

ISTITUTO TECNICO INDUSTRIALE STATALE "STANISLAO CANNIZZARO" Via Raffaello Sanzio, 2 20017 RHO (MI) tel. 029303576/7 fax 029302752

www.itiscannizzaro.gov.it e-mail presidenza.cannizzaro@gmail.com

CURRICULO DI ISTITUTO DI MATEMATICA E COMPLEMENTI

SECONDO BIENNIO E CLASSE QUINTA

SETTORE: TECNOLOGICO - INDIRIZZO: INFORMATICA E TELECOMUNICAZIONE -

ARTICOLAZIONE:INFORMATICA

DIPARTIMENTO DI MATEMATICA

QUADRO DELLE COMPETENZE

(Linee guida Istituti Tecnici secondo biennio e classi quinte - Area di istruzione generale e allegati C)

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative
- Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.
- Utilizzare i concetti e i modelli delle scienze sperimentali per investigare fenomeni sociali e naturali e per interpretare dati
- Utilizzare le reti e gli strumenti informatici nelle attività di studio, ricerca e approfondimento disciplinare
- Correlare la conoscenza storica generale agli sviluppi delle scienze, della tecnologie e delle tecniche negli specifici campi professionali di riferimento
- Progettare strutture, apparati e sistemi, applicando anche modelli matematici, e analizzare le risposte alle sollecitazioni meccaniche, termiche, elettriche e di altra natura

CLASSI TERZE

INDICE GENERALE DEI MODULI E DELLE UNITÀ

MATEMATICA

MODULO 1- EQUAZIONI E DISEQUAZIONI BINOMIE E TRINOMIE EQUAZIONI E DISEQUAZIONI CON VALORI ASSOLUTI. EQUAZIONI E DISEQUAZIONI IRRAZIONALI

- U 1.1 Equazioni e disequazioni binomie e trinomie
- U 1.2 Equazioni e disequazioni con valori assoluti
- U 1.3 Equazioni e disequazioni irrazionali

MODULO 2 - GEOMETRIA ANALITICA

- U 2.1 Il piano cartesiano e la retta
- U 2.2 La circonferenza
- U 2.3 La parabola

MODULO 3 - GONIOMETRIA

- U 3.1 Angoli, archi e loro misure
- U 3.2 Formule goniometriche
- U 3.3 Equazioni e disequazioni goniometriche elementari

COMPLEMENTI DI MATEMATICA

MODULO 4 - FUNZIONI - FUNZIONI ESPONENZIALI - FUNZIONI LOGARITMICHE

- U 4.1 Funzioni
- U 4.2 Funzioni esponenziali
- U 4.3 Funzioni logaritmiche

MODULO 1 - EQUAZIONI E DISEQUAZIONI BINOMIE E TRINOMIE EQUAZIONI E DISEQUAZIONI CON VALORI ASSOLUTI EQUAZIONI E DISEQUAZIONI IRRAZIONALI

Unità: 1.1 EQUAZIONI E DISEQUAZIONI BINOMIE E TRINOMIE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

➤ Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica

Abilità	Conoscenze
 Saper risolvere un'equazione o una	 Definizione di equazione e di
disequazione binomia. Saper risolvere un'equazione o una	disequazione binomia. Definizione di equazione e di
disequazione trinomia.	disequazione trinomia.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di equazione binomia e di disequazione binomia. Definizione di equazione trinomia e di disequazione trinomia e loro utilizzo in ambito algebrico in equazioni e disequazioni anche fratte.

Unità: 1.2 - EQUAZIONI E DISEQUAZIONI CON VALORI ASSOLUTI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

> Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica.

Abilità	Conoscenze
 Saper applicare la definizione di valore assoluto e le relative proprietà alla risoluzione immediata di particolari equazioni e disequazioni. Saper risolvere un'equazione o una disequazione contenente valori assoluti traducendola nella disgiunzione di opportuni sistemi risolvere disequazioni della forma f(x) <g(x), f(x) =""> g(x).</g(x),> 	numero o un'espressione letterale proprietà del valore assoluto (o moduli).

Definizione e proprietà dei moduli. Risoluzione di equazioni e disequazioni con moduli. Disequazioni con moduli nella forma |f(x)| < g(x), |f(x)| > g(x) e loro derivate.

Unità:1.3 - DISEQUAZIONI IRRAZIONALI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

➤ Utilizzare le tecniche e le procedure del calcolo aritmetico ed algebrico, rappresentandole anche sotto forma grafica.

Abilità	Cc	onoscenze
• Saper risolvere semplici equazioni e disequazioni irrazionali contenenti radicali	•	Proprietà delle disuguaglianze rispetto all'elevamento a potenza
quadratici e cubici.	•	Definizione di equazione e di disequazione
Saper tradurre un'equazione del tipo		irrazionale e relativo dominio
$\sqrt{f(x)} = g(x)$ in un sistema.	•	Problematiche relative all'elevamento a
• Saper tradurre una disequazione del tipo		potenza di entrambi i membri di una equazione e di una disequazione
$\sqrt{f(x)} < g(x)$ in un sistema di tre	•	Metodi risolutivi delle equazioni e delle
disequazioni.		disequazioni irrazionali
Saper tradurre una disequazione del tipo		
$\sqrt{f(x)} > g(x)$ in due sistemi di due		
disequazioni.		

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di equazione irrazionale e relativo dominio. Definizione di disequazione irrazionale e relativo dominio. Equazioni del tipo $\sqrt{f(x)} = g(x)$. Disequazioni del tipo $\sqrt{f(x)} < g(x)$, $\sqrt{f(x)} > g(x)$ e loro derivate.

MODULO 2 - GEOMETRIA ANALITICA

Unità: 2.1- IL PIANO CARTESIANO E LA RETTA

- > Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici, per affrontare situazioni problematiche elaborando opportune soluzioni.
- Individuare le strategie appropriate per la risoluzione di problemi.

Abilità	Conoscenze
Saper determinare le coordinate del punto modio a la distanza tra dua punti nel piane.	·
medio e la distanza tra due punti nel piano cartesiano.	piano e coppie ordinate di numeri reali.Equazione della retta in forma implicita ed

- Saper rappresentare una retta di cui sia nota l'equazione.
- Saper utilizzare le varie formule per risolvere problemi sulla retta.
- esplicita.
- Relazioni tra i coefficienti dell'equazione e la posizione della retta nel piano cartesiano.
- Relazioni di parallelismo e perpendicolarità.

Formule della distanza tra due punti e del punto medio di un segmento. Equazioni della retta nel piano cartesiano (assi, parallele agli assi, per l'origine, in posizione generica). Condizioni di parallelismo e perpendicolarità. Equazione dell'asse di un segmento. Posizione reciproca tra due rette. Fascio di rette proprio (rette per un punto) e improprio (rette parallele). Distanza di un punto da una retta. Problemi di applicazione

Unità: 2.2- LA CIRCONFERENZA

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici, per affrontare situazioni problematiche elaborando opportune soluzioni.
- Individuare le strategie appropriate per la risoluzione di problemi.

Abilità Conoscenze Saper rappresentare una circonferenza nel Definizione della circonferenza. piano cartesiano, data l'equazione. Relazioni fra i coefficienti dell'equazione della circonferenza e il centro e il raggio. scrivere l'equazione Saper una circonferenza, date determinate condizioni. Posizioni reciproche tra retta Saper risolvere problemi relativi alla circonferenza. circonferenza. Posizioni reciproche tra due circonferenze.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Equazione della circonferenza e formule per determinare centro e raggio. Casi particolari dell'equazione di una circonferenza. Posizioni reciproche tra retta e circonferenza e tra due circonferenze, asse radicale. Tangenti per un punto e da un punto esterno ad una circonferenza con relativi metodi particolari e generale (metodo del delta).

Unità: 2.3 - LA PARABOLA

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici, per affrontare situazioni problematiche elaborando opportune soluzioni.
- Individuare le strategie appropriate per la risoluzione di problemi.

Abilità			Conoscenze	
•	Saper rappresentare una parabola nel	•	Definizione della parabola.	
	piano cartesiano, data l'equazione.	•	Relazioni fra i coefficienti dell'equazione	
•	Saper scrivere l'equazione di una parabola		della parabola e i suoi elementi	
	date determinate condizioni.		caratteristici: vertice, fuoco, asse, direttrice.	

- Saper risolvere problemi relativi alla parabola.
- Posizioni reciproche tra retta e parabola.

Equazione della parabola e formule del vertice, del fuoco, dell'asse, della direttrice di una parabola con asse parallelo all'asse y e all'asse x. Posizioni reciproche tra retta e parabola. Tangenti ad una parabola da un punto esterno; tangente ad una parabola in un suo punto.

MODULO 3 - GONIOMETRIA

Unità: 3.1- ANGOLI, ARCHI E LORO MISURE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Ab	ilità	Co	onoscenze
•	Saper rappresentare le funzioni goniometriche circolari e le loro inverse Saper risolvere semplici identità ed espressioni utilizzando i valori delle funzioni goniometriche degli angoli di 30°, 45°, 60° e dei loro multipli e utilizzando gli archi associati	•	Conoscere la definizione delle diverse funzioni goniometriche e delle loro inverse, il concetto del loro dominio e del loro codominio. Conoscere i valori delle funzioni goniometriche degli angoli di 30°, 45°, 60° e dei loro multipli. Conoscere le relazioni che intercorrono tra le funzioni goniometriche degli archi associati.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Funzioni goniometriche e loro inverse: seno, coseno, tangente, cotangente, arcoseno, arcocoseno, arcotangente. Relazioni fondamentali. Grafici delle principali funzioni goniometriche. Angoli notevoli: 30°, 45°, 60° e loro multipli. Archi associati. Identità goniometriche ed espressioni contenenti valori notevoli ed archi associati.

Unità: 3.2 - FORMULE GONIOMETRICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper applicare le formule goniometriche. 	Conoscere le formule goniometriche.

Formula di addizione, sottrazione del seno e del coseno. Formula di duplicazione. Formula bisezione. Formule parametriche.

Unità: 3.3 EQUAZIONI E DISEQUAZIONI GONIOMETRICHE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- > Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adequatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze	
 Saper applicare le tecniche di risoluzione di equazioni. Saper applicare le tecniche di risoluzione di semplici disequazioni goniometriche. 	 Conoscere le tecniche per la risoluzione di equazioni. Conoscere le tecniche per la risoluzione di semplici disequazioni goniometriche. 	

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Equazioni elementari. Equazioni lineari. Equazioni 2° grado. Equazioni omogenee (o ad esse riconducibili) di 2° e 4°. Disequazioni elementari.

COMPLEMENTI DI MATEMATICA

MODULO 4 - FUNZIONI - FUNZIONI ESPONENZIALI - FUNZIONI LOGARITMICHE

Unità: 4.1- FUNZIONI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- > Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper distinguere tra relazione e funzione. Saper tracciare il grafico di alcune funzioni notevoli. 	 Conoscere la definizione di funzione e la terminologia appropriata. Conoscere il significato di grafico di una funzione.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di funzione, immagine e controimmagine, dominio e codominio. Classificazione delle funzioni. Concetto di grafico di una funzione matematica. Principali caratteristiche delle funzioni (pari, dispari, iniettiva, suriettiva, biunivoca, costante, inversa, composta, periodica, crescente, decrescente in un intervallo).

Unità: 4.2 - FUNZIONI ESPONENZIALI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze		
 Saper applicare le proprietà delle potenze. 	Conoscere le proprietà delle potenze a esponente reale.		
 Saper disegnare le curve esponenziali. Saper risolvere equazioni e disequazioni esponenziali. 	 Saper ricavare dal grafico delle funzioni esponenziali le principali caratteristiche. Conoscere le tecniche fondamentali di calcolo per risolvere equazioni e disequazioni esponenziali. 		

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Potenze ad esponente reale. La funzione e la curva esponenziale. Equazioni esponenziali delle tre tipologie e corrispondenti disequazioni esponenziali.

Unità: 4.3- FUNZIONI LOGARITMICHE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Ab	ilità					Ö	onoscenze
•	Saper logaritmo	applicare e le propri	la ietà.	definizione	di	•	Conoscere la definizione di logaritmo e le proprietà.
•	•	•		ogaritmiche ni e disequa:	zioni	•	Saper ricavare dal grafico delle funzioni logaritmiche le principali caratteristiche.
	logaritmi con loga		espor	nenziali riso	lubili	•	Conoscere le tecniche fondamentali di calcolo per risolvere equazioni e disequazioni logaritmiche ed esponenziali risolubili con logaritmi.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di logaritmo e sue proprietà. La funzione e la curva logaritmica. Equazioni e disequazioni esponenziali risolubili con logaritmi. Equazioni logaritmiche. Disequazioni logaritmiche.

CLASSI QUARTE

INDICE GENERALE DEI MODULI E DELLE UNITÀ

MATEMATICA

MODULO COMPLETAMENTO PROGR. 3ª

- U 1.1 Ellisse e iperbole
- U 1.2 Goniometria

MODULO 1- LIMITI E FUNZIONI CONTINUE

- U 1.1 Topologia della retta reale. Funzioni.
- U 1.2 Limiti delle funzioni
- U 1.3 Funzioni continue e calcolo di limiti
- U 1.4 Teoremi sulle funzioni continue (punti singolari e grafico approssimato)

MODULO 2 - DERIVATE

- U 2.1 Derivata di una funzione
- U 2.2 Teoremi sulle funzioni derivabili

MODULO 3 - RAPPRESENTAZIONE GRAFICA DI UNA FUNZIONE

- U 3.1 Massimi, minimi, flessi
- U 3.2 Rappresentazione grafica delle funzioni

COMPLEMENTI DI MATEMATICA

MODULO 4 - DATI E PREVISIONI

- U 4.1 Calcolo combinatorio
- U 4.2 Calcolo delle probabilita'

MODULO COMPLETAMENTO PROGRAMMA 3ª

Unità: 1 ELLISSE E IPERBOLE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- > Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici, per affrontare situazioni problematiche elaborando opportune soluzioni.
- Individuare le strategie appropriate per la risoluzione di problemi.

Abilità Conoscenze Saper rappresentare un'ellisse • Definizione di ellisse e iperbole (in un'iperbole nel piano cartesiano, data particolare: iperbole equilatera riferita agli l'equazione. assi e agli asintoti) • Saper scrivere l'equazione di un'ellisse • Relazioni fra i coefficienti dell'equa-zione o di un'iperbole, date determinate di un'ellisse o un'iperbole e i suoi elementi caratteristici: vertici, fuochi, asintoti. condizioni. Saper risolvere problemi relativi all'ellisse e all'iperbole.

Equazione dell'ellisse con fuochi sull'asse x e y e relazioni tra le misure dei semiassi e le coordinate di vertici, fuochi ed eccentricità. Posizioni reciproche tra retta ed ellisse; tangente per un punto (regola dello sdoppiamento). Equazione dell'iperbole con fuochi sull'asse x e y e relazioni tra le misure dei semiassi e le coordinate di vertici, fuochi, asintoti ed eccentricità. Posizioni reciproche tra retta ed iperbole; tangente per un punto (regola dello sdoppiamento). Iperbole equilatera riferita agli assi e agli asintoti.

Unità: 2 GONIOMETRIA

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- > Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adequatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper applicare le formule goniometriche. Saper applicare le tecniche di risoluzione di equazioni e di semplici disequazioni goniometriche. 	 Conoscere le formule goniometriche. Conoscere le tecniche per la risoluzione di equazioni e di semplici disequazioni goniometriche.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Formula di addizione, sottrazione del seno e del coseno. Formula di duplicazione. Formula bisezione. Formule parametriche. Equazioni elementari. Equazioni lineari. Equazioni 2° grado. Equazioni omogenee (o ad esse riconducibili) di 2° e 4°. Disequazioni elementari.

MODULO 1 - LIMITI E FUNZIONI CONTINUE

Unità: 1.1 TOPOLOGIA DELLA RETTA REALE FUNZIONI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Saper riconoscere e saper scrivere un intorno di un punto. Saper individuare le condizioni di esistenza di una funzione e saper individuarne il dominio. Saper riconoscere e stabilire le proprietà di una funzione. 	 Conoscere la definizione di intorno di un punto nelle diverse tipologie. Conoscere la definizione di punto di accumulazione. Conoscere la definizione di dominio di una funzione. Conoscere le proprietà di una funzione.

Definizione di intorno di un punto; intorni completi, destri o sinistri. Definizione di punto di accumulazione. Determinazione di dominio, intersezioni con gli assi cartesiani, segno di funzioni razionali, irrazionali, esponenziali, logaritmiche. Definizione di funzione pari e funzione dispari. Definizione di crescenza e decrescenza di una funzione.

Unità: 1.2 LIMITI DELLE FUNZIONI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper applicare la definizione di limite per verificare la correttezza di un limite in casi semplici. Saper calcolare un limite partendo dalla conoscenza dei limiti notevoli. 	 Conoscere la definizione di limite, le operazioni tra limiti e le forme indeterminate. Conoscere le procedure per il calcolo di limiti.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Il concetto di limite di una funzione e definizioni formali dei quattro casi possibili; limiti destri e sinistri semplici verifiche di limiti in base alla definizione. Teorema di unicità del limite, teorema del confronto, teorema di permanenza del segno. Operazioni con i limiti; forme determinate e indeterminate. Limiti notevoli e loro applicazione nella determinazione di limiti derivati.

Unità: 1.3 FUNZIONI CONTINUE E CALCOLO DI LIMITI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

> Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adequatamente informazioni qualitative e quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Saper verificare se una funzione è o no continua. Saper calcolare i limiti in forma indeterminata. Saper determinare gli asintoti orizzontali e verticali di una funzione. 	 Conoscere la definizione di continuità di una funzione e la classificazione delle discontinuità. Conoscere le procedure per il calcolo di limiti in forma indeterminata. Conoscere i due limiti notevoli e quelli da essi deducibili. Conoscere le condizioni per l'esistenza di asintoti di una funzione.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di continuità puntuale e in un intervallo di una funzione. Calcolo di limiti. Classificazione dei punti di discontinuità di una funzione. Studio della continuità di funzioni definite a tratti. Condizioni necessarie e sufficienti per l'esistenza di asintoti verticali, orizzontali. Costruzione di grafici probabili sulla base dei primi elementi dello studio di una funzione.

Unità: 1.4 TEOREMI SULLE FUNZIONI CONTINUE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- ➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper classificare i punti singolari di una funzione. Saper stabilire se i teoremi sono o no applicabili a semplici funzioni. 	 Conoscere la classificazione dei punti singolari. Conoscere gli enunciati dei teoremi di Weierstrass, di Bolzano, degli zeri.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Classificazione dei punti singolari. Teorema di Weierstrass. Teorema di Darboux-Bolzano. Teorema degli zeri

MODULO 2 - DERIVATE

Unità: 2.1 DERIVATA DI UNA FUNZIONE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità Conoscenze

- Saper scrivere e calcolare la derivata di una funzione in un suo punto
- Saper rappresentare graficamente il significato geometrico della derivata e saper calcolare l'equazione della retta tangente al grafico di una funzione in un suo punto.
- Saper calcolare la funzione derivata e saper individuare i punti in cui una funzione non è derivabile.
- Saper calcolare la funzione derivata di ordine superiore al primo.
- Saper calcolare il differenziale di una funzione e saper utilizzare il concetto ed il modello in altre discipline.

- Conoscere la definizione di derivata, derivata sinistra, derivata destra.
- conoscere il significato geometrico della derivata e la sua rappresentazione.
- Conoscere la funzione derivata e la derivabilità in un intervallo.
- Conoscere la definizione di derivata seconda e successive.
- Conoscere la definizione di differenziale e il suo significato geometrico.

Definizione di rapporto incrementale, di derivata, derivata destra, derivata sinistra. Significato geometrico di una derivata, continuità delle funzioni derivabili. Derivate fondamentali. L'algebra delle derivate; derivate delle funzioni composte, delle funzioni inverse. Derivate di ordine superiore. Differenziale.

Unità: 2.2 TEOREMI SULLE FUNZIONI DERIVABILI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.
- ➤ Utilizzare i concetti e i modelli delle scienze sperimentali per investigare fenomeni sociali e naturali e per interpretare dati.

Abilità		Conos	scenze			
Lagrand Saper if e decre punto. Saper a	applicare i teoremi di Rolle e di ge. individuare le funzioni crescenti escenti in un intervallo ed in un applicare i teoremi di De l'Hopital lo dei limiti.	•	Conoscere dimostrazione Lagrange e di Conoscere le di Rolle, di Ca Conoscere i sua regola ap	conseguenze luchy e di Lagi teoremi de l'I	dei teor range.	remi

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Teoremi di Rolle. Teorema di Lagrange e sue conseguenze. Teorema di Cauchy e di De l'Hopital.

MODULO 3 - RAPPRESENTAZIONE GRAFICA DI UNA FUNZIONE

Unità: 3.1 MASSIMI, MINIMI, FLESSI

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adequatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità		Conoscenze
•	Saper individuare i punti di massimo e minimo relativi di una funzione con lo studio del segno della y'. Saper individuare la concavità con lo studio del segno della y''.	 Conoscere le definizioni di punto di massimo e minimo relativo e assoluto. Conoscere la definizione di concavità verso l'alto e verso il basso di una f(x) in un punto.

- Saper individuare e classificare i punti di flesso.
- Conoscere la definizione di punto di flesso e la classificazione dei punti di flesso.

Definizione di massimo e minimo relativo e assoluto. Condizione sufficiente per l'esistenza di un estremo e ricerca degli estremi relativi e assoluti (metodo dello studio del segno della derivata prima). Definizione di concavità di una curva. Definizione di punto di flesso, classificazione dei punti di flesso. Criterio di concavità e convessità. Ricerca dei punti di flesso (metodo dello studio del segno della derivata seconda).

Unità: 3.2 RAPPRESENTAZIONE GRAFICA DELLE FUNZIONI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adequatamente informazioni qualitative e quantitative.
- ➤ Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità Conoscenze Saper calcolare gli asintoti obliqui di Conoscere le formule per il calcolo una funzione. degli asintoti obliqui. Conoscere l'elenco dei punti • Saper analizzare le caratteristiche di per lo studio di una una funzione (dominio, positività, analizzare funzione. asintoti.ecc.). Saper sintetizzare le caratteristiche di una funzione nel disegno del suo grafico.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di asintoto obliquo. Formule per il calcolo degli asintoti obliqui. Schema generale per lo studio di una funzione. Grafici di funzioni razionali intere, fratte, irrazionali, esponenziali, logaritmiche.

COMPLEMENTI DI MATEMATICA

MODULO 4 - DATI E PREVISIONI

Unità: 4.1 CALCOLO COMBINATORIO

- Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi.
- Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico.

Abilità

- Saper applicare le definizioni e le formule di permutazioni, disposizioni, combinazioni nella risoluzione di semplici problemi di calcolo combinatorio.
- Saper applicare correttamente le proprietà del coefficiente binomiale.
- Saper applicare la formula del binomio di Newton

Conoscenze

- Conoscere le definizioni e le formule di calcolo di permutazioni, disposizioni e combinazioni, sia semplici che con ripetizione.
- Conoscere la definizione e le proprietà del coefficiente binomiale.
- Conoscere la formula del binomio di Newton.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Le permutazioni semplici e con ripetizione: definizione e formula di calcolo; la funzione fattoriale come funzione ricorsiva. Le disposizioni semplici e con ripetizione: definizione e formula di calcolo. Le combinazioni semplici e con ripetizione: definizione e formula di calcolo II coefficiente binomiale e sue proprietà. Formula del binomio di Newton per calcolare la potenza di un binomio.

Unità: 4.2 CALCOLO DELLE PROBABILITA'

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Individuare le strategie appropriate per la soluzione di problemi.
- Analizzare dati e interpretarli sviluppando deduzioni e ragionamenti sugli stessi anche con l'ausilio di rappresentazioni grafiche, usando consapevolmente gli strumenti di calcolo e le potenzialità offerte da applicazioni specifiche di tipo informatico.

Abilità

Saper calcolare la probabilità di eventi elementari con l'applicazione della definizione.

- Saper individuare le operazioni tra eventi elementari che traducono la richiesta di problemi di calcolo delle probabilità.
- Saper calcolare la probabilità totale e composta tramite l'applicazione dei relativi teoremi.
- Saper riconoscere e risolvere problemi riconducibili allo schema di Bernoulli.

Conoscenze

- Conoscere la definizione di probabilità.
- Conoscere le definizioni di evento impossibile, certo, contrario, di eventi compatibili e incompatibili, di unione e intersezione di eventi, di eventi dipendenti.
- Conoscere il teorema della probabilità totale.
- Conoscere la definizione di evento condizionato e il teorema della probabilità composta per eventi dipendenti e indipendenti.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di evento elementare, evento certo, evento impossibile. Definizione classica di probabilità. Probabilità e frequenza; la legge empirica del caso. Operazioni tra eventi: unione, intersezione, evento contrario. Teorema della probabilità totale per eventi incompatibili e compatibili. Definizione di probabilità condizionata e formula di calcolo. Eventi dipendenti e indipendenti; teorema della probabilità composta per eventi dipendenti e indipendenti.

Lo schema di Bernoulli come applicazione del teorema della probabilità composta per eventi indipendenti.

CLASSI QUINTE

INDICE GENERALE DEI MODULI E DELLE UNITÀ

MODULO 1 INTEGRALI

U 1.1 Integrali indefiniti (1ª parte)

U 1.2 Integrali indefiniti (2ª parte)

U 1.3 Integrali definiti (1ª parte)

U 1.4 Integrali definiti (2ª parte)

MODULO 2 - FUNZIONI IN DUE VARIABILI

U 2.1 Dominio delle funzioni in due variabili

U 2.2 Derivate parziali e differenziale totale

MODULO 3 - SERIE

U 3.1 Serie numeriche

MODULO 4 - ALGEBRA LINEARE

U 4.1 Matrici

U 4.2 DeterminantI

MODULO 1 - INTEGRALI

Unità: 1.1 INTEGRALI INDEFINITI (1ª parte)

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Saper calcolare l'integrale indefinito di funzioni elementari. Saper applicare le tecniche di integrazione immediata. Saper applicare le tecniche per integrare una funzione razionale fratta 	Conoscere le primitive di una funzione e il concetto d'integrale indefinito.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di primitiva di una funzione e d'integrale indefinito. L'integrale indefinito come operatore lineare. Integrali indefiniti immediati. Integrali indefiniti riconducibili a quelli elementari. Integrazione delle funzioni razionali fratte:

- a) denominatore di primo grado
- b) denominatore di secondo grado
- c) metodo dei coefficienti indeterminati

Unità: 1.2 INTEGRALI INDEFINITI (2ª parte)

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
Saper applicare le tecniche di integrazione per sostituzione e per parti	 Conoscere il metodo di sostituzione per gli integrali. Conoscere il metodo d'integrazione per parti.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITÀ IN TERMINI DI CONTENUTI

Regola d'integrazione per sostituzione. Regola d'integrazione per parti.

Unità : 1.3 INTEGRALI DEFINITI (1ª parte)

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
 Saper calcolare l'integrale definito di funzioni di facile integrazione 	Conoscere il concetto d'integrale definito.
	 Conoscere il teorema fondamentale del calcolo integrale.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITA' IN TERMINI DI CONTENUTI

Introduzione al concetto d'integrale definito. L'integrale definito di una funzione continua: caso di funzione positiva e caso di funzione negativa. Le somme integrali di Cauchy - Riemann. Le proprietà fondamentali degli integrali definiti. L'integrale definito come operatore lineare. Il teorema della media (enunciato). Il teorema fondamentale del calcolo integrale (con dimostrazione). La formula fondamentale del calcolo integrale. Integrali di funzioni pari e dispari

Unità: 1.4 INTEGRALI DEFINITI (2ª parte)

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze
Saper utilizzare l'integrale per il calcolo di aree.	 Conoscere il concetto di applicazione dell'integrale definito per il calcolo di aree.

Calcolo degli integrali definiti. Calcolo dell'area della parte di piano delimitata da due o tre funzioni

MODULO 2 - FUNZIONI IN DUE VARIABILI

Unità: 2.1 DOMINIO DELLE FUNZIONI IN DUE VARIABILI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Saper risolvere una disequazione e un sistema di disequazioni in due variabili. Saper determinare il dominio di una funzione a due variabili. Saper tracciare i grafici sezione e le curve di livello. 	 Conoscere il metodo risolutivo di una disequazione e di un sistema di disequazioni in due variabili. Conoscere la definizione di funzione a due variabili. Conoscere la definizione di dominio e codominio. Conoscere le rappresentazioni grafiche per punti, sezione, curve di livello.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITA' IN TERMINI DI CONTENUTI

Risoluzione di una disequazione in due variabili, intera e fratta che richieda l'utilizzo di grafici di rette e coniche in forma canonica. Risoluzione di un sistema di disequazioni in due variabili. Definizione di funzione a due variabili. Dominio e codominio: definizioni. Ricerca del dominio. Rappresentazione grafica: grafici sezione, linee di livello.

Unità: 2.2 DERIVATE PARZIALI E DIFFERENZIALE TOTALE

- Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.
- > Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti didattici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.

Abilità	Conoscenze	
 Saper calcolare le derivate parziali con la definizione e le regole. 	 Conoscere la definizione di derivate parziali e il significato geometrico. 	
 Saper calcolare il differenziale totale. 	Conoscere la definizione di differenziale	

- Saper calcolare e classificare i punti stazionari di una funzione z = f(x; y).
- totale.
- Conoscere la definizione di punto di massimo, minimo, a sella.

Incremento parziale e incremento totale. Definizioni di derivate parziali prime rispetto a x, rispetto a y e loro significato geometrico. Definizione di retta tangente e di piano tangente. Esistenza e calcolo delle derivate parziali. Utilizzo delle derivate parziali per la costruzione della retta e del piano tangenti. Differenziale totale: definizione e interpretazione geometrica. Definizioni di: punto stazionario, punto di massimo, di minimo, di sella. Costruzione dell'Hessiano. Enunciato del teorema di Schwarz. Utilizzo dell'Hessiano per la ricerca di massimi, minimi, punti di sella.

MODULO 3 - SERIE

U.D.3.1 SERIE NUMERICHE

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni qualitative e quantitative.

ABILITA'

- Saper calcolare la somma di serie particolari (telescopiche, geometriche).
- Saper stabilire il carattere di una serie a termini positivi.
- Saper stabilire il carattere di serie a segno alterno e a segno qualsiasi.
- Saper stabilire se una serie a segno qualsiasi converge semplicemente o assolutamente.

CONOSCENZE

- Conoscere le definizioni fondamentali e la terminologia.
- Conoscere le proprietà delle serie numeriche.
- Conoscere i criteri di convergenza delle serie a termini positivi e a segno alterno
- Conoscere i concetti di serie assolutamente e semplicemente convergente.

ARTICOLAZIONE DELL'UNITA' IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizioni fondamentali e terminologia. Serie geometrica, serie di Mengoli. Proprietà generali delle serie. Condizione necessaria per la convergenza di una serie. Resto di una serie. Criteri di convergenza per le serie a termini positivi (primo e secondo del confronto, della radice, del rapporto). Serie armonica di ordine alfa. Criterio di Leibniz per le serie a segno alterno. Convergenza semplice e assoluta per le serie a termini di segno qualunque.

MODULO 4 - ALGEBRA LINEARE

Unità: 4.1 MATRICI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Formalizzare un problema individuando o ricercando un modello matematico coerente. 	

Definizione di matrice quadrata e rettangolare. Matrici particolari: nulla, vettore riga, vettore colonna. Operazioni con le matrici: Addizione e sottrazione, moltiplicazione per un numero reale, moltiplicazione riga per colonna, moltiplicazione tra matrici.

Unità: 4.2 DETERMINANTI

QUADRO DELLE COMPETENZE SPECIFICHE

➤ Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni quantitative.

Abilità	Conoscenze
 Formalizzare un problema individuando	 Modelli e metodi matematici discreti:
o ricercando un modello matematico	risoluzione algoritmica di problemi
coerente	lineari

ARTICOLAZIONE DELL'UNITA' IN TERMINI DI CONTENUTI

Definizione di determinante. Costruzione del determinante di una matrice nxn.