## Цель работы

Целью данной работы является построение модели эпидемии.

## Теоретическое введение

Рассмотрим простейшую модель эпидемии SIR [1]. Предположим, что некая популяция, состоящая из N особей, (считаем, что популяция изолирована) подразделяется на три группы. Первая группа – это восприимчивые к болезни, но пока здоровые особи, обозначим их через S(t). Вторая группа – это число инфицированных особей, которые также при этом являются распространителями инфекции, обозначим их I(t). А третья группа, обозначающаяся через R(t) – это здоровые особи с иммунитетом к болезни. До того, как число заболевших не превышает критического значения I\*, считаем, что все больные изолированы и не заражают здоровых. Когда I(t) > I\*, тогда инфицирование способны заражать восприимчивых к болезни особей. [2]

## Задание

### Вариант 7

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове ( $N=13\,000$ ) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=113, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=13. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)-R(0).

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1) если  $I(0) \le I^*$
- 2) если  $I(0) > I^*$

# Выполнение лабораторной работы

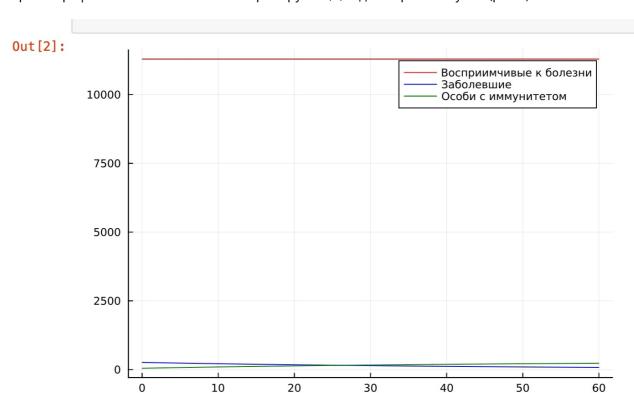
Построение математической модели. Решение с помощью программ Julia

Первый случай:

```
using Plots
using DifferentialEquations
N = 13000
I0 = 113
R0 = 13
S0 = N - I0 - R0
a = 0.01
b = 0.02
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u;
    du[1] = 0
    du[2] = -b*u[2]
    du[3] = b*u[2]
end
v0 = [S0, I0, R0]
tspan = (0.0, 60.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
S = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
I = [u[2] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
R = [u[3] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(
    dpi = 300,
    legend =:topright)
plot!(
    plt,
    Τ,
    S,
    label = "Восприимчивые к болезни",
    color = :red)
plot!(
    plt,
    Τ,
    I,
    label = "Заболевшие",
    color = :blue)
plot!(
    plt,
    Τ,
    R,
    label = "Особи с иммунитетом",
    color = :green)
```

### Результаты работы кода на Julia

Построим графики численности особей трех групп S, I, R для первого случая (рис.1)



### Julia

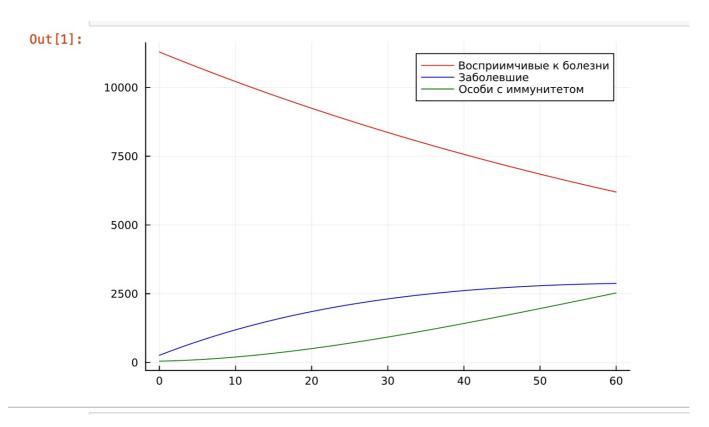
### Второй случай:

```
using Plots
using DifferentialEquations
N = 13000
I0 = 113
R0 = 13
S0 = N - I0 - R0
a = 0.01
b = 0.02
function ode_fn(du, u, p, t)
    S, I, R = u;
    du[1] = -a*u[1]
    du[2] = a*u[1]-b*u[2]
    du[3] = b*u[2]
end
v0 = [S0, I0, R0]
tspan = (0.0, 60.0)
prob = ODEProblem(ode_fn, v0, tspan)
sol = solve(prob, dtmax = 0.05)
```

```
S = [u[1] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
I = [u[2] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
R = [u[3] \text{ for } u \text{ in sol.} u]
T = [t for t in sol.t]
plt = plot(
    dpi = 300,
    legend =:topright)
plot!(
    plt,
    Τ,
    S,
    label = "Восприимчивые к болезни",
    color = :red)
plot!(
    plt,
    Τ,
    Ι,
    label = "Заболевшие",
    color = :blue)
plot!(
    plt,
    Τ,
    R,
    label = "Особи с иммунитетом",
    color = :green)
```

### Результаты работы кода на Julia

По аналогии с предыдущим построением получим получим графики для второго случая (рис.2)



## OpenModelica

### Первый случай:

```
model lab6_1
Real N = 13000;
Real I;
Real R;
Real S;
Real a = 0.01;
Real b = 0.02;
initial equation
I = 113;
R = 13;
S = N - I - R;
equation
der(S) = 0;
der(I) = -b*I;
der(R) = b*I;
end lab6_1;
```

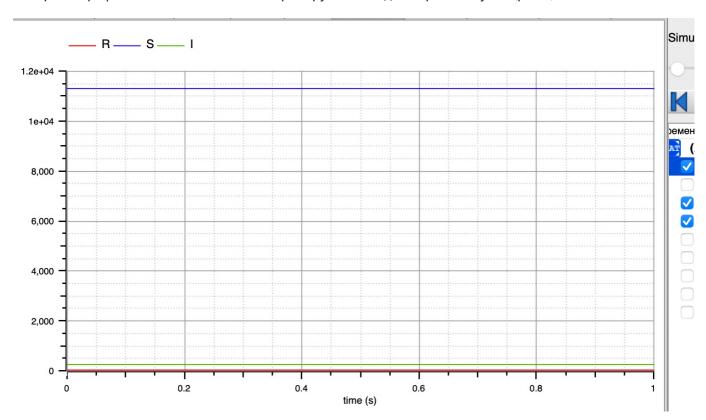
### Второй случай:

```
model lab6_2
Real N = 13000;
Real I;
Real R;
```

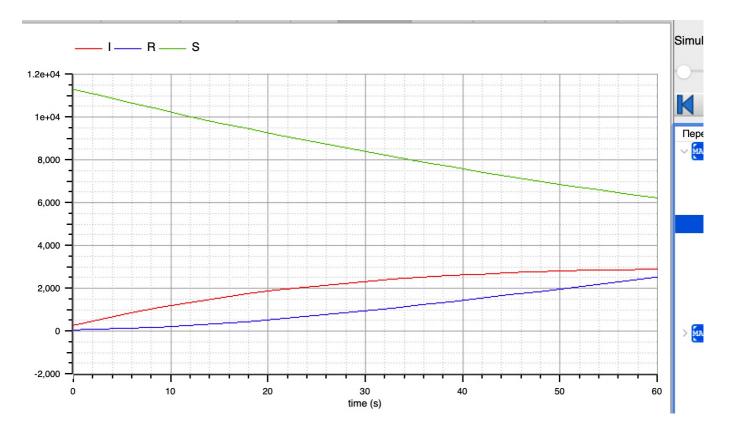
```
Real S;
Real a = 0.01;
Real b = 0.02;
initial equation
I = 113;
R = 13;
S = N - I - R;
equation
der(S) = -a*S;
der(I) = a*S-b*I;
der(R) = b*I;
end lab6_2;
```

## Результаты работы кода на OpenModelica

Построим графики численности особей трех групп S, I, R для первого случая (рис.3)



По аналогии с предыдущим построением получим получим графики для второго случая (рис.4)



## Выводы

В итоге проделанной работы мы построили графики зависимости численности особей трех групп S, I, R для случаев, когда больные изолированы и когда они могут заражать особей группы S, на языках Julia и OpenModelica. Построение модели эпидемии на языке OpenModelica занимает значительно меньше строк, чем аналогичное построение на Julia. Кроме того, построения на языке OpenModelica проводятся относительно значения времени t по умолчанию, что упрощает нашу работу.

# Список литературы{.unnumbered}

- [1] Конструирование эпидемиологических моделей. Habr: https://habr.com/ru/post/551682/
- [2] Руководство к лабоарторной работе:

https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1971664/mod\_resource/content/2/%D0%9B%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%80%D0%B0%D1%82%D0%BE%D1%80%D0%BD%D0%B0%D1%8F%20%D1%80%D0%B0%D0%B1%D0%BE%D1%82%D0%B0%20%E2%84%96%205.pdf