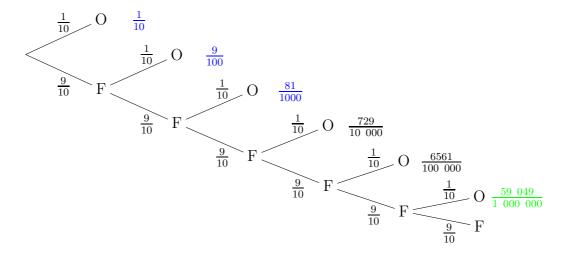
2.21 O : la bonne clé a été choisie et la porte s'ouvre

F : une mauvaise clé a été choisie et la porte reste fermée



1) Si la porte ne s'ouvre qu'au sixième essai, les cinq premiers essais ont échoué. La probabilité que la porte s'ouvre au sixième essai vaut donc :

$$\frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{1}{10} = \left(\frac{9}{10}\right)^5 \cdot \frac{1}{10} = \frac{59049}{1000000} = 5,9049 \%$$

2) La porte s'ouvre en moins de 4 essais, si elle s'ouvre au premier, au deuxième ou au troisième essai :

$$\frac{1}{10} + \frac{9}{10} \cdot \frac{1}{10} + \frac{9}{10} \cdot \frac{9}{10} \cdot \frac{1}{10} = \frac{1}{10} + \frac{9}{100} + \frac{81}{1000} = \frac{271}{1000} = 27,1 \%$$