## الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2015

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: تقني رياضي

اختبار في مادة: الرياضيات

المدة: 04 سا و30 د

# على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين:

## الموضوع الأول

#### التمرين الأول: (04 نقاط)

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، النقطتين A و B اللتين لاحقتيهما على الترتيب  $z_B = z_A = 1 - i$  و  $z_A = 1 - i$  و  $z_A = z_A = 1 - i$  الترتيب  $z_A$  و  $z_A = z_A = 1 - i$ 

. على الشكل الأسي  $z_B$ ،  $z_A$  على الشكل الأسي (أ (1

ب) n عدد طبیعي ، عین قیم n بحیث یکون العدد  $\left(\frac{z_A}{\sqrt{2}}\right)^n$  حقیقیا .

ج) عدد مرکب حیث:  $\frac{z}{z_A} = 4e^{i\frac{\pi}{12}}$  ؛ احسب طویلة العدد z وعمدة له ، ثم اکتب z علی الشکل الجبري.

د) استنج  $\frac{\pi}{12}$  و  $\cos \frac{\pi}{12}$ 

رويته  $\frac{\pi}{2}$  واستنج طبيعة  $\frac{\pi}{2}$  النقطة  $\frac{\pi}{2}$  وزاويته  $\frac{\pi}{2}$  واستنج طبيعة المثلث  $\frac{\pi}{2}$  ال

. مربع ABDC لاحقة النقطة D مرجع الجملة  $\{(A;-1),(B;1),(C;1)\}$ ، ثمّ بيّن أنّ ABDC مربع التّاني: (05 نقاط)

 $C\left(-2;3;7\right)$ ، B(2;0;2)،  $A\left(1;2;2\right)$  نعتبر النقط  $C\left(-2;3;7\right)$ ، B(2;0;2)،  $A\left(1;2;2\right)$  نعتبر النقط  $x=2+\beta$  و المعرف بالتمثيل الوسيطي:  $x=2+\beta$  و المعرف بالتمثيل الوسيطي:  $x=-1-3\alpha-\beta$  و المعرف بالتمثيل الوسيطي:  $x=-\alpha$ 

(1) أ) بيّن أنّ النقط A ، B و B تعين مستويا.

. با معادلة ديكارتية له n(2;1;1) ناظمي للمستوي n(2;1;1) ، ثمّ اكتب معادلة ديكارتية له المستوي بالمستوي أنّ الشعاع n(2;1;1)

. عين معادلة ديكارتية للمستوي (9) ، ثمّ بين أنّ المستوبين (9) و (ABC) متعامدان .

 $\begin{cases} x=5+4t \\ y=-4-7t \ ; (t\in\mathbb{R}):$  المستقيم  $(\Delta)$  ذو التمثيل الوسيطي  $(\mathcal{A}BC)$  هو المستقيم (z=-t)

.  $\{(A;1),(B;1),(C;-1)\}$  مرجح الجملة  $\{(A;1),(B;1),(C;-1)\}$  مرجح الجملة مرجح الجملة عين إحداثيات النقطة

- ب) احسب المسافة بين النقطة H والمستقيم  $(\Delta)$ .
- $\cdot ((\Delta)$  مجموعة النقط M من الفضاء بحيث:  $0=\overline{MC}$  =0 هو شعاع توجيه M التكن  $(\mathcal{P}')$  مجموعة النقط M من الفضاء بحيث: M
  - أ) بين أن المجموعة (9) هي مستو يطلب تعيين عناصره المميزة، ثمّ استنتج معادلة ديكارتية له.
  - . E بين أن المستويات الثلاثة (9)، (9) (ABC) و (9') تتقاطع في نقطة واحدة E، ثمّ عين إحداثيات (9)
    - ج) احسب بطريقة ثانية المسافة بين النقطة H والمستقيم ( $\Delta$ ) .

التمرين الثالث: (03.5 نقطة)

- 1) أ) عين ، حسب قيم العدد الطبيعي n ، باقي القسمة الإقليدية للعدد 8" على 13.
- . 13 على  $42 \times 138^{2015} + 2014^{2037} 3$  على القسمة الإقليدية للعدد  $138^{2015} + 2014^{2037} + 38^{2015}$
- .  $(5n+1) \times 64^n 5^{2n+3} \equiv (5n+6)8^{2n} [13]$ ، n عدد طبیعي  $(5n+6)8^{2n} = (5n+6)8^{2n} =$
- $(5n+1)\times 64^n 5^{2n+3} \equiv 0$  (13] حتى يكون n حتى العدد الطبيعي n حتى يكون العدد الطبيعي عين مجموعة قيم العدد الطبيعي

التمرين الرابع: (07.5 نقطة )

- .  $h(x) = (x+2)^2 + 2 2\ln(x+2)$  : بما يلي  $-2;+\infty$  الدالة المعرّفة على المجال  $-2;+\infty$  بما يلي h (I
  - $\lim_{x \to +\infty} h(x) \quad \lim_{x \to +\infty} h(x) \quad (1)$
  - 2) ادرس اتجاه تغير الدالة h ، ثمّ شكل جدول تغيراتها .
  - h(x) > 0،  $]-2;+\infty[$  من أجل كل x من أجل كل x من (3)
- $f(x) = x + 1 + \frac{2}{x+2} \ln(x+2)$  : إنها يلي f(x) = 2 الدالة المعرّفة على المجال f(x) = 2 الدالة المعرّفة على المجال f(x) = 2
- (1cm) المنحنى الممثل للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_i,i,j)$  وحدة الطول  $(C_f)$ 
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب النتيجة هندسيا ، ثمّ احسب ا $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب (1)
  - $f'(x) = \frac{h(x)}{(x+2)^2} : ]-2; +\infty[ \text{ lineally } x \text{ are } x \text{ or } x \text$
  - ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال  $]\infty+;2-[$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها .
  - $(C_f)$  بين أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) ذا المعادلة: y=x+1 مقارب مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) بجوار (3)  $\cdot$   $(\Delta)$  ادرس وضعیة المنحنی  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقیم  $(C_f)$ 
    - . يقبل المنحنى  $(C_f)$  يقبل المنحنى المنحنى المنحنى والمنحنى المنحنى المنحنى
      - $\cdot$   $(C_f)$  ارسم المستقيمين المقاربين والمنحنى (ب
    - ج) احسب بالسنتيمتر المربع ، مساحة الحيز المحدد بالمنحنى ( $C_f$ ) والمستقيمات . x = 1 و x = -1 ، y = 0 التي معاد لاتها
    - $g(x) = |x+1| + \frac{2}{x+2} |\ln(x+2)|$  بي:  $]-2;+\infty[$  بيا المعرّفة على المجال g (III) g (III)
  - $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$  و  $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$  و  $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$  و النسبة إلى  $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$ 
    - 2) أعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة.
    - . ونطلاقا من المنحنى  $(C_f)$  ارسم المنحى  $(C_g)$  الممثل للدالة g في نفس المعلم السابق (3

#### الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

B(1;2;-2) ، A(2;3;1) نعتبر النقطتين المعلم المتعامد والمتجانس  $O;\vec{i},\vec{j},\vec{k}$  ) نعتبر النقطتين المعلم المعلم المتعامد والمتجانس x=1 .  $\begin{cases} x=1\\ y=1-t \ ; (t\in\mathbb{R}) \end{cases}$  و z=3+2t

. الذي يشمل النقطة u(1;2;-2) و A و الذي يشمل النقطة u(1;2;-2) شعاع توجيه له u(1;2;-2) عين إحداثيات اللقطة u(1;2;-2) نقطة تقاطع المستقيمين u(1;2;-2) و u(1;2;-2) و u(1;2;-2)

(2) المستوي المعيّن بالمستقيمين (D) و (D) و (D) المستوي المعيّن بالمستقيمين بالمستقيمين  $(\mathcal{P})$  ، ثمّ استتج معادلة ديكارتية له . بيّن أنّ n(2;-2;-1) شعاع ناظمي للمستوي  $n(\mathcal{P})$  ، ثمّ استتج معادلة ديكارتية له .

 $\cdot$  ( $\Delta$ ) الذي يشمل النقطة B ويعامد المستقيم ( $\Omega$ ) الذي يشمل النقطة B ويعامد المستقيم ( $\Delta$ ) المسقيم ( $\Delta$ ) عين إحداثيات النقطة E المسقط العمودي للنقطة E على المستقيم ( $\Delta$ )

ج) احسب آلمسافة بين النقطة B والمستقيم ( $\Delta$ ).

د) احسب مساحة المثلث BEC د)

التمرين الثاني: (05 نقاط)

.  $z^2 - 4(\sin\theta)z + 4 = 0...(I)$  المعادلة ذات المجهول z التالية:  $z^2 - 4(\sin\theta)z + 4 = 0...(I)$  مجموعة الأعداد المركبة، المعادلة ذات المجهول z التالية:  $z^2 - 4(\sin\theta)z + 4 = 0...(I)$  مجموعة الأعداد المركبة، المعادلة ذات المجهول z التالية:  $z^2 - 4(\sin\theta)z + 4 = 0...(I)$ 

 $\overline{z}_1$  من أجل  $\frac{\pi}{3} = \theta$  نرمز إلى حلي المعادلة (I) با  $z_1$  و  $z_2$ . اكتب  $z_1$  و  $z_2$  على الشكل الأسي (2) من أجل  $z_2$  على الشكل الأسي .

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $O; \vec{u}, \vec{v}$ ) النقط C و C التي لاحقاتها على (3 د C التي المعلم المتعامد والمتجانس C التي المعلم المتعامد والمتعامد والمتجانس C التي المعلم المتعامد والمتعامد والمتعام

 $\cdot ABC$  على الشكل الجبري، ثمّ على الشكل الأسي. واستنتج طبيعة المثلث أ) اكتب العدد المركب  $\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$ 

ب) استنتج أن النقطة C هي صورة النقطة B بالتشابه المباشر S الذي مركزه A ويطلب تعيين نسبته وزاوية له.

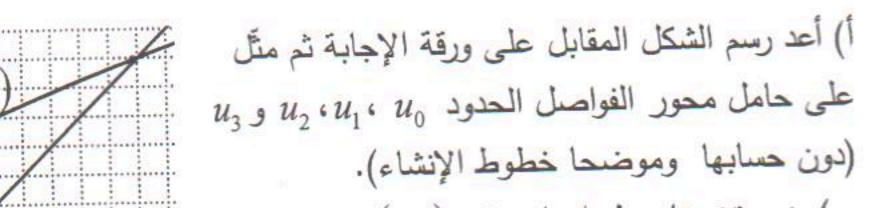
ABDC جين لاحقة النقطة D صورة النقطة B بالانسحاب t الذي شعاعه  $\overline{AC}$ ، ثمّ حدّد طبيعة الرباعي  $z-z_0$ 

 $z \neq z_B$  مجموعة النقط M ذات اللاحقة z حيث:  $z = z_B$  تخيلي صرف مع  $z \neq z_B$  (4) عين ( $z = z_B$ 

 $z \neq z_B$  حقيقيا مع  $z = z_C$  حيث:  $z = z_B$  حقيقيا مع  $z \neq z_B$  حقيقيا مع  $z \neq z_B$ 

التمرين الثالث: (04 نقاط)

 $u_{n+1} = \sqrt{6u_n + 16}$ : n يعتبر المتتالية  $u_n = 0$  المعرفة بحدها الأول  $u_0 = 0$  ومن أجل كل عدد طبيعي  $u_n = 0$  المعرفة على المجال  $u_n = 0$  بما يلي:  $u_n = 0$  بما يلي:  $u_n = 0$  المستوي المستوي أداد المعرفة على المجال  $u_n = 0$  بما يلي:  $u_n = 0$  بما يلي أبد المستوي أبد المستوي المستوي أبد المستوي المستوي أبد المستوي المستوي المستوي المستوي المستوي المستويم ومتجانس و  $u_n = 0$  المستويم ذو معادلة  $u_n = 0$  المستويم المستويم أبد المستويم المست



$$n$$
 برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $0 \le u_n < 8$ 

$$u_{n+1} - u_n = \frac{(8 - u_n)(u_n + 2)}{\sqrt{6u_n + 16 + u_n}}$$

. 
$$0 < 8 - u_{n+1} \le \frac{1}{2} (8 - u_n) : n$$
 عدد طبیعي (1) غدد طبیعي (3) غدد الله عدد عدد الله عدد ال

. 
$$\lim_{n\to +\infty} u_n$$
 من أجل كل عدد طبيعي  $n:n \leq 8\left(\frac{1}{2}\right)^n$  :  $n$  عدد طبيعي والمستنج  $n$ 

### التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$g(x)=(x+2)e^x-2$$
 بما يلي:  $g(x)=(x+2)e^x-2$  الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي:

. 
$$\lim_{x \to -\infty} g(x)$$
 و  $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ : احسب (1

. 
$$g(x)$$
 أحسب  $g(0)$  ، ثم استنتج إشارة  $g(0)$ 

. 
$$f(x)=2x+3-(x+1)e^x$$
 بما يلي:  $\mathbb{R}$  بما يلي:  $f(II)$ 

. 
$$(0; \vec{i}, \vec{j})$$
 المنحنى الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(C_f)$ 

$$\lim_{x \to -\infty} f(x)$$
 بين أنّ  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$  ، ثم احسب (1)

$$f'(x) = -g(x)$$
،  $x$  عدد حقیقی  $g(x)$  عدد کل عدد عدد الله من أجل کل عدد عدد عقیقی  $g(x)$ 

$$-\infty$$
 عند  $(C_f)$  ذا المعادلة  $y=2x+3$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(\Delta)$  عند  $(C_f)$  عند أنّ المستقيم  $(\Delta)$  عند  $(\Delta)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$ .

. 
$$-1,56 < \beta < -1,55$$
 و  $0,92 < \alpha < 0,93$  و  $\alpha$  حيث:  $\alpha$  و  $\beta$  حيث  $\beta$  و  $\alpha$  تقبل حلين  $\alpha$  و  $\beta$  حيث  $\beta$  و  $\alpha$  تقبل حلين  $\beta$  و  $\alpha$  تقبل حلين  $\beta$  و  $\alpha$  حيث  $\beta$  و  $\beta$ 

$$\begin{bmatrix} -\infty ; \frac{3}{2} \end{bmatrix}$$
 ارسم المستقيم  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_f)$  على المجال  $(\Delta)$  على المجال  $(\Delta)$ 

$$\mathbb{R}$$
 على  $x\mapsto (x+1)e^x$  على  $x\mapsto xe^x$  على  $x\mapsto xe^x$  على  $x\mapsto (x+1)e^x$ 

ب) احسب 
$$A$$
 مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(C_f)$  والمستقيم  $(\Delta)$  والمستقيمين اللذين معادلتيهما:  $x = \alpha$   $x = 0$   $x = \alpha$   $x = 0$  .  $x = \alpha$   $x = 0$ 

اختبار في مادة: الرياضيات الشعبة: تقني رياضي المدة: 04 ساعات ونصف

العلامة		(الموضوع الأول) عناصر الإجابة
مجموع	مجزأة	
	Majaha Saniingi najaha di sa sanananana sa sa sa	التمرين الأوّل: (04 نقاط)
	0,5	$z_{B} = 3\sqrt{2}e^{i\left(\frac{\pi}{4}\right)}$ , $z_{A} = \sqrt{2}e^{i\left(-\frac{\pi}{4}\right)} = \sqrt{2}e^{i\left(\frac{7\pi}{4}\right)}$ -1.1
	0,5	$k \in \mathbb{N}$ عناه $n=4k$ وحسب غوص $\frac{7n\pi}{4}=k\pi$ معناه حقیقي معناه $\left(\frac{z_A}{\sqrt{2}}\right)^n=e^{\frac{7n\pi}{4}}$ وحسب
	0,5	$\arg(z) = -\frac{\pi}{6}$ و $ z  = 4\sqrt{2}$ و منه $z = z_A \times 4e^{i\frac{\pi}{12}} = 4\sqrt{2}e^{-i\frac{\pi}{6}}$ : جـ لدينا
04 القاط	0,5	$\frac{z}{z_A} = \left(\sqrt{6} + \sqrt{2}\right) + i\left(\sqrt{6} - \sqrt{2}\right)$
	0,5	$\sin\frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ $\cos\frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$
	0,5	$z_{C}=-3+i$ ومنه $z_{C}-z_{A}=e^{irac{\pi}{2}}ig(z_{B}-z_{A}ig)$ - $1$ .2
	0,25	المثلث $ABC$ متساوي الساقين وقائم في $A$ .
	0,25	$z_D = \frac{-z_A + z_B + z_C}{-1 + 1 + 1} = -1 + 5i - 4$
	0,5	$ABC$ ومنه $\overline{CD} = \overline{AB}$ وبالتالي $\overline{CD} = \overline{AB}$ متوازي أضلاع و $z_D - z_C = z_B - z_A$
		متساوي الساقين وقائم في $A$ إذا فهو مربع .
		التمرين الثاني: (05 نقاط)
	0,5	ومنه النقط $A$ و $B$ و $B$ عين مستويا. $\overline{AB}(1;-2;0)  imes \overline{AC}(-3;1;5)$ ومنه النقط $A$
	0,5	$\vec{n}.\overrightarrow{AC}=0$ و منه $\vec{n}.\overrightarrow{AC}=0$ ناظمي للمستوي $\vec{n}.\overrightarrow{AC}=0$ ب
	0,25	2x+y+z-6=0 هي: $(ABC)$ هيادلة
	0,5	x+y-3z-1=0 هي: $(9)$ هي: $x+y-3z-1=0$
	0,25	$\overrightarrow{n}.\overrightarrow{n'}=0$ و $(ABC)$ متعامدان لأن $\overrightarrow{n}\perp\overrightarrow{n'}$ حيث $(n,n'=0)$ . ومنه $(ABC)$
04,25 نقطة	0,5	$(\Delta) \subset (ABC)$ و $(ABC) \subset (\mathcal{P})$ بالتعویض نجد
	0,5	H(5;-1;-3) - 1.3
	0,5	$d(H;(\Delta)) = d(H;(\mathcal{G})) = \frac{12\sqrt{11}}{11} - \psi$
	0,5	برنا: $\vec{u}=0$ المينا: $\vec{u}=0$ المينا
		المستوي الذي يشمل النقطة $H$ و $ec{u}$ شعاع ناظمي له .
	0,25	معادلة $(\mathscr{P}')$ هی $3 = 0$ هی $4x - 7y - z - 30 = 0$

العلامة				
مجموع	مجزأة	تابع للموضوع الأول عناصر الإجابة		
0,75 نقطة	0,5	$E\left(\frac{43}{11}; -\frac{23}{11}; \frac{3}{11}\right)$ ومنه $(\mathcal{P}) \cap (ABC) \cap (\mathcal{P}') = (\Delta) \cap (\mathcal{P}') = \{E\}$ - ب		
	0,25	$d(H;(\Delta)) = EH = \frac{12\sqrt{11}}{11} - \Rightarrow$		
		التمرين الثالث: (03,5 نقطة)		
	01	ومنه $8^4 \equiv 1[13]$ ، $8^3 \equiv 5[13]$ ، $8^2 \equiv 12[13]$ ، $8^1 \equiv 8[13]$ ، $8^0 \equiv 1[13]$ . 1		
		$lpha\in\left\{ 0;1;2;3 ight\}$ مع $8^{4k+lpha}\equiv8^{lpha}\left[13 ight]$ $k\in\mathbb{N}$ لكل		
03, 5	0,75	$-11$ ومنه الباقي $-138^{2015} + 2014^{2037} - 3 = 3 \times 5 - 1 - 3[13]$		
نقطة		$(5n+1)\times 64^n - 5^{2n+3} \equiv (5n+1)8^{2n} - (-8)^{2n+3}[13] - 1.2$		
	01	$(5n+1)\times 64^{n} - 5^{2n+3} \equiv (5n+1)8^{2n} + 8^{2n} \times 5[13]$		
		$(5n+1)\times 64^n - 5^{2n+3} \equiv (5n+6)8^{2n} [13]$ ومنه		
•	0,75	$n \in \mathbb{N}$ و $n = 4[13]$ يأن $n = 8^{2n}$ و $n = 8^{2n}$ و $n = 13$		
		التمرين الرابع: (07,5 نقطة)		
	0,5	$\lim_{x \to +\infty} h(x) = +\infty : \lim_{x \to -2} h(x) = +\infty \cdot 1  (I$		
	0,25	$h'(x) = \frac{2(x^2 + 4x + 3)}{x + 2}$ : ]-2; +\infty[ نمن أجل كل $x$ من أجل كل $x$ من أجل كا		
	0,25	$[-1;+\infty[$ ومتزايدة تماما على $[-2;-1]$ ومتزايدة تماما على $[-1;+\infty]$		
	0,25	جدول تغيرات الدالة h.		
	0,25	$h(x)>0$ ومنه $h(x)\geq 3$ ، $]-2;+\infty[$ د لکل $x$ من		
	0,25	$\lim_{x \to -2} f(x) = -\infty  .1  (II)$		
04	0,25	$x \longrightarrow -2$ معادلة المستقيم المقارب للمنحنى $(C_f)$ معادلة المستقيم المقارب		
نقطة	0,25	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$		
	0,5	$f'(x) = \frac{h(x)}{(x+2)^2} : ]-2;+\infty[$ من المجال $x \to \infty$		
	0,25	$-2;+\infty$ الدالة $f$ متز ايدة تماما على المجال $-2;+\infty$		
	0,25	جدول تغير ات الدالة f.		
	0,25	$(C_f)$ ومنه $(\Delta)$ المستقيم المقارب المائل لـ $\lim_{x\to+\infty} \left[ f(x) - (x+1) \right] = 0$ - أ.3		
	0,5	$[-1;+\infty[$ علی $(C_f)$ فوق $(C_f)$ فوق $(C_f)$ علی $(C_f)$ علی $(C_f)$ فوق $(C_f)$ علی $(C_f)$ علی $(C_f)$		

ونصف	<u> </u>			
الع	عناصر الإجابة	تابع للموضوع الأول		
0,25	$f''(x) = \frac{-6 + 4\ln(x+2)}{(x+2)^3} : ]-2;$	$+\infty$ من المجال $x$		
0,25	وتغیّر اشارتها $e^{\frac{3}{2}}-2$ عند $f''(x)$			
0,25	$A\left(rac{3}{e^{2}}-2;e^{rac{3}{2}}+3e ight)$ . نقطة انعطاف للمنحنى			
0,75		ب - رسم المستقيمين المقاربين و		
0,5	$s = \int_{-1}^{1} f(x) dx = \left[ \frac{1}{2} x^{2} + x + \ln^{2} (x + x) \right]$	$2)\bigg]_{-1}^{1} = \bigg(2 + \ln^2 3\bigg)cm^2 - \Rightarrow$		
0,75	$\lim_{x \to -1} \frac{g(x) - g(-1)}{x + 1} = 3  \lim_{x \to -1} \frac{g(x) - g(-1)}{x + 1} = -3 \cdot 1 \text{ (III)}$ الدالة $g$ غير قابلة للاشتقاق عند العدد $g$			
0,25	$(-1;0)$ يقبل نصفي مماسين عند النقطة ذات الإحداثيتين $(C_g)$ يقبل نصفي مماسين			
	ى المجال $(C_f)$ و $(C_g)$ نظير $(C_f)$ بالنسبة إلى	ينطبق على $\left(C_{g} ight)$ علا ينطبق على $\left(C_{g} ight)$		
0,5	.]-2;-	محور الفواصل على المجال [1-		
العلا	عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)		
مجزاة		التمرين الأوّل: (04 نقاط)		
	(x-	MANAGEMENT OF THE PROPERTY OF		
0.5	1	_ /		
0,5		$1-2\lambda$		
0.5	$(1;1;3)$ على المستقيمين $(D)$ و $(\Delta)$ هي $(1;1;3)$ .			
	و منه $\vec{n}(2;-2;-1)$ شعاع ناظمي للمستوي $\vec{n}$ $\perp \vec{u}$ و منه $\vec{n}$ $\perp \vec{v}_{(D)}$			
0,5	شعاع ناظمي للمستوي $\vec{n}(2;-2;-1)$	ومنه $n \perp \overline{u}$ ومنه $n \perp \overline{v}_{(D)}$ .2		
0,5	$n(2;-2;-1)$ شعاع ناظمي للمستوي $\vec{n}$	و $n \perp \overline{v}_{(D)}$ و $n \perp \overline{v}_{(D)}$ .2 المعادلة الديكارتية للمستوي $(\mathcal{P})$		
an apparaturate to the control to th	$n(2;-2;-1)$ شعاع ناظمي للمستوي $\vec{n}$	ومنه $n \perp u$ و $n \perp v_{(D)}$ .2 المعادلة الديكارتية للمستوي $(\mathfrak{P})$		
0,5	n(2;-2;-1) شعاع ناظمي للمستوي $n(2;-2;-1)$ هي: $2x-2y-z+3=0$ هي: $x+2y-2z-9=0$	ومنه (1- $n \perp \overline{u}$ و $n \perp \overline{v}_{(D)}$ .2 المعادلة الديكارتية للمستوي $E \in (\Delta) \cap (Q)$ . ب - $E \in (\Delta) \cap (Q)$		
0,5	n(2;-2;-1) شعاع ناظمي للمستوي $n(2;-2;-1)$ هي: $2x-2y-z+3=0$ هي: $x+2y-2z-9=0$	ومنه $n \perp u$ و $n \perp v_{(D)}$ .2 المعادلة الديكارتية للمستوي $(\mathcal{P})$ .3 أ - المعادلة الديكارتية للمستوي		
	0,25 0,25 0,25 0,25 0,75 0,5 0,75	$r = \frac{-6 + 4 \ln(x + 2)}{(x + 2)^3}$ : ] -2; $r = -6 + 4 \ln(x + $		

اختبار في مادة: الرياضيات الشعبة: تقني رياضي المدة: 04 ساعات ونصف

العلامة		71.50 1.5	/ Title of the dist	
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	(تابع للموضوع الثاني)	
			التمرين الثاني: (05 نقاط)	
	0,75	$\Delta = 16 (\sin \theta)$	$n^2 \theta - 1 = (4i \cos \theta)^2 \cdot 1$	
		$z'' = 2\sin\theta - 2i\cos\theta + z'$		
	0,5	$z_2 = \sqrt{3} - i = 2e^{\left(-\frac{\pi}{6}\right)}$	$z_1 = \sqrt{3} + i = 2e^{i\frac{\pi}{6}}$ .2	
	0,5		$\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = i\sqrt{3} - 1.3$	
05 نقاط	0,5	A قائم في $A$ .	$\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A} = \sqrt{3}e^{i\frac{\pi}{2}}$	
	0,75	ومنه $C$ هي صورة $B$ بالتشابه المباشر $C$ الذي $z_{\scriptscriptstyle C}-z_{\scriptscriptstyle C}$		
	-,	La Company of the control of the con	مرکزه $A$ ، نسبته $\sqrt{3}$ وزاوه	
	0,5	$z_D = 3\sqrt{3} - i$ ومنه $z_D = z_B +$	$z_{\overline{AC}}$ تعني $t(B) = D - +$	
	0,5	قائم ومنه الرباعي ABDC مستطيل	$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AC}$ والمثلث $\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AC}$	
	0,5	BCالقطر $BC$ ا باستثناء	هي الدائرة ذات $(\Gamma_1)$ هي الدائرة ذات	
	0,5	$\cdot B$ باستثناء $(I$	$(\Gamma_2)$ هي المستقيم $(\Gamma_2)$	
			التمرين الثالث: (04 نقاط)	
	0,5	ل الحدود $u_0$ ، $u_1$ ، $u_2$ و $u_3$ على حامل محور الفواصل		
	0,25	متزايدة ومتقاربة	$(u_n)$ المتتالية $(u_n)$	
	0,75	$0 \leq u_n < 8  :  n$ جل کل عدد طبیعي	mary in the same and the same of the same and the same an	
04	0,5	$u_{n+1} - u_n = \sqrt{6u_n + 16} - u_n = \frac{(8 - u_n)(u_n + 2)}{\sqrt{6u_n + 16} + u_n}$	$n \in \mathbb{N}$ ب - لكل عدد طبيعي $n \in \mathbb{N}$	
نقاط	0,5	على ٨.	ج - المتتالية $(u_n)$ متز ايدة -	
	0,75	$0 < 8 - u_{n+1} \le \frac{1}{2} (8 - u_n)$	$n \in \mathbb{N}$ نبيّن أنه لكل: $n \in \mathbb{N}$	
	0,5	$0 < 8 - u_n \le 8 \left(\frac{1}{2}\right)$	$n \in \mathbb{N}$ : $n \in \mathbb{N}$ نبیّن أنه لكل	
	0,25		$\lim_{n\to+\infty}u_n=8$	

## تابع للإجابة النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2015 النموذجية لموضوع امتحان البكالوريا دورة: 2015 المدة: الرياضيات المدة: من الشعبة: تقني رياضي المدة: 04 ساعات ونصف

العلامة		71.20 -122	netical training			
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	تابع للموضوع الثاني			
	0.5	$\lim_{x \to \infty} g(x) = \pm \infty$	التمرين الرابع: (07 نقاط)			
	0,5	$\lim_{x \to +\infty} g(x) = +\infty  \lim_{x \to -\infty} g(x) = -2  .1  (I)$				
	0,25	$g'(x) = (x+3)\epsilon$	$e^x$ لكل $x$ من $\mathbb R$ لدينا: $\mathbf z$			
	0,25	$x \in [-3; +\infty[$ من أجل $g'(x) \ge 0$ و $x \in ]-\infty$	$[-3]$ من أجل $g'(x) \le 0$			
	0,25	$[-3;+\infty[$ الدالة $g$ متناقصة تماما على المجال $[-3;+\infty[$ ومتزايدة تماما على المجال				
	0,25		جدول تغيرات الدالة g .			
	0,5	$x \in [0;+\infty[$ لكل $g(x) \ge 0$ و $x \in ]-\infty;0]$ لكل $g(x) \ge 0$	$g(x) \le 0 : g(0) = 0 .3$			
	0,5	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty : \lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} (x+1) \left[ \frac{2x}{x} \right]$	$\begin{bmatrix} +3 \\ +1 \end{bmatrix} = -\infty .1 \text{ (II)}$			
	0,5	f'(x) = -g(x)	2. أ-لكل عدد حقيقي x ،			
07 نقاط	0,25	÷	f'(x) ب - إشارة			
	0,25	,	جدول تغيرات الدالة f.			
	0,25	$(C_f)$ مستقیم مقارب مائل لـ $\lim_{x  o -\infty} (f(x) - y) = \lim_{x  o \infty} (f(x) - y)$	$ \lim_{x \to \infty} \left[ -xe^x - e^x \right] = 0  - \Rightarrow    $			
	0,5	جل $(\Delta)$ من أجل $(\dot{C}_f) \cdot x \in (\dot{C}_f)$ يقع تحت $\Delta$ من أجل أجل $\Delta$				
	0,5	A(-1;1) عند النقطة $A(-1;1)$				
	0,5		<b>8.</b> أ - بتطبيق مبرهنة القيم ال			
	0,75	$f(-1,55) \approx 0.01 : f(-1,56) \approx -0.002 : f(0.93) \approx $				
		**************************************	$\mathbf{P}$ - $\mathbf{Q}$			
	0,25		$e^x \text{ ii) } u(x) = xe^x - 1.4$			
	0,5	$A = \int_0^\alpha \left[ 2x + 3 - f \left( x - \frac{1}{2} \right) \right] dx$	$x) ] dx = \alpha e^{\alpha} ua - \mathbf{y}$			
	0,25		$2,31 < A < 2,36 - \Rightarrow$			