البممورية البزائرية الديمقراطية المعبية

الحيوان الوطيي الامتعانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

* دورة جوان 2008 *

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

المدة : 03ساعات ونصف

اختبار في مادة الرياضيات

شعبة : التسيير والاقتصاد

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأول

التمرين الأول : (4 نقط)

يمثل الجدول الأتي تطور إنتاج معمل الإسمنت خلال 6 سنوات من 2000 إلمي 2005.

1	السنة	2000	2001	2002	2003	2004	2005
Ì	ترتيب السنوات x	1	2	3	4	5	6
Ì	الإنتاج بالمليون طن بر	3,8	4	4,5	4,8	5,2	5,6

-1 مثل سحابة النقط $M_i(x_i; y_i)$ في معلم متعامد و متجانس حيث وحدة الأطوال -1

2 - عين إحداثيي النقطة المتوسطة G.

a=0,37 هو a=0,37 معامل توجيه مستقيم الإنحدار a=0,37 مدور اللي a=0,37

علما أن G نقطة من (D) . عين معادلة مختصرة للمستقيم (D).

ب- من أهداف المعمل الوصول إلى انتاج 7,3 مليون طن في سنة 2009.
 بين باستعمال التعديل الخطى السابق اذا كان هذا الهدف يمكن أن يتحقق ؟

التمرين الثاني (4 نقط)

$$\begin{cases} u_0 = \alpha & ; \quad (\alpha \in \mathbb{R}) \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n - \frac{8}{9} & ; (n \in \mathbb{N}) \end{cases}$$
 : عدية معرفة كما يلي :

برهن بالنراجع أنه في حالة $\alpha=-rac{8}{3}$ تكون المنتالية (u_s) ثابتة.

 $v_n = u_n + \frac{8}{3}$: كل مايلي $\alpha = 2$ ، و نعرف المنتالية العددية (v_n) كما يلي $\alpha = 2$

. v_0 اثبت أن (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها q و حدها الأول v_0

 $\lim_{n \to \infty} u_n$. و أحسب عبارة u_n بدلالة u_n

التمرين الثالث : (4 نقط)

يحتوي كيس على 7 كرات منها 3 بيضاء تحمل الأرقام -2 ، 1 ، 2 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1 و أربع حمراء تحمل الأرقام 2 ، 2 ، 1 ، 1) نسحب كرة واحدة من الكيس .

أ) ما احتمال الحصول على كرة تحمل الرقم 1.

ب) اذا كانت الكرة المسحوبة تحمل الرقم 1 فما هو احتمال أن يكون لونها أحمرًا .

الصفحة 4/1

- 2) نسحب على التوالي كرئين من الكيس دون إرجاع.
- أ) ما احتمال الحصول على كرئين تحمل كل منها رقما فرديا.
 - ب) ما احتمال الحصول على كرئين من نفس اللون.
 - ج) ما احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين 3 .

التمرين الرابع: (08 نقط)

لتكن / أدالة عددية قابلة للإشتقاق على كل مجال من مجموعة تعريفها الها جدول التغيرات التالي:

х	-∞	$\frac{1}{2}$	1	 L	$\frac{3}{2}$	+∞
f'(x)	4	+ O	-	-	ó	+
f(x)		·	∞	+8/	*3-	→ +∞

c,b,a حيث $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ على الشكل $f(x) = ax + b + \frac{c}{x-1}$ عداد حقيقية.

- f'(x) بحسب (1
- اعتمادا على جدول تغيرات الدالة f:
- c,b,a عين الأعداد الحقيقية

ب-عين f(x) و $\lim_{x \to \infty} f(x)$ و فسّر النتيجة بيانيا.

جــ – قارن بين صورتي العددين $\frac{1}{2}$ و $\frac{8}{4}$ بالدالة f معللا إجابتك.

- 3) ناخذ فيما يلي : $a=1 \, ; \, b=1 \, ; \, c=\frac{1}{4}$ و ليكن ($a=1 \, ; \, b=1 \, ; \, c=\frac{1}{4}$ المنحنى البياني الممثل لتغير ات الدالة $a=1 \, ; \, b=1 \, ; \, c=\frac{1}{4}$ و متجانس.
 - y=x+1: فإن المنحنى ((C)) أو ($(-\infty)$) أو ($(-\infty)$) أو ($(-\infty)$) أو ($(-\infty)$) أو بين انه عندما يؤول $(-\infty)$ معادلته
 - \cdot (Δ) ادرس وضعية المنحنى (C) بالنسبة الى المستقيم (Δ)
 - \cdot (C) مركز تناظر المنحنى ω (1,2) مركز مراغر المنحنى
 - د) عين نقط تقاطع المنحنى (C) مع حامل محور الفواصل
 - $f(x)=|\lambda|$ عدد حقیقی ، عین بیانیا ، حسب قیم λ عدد حلول المعادلة λ

الموضوع الثاني

<u>التمرين الأول(5 نقاط):</u>

 $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n - 1$ المنتالية العددية u_n فإن $u_n = 1$ المنتالية العددية u_n فإن $u_n = 1$

 $u_3 = u_2 \cdot u_1 + u_2 \cdot 1$

 $u_n \ge -2$: n عدد طبیعي انه من اجل کل عدد طبیعي التر اجع انه من اجل

ب.جد اتجاه تغير المتتالية ("u) . ماذا تستنتج ؟

 $v_n = u_n + 2$: المتتالية العددية المعرفة من اجل كل عدد طبيعي n كما يلي: 3

أ.بين أن المتتالية (٧٫٠ متتالية هندسية .

 u_n به بدلالة uعن الحد العام v ثم بي

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$: حيث $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$. . .

التمرين الثاني (5 نقاط):

يحتوي كيس على 10 قريصات لا يمكن التفريق بينها باللمس ، من بينها 6 حمراء اللون تحمل الأرقام 1 ، 2 ، 3 ، 6 . الأرقام 1 ، 3 ، 5 ، 5 .

أنسحب ثلاثة قريصات من هذا الكيس واحدة تلو الأخرى دون إرجاع.

المطلوب حساب:

أ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات من نفس اللون .

ب- احتمال الحصول على ثلاثة قريصات بلونين مختلفين.

جـ - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات تحمل ثلاثة أرقام مجموعها 15.

د - احتمال الحصول على ثلاثة قريصات مجموعها 15 علما أنها من نقس اللون.

التمرين الثالث (5 نقاط):

 $P(x) = x^3 - 4x^2 + 4x + \frac{1}{2}$: كما يلي \mathbb{R} كما يلي الحدود Pمعرفة على \mathbb{R}

ا شكل جدول تغيرات الدالة Pعلى $\mathbb R$

 $-\frac{1}{2}$, وحيدا α في المجال P(x) = 0 نقبل حلا وحيدا α في المجال.

استنتج إشارة(x) على ℝ .

 $G(x) = \frac{1}{4}x^4 - \frac{4}{3}x^3 + 2x^2 + \frac{1}{2}x$: كما يلي \mathbb{R} كما يلي G معرفة على G معرفة على \mathbb{R} كما يلي اتجاه تغير الدالة $G(\alpha)$ \mathbb{R} (لا يطلب حساب $G(\alpha)$).

التمرين الرابع (5 نقاط):

الجدول التالي يمثل تطور نسبة البطالة في بلد بين السنوات 1970 و 2005.

-2000	,		· ·	ي		,, -	پ ر	
ارم عروب غناسسا a,	1970	1975	1980	1985	1990	1995	2000	2005
رتبة السنة $x_1 = a_1 - 1970$	0	5	10	15	20	25	30	35
, y النسبة المئوية	1.3	1.5	1.5	1.3	1.4	2.2	2.5	2

ا مثل بيانيا سحابة النقط $M_{c}(x, y)$ في معلم متعامد.

(1cm لكل 5 سنوات على محور الفواصل و 1cm لكل 0.5% على محور التراتيب)

- 2. جد إحداثيتي النقطة المتوسطة G لسحابة النقط ثم علمها.
- 3.أ. بيّن أن المعادلة المختصرة لـ (Δ) مستقيم الإنحدار بالمربعات الدنيا لهذه السلسلة هي: y = 0.03x + 1.19
 - ب. ما هي نسبة البطالة المتوقعة في هذا البلد سنة 2009؟
 - جــ. ابتداء من أي سنة تصبح النسبة المتوقعة للبطالة أكبر من %3?

بكالوريا جوان 2008		جية و سلم التنقيط المادة: الرياضيات الشعبة: تسيير و اقتصاد	_الإجابة النموذ
العلامة		tan a tan	محاور
المجموع	مجزأة	الموضوع الأول عناصر الإجابة	الموضوع
		تمرین 1 (04 نقاط)	الحصاء
		,	
	0,5	$\frac{-}{x} = \frac{1+2+3+4+5+6}{6} = 3.5$ lied which is a simple of the state of the sta	
	0,5	$\frac{-}{y} = \frac{3,8+4+4,5=4,8+5,2+5,6}{6} = 4,65$	
	0.5	Ö	
	0,5	G(3,5, 4,65) إذن	
		$\left(\frac{1}{c}\sum_{i=1}^{\infty}x_{i}y_{i}\right)-\overline{xy}$	
		$a = \frac{6 \frac{1}{110}}{100}$ (1-3)	
		$a = \frac{\left(\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}x_{i}y_{i}\right) - \overline{xy}}{\frac{1}{6}\sum_{i=1}^{6}\left(x_{i} - \overline{x}\right)^{2}} (1 - 3)$	
		O _{i=1}	
	2~0.25	$\frac{6}{5}(\frac{1041}{1000})$	
	2×0,25	$\sum_{i=1}^{6} \left(x_i - \overline{x} \right)^2 = 17.5 \qquad \qquad \sum_{i=1}^{6} x_i y_i = 104.1$	
	0,5	a = 0.37	
04	0,5	$b = 3,36 \qquad 0 \qquad y = ax + b$	
		(D): $y = 0.37x + 3.36$	-
	0,25	ب) رتبة 2009 هي 10	
	0,5	y = 7,06 من اجل $x = 10$ يكون $y = 7,06$	
	0.25	الهدف لا يمكن أن يتحقق ملايانية تقبل الإجابة بين 6,8 و 7,2 ملاحظة : في حالة القراءة البيانية تقبل الإجابة بين 6,8 و 7,2	
	0,25	التمرين الثاني: (04 نقط)	المتتاليات
	0,5:×2	1) البرهان بالتراجع:	
	0,25×2	$u_2 = \frac{-16}{27}$, $u_1 = \frac{4}{9}$ (1) (2)	
04 نقاط		21	
	0,25×2+0,5	$v_0 = \frac{14}{3}$, $q = \frac{2}{3}$; $v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$ (φ	
	0,5 ×2	$14(2)^2$ 8 $14(2)^n$	
	0,5 _	$u_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^2 - \frac{8}{3}$ e o $v_n = \frac{14}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^n$ (
	0,5	$\lim u = \frac{8}{8}$	
		$\lim_{x \to +\infty} u_n = -\frac{\delta}{3}$	
		لتمرين الثالث 40 نقاط	ļ
	0,5	$P(A) = \frac{3}{7}$: هو الحصول على كرة تحمل الرقم الموة الحتمال الحصول على كرة تحمل الرقم	
	0,5		
	0,5	$P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ ب $P_A(B) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)}$ كرة حمراء	
	0,75	<i>A</i> 1	
	0,75	$P_{A}(B) = \frac{\frac{7}{7} \times \frac{1}{2}}{3} = \frac{2}{3}$	
		$I_A(B) = \frac{3}{3} = 3$	
		7	
			,

الصفحة 1 / 4

	بكالوريا جوان العلا	موذجية و سلم التنقيط المادة: الرياضيات الشعبة: تسيير و اقتصاد ا	نابع الإجابه الد
المجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	0,5	$P(C) = \frac{1}{7}$: احتمال الحصول على كرتين تحمل رقما فرديا (أ (2	
04	0,5	$P(D) = \frac{3}{7}$: ب) احتمال الحصول على كرتين من نفس اللون	
	0,5		
	0,25×3	$P(E) = \frac{3}{14}$: 3 جــ) احتمال أن يكون مجموع الرقمين الظاهرين	
	0,5	التمرین الرابع: 08 نقاط $f'(x) = a - \frac{c}{(x-1)^2}$ (1)	دوال العددية
		$(x-1)^2$	
		a-4c=0	
	0,25×3	$\begin{cases} \frac{1}{2}a + b - 2c = 1 \end{cases}$	
	0,25×3	$a=1$, $b=1$, $c=\frac{1}{4}$	
:	0,25×2 0,25	$\lim_{x \to -1} f(x) = -\infty \lim_{x \to -1} f(x) = +\infty (\mathbf{y})$	
		المستقيم $x=1$ مقارب للمنحنى الممثل للدالة $x=1$ المستقيم $x=1$ مقارب للمنحنى الممثل الدالة $x=1$ المستقيم $x=1$	
	0,5	$\left \frac{1}{2},1\right $ و f متناقصة على $f\left(\frac{1}{2}\right)>f\left(\frac{3}{4}\right)$ (ب	
	0,5	$\lim_{ x \to +\infty} \left[f(x) - y \right] = 0 (1 (3)$	
08		x -∞ 1 +∞	
	0,5	$f(x)-y$ - + (Δ) الوضعية (C) الوضعية (C)	
	_	$X = x - 1 , Y = y - 2 \qquad (\rightarrow)$	
	1	$Y=X+rac{1}{4X}:$ هي $(\omega,ec{i},ec{j})$ هي المعلم (C) هي المعلم الم	
		الدالة $X \mapsto X + \frac{1}{4X}$ فردية (أو أي طريقة سليمة)	•
	0,25×3	$f\left(\frac{-\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 0 , f(0) = \frac{3}{4} $	

تاب

اد بكالوريا جوان 2008 العلامة		موذجية و سلم التنقيط المادة : الرياضيات الشعبة : تسيير و اقتصاد	
المجموع	مجزاة	عناصر الإجابة	محاور الموضوع
	1	Пушта	
		اً $\lambda \in]-1,1[$ (4 نامعادلة حلان $\lambda \in]-1,1[$	
-		$\lambda = -1$ للمعادلة حل مضاعف $\lambda = -1$	
and the second	1 ,	ا $\lambda \in]-3,-1[$ $\cup]1,3[$	
		$\lambda = 3$ المعادلة حل مضاعف $\lambda = 3$	
		$\lambda \in]-\infty, -3[\cup]3, +\infty[$ للمعادلة حلان	
- Proceedings		· ·	
ļ			
			_
		119	

and the same of th	العلامة	Tile VI also	ما
المجموع	مجزأة	الموضوع الثاني عناصر الإجابة	محاور الموضوع
05	3×0.25 0,25+0.5 0,5 0,5 0.5+2×0.25 0.25+0.25	حل التمرین الأول (05 نقط) $ u_3; u_2; u_1 $ $ u_n \ge -2 $ $ 0, 0 $ $ 0, $	الموضوع *المتتاليات من الشكل س _{n+1} = هربه
05	0,5 1 1 4×0,5 1	c حساب المجموع c	-
05	2×0.25 3×0.25 3×0.25 5×0.25 2×0.5 3×0.25	حل التمرين الثالث. (05 نقط) 1. النهايات حساب المشتقة و إشارتها جدول التغيرات و القيمتان الحديتان $-\frac{1}{2}$, 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	*مبرهنة القيم المتوسطة و تطبيقاتها
0,5	4×0.25 3×0.25 2×0.5 0.25 2×0.5 2×0.5	حل التمرين الرابع: (05 نقط) 1. التمثيل البياني لسحابة النقط 2. إحداثيتي النقطة م هي (17.5;1.71) و تعليمها ثرسم (۵) رسم (۵) برانسبة البطالة سنة 2009 جرانسبة البطالة تفوق %3 في سنة	*السلاسل الإحصائية لمتغيرين عديين *سحابة النقط