10.16 Posons
$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$
.

$$\det(\mathbf{A}) = \begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{vmatrix} = 1 \cdot 1 - 0 \cdot 1 = 1$$

$${}^{t}AA = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix} \neq I$$

On constate ainsi que $\left|\det(A)\right|=1$ n'implique pas que A soit orthogonale.