الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

الدورة الاستثنائية: 2017



وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

اختبار في مادة: الرياضيات المدة: 03 سا و 30 د

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين الآتيين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

نعتبر المتتاليتين (u_n) و (v_n) المعرفتين على مجموعة الأعداد الطبيعية $\mathbb N$ كما يلى:

$$\begin{cases}
v_0 = 6 \\
v_{n+1} = \frac{3}{4}v_n + 1
\end{cases} \qquad
\begin{cases}
u_0 = 1 \\
u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n + 1
\end{cases}$$

- v_1 و v_1 احسب الحدّين: الحدّين (1
- $u_{n+1} u_n$ بدلالة $u_{n+2} u_{n+1}$ بكتب (أ (2
- باستعمال البرهان بالتراجع برهن أنّ المتتالية (u_n) متزايدة تماما والمتتالية (v_n) متناقصة تماما.
 - $w_n = u_n v_n$: نعتبر المتتالية (w_n) المعرفة على المعرفة (3

n برهن أنّ المتتالية (w_n) هندسية يطلب تعيين أساسها q و حدّها الأوّل w_n ثم عبّر عن w_n بدلالة

بيّن أنّ المتتاليتين (u_n) و (v_n) متجاورتان.

التمرين الثانى: (04 نقاط)

C(4;-4;-2) B(2;-1;-1) ، A(1;1;-1) نعتبر النقط $(O;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ و B(2;-1;-1) ، A(1;1;-1) نعتبر النقط (P) نا المعادلة الديكارتية x-2y+2z-3=0 :

- بيّن أنّ النقط A ، B و C تعيّن مستويا. (1
- . بيّن أنّ المستويين (P) و (ABC) غير متوازيين (2

$$x=-2+lpha-3eta$$
 . (ABC) يحقق أنّ الجملة $x=-2+lpha-3eta$ $y=6-2lpha+5eta$; $(lpha\in\mathbb{R},eta\in\mathbb{R})$: تحقق أنّ الجملة $z=eta$

(ABC) و (P) جد تمثیلا وسیطیا لے (Δ) مستقیم تقاطع المستویین

التمرين الثالث: (05 نقاط)

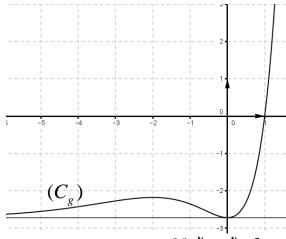
 $(z-2)(z^2+2z+4)=0$: z المعادلة ذات المجهول (z-2) المعادلة المركبة (z-2) المعادلة ذات المجهول

. $\parallel \vec{u} \parallel = 2cm$: حيث ($O; \vec{u}, \vec{v}$) المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد المتعامد المتعامد (II

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا استثنائية 2017

 $\left(z_{B}\right)$ التكن النقط $z_{C}=\overline{z}_{B}$ و $z_{C}=\overline{z}_{B}$ هو مرافق $z_{A}=1+i\sqrt{3}$ ، $z_{A}=2$ هو مرافق z_{B}

- . z_C على الشكل الأسّي ثمّ استنتج الشكل الأسّي للعدد المركب z_B أ) اكتب العدد المركب (1
- C و B ، A النقط ABC عين مركز ونصف قطر الدائرة المحيطة بالمثلث
 - $\frac{2\pi}{3}$ وزاويته $\frac{1}{2}$ وزاويته O التشابه المباشر الذي مركزه النقطة O ونسبته (2
- أ) اكتب العبارة المركبة للتشابه S ثم عين لاحقة كل من B' ، A' و C' صور النقط S و B على الترتيب بالتشابه S ثم أنشئ في المعلم السابق النقط S' ، S' و S'
 - ب) احسب بالسنتمتر المربع مساحة المثلث 'A'B'C.



التمرين الرابع: (07 نقاط)

- $g(x) = x^2 e^x e$ ب ب المعرفة على g المعرفة على (I
- تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد $\left(C_{g}
 ight)$
 - المتجانس $\left(O; \vec{i}, \vec{j}
 ight)$ (كما هو في الشكل المقابل).
 - g(1) -
- . بقراءة بيانية عيّن إشارة g(x) ثم استنتج إشارة g(-x) حسب قيم العدد الحقيقي x
 - $f(x) = e^{-x} 2 \frac{e}{x}$ كما يلي: \mathbb{R}^* كما المعرفة على المجموعة (II
- $.\left(O;ec{i},ec{j}
 ight)$ التمثيل البياني للدالة f في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس الدالة $\left(C_{f}
 ight)$
 - $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ و الآتية: رائية: $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ احسب النهايات الآتية: (1
- وضعية (C_f) بيّن أنّ المنحنى (γ) الذي معادلته $y=e^{-x}-2$ والمنحنى $y=e^{-x}-2$ ثم ادرس وضعية المنحنى (γ) بالنسبة إلى (γ)
 - $f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$: ابیّن أنّ : من أجل كل عدد حقیقي غیر معدوم (3) عدد عقیقي غیر معدوم
 - 4) استنتج أنّ الدالة f متزایدة تماما علی كل من المجالین [-1;0] و [-1;0] و متناقصة تماما علی المجال $[-\infty;-1]$ ، ثم شكّل جدول تغیّرات الدالة $[-\infty;-1]$
- (γ) بين كيف يمكن إنشاء المنحنى (γ) انطلاقا من منحنى الدالة: $x\mapsto e^x$ ثم ارسم بعناية كلا من المنحنيين (γ) و ينفس المعلم السابق.
 - ليكن n عددا طبيعيا و A(n) مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيين C_f و والمستقيمين اللذين $x=-e^{n+1}$ و $x=-e^n$ معادلتيهما

$$l = A(0) + A(1) + \dots + A(2016)$$
 حيث العدد الحقيقي العدد الحقيقي

انتهى الموضوع الأول

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا استثنائية 2017

الموضوع الثاني

التمرين الأول: (04 نقاط)

C(2;3;-1)، B(1;2;1)، A(-8;0;-2) نعتبر النقط $(0;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(0;\vec{i},\vec{j},\vec{k})$ نعتبر النقط (P) والمستوي (P) ذا المعادلة: (P)

- اً) بيّن أنّ النقط $B \cdot A$ و C تعيّن مستويا.
- ب) عيّن قيمة العدد الحقيقي α حتّى يكون $n(1;\alpha;-1)$ شعاعاً ناظما للمستوي α ثم عيّن معادلة ديكارتية له.
 - (Δ) بيّن أنّ المستويين (ABC) و (P) يتقاطعان وفق مستقيم (Δ)، ثمّ تحقّق أنّ النقطة \vec{u} تنتمي إلى (\vec{u}) و (\vec{u}) شعاع توجيه له.
- لتكن النقطة G مرجح الجملة $\{(A;1),(B;-2),(C;3)\}$ ، نرمز ب $\{(A;1),(B;-2),(C;3)\}$ من الفضاء التي تحقق: $(\overline{MA}-2\overline{MB}+3\overline{MC})\cdot(\overline{MB}-\overline{MC})=0$

عيّن إحداثيات النقطة G ، ثمّ حدّد طبيعة المجموعة Γ واكتب معادلة ديكارتية لها.

 (Γ) و (ABC) ، (P) عين إحداثيات نقط تقاطع

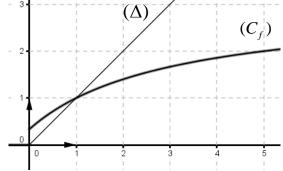
التمرين الثاني: (04 نقاط)

نعتبر الدالة f المعرّفة على $[0;+\infty]$ كما يلي: $f(x)=\frac{3x+1}{x+3}$ و $f(x)=\frac{3x+1}{x+3}$ المعلم المتعامد والمتجانس f(i,j) والمستقيم f(i,j) ذا المعادلة f(i,j)

 $u_0=lpha$ عدد حقيقي موجب، (u_n) المتتالية العددية المعرّفة على $\mathbb N$ بحده الأول عديث lpha

 $u_{n+1} = f(u_n) : n$ ومن أجل كلّ عدد طبيعي

- عیّن قیمة α حتّی تکون (u_n) متتالیة ثابتة. (I
 - $\alpha = 5$ نضع في كل ما يلي (II
- ا انقل الشكل المقابل ثمّ مثّل على حامل محور الفواصل u_3 (دون حساب الحدود) الحدود u_1 ، u_2 ، u_1 ، u_2 ، u_3 ، u_4 ، u_5
 - (u_n) ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر المتتالية ضع تخمينا حول اتجاه تغيّر
- $v_n = \frac{u_n 1}{u_n + 1}$:بعتبر المنتالية (v_n) المعرّفة على (2



- أ) برهن أنّ المتتالية (v_n) هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ يطلب تعيين حدّها الأول.
 - $\lim_{x\to +\infty} u_n$ عبّر بدلالة u_n عن v_n عن عن v_n عن v_n عن v_n
 - $S_n = v_n + v_{n+1} + \dots + v_{n+2016}$: حيث S_n المجموع (3

.
$$S_n' = \frac{1}{u_n+1} + \frac{1}{u_{n+1}+1} + \frac{1}{u_{n+2}+1} + \dots + \frac{1}{u_{n+2016}+1}$$
 : ثمّ استنتج بدلالة n المجموع n عيث:

اختبار في مادة: الرياضيات / الشعبة: علوم تجريبية / بكالوريا استثنائية 2017

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $(O; \overrightarrow{u}, \overrightarrow{v})$ المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس

.
$$z_C = 4 - 3i$$
 و $Z_R = 1 + i$ ، $z_A = -3 - 2i$ التي لاحقاتها C و B ، A و B ، A

- . C عين النسبة وزاوية للتشابه المباشر S ذي المركز A والذي يحوّل النقطة والميانب النقطة المباشر B
 - ABC . مثم استنتج طبيعة المثلث الأسي العدد المركب العدد ال
- [AC] نرمز بـ G الى مركز ثقل المثلث ABC و بـ I الى منتصف القطعة G الى مركز عيّن كلاً من Z_I و لاحقتي النقطتين G و I ، ثمّ بيّن أنّ النقط G و I في استقامية.
 - . ABCD نعتبر النقطة D نظيرة B بالنسبة إلى I ، حدّد بدقة طبيعة الرباعى D
 - . $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MC}\| = 5\sqrt{2}$ نعتبر (Γ) مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق: (Γ) نعتبر (Γ) نعت
 - (Γ) عين طبيعة المجموعة (Γ) ثم أنشئها

التمرين الرابع: (07 نقاط)

- . $f(x) = \frac{1 + 2\ln(2x+1)}{(2x+1)^2}$: كما يلي: $\left[-\frac{1}{2}; +\infty \right] + \infty$ له الدالة العددية المعرّفة على المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (C_f)
 - . احسب النهايتين: $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ احسب النهايتين: (1 احسب النهايتين) النهايتين بيانيا.
 - . $f'(x) = \frac{-8\ln(2x+1)}{(2x+1)^3}$, $\left[-\frac{1}{2}; +\infty \right[x \text{ at } x \text{ ot }$
 - . ادرس اتجاه تغیّر الدالهٔ f ثمّ شکّل جدول تغیراتها
 - . f(x) أَمّ استنتج إشارة f(x) = 0 المعادلة $\left[-\frac{1}{2}; +\infty \right]$ على في المجال أي المعادلة المعادلة على المجال أي المعادلة ا
 - (C_f) يقبل نقطة انعطاف ω يطلب تعيين إحداثييها، ثمّ انشى (4 يقبل نقطة انعطاف ω
 - . $g(x) = 2[-x + \ln(2x + 1)]$ لتكن الدالة g المعرفة على $g(x) = 2[-x + \ln(2x + 1)]$ كما يلي: (II
 - 1) أ) ادرس اتجاه تغير الدالة g.
 - 1,2 < α < 1,3 : بيّن أنّ للمعادلة g(x) = 0 حلين أحدهما معدوم والآخر α حيث: g(x) = 0 بين أنّ للمعادلة g(x) = 0 .
 - $I_n = \int\limits_n^{n+1} f(x) dx$: 1 نضع من أجل كل عدد طبيعي n أكبر تماما من (2
 - $\lim_{n \to +\infty} I_n$ ثمن أجل كل $\frac{3}{2}$ ، $x \ge \frac{3}{2}$ ثم استنج -

انتهى الموضوع الثاني

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : علوم تجريبية /بكالوريا استثنائية : 2017

العلامة		ā do Millondia
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة

	الموضوع الأول		
		التمرين الأول: (04 نقاط)	
00.50	0.25×2	$v_1 = \frac{11}{2}$ $v_1 = \frac{7}{4}(1)$	
	00.50	$u_{n+2} - u_{n+1} = \frac{3}{4} (u_{n+1} - u_n) $ (5 (2)	
02.00	00.75	$u_{n+2}-u_{n+1}>0$: فرض $u_{n+1}-u_{n}>0$ ، و بالتالي: $u_{n+1}-u_{n}>0$ أي: $u_{n}-u_{0}>0$ ب) لدينا (ب	
	00170	إذن من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1}-u_n>0$ و $u_{n+1}-u_n>0$ متزايدة تماما.	
	00.75	بنفس الطريقة نثبت أن $\left(\mathcal{V}_{n} ight)$ متناقصة تماما .	
00.75	0.25	. هندسية $\left(w_{n}\right)$ من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1}=u_{n+1}-v_{n+1}=rac{3}{4}w_{n}:n$ هندسية (3	
00176	0.25×2	. $w_0=-5$ عيث: $w_0=-5$ أساسها $w_0=-5$ و حدها الأول	
	0.25	لدينا المتتالية (u_n) متزايدة تماما والمتتالية (v_n) متناقصة تماما (4	
00.75	0.25×2	. و (v_n) و (u_n) و (u_n) و $\lim_{x\to +\infty}(u_n-v_n)=\lim_{x\to +\infty}w_n=\lim_{x\to +\infty}(-5)\left(\frac{3}{4}\right)^n=0$ و (v_n) متجاورتین	
		التمرين الثاني: (04 نقاط)	
00.75	0.25×3	الشعاعان $\overline{AB}(1,-2,0)$ و $\overline{AB}(1,-2,0)$ غير مرتبطين خطيا.	
00.75	0.75	تبيين أنّ المستويين (P) و (ABC) غير متوازيين.	
00.75	0.75	\overline{AB} غير عمودي على $n(1,-2,2)$ أي إثبات أن الشعاع $n(1,-2,2)$ (ناظم لـ $n(1,-2,2)$) غير عمودي الترت أب المات المات شاء المات شاء المات أب الما	
		التحقق أن الجملة المعطاة تمثيل وسيطي له (ABC) التحقق أن الجملة المعطاة $(1=-2+lpha-3eta)$	
		$(lpha,eta)=(0,-1)$ تكافئ $\{1=6-2lpha+5eta\}$ لدينا:	
01.50	4	$-1 = \beta$	
01.50		$2 = -2 + \alpha - 3\beta$	
	0.5×3	$(lpha,eta)=(1,-1)$ تکافئ $\left\{ -1=6-2lpha+5eta ight.$ و $-1=eta-2lpha+5eta$	
		$4 = -2 + \alpha - 3\beta$	
O	•	و $-4 = 6 - 2\alpha + 5$ تكافئ $(\alpha, \beta) = (0, -2)$ يان الجملة تمثيل وسيطي لـ $-4 = 6 - 2\alpha + 5\beta$	
		$\lfloor -2 = \beta$	

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : علوم تجريبية /بكالوريا استثنائية : 2017

العلامة		
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة
01.00	00.50	: (Δ) ایجاد تمثیل وسیطی الس (Δ) : (Δ) ایجاد تمثیل وسیطی الس ($\alpha=\frac{11}{5}\beta+\frac{17}{5}$ یکافئ: ($-2+\alpha-3\beta$) - 2($6-2\alpha+5\beta$) + 2(β) - 3 = 0 لدینا $\alpha=\frac{7}{5}-\frac{4}{5}\beta$
	00.50	$\begin{cases} y=-rac{4}{5}+rac{3}{5}eta$ $,(eta\in\mathbb{R})$ (Δ) $z=eta$ (Δ)
01.00	0.25×4	المعرين المعاد. (3 i المعادلة المعطاة هي: $\{2;-1+\sqrt{3}i;-1-\sqrt{3}i\}$ و مجموعة حلول المعادلة المعطاة هي:
	0.25+0.5	$z_{C}=\overline{z_{B}}=2e^{i\left(-rac{2\pi}{3} ight)}$ و بالتالي $z_{B}=2e^{irac{2\pi}{3}}$ (أ (1.11)
	00.50	$:$ ب $OA = OB = OC = 2$ اأي: $ z_A = z_B = z_C = 2$ إذن
	00.25	النقط: A ، B و C تتتمي إلى الدائرة التي مركزها مبدأ المعلم O وطول نصف قطرها C .
02.00	00.50	x=-1 : النقط نستعين بالدائرة والمستقيم ذو المعادلة $x=-1$.
	00.50 3×0.25	$S: z' = \frac{1}{2}e^{i\frac{2\pi}{3}} \cdot z (i) (2)$ $z_{C'} = 1 \cdot z_{B'} = e^{i\frac{4\pi}{3}} \cdot z_{A'} = e^{i\frac{2\pi}{3}}$
02.00	00.25	الإنشاء: يستعان بالدائرة التي مركزها النقطة O وطول نصف قطرها I ، أو استعمال خصائص وعناصر التشابه I .
	2×0.25	$S_{ABC} = \frac{1}{4} S_{ABC} = 3\sqrt{3} \ cm^2 \ :$ ومنه $S_{ABC} = 12\sqrt{3} \ cm^2$ (ب
		7

٦.	العلامة			
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة		
	J .	التمرين الرابع : (07 نقاط)		
	00.25	$\sigma(1) = 0$		
01.25	00.23	$egin{array}{c cccc} x & -\infty & 1 & +\infty \\ \hline g(x) & - & 0 & + \\ \hline \end{array} : g(x) = 0 \ \ (1) = 0 \ \ (1) = 0 \ \ (1) = 0 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \$		
01.23	00.5	x $-\infty$ -1 $+\infty$ $g(-x)$ استنتاج إشارة		
	00.5	$g(-x)$ + ϕ -		
01.00	4×0.25	$\lim_{x \to \infty} f(x) = +\infty$ ، $\lim_{x \to +\infty} f(x) = -2$ ، $\lim_{x \to \infty} f(x) = +\infty$: ساب نهایات: $\lim_{x \to \infty} f(x) = -\infty$		
		$x \xrightarrow{>>0}$ تبيين أنّ المنحنى (γ) الذي معادلته $y = e^{-x} - 2$ و $y = e^{-x} - 2$ الذي معادلته (γ)		
	00.50	$\lim_{x \to -\infty} \left(f(x) - \left(e^{-x} - 2 \right) \right) = \lim_{x \to -\infty} - \frac{e}{x} = 0$ دراسة الوضع النسبي للمنحني (C_r) و (C_r)		
01.00	00.50	x 0 +∞		
	00.30	(γ) نحت (C_f) فوق (γ) فوق (C_f) الوضيع النسبي لـ (C_f)		
00.50	00.50	$f'(x) = \frac{-g(-x)}{x^2}$: لدينا x لدينا الدينا عدد حقيقي غير معدوم x لدينا		
00.75	00.50	(4) إشارة (x) هي عكس إشارة (x) ومنه الدالة f متزايدة تماما على كل من المجالين $g(-x)$ ومتاقصة تماما على المجال $g(-x)$ ومتاقصة تماما على المجال $g(-x)$. f f . f		
	00.25	$f(x)$ $2e-2$ $-\infty$		
01.50	00.5	$-2\bar{j}$ طريقة رسم (γ) : هو صورة منحنى الدالة $x\mapsto e^{-x}$ بالانسحاب الذي شعاعه (γ) طريقة رسم $x\mapsto e^{-x}$ هو نظير منحنى الدالة $x\mapsto e^x$ بالنسبة الى محور التراتيب		
	01.00	رسم المنحنيين (γ) و (C_f) في نفس المعلم.		
		مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنيين (C_f) و (γ) و المستقيمين اللذين $x=-e^{n+1}$ و $x=-e^n$ معادلتيهما		
01.00	00.50	$A(n) = \int_{-e^{n+1}}^{-e^n} \left(f(x) - \left(e^{-x} - 2 \right) \right) dx = \left[-e \ln x \right]_{-e^{n+1}}^{-e^n} = e(u.a)$		
	00.50	$l = A(0) + A(1) + \dots + A(2016) = 2017e$ (u.a)		

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : علوم تجريبية /بكالوريا استثنائية : 2017

مة	العلا		
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	

		الموضوع الثاني
		التمرين الأول: (04 نقاط)
	00.25	و \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AC} غير مرتبطين خطيا ومنه \overrightarrow{A} ، \overrightarrow{A} و \overrightarrow{A} تعين مستويا.
1.250	00.7	$(1, \alpha, 1)$
	00.5 00.50	lpha=-3 ب) تعيين قيمة $lpha$ حتى يكون $n(1;lpha;-1)$ شعاعاً ناظما للمستوي $lpha=-3$: نجد $lpha=-3$
		$x-3y-z+6=0$ هي: (ABC) المعادلة الديكارتية لـ $\overline{\qquad}$
	00.25	المستويين (ABC)و (P) متقاطعان وفق مستقيم (n_p : (Δ) المستويين (ABC)و (P) متقاطعان وفق مستقيم (n_p : (Δ) المستويين (Δ
01.00	00.25	$E \in (P)$ و $E \in (ABC): (\Delta)$ تنتمي إلى $E \in (ABC): (\Delta)$ و $E \in (P)$
	2×0.25	$\overrightarrow{u}\cdot\overrightarrow{n_P}=0$ و $\overrightarrow{u}\cdot\overrightarrow{n}=0$ و $u\cdot\overrightarrow{n}=0$ شعاع توجیه لـ $u\left(1;-2;7 ight)$
	00.25	. $(-2,\frac{5}{2},-\frac{7}{2}):G$ النقطة (3)
01.00	00.25	المجموعة (Γ) هي المستوي الذي يشمل G و $\overrightarrow{ ext{CB}}$ ناظمي له.
	00.50	(Γ) معادلة ل $2x+2y-4z-15=0$
	00.50	(4) نقط تقاطع (P) و (ABC) و (<i>(</i> 7)
00.75	00.50	$[(ABC)\cap (P)]\cap (\Gamma) = (\Delta)\cap (\Gamma) = \{H\}$
	00.25	$H\left(\frac{1}{10}; \frac{14}{5}; -\frac{23}{10}\right)$ 9
		التمرين الثاني: (04 نقاط)
00.50	00.50	$lpha=1$: ثابتة من أجل $\left(u_{n}\right)$ ($\left(u_{n}\right)$
	4×0.25	لامثیل الحدود u_1 ، u_2 ، u_2 ، u_3 ، u_2 ، u_3 ، u_2 ، الحدود) على حامل محور الفواصل.
01.50	2×0.25	ب) التخمين: المتتالية (u_n) متناقصة تماما و متقارية نحو 1.
	2×0.25	$v_0 = \frac{u_0 - 1}{u_0 + 1} = \frac{2}{3}$: و حدها الأول هو $\frac{1}{2}$ و متالية هندسية أساسها و حدها الأول هو (v_n) و أيات أنّ
01.25	3×0.25	$\lim_{x \to \infty} u_n = 1 \text{`} u_n = \frac{1 + \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n}{1 - \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n} = \frac{3 + 2\left(\frac{1}{2}\right)^n}{3 - 2\left(\frac{1}{2}\right)^n} \text{``} v_n = \frac{2}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n \text{(} \text{`} \text{`} \text{``} $
00.75	00.50	$S_{n} = v_{n} + v_{n+1} + \dots + v_{n+2016} = \frac{3}{4} \left(\frac{1}{2}\right)^{n} \left[1 - \left(\frac{1}{2}\right)^{2017}\right] $ (3)
	00.25	$\mathbf{S}_{\mathrm{n}}' = -\frac{1}{2}(\mathbf{S}_{\mathrm{n}} - 2017)$: \mathbf{S}_{n}' استنتاج بدلالة n المجموع

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : علوم تجريبية /بكالوريا استثنائية : 2017

العلامة

	مجزأ	عناصر الإجابة
00.75 3>		
00.75 3>		التمرين الثالث: (05 نقاط)
00.75	×0.25	راوية له. $\sqrt{2}$ العبارة المختصرة للتشابه $z_{ m C}-z_{ m A}={ m ke}^{{ m i}\theta}(z_{ m B}-z_{ m A})$: راوية له.
2>	×0.25	$\frac{Z_{A} - Z_{B}}{Z_{A}} = -i = e^{-i\frac{\pi}{2}}$ (2)
01.00	0.5	$z_{ m C} - z_{ m B}$ المثلث ABC متساوي الساقين و قائم في B .
2	×0.25	$z_{I} = \frac{z_{A} + z_{C}}{2} = \frac{1}{2} - \frac{5}{2}i \qquad z_{G} = \frac{z_{A} + z_{B} + z_{C}}{3} = \frac{2}{3} - \frac{4}{3}i (3)$
01.00		1
0	0.50	تبيان أنّ النقط G ، B و I في استقامية: $\frac{z_G - z_I}{z_B - z_I} = \frac{1}{3}$ (تقبل أي طريقة أخرى)
01.00 0	1.00	4) - طبيعة الرباعي ABCD هو مربع
0	0.50	$\left\ \overrightarrow{CA}\right\ = \left z_A - z_C\right = 5\sqrt{2}$:(Γ) تنتمي إلى C تنتمي إلى (T) أ) نتحقق أن النقطة
01.25	0.50	$IM = \frac{5\sqrt{2}}{2}$ ب $M\overrightarrow{A} + \overrightarrow{MC} = 5\sqrt{2}$ ب $M\overrightarrow{A} = 5\sqrt{2}$
0	0.25	المجموعة (Γ) هي الدائرة التي مركزها Γ ونصف قطرها $\frac{5\sqrt{2}}{2}$.
		التمرين الرابع: (07 نقاط)
01.00	25×2	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = 0 \qquad \text{,} \qquad \lim_{x \to -\frac{1}{2}} f(x) = -\infty \text{ (1 (.1))}$
	25×2	$+\infty$ المنحني يقبل مستقيمين مقاربين معادلتيهما $x=-rac{1}{2}$ و $y=0$ بجوار
+(00.50	و إشارتها $f'(x) = \frac{-8\ln(2x+1)}{(2x+1)^3}$ ، $\left[-\frac{1}{2}; +\infty\right]$ و إشارتها (2
0	0.25	$(2x+1)^3$ \downarrow 2 \downarrow
01 50		ب- اتجاه التغير:
	×0.25	. $\left[0,+\infty ight[$ متزايدة تماما على المجال $\left[0,+\infty ight]$ و متناقصة تماما على المجال f
	0.25	- جدول التغيرات
		$f(x)=0$ المعادلة $-\frac{1}{2}$; + ∞ المعادلة (3
0	0.50] ' L
		$x = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1 \right)$ معناه $f(x) = 0$
00.75	Ť	f(x) إشارة $f(x)$
		$x = \begin{bmatrix} -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{e}} - 1 \right) & +\infty \end{bmatrix}$
0	0.25	f(x) - 0 +

الإجابة النموذجية لموضوع اختبار مادة : الرياضيات /الشعبة : علوم تجريبية /بكالوريا استثنائية : 2017

العلامة		7 1 21 -
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة
	00.25	$f''(x) = \frac{16(-1+3\ln(2x+1))}{(2x+1)^4} \cdot \left[-\frac{1}{2}; +\infty \right] $ (4)
	00.25	$x = \frac{e^{\frac{1}{3}} - 1}{2}$ يكافئ: $f''(x) = 0$
	00.25	$\begin{array}{c cccc} x & -\frac{1}{2} & \frac{e^{\frac{1}{3}}-1}{2} + \infty \\ \hline f''(x) & - & 0 & + \end{array}$
01.75	00.25	$(rac{\mathrm{e}^{rac{1}{3}}-1}{2};rac{5}{3}\mathrm{e}^{-rac{2}{3}}):$ إذن المنحنى (C_f) يقبل نقطة انعطاف ω إحداثياتما
		ريشاء المنحنى (C_f) .
	00.75	(C_f)
	00.25	$g'(x) = \frac{2(1-2x)}{(2x+1)},] -\frac{1}{2}; +\infty $ and $f(x) = \frac{1}{2}$
	2×0.25	$\left[\frac{1}{2};+\infty\right[$ و متناقصة تماما على المجال $\left[\frac{1}{2};\frac{1}{2}\right]$ و متزايدة تماما على المجال g
01.50	00.50	1,2 <lpha<1,3< math=""> ب-المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلين أحدهما معدوم والآخر $lpha$ حيث:</lpha<1,3<>
	00.25	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
00.50	00.25	$0 < f(x) < \frac{1}{2x+1}$ ، $x \ge \frac{3}{2}$ کی را نابت آن: من أجل کل $\frac{3}{2}$ کی $f(x) < \frac{1}{2x+1} = \frac{g(x)}{(2x+1)^2}$ ، $x \ge \frac{3}{2}$ من أجل کل $\frac{3}{2}$ کی را نابت آن: من أجل کل را نابت آن: من أبل را نابت
	00.25	. $\lim_{n \to +\infty} I_n = 0$ و بالتالي: $0 < I_n < \frac{1}{2} \ln \left(\frac{2n+3}{2n+1} \right)$ لدينا