

$$\begin{array}{l}
\mathbf{2.3} \quad \left\{ \begin{array}{l} x + 2y - 3z = a \\ 2x + 6y - 11z = b \\ x - 2y + 7z = c \end{array} \right. \xrightarrow[\text{L}_3 \rightarrow \text{L}_3 - \text{L}_1]{\text{L}_2 \rightarrow \text{L}_2 - 2\text{L}_1} \left\{ \begin{array}{l} x + 2y - 3z = a \\ 2y - 5z = -2a + b \\ -4y + 10z = -a + c \end{array} \right. \\
\\
\text{L}_3 \rightarrow \text{L}_3 + 2\text{L}_2 \xRightarrow{\quad} \left\{ \begin{array}{l} x + 2y - 3z = a \\ 2y - 5z = -2a + b \\ 0 = -5a + 2b + c \end{array} \right.
\end{array}$$

Le système est impossible si  $-5a + 2b + c \neq 0$ .

Pour que le système admette une solution, il faut donc que  $-5a + 2b + c = 0$ .

Dans ce cas, le système est indéterminé et ne peut pas avoir de solution unique ; il possède, au contraire, une infinité de solutions.