

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية



الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تسيير واقتصاد

دورة: 2021

المدة: 03 سا و30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_n=2\left(\frac{1}{4}\right)^n+1$ بين n يعدد طبيعي عدد طبيعي معرّفة من أجل كلّ عدد (u_n) معرّفة من أجل

 $u_2 = u_1 \cdot u_0$ الحدود الحدود (1

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{2} \left(\frac{1}{4}\right)^n$$
 ، n عدد طبیعي عدد طبیعي بنه من أجل كل عدد عدد طبیعي

 (u_n) استنتج اتجاه تغیّر المتتالیة ج.

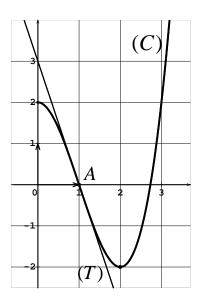
$$v_n = u_n - 1$$
 نضع: n من أجل كلّ عدد طبيعي n نضع (2

$$n$$
 أ. احسب v_n ثمّ اكتب عبارة v_0 بدلالة

$$\frac{1}{4}$$
 بيِّن أنّ (v_n) متتالية هندسيّة أساسها

$$S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
 وَ $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ نضع: n نضع عدد طبیعي n نضع (3 n عدد طبیعي n عبارة n عبارة n عبارة n عبارة n .

$$S'_{n} = n + \frac{11}{3} - \frac{8}{3} \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}$$
 ، n عدد طبیعي عدد طبیعي



التمرين الثاني: (04 نقاط)

(C) الدّالة العددية g معرّفة على g بتمثيلها البياني الدّالة العددية

(الشّكل المقابل A(1;0) في النّقطة A(1;0) الشّكل المقابل (T)

أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كلّ حالة من الحالات التالية:

العددان g(3) و g(3) مختلفان في الإشارة.

- g'(x) > 0:]0;2[من أجل كلّ عدد حقيقي x من المجال (2
 - -3 : يساوي: (T) معامل توجيه المماس (T)
- [0;2] متزایدة تماما علی $[0;+\infty[$ علی g علی G کلّ دالة أصلیة G للدّالة G

التمرين الثالث: (04 نقاط)

لكلّ سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عينه مع التبرير.

$$\lim_{x\to+\infty} \left(\frac{-2x+1}{1+x+x^2}\right)$$
 (1

2) عبارة الحدّ العام للمتتالية الحسابية (u_n) المعرّفة على $\mathbb N$ بحدها الأوّل 2 و أساسها $\frac{1}{2}$ هي:

$$2 + \left(\frac{1}{2}\right)^n$$
 (\Rightarrow $2 + \frac{1}{2}n$ (\Rightarrow $2\left(\frac{1}{2}\right)^n$ (\Rightarrow

الدّالة العددية h معرّفة على a = 0 الدّالة العددية a = 0 الدّالة العددية المعرّفة على a = 0 الدّالة العددية المعرّفة على المرّفة على المرّفة

منسوب إلى معلم يقبل مستقيما مقاربا مائلا معادلته هي:

$$y = 2x + 1$$
 (\Rightarrow $y = 2x$ (\Rightarrow $y = 2x - 1$ (\uparrow

 $g(x) = 2x + 1 - \frac{1}{x^2}$ بالدّالة العددية g معرّفة على g(x) = 0; + ∞ معرّفة على g(x) = 0

دالتها الأصلية G على $]0\,;+\infty[$ التي تنعدم من أجل القيمة [G] معرّفة بـ

$$G(x) = x^2 + x + \frac{1}{x} - 3$$
 (\Rightarrow $G(x) = x^2 + x - 1 - \frac{1}{x}$ (\Rightarrow $G(x) = x^2 + x - \frac{1}{x}$ (\Rightarrow

التمرين الرابع: (08 نقاط)

$$f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 + 1}$$
 بين \mathbb{R} يا معرّفة على \mathbb{R} بين الدّالة العددية f معرّفة على

 $(O\;;\;\overrightarrow{i}\;,\;\overrightarrow{j}\;)$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (C)

أ . بيّن أنّ f دالة زوجية.

ب. احسب $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ ثمّ استنتج $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ وفسِّر النّتيجتين هندسيا.

y=1 ادرس وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) ذي المعادلة

 $f'(x) = \frac{10x}{(x^2+1)^2}$: x عدد حقیقی عدد کلّ عدد (2

 $-\infty$, استنتج أنّ f متناقصة تماما على $-\infty$, ومتزايدة تماما على $-\infty$ ثمّ شكِّل جدول تغيّراتها.

2 المنحنى (C) للمنحنى (T) المنحنى فاصلتها التي فاصلتها أ. (3

ب. جِدْ إحداثيات نقطتي تقاطع (C) مع حامل محور الفواصل.

(C) و (T) ، (Δ) و (4

. الدّالة العددية g معرّفة على \mathbb{R} بيناي في المعلم السابق. $g(x) = \frac{\left|x^2-4\right|}{x^2+1}$ بيناني في المعلم السابق.

$$g(x)=f(x)$$
، $]-\infty;-2]$ \cup $[2;+\infty[$ من $]$ من أجل كلّ $]$ من $]$ من $[-2;2]$ من أجل كلّ $]$ من $[-2;2]$ من أجل كلّ $]$ من أجل كلّ $]$

ب. شكِّل جدول تغيّرات الدالة g

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = \frac{1}{3}u_n + 2$ و $u_0 = 5$:حيث $u_0 = 5$ بحدّها الأوّل u_0 بحدّها الأوّل معرّفة على المتتالية العددية

$$u_n = 2(\frac{1}{3})^n + 3$$
 ، n عدد طبیعي ، أجل كلّ عدد أنه من أجل أنه من أجل أ

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{3} \left(\frac{1}{3}\right)^n$$
 ، n عدد طبیعي عدد طبیعي

 (u_n) استنتج اتجاه تغيّر المتتالية

$$v_n = u_n - 3$$
 نضع: n عدد طبیعي من أجل كلّ عدد طبیعي

$$n$$
 أ. احسب v_n ثمّ اكتب عبارة v_0 بدلالة

$$\frac{1}{3}$$
 بيِّن أنّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها

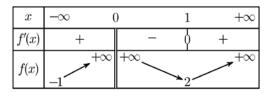
$$S'_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
 و $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ نضع: $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ و $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

$$S'_{n} = 3n + 6 - (\frac{1}{3})^{n}$$
 ، n عدد طبیعي عدد أنّه من أجل كلّ عدد عدد عدد عدد عدد عدد استنتج

التمرين الثاني: (04 نقاط)

الدّالة العددية f معرّفة على $]+\infty$ الدّالة العددية [0] معرّفة على المقابل.

(C) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم.



أجب بصح أو خطأ مع التبرير في كلّ حالة من الحالات التالية:

- $+\infty$ عند (C) عند y=-1 (1
- 0 يساوي 1 ذات الفاصلة A ذات الفاصلة A يساوي A معامل توجيه المماس A للمنحنى A
 - (C) النقطة B(3;1) تنتمي إلى (3
 - f(1442) < f(2021) (4

التمرين الثالث: (04 نقاط)

لكلّ سؤال جواب واحد فقط صحيح من بين الأجوبة الثلاثة المقترحة، عينه مع التبرير.

(1) الدّالة العددية
$$f$$
 المعرّفة على $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$ بي $f(x) = \frac{2x+1}{x+2}$ بالدّالة العددية $f(x) = \frac{3}{(x+2)^2}$ بي $f'(x) = \frac{5}{(x+2)^2}$ بي $f'(x) = \frac{-3}{(x+2)^2}$

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: تسيير واقتصاد / بكالوريا 2021

$$g(x)=1+\frac{3}{x-2}$$
 إلدّالة العددية g معرّفة على المجال $g(x)=1+\frac{3}{x-2}$ إلدّالة العددية و معرّفة على المجال

و (C_{g}) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم.

معادلة المماس لِـ $(C_{
m g})$ في النّقطة ذات الفاصلة 3 هي:

$$y = -3x + 5$$
 ($y = -3x + 13$ ($y = 3x - 5$ ($y = 3x - 5$

عدد حقيقي، الأعداد a+6، a+2، a+6، a+2، a=4 (3 a=4 (4 a=-2 (4 a=-2 (4 a=-2 (5 a=-2 (4 a=-2 (5 a=-2 (5 a=-2 (6 a=-2 (6 a=-2 (7 a=-2 (7 a=-2 (7 a=-2 (8 a=-2 (7 a=-2 (8 a=-2 (7 a=-2 (8 a=-2 (8 a=-2 (9 a=-2 (9 a=-2 (9 a=-2 (1 a=-2 (9 a=-2 (1 a=-2 (9 a=-2 (1 a=-2 (1

a=4 (ب a=-2 (ب a=2 (أ $S_{-}=v_0+v_1+\cdots+v_n$) بخ $v_-=2n+1$ (ب معرّفة على $v_-=2n+1$) معرّفة على الآيات ال

 $S_n = v_0 + v_1 + \dots + v_n$ نضع: $v_n = 2n + 1$ بالمتتالية الحسابية (v_n) معرّفة على (v_n) بساوي: (v_n) عدد طبيعي (v_n) المجموع (v_n) بساوي:

$$\frac{n(n+1)}{2} \quad (\Rightarrow \qquad (n+1)^2 \quad (\Rightarrow \qquad n^2 \quad (\uparrow \quad n^2)$$

التمرين الرابع: (08 نقاط)

 $f(x) = \frac{x^2 - x + 4}{x^2 + x + 2}$ بين \mathbb{R} بين f معرّفة على f

(2cm الوحدة (C) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتعامد ((C)

احسب f(x) و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ احسب (1

g(x) = f(x) - 1 نضع: \mathbb{R} من أجل كلّ x من أجل كلّ (2

g(x) أ. ادر س حسب قيم العدد الحقيقى x إشارة

y=1 استنتج وضعية (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ) ذي المعادلة المعادلة

$$f'(x) = \frac{2(x+1)(x-3)}{(x^2+x+2)^2}$$
 : x عدد حقیقي عدد حقیقي . أ (3

[-1;3] ومتناقصة تماما على كلّ من [-1;3] و $[-\infty;-1]$ ومتناقصة تماما على [-1;3]

f شكِّل جدول تغيّرات الدّالة f

اً . اكتب معادلة لِـ (T) مماس المنحني (C) في النّقطة التي فاصلتها 1 $oldsymbol{4}$

 $A(-2;\frac{5}{2})$ في النّقطة (C) يقطع (T) نتحقّق أنّ

(C) و (T) ، (Δ) ارسم ((Δ)

. الدّالة المعرّفة على \mathbb{R} يـِ: $\frac{x^2 - |x| + 4}{x^2 + |x| + 2}$ تمثيلها البياني في المعلم السابق h (6

أ. بيّن أنّ الدّالة h زوجية.

 $h(x) = f(x) : [0; +\infty[$ من المجال x من أجل كل x من أجل كل . •

ج. اشرح كيفية رسم $\binom{C}{h}$ انطلاقا من $\binom{C}{h}$ و ارسمه.

| العلامة | | / A & |
|---------|--------|--|
| مجموعة | مجزأة | عناصر الإجابة (الموضوع الأوّل) |
| I | | التمرين الأول: (04 نقاط) |
| | 0,25x3 | u_2 و u_1 ، u_0 : مساب الله على |
| 01,75 | 0.50 | $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{2} (\frac{1}{4})^n$: بالتَحقِّق أنّ |
| - | 0.50 | . متاقصة تماما (u_n) متاقصة ماما |
| | 0,25 | $v_0 = 2$. 1 (2) |
| 01,25 | 0,50 | $v_n=2(rac{1}{4})^n$: v_n عبارة v_n عبارة |
| | 0 ,50 | $v_{n+1} = \frac{1}{4}v_n : \frac{1}{4}$ ب متتالیة هندسیّة أساسها |
| 01.00 | 0.75 | $S_n = \frac{8}{3} \left[1 - \left(\frac{1}{4} \right)^{n+1} \right] \qquad \text{. f (3)}$ |
| 01.00 | 0.25 | $S'_n = S_n + n + 1 = n + \frac{11}{3} - \frac{8}{3} \left(\frac{1}{4}\right)^{n+1}$ |
| | | التمرين الثاني: (04 نقاط) |
| 01,00 | 0,50x2 | 1) صح ، التبرير . |
| 01,00 | 0,50x2 | 2) خطأ ، التبرير. |
| 01,00 | 0,50x2 | 3) صح ، التبرير . |
| 01,00 | 0,50x2 | 4) خطأ ، التبرير . |
| | | التمرين الثالث: (04 نقاط) |
| 01,00 | 0,50x2 | 1) الجواب الصحيح أ) ، التبرير. |
| 01,00 | 0,50x2 | 2) الجواب الصحيح ب) ، التبرير. |
| 01,00 | 0,50x2 | 3) الجواب الصحيح أ) ، التبرير. |
| 01,00 | 0,50x2 | 4) الجواب الصحيح ج) ، التبرير. |
| | | التمرين الرابع: (08 نقاط) |
| - | 0.50 | اً ، f دالـة زوجيـة f . أ |
| | 0,50x2 | $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1 \lim_{x \to -\infty} f(x) = 1 .$ |
| | 0,25 | (C) المستقيم ذو المعادلة $y=1$ مقارب لـ $y=1$ |
| 02.50 | 0,50 | $f(x)-1=-rac{5}{x^2+1}$ ، x عدد حقیقی ج. لدینا: من أجل كلّ عدد حقیقی |
| | 0,25 | (Δ) أسفل (C) |
| | | |

| العلامة | | / b w 5 b 1 |
|---------|--------------|--|
| مجموعة | مجزأة | عناصر الإجابة (الموضوع الأوّل) |
| | 0,75 | $f'(x) = \frac{10x}{(x^2+1)^2}$. $1/2$ |
| - | 0,50 | 10x من إشارة $f'(x)$ من إشارة |
| | 0,50 | f متناقصة تماما على $[0;+\infty[$ ومتزايدة تماما على f جدول تغيّرات f : |
| 02,25 | 0.50 | $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ |
| | | f(x) -4 |
| | 0,75 | 2 المماس لـ (C) المماس (T) المماتها $y=rac{4}{5}x-rac{8}{5}$. أ |
| 01,50 | 0,50 0,25 | (x=-2) ب. $f(x)=0$ تكافئ $(x=2)$ أو $(x=-2)$ إحداثيات نقطتي تقاطع (C) مع حامل محور الفواصل هي $(2;0)$ و |
| | 0,25x2 | (T) ، (Δ) رسم (4 |
| 01,00 | 0,50 | (Δ) $\frac{2}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{6}{5}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{6}$ |
| | | . 1 (5 |
| 00,75 | 0,50 | دراسة إشارة x^2-4 وكتابة x^2-4 دون رمز القيمة المطلقة. $g(x)=f(x)$ ، $]-\infty;-2]\cup [2;+\infty[$ من أجل كلّ x من x من أجل كلّ x من أبل كلّ أ |
| | 0.25 | x $-\infty$ -2 0 2 $+\infty$ $g(x)$ 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 |

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات/ الشعبة: تسيير و إقتصاد/ بكالوريا 2021

| العلامة | | / *12°41 * *11\ 7°4 * **11 | | | |
|---------|-----------------------------|--|--|--|--|
| مجموعة | مجزأة | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني) | | | |
| | التمرين الأول: (04 نقاط) | | | | |
| | 0.50+0.25 | $u_n = 2(\frac{1}{3})^n + 3$: البرهان بالتراجع (1 | | | |
| 1.75 | 0.50 | $u_{n+1} - u_n = -\frac{4}{3} \left(\frac{1}{3}\right)^n \cdot \mathbf{y}$ | | | |
| | 0.50 | ج. المتتالية (u_n) متناقصة تماما. | | | |
| 01 50 | 0.50+0.25 | $v_n = u_n - 3 = 2(\frac{1}{3})^n$ $v_0 = 2$. 1 (2) | | | |
| 01.50 | 0,75 | $rac{1}{3}$ هندسية أساسها (v_n) | | | |
| 0.75 | 0.50 | $S_n = 3 \left[1 - \left(\frac{1}{3} \right)^{n+1} \right] . $ (3) | | | |
| 0.75 | 0,25 | $S'_n = S_n + 3(n+1) = 3n + 6 - \left(\frac{1}{3}\right)^n$ | | | |
| | التمرين الثاني: (04 نقاط) | | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 1) خطأ ، التبرير . | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 2) صح ، التبرير . | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 3) خطأ ، التبرير . | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 4) صح ، التبرير . | | | |
| | التمرين الثالث: (04 نقاط) | | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 1) الإجابة الصحيحة ج) ، التبرير. | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 2) الإجابة الصحيحة ب) ، التبرير. | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 3) الإجابة الصحيحة أ) ، التبرير. | | | |
| 01,00 | 0,50x2 | 4) الإجابة الصحيحة ب) ، التبرير. | | | |

| العلامة | | / **t\ | | |
|---------|--------|--|--|--|
| مجموعة | مجزأة | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني) | | |
| | T | التمرين الرابع: (08 نقاط) | | |
| 01.25 | 0,50x2 | $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1$ e $\lim_{x \to -\infty} f(x) = 1$ (1 | | |
| | 0,25 | (C) مقارب له $y=1$: المستقيم ذو المعادلة | | |
| 01,25 | 0,25x3 | g(1) = 0 و $g(x) < 0$ علی $g(x) > 0$ و $g(x) > 0$ علی $g(x) > 0$. (2 | | |
| 01,20 | 0,25x2 | (Δ) بالنسبة إلى المستقيم (C) بالنسبة إلى المستقيم | | |
| | 0,75 | $f'(x) = \frac{2(x+1)(x-3)}{\left(x^2 + x + 2\right)^2} \qquad . f(3)$ | | |
| | 0.50 | 2(x+1)(x-3) من إشارة البسط $f'(x)$ | | |
| 02.25 | 0.50 | [-1;3] متزایدة تماما علی کلّ من $[-1;3]$ م $[-1;3]$ ومتناقصة تماما علی f | | |
| | 0,50 | $egin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | | |
| 04.65 | 0.75 | $y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$: (T) أ. كتابة معادلة لِ | | |
| 01,25 | 0 ,50 | $A(-2;rac{5}{2})$ بيقطع (C) في النّقطة $A(-2;rac{5}{2})$ | | |
| | 2x0,25 | (T) ، (Δ) رسم (C) | | |
| 01,00 | 0,50 | (C) (D) (C) (C) (D) (C) (D) (D) (D) (D) (D) (D) (D) (D) (D) (D | | |

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات/ الشعبة: تسيير و إقتصاد/ بكالوريا 2021

| العلامة | | / *!**ti |
|---------|-------|---|
| مجموعة | مجزأة | عناصر الإجابة (الموضوع الثاني) |
| 01.00 | 0.25 | اً . h زوجية. h |
| | 0,25 | $h(x)=f(x): \begin{bmatrix}0\;;+\infty \end{bmatrix}$ من المجال x من أجل كل من أجل كل من المجال |
| | 0,25 | (C) انطلاقا من (C_h) انطلاقا من ج. شرح کیفیة رسم |
| | 0.25 | $\left(C_{_h} ight)$ رسم |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |