

**1.43**

- 1) Il faut choisir 4 as parmi les 4 as que comporte le jeu ET une dernière carte parmi les  $36 - 4 = 32$  cartes restantes. Il y a  $C_4^4 \cdot C_1^{32} = \frac{4!}{4!(4-4)!} \cdot \frac{32!}{1!(32-1)!} = 1 \cdot 32 = 32$  mains contenant les 4 as.
- 2) Il faut choisir 2 as parmi les 4 as du jeu ET 2 rois parmi les 4 rois du jeu ET une dernière carte qui n'est ni un as ni un roi et qui doit donc être prise parmi les  $36 - (4 + 4) = 28$  autres cartes. On obtient donc  $C_2^4 \cdot C_2^4 \cdot C_1^{28} = \frac{4!}{2!(4-2)!} \cdot \frac{4!}{2!(4-2)!} \cdot \frac{28!}{1!(28-1)!} = 6 \cdot 6 \cdot 28 = 1008$  mains contenant exactement 2 as et 2 rois.
- 3) Toutes les mains contiennent au moins un as, sauf celles qui n'en contiennent aucun.  
Il y a  $C_5^{36} = \frac{36!}{5!(36-5)!} = 376\,992$  mains au total.  
Il y a  $C_5^{32} = \frac{32!}{5!(32-5)!} = 201\,376$  mains qui ne contiennent aucun as.  
Il y a donc  $C_5^{36} - C_5^{32} = 376\,992 - 201\,376 = 175\,616$  mains contenant au moins un as.