

4.15 Si x désigne le nombre de jours depuis la date où la question est posée, le problème revient à résoudre le système de congruences
$$\begin{cases} x \equiv 6 \pmod{365} \\ x \equiv 3 \pmod{28} \end{cases}.$$

$$M = 365 \cdot 28 = 10220$$

$$M_1 = \frac{10220}{365} = 28$$

$$M_2 = \frac{10220}{28} = 365$$

$$28x_1 \equiv 1 \pmod{365}$$

$$364x_1 \equiv 13 \pmod{365}$$

$$-x_1 \equiv 13 \pmod{365}$$

$$x_1 \equiv -13 \pmod{365}$$

$$365x_2 \equiv 1 \pmod{28}$$

$$x_2 \equiv 1 \pmod{28} \quad \text{car } 365 \equiv 364 + 1 \equiv 28 \cdot 13 + 1 \equiv 1 \pmod{28}$$

Le théorème des restes chinois donne la solution du système de congruences :

$$x \equiv 6 \cdot 28 \cdot (-13) + 3 \cdot 365 \cdot 1$$

$$\equiv -1089$$

$$\equiv 9131 \pmod{10220}$$

On a donc calculé que la pleine lune tombera au solstice d'hiver au plus tôt dans $9131 = 365 \cdot 25 + 6$ jours, à savoir dans 25 ans et 6 jours.