

10.11 Attendu que h est un automorphisme, la restriction de h à F est aussi bijective, c'est-à-dire que pour un $y \in F$ quelconque, il existe $y' \in F$ tel que $h(y') = y$.

Soit $x \in F^\perp$.

Par définition, $x \cdot y = 0$ pour tout $y \in F$.

Soit $y \in F$.

Il existe $y' \in F$ tel que $h(y') = y$.

$h(x) \cdot y = h(x) \cdot h(y') = x \cdot y' = 0$.

On a ainsi montré que $h(x) \in F^\perp$.