الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية المسابقات والمسابقات امتحان شهادة العلم الموسط دورة: جوان 2015

اخبار في مادة: الرياضيات الحدة: ساعتان

الجزء الأول: (12 نقطة) التعريف الأول: (03 نقاط)

<u>لتمرين الأمل:</u> (03 نقاط)

الصب القاسم المشترك الأكبر للعندين 696 و 406 مع كتابة مزاحل الحساب.

اكتب 696 على شكل كسر غير قابل للاختزال.

 $P = \frac{696}{404} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ $\frac{400}{404}$ (3)

التعرين الثاني: (03,5 نقطة)

 $F = (2x - 3)^2 - 16$ نعطی العبارة: 10 - 2(x - 3) نطق باللشر آن: $F = 4x^2 - 12x - 7$) نطق باللشر آن بدن الدرجة الأولى.

(3) A (3) A (4) A (4) A (7) A (7) A (8) A (8)

لتمرين الثالث: (03 نقاط)

في الشكل المقابل الأطوال وأقياس الزوايا غير حقيقية. (C) دائرة مركزها O وقطرها ST = 9 cm لا نقطة من هذه الدائرة حيث "SOR = 46 () مذ، أذ: "STR = 23

) المثلث SRT قائم في R ، طأل. 2) أحسب الطول RS بالشوير الى 0.01 .

التمرين الرابع: (02,5 نقطة)

الشكل العقابل مرسوم بأطوال غير حقيقية.

رباعي قطراه متعامدان ومتقامدان في O حيث: OD = 7,5~cm ، OC = 5~cm ، OB = 18~cm ، OA = 12~cm

ا برهن أن السنتيسين (AB) و (CD) متوازبان.
 ا احسب الحدار AB :



الجزء الثاني: (88 نقاط) المسألة:

ل لِغَبِّى أَمِد قطعة أرض سنطيلة الثكل ساحتها 2 1000m، عرضها خسس $\left(\frac{2}{5}\right)$ طولها.

– أوجد يُقاي هذه القطعة.

إلى تنازل غيني أحدد لأديه عن جزء من هذه القطعة مساحته 100m² وخصّص الجزء الباقي منها الاستغلام مشئلة المردد والأشجار. لهذا العرض فتم هذا الجزء عضواتها إلى قطمتين كما هو موضّح في الشّكان:



نضع: DM = x (M نقطة من DC] مع $S \leq x \leq 0$). لتكن $S \leq x \leq M$ مساحة النظمة $S \leq x \leq M$ مساحة النطعة $S \leq x \leq M$

نكن f(x) مساحة العثلث BCM و g(x) مساحة الفطعة DD [] أ- عند عن g(x) و f(x) بدلالة x.

ب- سَاجِدْ عَنِي أَحد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتي الأرض نفس المساحة.

 $\left(O; \vec{l}, \vec{j}\right)$ اً - في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس (2

نَاخَذَ : 1 cm على محور القواصل يمثّل 2 m 1 cm على محود القواصل يمثّل 50 m²

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة التعليم المتوسط دورة: جوان 2015 الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة الرياضيات المدة: ساعتان

مة	العلاه	7.4 5.11	5 4
مج	مجزأة	عناصر الإجابة	الرقم
		1) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406 و كتابة مراحل الحساب:	
	01	$696 = 406 \times 1 + 290$	
		$406 = 290 \times 1 + 116$	
	_	$290 = 116 \times 2 + 58$	
	0,50	$116 = 58 \times 2 + 0$ العدد 58 هو القاسم المشترك الأكبر للعددين 696 و 406	
	0,50		5
03	0,50	$\frac{696}{406} = \frac{696:58}{406:58} = \frac{12}{7}$ كتابة $\frac{696}{406}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال: (2	3
03		: $P = \frac{696}{406} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$ $= P$ $= 2$ (3)	التمرين الأول
		100 / 2	3
	0,25	$P = \frac{12}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{5}{2}$	
	0,50		
	0,50	$P = \frac{24}{14} - \frac{15}{14}$	
	0,25	$P = \frac{9}{100}$	
		$r = \frac{1}{14}$	e
		$F = 4x^2 - 12x - 7$ التحقق بالنشر أن: 1	
		$F = (2x - 3)^2 - 16$	
	0,50	$= [(2x)^2 + 3^2 - 2 \times 2x \times 3] - 16$	
	0,25 0,25	$=4x^2+9-12x-16$	
	0,23	$=4x^{2}-12x-7$	
		2) تحليل F إلى جداء عاملين من الدرجة الأولى:	
	0,25	$F = (2x - 3)^2 - 16$	
		$= (2x - 3)^2 - 4^2$ $= [(2x - 3) + 4] \times [(2x - 2) + 4]$	
	0,50 0,25	$= [(2x-3)+4] \times [(2x-3)-4]$ = (2x +1)(2x -7)	5
02 5	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	=(2x+1)(2x-7) $: (2x-7)(2x+1)=0$ = (3)	, d
03,5	0,50	(2x-7)(2x+1)=0 2x +1 = 0 acids $(2x-7)(2x+1)=0$	المرين الثان
	0,50	Profitor and the second	·
	0,50	و منه: $\frac{-1}{2}$ و منه: $x = \frac{7}{2}$ و بالتالي للمعادلة حلان هما $\frac{-1}{2}$ و $x = \frac{-1}{2}$	
	<i>±</i>	$a+b\sqrt{2}$ حساب F من أجل $x=1+\sqrt{2}$ و كتابة النتيجة على الشكل F	
	0,25	$F = 4(1+\sqrt{2})^2 - 12(1+\sqrt{2}) - 7$	
		$=4(1+2+2\sqrt{2})-12-12\sqrt{2}-7$	e
		$=4(3+2\sqrt{2})-12-12\sqrt{2}-7$	
		$=12+8\sqrt{2}-12-12\sqrt{2}-7$	
	0,25	$= -4\sqrt{2} - 7$	÷
		$=-4\sqrt{2}-1$	

	مادة: الرياضيات	الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة التعليم المتوسط دورة: جوان 2015	
ä	0,50 0,50	: $\widehat{STR} = 23^\circ$ الثبات أن $\widehat{SR} = \widehat{STR} = \widehat{SOR}$ الثبات أن \widehat{SOR} زاوية مركزية و $\widehat{STR} = \widehat{STR} = \frac{1}{2}\widehat{SOR}$ و منه $\widehat{STR} = \frac{1}{2}\widehat{SOR}$	ı
	0,25	$\widehat{STR} = 23^{\circ}$ إذن: $\widehat{STR} = \frac{1}{2} \times 46^{\circ}$ بالتعويض نجد: $\widehat{STR} = \frac{1}{2} \times 46^{\circ}$	Ę
03	0,50	R تعلیل أن المثلث SRT قائم في R : بما أن الدائرة R تحیط بالمثلث R و ضلعه R قطر لها فإن R قائم في R الما أن الدائرة R تحیط بالمثلث R و ضلعه R و ضلعه R قائم في R	التمرين الثالث
	0,50	(حسب الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بمثلث قائم). (حسب الخاصية العكسية للدائرة المحيطة بمثلث RS بالتدوير إلى $0,01$: في المثلث RS القائم في R لدينا: RS لدينا: RS	
	0,50	ST و منه: $RS = ST \times \sin \widehat{T}$ و منه: $RS = ST \times \sin \widehat{T}$ و منه: $RS \approx 3,516cm$ و منه: $RS \approx 3,516cm$ و منه:	
	0,25	إذن: مدوّر RS إلى 0,01 هو 3,52 cm	
	0,50	(CD) متوازیان: (AB) و (AB) متوازیان: $(B + CD)$ متوازیان: $(AB + CD)$ متوازیان: $(AB + CD)$ متوازیان:	
	0,25	$rac{OB}{OD} = rac{18}{7,5} = 2,4$ و $rac{OA}{OC} = rac{12}{5} = 2,4$ المينا $rac{OA}{OC} = rac{OB}{OD}$ و $rac{OA}{OC} = rac{OB}{OD}$ المنتتج أن:	المتمرين الراب
	0,50		るか
02,5	0,25	و بما أن النقط A ، O ، D في استقامية و كذلك النقط D ، O ، D و بنفس الترتيب إذن المستقيمان (AB) و (CD) متوازيان (حسب عكس مبرهنة طالس).	
		عساب الطول AB: (21) موريان (حسب عسل مبرت عسل).	
	0,50	$AB^2 = OA^2 + OB^2$ نجد: O نجد المثلث ABO القائم في O نجد المثلث بتطبيق مبرهنة فيثاغورس على المثلث	
	0,25	$AB^2 = 144 + 324 = 468$ ومنه: $AB^2 = 12^2 + 18^2$ ومنه:	
	0,25	$AB = \sqrt{468} = 6\sqrt{13} cm$ إذن:	

$$\frac{2}{5}x$$
 المسألة: I. إيجاد بعدي القطعة: بفرض طول القطعة هو x فإن عرضها هو x $\frac{2}{5}x^2 = 1000$ ويما أن مساحتها $x = 1000$ فإن: $x = 1000$ فإن: $x = 1000$ فإن: $x^2 = 1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ ويالتالي $x^2 = 1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ وعليه: $x^2 = 1000 \times \frac{5}{2} = 2500$ بما أن الطول موجب فإن: $x = \sqrt{2500} = 50$ وعرضها $x = \sqrt{2500} = 50$ وعرضها $x = \sqrt{2500}$ وعرضها $x = \sqrt{2500}$

$$(x)$$
 بدلالة (x) و (x) بدلالة (x)

$$f(x) = \frac{CM \times AD}{2} = \frac{20(50 - x)}{2} = 500 - 10x$$

$$g(x) = 400 + 10x$$
 : $g(x) = (1000 - 100) - f(x) = 900 - (500 - 10x)$

ملاحظة: يمكن التعبير عن g(x) باستعمال قانون مساحة شبه منحرف.

ب) مساعدة عمى أحمد لإيجاد الطول DM حتى تكون لقطعتى الأرض نفس المساحة:

$$f(x) = g(x)$$
 أي: $f(x) = g(x)$ أقطعتي الأرض نفس المساحة تعنى:

$$x = 5$$
 ومنه: $x = 5$ ومنه: $x = 5$ ومنه: $x = 5$ ومنه: $x = 5$

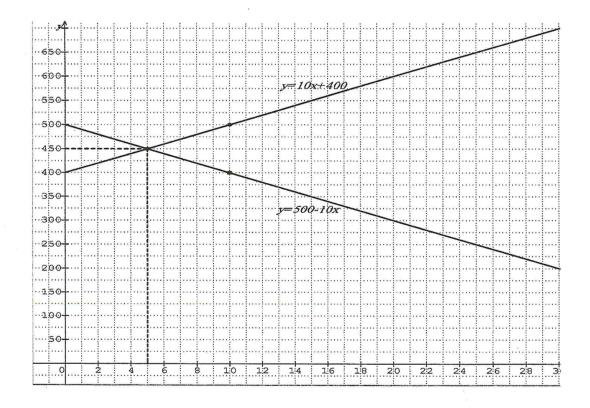
DM = 5 : وبالتالى حتى تكون لقطعتى الأرض نفس المساحة يجب أن يكون

يانيا:
$$g(x) = 10x + 400$$
 ، $f(x) = -10x + 500$ بيانيا:

X	0	10	
g(x)	400	500	

x	0	10
f(x)	500	400

التمثيل البياني:



ب) التفسير البياني للمساعدة السابقة لعمي أحمد مع تحديد قيمة المساحة في هذه الحالة: 450 m^2 يكون لقطعتي الأرض نفس المساحة من أجل فاصلة نقطة تقاطع المنحنيين وهي x=5 أي: DM=5m أي: وتبلغ قيمة المساحة في هذه الحالة

الإجابة النموذجية لموضوع امتحان: شهادة التعليم المتوسط دورة: جوان 2015 مادة: الرياضيات

	الإجابة اللمودجية لموصوع الملكان : شهده التعليم المتوسط - دورة . جوان 2015				
مج	مجزأة	اثنتة يط	المؤشرات	المعيار	السوال
2	1	0,5 إن وفق في مؤشر	- التعبير عن البعدين بدلالة مجهول واحد .	م1	1
		1 إن وفق في مؤشرين	$x^2 = b$ كتابة المعادلة على الشكل -		
	1	0,5 إن وفق في مؤشر	- التعبير عن البعدين بشكل صحيح .		
	1	1 إن وفق في مؤشرين	- حل المعادلة صحيح .	م 2	
	2,5		g(x) توظيف المساحة المتبقية بعد التنازل في التعبير عن $-$		
		0,5 إن وفق في مؤشر	x التعبير عن $f(x)$ و $g(x)$ بدلالة –		
		1 إن وفق في مؤشرين	f(x) = g(x) كتابة المعادلة –		
		1,25 إن وفق في ثلاث	0		
4,5		مؤشرات	التمثيل البياني للدالة ألم.	م1	
		1,75 إن وفق في أربع	التمثيل البياني للدالة 8.	,	
		مؤشرات	 ربط تساوي المساحتين بنقطة التقاطع . 		
		2,5 إن وفق في خمس	- تفسير فاصلة نقطة التقاطع.		
		مؤشرات فأكثر .	- تفسير ترتيب نقطة التقاطع.		2
	2	0,5 إن وفق في مؤشر	g(x) و $g(x)$ بشكل صحيح .		2
		1 إن وفق في مؤشرين			
		1,25 إن وفق في ثلاث	f(x) = g(x) الحل الصحيح للمعادلة		
		مؤشرات	التمثيل البياني للدالة f صحيح . $^-$		
		1,5 إن وفق في أربع	- التمثيل البياني للدالة 8 صحيح.	م2	
		مؤشرات	- قراءة إحداثيتي نقطة التقاطع بيانيا بشكل صحيح.		
		2 إن وفق في خمس			
		مؤشرات فأكثر .	تفسير فاصلة نقطة التقاطع صحيح.		
			تفسير ترتيب نقطة التقاطع صحيح.		
	1	0,5 إن وفق في مؤشر	- التسلسل المنطقي.		
1,5		1 إن وفق في مؤشرين	- معقولية النتائج.	م3	শ
		ا فأكثر ،	- احترام وحدات القياس .		كل المسألة
		0,25 إن وفق في مؤشر	- المقرونية . - المقرونية .		14
	0,5	0,5 إن وفق في مؤشرين	- عدم التشطيب . - عدم التشطيب .	44	
L		ع ناتتا ماء ستا ع	التقييد الديادة المضجلة		

م1: التفسير السليم تلوضعية.

م2: الاستعمال السليم للأدوات الرياضية. مع: تقديم الورقة.