

3.5 Choisissons $\alpha = \beta = 1$, $u = (1; 1)$.

$$(\alpha + \beta) \cdot u = (1 + 1) \cdot (1; 1) = 2 \cdot (1; 1) = (2 \cdot 1; 1) = (2; 1)$$

$$\begin{aligned}\alpha \cdot u + \beta \cdot u &= 1 \cdot (1; 1) + 1 \cdot (1; 1) = (1 \cdot 1; 1) + (1 \cdot 1; 1) = (1; 1) + (1; 1) \\ &= (1 + 1; 1 + 1) = (2; 2)\end{aligned}$$

On constate que $(\alpha + \beta) \cdot u \neq \alpha \cdot u + \beta \cdot u$.

Puisque la condition 2) (b) n'est pas satisfaite, on n'a pas affaire à un espace vectoriel.