#### الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

وزارة التربية الوطنية

دورة: 2017

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: رياضيات

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 04 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

#### التمرين الأول: (04 نقاط)

x=t-2 .  $(O;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$  الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

 $\left\{egin{aligned} y=-t+2 &; t\in\mathbb{R} \ \end{array}
ight.$  نعتبر النقطتين A(-1;1;-2) و المستقيم B(1;-3;-4) و المستقيم الذي يشمل النقطة B و U(-1;2;1) شعاع توجيه له .

- بيّن أنّ المستقيمين  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$  يتقاطعان في نقطة يطلب تعيين إحداثياتها.
  - . ليكن (P) المستوي المعيّن بالمستقيمين  $(\Delta)$  و  $(\Delta)$  . الكن (P) المستوي المستوي (P) ، ثم استنج معادلة ديكارتية له .
- .  $AM^2 + BM^2 = 20$  : تسمّي (S) مجموعة النقط (M(x;y;z) من الفضاء التي تحقق (S) مجموعة النقط (S) بيّن أنّ (S) سطح كرة مركزها منتصف القطعة (S) ونصف قطرها (S)
  - . (S) وسطح الكرة (P) وسطح الكرة ( $\Phi$ ) حدّد الوضع

#### التمرين الثاني: (04 نقاط)

- . نعتبر المعادلة : (x;y) حيث (x;y) خات المجهول (x;y) حيث (x;y) عددان صحيحان (1) نعتبر المعادلة (E) تقبل حلولا.

  - عدد طبيعي يكتب  $\overline{1\alpha\alpha\beta01}$  في نظام التعداد الذي أساسه 4 ، ويكتب  $\overline{1\alpha\beta01}$  في نظام التعداد الذي أساسه  $\alpha$  حيث  $\alpha$  و  $\alpha$  عددان طبيعيان.
    - . ين  $\alpha$  و  $\beta$  ، ثم اكتب  $\lambda$  في النظام العشري  $\alpha$
    - تحقق: تحقق أنّ كلا من 2017 و 1009 عدد أوّلي، ثم عيّن الثنائيات  $(a\,;b)$  من الأعداد الطبيعية التي تحقق:  $m=PPCM\ (a;b)$  ,  $d=PGCD\ (a;b)$  حيث 2m-d=2017

#### التمرين الثالث: (05 نقاط)

- .  $(z-2+2i)(z^2-2\sqrt{2}z+8)=0:z$  حل في مجموعة الأعداد المركبة  ${\mathbb C}$  ، المعادلة ذات المجهول (1
  - C و B ، A نعتبر النقط ،  $(O; \vec{u}, \vec{v})$  المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $z_B = \overline{z}_A$  ،  $z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{6}$  التي لاحقاتها  $z_B = \overline{z}_A$  ،  $z_A = \sqrt{2} + i\sqrt{6}$  التي المعلم ال
- أ) اكتب  $z_A$  و  $z_B$  و تتتمي إلى دائرة  $z_C$  يطلب أ) اكتب  $z_B$  و  $z_B$  ،  $z_A$  و أ) يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.
  - . التي من أجلها يكون العدد المركب  $\left(\frac{z_A}{z_C}\right)^n$  تخيليا صرفا . بين قيم العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون العدد المركب
- $\mathbb{R}_+$  سمّي k مع k مع k مع k مع k عين k
  - . -2 ونسبته O وزاويته h ،  $\frac{2\pi}{3}$  وزاويته O وزاويته O التحاكي الذي مركزه النقطة O ونسبته O الدوران الذي مركزه النقطة O
  - .  $h \circ r$  عيّن طبيعة التحويل  $h \circ r$  وعناصره المميّزة ، ثم استنتج صورة الدائرة

#### التمرين الرابع: (07 نقاط)

.  $f(x) = (-x^3 + 2x^2)e^{-x+1}$ : ب تعتبر الدالة العددية f المعرّفة على

 $(O; \vec{i}, \vec{j})$  المنحني الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_f)$ 

- - $f'(x) = x(x^2 5x + 4)e^{-x+1}$  ، x عدد حقیقی عدد عدد نبخین أنّ : من أجل كل عدد حقیقی ثم استنتج اتجاه تغیّر الدالة f وشكّل جدول تغیّراتها.
    - . 2 مماس المنحني (  $C_f$  )مماس المنحني (  $(T_f)$  مماس المنحني (  $(T_f)$
  - .  $h(x)=x^2e^{-x+2}-4$  يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 كما يلي: h(x)=0 بالنسبة إلى h(x)=0 على المجال h(x)=0 بالنسبة إلى h(x)=0 على المجال h(x)=0 بالنسبة إلى المجال ألى المحال ألى المحال
    - .  $\left[0\,;+\infty\right[$  ارسم المماس  $\left(T\,
      ight)$  والمنحني المخال والمنحني (4
  - (E) ... f(x) = m(x-2) نعتبر m وسيط حقيقي والمعادلة ذات المجهول الحقيقي x الموجب: (5) عدد حلول المعادلة (E).
    - .  $g(x)=f\left(\frac{1}{x}\right):+\infty$  [ب $g(x)=f\left(\frac{1}{x}\right):g(x)$  و الدالة المعرفة على المجال

اعتمادا على السؤال رقم (1)، شكل جدول تغيّرات الدالة g

انتهى الموضوع الأول

#### الموضوع الثاني

#### التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_0 = 1$  نعتبر المتتالية العددية ( $u_n$ ) المعرّفة على  $\mathbb N$  بحدها الأوّل

 $u_{n+1} = 7u_n + 8$  ، n ومن أجل كل عدد طبيعي

.  $3u_n = 7^{n+1} - 4$  ، n برهن بالتراجع أن: من أجل كل عدد طبيعي (1

$$S_n' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$
 و  $S_n = 1 + 7 + 7^2 + \dots + 7^n$  :  $n$  و غدد طبيعي (2) نضع من أجل كل عدد طبيعي

 $S_n$  و  $S_n$  المجموع  $S_n$  ثم جد علاقة بين  $S_n$  المجموع (أ

$$\cdot .18 \times S_n' = 7^{n+2} - 24n - 31$$
 ،  $n$  عدد طبیعي عدد طبیعي استنتج أنّ: من أجل كل عدد طبیعي

درس حسب قيم العدد الطبيعي n بواقى قسمة العدد  $7^n$  على 5.

ب عيّن قيم n الطبيعية حتى يكون  $S_n'$  قابلا للقسمة على 5.

$$\begin{cases} x = -t - 2 \ \lambda + 2 \end{cases}$$
 التمرين الثاني: (04 نقاط)  $y = 3t + 4 \ \lambda - 3 \end{cases}$  مستو تمثیله الوسیطي:  $z = 3t + 4 \ \lambda - 1 \end{cases}$  مستو تمثیله الوسیطي:  $z = 3t + 4 \ \lambda - 1 \end{cases}$  مستو تمثیله الوسیطي:  $z = 3t + 4 \ \lambda - 1$ 

. (P) عيّن معادلة ديكارتية للمستوي (1)

ليكن 
$$\alpha$$
 عددا حقيقيا من المجال  $\left[-\frac{\pi}{2};\frac{\pi}{2}\right]$ ، ولتكن  $\left[-\frac{\pi}{2};\frac{\pi}{2}\right]$  من الفضاء حيث (2  $x^2+y^2+z^2-2x\cos\alpha-2y\sin\alpha-z-\frac{3}{4}=0$ 

- $\omega_{\alpha}$  مركزها مركزها مركزها تعيين إحداثيات مركزها ( $E_{\alpha}$ ) من المجال السابق ، ونصف قطرها  $\alpha$  من المجال السابق ،  $\alpha$  من المجال السابق .  $\alpha$  ونصف قطرها  $\alpha$ 
  - .  $(E_{lpha})$  الدرس حسب قيم العدد الحقيقي lpha الوضع النسبي للمستوي (P) و سطح الكرة الحقيقي (P)
    - $(E_{\alpha})$  في الحالة التي يكون فيها المستوي (P) مماسا لسطح الكرة  $(E_{\alpha})$  في الحالة التي يكون فيها المستوي (D)الذي يشمل النقطة  $\omega_{\alpha}$  والعمودي على المستوي واستنتج إحداثيات I نقطة تماس  $(E_{\alpha})$  مع المستوي (P).

#### التمرين الثالث: (05 نقاط)

$$\frac{21}{4}+5i$$
: على الشكل الجبري ثم استنتج الجذرين التربيعيين للعدد المركب ( $\frac{5}{2}+i$ ) اكتب العدد

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $O; \vec{u}, \vec{v}$ ) ، نعتبر النقط C , B , A المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $O; \vec{u}, \vec{v}$ )

. 
$$z_I=i$$
 و  $z_C=-\overline{z}_A$ ،  $z_B=-rac{3}{2}i$  ،  $z_A=rac{3}{2}+\sqrt{2}e^{irac{\pi}{4}}$  : اللواحق

#### اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: رياضيات / بكالوريا 2017

- . اكتب  $z_A$  و على الشكل الجبري  $z_A$
- . ABC على الشكل الأسي مستنتجا طبيعة المثلث (2  $\frac{z_C-z_B}{z_A-z_B}$ 
  - A ليكن S التشابه المباشر الذي مركزه B ويحول S الحي (3
  - أ) اكتب العبارة المركبة للتشابه المباشر S ثم عيّن نسبته وزاوبته.
- $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$  يلي:  $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$  كما يلي:  $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$  عيّن قيم  $T_n = \underbrace{S \circ S \circ \cdots \circ S}_{n}$  تحاكيا ، عين عندئذ عناصره المميزة.

#### التمرين الرابع: (07 نقاط)

- .  $g(x)=\frac{1}{x}-\ln x$  يعتبر الدالة العددية g المعرّفة على المجال  $g(x)=\frac{1}{x}$ 
  - 1) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g.
- . ]0;+ $\infty$ [ على g(x) قبل حلا وحيدا  $\alpha$  من المجال ]1,76; 1,77 ثم استنتج إشارة g(x)=0 على g(x)=0

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x+1}{x-\ln x} \;\;;\;\; x>0 \\ f(0)=0 \end{cases}$$
: يعتبر الدالة العددية  $f$  المعرّفة على المجال  $= (0;+\infty)$  كما يلي (II)

- $(O; ec{i}, ec{j})$  سنتيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_f)$ 
  - ، مستمرة عند العدد 0 على اليمين f أثبت أن الدالة

ثم احسب 
$$\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x}$$
 وفسّر النتيجة بيانيا.

- .  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x \ln x)^2}$  ،  $]0; +\infty[$  من المجال x عدد حقیقی x عدد حقیقی (2
  - . f وفسّر ذلك بيانيا ثم شكل جدول تغيرات الدالة الدالة  $\int_{x \to +\infty} f(x)$  احسب (3
    - $h(x) = x \ln x$ : ب $]0; +\infty[$  بالمعرفة على  $]0; +\infty[$  بالمعرفة على الدالة المعرفة على الدالة الدالة المعرفة على الدالة الدا
  - h(x)>0 ، أن: من أجل كل عدد حقيقي x موجب تماما ، واستنتج وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ) بالنسبة إلى المستقيم واستنتج وضعية ( $\Delta$ )
    - $(f(\alpha) \approx 2.31)$  .  $(C_f)$  ارسم (
  - .  $F(x)=\int\limits_{1}^{x}f(t)dt$  يلي يا $0;+\infty$  كما يلي المعرّفة على المجال (5
- $\frac{1}{x}+1 \le f(x) \le f(\alpha)$  ،  $x \ge 1$  حیث  $x \ge 1$  عدد حقیقی  $x \ge 1$  عدد حقیقی  $x \ge 1$ 
  - اعط تغسيرا هندسيا للعدد F(e) ثم استنتج حصرا له.

انتهى الموضوع الثاني

### الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
		الموضع الأول
		التمرين الأول: (04 نقاط)
	0.25	1) بيان أنّ المستقيمين متقاطعان
		$(\Delta'): \begin{cases} x = -t' + 1 \\ y = 2t' - 3  / t' \in \mathbb{R} \end{cases}$
0.1	0.70	$(\Delta'): \begin{cases} y = 2t' - 3 & /t' \in \mathbb{R} \end{cases}$
01	0.50	z = t' - 4
	0.25	$(\Delta) \cap (\Delta') = \{A(-1;1;-2)\}$ $\begin{cases} t = 1 \\ t' = 2 \end{cases}$ $\begin{cases} t - 2 = -t' + 1 \\ -t + 2 = 2t' - 3 \\ 2t - 4 = t' - 4 \end{cases}$
	0.25	$\begin{cases} t'=2 \end{cases} $ and $\begin{cases} -l+2=2l-3 \\ 2t + 4-t' + 4 \end{cases}$
	0.50	$\int x = \alpha - \beta - 1$
	0.50	$(P)$ : $\begin{cases} x & \alpha \neq 1 \\ y = -\alpha + 2\beta + 1 & \alpha; \beta \in \mathbb{R} \end{cases}$ هو $x = -\alpha + 2\beta + 1 $ (2) التمثيل الوسيطي للمستوي هو $x = -\alpha + 2\beta + 1$
1.25		$z = 2\alpha + \beta - 2$
	0.75	ر استنتاج المعادلة الديكارتية $(P):5x+3y-z=0$
		بيان أنّ $(S)$ سطح كرة مركزها منتصف القطعة $[AB]$ ونصف قطرها 2.
		$[AB]$ طريقة (1): $IM^2 = 10 - AI^2$ تكافئ $AM^2 + BM^2 = 20$ حيث $I$ منتصف القطعة
01	01	$I\!\!M=2$ تكافئ
		$x^2 + (y+1)^2 + (z+3)^2 = 4$ تكافئ $AM^2 + BM^2 = 20$ :(2) طريقة
0.75	0.50	. $(S$ ) وسطح الكرة $(P)$ وسطح الكرة ( $(S)$
	0.25	$2$ ومنه $d\left(I;\!(P) ight)$ يقطع $\left(S ight)$ في دائرة مركزها $I$ ونصف قطرها $d\left(I;\!(P) ight)=0$
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
	0.25	$p \gcd(20;104) = 4 \text{ (1)}$
	0.25	بما أن $p \gcd(20;104)$ قاسم للعدد 272 فان المعادلة ( $E$ ) تقبل حلول $p \gcd(20;104)$ بما أن $e$
	0.25	$x\equiv 3[5]$ بيان أنّه إذا كانت الثنائية $(x;y)$ حلا للمعادلة $(E)$ فإنّ
		26x - 5y = 68 تكافئ (E)
1.25	0.50	$x \equiv 3[5]$ ومنه $26x \equiv 68[5]$ ومنه $5 = 68[5]$ ومنه $5 = 68[5]$ ومنه $5 = 68[5]$
	0.50	$S=ig\{(5k+3;26k+2) /k\in\mathbb{Z}ig\}:$ مجموعة حلول المعادلة $(E)$ هي ( $E$ ) مجموعة حلول المعادلة ( $B$ ) تعيين $B$ و
	0.50	,
1.50	5.50	$\begin{cases} 104lpha-20eta=272 \ 0\lelpha\le 3; 0\leeta\le 3 \end{cases}$ تكافئ $rac{1lphalphaeta01}{1lphalphaeta01}=rac{1lphaeta01}{1lphalpha}$
	0.25	(0-00,0-10-0

ä	العلام	عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
	0.50	$\alpha = 5k+3$
		$egin{cases} egin{aligned} & eta & > k < 0 \ eta & = 26k + 2 \ 0 \leq lpha \leq 3; 0 \leq eta \leq 3 \end{aligned} \qquad / \ k \in \mathbb{N}$ معناه
		$0 \le \alpha \le 3; 0 \le \beta \le 3$
	0.25	
		$egin{cases} lpha=3 \ eta=2 \end{cases}$ معناه
		$\lambda=2017$ كتابة $\lambda$ في النظام العشري: $\lambda=2017$
	2×0.25	3) التحقق أنّ كلا من 2017 و 1009 عدد أوّلي
		$2m-d=2017$ تعيّين الثنائيات $(a\ ;b)$ من الأعداد الطبيعية التي تحقق:
1.25		$a'b' = \frac{2017}{d} + 1$
1.25	0.25	a تکافی $2m-d=2017$
		$\left\{ egin{aligned} a=a'd;b=b'd &  ext{ تكافئ} & 2m-d=2017 \ p\gcd(a',b')=1 \end{aligned}  ight.$
	2×0.25	$(a;b) \in \{(1;1009),(1009;1)\}$ : ومنه
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
		1) حل المعادلة :
01	0.25	$\Delta = -24 = (2i\sqrt{6})^2$
	3×0.25	$S = \left\{2 - 2i; \sqrt{2} + i\sqrt{6}; \sqrt{2} - i\sqrt{6}\right\}$
		$z_C = 2\sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{4}}$ $z_B = 2\sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{3}}$ $z_A = 2\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{3}}$ († (2)
	3×0.25 0.25	$OA = OB = OC = 2\sqrt{2}$ مما أن
	0.25	و $\sqrt{2}$ تنتمي إلى الدائرة $\Omega$ التي مركزها $\Omega$ و نصف قطرها $\sqrt{2}$ .
	0.25	
		ب) تخیلي صرف $\left(rac{z_A}{z_C} ight)^n=e^{irac{7\pi}{12}n}$ (ب
	0.50	n معناه $n=12h+6$
	0.25	
3.25		$rg(z-z_C) = \pi + rg\left(rac{z_A}{z_B} ight)$ تکافئ $z=z_C-k\left(rac{z_A}{z_B} ight)$ : $z  eq z_C$ من اجل
	0.50	$\left(\overrightarrow{u};\overrightarrow{CM}\right) = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi$ تكافئ
	0.25	

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

ـة	العلام	عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
	0.25	$-\frac{\pi}{3}$ و منه $\Gamma$ ) مجموعة نقط نصف المستقيم الذي حده $\Gamma$ و يصنع مع حامل محور الفواصل زاوية انشاء $\Gamma$ ) . $\Gamma$ انشاء $\Gamma$
0.75	0.50	$-\pi \over 3$ تعیّین طبیعة التحویل $h \circ r$ هو تشابه مباشر مرکزه $O$ و نسبته $2$ زاویته $h \circ r$
	0.25	$4\sqrt{2}$ صورة الدائرة $\Omega$ بالتحويل $h\circ r$ هي الدائرة $\Omega'$ التي مركزها $O$ و نصف قطرها $0$
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
2.25	0.25	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty \text{ (1)}$
	0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$
	0.25	$y=0$ معادلة المقارب للمنحني $(C_f)$ معادلة
	0.50	$f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}$ ، $x$ عدد حقیقی با بیان أنّ : من أجل كل عدد حقیقی
	0.25	f'(x) إشارة $f'(x)$ إشارة $f'(x)$ المارة $f'(x)$
		اتجاه تغیّر الدالة f
	0.25	f متزایدة تماما علی $[0;1]$ و $[0;1]$ ر $[0;1]$ متناقصة تماما علی $[0;1]$ و $[0;0]$
		ر مسافضه تمام على [+,1]و [0,٠٠٠] جدول التغيرات
S	0.50	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
0.50	0.50	$\left(T ight)$ معادلة المماس $y=-4e^{-1}(x-2)$

الصفحة 3 من 9

## 3as.ency-education.com

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
	0.25	$h$ دراسة اتجاه تغير الدالة $h'(x) = x(2-x)e^{-x+2}$
	0.25	$[0;2]$ متزایدة تماما علی $[2;+\infty[$ متناقصة تماما $h$ : $h(x)$
1.50		$ \begin{array}{c cccc} x & 0 & 2 & +\infty \\ h'(x) & + & 0 & - \\ h(x) & \nearrow^{0} \end{array} $
	0.25	$h(x) \leq 0$ فإن $x \in [0; +\infty[$ من أجل كل $x \in [0; +\infty[$ فإن $(C_f)$ بالنسبة إلى $f(x) - (-4e^{-1}(x-2)) = (2-x) \times e^{-1} \times h(x)$ إشارة
	0.25	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	0.25	$]2;+\infty[$ على المجال على المجال ا
	0.25	]0;2[ على المجال $(T)$ على المجال المجال على المحال ال
01	0.25	ارسم المماس $T$ ) ارسم المماس $T$ ) على المجال $T$ على المجال $T$ على المجال $T$ المجال $T$ على المجال $T$ المجال $T$
	0.73	رک) المناقشة بیانیا حسب قیم $m$ عدد حلول المعادلة $(E)$ .
		اذا كان $m=-4e^{-1}$ او $m>0$ فان المعادلة لها حلا وحيد
0.75	0.75	إذا كان $m < 0 - 4e^{-1}$ فان للمعادلة ثلاثة حلول إذا كان $m = 0$ فان للمعادلة حلين
	0.25	. $g$ جدول تغیّرات الدالة $g$ . الدالة $f$ بهذا الترتیب الدالة مقلوب و الدالة $f$ بهذا الترتیب

الصفحة 4 من 9

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
		$(g'(x) = rac{-4x^2 + 5x - 1}{x^3}e^{1 - rac{1}{x}}$ ریمکن استعمال مشتقة مرکب دالتین (
	0.25	$\lim_{x \to \infty} g(x) = \lim_{x \to +\infty} f(x) = 0$ : النهايات
		$\lim_{x \to +\infty} g(x) = \lim_{x \to \infty} f(x) = 0$
01		إشارة (x)
	0.25	$x = 0  \frac{1}{4}  1 + \infty$
		g(x) - 0 + 0 -
		جدول تغيرات g
		$x = 0$ $\frac{1}{4}$ $1$ $+\infty$
		g'(x) - 0 + 0 -
	0.25	g(x) 0
		$(-32)e^{(-3)}$

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	الموضـــوع الثاني
		التمرين الأول: (04 نقاط)
0.75	0.75	$3u_n = 7^{n+1} - 4$ ، $n$ برهان بالتراجع أن: من أجل كل عدد طبيعي (1
	0.25	$S_n = \frac{7^{n+1}-1}{6}$ : المجموع $n$ المجموع (أ
1.25		· ·
	0.50	$3S_n' = 7S_n - 4(n+1)$ و $S_n'$ و $S_n'$
	0.50	$18 \times S_n' = 7^{n+2} - 24n - 31$ ، $n$ عدد طبیعي استنتاج أنّ: من أجل كل عدد طبیعي
01	4×0.25	راسة حسب قيم العدد الطبيعي $n$ بواقي قسمة العدد $7^n$ على 5.
		$7^{4k} \equiv 1[5] \; ; \; 7^{4k+1} \equiv 2[5] \; ; \; 7^{4k+2} \equiv 4[5] \; ; \; 7^{4k+3} \equiv 3[5] \; / k \in \mathbb{N}$
01	4×0.25	ب ب تعیین قیم n ب (201 - 12 - 201 - 12 - 201 - 10 - 201 - 10 - 201 - 10 - 201 - 10 - 201
		$n \in \{20h+12 ; 20h+13 ; 20h+10 ; 20h+19 / h \in \mathbb{N}\}$ axis $S'_n \equiv 0[5]$
0.75	0.75	التمرين الثاني: (04 نقاط) $y-z+2=0$ تعيين معادلة ديكارتية للمستوي $y-z+2=0$
0.73	0.73	2
		تکافئ $x^2 + y^2 + z^2 - 2x\cos\alpha - 2y\sin\alpha - z - \frac{3}{4} = 0$ (أ (2)
	0.50	$(x-\cos\alpha)^2 + (y-\sin\alpha)^2 + (z-\frac{1}{2})^2 = 2$
	0.50	$\sqrt{2}$ هي سطح کرة مرکزها $\omega_lpha(\coslpha\ ; \sinlpha\ ; rac{1}{2})$ هي سطح کرة مرکزها $(E_lpha)$
2.25		. $(E_lpha)$ و سطح الكرة $(P)$ و سطح الكرة ( $P$
	0.50	$d((p);\omega_{\alpha}) = \frac{\frac{3}{2} + \sin \alpha}{\sqrt{2}}$
	0.25	اذا کان $\alpha\in\left[-rac{\pi}{2};rac{\pi}{6} ight[$ في دائرة $lpha\in\left[-rac{\pi}{2};rac{\pi}{6} ight[$
	0.25	$(E_lpha)$ اذا کان $lpha=rac{\pi}{6}$ فإن $(P)$ يمس اذا کان
	0.25	$ig(Pig)\cap (E_lpha) = \{\ \}$ فإن $lpha \in \left]rac{\pi}{6}; rac{\pi}{2} ight]$ اذا کان
01	0.50	$x=rac{\sqrt{3}}{2}$ $y=t+rac{1}{2}$ $z=-t+rac{1}{2}$ $z=-t+rac{1}{2}$ $z=-t+rac{1}{2}$

الصفحة 6 من 9

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
	0.50	$I(rac{\sqrt{3}}{2};-rac{1}{2};rac{3}{2})$ استنتاج إحداثيات
		التمرين الثالث: (05 نقاط)
0.75	0.25	$\left(\frac{5}{2}+i\right)^2 = \frac{21}{4}+5i \qquad (\mathbf{I})$
	2×0.25	$rac{5}{2}+i\;;-rac{5}{2}-i$ هما $rac{21}{4}+5i\;:$ الجذرين التربيعيين للعدد المركب
0.75	0.50	$z_A = \frac{5}{2} + i \qquad (1$
	0.25	$z_C = -\frac{5}{2} + i$
01	0.50	$\frac{z_C - z_B}{z_A - z_B} = e^{i\frac{\pi}{2}}  (2$
	0.50	المثلث $ABC$ قائم في $B$ ومتقايس الساقين
	0.75	$z' = \frac{1}{2}(1+i)z - \frac{3}{4} - \frac{3}{4}i$ ) العبارة المركبة للتشابه المباشر: (3
	0.50	$rac{\pi}{4}$ وزاويته $rac{\sqrt{2}}{2}$ نسبة التشابه $S$ هي
2.50	0.25	$T_n = S \circ S \circ S \circ \cdots \circ S = S \left( B; \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^n; \frac{n\pi}{4} \right) $ (ب
	0.50	$n{=}4k$ $/k\in\mathbb{N}$ العناصره المميزة.
		مركز التحاكي هو $B$ ونسبته معرفة كما يلي :
	2×0.25	$-\left(rac{\sqrt{2}}{2} ight)^n$ اذا کان $k$ فردیا فان نسبته هي $\left(rac{\sqrt{2}}{2} ight)^n$ ، اذا کان $k$ فردیا فان نسبته هي
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
		دراسة اتجاه تغيّر الدالة $g$ . $(I-I)$
0.50	0.25	$g'(x) = -\frac{x+1}{x^2}$
	0.25	$x$ متناقصة تماما على $]0;+\infty$
	0.50	[1,76;1,77] بيان أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا $lpha$ من المجال (2
	1	

الصفحة 7 من 9

ة.	العلاه	عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
01		g(x) استنتج إشارة
		$x \mid 0  \alpha + \infty$
	0.50	g(x) + $0$ -
	0.25	اثبات أن الدالة $f$ مستمرة عند العدد $0$ على اليمين (1 $f$
0.75	0.25	
		$\lim_{\stackrel{>}{x \to 0}} \frac{f(x)}{x} = +\infty$
	0.25	التفسير البياني $(C_f)$ يقبل نصف مماس يوازي حامل محور التراتيب
0.50	0.50	. $f'(x) = \frac{g(x)}{(x - \ln x)^2}$ ، $]0; +\infty[$ من المجال $x$ من المجال کل عدد حقیقی $x$ من المجال (2
	0.25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 1  (3)$
	0.25	$x  o +\infty$ التفسير البياني: $(C_f)$ يقبل مستقيما مقاريا معادلته $y=1$
01		. $f$ عنيرات الدالة
01	0.50	$ \begin{array}{c cccc} x & 0 & \alpha & +\infty \\ f'(x) & + & 0 & - \\ f(x) & & f(\alpha) & & & \\ \end{array} $
	0.25	$h'(x) = \frac{x-1}{x} \text{ (i (4))}$
	0.25	$h(x) > 0$ من أجل كل عدد حقيقي $x$ موجب تماما ، لدينا $h(x) \geq h(1)$ ومنه
2.25	0.25	$f(x)-1=rac{1+\ln x}{x-\ln x}$ الوضع النسبي: $f(x)-1=rac{1+\ln x}{x-\ln x}$ الوضع النسبي $x\in \left]0;rac{1}{e} ight[$ من اجل $x\in \left]0;rac{1}{e} ight[$ من اجل $x\in \left]0;rac{1}{e} ight[$
	0.50	$(C_f) \cap (\Delta) = \left\{A(rac{1}{e};1) ight\}$ ، $x \in \left[rac{1}{e};+\infty ight[$ من اجل $(\Delta)$ فوق $(C_f)$
2		

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : رياضيات/البكالوريا دورة: 2017

العلامة		عناصر الإجابة
المجموع	مجزأة	
	01	2 July (-1 ) 1 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 1
	0.25	$rac{1}{x}+1 \leq f(x) \leq f(lpha)$ ، $x \geq 1$ عدد حقیقی $x$ حیث $x \geq 1$ اثبات أن: من أجل كل عدد حقیقی $x$ حیث $x \geq 1$ من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ من جدول تغیرات الدالة $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$ نجد $x \geq 1$
01	0.25	$f(x) - (\frac{1}{x} + 1) = \frac{(x+1)\ln x}{x - \ln x}$ إشارة: $f(x) - (\frac{1}{x} + 1) \ge 0$ (2) $f(x) = \frac{1}{x} + 1 \le f(x) \le f(\alpha)$ من (1) و (2) نجد
	0.25	بما ان $f(e) = \int\limits_{1}^{e} f(t) dt$ فان $F(e)$ هو مساحة الحيز المستوي المحدد بالمنحني وحامل $F(e)$ وحامل
	0.25	$x=1$ ; $x=e$ محور الفواصل والمستقيمين اللذين معادلتيهما $e \leq F(\mathrm{e}) \leq f(lpha)(e-1)$ هو $F(e)$ حصر $F(e)$