

1.29

- 1) Le problème est similaire à l'exercice 1.13.

En appelant A, B et C ces trois voitures, on place les personnes dans les voitures de la façon suivante. On dispose dans un certain ordre 6 lettres A, 4 lettres B et 2 lettres C. On donne la première lettre à la première personne, la deuxième lettre à la deuxième personne et ainsi de suite. Toutes les personnes qui ont reçu la lettre A se rendent dans la première voiture, celles qui ont reçu la lettre B dans la seconde voiture et celles qui ont reçu la lettre C dans la troisième voiture.

Le problème revient ainsi à déterminer le nombre d'anagrammes que l'on peut former avec 6 lettres A, 4 lettres B et 2 lettres C.

$$\text{Il y en a } \bar{P}(6, 4, 2) = \frac{12!}{6! \cdot 4! \cdot 2!} = 13\,860.$$

- 2) Il faut d'abord choisir les 3 conducteurs parmi les 4 personnes susceptibles de conduire. Il y a $A_3^4 = 4 \cdot 3 \cdot 2 = \frac{4!}{(4-3)!} = 24$ choix possibles.

Ensuite, il reste à répartir les 9 personnes restantes, sachant qu'il reste 5 places dans la voiture A, 3 places dans la voiture B et 1 place dans la voiture C. En réitérant le raisonnement de la question 1), on trouve qu'il y a $\bar{P}(5, 3, 1) = \frac{9!}{5! \cdot 3! \cdot 1!} = 504$ répartitions possibles.

Finalement, on obtient $24 \cdot 504 = 12\,096$ possibilités.