1.16 1) Appelons A, B, C, D, E et F les six ateliers différents.

Répartir les pièces dans les six ateliers différents revient à attribuer à chaque pièce l'une des lettres A, B, C, D, E ou F. Le nombre de répartitions possibles est donc égal au nombre d'anagrammes formés de ces 6 lettres. Puisqu'elles sont toutes distinctes, il y a $P_6=6!=720$ répartitions possibles.

2) Il n'y a plus que trois ateliers A, B et C.

On dispose désormais de deux lettres A, deux lettres B et deux lettres C à attribuer aux différentes pièces. Le nombre de répartitions possibles est donc donné par le nombre de permutations de ces 6 lettres en tenant compte des répétitions : $\overline{P}(2,2,2) = \frac{6!}{2! \cdot 2! \cdot 2!} = 90$.

3) On répète le même raisonnement avec deux lettres A, deux lettres B, une lettre C et une lettre D. Le nombre d'anagrammes que l'on peut former avec ces six lettres vaut $\overline{P}(2,2,1,1) = \frac{6!}{2! \cdot 2! \cdot 1! \cdot 1!} = 180$.

Combinatoire Corrigé 1.16