



Politechnika  
Wrocławska

WYDZIAŁ ELEKTRONIKI, FOTONIKI I MIKROSYSTEMÓW

---

Sterowanie Procesami Dyskretnymi

## Problemy jednomaszynowe

---

Członkowie grupy: Eryk Sikora, 263453  
Aleksander Biskup, 264346

Prowadzący zajęcia: dr inż. Agnieszka Wielgus  
Grupa zajęciowa: Poniedziałek 11<sup>15</sup> – 13<sup>00</sup>

2 kwietnia 2024

# Spis treści

- 1 Opis problemu
- 2 Wybrane algorytmy
- 3 Algorytm własny
  - 3.1 Opis . . . . .
  - 3.2 Pseudokod . . . . .
- 4 Wyniki eksperymentu numerycznego
- 5 Wnioski

# 1 Opis problemu

kilka zdań, typu: dana jest jedna maszyna oraz zbiór  $J=1,2,\dots,j,\dots,N$  zadań. Zadania charakteryzują się  
W ramach wykonywanych ćwiczeń przerabiane były podstawowe problemy jednomaszynowe. Jak sama nazwa wskazuje dostępna była jedna maszyna oraz zbiory zadań o różnej ilości zadań. Każdy zbiór wyróżniał się unikalnymi zależnościami wartości  $r_j$ ,  $q_j$  oraz  $p_j$ , umożliwiając tym samym sprawdzenie poprawności implementowanych algorytmów szeregowania zadań.

## 2 Wybrane algorytmy

1. Algorytmy heurystyczne oparte o sortowanie (po  $r_j$  i  $q_j$ )
2. Przegląd zupełny
3. Algorytm Schrage (z i bez wyłączeń)
4. Algorytm Carliera
5. Algorytm własny

## 3 Algorytm własny

### 3.1 Opis

Zamysłem algorytmu własnego jest nadawanie priorytetów na podstawie czasu stygnięcia, a następnie sprawdzanie pomiędzy czasami rozpoczęcia pracy nad zadaniami nie powstają luki. Jeśli luka zostaje wykryta, algorytm podejmuje próbę wykonania zadania o mniejszym priorytecie, o czasie wykonania równym lub mniejszym niż czas przerwy pomiędzy zadaniami wykonywanymi według priorytetu. Algorytm rozważa wzięcie tylko jednego z zadań o mniejszym priorytecie natomiast wybiera takie, które będzie wykonywać się najdłużej aby zapełnić lukę w możliwie jak największym stopniu.

## 3.2 Pseudokod

---

**Algorithm 1** Algorytm Bisora

---

```
1: original  $\leftarrow$  main_list
2: current_item_occur_time
3: original_size  $\leftarrow$  list_size
4: temporary, top_item
5: idleQueue  $\leftarrow$  priority queue ordered by compareByIdleTime
6: helpQueue  $\leftarrow$  priority queue ordered by compareByIdleTime
7: workQueue  $\leftarrow$  priority queue ordered by compareByWorkAndOccurTime
8: for each item in main_list do
9:   idleQueue.push(item)
10: main_list.clear()
11: list_size  $\leftarrow$  0
12: while list_size < original_size do
13:   current_item_occur_time  $\leftarrow$  idleQueue.top().getOccurTime()
14:   temporary  $\leftarrow$  idleQueue.top()
15:   idleQueue.pop()
16:   while not idleQueue.isEmpty() do
17:     top_item  $\leftarrow$  idleQueue.top()
18:     item_total_time  $\leftarrow$  top_item.getOccurTime() + top_item.getWorkTime()
19:     if current_item_occur_time < item_total_time then
20:       helpQueue.push(top_item)
21:     else
22:       workQueue.push(top_item)
23:   idleQueue.pop()
24:   if not workQueue.isEmpty() then
25:     top_item  $\leftarrow$  workQueue.top()
26:     workQueue.pop()
27:     main_list.push_back(top_item)
28:   main_list.push_back(temporary)
29:   while not workQueue.isEmpty() do
30:     top_item  $\leftarrow$  workQueue.top()
31:     workQueue.pop()
32:     idleQueue.push(top_item)
33:   while not helpQueue.isEmpty() do
34:     top_item  $\leftarrow$  helpQueue.top()
35:     helpQueue.pop()
36:     idleQueue.push(top_item)
37:   list_size  $\leftarrow$  list_size + 1
```

---

## 4 Wyniki eksperymentu numerycznego

Link do sheetsa z wynikami w tabeli

|   |          |        |       |         |          |           |
|---|----------|--------|-------|---------|----------|-----------|
| Rozmiar problemu                            | 5        | 6      | 7     | 9       | 10       | 11        |
| Wartość kryterium<br>Sort r_j               | 2313     | 34     | 3212  | 2364    | 746      | 13959     |
| Czas dział. alg. Sort r_j [ms]              | 41       | 6      | 9     | 7       | 7        | 8         |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 0,04%    | 6,25%  | 0,00% | 0,00%   | 16,38%   | 0,70%     |
| Wartość kryterium<br>Sort q_j               | 2822     | 43     | 3414  | 3235    | 886      | 20300     |
| Czas dział. alg. Sort q_j [ms]              | 37       | 7      | 8     | 6       | 8        | 8         |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 22,06%   | 34,38% | 6,29% | 36,84%  | 38,22%   | 46,44%    |
| Wartość przeglądu zupełnego                 | 2312     | 32     | 3212  | 2364    | 641      | 13862     |
| Czas działani przeglądu zupełnego [ms]      | 3234     | 21239  | 41278 | 2170404 | 22127281 | 244114441 |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 0,00%    | 0,00%  | 0,00% | 0,00%   | 0,00%    | 0,00%     |
| Wartość kryterium<br>Konstr.                | 2321     | 32     | 3212  | 2364    | 806      | 14801     |
| Czas dział. alg.<br>Konstr. [ms]            | 56       | 22     | 30    | 31      | 33       | 43        |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 0,39%    | 0,00%  | 0,00% | 0,00%   | 25,74%   | 6,77%     |
| Wartość kryterium<br>Schrage V1             | 2313     | 32     | 3212  | 2364    | 687      | 13959     |
| Czas dział. alg. Schrage V1 [ms]            | 66       | 12     | 18    | 17      | 34       | 17        |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 0,04%    | 0,00%  | 0,00% | 0,00%   | 7,18%    | 0,70%     |
| Wartość kryterium<br>Schrage V2             | 2313     | 32     | 3212  | 2364    | 687      | 13959     |
| Czas dział. alg. Schrage V2 [ms]            | 134      | 18     | 44    | 38      | 46       | 205       |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 0,04%    | 0,00%  | 0,00% | 0,00%   | 7,18%    | 0,70%     |
| Wartość kryterium<br>Schrage z wyłączeniem  | 52273    | 32     | 3212  | 2251    | 641      | 13826     |
| Czas dział. alg. Schrage z wyłączeniem [ms] | 228      | 18     | 91    | 64      | 61       | 469       |
| Błąd względny wykonania kryterium           | 2160,94% | 0,00%  | 0,00% | 4,78%   | 0,00%    | 0,26%     |

Tabela 1: Tabela wyników działania poszczególnych algorytmów dla różnych zbiorów zadań

## 5 Wnioski

- Dla większych zbiorów danych algorytm Schrage zwraca nieprawidłowy wynik. Może być to spowodowane tzw. corner case, którego nie udało się odnaleźć podczas debugowania.
- Algorytm Schrage został zaimplementowany na dwa różne sposoby, pierwszy z nich opiera się na wektorach, drugi na kolejkach priorytetowych. Zazwyczaj dają one jednakowe wyniki, natomiast czasami występują różnice. Z obserwacji wynika, że ten dający mniejszy wynik był tym poprawnie działającym.