

9.4 Soient $u, v \in E_\lambda$ et $\alpha \in \mathbb{R}$.

$$1) \quad h(u + v) = h(u) + h(v) = \lambda \cdot u + \lambda \cdot v = \lambda \cdot (u + v)$$

$$2) \quad h(\alpha \cdot u) = \alpha \cdot h(u) = \alpha \cdot (\lambda \cdot u) = (\alpha \lambda) \cdot u = (\lambda \alpha) \cdot u = \lambda \cdot (\alpha \cdot u)$$

On a ainsi vérifié que $u + v \in E_\lambda$ et que $\alpha \cdot u \in E_\lambda$.

E_λ constitue donc bel et bien un sous-espace vectoriel de E .