الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية وزارة التربية الوطنية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

المدة: 04 سا و 30 د

دورة: 2021

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1}=rac{11u_n+4}{-4u_n+1}: n$ عدد طبيعي $u_0=-rac{3}{2}:$ عدد طبيعي $u_0=-rac{3}{2}:$ المتتالية العددية $u_{n+1}=-rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ n عدد طبيعي $u_{n+1}=-rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ عدد طبيعي $u_n=-rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ $u_n=-rac{11}{4}+rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ $u_n=-rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ $u_n=-rac{11}{4}+rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ $u_n=-rac{11}{4}+rac{11}{4}+rac{27}{4(-4u_n+1)}:$ $u_n=-rac{11}{4}+rac{11}{$

 $v_n = \frac{2u_n + 1}{u_n + 2}$: المتتالية العددية (v_n) معرّفة من أجل كلّ عدد طبيعي $v_n = \frac{2u_n + 1}{u_n + 2}$ (2)

أ. بيِّن أنَّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\, {
m \it c}$ ثمّ احسب حدّها الأول.

 $u_n = \frac{3}{2+4\times 3^n} - 2$: n عدد طبیعي عدد الله v_n بدلاله n ثمّ استنتج أنّه من أجل كلّ عدد طبیعي

 $\lim_{n\to +\infty} u_n \quad -\infty$

 $S_n = \ln\left(\frac{3}{u_0+2}-2\right) + \ln\left(\frac{3}{u_1+2}-2\right) + \dots + \ln\left(\frac{3}{u_n+2}-2\right)$: n عدد طبیعي n بدلالة n احسب n

التمرين الثاني: (04 نقاط)

كيس به 12 كريّة متماثلة لا نفرّق بينها باللمس.

كلّ من الكريّات الاثنتي عشرة تحمل رقما من بين الأعداد التالية: 1، 2، 3، 4 كلّ من الكريّات الاثنتي عشرة من الكيس.

 $p_4 = \frac{1}{4}$ و $p_3 = \frac{1}{4}$ ، $p_2 = \frac{1}{6}$ ، $p_1 = \frac{1}{3}$: نرمز بِ

1) وزّع الكريّات الاثنتي عشرة حسب الأرقام 1، 2، 3، 4

احسب احتمال كلّ من الحوادث B ، A و D الآتية:

" سحب كريّة تحمل رقما فرديا A

" 4 سحب كريّة تحمل رقما من أرقام نظام التّعداد ذي الأساس B

" $x^2 = 2^x$ " שביי ארע" שביי אניַה תפהא " C

اختبار في مادة :الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2021

(3 المتغيّر العشوائي X يرفق بكلّ سحب لكريّة الرّقم الذي تحمله.

عيّن مجموعة قيم المتغيّر العشوائي X ثمّ احسب E(X) أمله الرّياضياتي.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

- ران. عددان صحيحان. y عددان x عددان صحيحان. (x;y) عددان صحيحان. (x;y) عددان صحيحان. (x;y) علما أنّ الثّنائية (x;y) حلّ المعادلة (x;y) علما أنّ الثّنائية (x;y) حلّ لها.
 - معدوم. عيث a غير معدوم. b ، a

a=3 العدد الطبيعي a=3 في نظام تعداد أساسه a=3 في نظام تعداد أساسه a=3 في نظام تعداد أساسه a=3 . ثمّ استنتج أنّ a=3 . ثمّ استنتج أنّ a=3 . ثمّ استنتج أنّ

 $oldsymbol{v}$ ب. جِدْ العددين الطبيعيين b و b ثمّ اكتب العدد b في النّظام العشري.

6) أ . ادرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 5^n على 6 \cdot 1 درس تبعا لقيم العدد 1441 n عدد طبيعي عدد طبيعي عدد طبيعي \cdot 2021 2 مضاعف للعدد 6

 $A_n = 2021^{2n} + 1441^n + 2 \times 1442^n$ ج. نضع:

 $A_n \equiv 0$ [6] :چِدْ قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- $g(x) = (x^2 3)e^x + 3$ بِ: \mathbb{R} معرّفة على g معرّفة على (I
 - ادرس تغيّرات الدّالة g ثمّ شكِّل جدول تغيّراتها. (1)
- $1,53 < \alpha < 1,54$: يُحقِّق α أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا α يُحقِّق . (2

g(x) قمّ استنتج حسب قيم العدد الحقيقي g(0) شمّ استنتج حسب قيم العدد الحقيقي

- $f(x)=3x+1+(x^2-2x-1)e^x$ بـِ: $\mathbb R$ معرّفة على f معرّفة على (II
- $(O;\vec{i},\vec{j})$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس (C)
 - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ احسب (1
 - f'(x) = g(x) : x أ. بيّن أنّه من أجل كلّ عدد حقيقي أيّا . أ

 $[0\,;lpha]$ ومتناقصة تماما على كلّ من $[lpha\,;+\infty[\ g\]-\infty\,;0]$ ومتناقصة تماما على لاّ من استنتج أنّ

- f شكِّل جدول تغيّرات الدّالة f
- $-\infty$ عند (C) مقارب مائل لـ y=3x+1 عند (Δ) عند (Δ) عند أنّ المستقيم
 - (Δ) بالنّسبة إلى المرس وضعية (C) بالنّسبة إلى
- $oldsymbol{arphi}$ ج. بيّن أنّ (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها $oldsymbol{eta}$ تُحقِّق: $2{,}03$

(T') و (T') و (T') عقبل مماسين (T) و (T') موازيين له (T) موازيين له (T)

 $\left]-\infty \; ; \; 1+\sqrt{2} \;
ight]$ ارسم (Δ) ارسم (T) ، (T) ، (T) ، (Δ) علی (Δ

 $(f(-\sqrt{3}) \simeq -3.2)$ و $f(\sqrt{3}) \simeq -2.1$ و $f(\alpha) \simeq -2.3$ و $\alpha \simeq 1.53$

 $h(x)=f\left[\ln(x)
ight]$ بـ: $\left[0;+\infty\right[$ بـ معرّفة على المجال معرّفة على المجال (5

 $\lim_{x \to +\infty} h(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} h(x)$ ا . أ

 $oldsymbol{+}$. ادرس اتجاه تغیّر الدّالة h ثمّ شکّل جدول تغیّراتها.

انتهى الموضوع الأول

الموضوع الثانى

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = \sqrt{2 + \frac{1}{2}u_n^2} : n$ عدد طبيعي $u_0 = 1$ و من أجل كلّ عدد طبيعي $u_0 = 1$ معرّفة ب

 $0 < u_n < 2$: n عدد طبیعي عدد أنّه من أبّه من أبّه من أبّه من أنّ المتتالية (u_n) متزايدة تماما ثمّ استتج أنّها متقارية.

 $v_n = u_n^2 - 4$: بالمتتالية العددية (v_n) معرّفة على (2

أ . بيّن أنّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ يُطلب حساب حدّها الأوّل .

 $u_n = \sqrt{4 - 3(\frac{1}{2})^n}$: n عبارة v_n عبارة n استنتج أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي v_n عبارة v_n

 $\lim_{n\to +\infty} u_n$...

 $S_n = u_0^2 + u_1^2 + \dots + u_n^2$: من أجل كلّ عدد طبيعي (3

 $S_n = \frac{n \times 2^{n+2} + 3}{2^n} - 2 : n$ عدد طبیعي عدد طبیعي أنّه من أجل كلّ عدد طبیعي . أ

 $PGCD(2^n; 3 + n \times 2^{n+2}) = PGCD(2^n; 3)$: n عدد طبیعي n عدد طبیعي

 $PGCD(2^n; 3+n\times 2^{n+2})=1$ = . استنتج أنّ

 $S_n = \frac{83}{8}$:د. جِدْ قيمة العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون

التمرين الثاني: (04 نقاط)

 F_4 ، F_3 ، F_2 ، F_1 و أربع نساء H_3 ، H_2 ، H_1 نيراد عشوائيا تشكيل لجنة تضمّ رئيسا ونائبا له من بين ثلاثة رجال H_3 ، H_2 ، H_1 و أربع نساء ونائبا له من بين ثلاثة رجال H_3 ، H_2 ، H_3 ، H_3

B" اللَّجنة من جنسين مختلفين" المَّتية: A اللَّجنة من نفس الجنس"

 $^{"}F_{1}$ هو الرئيس $^{"}$ هو الرئيس $^{"}E$ اللّجنة لا تضم كلاّ من H_{1} و H_{1} $^{"}C$

P(B) أ. احسب P(A) احتمال الحدث A ثمّ استنتج

P(E) و P(C)

(3) المتغيّر العشوائي X يرفق بكلّ لجنة عدد الرّجال فيها. عيّن قانون احتمال X ثمّ احسب E(X) أمله الرّياضياتي.

التمرين الثالث: (05 نقاط)

نعتبر المعادلة ذات المجهول $(x;y): (x;y): 7x-6y=1\cdots(E)$ ، حيث x و x عددان صحيحان. أ . حلّ المعادلة (E) علما أنّ الثّنائية (E) عددان صحيحان.

ب. تَحقَّق أنّه إذا كانت الثّنائية (x;y) حلاّ للمعادلة (E) فإنّ عدد طبيعي غير معدوم.

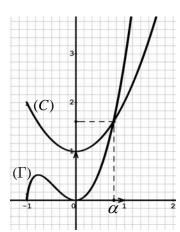
7 على 7 ما العدد 4^n على 7 أ. ادرس تبعا لقيم العدد الطبيعي n بواقي القسمة الإقليدية للعدد 4^n على 7 بيّن أنّ العدد $4 \times 2019^{2021} + 2022^{2022}$ يقبل القسمة على 7

اختبار في مادة :الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2021

- $4^n \equiv 4[6]$: n برهن بالتراجع أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي غير معدوم (3
 - (E) نفرض أنّ الثّنائية (a;b) حلّ للمعادلة (4

 $(a \times b$ عدد طبيعي يُكتب في نظام التّعداد ذي الأساس 4 على الشّكل: $\overline{333\cdots 330}$ عدد طبيعي يُكتب في نظام التّعداد ذي الأساس 4 على الشّكل: $A = 4^{ab} - 4$. بيّن أنّ: $A = 4^{ab} - 4$

42 على على الثّاثيات (a; b) التي من أجلها يكون A قابلا للقسمة على 42 جين كلّ الثّنائيات (a; b) التي من أجلها يكون A قابلا للقسمة على 42



التمرين الرابع: (07 نقاط)

I) المستوي منسوب إلى معلم متعامد متجانس.

في الشّكل المقابل (C) و (Γ) هما على التّرتيب التّمثيلان البيانيان

$$x \mapsto 2x(1+x)\ln(1+x)$$
 $ext{ } x \mapsto 1+x^2$

0,78 < lpha < 0,79 : ثُحقِّق lpha أَحْقِق (Γ) و (C)

الدّالة العددية g معرّفة على المجال $]+\infty$; $+\infty$ بـ

$$g(x) = 1 + x^2 - 2x(1+x)\ln(1+x)$$

- (Γ) بقراءة بيانية، حدِّد حسب قيم x من المجال x من المجال x بقراءة بيانية، حدِّد حسب قيم x من المجال x
 - g(x) استنتج حسب قيم x من المجال $]-1;+\infty$ استنتج حسب قيم x

$$f(x) = \frac{\ln(1+x)}{1+x^2}$$
 :ب $f(x) = \frac{\ln(1+x)}{1+x^2}$:ب $f(x) = \frac{\ln(1+x)}{1+x^2}$:ب $f(x) = \frac{\ln(1+x)}{1+x^2}$

(2cm :الوحدة) ($O; \vec{i}, \vec{j}$) المعلم المتعامد الم

$$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$$
 و بيّن أنّ: $\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$. أ . احسب

ب. فسِّر النّهايتين هندسيا.

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)(1+x^2)^2}$$
 :] -1 ; $+\infty$ من المجال x من المجال x من أجل كلّ x من أجل كلّ x من المجال x أ. أ

 $oldsymbol{\cdot}$ ب. استنتج اتجاه تغیّر الدّالة f ثمّ شکِّل جدول تغیّراتها.

$$f(\alpha)$$
 جـ. بيِّن أنّ: $f(\alpha) = \frac{1}{2\alpha(1+\alpha)}$ ثمّ استنتج حصرا لِ

O اعند المبدأ لـ (C_f) مماس المنحنى المبدأ في عند المبدأ عند المبدأ

$$(f(\alpha) \simeq 0.36 :$$
ارسُم (C_f) و (T_f) ارسُم (3)

. الدّالة العددية h معرّفة على \mathbb{R} بـ: \mathbb{R} بـ: $h(x) = \frac{\ln(1+|x|)}{1+x^2}$ و $h(x) = \frac{\ln(1+|x|)}{1+x^2}$

أ. بيّن أنّ الدّالة h زوجية.

 $oldsymbol{\cdot}$ ب. بيِّن أنّ الدّالة h غير قابلة للاشتقاق عند الصفر ثمّ فسّر ذلك بيانيا.

ج. اشرح كيفية رسم (C_h) انطلاقا من (C_f) ثمّ ارسمه.

العلامة		/ t "\$tl - * tl\ 7 1 Ntl - 1*-		
مجموعة	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأوّل)		
	التمرين الأول: (04 نقاط)			
01.25	0.25	$u_{n+1} = -\frac{11}{4} + \frac{27}{4(-4u_n + 1)}$. التحقق $(1$		
	0.50	$-2\!<\!u_n\!<\!-1$: بالبرهان بالتراجع $-2\!<\!u_n$		
	0.25+0.25	(u_n) ، متناقصة تماما ، (u_n) ، متقاربة.		
	0.50 0.25	$v_{n+1}=v_n imes 3:3$ ا. (v_n) هندسية أساسها $v_n=-4$ كـدّها الأول $v_0=-4$		
02.00	0.50	$v_n = -4 \times 3^n$		
	0.50	$u_n = \frac{3}{2 + 4 \times 3^n} - 2$ استناج:		
	0.25	$\lim_{n \to +\infty} u_n = -2 \qquad \qquad . \Rightarrow$		
0.75	0.25	$\frac{3}{u_n+2}-2=-v_n$ أ. التَحقق: (3		
0.73	0.50	$S_n = (n+1)\ln 4 + \frac{(n+1)n}{2}\ln 3 \qquad \qquad . $		
		التمرين الثاني: (04 نقاط)		
01	0.25x4	1) توزيع الكريّات الاثنتي عشرة حسب الأرقام 1 ، 2 ، 3 ، 4 عدد الكريات التي تحمل الرقم 2 هو 2 عدد الكريات التي تحمل الرقم 2 هو 2 عدد الكريات التي تحمل الرقم 4 هو 3 عدد الكريات التي تحمل الرقم 4 هو 3		
02.25	3x0.75	$p(C) = \frac{5}{12} \cdot p(B) = \frac{3}{4} \cdot p(A) = \frac{7}{12} $ (2		
02020	0.25	12 \ \ 4 \ \ \ 12 \ \ المتغيّر العشوائي X هي 1,2,3,4 (العشوائي X المعشوائي X المعشوائي المعشوائي X ال		
0.75	0.50	$E(X) = \frac{29}{12}$		
		التمرين الثالث: (05 نقاط)		
01	01.00	$(x,y) = (k+1,42 k+4) k \in \mathbb{Z} \ (E)$ حلّ المعادلة (1		
	0.50 0.50	113a = 3(c - 42b + 151) أ. تبيان أن الأعداد a ، b ، a و b ، a أ. تبيان أن الأعداد		
02.75	0.25	a=3 استنتاج أنّ: $a=3$ استنتاج أنّ: $a=3$ و $a=3$ استنتاج أنّ $a=3$ تكافئ $a=3$		
	3x0.50	.N = 2021 ، $c = 4$ و $b = 1$		
01.25	0.50	n $2k$ $2k+1$ $2k-2k+1$ n $2k$ $2k+1$ n $2k$ $2k+1$ n $2k$ $2k+1$ n $2k$ $2k+1$		
		الباقي 1 5		
	0.50	ب. 4 + 1441 ⁿ + 2021 مضاعف للعدد 6		
	0.25	n يعني: n فردي $A_n\equiv 0$ [6] ج.		

العلامة		/ 1 km - 1 1 mm - 1 1 mm
مجموعة	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
	0.25+0.25	g دراسة تغيّرات الدّالة و $\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty$ $\lim_{x \to -\infty} g(x) = 3$
	0.25	$g'(x) = (x^2 + 2x - 3)e^x$
	0.25	$g'(x) < 0$ و $\left[1; +\infty\right[$ و $\left[-\infty; -3\right]$ على $\left[g'(x) > 0: g'(x)\right]$ اشارة
01.50	0.25	على $]1; 3=[$ و $g'(x)=0$ من أجل $x=-3$ أو $x=-3$ [و $g'(x)=0$ متزايدة تماما على كلّ من $[-3;1]$ منزايدة تماما على كلّ من $[-3;1]$ متزايدة تماما على كلّ من $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ من $[-3;1]$ من $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ من $[-3;1]$ من $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$ من $[-3;1]$ متزايدة تماما على $[-3;1]$
	0.25	$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	0.50	$g(1.53) \times g(1,54) < 0$ مستمرة و متزايدة تماما ، $g(1.53) \times g(1,54) < 0$
	0.25	g(0)=0 .ب
01.00	0.25	$]0;lpha$ على $]0;lpha$ و $]\alpha;+\infty$ و $]0;lpha$ على $]0;lpha$ على $]0;lpha$ و $[0;lpha]$ على $[0;lpha]$
0.50	0.25+0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty \lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty \text{(II)}$
	0.25	f'(x) = g(x) : xاً . تبیان أنّه من أجل كلّ عدد حقیقي $f'(x) = g(x)$
	0.25	f استنتاج اتجاه تغیر الداله f
0.75	0.25	x $-\infty$ 0 α $+\infty$ $f'(x)$ $+$ 0 $ 0$ $+$ $f(x)$ $-\infty$
	0.25	$-\infty$ عند (C) مقارب مائل لـ $y=3x+1$ عند (Δ)
01.25	0.25	$-\infty$; $1-\sqrt{2}$ على (Δ) على (C) ; (Δ) بالنّسبة إلى (C) ; (Δ) أعلى (C) على (C) (C) (D) يقطع (D) عند (D)
	0.25	eta تبيان أنّ (C) يقطع حامل محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها $\dot{\beta}$
	0.50	$2,03 < eta < 2,04$ تُحقِّق: (C) يقبل مماسين (C) و (T') موازيين لِـ (Δ)

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضات / بكالوريا 2021

العلامة		/ t \$t(- * - t()
مجموعة	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الأول)
	0.25x3	(T') ، (T) ، (Δ) رسم (Δ) رسم (T) ، (T) ، (D) علی (D) الم
01.00	0.25	$\left[-\infty ; 1+\sqrt{2} \right]$ de $\left(C \right)$ also $\left(C \right)$ (a) $\left(A \right)$ $\left($
	0.25+0.25	$\lim_{x \to +\infty} h(x) = +\infty \lim_{x \to +\infty} h(x) = -\infty . (5)$
	0.25	$egin{bmatrix} e^lpha\ ;+\infty iggl[\ e^lpha\]0;1iggl]$ و متزایدة تماما علی کلّ من h . $= [1;e^lpha]$
01.00	0.25	جدول تغیراتها . $h'(x) + 0 - 0 + 0$ $h(x) \qquad f(0) \qquad + 0$ $h(x) \qquad f(0) \qquad f(0)$

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضات / بكالوريا 2021

العلامة		/ ***t\ - * * t\\ ~ 1			
مجموعة	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)			
	التمرين الأول: (04 نقاط)				
01.05	0.50	$0 < u_n < 2$: البرهان بالتراجع . (1			
01.25	0.25+0.50	(u_n) متزایدة تماما ، (u_n) متقاربة.			
	0.25+0.25	$v_0=-3$ ، $\frac{1}{2}$ هندسية أساسها (v_n). أ			
01.25	0.25+0.25	$u_n = \sqrt{4 - 3(\frac{1}{2})^n}$ $v_n = -3(\frac{1}{2})^n$.			
	0.25	$\lim_{n\to+\infty}u_n=2 .$			
	0.50	$S_n = \frac{n \times 2^{n+2} + 3}{2^n} - 2 : n$ أ. تبيان أنّه من أجل كلّ عدد طبيعي أ. (3			
	0.25	$PGCD(2^n; 3 + n \times 2^{n+2}) = PGCD(2^n; 3)$: تبیان أنّ			
01.50	0.25	$PGCD(2^n; 3+n\times 2^{n+2})=1$ ج. استنتاج أنّ:			
		$S_n = \frac{83}{8}$. إيجِادْ قيمة العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون			
	0.25	$99 \times 2^n = 8(3 + n \times 2^{n+2})$ يعني $S_n = \frac{83}{8}$			
	0.25	n=3 :نجد			
	•	التمرين الثاني: (04 نقاط)			
0.50	0.50	1) عدد اللّجان التي يمكن تشكيلها هو 42			
	0.50+0.50	$P(B) = 1 - P(A) = \frac{4}{7}$ $P(A) = \frac{18}{42} = \frac{3}{7}$. (2)			
02	0.50+0.50	$P(E) = \frac{20}{42} = \frac{10}{21}$ $P(C) = \frac{6}{42} = \frac{1}{7}$			
	0.25	3) قانون احتمال			
	0.20	مجموعة قيم X هي: $\{0;1;2\}$			
01.50	0.75	$egin{array}{ c c c c c c c c c c c c c c c c c c c$			
	0.50	$E(X) = \frac{6}{7}$ أمله الرّياضياتي:			

العلامة		/ titl compatible and only		
مجموعة	مجزأة	عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)		
	التمرين الثالث: (05 نقاط)			
01.25	0.75	$(x;y) = (6k+1,7k+1) \; k \in \mathbb{Z}$:(E) أ. حلّ المعادلة (1		
	0.50	(6k+1)(7k+1)>0 عدد طبيعي غير معدوم يكفي أن نثبت xy عدد طبيعي غير معدوم		
01.25	0.75	n $3k 3k+1 3k+2$ 7 على 7 على 7 أ. بواقي قسمة 4^n على 7		
		بواقي قسمة 4^n على 7 الماقي قسمة 4^n على 7 الماقي قسمة 4^n على 4^n الماقي قسمة 4^n على 4^n الماقي قسمة 4^n على 4^n		
	0.50	7 يقبل القسمة على $4 imes 2019^{2021} + 2022^{2022}$.ب		
0.50	0.50	$4^n \equiv 4[6]$ البرهان بالتراجع (3		
	0.50	$A=4^{ab}-4$ أ. تبيان أنّ: $A=4^{ab}-4$		
	0.50	$A = 0 \times 4^{0} + 3 \times 4^{1} + \dots + 3 \times 4^{ab-1} = 3 \times (4^{1} + \dots + 4^{ab-1})$		
02		$(ab\in \mathbb{N}^*$ و $4^n\equiv 4igl[6igr]$ و $A\equiv 0igl[6igr]$		
02		تعييّن الثّنائيات $(a;b)$ التي من أجلها يكون A قابلاً للقسمة على a		
	01	$k = 3h$ $h \in \mathbb{N}$ يعني $A \equiv 0$ و منه $A \equiv 0$ أي $A \equiv 0$		
		$(a;b) = (18p+1;21p+1) \; p \in \mathbb{N} : $ و منه		
		التمرين الرابع: (07 نقاط)		
0.75	0.75	$]\alpha;+\infty[$ على $]-1;\alpha[$ و (Γ) أسفل (Γ) على $]-1;\alpha[$ على (Γ) على (Γ)		
		$H(lpha\;;lpha^2+1)$ يتقاطعان Γ في Γ في Γ		
		g(x) إشارة $g(x)$ إمارة المراه (2) المراه المراع المراه المراع المراه المراه المراه المراه المراه المراه المراه المراه المراع المراه المراع المراه المراه المراه المراه المراه المراه المراه المراه المرا		
0.75	0.75	$]lpha;+\infty[$ على $]-1;lpha[$ على $[lpha;+\infty]$ على $[lpha;+\infty]$ على $[lpha;+\infty]$ على $[lpha;+\infty]$ على $[lpha;+\infty]$ على $[lpha;+\infty]$		
	0.25+0.25	5 ()		
0.75		$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \qquad \text{i} \qquad \lim_{x \to -1} f(x) = -\infty \qquad \text{i} \text{(1 (II)}$		
	0.25	(C_f) و $y=0$ معادلتا مستقيمان مقاربان للمنحني $x=-1$		
	0.50	$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)(1+x^2)^2}$ أ. تبيان أنّ (2		
	0.50	$(lpha+1)(1+lpha)$ ب. f متزایدة تماما علی $[lpha;+\infty[$ ومتناقصة تماما علی f		
01.50	0.50	f جدول تغیّراتها الداله f . f		
		$f'(x) + 0 - f(\alpha)$ $f(x)$		
		$-\infty$.		

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة: الرياضيات/ الشعبة: رياضات / بكالوريا 2021

العلامة		عناصر الإجابة (الموضوع الثاني)
مجموعة	مجزأة	حاصر ، إباب (الموسوع التاتي)
0.75	0.25	$f(\alpha) = \frac{1}{2\alpha(1+\alpha)} :$
	0.25	$0.35 < f(\alpha) < 0.36$
	0.25	y=x: (T) د. معادلة لِ
	0.25	رسم (T) رسم ((C_f) رسم ((C_f)
	0.50	$f(\alpha)$ (C_f) (C_f)
0.75		-1 -2 -2
	0.25	أ . الدّالة h زوجية.
	0.25+0.25	ب. $\lim_{x \to 0} \frac{h(x)}{x} = -1$ و $\lim_{x \to 0} \frac{h(x)}{x} = -1$ و $\lim_{x \to 0} \frac{h(x)}{x} = 1$ ب. بالمستقاق من أجل الصفر
	0.25	التفسير: وجود نصفي مماسين في المبدأ
01.75	0.25	ج. (C_h) ينطبق على (C_f) على $+\infty$ على $+\infty$ إثمّ نتم الرسم بالتناظر بالنسبة الى حامل
01.73	0.50	رسم (C_h) انطلاقا من (C_f) محور التراتيب . (C_h) ومحور التراتيب . (C_h)