

アルゴリズム講座

第4回 ～幅優先探索編～

2020/07/05 11:00～

@utsubo_21 高澤 栄一

Lesson 4

今回の内容

- 下記のアルゴリズム・データ構造を10回程度に分けて1つずつ解説

Lesson1 ▶ 全探索

▶ グラフ・木

Lesson2 ▶ 二分探索

▶ ダイクストラ法

Lesson3 ▶ 深さ優先探索

▶ ワーシャルフロイド法

Lesson4 ▶ 幅優先探索

▶ クラスカル法

▶ 動的計画法

▶ Union-Find

▶ 累積和

参考：レッドコーダーが教える、競プロ・AtCoder上達のガイドライン【中級編：目指せ水色コーダー！】

<https://qiita.com/e869120/items/eb50fdaece12be418faa>

Question

問題

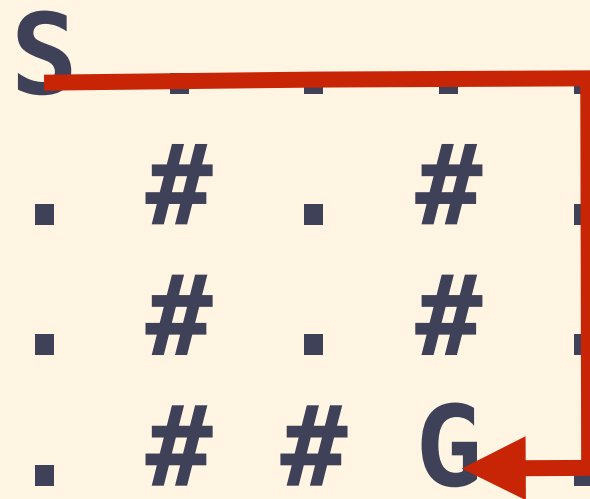
- 迷路が与えられる
- 最短経路長を返さない

```
S  .  .  .  .  
  .  #  .  #  .  
  .  #  .  #  .  
  .  #  #  G  .
```

```
S : Start  
G : Goal  
. : Empty (can move)  
# : Wall
```

問題

- 迷路が与えられる
- 最短経路長を返しなさい

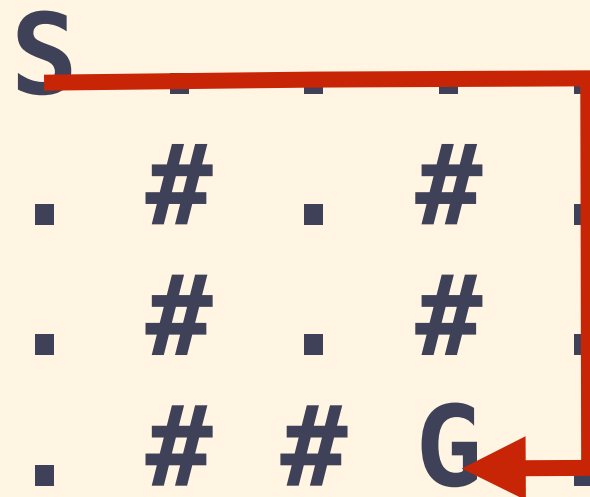


S : Start
G : Goal
.
: Wall

最短8手で到着

問題

- 迷路が与えられる
- 最短経路長を返しなさい

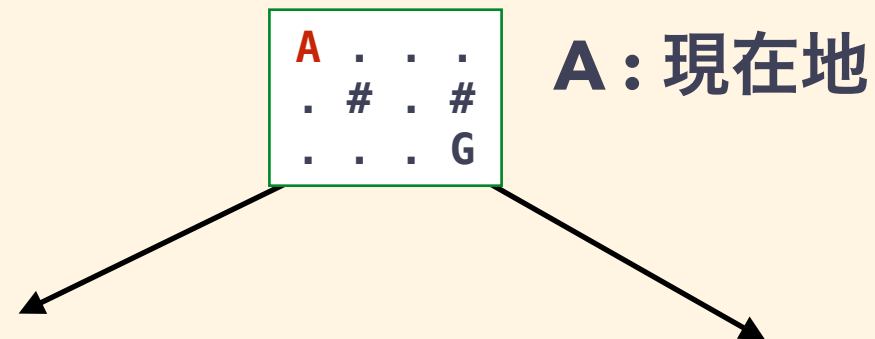


S : Start
 G : Goal
 . : Empty (can move)
 # : Wall

最短8手で到着

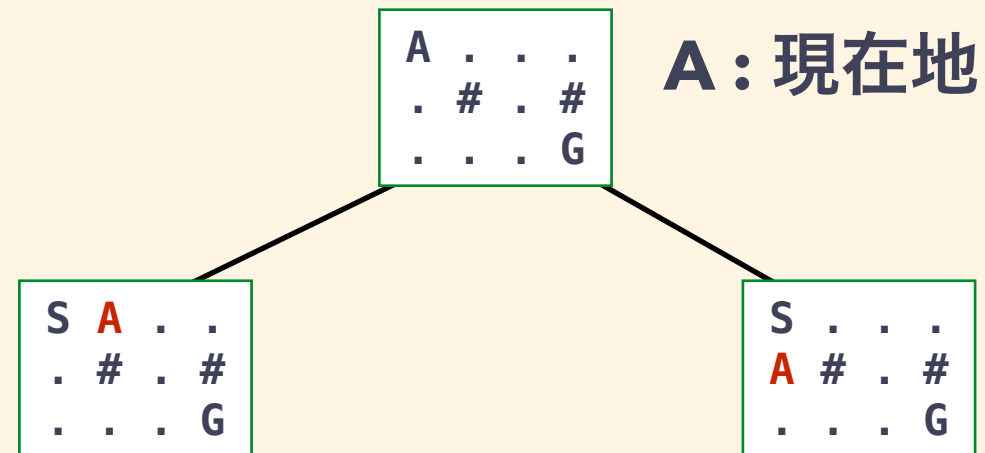
⇒ 全ての経路を調べよう！

経路を全列挙しよう



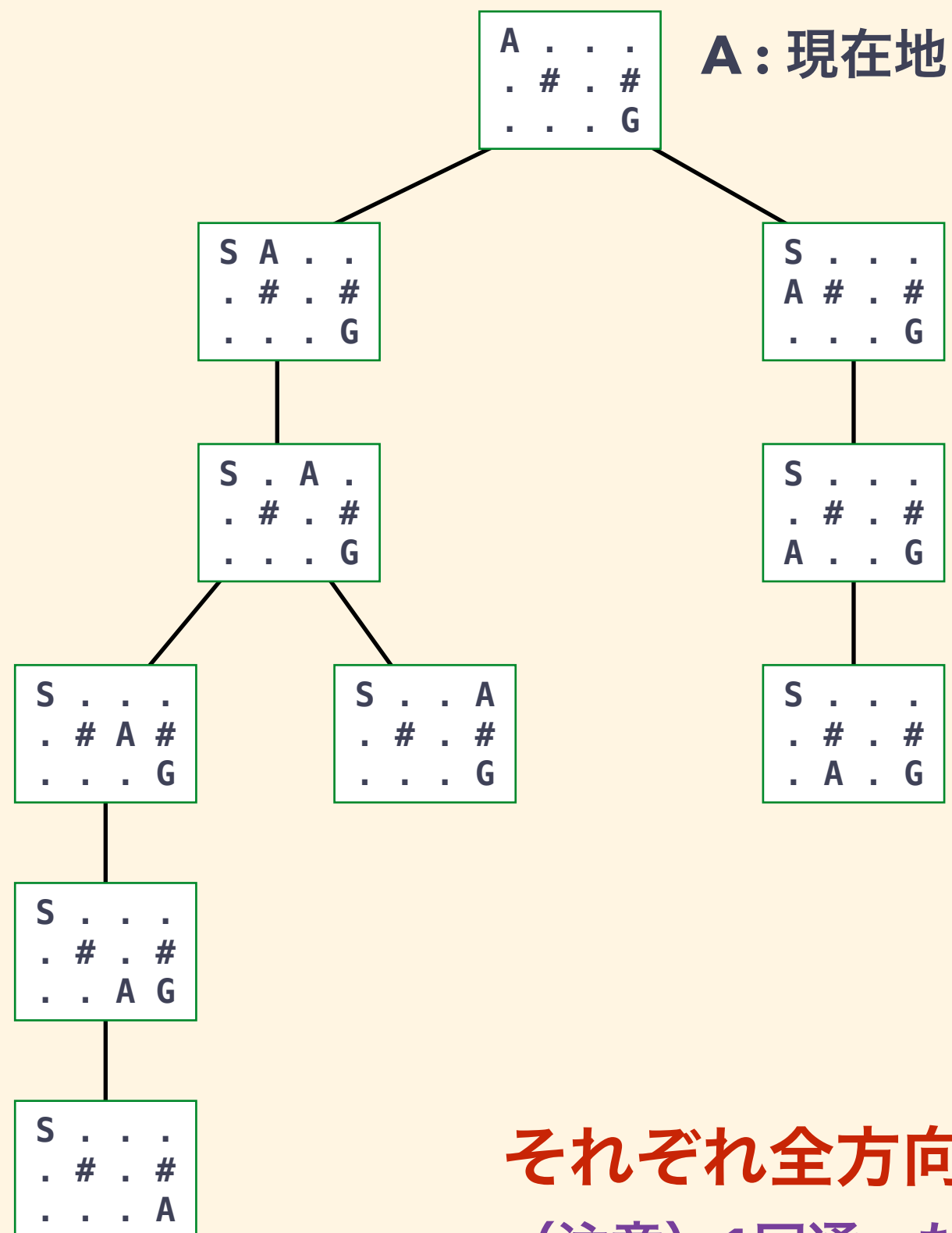
Aの位置からスタート 1マス動かしてみる

経路を全列挙しよう



右と下に移動できる

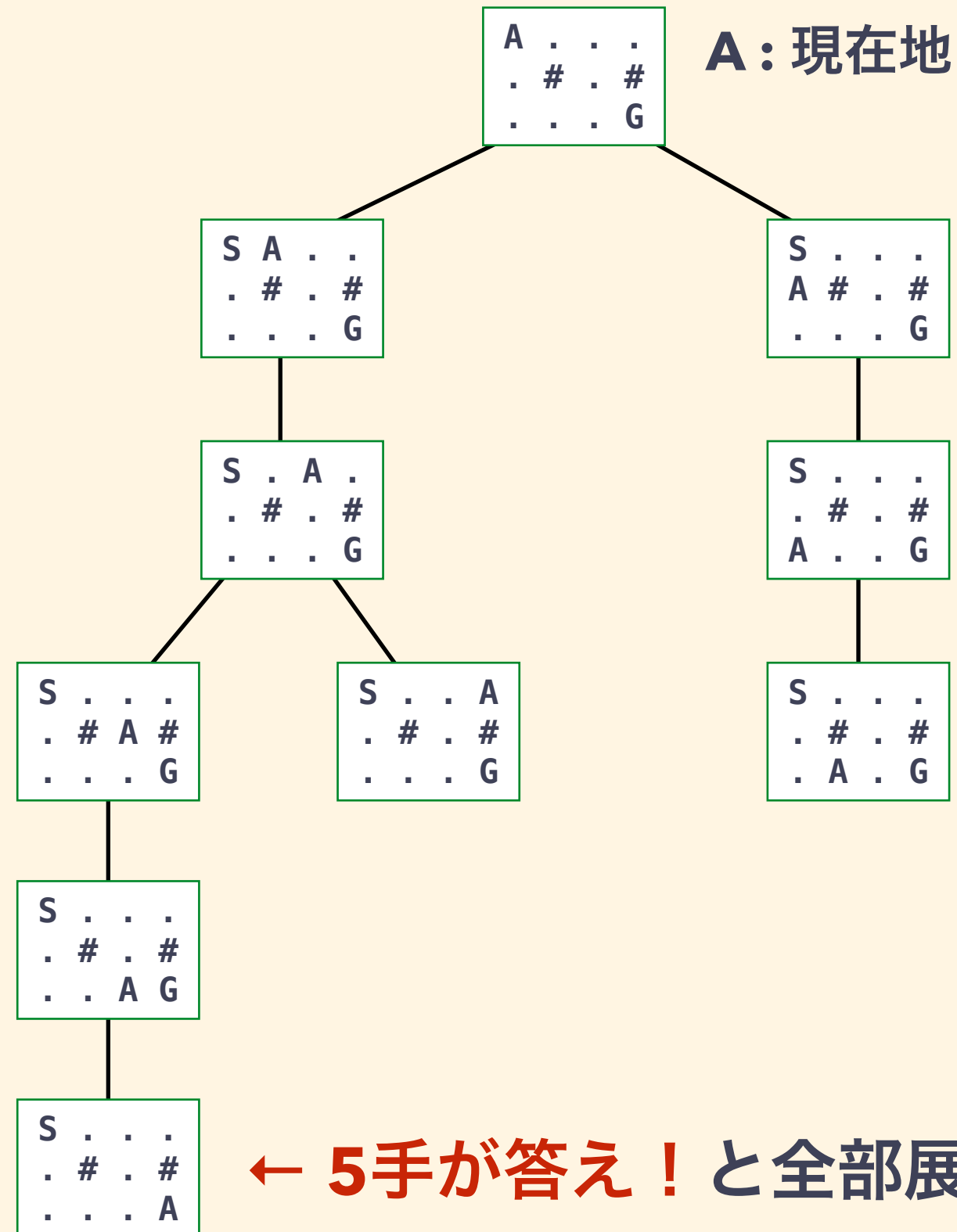
経路を全列挙しよう



それぞれ全方向へ動かしてみると...

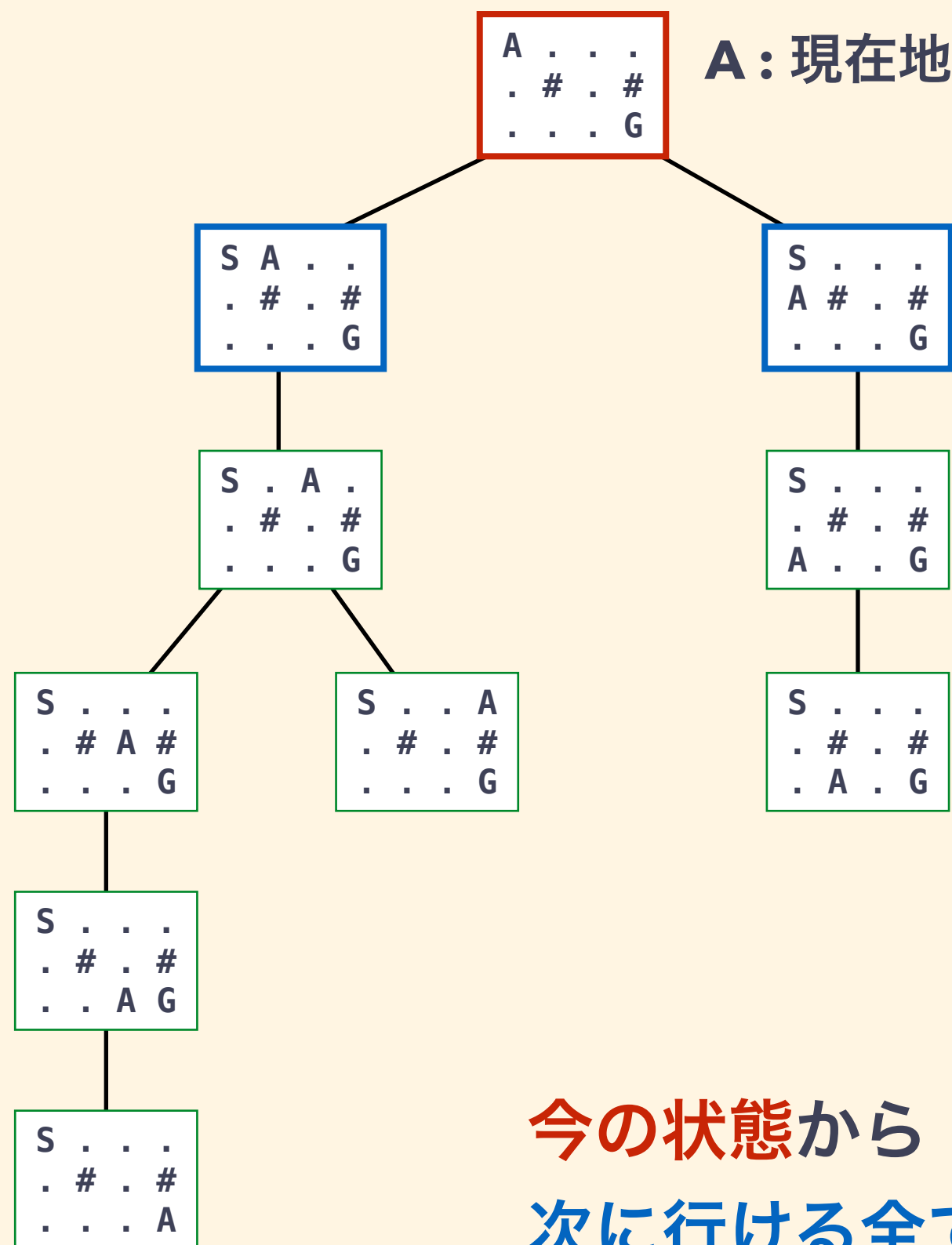
(注意) 1回通った場所を通らないように

経路を全列挙しよう



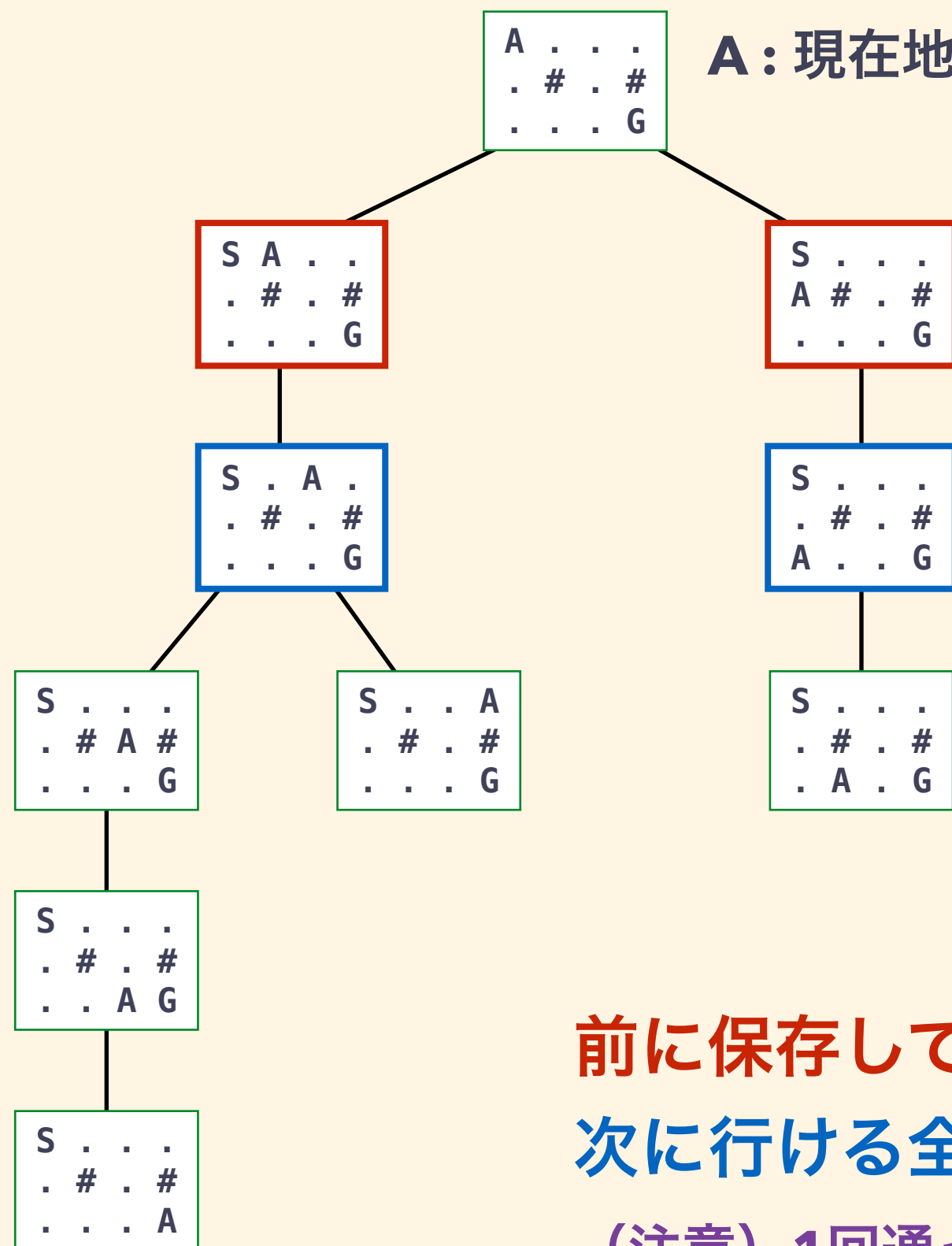
← 5手が答え！と全部展開してやれば分かる

どのように全列挙するか？



今の状態から
次に行ける全ての状態を生成し保存

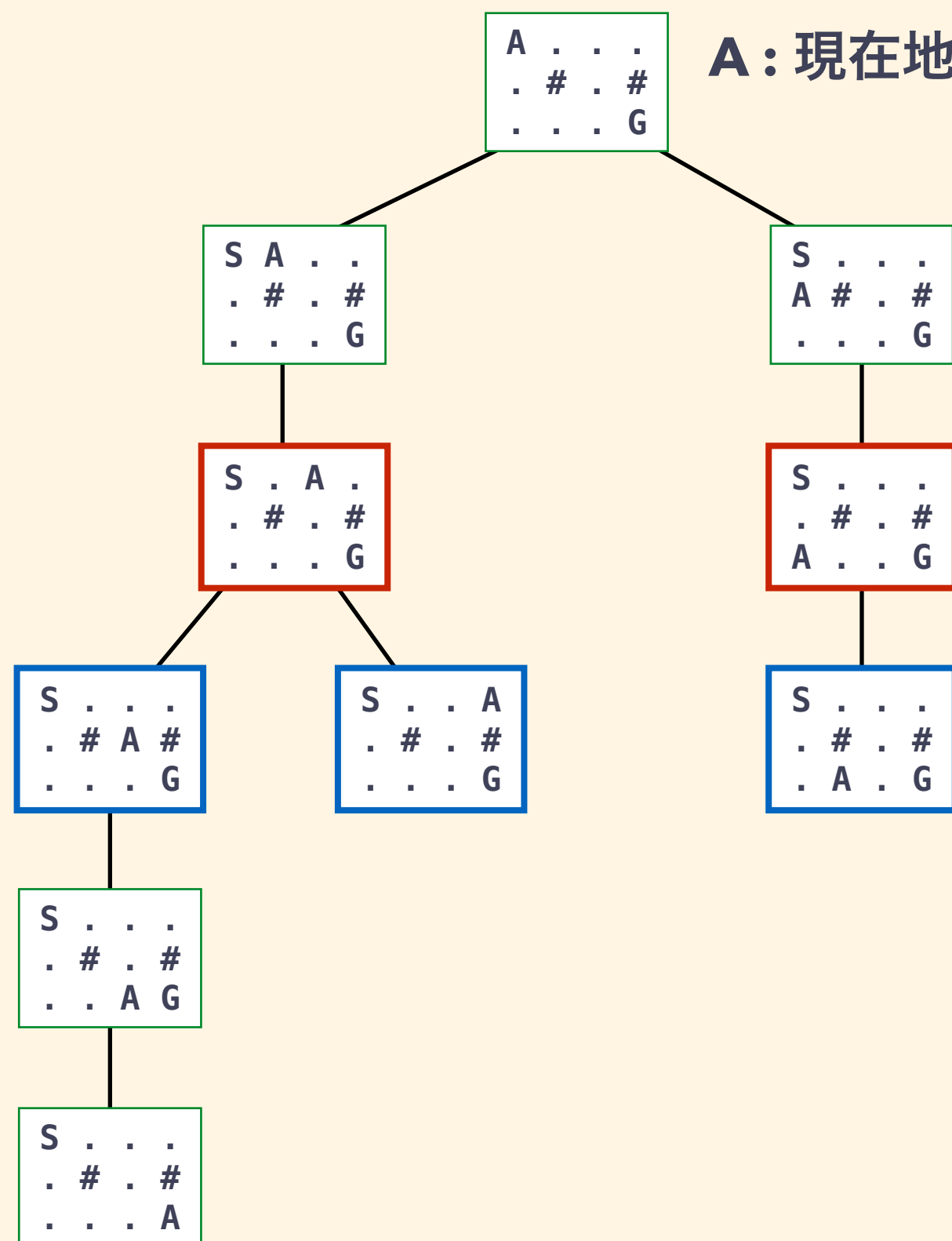
どのように全列挙するか？



前に保存しておいた状態から
次に行ける全ての状態を生成

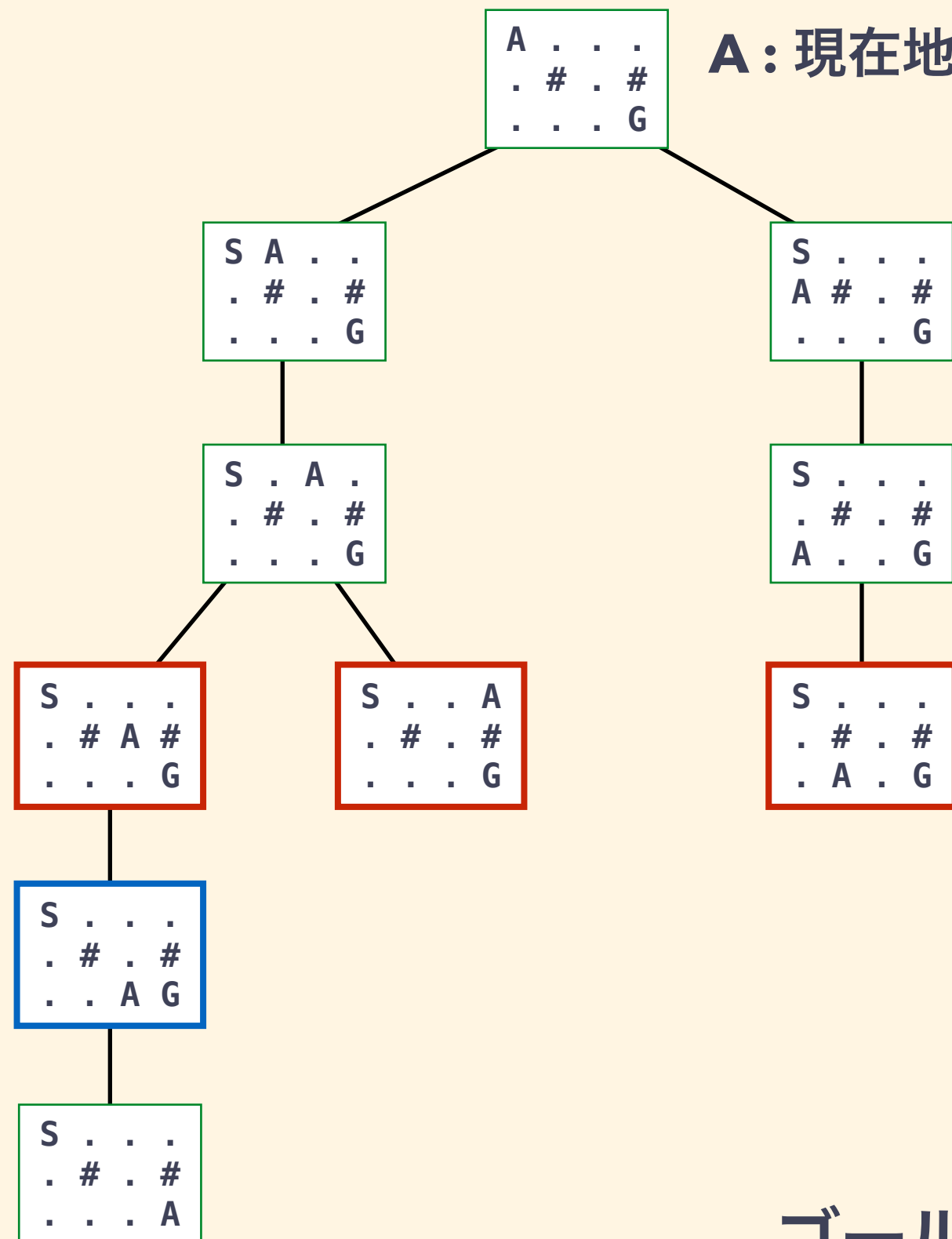
(注意) 1回通った場所を通らないように

どのように全列挙するか？



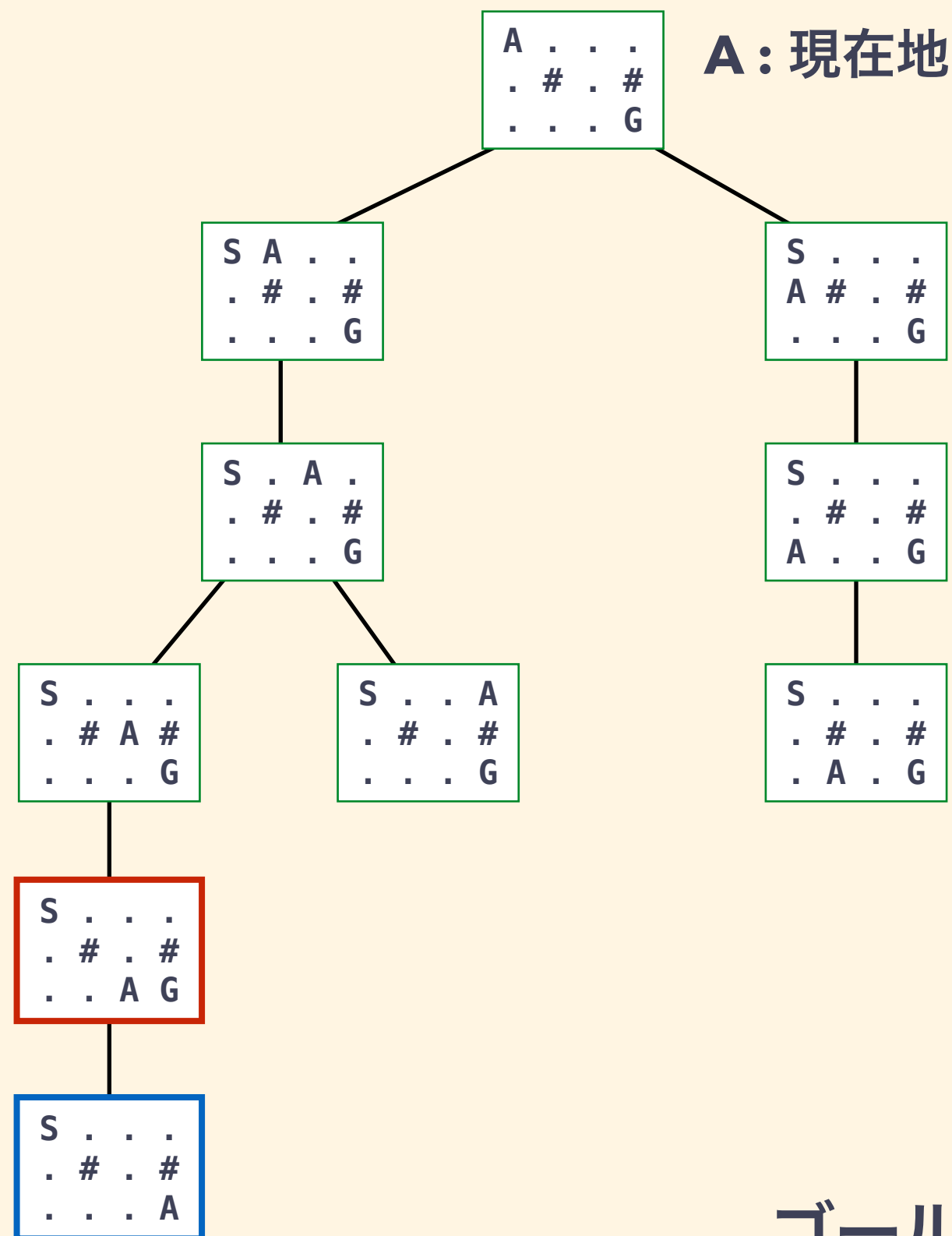
同じように

どのように全列挙するか？



ゴールに着くまで繰り返す

どのように全列挙するか？



ゴールに着くまで繰り返す

どう実装するのか？

キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

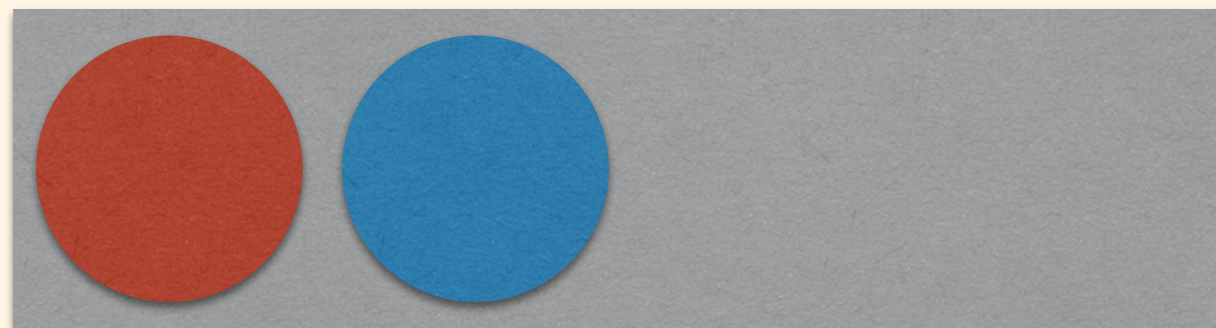
キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

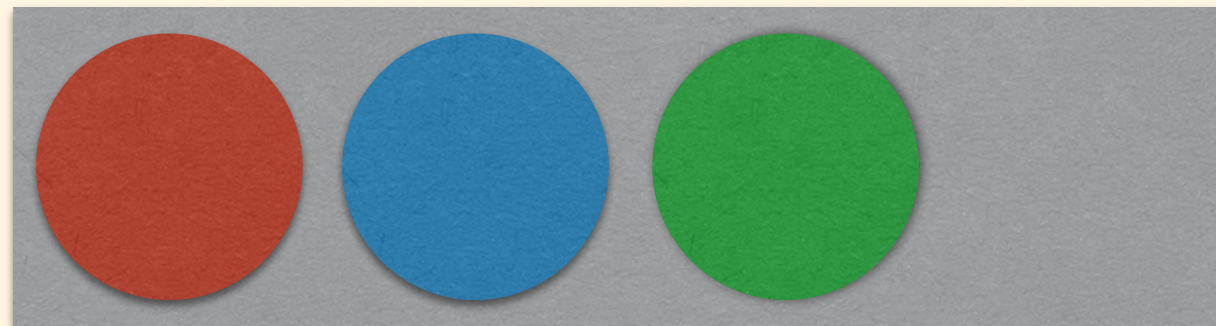
キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

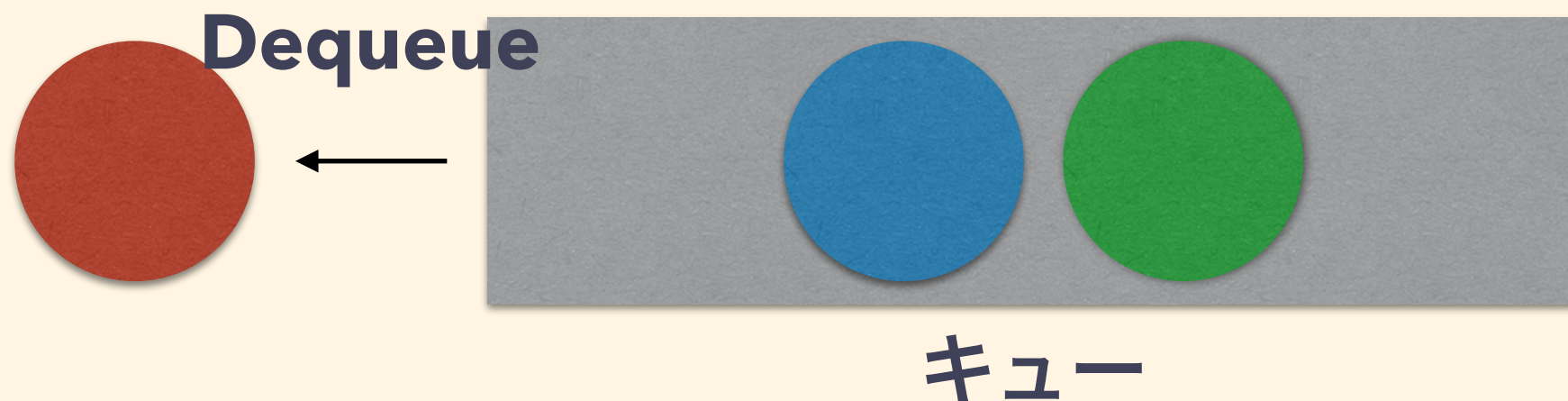
- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



キュー

キュー

- とは？
 - ▶ 基本的なデータ構造
 - ▶ データを先入れ先出しのリスト構造で保持



最初に入れたものが最初に出てくる

データを追加すること : Enqueue

データを取り出すこと : Dequeue

キュー

- 各言語でのライブラリ
 - ▶ C++ : `std::queue<T>`
 - ▶ Python : `Queue`
 - ▶ Java : `Deque<T>` (実装は`ArrayDeque<T>`等)
- * データを追加/取り出す関数の名前が各言語で違うので注意
(**Enqueue, Dequeue**ではない名前になっている)

キュー

- コード例 (Python)

コード

```
que = queue.Queue()  
que.put('A')  
que.put('B')  
que.put('C')  
  
que.get()  
que.get()  
  
que.put('D')
```

内部の雰囲気

```
[ ]  
[A]           in  A  
[A, B]        in  B  
[A, B, C]     in  C  
  
[B, C]        out A  
[C]           out B  
  
[C, D]        in  D
```

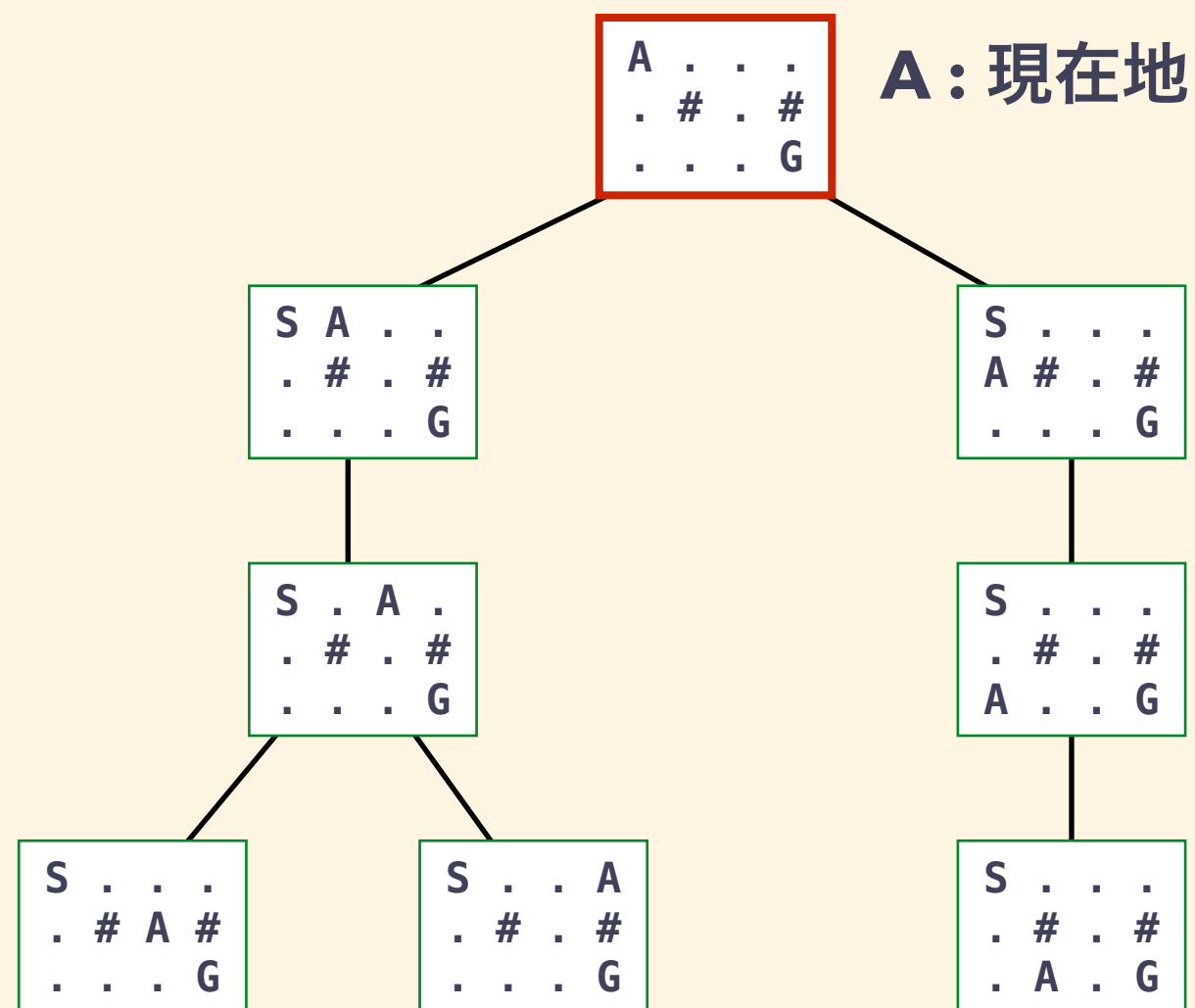
で、キューを使って
どう実装するのか？

幅優先探索を書く

- 擬似コード

```
que = queue.Queue()  
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加  
  
while (!que.empty()) { // キューが空でない時  
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し  
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧  
    for (next_state : next_states) {  
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加  
    }  
}
```

処理の流れを追ってみる

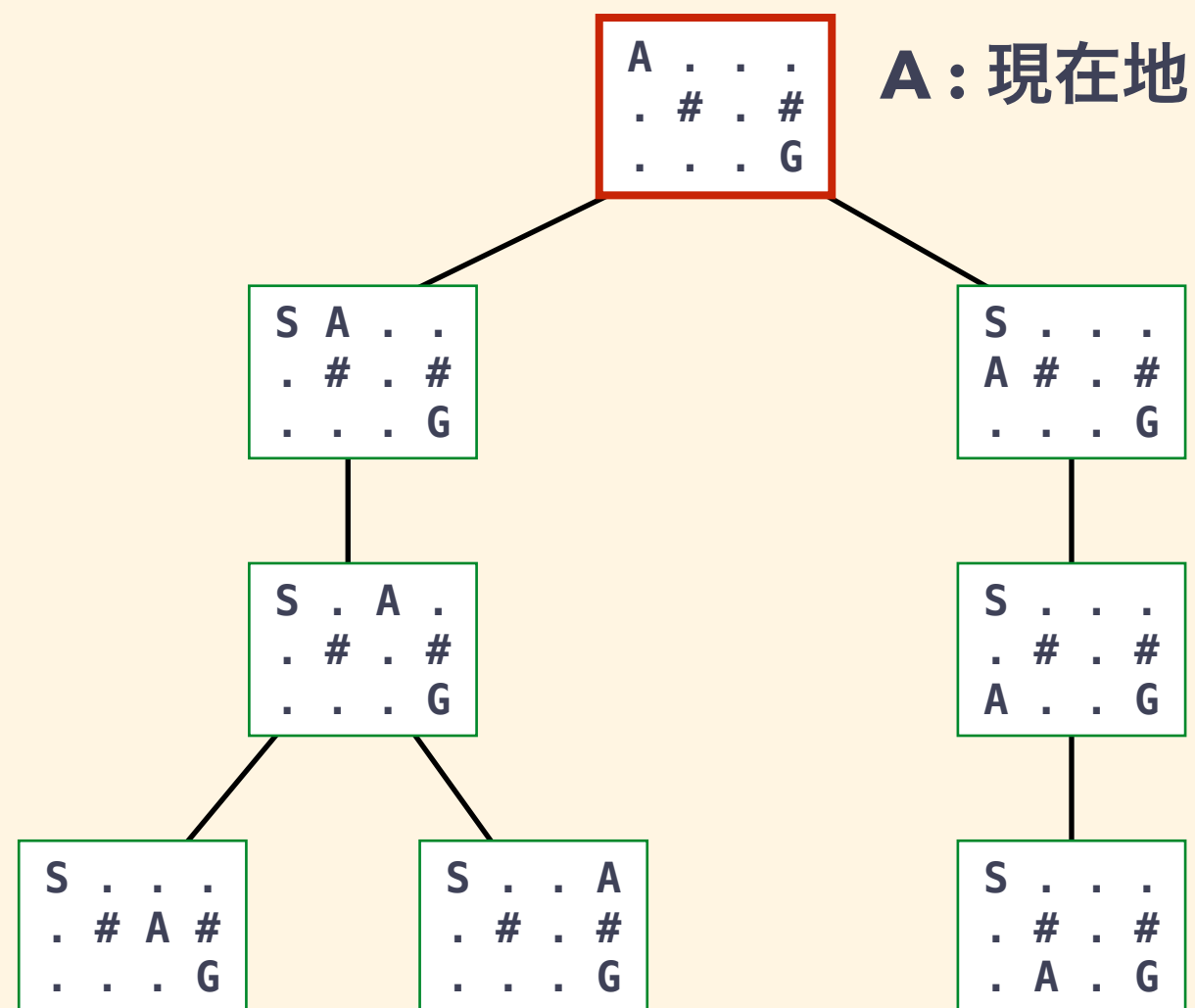


```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる



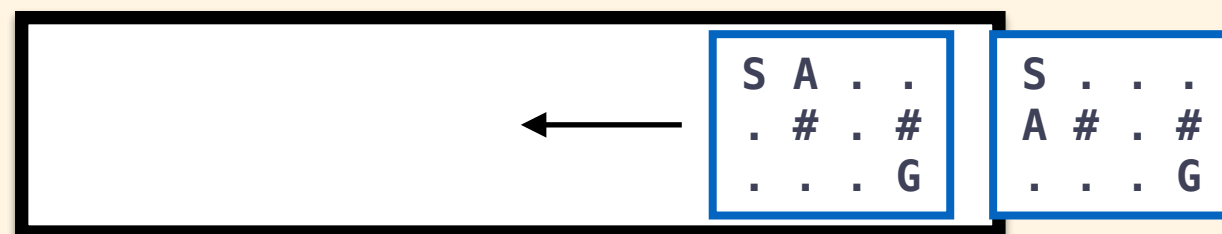
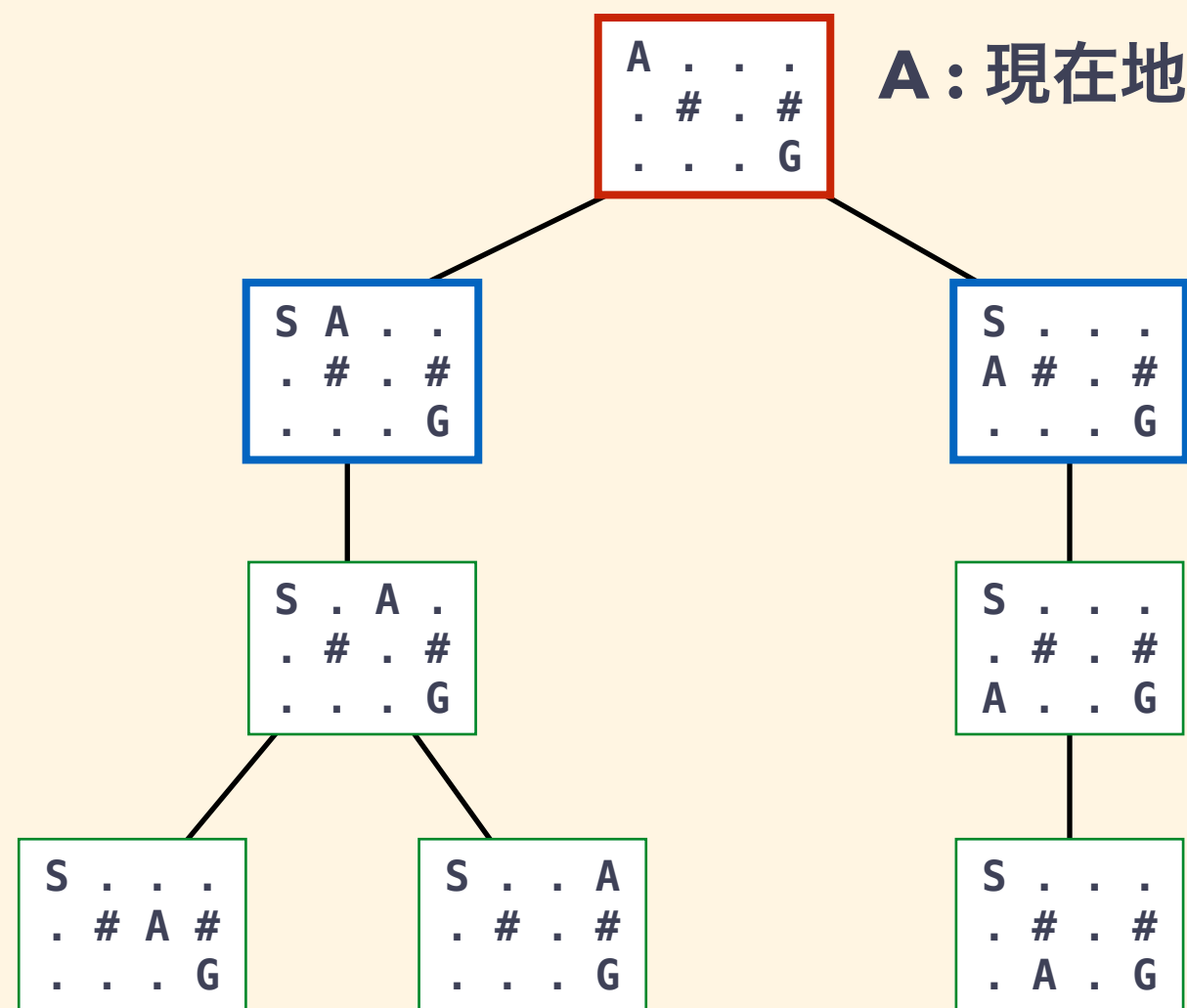
A
 . # . #
 . . . G

```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる

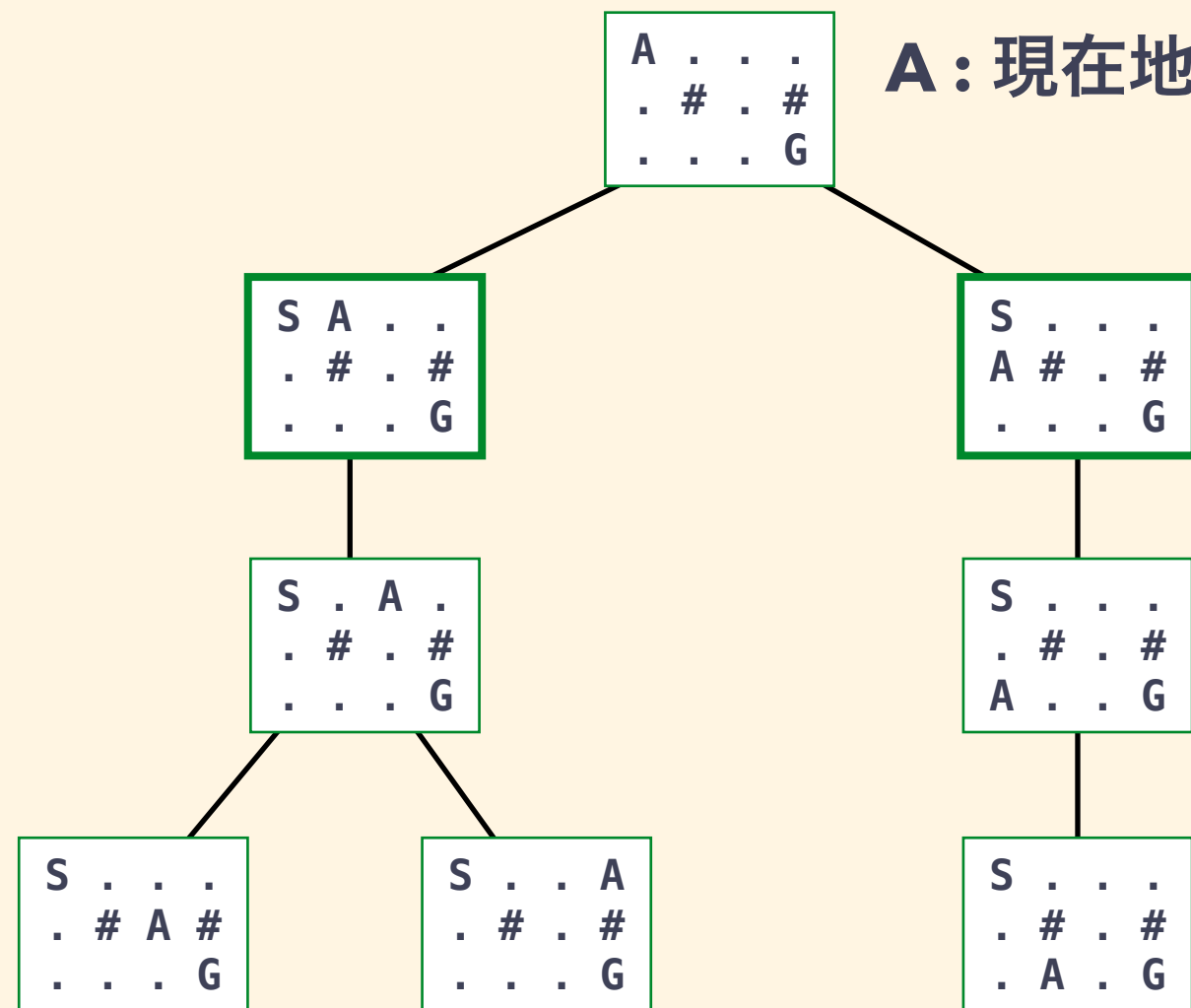


```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる



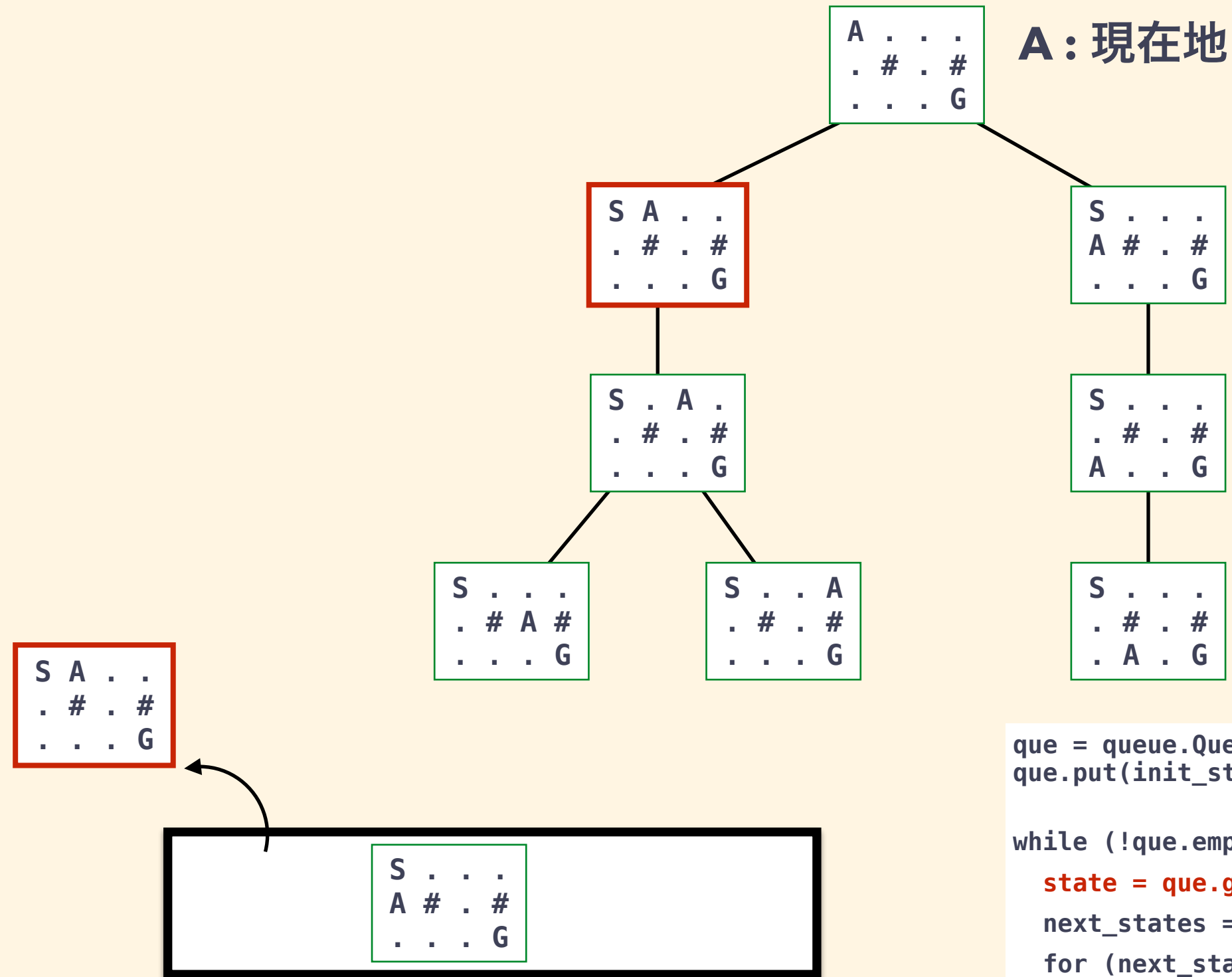
1手動かした状態が入っている

```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

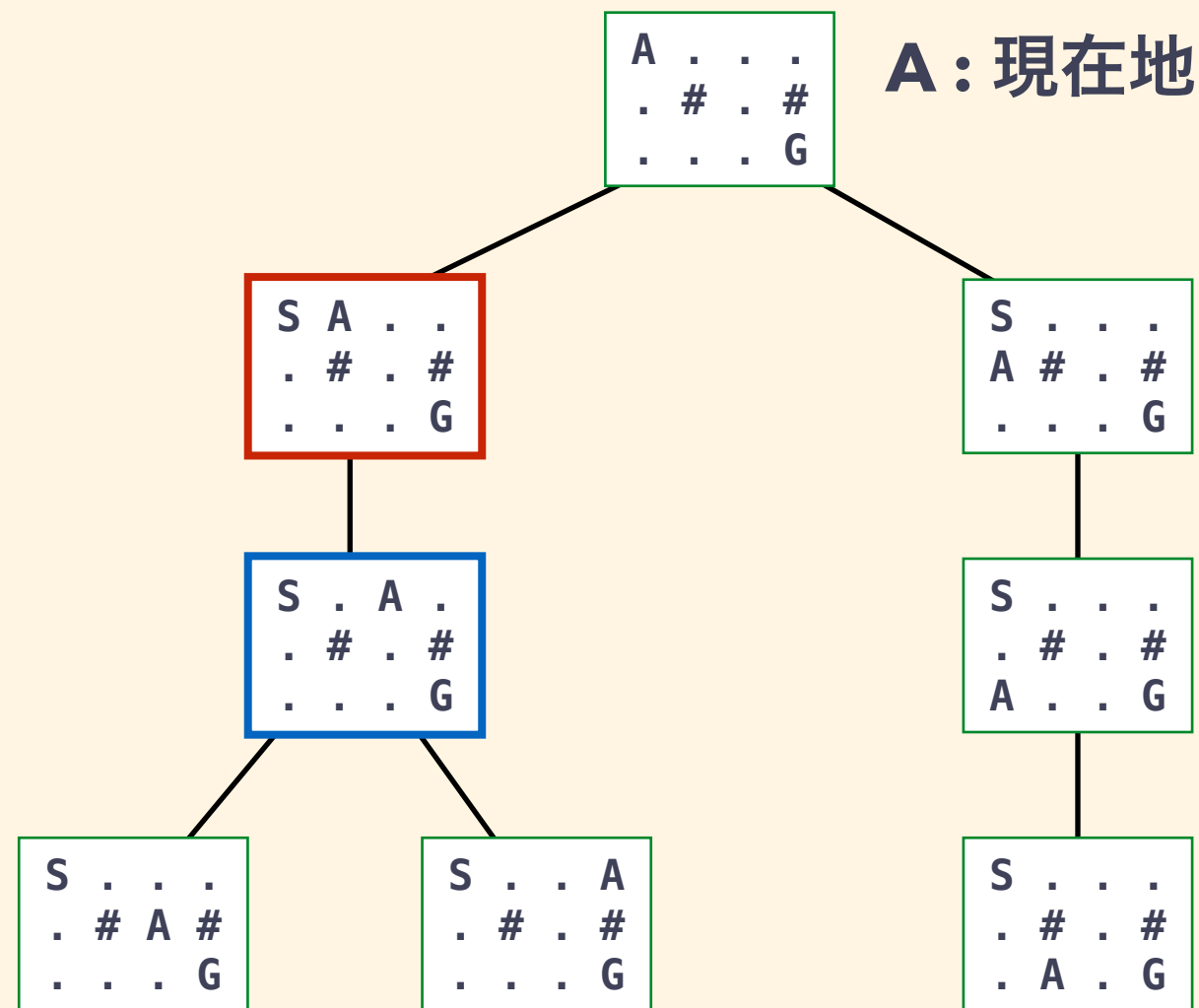

処理の流れを追ってみる



```
que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
```

処理の流れを追ってみる

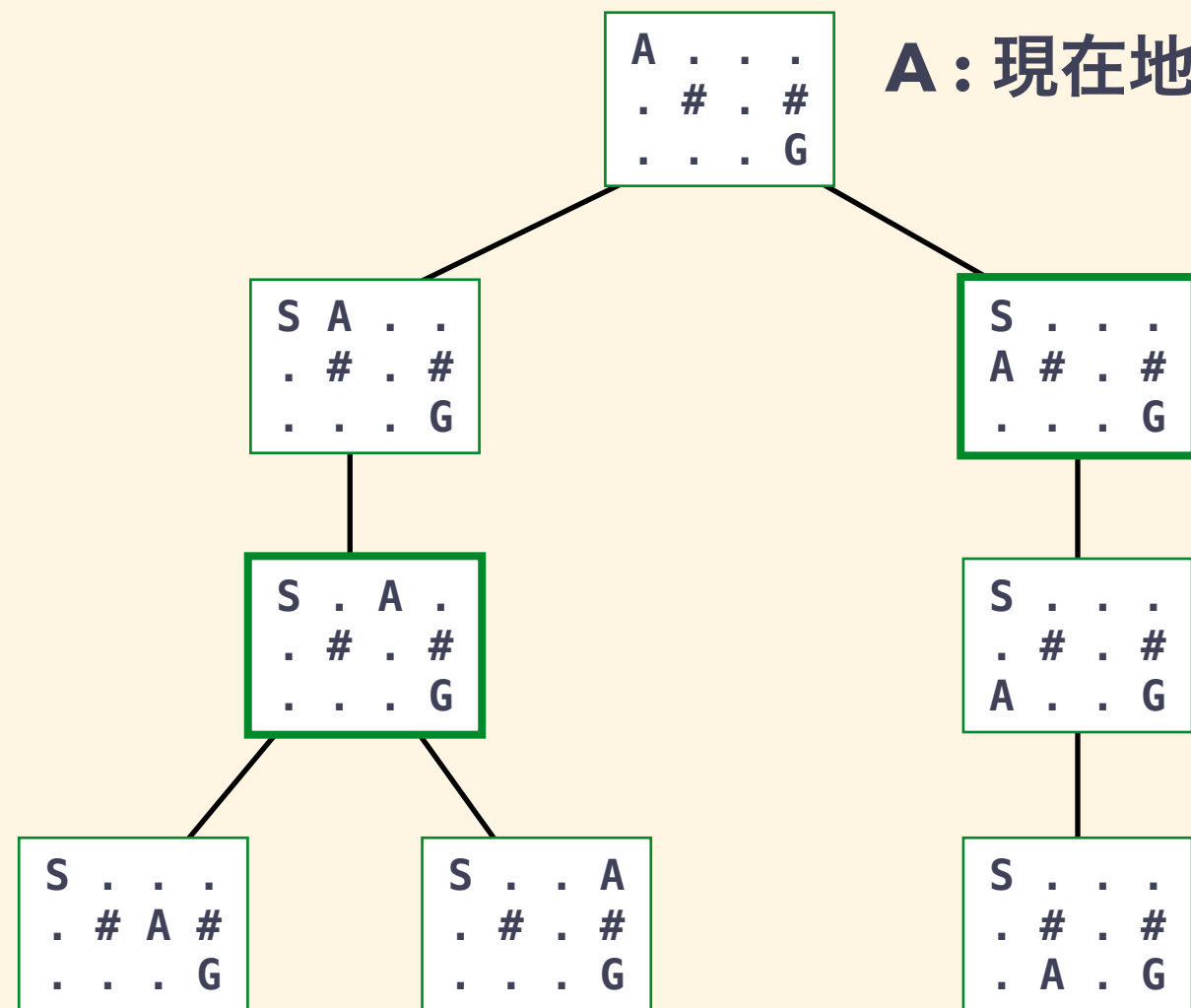


```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる

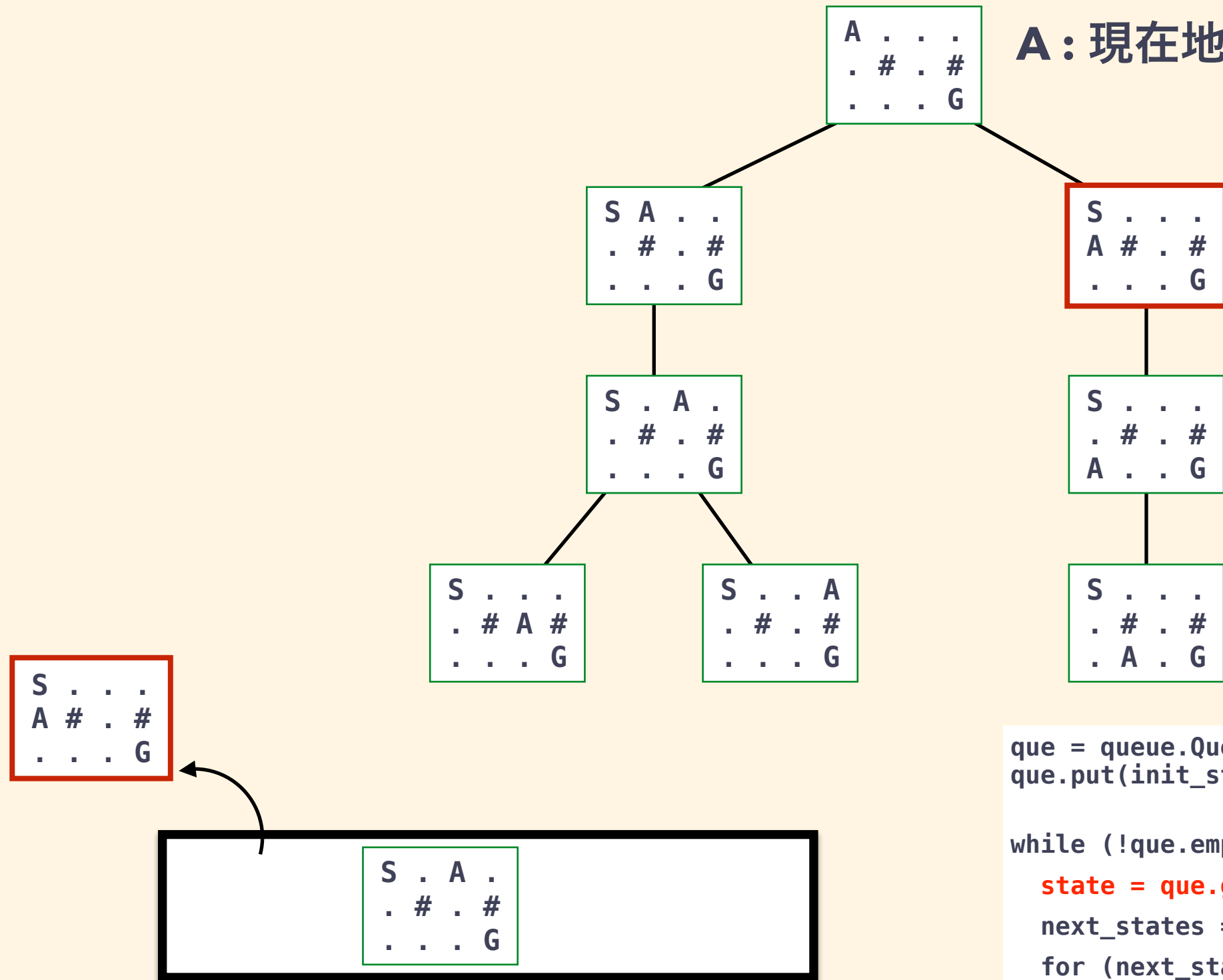


```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

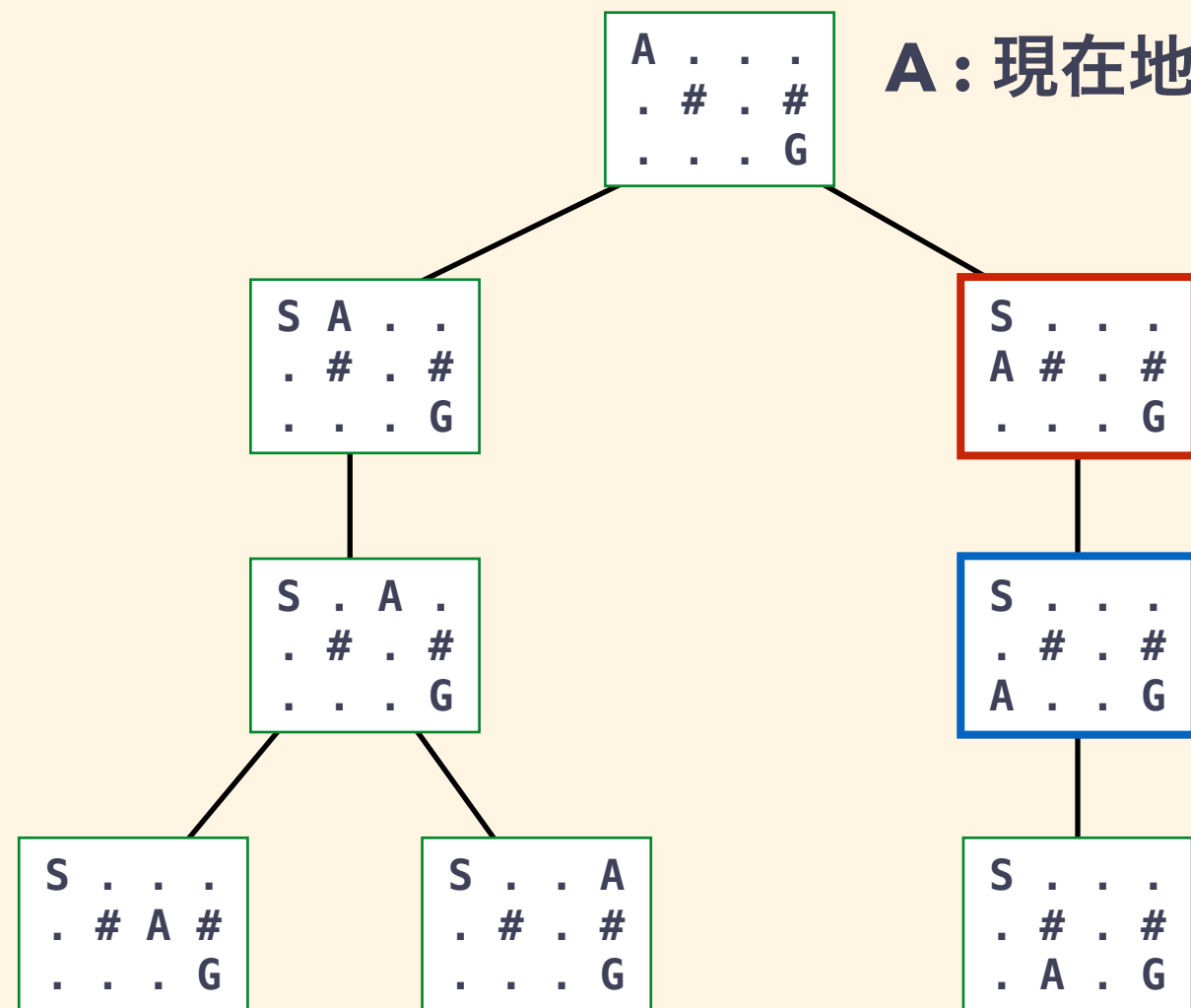
処理の流れを追ってみる



```
que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
```

処理の流れを追ってみる

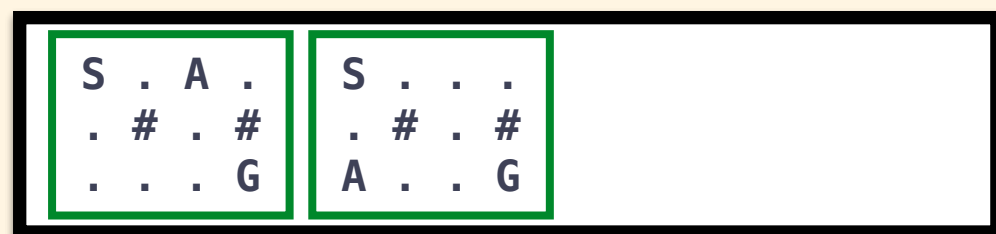
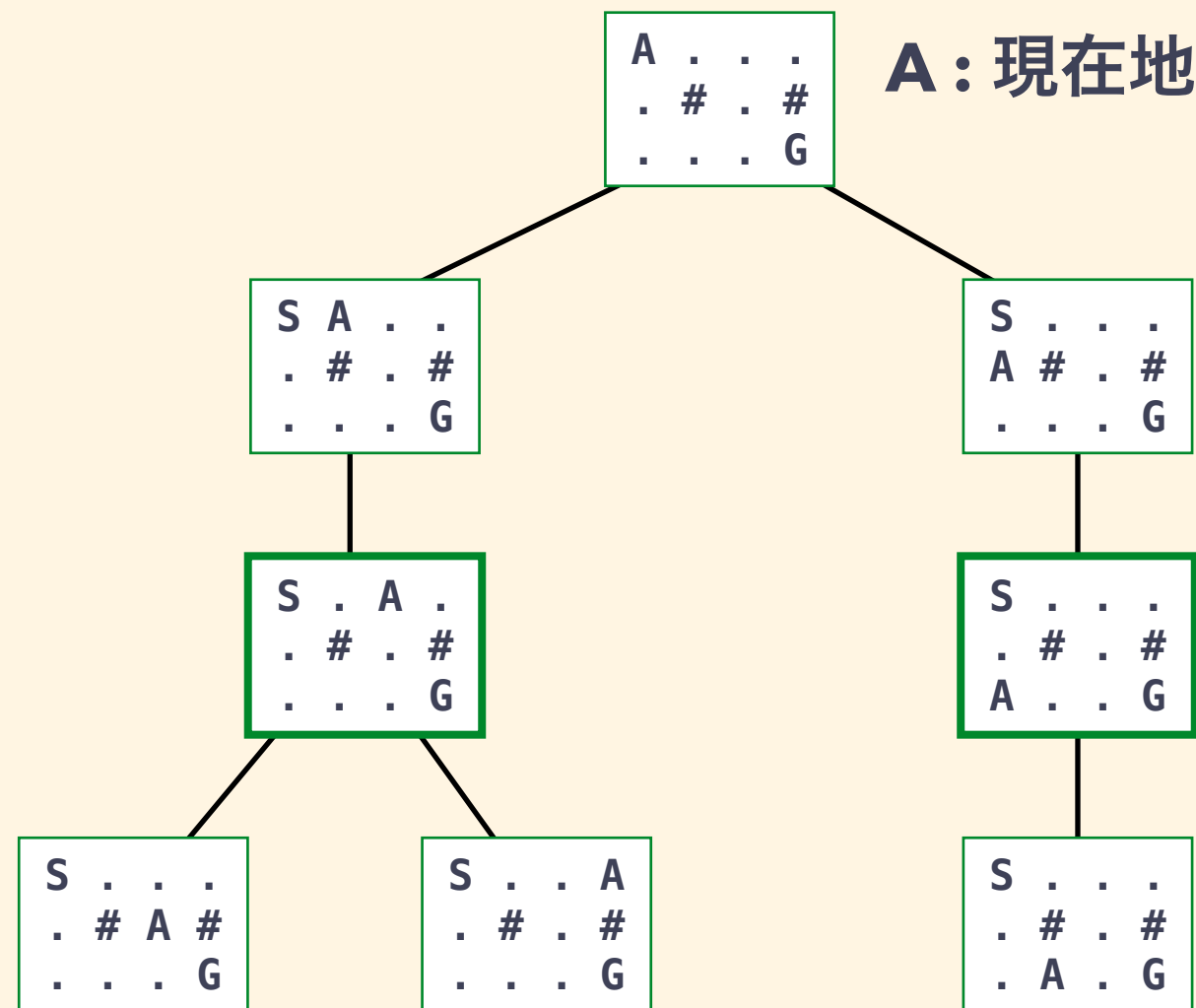


```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる



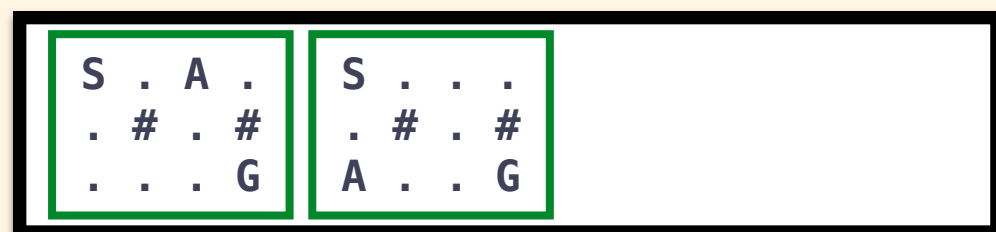
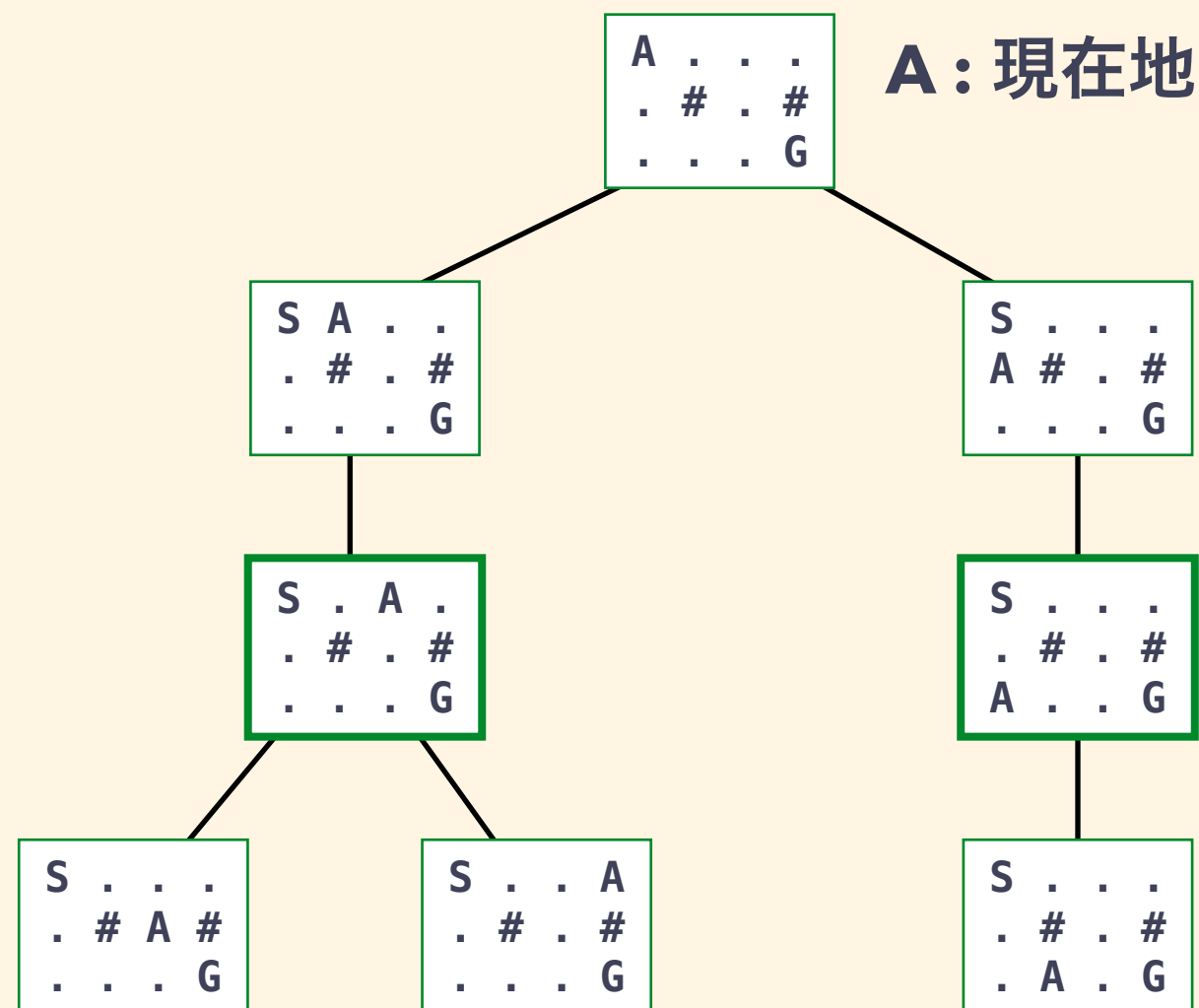
2手動かした状態が入っている

```

que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

処理の流れを追ってみる



ゴールを見つけるまで繰り返す

```

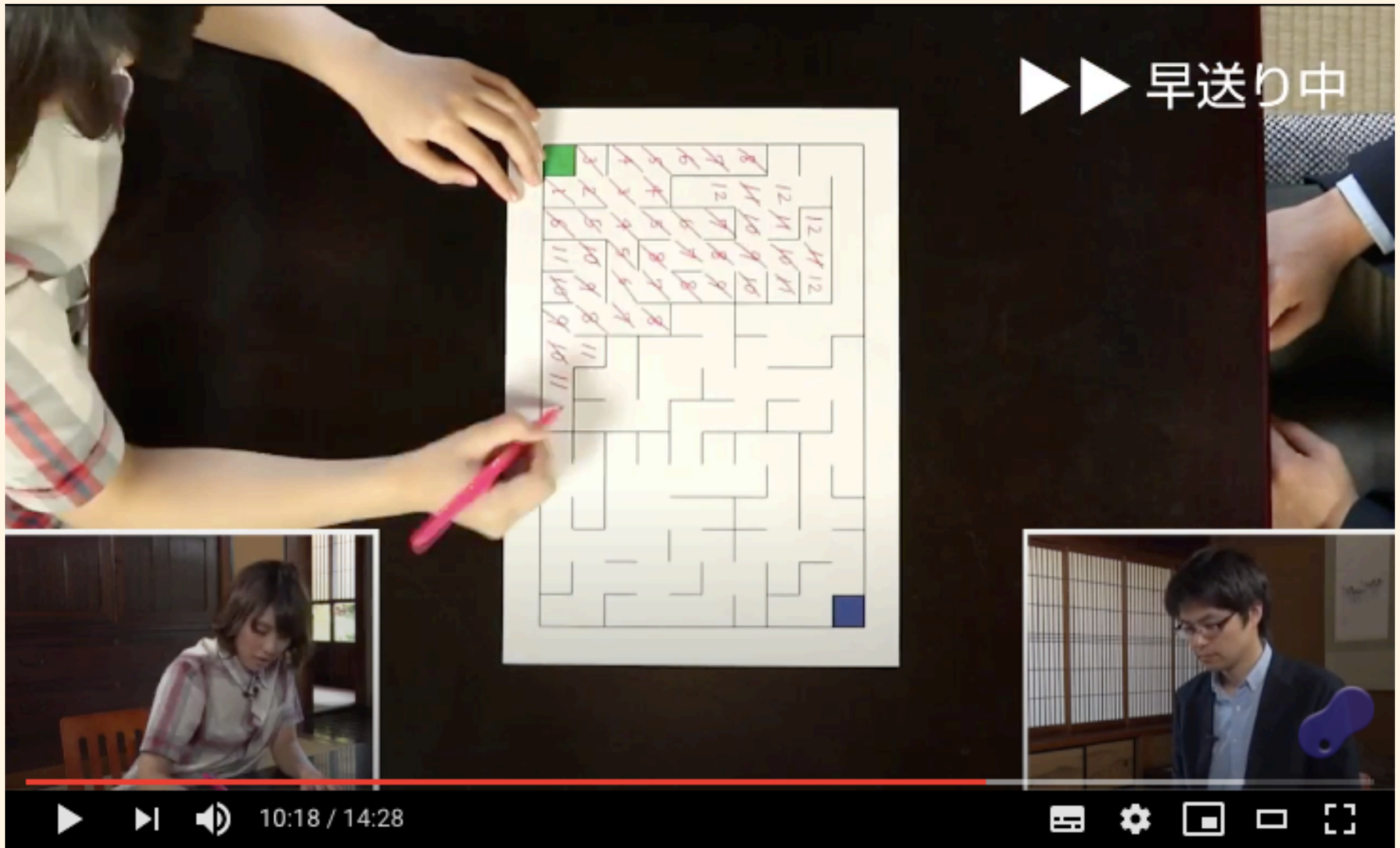
que = queue.Queue()
que.put(init_state)    // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.get()   // キューから状態の取り出し
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.put(next_state) // キューへ次の状態を追加
    }
}
  
```

迷路を解く流れを実演 (Python)

迷路を解く流れを実演 (Python)

大きな迷路ではこんな風に動きます



応用編

8パズルを
解いてみよう

穴埋め問題にしました

- 穴埋め問題 (C++)

- ▶ <https://wandbox.org/permlink/nCDU0Tffbq7uMeTf>

- 答え

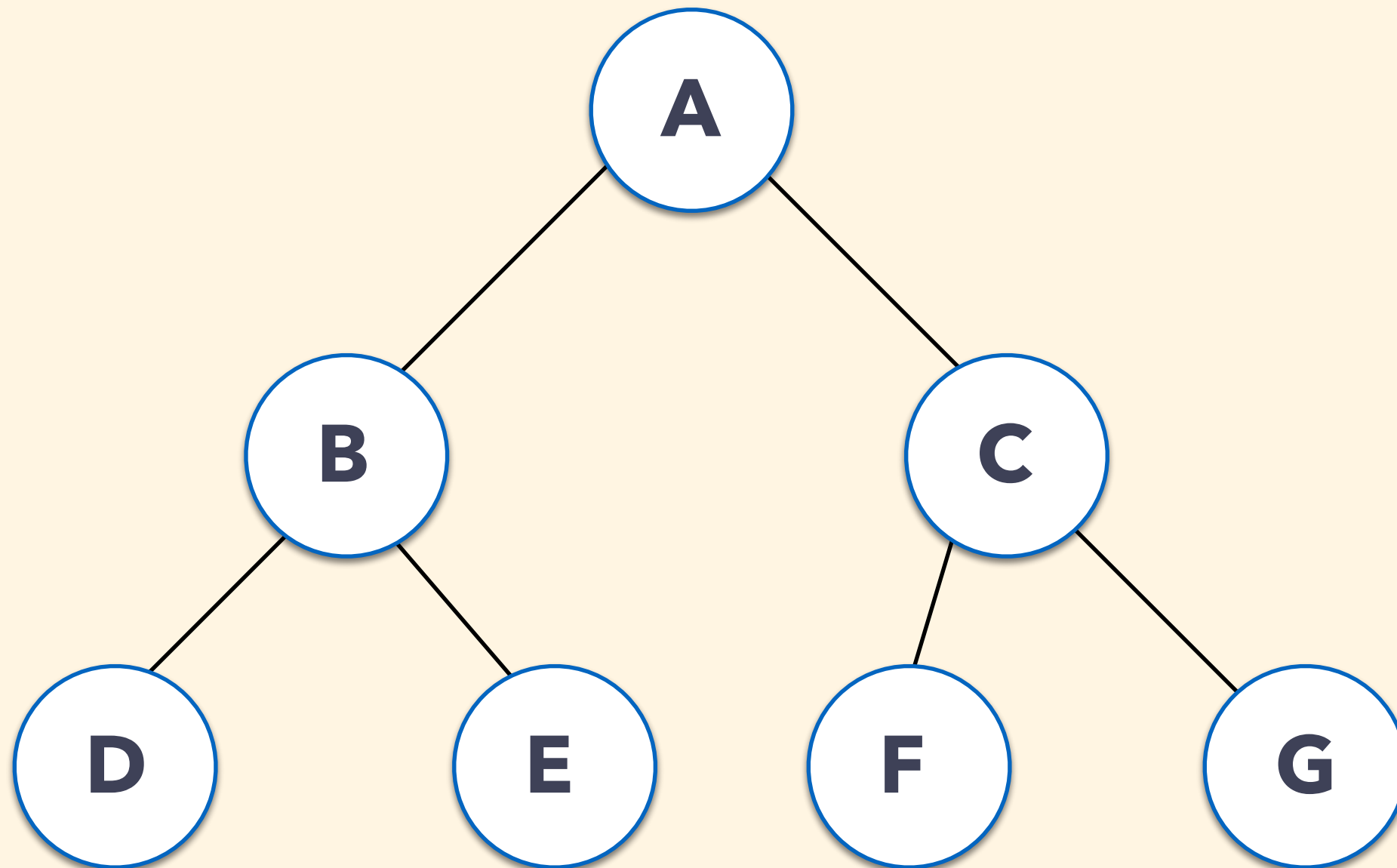
- ▶ <https://wandbox.org/permlink/t8NhHj7g9lqQtGd8>

アンケート



以下， 没スライド

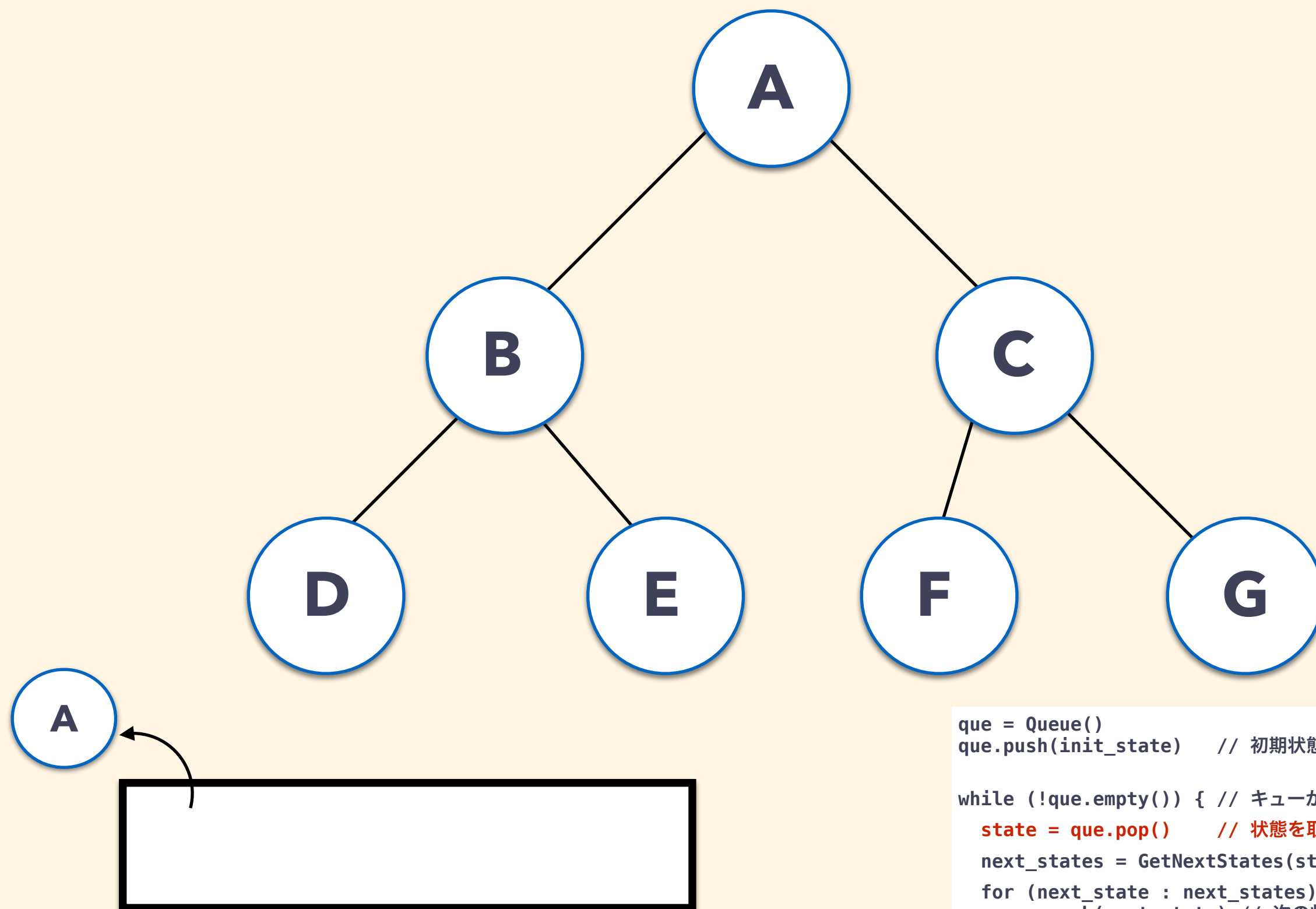
処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

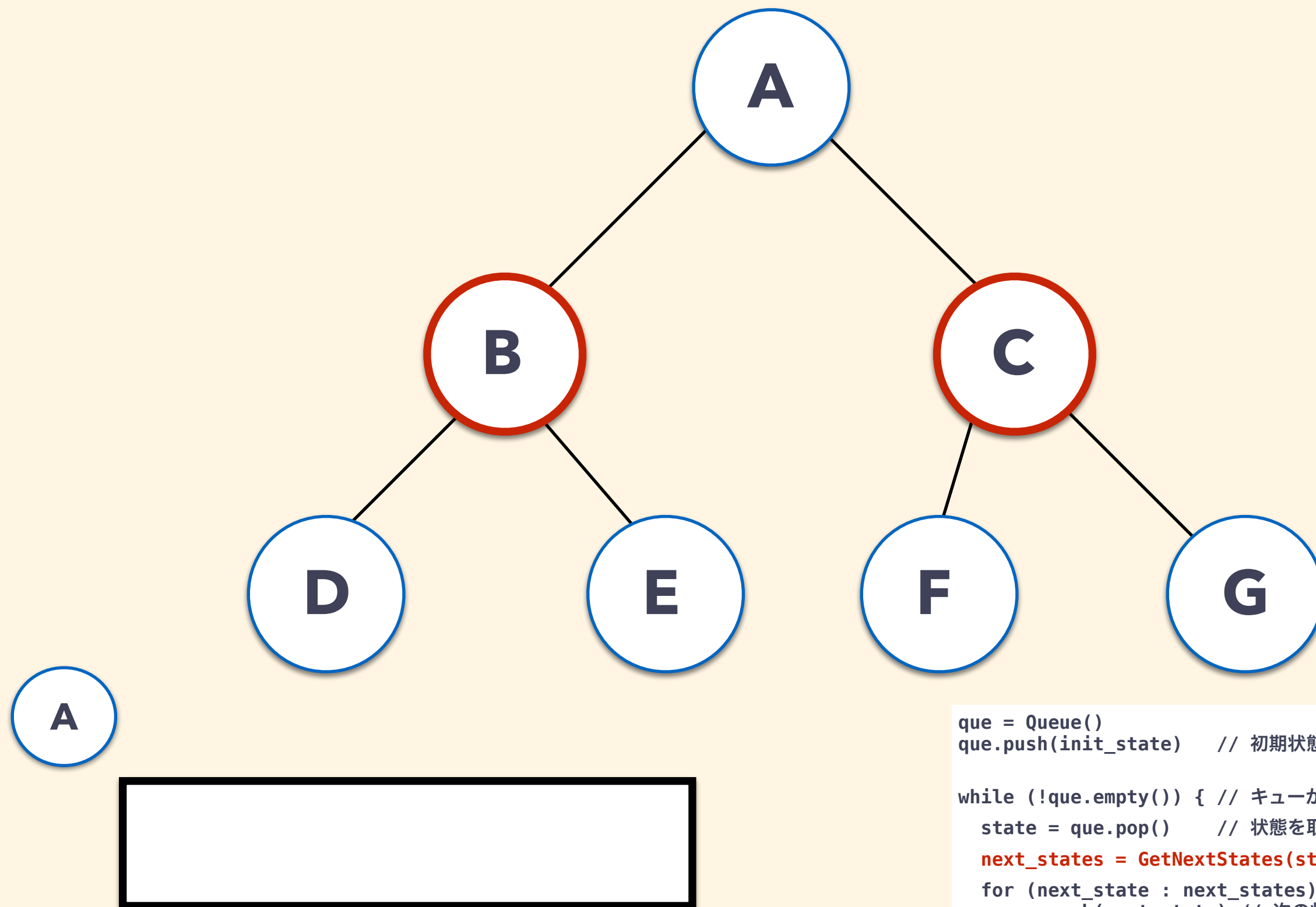
処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

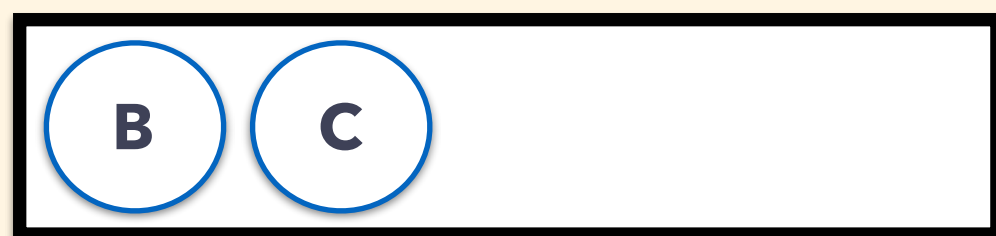
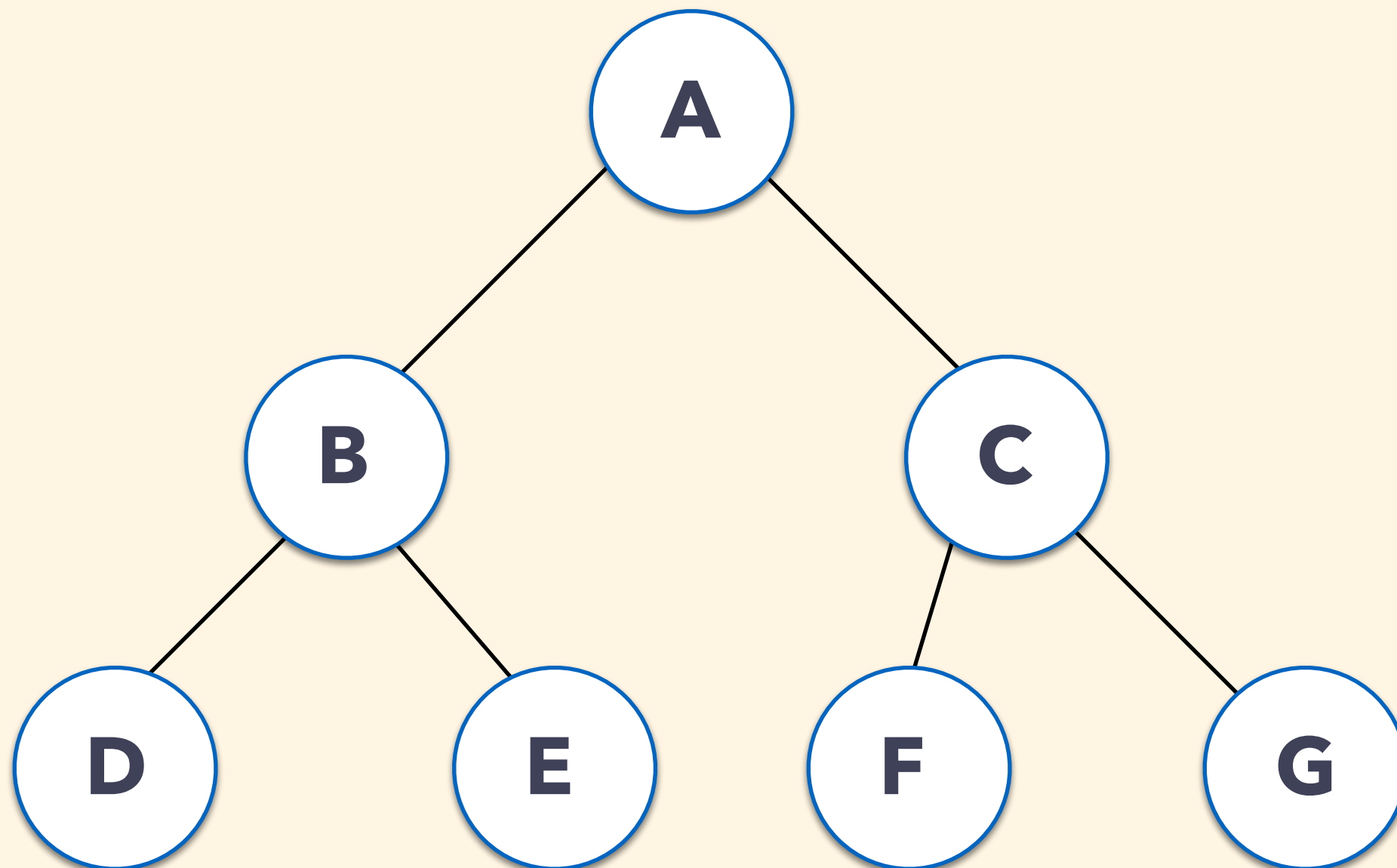
処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

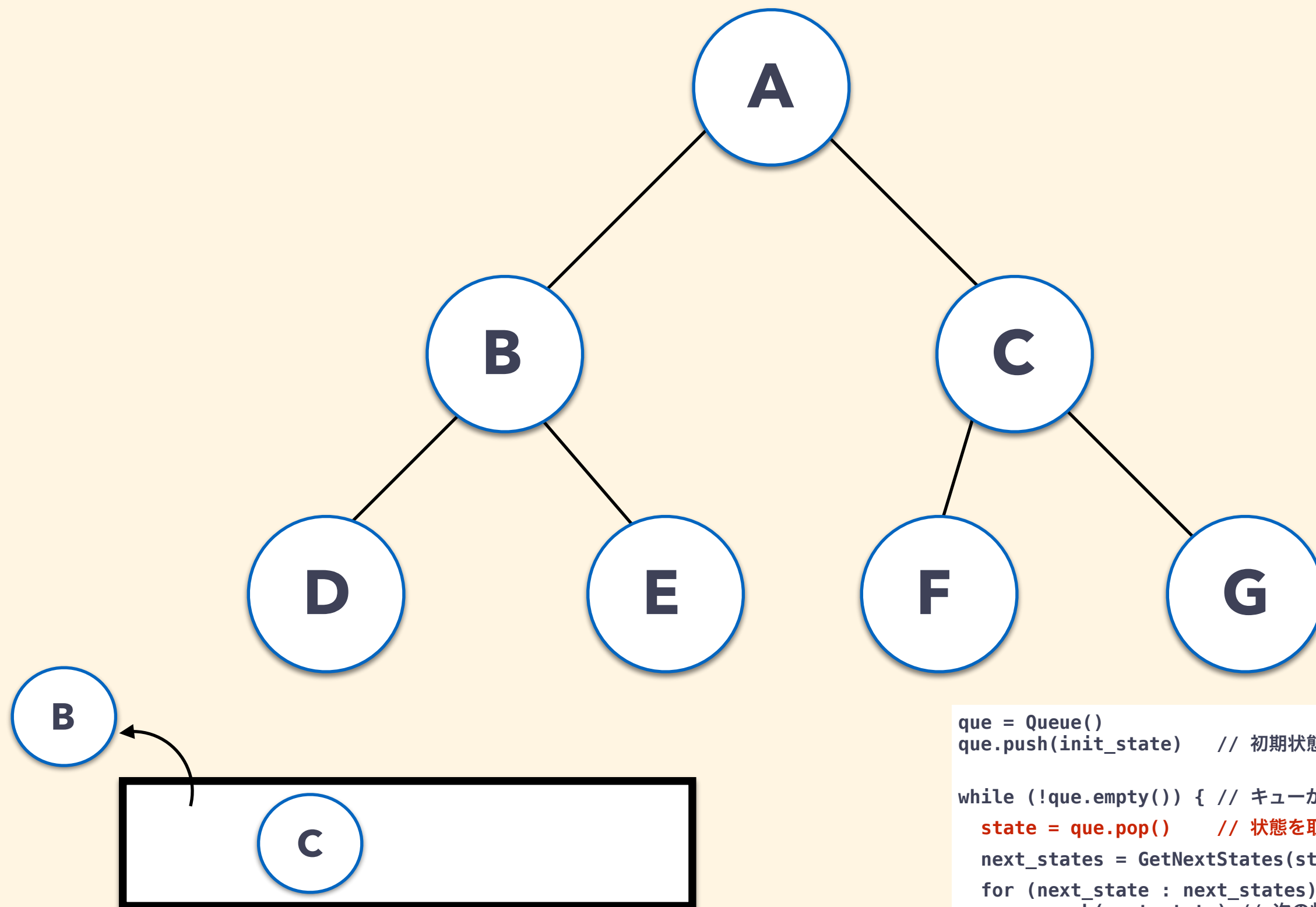

処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

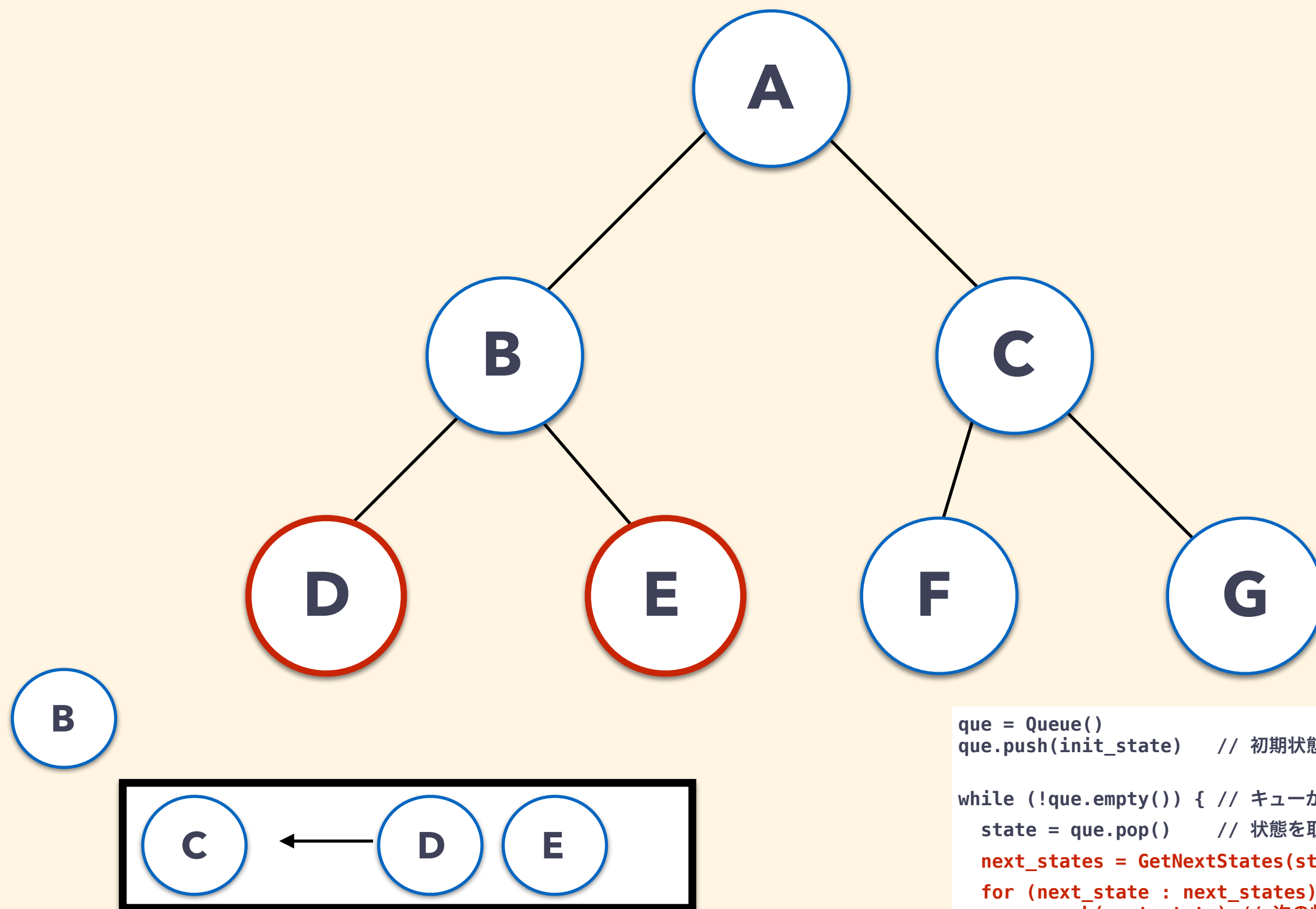
処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

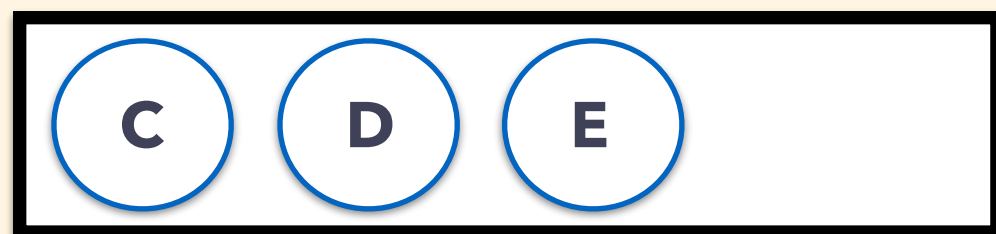
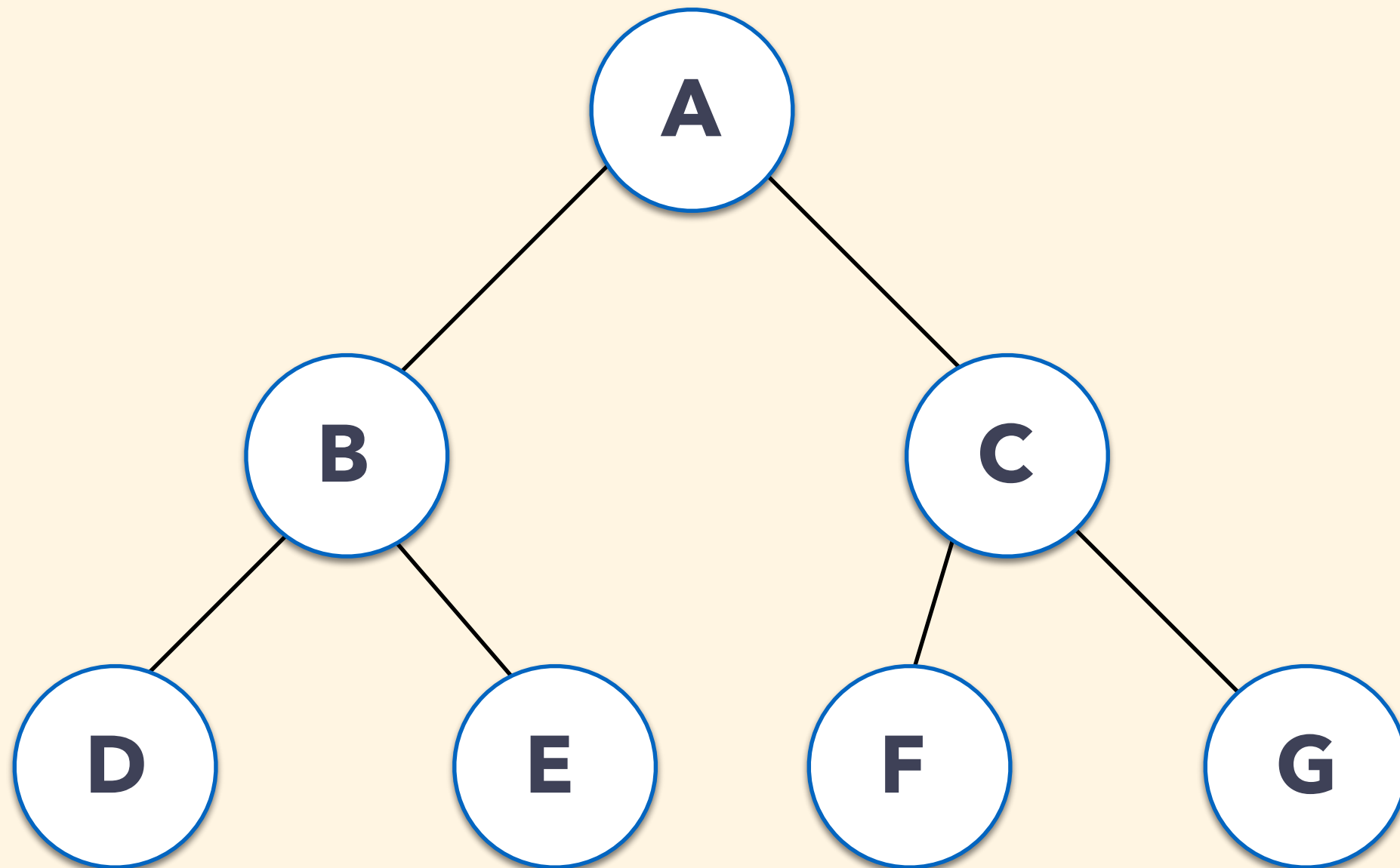
処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```

処理の流れを追ってみる



```
que = Queue()
que.push(init_state) // 初期状態をキューに追加

while (!que.empty()) { // キューが空でない時
    state = que.pop() // 状態を取得
    next_states = GetNextStates(state) // 次の状態一覧
    for (next_state : next_states) {
        que.push(next_state) // 次の状態を追加
    }
}
```