

2.19 Les droites $(d_1) : 2x - 3y + 4 = 0$ et $(d_2) : -4x + 6y - 9 = 0$ admettent comme vecteurs directeurs respectifs $\vec{d}_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$ et $\vec{d}_2 = \begin{pmatrix} 6 \\ 4 \end{pmatrix}$.

Les vecteurs \vec{d}_1 et \vec{d}_2 sont colinéaires, car $\vec{d}_2 = 2\vec{d}_1$

ou encore car le déterminant $\begin{vmatrix} 3 & 6 \\ 2 & 4 \end{vmatrix} = 0$.

On peut aussi prouver le parallélisme des droites d_1 et d_2 en constatant que le système $\begin{cases} 2x - 3y + 4 = 0 \\ -4x + 6y - 9 = 0 \end{cases} \cdot 2$ aboutit à l'équation impossible $-1 = 0$, ce qui signifie que les droites d_1 et d_2 n'ont aucun point d'intersection.

Le point $A(-2; 0)$ se situe sur la droite d_1 , vu que $2 \cdot (-2) - 3 \cdot 0 + 4 = 0$.

$$\delta(d_1; d_2) = \delta(A; d_2) = \frac{|-4 \cdot (-2) + 6 \cdot 0 - 9|}{\sqrt{(-4)^2 + 6^2}} = \frac{|-1|}{\sqrt{52}} = \frac{1}{2\sqrt{13}} = \frac{\sqrt{13}}{26}$$