u>

Численное решение инженерных задач			
Направление подготовки	09.03.02 Информационные системы и технологии		
Основная профессиональная	Информационные технологии и интеллектуальный		
образовательная программа	анализ данных		
Специализация	Бизнес-анализ и разработка информационных систем		
Уровень образования	высшее образование – бакалавриат		
		•	•
Курс	2	семестр	3
Трудоемкость в кредитах			
(зачетных единицах)			4,0
Виды учебной деятельности		Време	енной ресурс
	Лекции		24,0
Контактная	Лабораторные занятия		32,0
(аудиторная) работа, ч	ВСЕГО		56,0
	Самостоятельная работа, ч		
		ИТОГО,	-

Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Обеспечивающее подразделение	ОИТ
Заведующий кафедрой - руководитель отделения на правах кафедры ОИТ	<u></u>	Allo-	В. С. Шерстнев
Руководитель ОПОП		N.	И. В. Цапко
Преподаватель		End	Е. А. Кочегурова

#### 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины является формирование у обучающихся определенного ОПОП (п. 5 Общей характеристики ОПОП) состава компетенций для подготовки к профессиональной деятельности.

Код Наименование		Индикаторы достижения компетенций		Составляющие результатов освоения (дескрипторы компетенции)	
компетенции	компетенции	Код	Наименование	Код	Наименование
ОПК(У)- 1	Способен применять естественно- научные и общеинже- нерные зна- ния, методы математиче- ского анализа и моделиро- вания, теоре- тического и эксперимен- тального ис- следования в профессио- нальной дея- тельности	И.ОПК(У)- 1.3	Демонстрирует спо- собность применять методы математиче- ского анализа и моде- лирования, теоретиче- ского и эксперимен- тального исследования в профессиональной деятельности	ОПК(У)- 1.3В2 ОПК(У)- 1.3У2 ОПК(У)- 1.332	Владеет опытом применения численных методов при решении профессиональных задач повышенной сложности  Умеет адаптировать численные методы при решении профессиональных задач повышенной сложности  Знает основные алгоритмы типовых численных методов решения инженерных и математических задач

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина относится к базовой части Блока 1 учебного плана образовательной программы.

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

После успешного освоения дисциплины будут сформированы результаты обучения:

	Индикатор	
Код	Наименование	достижения компетенции
РД-1	Оценивать и контролировать погрешности программных решений и сопоставлять их со стандартными решения в СКМ	И.ОПК(У)-1.3.
РД-2	Осуществлять алгоритмизацию и программную реализацию типовой инженерной задачи в соответствии заданным численным методом	И.ОПК(У)-1.3.
РД-3	Выбирать метод численного интегрирования в соответствии с исходными данными и ограничениями на реализацию	И.ОПК(У)-1.3.
РД-4	Классифицировать тип нелинейного уравнения и выбирать численный метод его решения в соответствии с исходными данными и ограничениями на реализацию	И.ОПК(У)-1.3.
РД-5	Классифицировать тип задачи линейной алгебры. Выбирать численный метод решения (прямой или итерационный) в соответствии с типом задачи и ограничениями на реализацию	И.ОПК(У)-1.3.
РД-6	Классифицировать тип дифференциального уравнения и выбирать численный метод решения задачи Коши в соответствии с порядком уравнения и ограничениями на реализацию	И.ОПК(У)-1.3.
РД-7	Классифицировать задачи аппроксимации данных и выбирать численный метод решения задачи аппроксимации в соответствии с типом задачи и ограничениями на реализацию	И.ОПК(У)-1.3.

Оценочные мероприятия текущего контроля и промежуточной аттестации представлены в календарном рейтинг-плане дисциплины.

## 4. Структура и содержание дисциплины

### Основные виды учебной деятельности

Разделы дисциплины	Формируемый результат обучения по дисциплине	Виды учебной деятельности	Объем времени, ч.
Раздел 1. Погрешности численных	РД-1	Лекции	2
решений		Лабораторные занятия	2
решении		Самостоятельная работа	12
		Лекции	4
Раздел 2. Численное интегрирование	РД-2, РД-3	Лабораторные занятия	4
		Самостоятельная работа	15
Раздел 3. Численные методы решения задач линейной алгебры	РД-2, РД-5	Лекции	6
		Лабораторные занятия	10
		Самостоятельная работа	17
Раздел 4. Численное решение нелинейных		Лекции	4
уравнений и систем нелинейных РД-2, уравнений		Лабораторные занятия	6
		Самостоятельная работа	17
Раздел 5. Численные методы решения	РД-2, РД-6	Лекции	4
обыкновенных дифференциальных		Лабораторные занятия	4
уравнений		Самостоятельная работа	12
Page 6 Hay 5		Лекции	4
Раздел 6. Приближение функций и	РД-2, РД-7	Лабораторные занятия	6
табличных данных		Самостоятельная работа	15

# Содержание разделов дисциплины:

# Раздел 1. Погрешности численных решений

Источники и классификация погрешностей. Абсолютная и относительная погрешности. Значащие и верные цифры. Погрешности элементарных вычислительных операций: суммы, разности, произведения, частного. Общий подход к оценке погрешностей вычислительных алгоритмов.

#### Темы лекций:

1. История развития вычислительной математики. Элементы теории погрешностей Названия лабораторных работ:

1. Оценка погрешности результата численного решения

### Раздел 2. Численное интегрирование

Квадратурные формулы Ньютона-Котеса. Формулы прямоугольника, трапеции, Симпсона. Погрешность метода. Принцип Рунге для оценки погрешности интегрирования. Вычисление кратных интегралов. Метод статистических испытаний (Монте-Карло) в задаче численного интегрирования.

#### Темы лекций:

- 2. Численное интегрирование. Квадратурные формулы, формулы прямоугольников, трапеций и Симпсона
- 3. Погрешность численного интегрирования. Вычисление кратных интегралов. Стохастические методы численного интегрирования.

### Названия лабораторных работ:

- 2. Численное интегрирование: формулы прямоугольников и трапеций.
- 3. Численное интегрирование: формулы Симпсона. Метод Монте- Карло.

# Раздел 3. Численное решение нелинейных уравнений и систем нелинейных уравнений

Классификация нелинейных уравнений и систем. Трансцендентные и алгебраические уравнения. Схема решения нелинейного уравнения. Интервальные методы и теорема интервалов. Метод половинного деления, метод хорд, метод касательных, метод простой итерации. Алгоритмизация методов, условия применения, скорость сходимости, геометрическая иллюстрация.

#### Темы лекций:

- 4. Нелинейные уравнения. Общая схема решения нелинейных уравнений. Концепция интервальных методов. Процедуры ППП MathCad для решения уравнений и систем. Составление пользовательских программ в ППП MathCad.
- 5. Концепция интервальных методов. Методы дихотомии, хорд для решения нелинейных уравнений.
- 6. Методы простых итераций и Ньютона для решения нелинейных уравнений. Решение систем нелинейных уравнений.

# Названия лабораторных работ:

- 4. Интервальные методы решения нелинейных уравнений.
- 5. Итерационные методы решения нелинейных уравнений: метод касательных (Ньютона).
- 6. Итерационные методы решения нелинейных уравнений: и метод простых итераций (Якоби).

# Раздел 4. Численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений

Классификация дифференциальных уравнений. Задача Коши и методы ее решения. Обусловленность задачи. Методы Рунге-Кутта - основная идея. Порядок точности методов. Области устойчивости. Методы Эйлера, Эйлера-Коши, Рунге-Кутта 4-го порядка. геометрическая иллюстрация и погрешность методов, автоматический выбор шага дискретизации.

Системы линейных дифференциальных уравнений. Задача Коши для системы дифференциальных уравнений и формулы Рунге-Кутта. Решение дифференциальных уравнений n-го порядка. Многошаговые методы решения дифференциальных уравнений.

#### Темы лекций:

- 7. Классификация дифференциальных уравнений. Задача Коши и методы ее решения. Методы РунгеКутта. Геометрическая иллюстрация и погрешность методов, автоматический выбор шага.
- 8. Системы линейных дифференциальных уравнений. Задача Коши для системы дифференциальных уравнений и формулы Рунге-Кутта. Решение дифференциальных уравнений п-го порядка.

## Названия лабораторных работ:

- 7. Решение дифференциальных уравнений методами Рунге- Кутта 2 порядка.
- 8. Решение дифференциальных уравнений методами Рунге- Кутта 4 порядка.
- 9. Решение систем дифференциальных уравнений методами Рунге- Кутта.

# Раздел 5. Приближение функций и табличных данных

Классификация задач аппроксимации. Критерий близости. Задача интерполирования. Полиномиальная интерполяция, чебышевские системы. Остаточный член и погрешность полиномиальной интерполяции. Выбор узлов интерполяции. Сплайн-интерполяция. Сглаживание и фильтрация данных. Метод наименьших квадратов. Уравнения регрессии, полиномиальная регрессия. Базисные функции.

### Темы лекций:

- 9. Классификация задач аппроксимации: интерполяция, сглаживание, экстраполяция. Критерии аппроксимации. Показатели эффективности аппроксимации. Полиномиальная интерполяция, сплайн интерполяции.
- 10. Сглаживание экспериментальных данных регрессионными уравнениями. Сглаживание экспериментальных данных на основе МНК. Экстраполяция данных.

## Названия лабораторных работ:

- 10. Аппроксимация данных на основе полиномиального регрессионного уравнения
- 11. Аппроксимация данных на основе метода наименьших квадратов
- 12. Прогнозирование временных рядов.

# 5. Организация самостоятельной работы студентов

Самостоятельная работа студентов при изучении дисциплины предусмотрена в следующих видах и формах:

- Работа с лекционным материалом, поиск и обзор литературы и электронных источников информации по индивидуально заданной проблеме курса;
- Работа в электронном курсе (изучение теоретического материала, выполнение индивидуальных заданий и контролирующих мероприятий и др.);
  - Подготовка к лабораторным работам, к практическим и семинарским занятиям;
- Исследовательская работа и участие в научных студенческих конференциях, семинарах и олимпиадах;
  - Подготовка к оценивающим мероприятиям.

#### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 6.1. Учебно-методическое обеспечение

# Основная литература

- 1. Бахвалов, Николай Сергеевич. Численные методы. Решения задач и упражнения : учебное пособие / Н. С. Бахвалов, А. А. Корнев, Е. В. Чижонков. Москва: Дрофа, 2009. 395 с.. Высшее образование: современный учебник. Библиогр.: с. 393-394.. ISBN 978-5-358-03610-9.. –
- 2. Амосов, Андрей Авенирович. Вычислительные методы : учебное пособие / А. А. Амосов, Ю. А. Дубинский, Н. В. Копченова. 4-е изд., стер.. Санкт-Петербург: Лань, 2014. 672 с.: ил.. Библиогр.: с. 648-654. Предметный указатель: с. 655-666.. ISBN 978-5-8114-1623-3.. —
- 3. Калиткин, Николай Николаевич. Численные методы : учебное пособие / Н. Н. Калиткин; под ред. А. А. Самарского. 2-е изд., испр.. Санкт-Петербург: БХВ-Петербург, 2014. 586 с.: ил.. Учебная литература для вузов. Библиогр.: с. 575-581. Предметный указатель: с. 582-586.. ISBN 978-5-9775-0500-0.. —

# Дополнительная литература

- 4. Пирумов, Ульян Гайкович. Численные методы : учебник и практикум для спо / У. Г. Пирумов [и др.] ; под редакцией У. Г. Пирумова. // 5-е изд., пер. и доп. Электрон. дан. Москва : Юрайт, 2022. 421 с. (Профессиональное образование).. URL: https://urait.ru/bcode/495974
- 5. Зализняк, Виктор Евгеньевич. Численные методы. Основы научных вычислений : учебное пособие для бакалавров / В. Е. Зализняк; Сибирский федеральный университет (СФУ).

— 2-е изд., перераб. и доп.. — Москва: Юрайт, 2012. — 357 с.: ил.. — Бакалавр. — Библиогр.: с. 354-456.. — ISBN 978-5-9916-1621-8.. –

## 6.2. Информационное и программное обеспечение

Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы доступны по ссылке: <a href="https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb">https://www.lib.tpu.ru/html/irs-and-pdb</a>

Лицензионное программное обеспечение (в соответствии с **Перечнем лицензионного программного обеспечения ТПУ**):

- 1. 7-Zip GNU Lesser General Public License 3;
- 2. PDF-XChange Viewer;
- 3. MathType 6.9 Lite;
- 4. Chrome:
- 5. Acrobat Reader DC Acrobat Reader DC and Runtime Software Distribution Agreement;
- 6. Visual C++ Redistributable Package.

## 7. Особые требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

В учебном процессе используется следующее оборудование:

Nº	Наименование специальных помещений	Наименование оборудования
1.	Аудитория для проведения	Комплект мебели на 52 посадочных мест; проектор (2 шт.);
	учебных занятий всех типов,	компьютер (1 шт.).
	курсового проектирования,	
	консультаций, текущего контроля	
	и промежуточной аттестации	
	634028, Томская область, г.	
	Томск, Ленина проспект, д. 2,	
	аудитория 107	
2.	Аудитория для проведения	Комплект мебели на 15 посадочных мест; компьютер (15 шт.).
	учебных занятий всех типов,	
	курсового проектирования,	
	консультаций, текущего контроля	
	и промежуточной аттестации	
	(компьютерный класс)	
	634028, Томская область, г.	
	Томск, Ленина проспект, д. 2,	
	аудитория 108	

Рабочая программа составлена на основе Общей характеристики основной профессиональной образовательной программы «Информационные технологии и интеллектуальный анализ данных» по направлению 09.03.02 Информационные системы и технологии (прием 2023 г., очная форма обучения).

Разработчик(и):

Должность	Подпись	ФИО
Доцент	Enf	Е.А. Кочегурова

Программа одобрена на заседании Отделения информационных технологий (протокол от 25.04.2023 г. № 32).

Allo

Заведующий кафедрой - руководитель отделения на правах кафедры ОИТ

В. С. Шерстнев