5.1 1) Soient $u, v \in F \cap G$.

Comme $u, v \in \mathcal{F}$, on a $u + v \in \mathcal{F}$.

De même $u+v\in \mathcal{G},$ car $u,v\in \mathcal{G}$.

Ainsi $u + v \in \mathcal{F} \cap \mathcal{G}$.

2) Soient $u \in F \cap G$ et $\alpha \in \mathbb{R}$.

Alors $\alpha \cdot u \in \mathcal{F}$ et $\alpha \cdot u \in \mathcal{G}$, d'où suit $\alpha \cdot u \in \mathcal{F} \cap \mathcal{G}$.