



POLITECHNIKA WARSZAWSKA

WYDZIAŁ MATEMATYKI
I NAUK INFORMACYJNYCH



PRACA DYPLOMOWA MAGISTERSKA

INFORMATYKA

Optymalizator kompresji szeregów czasowych na GPU

Autor:

Karol Dzitkowski

Promotor: dr inż. Krzysztof Kaczmarek

Warszawa, luty 2016

.....

podpis promotora

.....

podpis autora

Abstrakt

Wiele urządzeń takich jak czujniki, stacje pomiarowe, czy nawet serwery, produkują ogromne ilości danych w postaci szeregów czasowych, które następnie są przetwarzane i składowane do późniejszej analizy. Ogromną rolę w tym procesie stanowi przetwarzanie danych na kartach graficznych w celu przyspieszenia obliczeń. Aby wydajnie korzystać z GPGPU przedstawiono szereg rozwiązań, korzystających z kart graficznych jako koprocesory w bazach danych lub nawet bazy danych po stronie GPU. We wszystkich rozwiązaniach bardzo istotną rolę stanowi kompresja danych. Szeregi czasowe są bardzo szczególnym rodzajem danych, dla których kluczowy jest dobór odpowiedniej kompresji wedle charakterystyki danych szeregu. W tej pracy przedstawię nowe podejście do kompresji szeregów czasowych po stronie GPU, przy użyciu planera budującego na bieżąco drzewa kompresji na podstawie statystyk napływających danych. Przedstawione rozwiązanie kompresuje dane za pomocą lekkich i bezstratnych kompresji w technologii CUDA.

Abstract

Many devices such as sensors, measuring stations or even servers produce enormous amounts of data in the form of time series, which are then processed and stored for later analysis. A huge role in this process takes data processing on graphics cards in order to accelerate calculations. To efficiently use the GPGPU a number of solutions has been presented, that use the GPU as a coprocessor in a databases. There were also attempts to create a GPU-side databases. It has been known that data compression plays here the crucial role. Time series are special kind of data, for which choosing the right compression according to the characteristics of the data series is essential. In this paper I present a new approach to compression of time series on the side of the GPU, using a planner to keep building the compression tree based on statistics of incoming data. The solution compresses data using lightweight and lossless compression in CUDA technology.

Rozdział 1

Wstęp

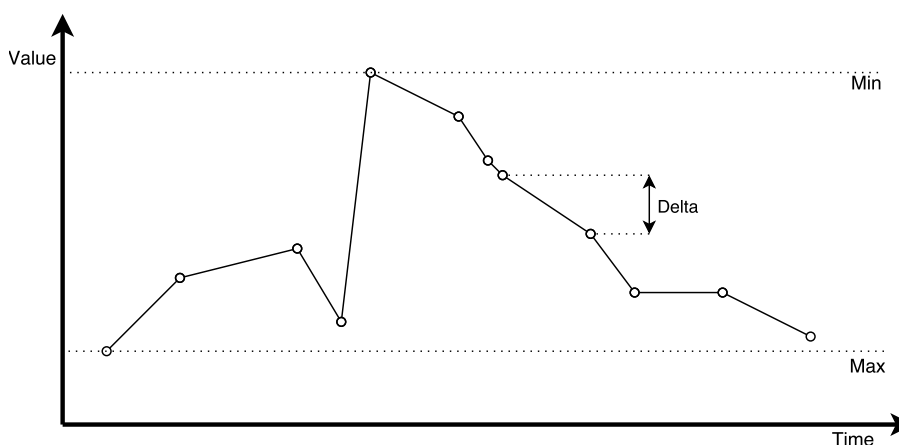
Poniższa praca zawiera opis implementacji optymalizatora kompresji szeregów czasowych, bazującego na dynamicznie generowanych statystykach danych. Pomysł opiera się na tworzeniu drzew kompresji (kompresja kaskadowa) oraz zbieraniu statystyk o krawędziach takich drzew - jak dobrze dana para kompresji sprawdza się dla napływających danych. System będzie również dynamicznie zmieniał - korygował, takie drzewa w zależności od charakterystyki kolejnych paczek danych. W założeniu program ma umożliwić kompresję dużych ilości danych przy wykorzystaniu potencjału obliczeniowego współczesnych kart graficznych.

1.1 Procesory graficzne

Procesory graficzne stały się znaczącymi i potężnymi koprocesorami obliczeń dla wielu aplikacji i systemów takich jak bazy danych, badania naukowe czy wyszukiwarki www. Nowoczesne GPU posiadają moc obliczeniową o rząd większą niż zwykle, wielordzeniowe procesory CPU, takie jak AMD FX 8XXX czy Intel Core i7. Dla przykładu flagowa konstrukcja firmy NVIDIA - GeForce GTX Titan X osiąga moc 6600 GFLOPS (miliardów operacji zmiennoprzecinkowych na sekundę), przy 336GB/s przepustowości pamięci, podczas gdy najszybsze procesory takie jak Intel Core i7-5960x osiągają niecałe 180 GFLOPS, przy przepustowości 68GB/s. Kartom graficznym dorównują tylko inne jednostki typu SIMD, na przykład karty oblicze-

niowe Xeon Phi. Pomimo tak oszałamiających wyników, programowanie na jednostkach SIMD jest o wiele trudniejsze, jak również ograniczone przepustowością szyny PCI-E, która wynosi w porywach $8GB/s$, co dodatkowo przemawia za użyciem kompresji przy przetwarzaniu szeregów czasowych, choćby w celu przyspieszenia kopiowania danych z i na kartę graficzną.

1.2 Szeregi czasowe



Rysunek 1.1: Szereg czasowy

Terabajty danych w postaci szeregów czasowych są przetwarzane i analizowane każdego dnia na całym świecie. Zapytania i agregacje na tak wielkich porcjach danych jest czasochłonne i wymaga dużej ilości zasobów. Aby zmierzyć się z tym problemem, powstały wyspecjalizowane bazy danych, wspierające analizę szeregów czasowych. Ważnym czynnikiem w tych rozwiązaniach jest kompresja oraz użycie procesorów graficznych w celu przyspieszenia obliczeń. Aby przetwarzać dane na GPU bez konieczności ich ciągłego kopiowania poprzez szynę PCI-E, powstają bazy danych po stronie GPU (najczęściej rozproszone), takie jak MapD¹[4] lub DDJ². Innymi rozwiązaniami są koprocesory obliczeniowe GPU, wspomagające działanie baz takich jak Cassandra, HBase, TepoDB, OpenTSDB czy PostgreSQL.

¹Baza danych GPU - <http://www.mapd.com/>

²<https://github.com/d-d-j> - zaproponowana we wcześniejszej pracy inżynierskiej

Charakterystyka danych wielu szeregów wskazuje, że przy odpowiedniej obróbce mogą być kompresowane z bardzo dużym współczynnikiem, szczególnie jeśli byłoby możliwe kompresowanie za pomocą dynamicznie zmieniających się ciągów (różnych) algorytmów kompresji i transformacji danych. Dla przykładu, jeśli jakiś fragment szeregu jest stały, z nielicznymi wyjątkami, warto byłoby usunąć wyjątki, a resztę skompresować jako jedną liczbę - uzyskując współczynnik kompresji rzędu długości danych.

1.3 SIMD i lekka kompresja

Bazy danych przechowujące szeregi czasowe są najczęściej zorientowane kolumnowo oraz stosują metody lekkiej kompresji w celu oszczędności pamięci. W tych przypadkach stosuje się metody lekkiej kompresji, takie jak kodowanie słownikowe, delta lub stałej liczby bitów, zamiast bardziej skomplikowanych i wolniejszych metod, które często zapewniłyby lepszy poziom kompresji. Systemy te ładują swoje dane do pamięci trwałej paczkami, które mogą być kompresowane osobno, przy użyciu różnych algorytmów, zmieniających się dynamicznie w czasie. Takie kolumny wartości numerycznych tego samego typu wspólnie przetwarzają się przy użyciu procesorów typu SIMD, co daje wielokrotne przyspieszenie w stosunku do tradycyjnych architektur. Okazuje się że większość algorytmów lekkiej kompresji może z dużym powodzeniem być w ten sposób zrównoleglona. Również dynamiczne generowanie statystyk napływających danych może być przyspieszone z użyciem SIMD, co otwiera możliwość implementacji wydajnych systemów, dynamicznie optymalizujących użyte kompresje w celu zwiększenia współczynnika kompresji danych. Dodatkowo użycie kaskadowej kompresji może wielokrotnie wzmocnić poziom kompresji, pod warunkiem stworzenia dobrego planu kompresji, właśnie na podstawie wygenerowanych statystyk. Ogromna moc obliczeniowa procesorów graficznych może pozwolić wygenerować odpowiedni plan w rozsądnym czasie. Takie użycie jest możliwe np. w bazach danych po stronie GPU, gdzie jest to niezmiernie ważne z powodu ścisłego limitu pamięci na kartach i ich wysokiego kosztu.

1.4 Zawartość pracy

W tej pracy przedstawię planer kompresji (optymalizator) kompresujący napływające paczki danych. Zaprezentuję nowe podejście do planera budującego drzewa kompresji i uczącego się ich konstrukcji na podstawie statystyk węzłów takich drzew generowanych w czasie rzeczywistym³. Przedstawię również zaimplementowane środowisko oraz użyte algorytmy lekkiej kompresji. W ramach tej pracy stworzone zostały 4 biblioteki, wykorzystujące technologię *NVIDIA CUDA*, tworzące framework optymalizatora kompresji oraz program kompresujący kolumny podanego szeregu czasowego w sposób równoległy. Następny podrozdział zawiera opis wcześniejszych prac prowadzonych w tych tematach, a także krótki opis architektury *CUDA*. W rozdziale 2 omówię stworzony framework oraz metody lekkiej kompresji, ze szczególnym uwzględnieniem kompresji FL oraz GFC. Rozdział 3 jest w całości poświęcony optymalizatorowi kompresji oraz generowaniu drzew i statystyk. Następnie przedstawię wyniki prac i eksperymentów. Ostatni rozdział to podsumowanie oraz zakres przyszłych prac i optymalizacji.

1.5 Powiązane prace

1.5.1 Szeregi czasowe

Szeregi czasowe są typem danych dla których istnieje wiele efektywnych sposobów kompresji, zależnych od ich charakterystyki. W wielu pracach przedstawiono podejścia do tego problemu od strony lekkiej kompresji. Najczęstszymi z nich są kodowanie ekstremami [12], stałej długości bitów [17], czyli tzw. NULL Suppression (NS) oraz proste kodowania słownikowe np. wszystkich unikalnych wartości, które można zakodować pewną założoną z góry liczbą bitów [24].

Dodatkowo do kompresji szeregów stosuje się metody regresji [8]. Autor stosuje Piecewise Regression - regresję odcinkową, polegającą na przybliżaniu kawałków szeregu funkcją, np. wielomianem. Ma to swoją wersję stratną jak i bezstratną, gdzie

³jak również statystyk napływających danych

możemy zapisać różnicę od zadanej funkcji i wynik zapisać na mniejszej liczbie bitów.

Szeregi czasowe to nie tylko liczby całkowite. Analizuje się także wiele sposobów kompresji liczb zmiennoprzecinkowych pojedynczej i podwójnej precyzji. Najczęściej próbuje się zamienić liczbę ułamkową na całkowitą stosując skalowanie [23]. Istnieją też bardziej skomplikowane metody na przykład kompresji liczb double algorytmem FPC [9], który kompresuje liniową sekwencję liczb o podwójnej precyzji (IEEE 754), sekwencyjnie przewidując każdą wartość, a następnie wykonując operację XOR z prawdziwą wartością szeregu, po czym usuwane są wiodące zera.

1.5.2 SIMD SSE

Biorąc pod uwagę algorytmy lekkiej kompresji dla szeregów, warto zwrócić uwagę na udane próby optymalizacji z użyciem prostego SIMD jakim są operacje wektorowe SSE na procesorach Intel [38, 16]. W tych pracach pokazano przekład algorytmów kodowania z wyrównaniem do bajtów (Byte-Aligned Coding) oraz do słów (Word-Aligned Coding) i zmierzono wydajność implementacji wektorowej wersji tych kodowań z użyciem SSE. Autorzy zastosowali również binarne pakowanie (Binary Packing) w formie algorytmu FOR (Frame of Reference) [39] dzieląc dane na bloki o długości 128 elementów (zmiennych całkowitych o długości 32 bitów) i stosując patchowanie. Taki algorytm okazał się najwydajniejszy. Pokazano, że bez spadku jakości kompresji można uzyskać w ten sposób wzrost szybkości kompresji od 2 do 4 razy w stosunku to tradycyjnej implementacji.

1.5.3 Obliczenia GPU

Dzięki ogromnej mocy obliczeniowej kart graficznych uzyskano znaczący wzrost wydajności wielu algorytmów dających się w mniejszym lub większym stopniu zrównoleglić. Przykładowymi algorytmami o tej właściwości są choćby radix sort[2], hashowanie kukułcze[3, 19], sumy prefixowe[1] i inne zaimplementowane w podsta-

wowych bibliotekach takich jak CUDPP⁴ czy Thrust⁵.

Najważniejsze są jednak bardzo zadowalające rezultaty zrównoleglania algorytmów używanych w bazach danych takich jak index search[25], wszelkiego rodzaju agregacje i operacje join, scatter i gather[6] oraz obliczanie statystyk danych[37], jak również dopasowywanie wyrażeń regularnych[30]. Dla przykładu, wzrost wydajności oferowany przez algorytmy z biblioteki Thrust, która jest niejako odpowiednikiem Std, jest średnio 10-krotny[41] w stosunku do najszybszych wersji CPU. Większość przytoczonych wyżej przykładów również reprezentuje wzrost wydajności o rząd wielkości. W pracach odnośnie akceleracji baz danych za pomocą technologii CUDA, autorzy otrzymują przyspieszenie 20 – 60 krotne[10], w przypadku operacji *SELECT WHERE* i *SELECT JOIN* z agregacjami[6]. Powyższe wyniki zwykle są osiągnięte bez uwzględniania czasu kopiowania danych na GPU, co jak obliczono zajmuje to średnio ok 90% czasu działania algorytmów[13].

1.5.4 Kompresje

Opisane wyżej algorytmy lekkiej kompresji szeregów czasowych, w większości zostały zaimplementowane przez Fang et al.[15] oraz Przymus et al.[13] w ich pracach, gdzie autorzy zaznaczają ogromny wzrost przepustowości takich algorytmów oraz ich wysoką skuteczność w kompresji szeregów. W przypadku pierwszego jest to nawet to 56 GB/s dekodowania, a dla drugiego od 2 do 40 GB/s kodowania w zależności od stopnia skomplikowania algorytmu. Większość przewidzianych metod ma swoje odpowiedniki z patchowaniem, w którym elementy niepasujące odkładane są do osobnej tablicy wyjątków. Prace te odnoszą się jednak tylko do liczb całkowitych, a najczęściej całkowitych bez znaku (naturalnych).

Lekką kompresję liczb zmiennopozycyjnych o podwójnej precyzji przedstawił w swojej pracy O’Neil et al.[20], w której stosując technologię CUDA i dzieląc dane na odpowiednie bloki, zastosowano wariację algorytmu FOR i osiągnięto bardzo dobre wyniki rzędu 75 Gb/s kodowania oraz aż 90 Gb/s dekodowania (daje to podob-

⁴CUDA Data Parallel Primitives - <http://cudpp.github.io/>

⁵Parallel algorithms library - <https://developer.nvidia.com/thrust>

ne rezultaty jak implementacja algorytmu FL dla liczb naturalnych[17]). Algorytm nazwano GFC, a jego uogólnienie dla liczb o pojedynczej precyzji przedstawię dokładnie w kolejnym rozdziale.

Wzrost wydajności osiągnięto również na tle bardziej skomplikowanych metod (dających często lepsze współczynniki kompresji) jak kodowanie Huffmana[5], gdzie równoległa implementacja na GPU uzyskała 2-5 krotne przyspieszenie, natomiast przepustowość takiej kompresji to dla porównania 300 do 500 MB/s. Próby zoptymalizowania algorytmów takich jak LZSS w pracach Ozsoy et al.[14], skończyły się lekkim (max 2.2x) wzrostem wydajności (w stosunku do wielordzeniowych implementacji CPU), przy uzyskanej przepustowości 1700 Mb/s w konfiguracji z dwoma kartami GPU[31]. Również inni autorzy mają nadzieję na optymalizację z użyciem kodowań słownikowych, takich jak LZW, pobijając wyniki CPU po przepisaniu ich do architektury SIMD[27]. Można dodatkowo spotkać wariacje algorytmu LZSS przepisanego na CUDA, takie jak CANLZSS[7], która według autora przewyższa wydajnością ponad 60 razy seryjną implementację zwykłego LZSS. Kolejna optymalizacja GLZSS, w której zreorganizowano słownik to postaci tablicy haszy, oraz przyspieszono porównywanie podciągów⁶, osiągając dwukrotne przyspieszenie względem poprzednich prac[21].

Porównując szybkość działania oraz współczynniki kompresji uzyskane przez autorów, można dojść do wniosku, że zastosowanie metod lekkich kompresji dla szeregów czasowych, w miejscach gdzie szczególne znaczenie ma szybka dekompresja, jest uzasadnione.

1.5.5 Planery kompresji

Okazuje się, że aby wielokrotnie zwiększyć współczynnik kompresji szeregu czasowego, warto go przetransformować przed kompresją bądź nawet skompresować wielokrotnie różnymi algorytmami. W tym celu powstały planery kompresji, które działają na zasadzie kodowania kaskadowego, czyli ciągu następujących po sobie

⁶również zrównoleglając je na GPU

kodowań tworzących drzewo. Dzięki zastosowaniu procesorów graficznych osiągnięto bardzo dobre wyniki zarówno pod względem współczynnika kompresji, jak i szybkości działania. Dla przykładu przepustowość kodowania 45 GB/s oraz dekodowania 56 GB/s została osiągnięta przez Fang et al.[15]. W tym przypadku posługując się heurystykami wykorzystującymi statystyki danych wejściowych, spośród ogromnej ilości dostępnych schematów kodowania, wyznaczano najlepiej pasujące⁷. Następnie wybierano spośród nich plan spełniający zdefiniowane normy, np. plan o największym współczynniku kompresji. Statystyki na których oparty był algorytm pozyskiwano z informacji o kolumnie w bazie danych. Zanotowano dużo lepszą kompresję niż w przypadku tradycyjnego kodowania pojedynczą metodą dla rzeczywistych danych.

Kolejnym, podobnym podejściem do planera jest praca Przymusa et al.[23], w której plan złożony jest z trzech warstw metod następujących po sobie: transformacji, kodowania bazowego i pomocniczego. Cechą charakterystyczną tego rozwiązania jest dynamiczny generator statystyk, który uaktualnia statystyki w momencie tworzenia planu, wykorzystując właściwości poszczególnych metod takiej kompresji⁸. Dodatkowo praca ta implementuje znajdowanie optimum ze względu na dwie sprzeczne zmienne (bi-objective optimizer): szybkość działania i jakość kompresji, stosując optymalność Pareto[42]. Generowanie statystyk dla takiego planera na GPU zapewnia do 70 razy lepszą wydajność w stosunku do analogicznej implementacji na CPU[13].

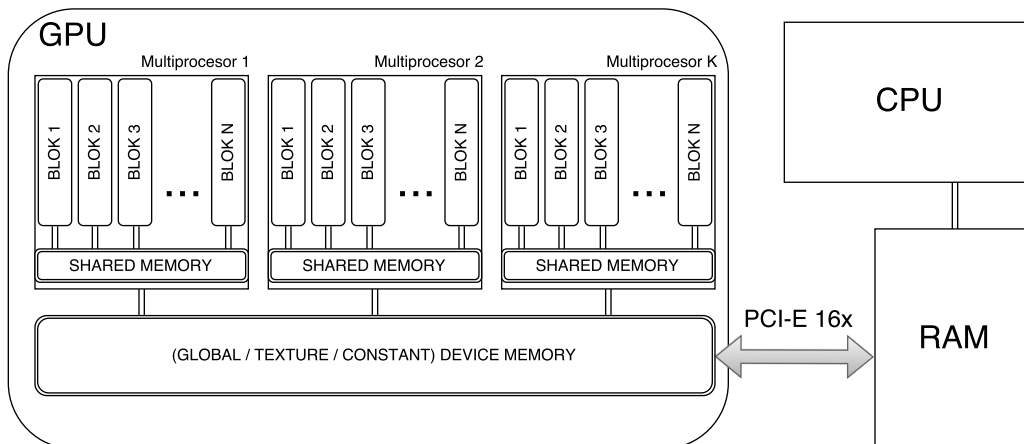
1.6 CUDA

Jedną z wielu zalet architektury kart graficznych jest to, że składają się z kilku multiprocesorów (SMs - Streaming Multiprocessors) architektury SIMD. Jest to właściwie architektura typu SIMT, gdzie multiprocesor wykonuje wątki w grupach o liczności 32 zwanymi *warps*. Architektura ta jest zbliżona do SIMD z tą różnicą, że to nie orga-

⁷np. dla danych posortowanych powinny zaczynać się od RLE itd.

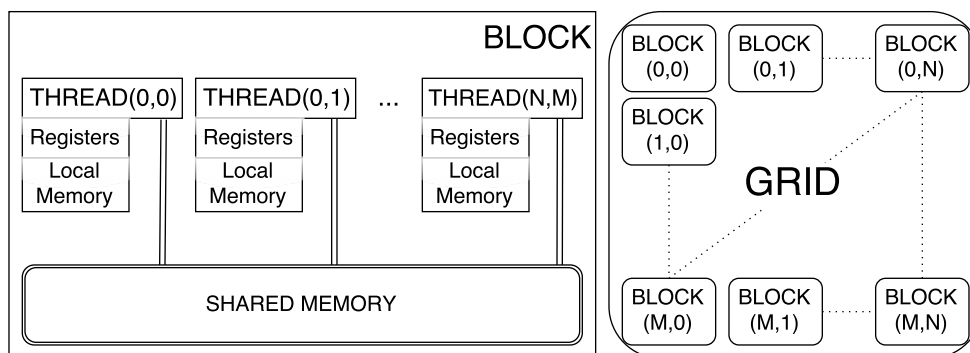
⁸szczególnie w przypadku minimalnej ilości bitów potrzebnych do zapisania każdej liczby

nizacja wektora danych kontroluje jednostki obliczeniowe, a organizacja instrukcji pojedynczego wątku. Umożliwia on zatem pisanie równolegle wykonywanego kodu dla niezależnych i skalowalnych wątków, jak i dla tych koordynowanych danymi. Wszystkie wątki wykonują ten sam kod funkcji kernela. Ponadto CUDA tworzy



Rysunek 1.2: Architektura NVIDIA CUDA

abstrakcję bloków wątków, które zorganizowane są w siatkę (GRID) i współdzielą zasoby multiprocesora. Ważna jest również hierarchia pamięci, w której część przydzielana jest wątkom w postaci pamięci lokalnej i rejestrów, oraz pamięci współdzielonej przez wątki z tego samego bloku (Shared Memory) - te pamięci muszą być znane w trakcie kompilacji kernela. Najwolniejsza jest pamięć globalna (Device Memory), wspólna dla wszystkich wątków, wszystkich bloków, na wszystkich multiprocesorach. Dokładny opis tej architektury można znaleźć bezpośrednio na stronie producenta.



Rysunek 1.3: Abstrakcja bloków i siatki w CUDA

Rozdział 2

Opis systemu

2.1 Kodowania

Przedstawię krótko kodowania użyte w implementacji planera kompresji oraz ich modyfikacje, a następnie opiszę szczegółowo dwa najważniejsze, które zwykle kończą ścieżki kompresji w generowanych planach. Są to kodowania bazujące na po-myśle usuwania zbędnych zer wiodących, dla liczb naturalnych - AFL oraz ułam-kowych - GFC. Trzeba zauważyć, że operacja patchowania jest tutaj zaimplemento-wana odmiennie niż w innych publikacjach, jako osobny rodzaj kodowania, mogący przybierać wiele form, natomiast algorytmy nie mają swoich wersji z patchowaniem.

2.1.1 Podstawowe algorytmy transformacji szeregów

Delta – Zapisuje zmiany pomiędzy kolejnymi danymi w szeregu, rejestrując pierw-szą wartość w metadanych. Bardzo dobrze sprawdza się na danych posorto-wanych bądź o zmianach liniowych o stałej wartości. Algorytm ten został za-implementowany częściowo z użyciem biblioteki Thrust i funkcji *inclusive_scan* - do dekodowania.

Scale – Bardzo prosta transformacja, odmienna od wielu implementacji o tej samej nazwie, polegająca na odjęciu lub dodaniu (dla liczb ujemnych) najmniejszej

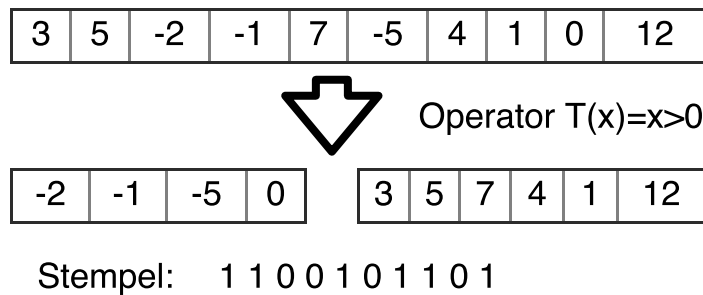
dotatniej wartości szeregu. Bardzo dobrze sprawdza się dla dużych wartości szeregu o małej wariancji. Dla przykładu, mając wartości:

1234000, ..., 1234500, ..., 1234999

dane zostaną zapisane jako 0, 1, ..., 999 i będą mogły być zredukowane do dużo mniejszej liczby bitów.

FloatToInt – Wersja algorytmu, którą często w literaturze nazywa się mianem *Scale*. Znając maksymalną precyzję danych zmiennopozycyjnych, możliwe jest ich zapisanie w postaci liczb całkowitych, mnożąc przez odpowiednią potęgę liczby 10. Oznacza to, że mając wektor cen w złotych, można przemnożyć cenę 99.99 przez 100 otrzymując 9999 i zmienić reprezentację liczb na całkowite. W wyniku takiego działania reprezentacja liczb całkowitych może ulec lepszej kompresji.

Patch – Bardzo ważnym zadaniem w kompresji szeregów czasowych jest usuwanie wartości odstających tzw. *outliers*. Kodowanie to dzieli wektor danych na dwa wektory względem zdefiniowanego operatora, mówiącego np. że jako wartości odstające należy uznać wszystkie wartości przekraczające 90% wartości maksymalnej. W ten sposób może być zdefiniowanych wiele różnych wersji „patchowania”, dla przykładu, dzieląc wartości na ujemne i dodatnie.



Rysunek 2.1: Przykład użycia patchowania z operatorem - "większy od zera"

W przeciwieństwie do innych prac algorytm ten nie zapisuje wyjątków wraz z ich pozycjami, umożliwiając lepsze ich skompresowanie w dalszych krokach.

Zamiast tego przechowuje w metadanych zapisany bitowo stempel przynależności poszczególnych elementów wektora do pierwszej lub drugiej tablicy wynikowej. Rozmiar takich metadanych wynosi $(N + 32)$ bitów, gdzie N to liczba kompresowanych elementów.

2.1.2 Global memory coalescing

Tablice zaalokowane w pamięci urządzenia GPU Nvidia są wyrównane do bloków o wielkości 256 bajtów przez sterownik urządzenia. Urządzenie może dostać się do pamięci przez 32, 64 lub 128 bajtowe transakcje, które są wyrównane do ich wielkości. Odczytując lub zapisując do pamięci globalnej, ważne jest zatem aby wątki wymagały dostępu zawsze do kolejnych rekordów tablicy, najlepiej wszystkie należące do tego samego *warp*. Dla osiągnięcia takiego rezultatu można zastosować poniższy algorytm obliczania indeksów wejściowych dla danego wątku CUDA.

Oznaczmy jako:

- Σ – ilość przetwarzanych elementów
- ω – ilość wątków w grupie
- κ – ilość elementów w bloku danych
- λ – ilość elementów przetwarzanych przez pojedynczy wątek
- B_{size} – wielkość bloków wątków – (CUDA block size)
- B_{count} – ilość bloków – (CUDA block count)
- w_g – ilość grup w bloku
- $W_{lane}(t) = t_{idx} \pmod{\omega}$ – indeks wątku t w grupie – (warp lane)

Założmy że chcemy przetworzyć 1MB danych tj. $1024 * 1024$ elementy, używając bloków z 4 grupami po 32 wątki każdy, czyli 4 warpy. Ponadto chcemy aby bloki danych miały 32 rekordy, a każdy wątek przetwarzał 16 elementów: $\Sigma = 1024 * 1024$, $\omega = 32$, $\kappa = 32$, $\lambda = 16$, $w_g = 4$.

Bardzo łatwo można obliczyć ile wynosi rozmiar pojedynczego bloku B_{size} , oraz ilość wszystkich bloków, potrzebnych do przetworzenia wszystkich elementów wektora wejściowego B_{count} :

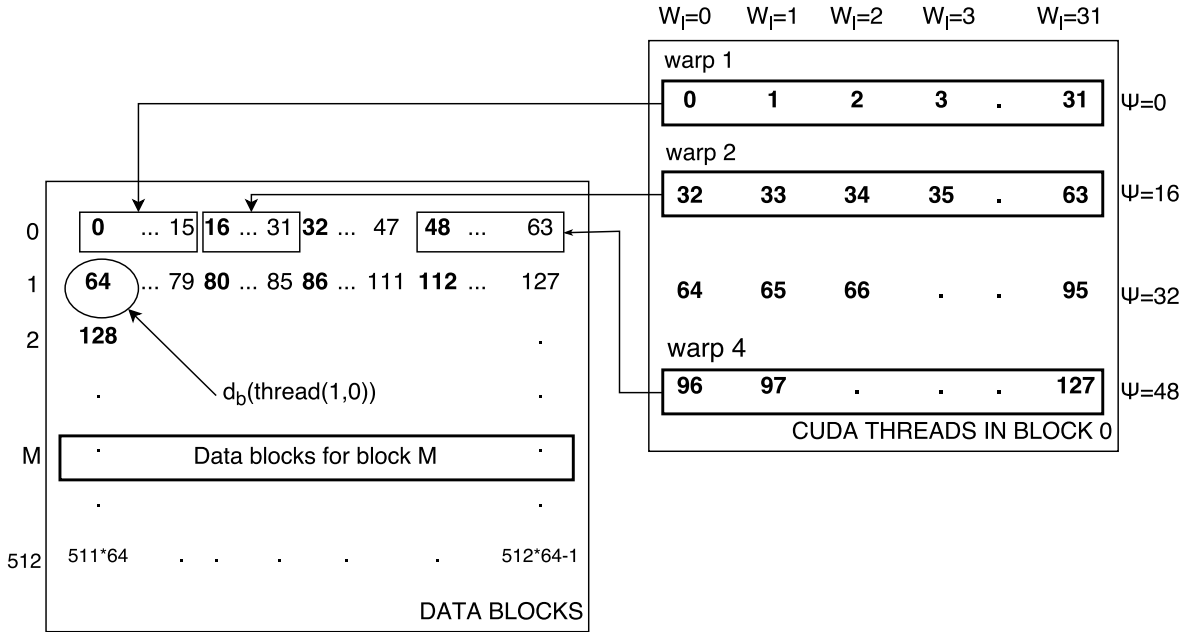
$$B_{size} = \omega * w_g$$

$$B_{count} = \frac{\Sigma + B_{size} * \lambda - 1}{B_{size} * \lambda}$$

Przyjmując początkowy indeks bloków danych dla wątku t o indeksie $t_{idx}(t)$ z bloku $b_{idx}(t)$ za $\Psi(t) = (t_{idx}(t) - W_{lane}(t)) * \lambda/32$, indeks bloku danych dla danego wątku można obliczyć za pomocą wzoru:

$$d_b(t) = b_{idx}(t) * w_g * \lambda + \Psi(t)$$

co dla naszego przykładu obrazuje rysunek 2.2.

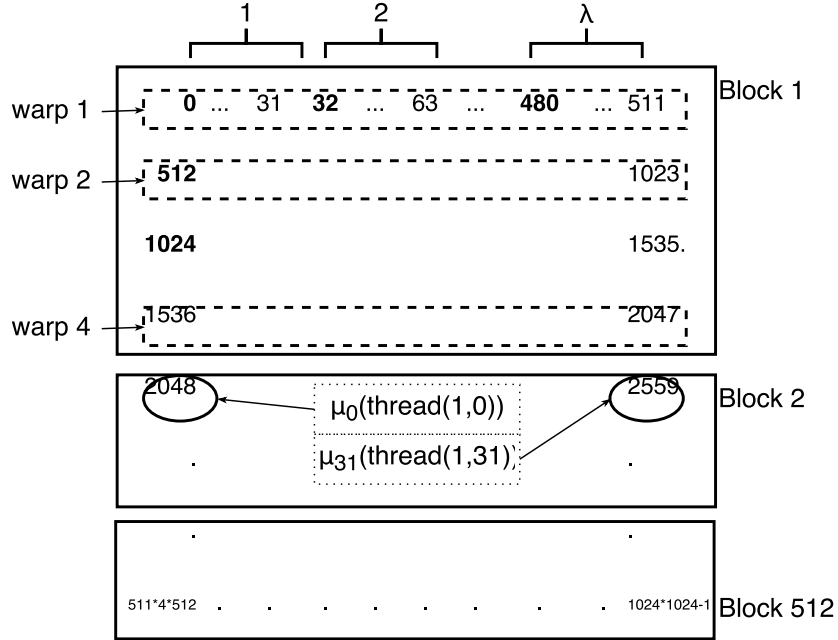


Rysunek 2.2: Przejście z ułożenia wątków w bloku na bloki danych

Każdej grupie w bloku CUDA odpowiada tyle samo bloków danych, przy czym bloki danych są wielkości κ elementów i ich numery są potrzebne do obliczenia początkowego indeksu wejściowego dla wątku, który definiujemy jako

$$\mu_0(t) = d_b(t) * \kappa + W_{lane}(t)$$

Kolejne indeksy wyliczane są jako przesunięcia o ω , czyli $\mu_k(t) = \mu_0(t) + k * \omega$, dla $k \in [1, \kappa - 1]$. Tworzy to podział danych wejściowych, który zgodnie z przykładem obrazuje rysunek 2.3.



Rysunek 2.3: Indeksy danych wejściowych

Dzięki takiemu ułożeniu kolejne wątki z tego samego warp, wykonują odczyt kolejnych rekordów z tablicy źródłowej, ponieważ wątek 0 odczytuje rekord 0, wątek 1 rekord 1, aż wreszcie wątek ω rekord ω . Następnie po przesunięciu o ω wątki ponownie odczytują dane, które są ze sobą sąsiadujące. Dzięki temu odczyt może być połączony (Global Memory Coalescing[43]). Łączny odczyt może być wielokrotnie szybszy niż odczyty z nie kolejnych indeksów, co jest kluczowe przy budowie bardzo wydajnych algorytmów przetwarzających dane na GPU. W przypadku CUDA grupa powinna mieć licznosc 32, co odpowiada ilości wątków w jednym *warp*.

2.1.3 Algorytmy kompresji szeregów

RLE – kodowanie długości serii (Run-Length-Encoding) to sposób kompresji polegający na zapisie ciągów takich samych wartości, jako wartość i długość tego ciągu. W tym przypadku obie te wartości trafiają do 2 różnych tablic, które następnie mogą być kompresowane osobno. Szczególnie dobrze sprawdza się w przypadku posortowanych danych, lub często się powtarzających. Dla przykładu wektor 5, 5, 5, 5, 1, 1, 1, 1, 17, 17, 17, 17 zostanie skompresowany do 5, 1, 17 oraz 4, 4, 4. Data technika kompresji jest opłacalna jeśli średnia długość ciągów przekracza 2 ($D_{sr} > 2$).

Dana metoda została zaimplementowana z użyciem biblioteki Thrust, stosując między innymi metodę *reduce_by_key*.

Dict – Kolejną grupą kompresji są kodowania bazujące na pomysłe słownikowym ($Dict_K$). Wykorzystują one informację o liczności poszczególnych wartości w wektorze. Kompresja słownikowa wykorzystuje K najczęściej występujących wartości i zapisuje ich tablicę w metadanych. Następnie wartości z wektora danych są kodowane indeksami w tej tablicy, przy użyciu jak najmniejszej liczby bitów $bit_{cnt} = \log_2(K)$. Reszta niepasujących wartości zapisywana jest do osobnej tablicy, co działa podobnie jak w kodowaniu *Patch*.

Unique, Const – Zaimplementowane są także lekko zoptymalizowane wersje kodowania $Dict_K$ dla $K = 1$ - *Const*, oraz $K = N_u$ - *Unique*, gdzie N_u jest liczbą unikalnych wartości w całym kompresowanym wektorze. Dla przykładu, jeśli wszystkie wartości są równe, z nielicznymi wyjątkami, zostanie wybrane kodowanie *Const*, które zapisze najczęstszą wartość w metadanych i stworzy tablicę wyjątków, uzyskując bardzo wysoki stopień kompresji.

AFL

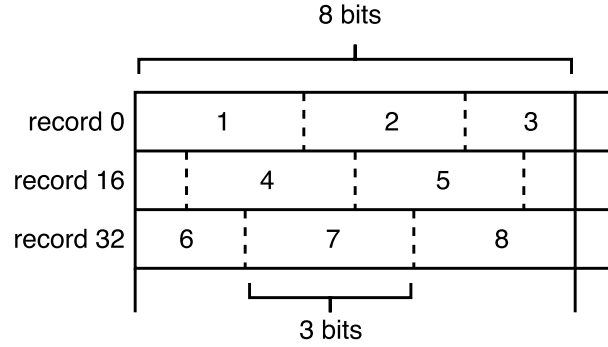
Ten rodzaj kodowania nazywany jest kodowaniem o stałej długości z wyrównaniem. Ogólny pomysł algorytmu jest bardzo prosty i bazuje na algorytmie NS (null suppression), czyli usuwaniu wiodących zer z liczb i zapisywanie ich na mniejszej ilości

bitów. W tym przypadku ilość bitów na których zapisujemy liczby jest znana z góry przed rozpoczęciem kodowania i nie ulega zmianie. Dla uproszczenia przyjmijmy, że kompresujemy liczby naturalne o długości 32 bitów, np. *unsigned int*. Wyrównanie polega na grupowaniu wykonawczych wątków w grupy o pewnej liczności. W naszym przypadku będzie to liczba 32, czyli liczba wątków należących do jednego *warpa*, z uwagi na wykorzystanie tzw. *łącznego dostępu do pamięci globalnej CUDA*. Wtedy liczba kompresowanych elementów musi być wielokrotnością długości kodowanego słowa pomnożonej przez 32, czyli 1024. Kodowanie przebiega następująco:

1. Obliczana jest najmniejsza liczba bitów potrzebna do zakodowania wszystkich słów w wektorze, nazwijmy go W i oznaczmy liczbę bitów jako σ :

$$\sigma = \log_2(\max(W)) + 1$$

2. Następnie wektor elementów jest dopełniany, aby jego długość była wielokrotnością 1024, a liczba dopełnionych elementów wraz z potrzebną do zakodowania każdej wartości liczbą bitów σ zapisywana jest do metadanych.
3. Dla każdego wątku t CUDA ozn. $t = \text{thread}(b_{idx}, t_{idx})$, co oznacza wątek o indeksie t_{idx} z bloku b_{idx} , wyznaczany jest początkowy indeks danych wejściowych i wyjściowych dla tego wątku, zgodnie z algorytmem przedstawionym w poprzedniej sekcji. Wielkość bloków wątków ustalmy na $B_{size} = 32 * 8$ co sprawi, że każdy blok będzie się składał z 8 warpów, a grupy będą miały licznosc 32 ($\omega = 32$, $w_g = 8$). Ponadto, chcemy aby bloki danych były wielkości 32 elementów ($\kappa = 32$). Mając dane wejściowe o indeksach $\mu_0, \mu_1, \dots, \mu_{\kappa-1}$ wątek zapisuje σ dolnych bitów każdej z liczb spod tych indeksów, do rekordów tablicy wynikowej. Wielkości bloków są tak dobrane, aby każdy wątek kodował κ liczb używając σ bitów i otrzymując w ten sposób σ liczb o wielkości κ . Załóżmy, że $\kappa = 8$ oraz $\sigma = 3$, wtedy 2.4 obrazuje ułożenie danych wejściowych o wielkości 8 bitów, skompresowanych do wielkości 3 bitów w wektorze wynikowym, przyjmując 16 ilość wątków w grupie ($\omega = 16$). Jak widać skompresowane dane idealnie mieszczą się w 3 rekordach tablicy wynikowej.



Rysunek 2.4: AFL - zapis w tablicy wyjściowej

Początkowy indeks tablicy wynikowej pod który wątek ma zapisać skompresowane dane, wyliczany jest jako $\nu_0(t) = d_b(t) * \sigma + W_{lane}(t)$. Do rekordu zapisywanych jest możliwie najwięcej bitów (tak jak pokazuje 2.4), po czym jeśli brakło miejsca dalsze bity przenoszone są do następnego rekordu, którego indeks wyliczany jest jako $\nu_k(t) = \nu_0(t) + k * \omega$, gdzie $k \in [1, \sigma - 1]$. Tutaj również wątki posługują się łącznym dostępem do pamięci.

4. Po skompresowaniu, dane powinny mieć dokładnie $\sigma * \Sigma$ bitów długości, nie licząc metadanych, które można zapisać w dwóch bajtach.

Tak zaimplementowany algorytm okazuje się być około dziesięciokrotnie szybszy od tradycyjnej implementacji Fixed-Length encoding na CUDA, który jest równoważny tej kompresji z $\omega = 1$.

GFC

GFC to zaproponowana przez Burtscher et al.[20] modyfikacja algorytmu *pFPC* kompresji liczb zmiennoprzecinkowych o podwójnej precyzji, który jest równoległą wersją algorytmu *FPC* zaimplementowaną na procesory graficzne. Zamiast operacji XOR na prawdziwej i przewidzianej wartości kompresowanej liczby, metoda ta używa zwykłego odejmowania i dodatkowo zapamiętuje znak, a kompresuje wartość absolutną tej różnicy. Algorytm ten również stosuje wyrównanie, używając łączny dostęp do pamięci, za to w przeciwieństwie do algorytmu *AFL* nie wymaga aby ilość kompresowanych liczb przez pojedynczy wątek była podzielna przez 32. Może być

to na przykład 15. Blok danych będzie miał ponownie 32 wartości, ponieważ każdy *warp* musi przetworzyć 32 wartości, aby uzyskać σ liczb wynikowych. W tym algorytmie liczba σ jest wyznaczana na bieżąco dla każdej liczby osobno i wyrażona jest w bajtach. Opiszę tutaj wersję algorytmu dla liczb o pojedynczej precyzji (32-bit) typu np. float. Zatem σ może przybierać wartości 1, 2, 3 lub 4 i można zapisać ją na 2 bajtach. Ilość bajtów na których zostanie zapisana liczba x może być przedstawiona w uproszczeniu jako: $\sigma(x) = \log_2(x)/8 + 1$. Poniżej zamieszczam prosty pseudokod algorytmu wykonywanego przez każdy wątek w kernelu CUDA:

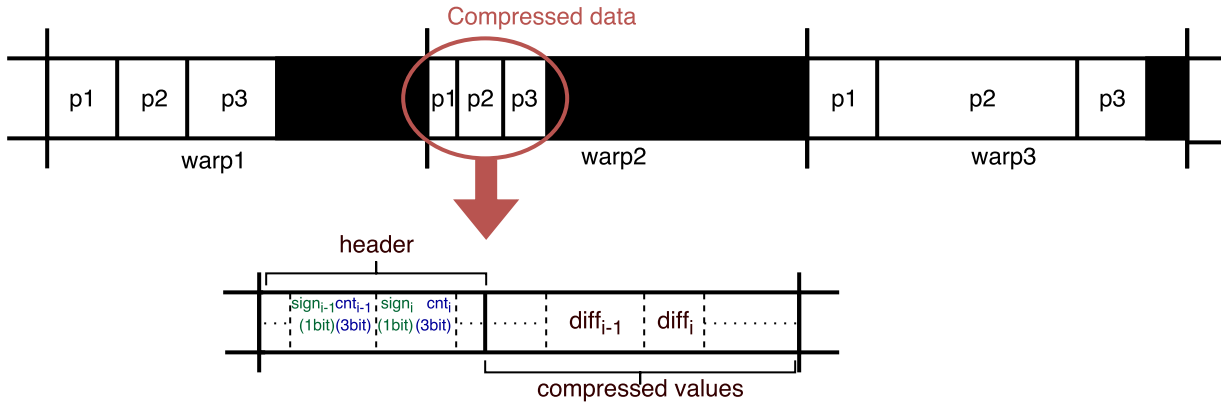
Algorithm 1: Pseudokod algorytmu kompresji GFC dla wątku t

```

/* WEJŚCIE: data - wektor do skompresowania */
/* WYJŚCIE: compr - skompr. dane, offsets - rozm. paczek */
1 last = 0, i = 0;
  while i <  $\lambda$  do
2   diff = data[ $\mu_i(t)$ ] - last;
3   sign = bit znaku liczby diff;
4   diff = abs(diff);
5   minByte =  $\sigma(diff)$ ;
6   size = wykonaj sumę prefixową na minByte w warpie;
7   save(compr, diff, minByte); // zapisz minByte bajtów liczby
   diff do tablicy wynikowej
8   saveMeta(compr, minByte, sign); // zapisz minByte oraz sign do
   tablicy wynikowej
9   off = off + size + 16;
10  beg = beg + 32;
11  last = data[beg - 1];
  if warpidx == 31 then
12  offsets[warp] = off;

```

Poszczególne *warp-y* pracują oddzielnie, kompresując dane do osobnych paczek. Dane z całego *warp* pakowane są w jedno miejsce, począwszy od wyliczonego wcześniej przesunięcia. W każdej iteracji, *warp* pakuje 32 liczby tworząc z nich podpaczkę, poprzedzoną małym nagłówkiem zawierającym informacje o znakach i liczbie bitów na których jest zapisana każda liczba. Rozmiar tych informacji to 4 bity, więc dane w pesymistycznym wypadku mogą rozrosnąć się o $l_w/2$ bajtów. Podpaczki zapisywane są jedna za drugą. Ponieważ rozmiar skompresowanej paczki nie jest znany w momencie uruchomienia algorytmu, potrzebna jest osobna tablica wynikowa, w której przechowywane są wynikowe wielkości paczek. Ponadto trzeba zaalokować tablicę wynikową o wielkości $c_s = (l_W + 1) * \frac{9}{2}$ bajtów miejsca.



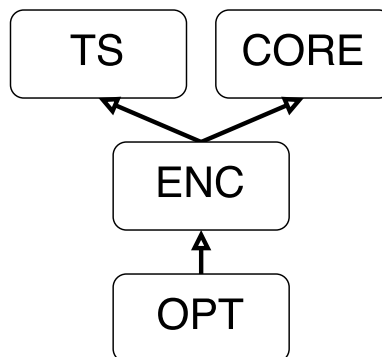
Rysunek 2.5: wynik działania algorytmu GFC - tablica wyjściowa

Pomimo podobnego podziału na bloki danych, powyższy rodzaj kompresji znacząco różni się od metody *AFL*. Ilość stworzonych paczek danych przez ten algorytm wynosi $p_n = w_g * B_n$. Paczki skompresowane przez poszczególne *warp-y* nie przylegają do siebie, co widać na rysunku 2.5, przez to minusem tej metody jest to, że po kompresji należy przekopiować wszystkie p_n paczek, o różnych rozmiarach do tablicy wynikowej. Kopiowanie to jest odpowiednio szybkie dla małej ilości paczek o większych rozmiarach. Wtedy zachodzi zależność, że kiedy p_n rośnie, wydajność kopiowania maleje, natomiast wydajność samego algorytmu wzrasta. Jeśli zmniejszymy p_n automatycznie musimy zwiększyć λ , bo B_n zależy odwrotnie proporcjonalnie od λ , a im większe λ , tym wolniejszy jest sam algorytm (pojedyncze wątki wykonu-

ją więcej pracy). Warto sprawdzić zatem, czy napisanie dedykowanego algorytmu kopiowania (jako kernel CUDA), może przyspieszyć takie kopiowania danych na GPU, względem tradycyjnych wywołań *cudaMemcpy* w pętli. Próby zrównoleglenia tych kopiowań na różnych *stream-ach* na mojej karcie graficznej (GeForce GT 640) skończyły się gorszą wydajnością niż seria kopiowań na *stream 0*.

2.2 Biblioteki

Projekt składa się z 4 bibliotek, których zależności wewnętrzne pokazane są na rysunku 2.6. Dwie z nich, *CORE* oraz *ENC*, wykorzystują technologię CUDA i muszą być kompilowane za pomocą *nvcc*. Wszystkie korzystają z biblioteki *Boost* oraz bibliotek do testowania i benchmarków (*GTEST*, *Google Benchmark*). Poniżej znajduje się także opis poszczególnych części projektu.



Rysunek 2.6: Biblioteki

2.2.1 TS - TIME SERIES

Biblioteka definiująca strukturę szeregu czasowego, udostępniająca metody do odczytu i zapisu szeregów z plików binarnych oraz tekstowych o kolumnach rozdzielonych separatorem, na przykład CSV. Ponadto umożliwia definicję szeregu czasowego poprzez plik nagłówkowy o strukturze wierszy: ([nazwa kolumny],[typ kolumny],[precyzja]), w której każdy wiersz definiuje osobną kolumnę. Przykładowa treść pliku nagłówkowego została umieszczona na listingu 2.1.

Listing 2.1: Przykładowy plik opisu szeregu czasowego

```
timestamp , time , 0  
CORE VOLTAGE, float , 6  
CPU TEMP, float , 6  
GPU TEMP, float , 6
```

2.2.2 CORE

Tutaj zaimplementowane są wszystkie podstawowe elementy takie jak logowanie, konfiguracja, inteligentny wskaźnik na pamięć CUDA (zaimplementowany w oparciu o *Shared Pointer* z biblioteki *Boost*), operacje na wektorach danych po stronie GPU takie jak histogramy, wyliczanie statystyk itp., a także bazowe klasy testów i benchmarków wraz z generatorem danych. Zawiera także „scheduler” równoległych zadań kompresji.

2.2.3 ENC - ENCODINGS

Encodings to biblioteka mieszcząca wszystkie zaimplementowane w ramach tego projektu algorytmy kodowania i transformacji zaimplementowane na CUDA, potrafiące kodować i dekodować dane wszystkich typów obsługiwanych przez ten system (*char, short, int, unsigned int, long, float, double*).

2.2.4 OPT - OPTIMIZER

Właściwa biblioteka dla tego projektu mieszcząca optymalizator kompresji, a także definicję i implementację drzewa kompresji, jak również drzewa optymalnego (drzewa aktualnie używanego przez kompresor, które umożliwia pewne mutowanie tego drzewa, co zostanie opisane w następnym rozdziale).

2.3 Program

Przykładowy program wynikowy, który używając optymalizatora kompresji, wielowątkowo i równoległe kompresuje wiele kolumn szeregu czasowego, podanego jako plik wejściowy. Plik wejściowy jest zaczytywany paczkami i w tym samym czasie części już skompresowane mogą być zapisywane do podanego pliku wyjściowego. Dokładny opis tego algorytmu znajduje się na końcu rozdziału 3. Argumenty programu:

- *-compress* lub *-c*: opcja kompresji (nastąpi kompresja pliku wejściowego)
- *-decompress* lub *-d*: opcja dekompresji (nastąpi dekompresja pliku wejściowego)
- *-header* lub *-h* [*<ścieżka>*]: podanie ścieżki do pliku zawierającego opis szeregu jak wyżej 2.1.
- *-input* lub *-i* [*<ścieżka>*]: podanie ścieżki do pliku wejściowego
- *-output* lub *-o* [*<ścieżka>*]: podanie ścieżki do pliku wyjściowego
- *-generate* lub *-g*: – wygeneruj przykładowe pliki danych
- *-padding* lub *-p* [*<różnica>*]: w przypadku gdy wiersze szeregu w pliku binarnym są wyrównane do jakiejś wielkości, podajemy w ten sposób różnicę względem ich rzeczywistej wielkości, np. jeśli dane zajmują 12 bajtów, a są wyrównane do 16, powinniśmy uruchomić program z opcją *-p 4*.

Rozdział 3

Optymalizator kompresji

W tym rozdziale opiszę algorytm nazwany roboczo *Online Stat compression Planner*, który będzie uczył się budować jak najlepsze drzewo kompresji na podstawie napływających danych, jednocześnie je kompresując. Zatem wydajność - compression ratio, powinno z czasem rosnać, aż znajdzie się na optymalnym poziomie. Ponadto algorytm ten przeszukując przestrzeń ciekawych drzew kompresji i testując je na małym fragmencie danych, będzie miał szansę znaleźć optymalne drzewo już na początku swojego działania. Jednak w momencie zmiany charakterystyki danych, algorytm powinien zareagować mutując drzewo, zmieniając jego węzły, aby dostosować go do nowych danych. Na uwagę zasługuje fakt, że wszystkie dane na których operują optymalizator oraz drzewo, zawsze znajdują się na GPU, w celu minimalizacji liczby kopiowań przez szynę PCI-E. Dodatkowo w oparciu o *Shared Pointer* z biblioteki *Boost* zaimplementowano inteligentne wskaźniki na wektory danych w globalnej pamięci GPU. Takie wskaźniki przechowujące tablicę bajtów będę dalej nazywał SCBP¹.

¹SCBP - inteligentny wskaźnik na tablicę bajtów w globalnej pamięci GPU (Shared Cuda Byte Pointer)

3.1 Kodowanie

Wszystkie algorytmy kompresji zostały zaimplementowane jako klasy dziedziczące po abstrakcyjnej klasie kodowania (*Encoding*), implementując metody kompresji i dekompresji dla wszystkich typów wspieranych przez system (optymalizator). Dla nas najważniejsze są dwie metody:

Encode – przyjmuje dane do kompresji jako SCBP oraz typ danych do kompresji.

Metoda ta kompresuje dane i zwraca wektor wskaźników SCBP długości 2 lub 3, z których pierwszy jest zawsze metadanymi.

Decode – przyjmuje w zasadzie to co zwraca *Encode* oraz typ danych, a zwraca zdekodowane dane w postaci SCBP.

Obiekt każdego kodowania może być stworzony za pomocą fabryki, podając jego typ oraz typ danych jakie ma kompresować. Aby kodowania, a raczej ich wynik był możliwy do zserializowania i w następstwie pozwalał odtworzyć schemat użyty do kompresji, przed metadanymi wyniku dodawany jest header w postaci: [*Typ Kodowania (16 bit), Typ danych (16 bit), Długość metadanych (32 bit)*], nazwijmy go EH². Ponadto kodowanie umożliwia sprawdzenie jaki jest jego typ wynikowy oraz ile skompresowanych części zwraca, np. metody *PATCH* lub *DICT* zwracają po 2 wyniki.

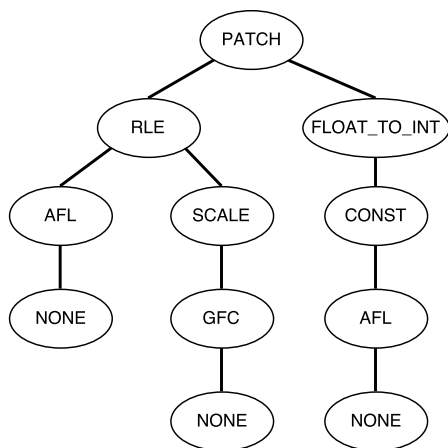
3.2 Drzewo kompresji

Drzewo kompresji jest implementacją idei kompresji kaskadowej. Węzłowi drzewa odpowiada kompresja danego typu. Węzeł ma tyle dzieci ile wyników zwraca kodowanie które reprezentuje. Dodatkowy typ kodowania został dodany aby oznaczyć liście takiego drzewa. Przykładowe drzewo zostało przedstawione na rysunku 3.1. Drzewo może być także zapisane jako ciąg typów kodowań (który dalej będę nazywał *TreePath*, na przykład pokazane drzewo można przedstawić jako:

PATCH, RLE, AFL, NONE, SCALE, GFC, NONE, FLOAT_TO_INT, CONST, AFL, NONE

Schemat ten jest o tyle ważny, że w ten sposób będą ułożone fragmenty skompresowanych

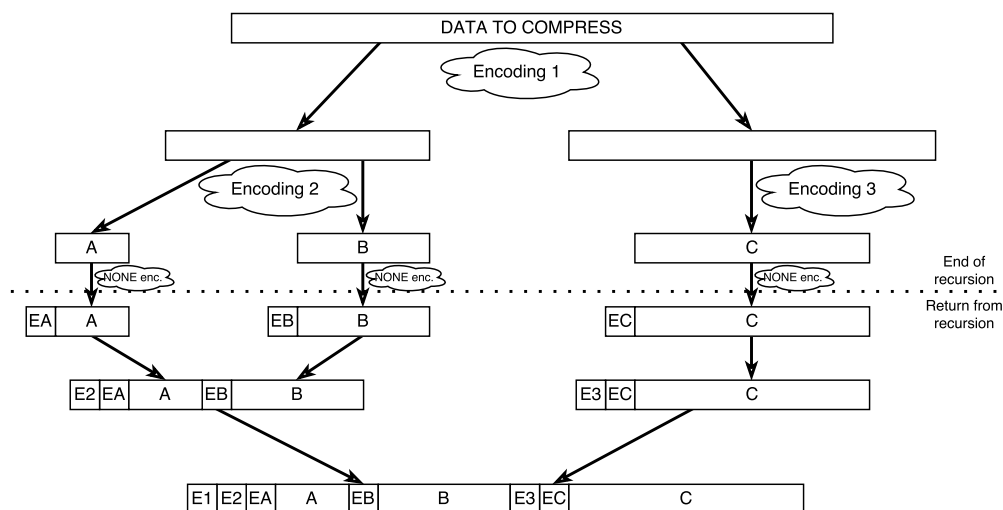
²EH - header metadanych wyniku kodowania



Rysunek 3.1: Schemat drzewa kompresji

danych przez algorytm kompresji drzewem.

3.2.1 Algorytm kompresji drzewem



Rysunek 3.2: Schemat przebiegu algorytmu kompresji drzewem

Algorytm kompresji drzewem jest rekurencyjny począwszy od korzenia drzewa i za wejście dostaje tylko dane do skompresowania w postaci SCBP. Ogólna idea polega na kompresowaniu danych odpowiednim koderem reprezentowanym przez wierzchołek drzewa i przekazywaniu wyników dzieciom tego węzła. Działanie kompresji opisuje algorytm 2.

Algorithm 2: Pseudokod algorytmu kompresji drzewem**Input:** DATA – dane do skompresowania (GPU)**Output:** RES – skompresowane dane (GPU), wynik w postaci wektora SCBP**Metoda** $Node \mapsto Compress()$

```

1   $X \leftarrow$  węzeł na którym wywołano metodę;
2   $K \leftarrow$  pobierz koder typu reprezentowanego przez węzeł  $X$  z fabryki;
3   $COMPR \leftarrow$  zakoduj  $DATA$  używając kodera  $K$ ;
4   $EH \leftarrow$  stwórz odpowiedni nagłówek kodowania;
5  dołącz  $EH$  na początku wektora  $COMPR$ ;
   if  $X$  jest liściem then
6     dopisz  $COMPR$  do  $RES$ ;
   else
       foreach  $D$  dziecka  $X$  do
7          $CHILD\_RES \leftarrow$  wywołaj metodę  $Compress$  na  $D$ ;
8         dopisz  $CHILD\_RES$  na końcu wektora  $RES$ ;
9  uaktualnij compression ratio uzyskane przez aktualne poddrzewo;
10 return  $RES$ ;

```

Metoda $Tree \mapsto Compress()$

```

1   $ROOT \leftarrow$  pobierz korzeń drzewa;
2   $VEC \leftarrow$  wykonaj metodę  $Compress(DATA)$  na  $ROOT$ ;
   if ustawiony wskaźnik na statystyki then
3     zaktualizuj statystyki; // opisane w 2 fazie optymalizatora
4   $RES \leftarrow$  połącz wektor wyników  $VEC$  w jeden ciąg pamięci;
5  return  $RES$ ;

```

Po skompresowaniu danych za pomocą korzenia drzewa uzyskujemy wektor kawałków skompresowanych danych oraz nagłówków. Ostatnią czynnością w algorytmie jest połączenie tych danych w jeden ciąg wynikowy (pojedyncza tablica zaalokowana na GPU). Na rysunku 3.2 widać prosty przebieg działania algorytmu. Jako $E\#$ oznaczono nagłówki doczepiane z różnych kodowań. Jak widać, nagłówki odzwierciedlają strukturę drzewa i są tożsame z $TreePath$, pomijając kawałki skompresowanych danych (A, B, C). Dzięki temu można odtworzyć drzewo do dekompresji.

3.2.2 Algorytm dekompresji drzewem

Algorytm dekompresji drzewem jest bardziej skomplikowany niż kompresja i składa się z dwóch faz: rekonstrukcji struktury drzewa i właściwej dekompresji drzewem. Ogólny schemat całości algorytmu pokazany jest na rysunku 3.3.

Rekonstrukcja drzewa

Kolejny algorytm rekurencyjny (patrz algorytm 3), który na wejściu dostaje SCBP ze skompresowanymi danymi oraz offset - referencja do parametru określającego położenie już odczytanego fragmentu danych, tj. od jakiego bajtu należy czytać dalsze dane wejściowe. Idea algorytmu polega na odczytywaniu kolejnych nagłówków *EH* i budowaniu na ich podstawie drzewa, odpowiadającego drzewu użytemu do kompresji.

Algorithm 3: Pseudokod algorytmu rekonstrukcji drzewa

Input: DATA – skompresowane dane (GPU), OFFSET – przesunięcie (REF)

Output: NODE – zrekonstruowany węzeł drzewa

Metoda *Tree* \mapsto *DecompressNodes* ()

```

1  | EH  $\leftarrow$  odczytaj nagłówek z wejścia;
2  | OFFSET  $+$  = SIZEOF(EH);
3  | NODE  $\leftarrow$  stwórz węzeł typu wskazywanego przez EH;
4  | MET_SIZE  $\leftarrow$  pobierz rozmiar metadanych z EH;
5  | MET  $\leftarrow$  odczytaj metadane o rozmiarze MET_SIZE;
6  | OFFSET  $+$  = MET_SIZE;
7  | ustaw metadane w NODE na MET;
   | if NODE ma typ NONE, czyli jest liściem then
8  | | SIZE  $\leftarrow$  odczytaj z MET rozmiar skompresowanych danych;
9  | | DATA  $\leftarrow$  odczytaj z wejścia SIZE bajtów;
10 | | ustaw dane w węźle NODE na DATA;
11 | | OFFSET  $+$  = SIZE;
   | else
12 | | K  $\leftarrow$  pobierz koder o typie wskazywanym przez EH;
13 | | N  $\leftarrow$  pobierz ilość wyników zwracanych przez koder K;
   | | for i=0 to N do
14 | | | CHILD_NODE  $\leftarrow$  DecompressNodes(DATA, OFFSET);
15 | | | dodaj CHILD_NODE jako dziecko NODE;
16 | return NODE;

```

Dekompresja

Po odtworzeniu drzewa na korzeniu wywoływana jest metoda *Decompress*, która nie przyjmuje żadnych parametrów, za to zwraca zdekodowane dane w postaci SCBP. Pokazuje to algorytm 4.

Algorithm 4: Pseudokod algorytmu dekompresji drzewem

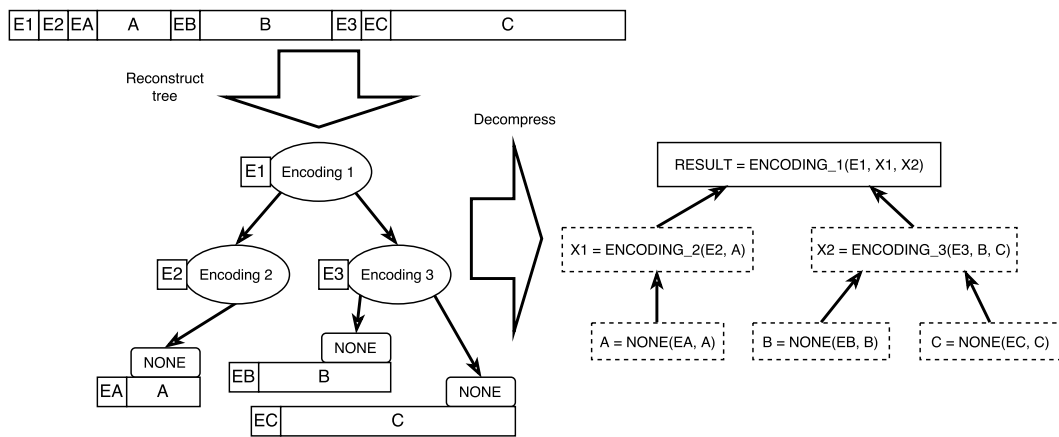
Input:
Output: RES – zdekodowane dane (GPU)
Metoda $Node \mapsto Decompress()$

```

1   $X \leftarrow$  węzeł na którym wywołano metodę;
2   $K \leftarrow$  pobierz koder typu reprezentowanego przez węzeł  $X$  z fabryki;
3   $MET \leftarrow$  pobierz metadane zapisane w węźle  $X$ ;
4   $W \leftarrow$  stwórz wektor wskaźników SCBP i dodaj do niego  $MET$ ;
   if  $X$  jest liściem then
5      $DATA \leftarrow$  pobierz dane zapisane w węźle  $X$ ;
6     dodaj  $DATA$  na końcu wektora  $W$ ;
   else
       foreach  $D$  dziecko  $X$  do
7          $CHILD\_RES \leftarrow$  wykonaj metodę  $Decompress()$  na  $X$ ;
8         dodaj  $CHILD\_RES$  na końcu wektora  $W$ ;
9   $RES \leftarrow$  użyj kodera  $K$  do zdekodowania wektora  $W$ ;
10 return  $RES$ ;

```

Podsumowując, jest to implementacja kaskadowej kompresji (rekurencyjnej z użyciem drzew jako reprezentacji). Dodatkowo drzewa te posiadają wskaźnik na statystyki drzewa i mogą je uaktualniać, co będzie szerzej opisane w części poświęconej 2 fazie algorytmu optymalizatora.



Rysunek 3.3: Schemat przebiegu algorytmu dekompresji drzewem

3.3 Statystyki

Warunkiem podejmowania dobrych decyzji przez optymalizator jest znajomość charakterystyki danych na których operuje. Główne zastosowanie statystyk w tym systemie, opiera się na przesiewaniu wszystkich możliwych drzew do tych najistotniejszych, które mogą uzyskać dobry współczynnik kompresji. Ponadto, niektóre statystyki wykorzystywane są przez same kodowania, aby odpowiednio działać. W tym systemie zaimplementowano statystyki takie jak:

1. *IsFloatingPoint* – czy dane mają typ zmiennoprzecinkowy czy całkowity
2. *Sorted* – czy dane są posortowane (obojętnie czy rosnąco czy malejąco)
3. *Min* i *Max* – wartość minimalna i maksymalna w zbiorze danych
4. *Precision* – maksymalna dokładność (precyzja) danych, czyli ilość miejsc po przecinku
5. *MinBitLength* – minimalna liczba bitów na których można zakodować każdą liczbę ze zbioru
6. *Size* – rozmiar danych
7. *RleMetric(N)* – statystyka dla kodowania RLE opisana dokładnie w następnej podsekcji
8. *Dictionary Counter* – histogram wszystkich unikalnych wartości ze zbioru
9. *Mean* – średnia arytmetyczna liczb w zbiorze

3.3.1 Metryka RLE

Definicja 3.3.1. Metryką RLE będziemy nazywać długość maksymalnych ciągów równych liczb, nie dłuższych niż N w danych D , ozn. $RLE_M(D, N)$.

Wskazuje na zasadność użycia kodowania RLE do jakiś danych. Można uznać, że jeśli $RLE_M(D, N) > N/2$ to warto użyć RLE do kodowania danych D . Dla przykładu, jeśli weźmiemy $N = 2$ oraz dane D : 11122344445555555, wtedy odczytane ciągi równych liczb nie dłuższe niż 2 wynoszą: 22121122212222, z czego średnia jest równa $\frac{26}{15} \approx 1,7$. Natomiast podstawiając $N = 4$: 3212114321444, średnia wyniesie $\frac{32}{13} \approx 2,5$. W obu wypadkach wychodzi zatem, że powinniśmy użyć RLE do kompresji takich danych. Daje to wyobrażenie o średniej długości ciągów równych liczb w danych, a ponadto jest bardzo wydajne obliczeniowo. Wyliczanie takiej statystyki jest trywialnie równoległe, ponieważ można w każdym wątku wyliczać ciąg począwszy od innego indeksu, niezależnie. Pseudokod wyliczania ciągu dla pojedynczego wątku CUDA pokazuje algorytm 5. Później wystarczy obliczyć sumę, korzystając na przykład z gotowej funkcji z biblioteki *Thrust*.

Algorithm 5: Obliczanie metryki RLE

Input: DATA – wektor danych wejściowych;

N – współczynnik metryki RLE (maks. długość sprawdzanego ciągu);

IDX – globalny indeks wątku (unikalny)

Output: LENGTHS – długości ciągów równych liczb

Funkcja GetRunLenN ()

```

1  if  $IDX \geq \text{length}(DATA) - N$  then
2      return
3   $num \leftarrow 1, out \leftarrow 1, last \leftarrow 1;$ 
4  for  $i = 1$  to  $N$  do
5       $out \leftarrow DATA[IDX] == DATA[IDX + i];$ 
6       $num += out \& last;$ 
7       $last \leftarrow out;$ 
8   $LENGTHS[IDX] \leftarrow num;$ 

```

3.3.2 Precyzja

Kolejną ważną statystyką dla liczb zmiennoprzecinkowych jest precyzja, która odnosi się do tego, czy warto zastosować zmianę wartości na typ całkowitoliczbowy,

stosując przemnożenie³ przez odpowiednią potęgę liczby 10. Analogicznie do metody RLE, algorytm wyliczania precyzji jest trywialnie równoległy, a obliczanie precyzji pokazuje algorytm 6.

Algorithm 6: Obliczanie precyzji

Input: VALUE – wartość ułamkowa;

MAX_PREC – maksymalna precyzja

Output: PREC – precyzja

Funkcja GetPrecision()

```

1  E ← 1;
2  MP ← 10MAX_PREC;
3  while ( $\frac{\text{round}(VALUE * E)}{E} \neq VALUE$ ) && (E < MP) do
4    E ← E * 10;
5  return  $\frac{\log_f(E)}{\log_f(10)}$ ;
```

W systemie w bardzo łatwy sposób można implementować dodatkowe statystyki i udostępniać je do optymalizatora w celu implementacji dodatkowych reguł.

3.4 Optymalizator

Algorytm optymalizatora kompresji maksymalizuje współczynnik kompresji, jednocześnie starając się wybrać jak najmniejsze i najniższe drzewo kompresji. Głównym pomysłem jest tworzenie statystyk krawędzi drzewa kompresji o kształcie pełnego drzewa binarnego (z tego względu kodowania mogą zwracać co najwyżej 2 wyniki). Nic nie stoi jednak na przeszkodzie, aby algorytm ten uogólnić na kodowania zwracające dowolnie dużą ilość wyników. Algorytm składa się z 3 faz, a jego zarys wygląda następująco:

1. Dla małego fragmentu danych generujemy najciekawsze drzewa kompresji, zapisując statystyki krawędzi w drzewie binarnym, po czym wybieramy drzewo o najlepszym współczynniku kompresji z niewielką poprawką od wysokości drzewa.

³patrz kodowanie *FLOAT_TO_INT*

2. Kompresujemy odpowiednio dużą paczkę danych używając drzewa ustawionego jako optymalne i odpowiednio aktualizujemy statystyki krawędzi podczas kompresji.
3. Jeśli kompresja się pogorszyła, zmieniamy drzewo, wymieniając odpowiednie poddrzewo na lepsze według statystyk krawędzi.

3.4.1 Faza 1 - generowanie

Ten fragment opisuje rekurencyjny algorytm generowania interesujących drzew na podstawie statystyk. Wyjaśnię najpierw co to znaczy, że drzewo jest interesujące.

Definicja 3.4.1 (Interesujące drzewo). Drzewo, którego każdy węzeł został wybrany jako dobra kontynuacja węzła poprzedniego, wedle określonych reguł.

Reguły tworzone są na podstawie statystyk danych, które dany węzeł ma dostać do kompresji, typu poprzedzającej go kompresji oraz typu danych. Dany jest także aktualny poziom drzewa na którym ma się znaleźć nowy węzeł. Metodę zwracającą dobre kontynuacje nazwana roboczo *GetContinuations*, zwraca listę typów kodowań, które spełniają reguły. Kilka przykładów:

- Jeśli poprzednikiem kodowania nie było *FLOAT_TO_INT*, dane mają niską precyzję i niewielką wartość maksymalną, a ponadto typ danych to *double*, to dodaj do listy kontynuacji typ kodowania *FLOAT_TO_INT*, ponieważ jest zasadne.
- Jeśli poprzednim kodowaniem było *GFC* albo *AFL*, to nie kompresuj już więcej i jako jedyną możliwą kontynuację zwróć *NONE*. Jeśli nie, a typ danych to *float* lub *double* to dodaj *GFC* do listy możliwych kontynuacji, w p.p. dodaj *AFL*.

Algorytm kompresuje dane w trakcie generowania drzew oraz jednocześnie oblicza i uaktualnia statystyki krawędzi w drzewie binarnym (o tym w fazie 2). Tę fazę optymalizatora implementuje metoda *FullStatisticsUpdate*, której pseudokod pokazany jest jako algorytm 7.

Algorithm 7: Faza 1 algorytmu optymalizatora**Input:** DATA – mała paczka danych;

ET – typ kompresji, DT – typ danych;

LEVEL – aktualny poziom drzewa

Output: RES – lista interesujących drzew z ich wynikami**Funkcja** FullStatisticsUpdate ()

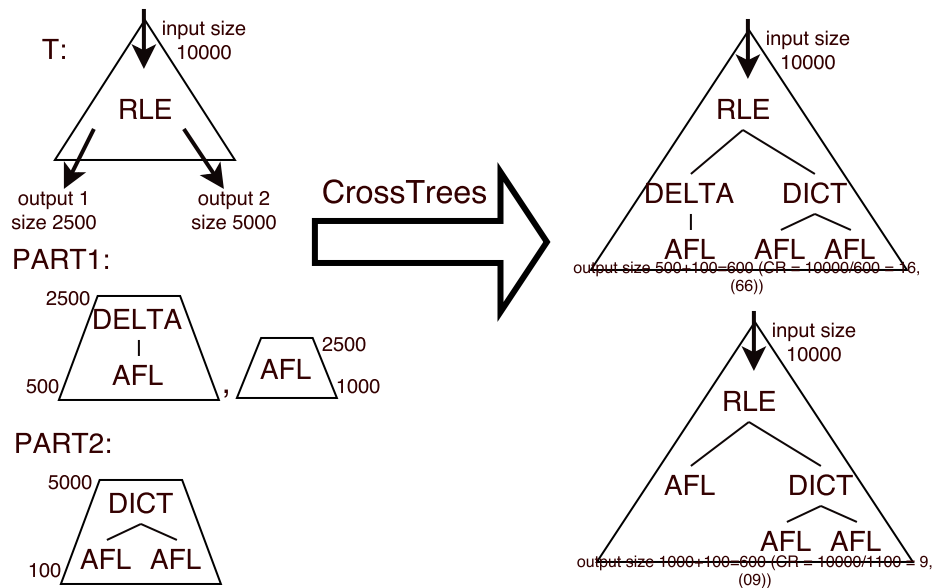
```

1  STAT ← policz statystyki dla DATA;
2  RES ← pusty wektor drzew;
3  CONT ← wywołaj GetContinuations(ET, DT, STAT, LEVEL) // pobierz możliwe kontynuacje
   foreach C from CONT do
4      T ← stwórz drzewo o jednym węźle reprezentującym kodowanie C z typem danych DT;
5      COMPR ← zakoduj dane DATA używając T;
6      DT ← typ danych zwracany przez kodowanie C;
7      zaktualizuj w T uzyskany współczynnik kompresji;
8      if liczba wyników zwracana przez C jest równa 1 then
9          PART1 ← wywołaj FullStatisticsUpdate(COMPR[1], C, DT, LEVEL + 1);
          PART1 ← wywołaj CrossTrees(T, PART1, length(DATA), length(COMPR[0]));
        else // jest równa 2
10         PART1 ← wywołaj FullStatisticsUpdate(COMPR[1], C, DT, LEVEL + 1);
11         PART2 ← wywołaj FullStatisticsUpdate(COMPR[2], C, DT, LEVEL + 1);
12         PART1 ← wywołaj CrossTrees(T, PART1, PART2, length(DATA), length(COMPR[0]));
        if PART1 jest pusty then
13             dodaj T do PART1;
        else
14             dopisz PART1 na końcu wektora RES;
15  return RES;

```

Metody *CrossTrees* tworzą wszystkie możliwe kombinacje, w których T jest wierzchołkiem, a drzewa z kolejnych dwóch argumentów (wektory drzew), jego poddrzewami. Przykładem działania tej metody jest rysunek 3.4. Dodatkowo uaktualniany jest współczynnik kompresji połączonych drzew.

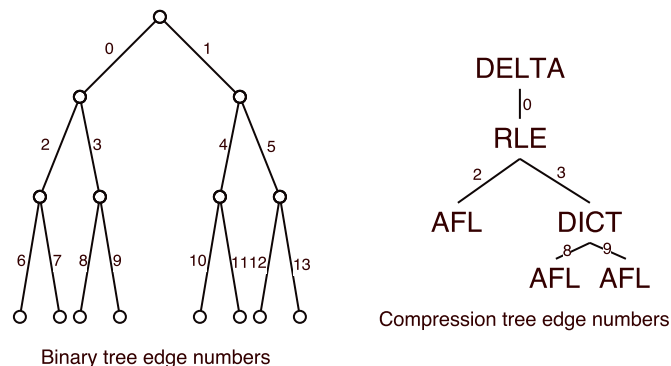
Zatem w skrócie wyliczamy statystyki i na ich podstawie przewidujemy możliwe węzły potomne, aby drzewo było interesujące, a następnie kompresujemy danym kodowaniem dane i dla nich rekurencyjnie wyznaczamy interesujące drzewa. Następnie łączymy wyniki we wszystkie możliwe kombinacje ale zachowując hierarchię i dołączamy do możliwych rozwiązań. Przy okazji, wiemy jak dobrze każde skonstruowane drzewo zachowuje się dla danych wejściowych. Finalnie drzewo o najlepszej statystyce wybierane jest jako optymalne.



Rysunek 3.4: Przykład działania metody CrossTrees

3.4.2 Faza 2 - kompresja

W tej fazie właściwe dane (duża paczka danych) są kompresowane przez drzewo wybrane jako optymalne, ale co ważniejsze uaktualniane są statystyki krawędzi drzewa binarnego. Opiszę jak wyglądają te statystyki i jak są uaktualniane. Ważne jest również, że drzewo optymalne pamięta ostatnią kopię statystyk, która jest tworzona w momencie ustawienia nowego drzewa jako optymalne. Krawędzie w



Rysunek 3.5: Przykład numerowania krawędzi w drzewie binarnym i kompresji

drzewie kompresji odpowiadają parom kompresji na pewnym miejscu w odpowia-

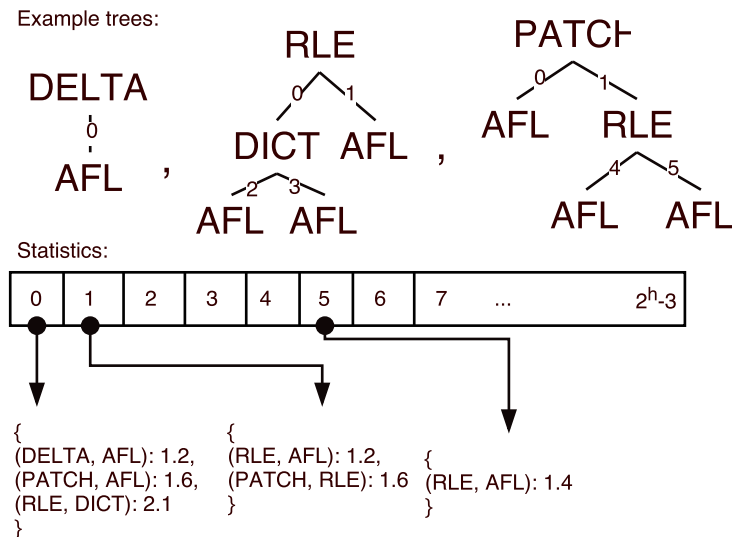
dającym mu pełnym drzewie binarnym, co pokazuje rysunek 3.6. Z założenia, chcemy analizować pary kompresji, ponieważ każda wcześniejsza kompresja wpływa na następną i niejako przygotowuje dla niej dane. Dla przykładu, często okazuje się, że kompresja *AFL* działa dla jakiś danych bardzo słabo, ale poprzedzona kodowaniem *DELTA* lub *PATCH* osiąga bardzo dobre wyniki, zaś poprzedzona kodowaniem *DICT* ma wynik jeszcze słabszy. Wtedy dwie wcześniejsze konfiguracje będą miały na tym miejscu wysokie statystyki, a trzecia niskie.

Każdej parze następujących po sobie kompresji da się przypisać krawędź w pełnym drzewie binarnym o tej, lub większej wysokości. Wynika to z tego, że każda kompresja może mieć co najwyżej dwójkę następców (dzieci). Ponadto jeśli krawędź ma indeks i , to łatwo policzyć indeksy krawędzi odchodzących od niej jako $2 * (i + 1)$ oraz $2 * (i + 1) + 1$. Program konstruuje tabelę statystyk, w której pod indeksem λ będą przechowywane statystyki par kompresji na miejscu λ w drzewie binarnym.

Dla danej pary kompresji na wybranym miejscu w drzewie, statystyka jest liczona jako średnia arytmetyczna, ze starej wartości statystyki (na początku ma wartość 1.0) oraz uzyskanego przez poddrzewo odpowiadające danej krawędzi współczynnika kompresji:

$$\alpha_{new} = \frac{\alpha_{old} + CR_e}{2}$$

Dla przykładu, jeśli krawędź 1 z parą kompresji (A, B) uzyskała $CR_e = 2$ a potem 3, to statystyka dla tej pary na tej krawędzi będzie wynosiła $\alpha = \frac{1+2+3}{2} = 2,25$. Taka statystyka sprawia, że nigdy nie będzie większa niż najlepszy współczynnik kompresji uzyskany przez tą parę oraz, że statystyka ta dąży do tego współczynnika (w granicy), jeśli jest stały. W całym programie współczynnik kompresji krawędzi (A, B) ozn. CR_e liczony jest jako średnia arytmetyczna współczynników kompresji osiągniętych przez poddrzewo definiowane przez węzeł A i poddrzewo definiowane przez B : $CR_e = \frac{CR(A)+CR(B)}{2}$. Natomiast współczynnik kompresji dla węzła jest stosunkiem wielkości danych wejściowych do danych wyjściowych po kompresji. Dzięki temu współczynnik kompresji krawędzi w lepszy sposób definiuje jakość takiej pary kompresji w drzewie, zmniejszając wpływ jaką ma jakość kompresji drugiego poddrzewa odchodzącego od A na statystykę krawędzi do której to poddrzewo nie należy.



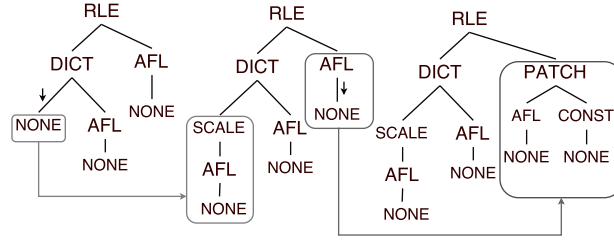
Rysunek 3.6: Tablica statystyk krawędzi

Statystyki krawędzi uaktualniane są w ten sposób podczas trwania każdej kompresji, o ile wskaźnik na statystyki ustawiony jest w drzewie. W momencie ukończenia kompresji statystyki powinny już być aktualne.

3.4.3 Faza 3 - poprawa

Po dokonaniu kompresji na dużym kawałku danych lub nawet kilku paczkach, jesteśmy w stanie dużo lepiej stwierdzić, jak dobrze dane drzewo kompresji się sprawuje. Jeśli jakość ta wzrosła lub pozostała bez zmian, znaczy to że nic nie trzeba zmieniać i wybrane drzewo kompresji jest optymalne. W przeciwnym przypadku należy drzewo poprawić, stosując nową wiedzę, uzyskaną w formie statystyk krawędzi z nowych danych. Aby to osiągnąć algorytm sprawdza statystyki krawędzi i wybiera krawędź o najmniejszym indeksie dla której statystyka się pogorszyła (drzewo wybrane jako optymalne trzyma kopię statystyk oraz współczynnika kompresji z momentu wybrania go na optymalne). Można też w tym momencie wybierać krawędź dla której statystyka pogorszyła się najbardziej np. procentowo. Wybraną krawędź kasujemy (usuwamy ją z drzewa razem z poddrzewem). Na miejscu usuniętej krawędzi, zachłannie, wstawiamy parę kompresji o największej statystyce dla tej kra-

wędzi. Podobnie wstawiamy jej dzieci, aż do limitu wysokości drzewa. Proces ten dokładniej opisują algorytmy 8 i 9, z prostym przykładem w formie rysunku 3.7.



Rysunek 3.7: Przykład numerowania krawędzi w drzewie binarnym i kompresji

Wymieniając krawędź, algorytm w zasadzie wymienia poddrzewo w grafie, zaczynając od początku lub końca krawędzi (oszczędzając początek). Na rysunku 3.7 widzimy oba przypadki. Na przykład, w pierwszej *mutacji* tylko jedna odnoga *DICT* została zmieniona, podczas gdy w przejściu drugim wymianie podlega cała krawędź *AFL-NONE*.

Algorithm 8: Faza 2 - poprawianie drzewa (TryCorrectTree)

Input: *OPT* – drzewo wybrane jako optymalne, *STAT_{new}* – aktualne statystyki;

/ X.TO i X.FROM, X.NO to węzeł końcowy, początkowy oraz numer krawędzi X*

**/*

Funkcja TryCorrectTree ()

```

1  CRnew ← pobierz aktualny współczynnik kompresji drzewa OPT;
2  CRold ← pobierz historyczny współczynnik kompresji OPT;
   if CRnew ≥ CRold then
3  |   return false;
4  STATOLD ← pobierz historyczne statystyki z OPT;
5  EDGES ← pobierz krawędzie drzewa OPT;
   foreach E from EDGES do
6  |   VALOLD ← wartość statystyki krawędzi E z STATOLD;
7  |   BEST ← pobierz wartość najlepszej statystyki na miejscu E z STATNEW;
   if BEST > VALOLD then
8  |   |   NEW, VALNEW ← pobierz ze statystyk STATNEW parę na miejscu E zaczynając się tą samą kompresją, o największej
   |   |   statystyce oraz jej wartość;
   |   if VALNEW > VALOLD then
9  |   |   |   wymień E.TO na NEW.TO, kasując całe poddrzewo od E.TO;
10  |   |   |   wykonaj Replace(NEW.TO, STATNEW, 2 * (E.NO + 1));
   |   else
11  |   |   NEW ← pobierz ze statystyk STATNEW parę na miejscu E o największej statystyce;
12  |   |   wymień E.FROM na NEW.FROM, kasując całe poddrzewo od E.FROM;
   |   if E.NO jest parzyste then
13  |   |   |   NO ← E.NO - 1;
   |   else
14  |   |   |   NO ← E.NO;
15  |   |   wykonaj Replace(NEW.FROM, STATNEW, NO);
16  |   |   wyjdź z pętli;
17  |   return true;
```

Podsumowując, program mutuje drzewo kompresji dopóki współczynnik kompresji nie zacznie się poprawiać. Pojedyncza mutacja może zmienić jeden węzeł, ale może także wymienić całe drzewo, co dzieje się bardzo często. Wymiany są dokonywane tylko wtedy, gdy według statystyk nastąpi poprawa kompresji. W ten sposób nawet jeśli charakterystyka danych się zmieni, algorytm powinien dostosować drzewo do nowych warunków.

Algorithm 9: Faza 2 - poprawianie drzewa (Replace)

Input: *NODE* – wymieniany węzeł drzewa, *STATS* – statystyki krawędzi;

EDGE_{NO} – numer wymienionej krawędzi, *MAX_H* – maksymalna wysokość drzewa;

Funkcja *Replace()*

```

1  if EDGENO > 2MAXH - 3 then return;
2  K ← kodowanie węzła NODE RESCNT ← pobierz ilość wyników zwracanych przez K;
   for i = 0 to RESCNT do
4     BEST, BESTVAL ← pobierz ze STATS parę zaczynającą się na K o największej statystyce na pozycji
       EDGENO + i w drzewie binarnym oraz jej wartość;
       if BESTVAL > 1.0 then
5         CHLD ← węzeł reprezentujący kodowanie BEST.TO;
6         dodaj CHLD jako dziecko NODE;
7         wywołaj Replace(CHLD, STATS, 2 * (EDGENO + i) + 2;
       else
8         dodaj do NODE dziecko z kodowaniem NONE;
   return

```

3.4.4 Całość

Algorithm 10: Całość kompresji optymalizatorem

Input: *DATA* – dane do skompresowania, *DT* – typ danych;

Output: *RES* – skompresowane dane

Funkcja *CompressData()*

```

   if warto przejrzeć ponownie interesujące drzewa then                                     /* heurystyka */
1     SAMPLE ← pobierz kawałek danych z DATA;
2     TREES ← wywołaj FullStatisticsUpdate(SAMPLE, NONE, DT, 0);
3     BEST ← pobierz drzewo z najlepszym wynikiem;
4     ustaw BEST jako optymalne drzewo
5     RES ← wykonaj kompresję optymalnym drzewem;
6     UPDATE ← wywołaj TryCorrectTree na optymalnym drzewie;
       if UPDATE is true then
7         ustaw ponownie optymalne drzewo;
8     return RES

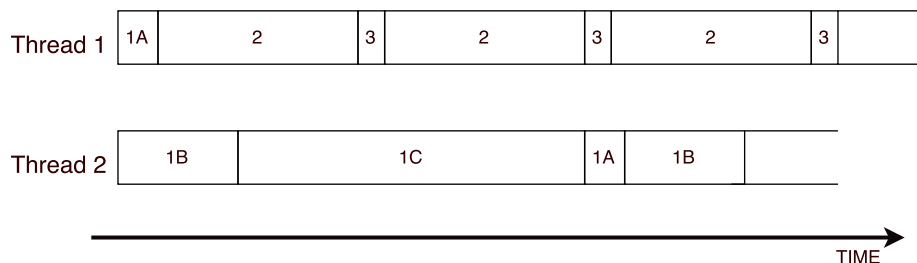
```

Przebieg działania kompresji z użyciem optymalizatora pokazuje algorytm 10.

Co pewien czas próbujemy przejrzeć wszystkie interesujące drzewa uaktualniając statystyki i wybierając inne optymalne drzewo. Staramy się je poprawiać i jeśli się udało, to ponownie zapisujemy je jako optymalne, tworząc nową kopię statystyk (historycznych).

3.4.5 Usprawnienie

Ilość drzew do sprawdzenia w fazie 1 może lawinowo rosnąć względem ilości różnych kompresji zaimplementowanych w systemie, w zależności od zastosowanych reguł. Warto zaimplementować zbiory reguł produkujących mniej i więcej takich drzew, aby lepiej przeszukiwać przestrzeń rozwiązań. Jednak przeszukiwanie dużej ilości drzew jest pomimo zastosowania GPU, zbyt czasochłonne jak na planowane zastosowania. Możliwym rozwiązaniem (jeszcze nie zaimplementowanym ale planowanym), jest niezależne i równoległe wykonywanie fazy 1 dla różnych zbiorów reguł, równoległe do faz 2 i 3, w sposób pokazany na rysunku 3.8. Na tym rysunku numery 1,2,3 stanowią numer fazy, a A,B,C zbiory reguł w których A są najbardziej restrykcyjne i produkują mało drzew, zaś C bardzo dużo.



Rysunek 3.8: Zrównoleglenie fazy 1 w optymalizatorze

W ten sposób oba wątki mogą pracować nawet na 2 oddzielnych urządzeniach, wielokrotnie zwiększając nie tylko wydajność ale i współczynnik kompresji z racji przeszukania większej ilości opcji. Algorytm powinien także lepiej dostosowywać się do zmian danych. Taka równoległość jest możliwa, ponieważ statystyki zostały zaimplementowane w taki sposób, aby umożliwić do nich równoległy dostęp bez obaw o niespójność danych.

3.5 Równoległy kompresor

Szeregi czasowe zwykle składają się z wielu kolumn, które mają różne charakterystyki, więc mogą być kompresowane niezależnie i równolegle. Oprócz możliwości wykorzystania do tego celu wielu urządzeń GPU jednocześnie, można wykorzystać *CUDA STREAMS* aby wykonywać jednocześnie wiele *kerneli* oraz kopiowań danych na tej samej karcie. Samymi *stream'ami* w nowych wersjach CUDA (> 7.0) nie trzeba się przejmować, gdyż każdy wątek automatycznie dostaje osobny i niezależny (domyślny) stream 0, który dodatkowo nie powoduje niejawnej synchronizacji. Wszystko pod warunkiem kompilacji programu z flagą `-default-stream per-thread` lub zdefiniowaniu `CUDA_API_PER_THREAD_DEFAULT_STREAM`. Po zastosowaniu tej opcji wszystkie kernele oraz kopiowania pochodzące z różnych wątków, będą mogły być zrównoleglone, pomimo ich użycia na domyślnym streamie 0.

3.5.1 Opis algorytmu

W programie równoległa kompresja opiera się na puli wątków zaimplementowanej jako *Task Scheduler* w bibliotece *CORE*, w oparciu o bibliotekę *BOOST*. Sama kompresja i dekompresja polega na uruchamianiu zadań kompresji lub dekompresji kawałków danych z użyciem instancji jakiegoś optymalizatora, unikalnego dla danej kolumny. Oczywiście zadania te muszą być odpowiednio synchronizowane.

Kompresja

Równoległa kompresja kolumn jest opisana przez pseudokod w algorytmie 11.

Algorithm 11: Całość kompresji optymalizatorem

Input: $FILE_{IN}$ – plik wejściowy, $FILE_{OUT}$ – plik wyjściowy;

Metoda $ParallelCompressor \rightarrow Compress()$

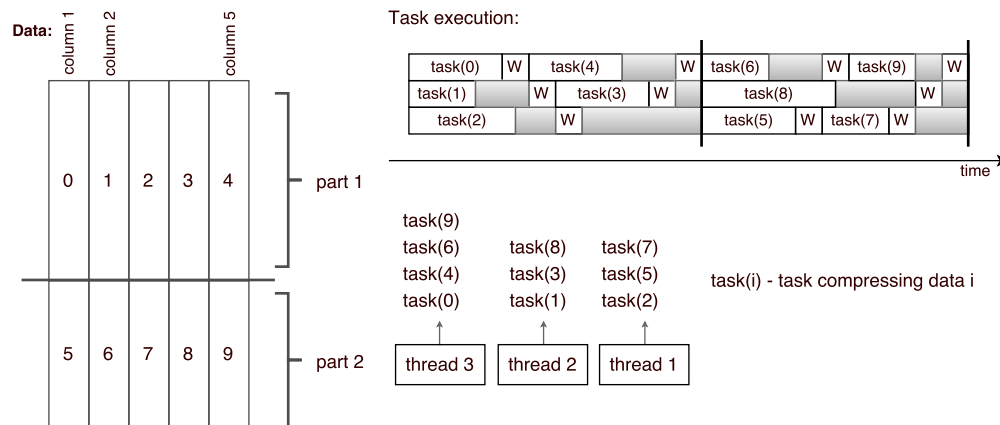
```

1   $ID \leftarrow 1$ ;
   repeat
2     $TS \leftarrow$  odczytaj paczkę danych z pliku  $FILE_{IN}$ ;
      if niezainicjalizowany then
        /* inicjalizuje kompresor tworzy optymalizator dla każdej kolumny
           wejściowych danych oraz tworzy pulę wątków */
3        wywołaj  $init()$ 
4     $COL_N \leftarrow$  pobierz ilość kolumn z  $TS$ ;
      for  $i = 0$  to  $N$  do
5         $TASK \leftarrow$  stwórz zadanie kompresji z optymalizatorem dla kolumny  $i$  oraz danymi  $TS[i]$  ( $i$ -ta
           kolumna szeregu  $TS$ ) o numerze  $ID$ ;
6        dodaj  $TASK$  do schedulera oraz powiększ  $ID$  o 1;
7    zaczekaj na wykonanie wszystkich zadań;
   until koniec pliku  $FILE_{IN}$ ;

```

W tym przypadku ważne jest jak działa samo zadanie kompresji, przy czym kluczowym elementem jest synchronizacja zapisu do pliku wynikowego, który to przedstawia rysunek 3.9. Zadanie to przebiega następująco:

1. Otrzymane dane kopiowane są na GPU
2. Dane są kompresowane przy użyciu podanego optymalizatora
3. Dane są zapisywane z powrotem do pamięci RAM
4. Następnie przy użyciu metod synchronizacji wątki zapisują dane do pliku wyjściowego.
 - wątek czeka aż wszystkie wątki o mniejszych numerach zakończą pracę
 - wątek zapisuje dane poprzedzając je ich rozmiarem
5. Oznacz zadanie jako ukończone
6. Jeśli jakikolwiek z powyższych pkt. się nie powiedzie oznacz zadanie jako zakończone porażką



Rysunek 3.9: Wykonanie zadań kompresji przez wątki

Dekompresja

Dekompresja przebiega na tyle prosto, że ograniczę się do krótkiego opisu bez pseudokodu i obrazków.

1. Kawałek po kawałku, zgodnie z zapisanymi rozmiarami czytamy skompresowane dane kolumn.
2. Dla każdego kawałka tworzone jest zadanie dekompresujące (posiadające wskaźnik na wspólną instancję szeregu czasowego), które:
 - (a) Zaczytuje dane na GPU
 - (b) Dekompresuje je
 - (c) Dopisuje na końcu kolumny, którą obsługuje w szeregu czasowym
3. Po zdekodowaniu liczby kawałków równej liczbie kolumn czekamy aż wątki zakończą pracę i zapisujemy szereg na wyjściu.
4. Czyścimy szereg czasowy aby nie zapisywać kolejny raz tych samych danych
5. Jeśli to nie koniec danych do dekompresji, wracamy do punktu pierwszego

Rozdział 4

Wyniki

W tym rozdziale opiszę uzyskane wyniki pod względem współczynników kompresji dla różnych danych, jak również wygenerowane schematy kompresji. Później porównam wydajność całości jak i poszczególnych elementów systemu, z istniejącymi rozwiązaniami.

4.1 Platforma testowa

Wszystkie testy wykonano na komputerze stacjonarnym pod systemem *Ubuntu 14.04.3 LTS*, z zainstalowanymi sterownikami *NVIDIA 352.68* oraz *CUDA 7.5*. Parametry komputera:

- Procesor: AMD FX(tm)-8350 Eight-Core Processor
- Karta graficzna: 2 x GeForce GT 640
- Pamięć RAM: 16 GB (1600 Mhz)
- Dysk: SSD 40 GB
- Płyta główna: 970A-UD3 - Gigabyte

4.2 Dane

4.2.1 Rzeczywiste

Dane rzeczywiste pochodzą z dwóch źródeł. Pierwsze pochodzą z pomiarów działającego komputera MAC, wykonane za pomocą prostego programu `OsxSystemDataLogger`¹, które zawierają pola takie jak czas, napięcie na procesorze oraz temperaturę procesora i GPU. Dane te dalej będę nazywał *INFO*. Drugie pochodzą z *New York Stock Exchange* i są danymi historycznymi wszystkich zdarzeń w czasie rzeczywistym w formie *NYSE OpenBook*² zawierającymi ponad 20 kolumn, a w tym czas, wolumen, cenę, stronę, symbol i inne. Dane te dalej będę nazywał *NYSE*.

4.2.2 Wygenerowane

Czas

Dane mają są liczbami całkowitymi o długości *64bit* monotonicznie rosnącymi od zadanej wartości startowej. Dane rosną o losową wielkość z zadanego przedziału, z pewnym prawdopodobieństwem. Dla prawdopodobieństwa 0 czas się nie zmienia, natomiast dla prawdopodobieństwa 1, nie będzie dwóch tych samych liczb w wygenerowanym ciągu.

Listing 4.1: Time pattern

```
// _____
// _____
// _____
// _____
// _____ min
```

¹<https://github.com/dzitkowskik/osx-system-data-logger>

²<http://www.nyxdata.com/Data-Products/NYSE-OpenBook>

Pattern A

Dane te są liczbami dowolnego typu i wielkości, z przedziału od zadanego minimum(v_{min}) do maksimum(v_{max}). Wartość generowanych punktów zmienia się co len kroków, oraz przed każdą zmianą generowany jest pojedynczy punkt o wartości v_{max} .

Listing 4.2: Pattern A

```
// *          *          *          *          *          * max
//
//          _____
//
// _____          _____
//
// _____          _____ min
// <-len->
```

Pattern B

Dane B składają się z dwóch części położonych na przemian co len kroków, z których pierwsza składa się z naprzemian położonych wartości bliskich v_{max} i v_{min} . Druga część składa się z wartości malejących z wartości maksymalnej do minimalnej co ustaloną wartość a następnie rosnąca z powrotem.

Listing 4.3: Pattern B

```
// pattern 1 | pattern 2 | pattern 1
// * * * * * * * * * * * * * * * * * * max-rand(0,5)
// # # # # # # # * * # # # # # # # max-rand(0,5)
//
//          *          *
//
//          *          *
//
//          *          *
//
// * * * * * * * * * * * * * * * * * * min+rand(0,5)
// # # # # # # # * # # # # # # # min+rand(0,5)
// <-----len-----> <-----len-----> <-----len----->
```

4.3 Badanie współczynnika kompresji

Wyniki tego pomiaru otrzymano kompresując pliki CSV z danymi rzeczywistymi omówionymi wcześniej, za pomocą zaimplementowanego równoległego kompresora oraz kompresorów *7z*, *zip*, *tar.gz* dostępnych w systemie *Linux Ubuntu*. Z da-

Tabela 4.1: Współczynnik kompresji dla plików CSV z danymi w porównaniu ze standardowymi kompresorami

	optymalizator	tar.gz	zip	7z
INFO	27.26	17.89	22.60	30.31
NYSE	8.99	4.89	5.64	7.42
GEN1	17.43	6.66	7.95	10.91
browsermarket	5.12	3.72	4.15	5.40

nych tych wynika że dla większości danych optymalizator zachowuje się lepiej niż dostępne w systemie kompresje, które poza tym są o wiele wolniejsze, co pokażę w dalszej części. W dwóch przypadkach jednak *7z* okazał się lepszy, natomiast obie kompresje mają porównywalne wyniki.

4.4 Wygenerowane schematy

Kolejny test polegał na prześledzeniu działania optymalizatora dla dużej ilości danych w wariancie *Pattern B*. Patrząc na dane możemy domyślać się jak powinna wyglądać dobra kompresja dla obu części. W pierwszym przypadku, algorytm powinien podzielić dane na górne i dolne operacją *patch*, następnie transformować obie części operacjami *SCALE* i *DELTA*, a na koniec skompresować kodowaniem *AFL* lub *GFC*. W drugim spodziewamy się kombinacji *DELTA* z *RLE* lub *emphCONST*. Przebieg działania algorytmu dla tych danych, pokazuje tabela 4.2.

Całkowity poziom kompresji wyniósł lekko ponad 4, co biorąc pod uwagę pojedyncze statyczne scenariusze, jest dobrym wynikiem. Dla porównania skompresowanie całych danych za pomocą sugerowanych na początku scenariuszy wynoszą

Tabela 4.2: Działanie optymalizatora dla danych całkowitych Pattern B

Lp.	schemat kompresji	ratio	pattern	zmiana
1	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
2	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
3	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
4	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
5	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
6	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
7	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	2.32829	2	tak
8	scale,dict,afl,none,scale,afl,none	2.32829	2	tak
9	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	2.32829	2	tak
10	delta,rle,delta,none,delta,none	250.000	2	tak
11	delta,scale,rle,none,none	263.158	2	nie
12	delta,scale,rle,none,none	263.158	2	nie
13	delta,scale,rle,none,none	1.00000	1	tak
14	delta,rle,delta,afl,none,delta,afl,none	1.00000	1	tak
15	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
16	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
17	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
18	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
19	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	2.32829	2	tak
20	delta,rle,delta,none,delta,none	250.000	2	tak
21	delta,rle,constData,none,delta,none	243.902	2	tak
22	delta,rle,patch,afl,none,afl,none,delta,none	169.492	2	tak
23	delta,rle,delta,afl,none,delta,none	227.273	2	nie
24	delta,rle,delta,afl,none,delta,none	227.273	2	tak
25	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie
26	scale,patch,afl,none,scale,afl,none	7.71010	1	nie

odpowiednio 2.4 oraz 1.3 co pokazuje *listning* 4.4.

Listing 4.4: Pattern B - wyniki przykładowych schematów

```
patch , delta , scale , afl , none , delta , scale , afl , none :
```

```
compression ratio = 2.43919
```

```
delta , rle , afl , none , afl , none :
```

```
compression ratio = 1.3374
```

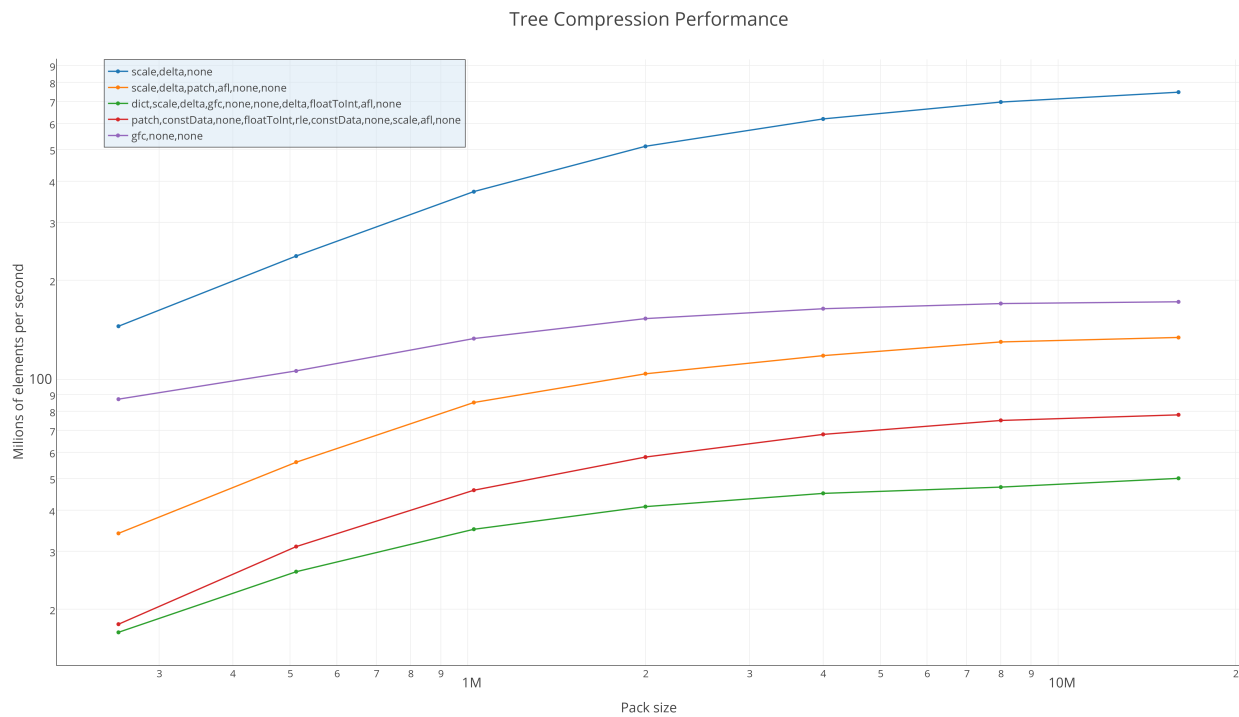
Tabela pokazuje jak algorytm dostosowuje się do zmieniającej się charakterystyki danych oraz jak mutuje schematy aby mieć szansę otrzymania lepszego rozwiązania, np. zmiana pomiędzy iteracją 10 a 11. Warto zauważyć, że na końcu po powrocie do dawnej charakterystyki algorytm stosuje ponownie ten sam schemat co na początku, który był optymalny.

Dla danych *Pattern A* algorytm stosuje jedną strategię i jej nie zmienia, ponieważ charakterystyka szeregu jest stała. Strategia ta osiąga współczynnik kompresji 46.8384 i wygląda następująco:

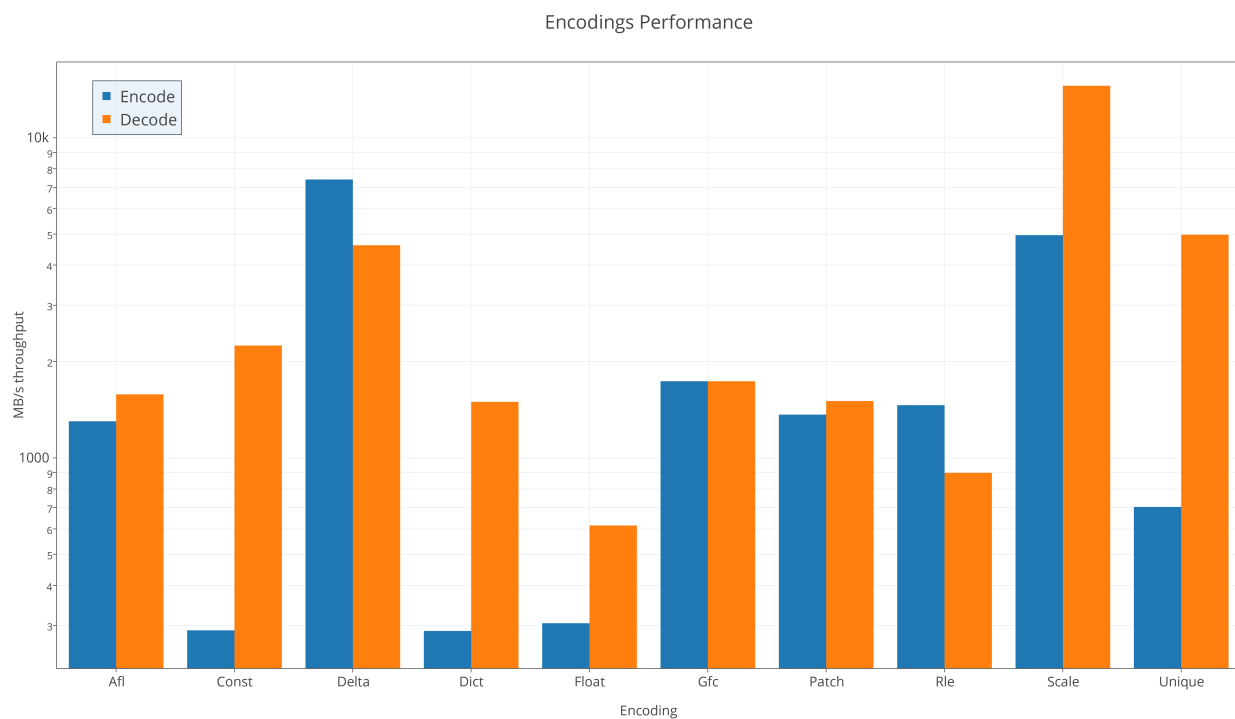
rle, patch, rle, none, none, rle, none, none, patch, delta, afl, none, rle, none, none Podobnie sprawa wygląda wygenerowanych punktów czasu (patrz listing 4.1), gdzie algorytm stosuje kodowania *RLE* oraz *AFL* stosując również skalowanie oraz deltę. W ten sposób dla czasu osiągnąony współczynnik kompresji jest rzędu 100.

4.5 Szybkość działania

Omówienie szybkości działania



Rysunek 4.1: Wydajność kompresji drzewami



Rysunek 4.2: Wydajność kodowań

Rozdział 5

Podsumowanie

Podsumowując udało się zaimplementować działający prototyp optymalizatora kompresji szeregów czasowych, który potrafi dostosować się do zmiennej charakterystyki napływających danych. Kompresor w dobrym tempie kompresuje dane zachowując wysoki poziom kompresji, dorównujący, a dla właściwych szeregów czasowych nawet przewyższający niektóre istniejące rozwiązania. Algorytm wykazuje wyższy poziom kompresji dla realistycznych danych niż szeroko stosowane kompresory 7z czy zip. Jednak jest to tylko prototyp i dla realistycznych rozwiązań w bazach danych GPU uzyskana wydajność kompresji nie jest wystarczająca. Jednak patrząc na wydajność odpowiednio zoptymalizowanych odpowiedników wdrożonych kompresji można uznać, że jest możliwe ulepszenie tego rozwiązania by uzyskać wymaganą wydajność na poziomie kilkudziesięciu Gb/s.

5.1 Konkluzja

5.2 Przyszłe prace

Projekt nadal wymaga włożenia dużego nakładu pracy w celu optymalizacji wydajności a także implementacji wielu algorytmów kodowania przydatnych do kompresji szeregów. Dalsze prace będą prowadzone na temat implementacji kompresji za pomocą regresji częściowej na GPU. Warto będzie również użyć wersji niektórych

algorytmów z wbudowanym *patchowaniem* w celu przyspieszenia obliczeń. Ważnym elementem, który będzie w przyszłości również zaimplementowany jest niezależne wykonanie fazy 1 algorytmu optymalizatora, która zajmuje większość czasu wykonania. Dodatkowo jest planowane udostępnienie rozwiązania w formie *Open Source*, wraz z przykładami oraz gotowym środowiskiem uruchomieniowym w formie dockera¹.

¹An open platform for distributed applications for developers and sysadmins:
<https://www.docker.com/>

Bibliografia

- [1] Mark Harris, Shubhabrata Sengupta, and John D. Owens. *"Parallel Prefix Sum (Scan) with CUDA"*. In Hubert Nguyen, editor, GPU Gems 3, chapter 39, pages 851–876. Addison Wesley, August 2007
- [2] Nadathur Satish, Mark Harris, and Michael Garland. *"Designing Efficient Sorting Algorithms for Manycore GPUs"*. In Proceedings of the 23rd IEEE International Parallel & Distributed Processing Symposium, May 2009
- [3] Alcantara, Dan A., et al. *"Real-time parallel hashing on the GPU."* ACM Transactions on Graphics (TOG) 28.5 (2009): 154
- [4] Mostak, T., 2013. *"An overview of MapD (massively parallel database)."*, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, MA.
- [5] Cloud RL, Curry ML, Ward HL, Skjellum A, Bangalore P. *"Accelerating lossless data compression with GPUs."* arXiv preprint arXiv:1107.1525. 2011 Jun 21.
- [6] Pietroń, M., Pawel Russek, and Kazimierz Wiatr. *"Accelerating SELECT WHERE and SELECT JOIN queries on a GPU."* Computer Science 14.2 (2013): 243-252.
- [7] Nicolaisen, Anders Lehrmann Vrønning. *"Algorithms for Compression on GPUs."* (2013).
- [8] Mensmann, Jörg, Timo Ropinski, and Klaus Hinrichs. *"A GPU-supported lossless compression scheme for rendering time-varying volume data."* 8th IEEE/EG international conference on Volume Graphics, 2–3 May 2010, Norrköping, Sweden. IEEE, 2010.
- [9] Burtscher M, Ratanaworabhan P. *"FPC: A high-speed compressor for double-precision floating-point data."* Computers, IEEE Transactions on. 2009 Jan;58(1):18-31.

- [10] Bakkum, Peter, and Kevin Skadron. *"Accelerating SQL database operations on a GPU with CUDA."* Proceedings of the 3rd Workshop on General-Purpose Computation on Graphics Processing Units. ACM, 2010.
- [11] Ferreira, Miguel C. *"Compression and query execution within column oriented databases."* Diss. Massachusetts Institute of Technology, 2005.
- [12] Fink, Eugene, and Harith Suman Gandhi. *"Compression of time series by extracting major extrema."* Journal of Experimental & Theoretical Artificial Intelligence 23.2 (2011): 255-270.
- [13] Przymus, Piotr, and Krzysztof Kaczmarek. *"Compression Planner for Time Series Database with GPU Support."* Transactions on Large-Scale Data-and Knowledge-Centered Systems XV. Springer Berlin Heidelberg, 2014. 36-63.
- [14] Ozsoy, Adnan, Martin Swamy, and Anamika Chauhan. *"Pipelined parallel lzss for streaming data compression on GPGPUs."* Parallel and Distributed Systems (ICPADS), 2012 IEEE 18th International Conference on. IEEE, 2012.
- [15] Fang, Wenbin, Bingsheng He, and Qiong Luo. *"Database compression on graphics processors."* Proceedings of the VLDB Endowment 3.1-2 (2010): 670-680.
- [16] Lemire, Daniel, and Leonid Boytsov. *"Decoding billions of integers per second through vectorization."* Software: Practice and Experience 45.1 (2015): 1-29.
- [17] Przymus, Piotr, and Krzysztof Kaczmarek. *"Dynamic compression strategy for time series database using GPU."* New Trends in Databases and Information Systems. Springer International Publishing, 2014. 235-244.
- [18] Mani, Ganapathy. *"Data Compression using CUDA programming in GPU."* (2012).
- [19] Alcantara, Dan A., et al. *"Real-time parallel hashing on the GPU."* ACM Transactions on Graphics (TOG) 28.5 (2009): 154.
- [20] O'Neil, Molly A., and Martin Burtscher. *"Floating-point data compression at 75 Gb/s on a GPU."* Proceedings of the Fourth Workshop on General Purpose Processing on Graphics Processing Units. ACM, 2011.

- [21] Zu, Yuan, and Bei Hua. "GLZSS: LZSS lossless data compression can be faster." Proceedings of Workshop on General Purpose Processing Using GPUs. ACM, 2014.
- [22] Silberstein, Mark, et al. "GPUfs: Integrating a file system with GPUs." ACM Transactions on Computer Systems (TOCS) 32.1 (2014): 1.
- [23] Al-Kiswany, Samer, Ammar Gharaibeh, and Matei Ripeanu. "GPUs as storage system accelerators." Parallel and Distributed Systems, IEEE Transactions on 24.8 (2013): 1556-1566.
- [23] Przymus, Piotr, and Krzysztof Kaczmarek. "Improving efficiency of data intensive applications on GPU using lightweight compression." On the Move to Meaningful Internet Systems: OTM 2012 Workshops. Springer Berlin Heidelberg, 2012.
- [24] Abadi, Daniel, Samuel Madden, and Miguel Ferreira. "Integrating compression and execution in column-oriented database systems." Proceedings of the 2006 ACM SIGMOD international conference on Management of data. ACM, 2006.
- [25] Anh, Vo Ngoc, and Alistair Moffat. "Inverted index compression using word-aligned binary codes." Information Retrieval 8.1 (2005): 151-166.
- [26] Eirola, Axel. "Lossless data compression on GPGPU architectures." arXiv preprint arXiv:1109.2348 (2011).
- [27] Shyni, K., and Manoj Kumar KV. "Lossless LZW Data Compression Algorithm on CUDA." IOSR Journal of Computer Engineering (IOSR-JCE) 13.1 (2013): 122-127.
- [28] Mostak, Todd. "An overview of MapD (massively parallel database)." White paper, Massachusetts Institute of Technology, Cambridge, MA (2013).
- [29] Buchsbaum, Adam L., et al. "Engineering the compression of massive tables: an experimental approach." Symposium on Discrete Algorithms: Proceedings of the eleventh annual ACM-SIAM symposium on Discrete algorithms. Vol. 9. No. 11. 2000.
- [30] Morishima, Shin, and Hiroki Matsutani. "Performance Evaluations of Document-Oriented Databases Using GPU and Cache Structure." Trustcom/BigDataSE/ISPA, 2015 IEEE. Vol. 3. IEEE, 2015.

- [31] Ozsoy, Adnan, Martin Swamy, and Arun Chauhan. *"Optimizing LZSS compression on GPGPUs."* Future Generation Computer Systems 30 (2014): 170-178.
- [32] Patel, Ritesh A., et al. *"Parallel lossless data compression on the GPU."* IEEE, 2012.
- [33] Polychroniou, Orestis, Arun Raghavan, and Kenneth A. Ross. *"Rethinking SIMD vectorization for in-memory databases."* Proceedings of the 2015 ACM SIGMOD International Conference on Management of Data. ACM, 2015.
- [34] Bhatotia, Pramod, Rodrigo Rodrigues, and Akshat Verma. *"Shredder: GPU-accelerated incremental storage and computation."* FAST. 2012.
- [35] Zukowski, Marcin, et al. *"Super-scalar RAM-CPU cache compression."* Data Engineering, 2006. ICDE'06. Proceedings of the 22nd International Conference on. IEEE, 2006.
- [36] Eichinger, Frank, et al. *"A time-series compression technique and its application to the smart grid."* The VLDB Journal 24.2 (2015): 193-218.
- [37] Przymus, Piotr, and Krzysztof Kaczmarek. *"Time series queries processing with gpu support."* New Trends in Databases and Information Systems. Springer International Publishing, 2014. 53-60.
- [38] Zhao, Wayne Xin, et al. *"A General SIMD-based Approach to Accelerating Compression Algorithms."* ACM Transactions on Information Systems (TOIS) 33.3 (2015): 15.
- [39] Goldstein, Jonathan, Raghu Ramakrishnan, and Uri Shaft. *"Compressing relations and indexes."* Data Engineering, 1998. Proceedings., 14th International Conference on. IEEE, 1998.
- [41] <http://developer.download.nvidia.com/compute/cuda/compute-docs/cuda-performance-report.pdf>
- [42] Marler, R. Timothy, and Jasbir S. Arora. *"Survey of multi-objective optimization methods for engineering."* Structural and multidisciplinary optimization 26.6 (2004): 369-395.
- [43] Ueng, Sain-Zee, et al. *"CUDA-lite: Reducing GPU programming complexity."* Languages and Compilers for Parallel Computing. Springer Berlin Heidelberg, 2008. 1-15.

- [44] Burtscher, Martin, and Paruj Ratanaworabhan. "*pFPC: A parallel compressor for floating-point data.*" Data Compression Conference, 2009. DCC'09.. IEEE, 2009.

Spis treści

1	Wstęp	2
1.1	Procesory graficzne	2
1.2	Szeregi czasowe	3
1.3	SIMD i lekka kompresja	4
1.4	Zawartość pracy	5
1.5	Powiązane prace	5
1.5.1	Szeregi czasowe	5
1.5.2	SIMD SSE	6
1.5.3	Obliczenia GPU	6
1.5.4	Kompresje	7
1.5.5	Planery kompresji	8
1.6	CUDA	9
2	Opis systemu	11
2.1	Kodowania	11
2.1.1	Podstawowe algorytmy transformacji szeregów	11
2.1.2	Global memory coalescing	13
2.1.3	Algorytmy kompresji szeregów	16
2.2	Biblioteki	21
2.2.1	TS - TIME SERIES	21
2.2.2	CORE	22
2.2.3	ENC - ENCODINGS	22
2.2.4	OPT - OPTIMIZER	22

2.3	Program	23
3	Optymalizator kompresji	24
3.1	Kodowanie	25
3.2	Drzewo kompresji	25
3.2.1	Algorytm kompresji drzewem	26
3.2.2	Algorytm dekompresji drzewem	28
3.3	Statystyki	30
3.3.1	Metryka RLE	30
3.3.2	Precyzja	31
3.4	Optymalizator	32
3.4.1	Faza 1 - generowanie	33
3.4.2	Faza 2 - kompresja	35
3.4.3	Faza 3 - poprawa	37
3.4.4	Całość	39
3.4.5	Usprawnienie	40
3.5	Równoległy kompresor	41
3.5.1	Opis algorytmu	41
4	Wyniki	44
4.1	Platforma testowa	44
4.2	Dane	45
4.2.1	Rzeczywiste	45
4.2.2	Wygenerowane	45
4.3	Badanie współczynnika kompresji	47
4.4	Wygenerowane schematy	47
4.5	Szybkość działania	49
5	Podsumowanie	51
5.1	Konkluzja	51
5.2	Przyszłe prace	51

Warszawa, dnia

Oświadczenie

Oświadczam, że pracę magisterską pod tytułem: „Tytuł pracy”, której promotorem jest prof. dr hab. Jan Wybitny, wykonałem/am samodzielnie, co poświadczam własnoręcznym podpisem.

.....