

3.15 Pour tout $n \in \mathbb{N}$, on a les encadrements suivants :

$$-1 \leq \sin(n) \leq 1$$

$$\frac{-1}{n} \leq \frac{\sin(n)}{n} \leq \frac{1}{n}$$

Vu que d'une part $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{-1}{n} = -\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} = 0$ et d'autre part $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n} = 0$, on conclut que $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sin(n)}{n} = 0$ grâce au théorème des gendarmes.