

3.3

Soit $\varepsilon > 0$ un nombre positif quelconque (arbitrairement petit).

Il faut montrer qu'il existe $n_0 \in \mathbb{N}$ tel que pour tout $n \geq n_0$ on ait $|u_n - 2| < \varepsilon$.

$$|u_n - 2| = \left| \frac{2n-1}{n} - 2 \right| = \left| \frac{2n-1}{n} - \frac{2n}{n} \right| = \left| -\frac{1}{n} \right| = \frac{1}{n}$$

En choisissant $n_0 \in \mathbb{N}$ avec $n_0 > \frac{1}{\varepsilon}$, alors on obtient pour tout $n \geq n_0$:

$$|u_n - 2| = \frac{1}{n} \leq \frac{1}{n_0} < \varepsilon.$$